

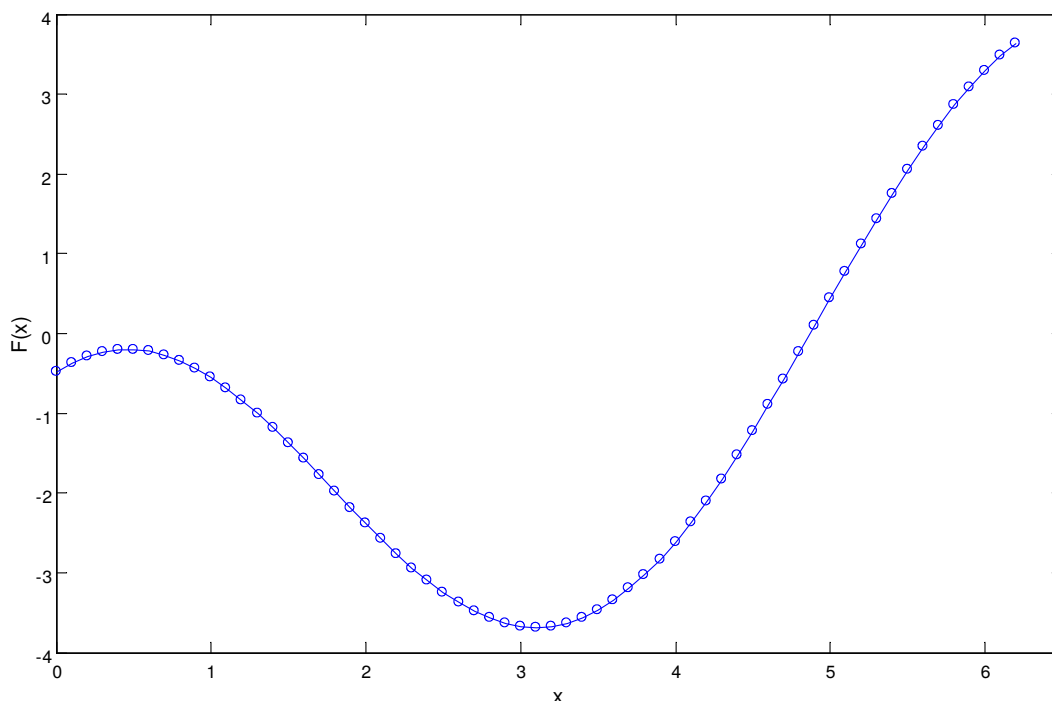
**INTELIGÊNCIA COMPUTACIONAL****TRABALHO COMPUTACIONAL – 2****- Enunciado:**

Analisando-se as características da Rede Adaline pode-se afirmar que o mesmo é um aproximador linear de funções. Isso significa que, para um conjunto qualquer de variáveis de entrada, a sua saída corresponde à soma das mesmas, ponderadas pelos pesos e acrescidas do termo de polarização. Um exemplo dessa aplicação é quando o Adaline é utilizado para aproximar uma combinação linear de funções. Por exemplo, considere a combinação linear de três funções, sendo duas delas não lineares e uma linear. As funções em questão são:  $f_1(x) = \sin(x)$ ,  $f_2(x) = \cos(x)$  e  $f_3(s) = x$ . A combinação linear das três funções pode ser expressa como:

$$F(x) = a_0 + a_1 f_1(x) + a_2 f_2(x) + a_3 f_3(x)$$

onde  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $a_3$  são os coeficientes lineares.

Utilizando-se um conjunto de valores de  $f_1(x)$ ,  $f_2(x)$  e  $f_3(x)$  para  $x$  variando de 0 a  $2\pi$  e os seguintes coeficientes:  $a_0 = -\pi$ ,  $a_1 = 0,565$ ,  $a_2 = 2,657$ ,  $a_3 = 0,674$ , obtém-se a função  $F(x)$  apresentada na figura abaixo:



A aproximação dessa função pode ser obtida treinando-se um neurônio Adaline de três entrada com amostras de dados de treinamento correspondentes às funções  $f_1(x)$ ,  $f_2(x)$  e  $f_3(x)$  e  $F(x)$ , e como resultado têm-se os valores dos pesos  $w_0$ ,  $w_1$ ,  $w_2$ , e  $w_3$  como valores aproximados dos coeficientes  $a_0$ ,  $a_1$ ,  $a_2$ , e  $a_3$ . Dessa forma, o neurônio estará, a partir dos dados de entrada, aproximando a função  $F(x)$ , mesmo que a sua expressão não seja conhecida previamente.

**- Questões:**

1) Implemente o algoritmo de treinamento e o algoritmo de operação para aproximação de função da Rede Adaline.

2) Gere os conjuntos de dados para treinamento e validação, contendo as amostras de  $f_1(x)$ ,  $f_2(x)$  e  $f_3(x)$  e  $F(x)$ , conforme o enunciado. O conjunto de treinamento deve ter 80% do total de amostras e o conjunto de validação 20% do total de amostras.

3) Execute vários treinamentos com a rede Adaline, iniciando-se o vetor de pesos  $\{w\}$  em cada treinamento com valores aleatórios entre 0 e 1, de forma que em cada treinamento os valores não sejam os mesmos. Em cada treinamento experimente valores diferentes para a taxa de treinamento  $\{\eta\}$  e valor de tolerância  $\{\epsilon\}$ .

4) Escolha o treinamento que apresentou melhores resultados e anote os valores do vetor de pesos obtidos. Compare-os com os valores dos coeficientes lineares da função  $F(x)$ .

Coeficientes lineares				Pesos após o treinamento			
$a_0$	$a_1$	$a_2$	$a_3$	$w_0$	$w_1$	$w_2$	$w_3$

5) Após o treinamento da rede Adaline, utilize o algoritmo de operação para obter a saída de validação, utilizando o vetor de pesos do melhor resultado dos treinamentos. Exiba o gráfico da saída da rede Adaline na validação e compare-a com a curva da função  $F(x)$ .

6) Calcule o erro médio quadrático do resultado da validação, conforme a equação abaixo. Comente sobre o resultado obtido.

$$EMQ = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N y_i - \hat{y}_i$$

onde  $y_i$  é a saída da rede na validação e  $\hat{y}_i$  é a saída desejada.