

## Отчет по лабораторной работе № 22 по курсу Практикум на ЭВМ

Студент группы М8О-104Б-22 Полятыкин Никита Владимирович, № по списку 13

Контакты www, e-mail, icq, skype polatykin58@gmail.com

Работа выполнена: « 4 » марта 2023 г.

Преподаватель: асп. каф. 806 Потенко М.А.

Входной контроль знаний с оценкой \_\_\_\_\_

Отчет сдан «    » \_\_\_\_\_ 202 \_\_ г., итоговая оценка \_\_\_\_

Подпись преподавателя \_\_\_\_\_

1. **Тема:** издательская система TEX.

2. **Цель работы:** научиться пользоваться средствами системы TEX.

3. **Задание (вариант № ): Сверстать страницы 272 - 273 сборника задач Кудрявцева**

4. **Оборудование (лабораторное):**

ЭВМ \_\_\_\_\_, процессор \_\_\_\_\_, имя узла сети \_\_\_\_\_ с ОП \_\_\_\_\_ Мб,  
НМД \_\_\_\_\_ Мб. Терминал \_\_\_\_\_ адрес \_\_\_\_\_. Принтер \_\_\_\_\_  
Другие устройства \_\_\_\_\_

*Оборудование ПЭВМ студента, если использовалось:*

Процессор AMD Ryzen 5 5500u с ОП \_\_\_\_\_ Мб, НМД \_\_\_\_\_ Мб. Монитор \_\_\_\_\_  
Другие устройства \_\_\_\_\_

5. **Программное обеспечение (лабораторное):**

Операционная система семейства \_\_\_\_\_, наименование \_\_\_\_\_ версия \_\_\_\_\_  
интерпретатор команд \_\_\_\_\_ версия \_\_\_\_\_  
Система программирования \_\_\_\_\_ версия \_\_\_\_\_  
Редактор текстов \_\_\_\_\_ версия \_\_\_\_\_  
Утилиты операционной системы \_\_\_\_\_

Прикладные системы и программы \_\_\_\_\_  
Местонахождение и имена файлов программ и данных \_\_\_\_\_

*Программное обеспечение ЭВМ студента, если использовалось:*

Операционная система семейства Linux, наименование Linux Ubuntu версия 22.04.1  
интерпретатор команд Bash версия 5.1.16  
Система программирования \_\_\_\_\_ версия \_\_\_\_\_  
Редактор текстов nano версия \_\_\_\_\_  
Утилиты операционной системы Терминал

Прикладные системы и программы \_\_\_\_\_

Местонахождение и имена файлов программ и данных на домашнем компьютере \_\_\_\_\_

**6. Идея, метод, алгоритм** решение задачи (в формах: словесной, псевдокода, графической [блок-схема, диаграмма, рисунок, таблица] или формальные спецификации с пред- и постусловиями)

Чтобы выполнить данную лабораторную работу, воспользуемся редактором Overleaf для того, чтобы сверстать указанные ниже страницы из сборника задач Кудрявцева.

В ходе работы мы создадим файл формата .tex и, используя соответствующие команды, воспроизведем данные в условии страницы. 0.75cm Также с помощью встроенного пакета "gnuplottex" мы построим график трёхмерной фигуры и добавим его в созданный файл. После этого мы скомпилируем pdf-файл и успешно скачаем его.

| 272  | Гл. 3. Производная и дифференциал | § 13. Производная. Дифференциал функции   | 273 |
|--|-----------------------------------|---|-----|
| имеет производную: 1) в точке $x = 1$ ; 2) в точке $x = -1$ .  |                                   | 1) если для дифференцируемых на интервале $(a; b)$ функций $f$ и $g$ верно неравенство $f < g$ , то $f' \leq g'$ на $(a; b)$ ;  |     |
| 179. Исследовать на дифференцируемость следующие функции:  |                                   | 2) если на интервале $(a; b)$ верно неравенство $f' < g'$ , то $f < g$ на $(a; b)$ ;  |     |
| 1) $y =  x^2(x+1)^2(x+2) $ ; 2) $y =  \sin x $ ; 3) $y = x x $ ;   |                                   | 3) если $f(a) = g(a)$ и $f'(x) < g'(x)$ на интервале $(a; b)$ , то $f(x) < g(x)$ на $(a; b)$ .  |     |
| 4) $y =  x - x  \sin x$ ; 5) $y = \arcsin(\cos x)$ ;   |                                   | 187. Доказать или опровергнуть следующие утверждения:   |     |
| 6) $y = \begin{cases} x^2, & \text{если } x \leq 0, \\ e^{-1/x}, & \text{если } x > 0; \end{cases}$  |                                   | 1) для того чтобы дифференцируемая функция $y(x)$ , $x \in (a; b)$ , имела монотонную на интервале $(a; b)$ производную, необходимо, чтобы $y'(x)$ была монотонна на $(a; b)$ ;                     |     |
| 7) $y = \begin{cases} x^2  \cos(\pi/x) , & \text{если } x \neq 0, \\ 0, & \text{если } x = 0; \end{cases}$   |                                   | 2) для того чтобы дифференцируемая функция $y(x)$ , $x \in (a; b)$ , имела монотонную на интервале $(a; b)$ производную, достаточно, чтобы $y'(x)$ была монотонна на интервале $(a; b)$ ;           |     |
| 8) $y = \begin{cases} \pi, & \text{если } x \text{ — рациональное число,} \\ 0, & \text{если } x \text{ — иррациональное число.} \end{cases}$                |                                   | 3) для того чтобы дифференцируемая функция имела периодическую производную, необходимо, чтобы функция была периодической;   |     |
| 180. Вычислить значения производной для функции во всех точках, где производная существует:  |                                   | 4) для того чтобы дифференцируемая функция имела периодическую производную, достаточно, чтобы функция была периодической.   |     |
| 1) $y = \begin{cases} x^2, & \text{если } x \text{ — рациональное число,} \\ 0, & \text{если } x \text{ — иррациональное число.} \end{cases}$                |                                   | 188. Доказать или опровергнуть следующие утверждения:   |     |
| 2) $y = \begin{cases} x^2, & \text{если } x \text{ — рациональное число,} \\ 2 x  - 1, & \text{если } x \text{ — иррациональное число.} \end{cases}$         |                                   | 1) для того чтобы производная дифференцируемой функции была четной функцией, достаточно, чтобы функция была нечетной;   |     |
| 181. Верно ли утверждение: если функция имеет производную в точке, то она дифференцируема в некоторой окрестности этой точки?                                |                                   | 2) для того чтобы производная дифференцируемой функции была четной функцией, необходимо, чтобы функция была нечетной;   |     |
| 182. Доказать или опровергнуть следующие утверждения:  |                                   | 3) для того чтобы производная дифференцируемой функции была нечетной функцией, достаточно, чтобы функция была четной;   |     |
| 1) если функция $f$ имеет, а функция $g$ не имеет производной в некоторой точке, то и функция $f+g$ не имеет производной в этой точке;                       |                                   | 4) для того чтобы производная дифференцируемой функции была нечетной функцией, достаточно, чтобы функция была четной.   |     |
| 2) если функции $f$ и $g$ не имеют производной в некоторой точке, то и функция $f+g$ не имеет производной в этой точке;                                      |                                   | 189. Верно ли утверждение: если функция $f$ имеет производную в точке $x_0$ , то последовательность $\{n(f(x_0 + 1/n) - f(x_0))\}$ сходится? Верно ли обратное утверждение?                         |     |
| 3) если функция $f$ имеет, а функция $g$ не имеет производной в некоторой точке, то и функция $fg$ не имеет производной в этой точке;                        |                                   | 190. Верны ли следующие утверждения:  |     |
| 4) если функции $f$ и $g$ не имеют производной в некоторой точке, то и функция $fg$ не имеет производной в этой точке.                                       |                                   | 1) если функция $y(x)$ дифференцируема на интервале $(a; b)$ и $\lim_{x \rightarrow a+0} y'(x) = \infty$ , то $\lim_{x \rightarrow a+0} y(x) = \infty$ ;  |     |
| 183. Привести пример функции $f(x)$ такой, что $f(x)$ и $(f(x))^3$ дифференцируемы в точке $x_0$ , а функция $(f(x))^2$ не имеет производной в точке $x_0$ . |                                   | 2) если функция $y(x)$ дифференцируема на интервале $(a; b)$ и $\lim_{x \rightarrow a+0} y(x) = \infty$ , то $\lim_{x \rightarrow a+0} y'(x) = \infty$ ;  |     |
| 184. Привести пример функции, не имеющей производной ни в одной точке $x \in R$ , квадрат которой имеет производную в каждой точке $x \in R$ .               |                                   | 3) если функция $y(x)$ дифференцируема на интервале $(a; +\infty)$ и $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x)$ существует, то существует и $\lim_{x \rightarrow +\infty} y'(x)$ ;                         |     |
| 185. Привести пример сложной функции $f(g(x))$ , имеющей производную в точке $x_0$ и такой, что:   |                                   | 4) если функция $y(x)$ дифференцируема на интервале $(a; +\infty)$ и существует $\lim_{x \rightarrow +\infty} y'(x)$ , то существует конечный или бесконечный $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x)$ ? |     |
| 1) $f'(g(x_0))$ существует, $g'(x_0)$ не существует;   |                                   | 191. Найти правую и левую производные в указанных точках для  |     |
| 2) $f'(g(x_0))$ не существует, $g'(x_0)$ существует;   |                                   |   |     |
| 3) $f'(g(x_0))$ и $g'(x_0)$ не существуют.   |                                   |   |     |
| 186. Доказать или опровергнуть следующие утверждения:  |                                   |   |     |

**7. Сценарий выполнения работы** (план работы, первоначальный текст программы в черновике [можно на отдельном листе] и тесты либо соображения по тестированию)

Вначале введем тип документа и укажем шрифт: `\documentclass[a5paper, 12pt, twoside]{article}`  
Пропишем, какие пакеты будут использованы в ходе написания кода:

```
\usepackage{gnuplottex}
\usepackage{upgreek}
\usepackage{fancyhdr}
\usepackage{amsmath}
\usepackage{amssymb}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[english, russian]{babel}
\usepackage[papersize={150mm,255mm},left=10mm,right=10mm,
top=2cm,bottom=1.5cm,bindingoffset=0cm]
{geometry}
```

Далее начинается сам документ: `\begin{document}`. После этого зададим параметры страниц, в том числе нумерацию страниц и колонтитулы (названия четных и нечетных страниц) и отступ после них:

```
\setcounter{page}{272}
\pagestyle{fancy} %применим колонтитул
\fancyhead{} %очистим хидер на всякий случай
\fancyhead[LE,RO]{\thepage} %номер страницы слева сверху на четных и справа на нечетных
\fancyhead[CO]{\textit{\textsection13. Производная. Дифференциал функции}}
\fancyhead[LO]{}
\fancyhead[CE]{\textit{Гл.3. Производная и дифференциал}}
\fancyfoot{}
\headsep=5mm
```

После этого начинаем набор текста заданных страниц. Для математических выражений используем символы `$`, в них записываются математические формулы для того, чтобы они правильно были экранированы: например выражение  $y = |x^3(x+1)^2(x+2)|$  становится `y = |x^3(x+1)^2(x+2)|`

Для задания символа системы уравнений используем конструкцию `\begin{equation}`, а для предела используем `\lim\limits`.

Для создания трехмерного графика функции будем использовать встроенный пакет gnuplottex:  
`\usepackage{gnuplottex}`. График задаётся следующими командами:

```
\begin{gnuplot}[terminal=pdf,terminaloptions=color]
unset key
set samples 10000
set xrange [-20:20]
set yrange [-20:20]
splot x**3+y**2*5

\end{gnuplot}
```

*Пункты 1-7 отчета составляются строго до начала лабораторной работы.*

*Допущен к выполнению работы. Подпись преподавателя* \_\_\_\_\_

## 8. Распечатка протокола (подклеить листинг окончательного варианта программы с тестовыми примерами, подписанный преподавателем)

```
\documentclass[a5paper, 12pt, twoside]{article}
\usepackage{gnuplottex}
\usepackage{upgreek}
\usepackage{fancyhdr}
\usepackage{amsmath}
\usepackage{amssymb}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[english, russian]{babel}
\usepackage[papersize={150mm,255mm},left=10mm,right=10mm,
top=2cm,bottom=1.5cm,bindingoffset=0cm
]{geometry}

\begin{document}
```

```
\setcounter{page}{272}
```

```
\pagestyle{fancy} %применим колонититул
\fancyhead{} %очистим хидер на всякий случай
\fancyhead[LE,RO]{\thepage} %номер страницы слева сверху на четных и справа на
нечетных
\fancyhead[CO]{\textit{\textsection}13. Производная. Дифференциал функции}
\fancyhead[LO]{}
\fancyhead[CE]{\textit{\textsection}Гл.3. Производная и дифференциал}
\fancyfoot{}
\headsep=5mm
\noindent имеет производную: 1) в точке  $x = 1$ ; 2) в точке  $x = -1$ .
```

\textbf{179.} Исследовать на дифференцируемость следующие функции:

1)  $y = |x^3(x + 1)^2(x + 2)|$ ; 2)  $y = |\sin x|$ ; 3)  $y = x|x|$ ;

4)  $y = |\pi - x|\sin x$ ; 5)  $y = \arccos(\cos x)$ ;

6) 
$$y =$$

```
\begin{cases}
x^3, & \text{если } x \leq 0, \\
\end{cases}
```

\textbf{181.} Верно ли утверждение: если функция имеет производную в точке, то она дифференцируема в некоторой окрестности этой точки?

\textbf{182.} Доказать или опровергнуть следующие утверждения:

1) если функция  $f$  имеет, а функция  $g$  не имеет производной в некоторой точке, то функция  $f + g$  не имеет производной в этой точке;

2) если функции  $f$  и  $g$  не имеют производной в некоторой точке, то и функция  $f + g$  не имеет производной в этой точке;

3) если функция  $f$  имеет, а функция  $g$  не имеет производной в некоторой точке, то и функция  $fg$  не имеет производной в этой точке;

3) если функция  $f$  имеет, а функция  $g$  не имеет производной в некоторой точке, то и функция  $fg$  не имеет производной в этой точке;

\textbf{183.} Привести пример функции  $f(x)$  такой, что  $f(x)$  и  $f(x)^{1/3}$  дифференцируемы в точке  $x_0$ , а функция  $f(x)^{1/2}$  не имеет производной в точке  $x_0$ .

\textbf{184.} Привести пример функции, не имеющей производной ни в одной точке  $x \in \mathbb{R}$ , квадрат которой имеет производную в каждой точке  $x \in \mathbb{R}$ .

\textbf{185.} Привести пример сложной функции  $f(g(x))$ , имеющей производную в точке  $x_0$  и такой, что:

1)  $f'(x_0)$  существует, а  $g'(x_0)$  не существует;

2)  $f'(x_0)$  не существует, а  $g'(x_0)$  существует;

3)  $f'(x_0)$  и  $g'(x_0)$  не существуют.

\textbf{186.} Доказать или опровергнуть следующие утверждения:

```
Se^{1/x}, & \text{если } x > 0; \\
\end{cases}
```

7) 
$$y =$$

```
\begin{cases}
x^2|\cos(\pi/x)|, & \text{если } x \neq 0, \\
\quad 0, & \text{если } x = 0; \\
\end{cases}
```

8) 
$$y =$$

```
\begin{cases}
x, & \text{если } x - \text{рациональное число,} \\
0, & \text{если } x - \text{иррациональное число.} \\
\end{cases}
```

\textbf{180.} Вычислить значения производной для функции во всех точках, где производная существует:

1) 
$$y =$$

```
\begin{cases}
x^2, & \text{если } x - \text{рациональное число,} \\
0, & \text{если } x - \text{иррациональное число.} \\
\end{cases}
```

2) 
$$y =$$

```
\begin{cases}
x^2, & \text{если } x - \text{рациональное число,} \\
2|x| - 1, & \text{если } x - \text{иррациональное число.} \\
\end{cases}
```

\newpage

1) если для дифференцируемых на интервале  $(a; b)$  функций  $f$  и  $g$  верно неравенство  $f < g$ , то  $f' \leq g'$  на  $(a; b)$ ;

2) если на интервале  $(a; b)$  верно неравенство  $f < g$ , то  $f' < g'$  на  $(a; b)$ ;

3) если  $f(a) = g(a)$  и  $f'(x) < g'(x)$  на интервале  $(a; b)$ , то  $f(x) < g(x)$  на  $(a; b)$ ;

\textbf{187.} Доказать или опровергнуть следующие утверждения:

1) для того чтобы дифференцируемая функция  $y(x)$ ,  $x \in (a; b)$ , имела монотонную на интервале  $(a; b)$  производную, необходимо, чтобы  $y(x)$  была монотонна на  $(a; b)$ ;

2) для того чтобы дифференцируемая функция  $y(x)$ ,  $x \in (a; b)$ , имела монотонную на интервале  $(a; b)$  производную, достаточно, чтобы  $y(x)$  была монотонна на интервале  $(a; b)$ ;

3) для того чтобы дифференцируемая функция имела периодическую производную, необходимо, чтобы функция была периодической;

4) для того чтобы дифференцируемая функция имела периодическую производную, достаточно, чтобы функция была периодической.

\textbf{188.} Доказать или опровергнуть следующие утверждения:

1) для того чтобы производная дифференцируемой функции была четной функцией, достаточно, чтобы функция была нечетной;

2) для того чтобы производная дифференцируемой функции была четной функцией, необходимо, чтобы функция была нечетной;

3) для того чтобы производная дифференцируемой функции была

нечетной функцией, необходимо, чтобы функция была четной;

4) для того чтобы производная дифференцируемой функции была нечетной функцией, достаточно, чтобы функция была четной.

`\textbf{189.}` }Верно ли утверждение: если функция `\textit{f}` имеет производную в точке `\textit{x_0}`, то последовательность  $\{\textit{f}(n)\textit{f}(\textit{x_0}) + 1/\textit{n} - \textit{f}(\textit{x_0})\}$  сходится? Верно ли обратное утверждение?

`\textbf{190.}` }Верны ли следующие утверждения:

1) если функция `\textit{y(x)}` дифференцируема на интервале `(\textit{a};\textit{b})` и

`\noindent $\lim\limits_{x\to a+0}\textit{y(x)} = \infty$, то $\lim\limits_{x\to a+0}\textit{y(x)} = \infty$;`

2) если функция `\textit{y(x)}` дифференцируема на интервале `(\textit{a};\textit{b})` и

`\noindent $\lim\limits_{x\to a+0}\textit{y(x)} = \infty$, то $\lim\limits_{x\to a+0}\textit{y'(x)} = \infty$;`

3) если функция `\textit{y(x)}` дифференцируема на интервале `(\textit{a}; +\infty)` и `$\lim\limits_{x\to +\infty}\textit{y(x)}` существует, то существует и `$\lim\limits_{x\to +\infty}\textit{y'(x)}`;

4) если функция `\textit{y(x)}` дифференцируема на интервале `(\textit{a}; +\infty)` и существует `$\lim\limits_{x\to +\infty}\textit{y'(x)}`, то существует конечный или бесконечный `$\lim\limits_{x\to a +\infty}\textit{y(x)}`?

`\textbf{191.}` }Найти правую и левую производные в указанных точках для

`\newpage`

`\begin{gnuplot}[terminal=pdf,terminaloptions=color]`  
unset key  
set samples 10000  
set xrange [-20:20]

set yrange [-20:20]  
plot x\*\*3+y\*\*2

`\end{gnuplot}`

`\end{document}`

имеет производную: 1) в точке  $x = 1$ ; 2) в точке  $x = -1$ .

**179.** Исследовать на дифференцируемость следующие функции:

1)  $y = |x^3(x+1)^2(x+2)|$ ; 2)  $y = |\sin x|$ ; 3)  $y = x|x|$ ;

4)  $y = |\pi - x| \sin x$ ; 5)  $y = \arccos(\cos x)$ ;

6)  $y = \begin{cases} x^3, & \text{если } x \leq 0, \\ e^{-1/x}, & \text{если } x > 0; \end{cases}$

7)  $y = \begin{cases} x^2 |\cos(\pi/x)|, & \text{если } x \neq 0, \\ 0, & \text{если } x = 0; \end{cases}$

8)  $y = \begin{cases} x, & \text{если } x - \text{рациональное число}, \\ 0, & \text{если } x - \text{иррациональное число}. \end{cases}$

**180.** Вычислить значения производной для функции во всех точках, где производная существует:

1)  $y = \begin{cases} x^2, & \text{если } x - \text{рациональное число}, \\ 0, & \text{если } x - \text{иррациональное число}. \end{cases}$

2)  $y = \begin{cases} x^2, & \text{если } x - \text{рациональное число}, \\ 2|x| - 1, & \text{если } x - \text{иррациональное число}. \end{cases}$

**181.** Верно ли утверждение: если функция имеет производную в точке, то она дифференцируема в некоторой окрестности этой точки?

**182.** Доказать или опровергнуть следующие утверждения:

1) если функция  $f$  имеет, а функция  $g$  не имеет производной в некоторой точке, то функция  $f + g$  не имеет производной в этой точке;

2) если функции  $f$  и  $g$  не имеют производной в некоторой точке, то и функция  $f + g$  не имеет производной в этой точке;

3) если функция  $f$  имеет, а функция  $g$  не имеет производной в некоторой точке, то и функция  $fg$  не имеет производной в этой точке;

3) если функция  $f$  имеет, а функция  $g$  не имеет производной в некоторой точке, то и функция  $fg$  не имеет производной в этой точке;

**183.** Привести пример функции  $f(x)$  такой, что  $f(x)$  и  $(f(x))^3$  дифференцируемы в точке  $x_0$ , а функция  $(f(x))^2$  не имеет производной в точке  $x_0$ .

**184.** Привести пример функции, не имеющей производной ни в одной точке  $x \in R$ , квадрат которой имеет производную в каждой точке  $x \in R$ .

**185.** Привести пример сложной функции  $f(g(x))$ , имеющей производную в точке  $x_0$  и такой, что:

1)  $f'(x_0)$  существует, а  $g'(x_0)$  не существует;

2)  $f'(x_0)$  не существует, а  $g'(x_0)$  существует;

3)  $f'(x_0)$  и  $g'(x_0)$  не существуют.

**186.** Доказать или опровергнуть следующие утверждения:

1) если для дифференцируемых на интервале  $(a;b)$  функций  $f$  и  $g$  верно неравенство  $f < g$ , то  $f' \leq g'$  на  $(a;b)$ ;

2) если на интервале  $(a;b)$  верно неравенство  $f' < g'$ , то  $f < g$  на  $(a;b)$ ;

3) если  $f(a) = g(a)$  и  $f'(x) < g'(x)$  на интервале  $(a;b)$ , то  $f(x) < g(x)$  на  $(a;b)$ ;

**187.** Доказать или опровергнуть следующие утверждения:

1) для того чтобы дифференцируемая функция  $y(x)$ ,  $x \in (a;b)$ , имела монотонную на интервале  $(a;b)$  производную, необходимо, чтобы  $y(x)$  была монотонна на  $(a;b)$ ;

2) для того чтобы дифференцируемая функция  $y(x)$ ,  $x \in (a;b)$ , имела монотонную на интервале  $(a;b)$  производную, достаточно, чтобы  $y(x)$  была монотонна на интервале  $(a;b)$ ;

3) для того чтобы дифференцируемая функция имела периодическую производную, необходимо, чтобы функция была периодической;

4) для того чтобы дифференцируемая функция имела периодическую производную, достаточно, чтобы функция была периодической.

**188.** Доказать или опровергнуть следующие утверждения:

1) для того чтобы производная дифференцируемой функции была четной функцией, достаточно, чтобы функция была нечетной;

2) для того чтобы производная дифференцируемой функции была четной функцией, необходимо, чтобы функция была нечетной;

3) для того чтобы производная дифференцируемой функции была нечетной функцией, необходимо, чтобы функция была четной;

4) для того чтобы производная дифференцируемой функции была нечетной функцией, достаточно, чтобы функция была четной.

**189.** Верно ли утверждение: если функция  $f$  имеет производную в точке  $x_0$ , то последовательность  $\{n(f(x_0 + 1/n) - f(x_0))\}$  сходится? Верно ли обратное утверждение?

**190.** Верны ли следующие утверждения:

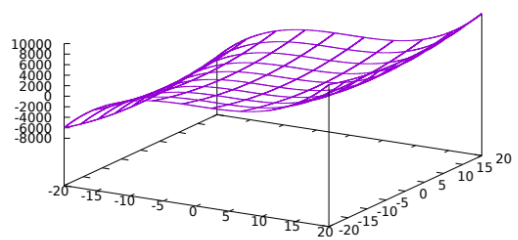
1) если функция  $y(x)$  дифференцируема на интервале  $(a;b)$  и  $\lim_{x \rightarrow a+0} y(x) = \infty$ , то  $\lim_{x \rightarrow a+0} y'(x) = \infty$ ;

2) если функция  $y(x)$  дифференцируема на интервале  $(a;b)$  и  $\lim_{x \rightarrow a+0} y(x) = \infty$ , то  $\lim_{x \rightarrow a+0} y'(x) = \infty$ ;

3) если функция  $y(x)$  дифференцируема на интервале  $(a; +\infty)$  и  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x)$  существует, то существует и  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y'(x)$ ;

4) если функция  $y(x)$  дифференцируема на интервале  $(a; +\infty)$  и существует  $\lim_{x \rightarrow a+\infty} y'(x)$ , то существует конечный или бесконечный  $\lim_{x \rightarrow a+\infty} y(x)$ ?

**191.** Найти правую и левую производные в указанных точках для



9. **Дневник отладки** должен содержать дату и время сеансов отладки и основные события (ошибки в сценарии и программе, нестандартные ситуации) и краткие комментарии к ним. В дневнике отладки приводятся сведения об использовании ЭВМ, существенном участии преподавателя и других лиц в написании и отладке программы.

| № | Лаб.<br>или<br>дом. | Дата | Время | Событие | Действие по исправлению | Примечание |
|---|---------------------|------|-------|---------|-------------------------|------------|
|   |                     |      |       |         |                         |            |

**10. Замечания автора** по существу работы:

**11. Выводы:** В ходе лабораторной работы я ознакомился с издательской системой Latex. Средства, которые предоставляет данная система, позволяют рядовому пользователю с помощью команд самостоятельно сверстать документы различных типов: статья, заметка, письмо и даже полноценная книга. Использование Latex безусловно является важным навыком для специалиста, который претендует на публикацию собственных научных статей.

Недочёты при выполнении задания могут быть устранены следующим образом:

Подпись студента