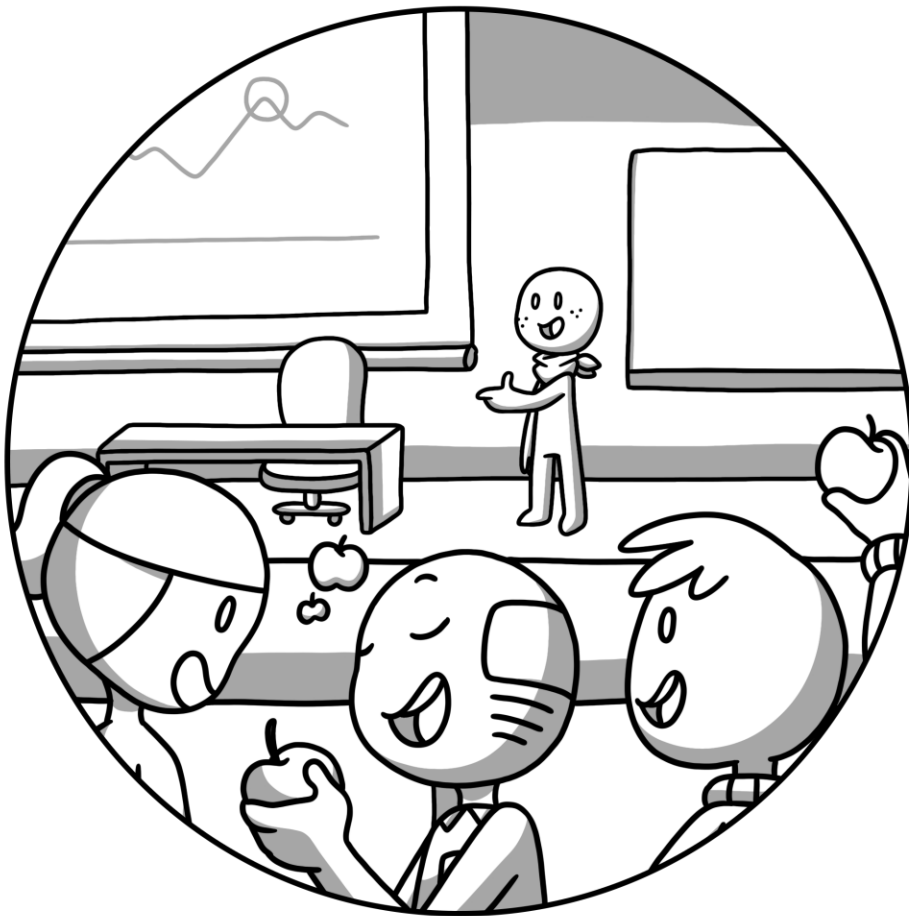


# Lagemaße



COMIXPLAIN

Dieser Comic wurde im Zuge des Forschungsprojekts Comixplain, gefördert von der Fachhochschule St. Pölten im Rahmen des Innovation Call 2022, erstellt.

**Projektteam:**

Victor-Adriel De-Jesus-Oliveira  
Hsiang-Yun Wu  
Christina Stoiber  
Magdalena Boucher  
Alena Ertl

**Kontakt:**

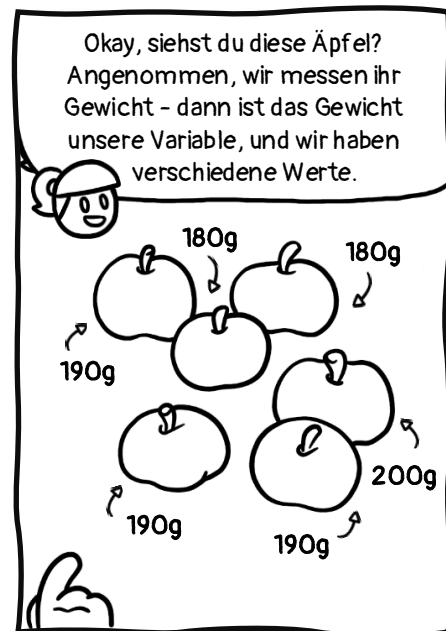
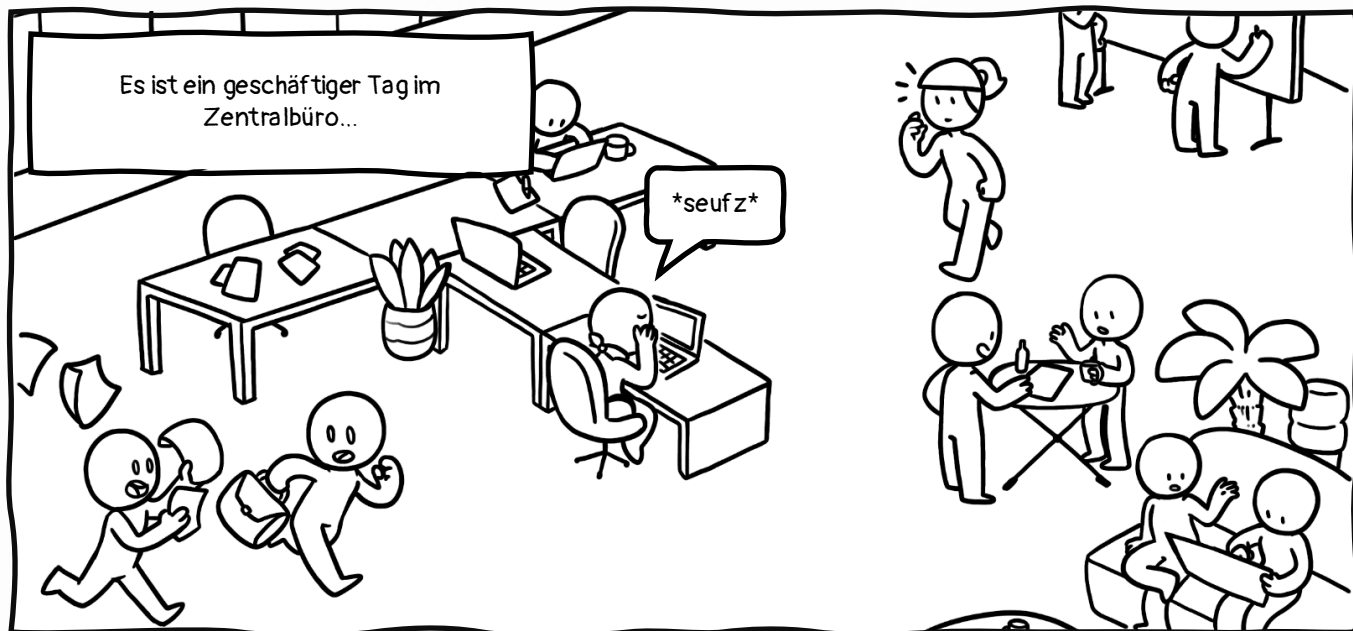
victor.oliveira@fhstp.ac.at

**Illustrationen:**

Magdalena Boucher & Alena Ertl

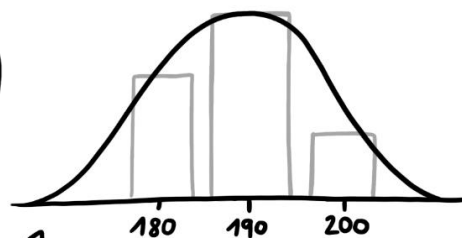


<https://fhstp.github.io/comixplain>



Der beste Weg, eine Variable zu beschreiben, ist zu zeigen, welche Werte darin vorkommen, und wie oft. Das nennt man die **VERTEILUNG** der Werte einer Variable.

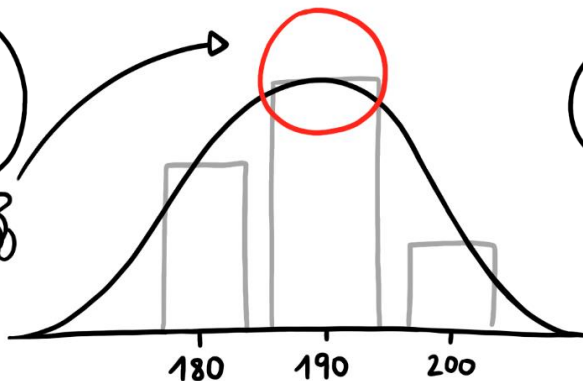
Wenn wir das Gewicht unserer Äpfel visualisieren, würde die Verteilung so aussehen, weil alle Äpfel im Korb ungefähr gleich viel wiegen.



Weight of apples

Der Graph hat irgendwie die Form einer Glocke...

Ja. Wir können so schätzen, dass das Gewicht der meisten Äpfel im Korb um die Spitze der Glocke herum liegt.



Ah, okay. Aber... wie würde ich das berechnen?

Dieser Mittelpunkt ist ein gutes Maß für die Verteilung unserer Daten - deshalb nennt man einen solchen Wert auch **LAGEMAß**.

Es gibt verschiedene Arten von Lagemaßen. Der **MITTELWERT** ist das bekannteste Maß, und er ist auch leicht zu berechnen.

Hier sind unsere sechs Äpfel:

200 180 190 190 190 180

Um den Mittelwert zu berechnen, addieren wir einfach alle Werte...

$200 + 180 + 190 + 190 + 190 + 180$

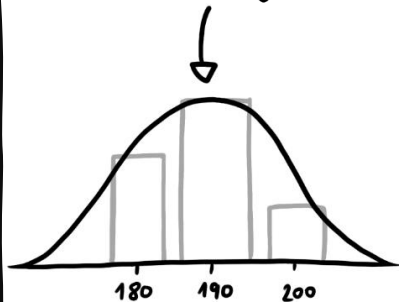
...und dividieren dann durch die Anzahl unserer Äpfel...

$(200 + 180 + 190 + 190 + 190 + 180)$

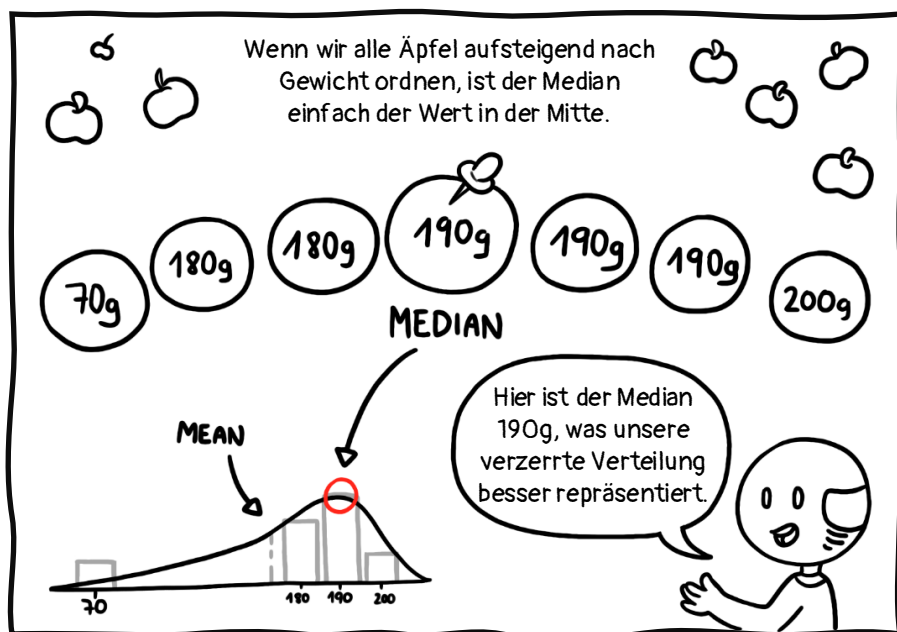
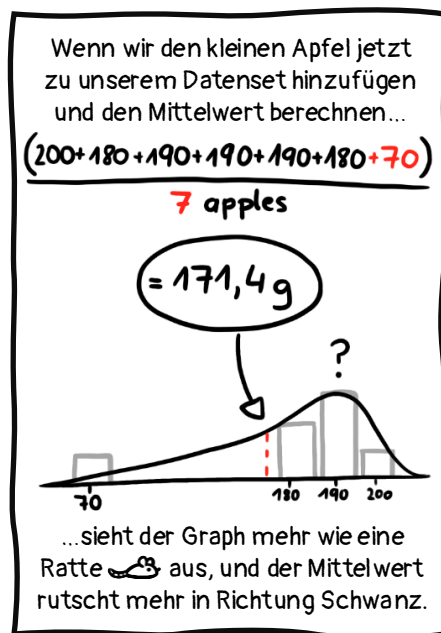
6

Das ergibt einen Mittelwert von:

188,3g



Oh, das ist wirklich fast die Spitze unserer Glockenkurve!



In diesem Fall hat unser Graph auf einmal zwei Hügel:



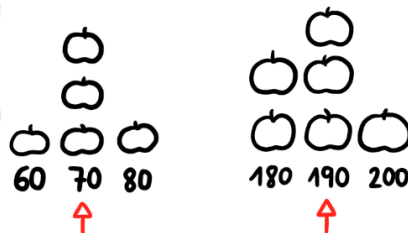
Zwei Ratten  
die sich küssen!

Ähh, klar...

weight of tiny & big apples

Naja, jedenfalls gibt es noch ein  
Lagemaß namens **MODUS**, das  
wir verwenden können, wenn  
unsere Wertverteilung mehrere  
Hügel hat.

Der Modus beschreibt die Werte,  
die in einem Datenset am  
häufigsten auftreten.



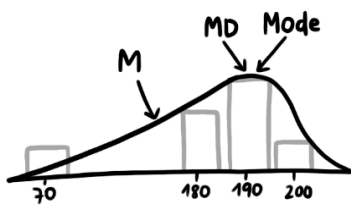
In diesem Fall haben wir  
mehrere Modi, aber es kann  
auch Datensets mit nur einem,  
oder sogar gar keinem geben.

Wir können Mittelwert, Median und Modus für ganz verschiedene Stichproben von Äpfeln verwenden - aber es wird oft vorkommen, dass eines der Maße die Daten besser beschreibt als ein anderes.



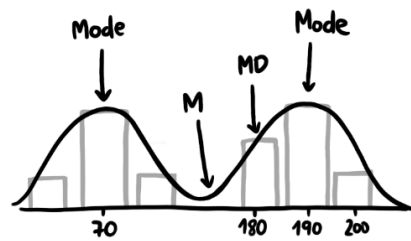
180, 180, 190, 190, 190, 200

$M = 188,3$   
 $MD = 190$  → Gute Maße  
Modus = 190



70, 180, 181, 190, 191, 191, 200

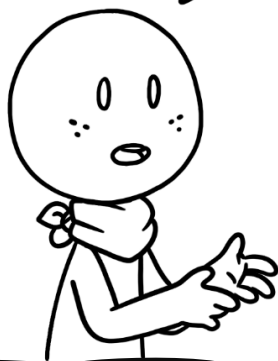
$M = 171,8$   
 $MD = 190$  → Gute Maße  
Modus = 191



60, 70, 70, 70, 80, 180, 180, 190,  
190, 190, 200

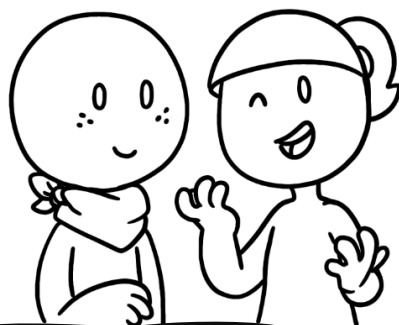
$M = 134,5$   
 $MD = 180$  → Gutes Maß  
Modus = 70 & 190

Okay, danke... Ich habe viel  
dazugelernt. Jetzt muss ich das  
nur noch auf meine eigenen Daten  
übertragen. Sie sind aus einer App,  
die Herzfrequenz misst.



Nutzer ID	Herz- Frequenz (bpm)	Nutz- ungszeit	Bewer- tung
1	45	13:00	1
2	50	9:00	5
3	55	10:00	3
4	57	9:00	4
5	63	14:00	5
6	70	15:00	5
7	65	16:00	4
8	75	15:00	2

Das sollte machbar sein - schau  
dir deine Daten an und folge  
denselben Schritten, die wir  
gerade mit den Äpfeln gemacht  
haben. Du kannst die nächste  
Seite für Notizen verwenden.





Bevor du umblätterst: Versuche, den Mittelwert, Median und Modus für jede Variable in der Tabelle zu berechnen. Entscheide, welches Maß am besten für welche Variable geeignet ist. Du kannst auf dieser Seite Notizen machen!



Du kannst die Lösungen auf der nächsten Seite zum Vergleich anschauen und auf dieser Seite weitere Notizen machen.

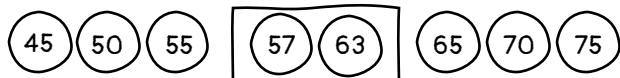


## HERZFREQUENZ

### Berechnung des MITTELWERTS:

$$\frac{45+50+55+57+63+70+65+75}{8 \text{ users}} = \frac{480}{8} = 60 \text{ bpm}$$

### Berechnung des MEDIANS:



Wenn es zwei mittlere Werte gibt, dann berechnet sich der Median aus dem Mittelwert der beiden Werte:

$$(57+63)/2 = 60 \text{ bpm}$$

### Berechnung des MODUS:

45, 50, 55, 57, 63, 70, 65, 75

Jeder Wert kommt nur ein Mal vor – es gibt also keinen Modus!

Wenn die Verteilung der Werte symmetrisch, ohne Verzerrungen, ist, dann sind Mittelwert und Median gleich.



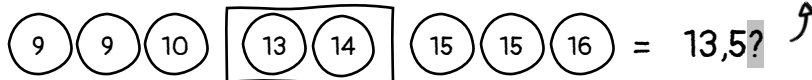
## HÄUFIGSTE NUTZUNGSZEIT

### Berechnung des MITTELWERTS:

$$\frac{9+9+10+13+14+15+15+16}{8 \text{ Nutzer*innen}} = \frac{101}{8} = 12,6?$$

Nutzungszeit ist kein quantitativer Wert – daher macht die Berechnung von Mittelwert und Median keinen Sinn!

### Berechnung des MEDIANS:



### Berechnung des MODUS:

9:00, 10:00, 13:00, 14:00, 15:00, 16:00  
2x    1x    1x    1x    2x    1x    = 2 Modi: 9:00 & 15:00

Der Modus ist nicht nur für multimodale Verteilungen geeignet, sondern auch für ordinale und kategoriale Daten.



## STERNEBEWERTUNG

### Berechnung des MITTELWERTS:

$$\frac{1+2+3+4+4+5+5+5}{8 \text{ users}} = \frac{29}{8} = 3,6 \text{ stars}$$

### Berechnung des MEDIANS:



### Berechnung des MODUS:

1    2    3    4    5  
1x   1x   1x   2x   3x    = 5 stars

Für Datensätze mit einer verzerrten Verteilung ist der Median ein besseres Lagemaß.



## Quellen:

Downey, A. (2014). Think stats: exploratory data analysis. O'Reilly Media, Inc.

Field, A. (2022). An adventure in statistics: The reality enigma. Sage.