Professor: Daniel Domingues dos Santos

Lista Prática 1

Exercício 1 (swirl). O pacote swirl permite aprender a usar o R de forma interativa diretamente no console do R. Para instalar e inicializar o swirl, use os comandos¹:

```
install.packages("swirl")
2 library(swirl)
3 swirl()
```

Aparecerá uma mensagem de inicialização e, então, digite seu nome diretamente no console. Se esta for a primeira vez utilizando o swirl aparecerá algumas instruções e, depois, será mostrado o sequinte repositório de cursos:

```
1 1: R Programming: The basics of programming in R
{\it 2} 2: Regression Models: The basics of regression modeling in R
{\it 3} 3: Statistical Inference: The basics of statistical inference in R
4 4: Exploratory Data Analysis: The basics of exploring data in R
5 5: Don't install anything for me. I'll do it myself.
```

Neste exercício, utilizaremos o curso "R Programming", portanto, digite 1 para instalálo e, logo, digite 1 novamente para acessá-lo. Então, para iniciar uma lição, é necessário escolher uma na sequinte lista:

```
1: Basic Building Blocks
                                2: Workspace and Files
  3: Sequences of Numbers
                                4: Vectors
  5: Missing Values
                                6: Subsetting Vectors
  7: Matrices and Data Frames
                                8: Logic
 9: Functions
                               10: lapply and sapply
6 11: vapply and tapply
                               12: Looking at Data
7 13: Simulation
                               14: Dates and Times
8 15: Base Graphics
```

Faça as seguintes lições no swirl:

- a) 1: Basic Building Blocks
- b) 3: Sequences of Numbers
- c) 4: Vectors
- d) 5: Missing Values
- e) 6: Subsetting Vectors
- f) 7: Matrices and Data Frames
- q) 8: Logic
- h) 13: Simulation

¹Caso tenha dificuldades, assistir vídeo: https://youtu.be/ol0JfAjzd08

*Note que, para atribuição de valores a objetos, o swirl() exige que isso seja feito via "<-", ou seja, não aceita respostas com atribuição por "=").

Exercício 2. Considere os dois vetores x = c(1, 3, 5:8) e y = c(3, 2:-1, 10).

- a) O que é produzido pela expressão rbind(x, y)? Qual é a sua classe?
- b) Crie um vetor z com os elementos dos vetores x e y. Usando uma função e o vetor z como input dela, crie o mesmo objeto produzido no item (a).

Resposta:

a) Produz uma matriz com 2 linhas e 6 colunas:

```
1 [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
2 x 1 3 5 6 7 8
3 y 3 2 1 0 -1 10
```

```
b) z = c(x, y)
2 matrix(z, nrow=2, ncol=6, byrow=TRUE)

1 [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
2 [1,] 1 3 5 6 7 8
3 [2,] 3 2 1 0 -1 10
```

Exercício 3. Suponha uma lista definida por x = list(2, "a", "b", TRUE).

- a) O que x[[2]] retorna? Qual é a sua classe?
- b) E x[[1]]?
- c) $E \mathbf{x}[2]$?

Resposta:

- a) Retorna o vetor texto (character) "a"
- b) Retorna o vetor numérico (numeric) 2
- c) Retorna a lista composta pelo vetor texto (character) "a".

Note que o operador [] retorna um objeto da mesma classe do objeto originário (aqui uma lista), enquanto [[]] retorna um objeto na classe do vetor que compõe a lista. \square

Exercício 4. Suponha o vetor x = c(3, 5, 1, 10, 12, 6). Escreva o vetor x resultante após executar os comandos abaixo. Lembre-se de atribuir o vetor acima ao objeto x antes de iniciar cada item deste exercício.

- a) x[x == 6] = 0
- b) x[x != 12] = 0
- c) $x[x < 6 \ \& \ x > 1] = 0$
- d) x[x %in% 1:5] = 0
- e) x[!(x %in% 5:10)] = 0

Resposta:

- a) $\{3, 5, 1, 10, 12, 0\}$
- b) $\{0,0,0,0,12,0\}$
- c) $\{0, 0, 1, 10, 12, 6\}$
- $d) \{0,0,0,10,12,6\}$
- e) $\{0, 5, 0, 10, 0, 6\}$

Exercício 5. Usando a base de dados airquality², responda os seguintes itens:

- a) Valor de 'Ozone' na linha 47
- b) Quantidade de missing values (NA) na coluna 'Ozone'
- c) Média da 'Ozone'
- d) Média de 'Temp' quando 'Month' = 6
- e) Média de 'Solar.R' quando 'Ozone' > 31 e 'Temp' > 90
- f) Maior valor de 'Ozone' quando 'Month' = 5

Resposta:

- a) airquality\$0zone[47] ou airquality[47, 1] → Resposta: 21
- b) Para criar um vetor de TRUE/FALSE condicionada ao elemento ser um missing value, usamos is.na(). Lembre-se também que TRUE e FALSE correspondem, respectivamente aos números 1 e 0. Portanto, ao somarmos um vetor de TRUE/FALSE, obtemos a quantidade total de TRUE's.
 - sum(is.na(airquality\$0zone)) → Resposta: 37
- c) Do item anterior, sabemos que Ozone possui missing values e, portanto, ao utilizarmos a função mean() sem remover os missing values, o R reporta um NA.
 mean(airquality\$0zone, na.rm = TRUE) → Resposta: 42.12931

 $^{^2\}mathrm{Base}$ de dados nativa do R, basta escrever o nome dela para acessá-la.

- d) mean(airquality\$Temp[airquality\$Month == 6], na.rm = TRUE) \sim Resposta: 79.1
- e) mean(airquality\$Solar.R[airquality\$Ozone > 31 & airquality\$Temp > 90], na.rm = TRUE) \leadsto Resposta: 212.8
- f) max(airquality\$0zone[airquality\$Month == 5], na.rm = TRUE) \sim Resposta: 115

Exercício 6. Considere o vetor de números inteiros 1:100. Faça uma reamostragem de 100 números sem reposição deste vetor. Reordene este vetor de forma decrescente usando estruturas condicionais e de repetição/loop.

Resposta: Primeiro, crie o vetor descrito no enunciado:

```
vetor = sample(1:100, 100)
print(vetor)
                                        72
                                                         71
   [1]
              9
                  20
                      95
                          24
                               43
                                   65
                                            29
                                                88
                                                     47
                                                              56
                                                                  69
                                                                           54
                                                                               79
   Г187
              3
                 84
                      67
                          12
                               28
                                   83
                                        6
                                            50
                                                25
                                                     86
                                                         70
                                                              30
         16
                                                                  22
                                                                     100
   [35]
         51
             45
                 10
                      98
                          14
                               26
                                   89
                                        55
                                            48
                                                21
                                                     44
                                                         66
                                                              64
                                                                  94
                                                                      15
                                                                           49
                                                                               40
  [52]
        96
             97
                  8
                      5
                          53
                               68
                                   35
                                       18
                                            34
                                                52
                                                     32
                                                         62
                                                              7
                                                                  60
                                                                      58
                                                                           93
                                                                               87
             77 82
                                   2.7
                                                     99
                                                         1.3
  [69]
         38
                     46
                          23
                               4
                                        31
                                            11
                                                19
                                                                  2
                                                                      1
                                                                           81
                                                                               57
                                                              91
                          76
                              59
                                   74
                                       42
                                            90
                                                39
                                                     78
                                                         92
                                                              73
  [86]
         85
             17
                 63
                     41
                                                                  33
```

Iniciando no 1º elemento do vetor, faremos uma comparação entre este elemento e o seguinte. Se este for maior do que aquele, inverteremos a ordem e, caso o elemento seja seguido por um número menor, a ordem continuará. Logo, faremos a mesma análise para a próxima dupla do vetor e repetiremos até chegar ao penúltimo elemento do vetor, que será comparado ao último.

```
for (i in 1:(length(vetor) - 1))
         if (vetor[i] < vetor[i + 1]) {</pre>
             aux = vetor[i + 1]
3
             vetor[i + 1] = vetor[i]
             vetor[i] = aux
         }
6
        80
            20
                95
                    24
                        43
                            65
                                 72
                                     29
                                         88
                                             47
                                                 71
                                                     56
                                                         69
                                                            37
                                                                 54
                                                                     79
                                                                          16
   [1]
  Г187
            84
                67
                    12
                        28
                             83
                                6
                                     50
                                         25
                                             86
                                                 70
                                                     30
                                                         22 100
                                                                 36
                                                                     61
                                                                          51
         9
            10
                98
                    14 26
                            89
                                55
                                     48
                                            44
                                                 66
                                                     64
                                                         94
                                                                 49
                                                                     40
                                                                          96
  [35]
        45
                                         2.1
                                                             15
                5
                    53 68
                            35
                                18
                                     34
                                         52
                                             32
                                                 62
                                                     7
                                                         60
                                                             58
                                                                 93
                                                                     87
                                                                          38
  [52]
        97
            8
  [69]
        77
            82
                46
                    23
                        4
                            27
                                 31
                                    11
                                         19
                                             99
                                                 13
                                                     91
                                                         .3
                                                             2
                                                                 81
                                                                     57
                                                                         85
  [86]
                    76
                            74
                                42
                                    90
                                         39
                                             78
                                                 92
                                                     73
                                                         33
```

Note que este loop fez apenas o menor número ir à última posição do vetor. Precisamos rodar um outro loop para que o 2º menor número vá para a penúltima posição e assim por diante. Note que o loop seguinte não precisa ser feito até o último elemento do vetor, já que ele já está na posição correta. Então, a cada vez que rodamos um loop, precisamos fazer uma comparação a menos.

```
for (num_loops in 0:98) {
    for (i in 1:(length(vetor) - 1 - num_loops)) {
        if (vetor[i] < vetor[i + 1]) {</pre>
```

```
aux = vetor[i + 1]
              vetor[i + 1] = vetor[i]
              vetor[i] = aux
6
8
    [1] 100
             99
                 98
                      97
                          96
                              95
                                   94
                                       93
                                            92
                                                91
                                                    90
                                                         89
                                                             88
                                                                 70
   [18]
         83
             82
                 81
                      80
                          79
                              78
                                   77
                                       76
                                            75
                                                74
                                                    73
                                                         72
                                                             71
                                                                      69
                                                                               67
   [35]
         66
             65
                 64
                      63
                          62
                              61
                                   60
                                       59
                                            58
                                                57
                                                    56
                                                         55
                                                             54
                                                                 53
                                                                      52
                                                                          51
                                                                               50
  [52]
        49
             48
                 47
                     46
                          45
                              44
                                   43
                                       42
                                           41
                                                40
                                                    39
                                                         38
                                                             37
                                                                 36
                                                                      35
                                                                          34
                                                                              33
  [69]
        32
             31
                 30
                     29
                          28
                              27
                                   26 25
                                            24
                                                23
                                                    22
                                                         21
                                                             2.0
                                                                 19
                                                                      18
                                                                          17
                                                                              16
  [86]
        15
             14
                 13
                     12
                          11
                              10
                                   9
                                        8
                                           7
                                                    5
                                                              3
```

Exercício 7. Considere x = 1. Crie um loop que, a cada repetição, divide o valor de x pela metade. Faça isso até x < 1e-100 (1 × 10⁻¹⁰⁰). Quantas repetições são necessárias para que x atinja esse valor?

Resposta: 333 loops

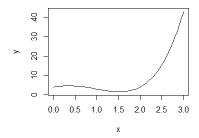
Exercício 8. Considere que João precise definir um x considerando uma função de desutilidade (loss function) dada por $y = x^4 - 6x^2 + 4x + 4$.

- a) Suponha que João só possa escolher 0 ≤ x ≤ 3. Como há infinitos pontos neste intervalo (e o computador não consegue tratar cálculos com infinitos valores), discretizaremos os possíveis valores de x criando um vetor x = seq(from = 0, to = 3, length = 61). Qual é o valor de x que minimiza a desutilidade de João, y?
- b) Suponha $-3 \le x \le 3$ e use x = seq(from = -3, to = 3, length = 121). O valor de x que minimiza y permanece o mesmo?
- c) Agora, suponha $-100 \le x \le 100$ e use x = seq(from = -100, to = 100, length = 121). O que acontece?
 - *Dica: Compare os casos usando gráficos: plot(x, y, type="l").

Resposta:

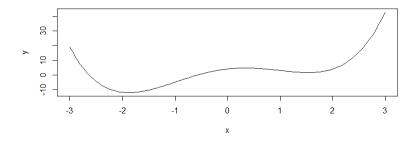
a) Resposta: 1,55

```
1 x = seq(from = 0, to = 3, length = 61)
2 y = x^4 - 6*x^2 + 4*x + 4
3 x[which.min(y)]
```



b) Resposta: $-1.9 \sim$ valor que minimiza f(x) mudou, pois o intervalo $0 \le x \le 3$ selecionava um mínimo local.

```
1 x = seq(from = -3, to = 3, length = 121)
2 y = x^4 - 6*x^2 + 4*x + 4
3 x[which.min(y)]
```



c) Resposta: $-2 \rightarrow$ aumentar o intervalo de potenciais valores de x, sem aumentar proporcionalmente a quantidade de pontos, diminuiu a precisão de seleção do x que minimiza f(x). O mesmo ocorreria se diminuísse a quantidade de pontos dentro do intervalo.

```
1 x = seq(from = -60, to = 60, length = 121)
2 y = x^4 - 6*x^2 + 4*x + 4
3 x[which.min(y)]
```

