Основные вопросы, которые требуется знать и уметь применять при решении задач.

ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА И АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ

Кафедра высшей математики Институт ИКБ

ТЕМА: Матрицы и определители. Системы линейных уравнений

Основные вопросы

- 1. Операции над матрицами;
- 2.Определители квадратных матриц;
- 3. Свойства определителей;
- 4. Обратная матрица;
- 5. Ранг матрицы
- 6. Метод обратной матрицы и формулы Крамера;
- 7. Метод Гаусса

ТЕМА: Векторы на плоскости и в пространстве

Основные вопросы

- 1. Векторы. Линейные операции над векторами;
- 2.Проекция вектора на ось;
- 3. Разложение вектора по ортам координатных осей. Модуль вектора.

Направляющие косинусы. Действия над векторами, заданными проекциями;

- 4. Скалярное произведение векторов и его свойства;
- 5. Векторное произведение векторов и его свойства;
- 6. Смешанное произведение векторов и его свойства;

ТЕМА: Аналитическая геометрия на плоскости

Основные вопросы

- 1. Система координат на плоскости;
- 2. Линии на плоскости. Уравнения прямой на плоскости;
- 3. Условия параллельности и перпендикулярности прямых;
- 4. Расстояние от точки до прямой;
- 5. Линии второго порядка на плоскости: окружность, эллипс, гипербола, парабола

ТЕМА: Аналитическая геометрия в пространстве

Основные вопросы

- 1. Уравнения плоскости в пространстве;
- 2. Угол между двумя плоскостями. Условия параллельности и перпендикулярности двух плоскостей;
- 3. Расстояние от точки до плоскости;
- 4. Уравнения прямой в пространстве;
- 5. Угол между прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности прямых;
- 6. Условие, при котором две прямые лежат в одной плоскости;
- 7. Угол между прямой и плоскостью. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости;

8. Пересечение прямой с плоскостью. Условие принадлежности прямой плоскости.

ТЕМА: Комплексные числа

Основные вопросы

- 1. Формы записи комплексных чисел;
- 2. Действия над комплексными числами: сложение, вычитание, умножение, деление. Формула Муавра;
- 3. Извлечение корней из комплексных чисел

Примеры заданий для подготовки к экзамену

- 1. Решить матричное уравнение $\mathbf{X} \cdot \begin{pmatrix} 3 & -7 \\ 2 & -5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$.
- 2. Решить систему методом Крамера

$$\begin{cases} 5x + 8y - z = 7, \\ 2x - 3y + 2z = 9, \\ x + 2y + 3z = 1. \end{cases}$$

или

2. Найти общее решение системы

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 - x_4 + x_5 = 2, \\ 3x_1 + x_2 - 2x_3 + 2x_4 - 3x_5 = 3, \\ x_1 + 2x_2 - 2x_3 + 3x_4 - 4x_5 = 1, \\ 4x_1 + 3x_2 - 4x_3 + 5x_4 - 7x_5 = 4. \end{cases}$$

3. Найти фундаментальную систему решений

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + x_3 = 0, \\ x_2 + 2x_3 - 4x_4 = 0, \\ 3x_1 - x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 0, \\ 3x_1 + x_2 + 6x_3 + x_4 = 0. \end{cases}$$

ИЛИ

или

- 3. Вычислить A^{200} , если $A = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$.
- 4. Найти уравнение прямой, проходящей через точку $M\left(-2;6\right)$ и составляющей с осью Ox угол, вдвое меньший угла, который составляет с осью Ox прямая $\sqrt{3}y-3x+5=0$. или
- 4. Вычислить площадь параллелограмма, построенного на векторах $\vec{a} = 2\vec{p} 3\vec{q}$ и $\vec{b} = 2\vec{p} + \vec{q}$, если $|\vec{p}| = 3$, $|\vec{q}| = 4$, а угол между векторами \vec{p} и \vec{q} составляет 135^0 .

- 4. Найти координаты точек A и B, если известно, что точки $C(-6;\ 21)$ и $D(-2;\ 11)$ делят отрезок AB в отношении 1:2:1.
- 5. Дана треугольная пирамида с вершинами в точках A(2; -1; 2), B(2; 1; 3), C(1; 0; 1) и D(6; 4; 5). Найти ее высоту, проведенную из точки D. или
- 5. Доказать, что прямые

$$\begin{cases} 2x + 2y - z - 10 = 0, \\ x - y - z - 22 = 0 \end{cases} \quad \text{if} \quad \frac{x+7}{3} = \frac{y-5}{-1} = \frac{z-9}{4}$$

параллельны и найти расстояние между ними.

или

5. Доказать, что прямые

$$\frac{x+7}{3} = \frac{y+4}{4} = \frac{z+4}{-2}$$
 и $\frac{x-21}{6} = \frac{y-21}{-4} = \frac{z-2}{-1}$

являются скрещивающимися и вычислить расстояние между ними.

- 6. Уравнение кривой второго порядка $x^2 2x + 4y + 5 = 0$ привести к каноническому виду, указать формулы перехода к системе координат, в которой уравнение линии принимает канонический вид, определить тип кривой второго порядка и ее эксцентриситет.
- 7. Решить уравнение $x^4 2x^3 + 4x 4 = 0$, зная, что один из его корней равен $x_1 = 1 i$.
- 8. В треугольнике ABC найти координаты центра вписанной окружности и ее радиус, если даны координаты вершин A(-1; 1) и B(-11; 6) и C(-7; -2).