# Dokumentation zum Konvertierer und Interpreter für Turingmaschinen

Sven Fiergolla

November 27, 2017

# Einführung

Wie in "A Universal Turing Machine with Two Internal States" von Claude E. Shannon beschrieben, lässt sich jede Turingmaschine in eine TM mit nur zwei Zuständen überführen.

Im folgenden wird die Impementierung, der im Paper beschrieben Konvertierung, dokumentiert und erläutert. Zudem wird der Interpreter erläutert.

# Funktionalität & Abhängigkeiten der verwendeten Klassen

## Konvertierer (Package construction)

Für die Konvertierung einer TM nach dem beschrieben Verfahren werden eine Reihe neuer Symbole benötigt, da die Information des aktuellen Zustandes in die Symbole übertragen wird. Anschließend müssen die Übergänge der TM und das Startsymbol (das Symbol unter dem Lesekopf zum ersten Schritt) angpasst werden. Dazu existieren die Klassen ComplexSymbol und TMConstructor.

## ComplexSymbol

Nach Shannons Verfahren, müssen zu jedem elementaren Symbol der ursprünglichen TM, pro Zustand, 4 neue Symbole erstellt werden. Dazu werden die Konstanten aus der Dummy-Klasse ComlexSymbol verwendet.

#### TM2Generator

Die Klasse TM2Generator kann mit Hilfe der Funktion readTMfromFile(String path) bzw. über den Konstruktor, eine Turingmaschine im beschrieben .tur-Format einlesen. Nun lässt sich die Funktion generate2StateTM() anwenden, welche 4 weitere Funktionen aufruft:

#### generateComSymbolTable()

Die von der neuen TM benötigten Symbole werden pro Symbol von der Methode generateSymbolArray (String symbol, String[] states) mit Hilfe von ComplexSymbol für alle Zustände in je 4 Variationen erstellt und anschließend im String[] [] compSymbolTable gehalten. Sind  $A_1, A_2 \ldots A_m$  die Symbole der ursprünglichen TM und  $q_0, q_1 \ldots q_n$ , so ist das Array compSymbolTable anschließen wie folgt aufgebaut:

$A_{0,q_0,-,R}$	$A_{1,q_0,-,R}$	 $A_{m,q_0,-,R}$	
$A_{0,q_0,-,L}$	$A_{1,q_0,-,L}$	 $A_{m,q_0,-,L}$	
$A_{0,q_0,+,R}$	$A_{1,q_0,+,R}$	 $A_{m,q_0,+,R}$	
$A_{0,q_0,+,L}$	$A_{1,q_0,+,L}$	 $A_{m,q_0,+,L}$	
$A_{0,q_1,-,R}$	$A_{1,q_1,-,R}$	 $A_{m,q_1,-,R}$	
$A_{0,q_1,-,L}$	$A_{1,q_1,-,L}$	 $A_{m,q_1,-,L}$	
$\overline{A_{0,q_n,+,L}}$	$A_{1,q_n,+,L}$	 $A_{m,q_n,+,L}$	

#### generateNativeTransitions()

Damit die neue TM im wesentlichen wie die ursprüngliche TM agiert, werden die alten Übergänge modifiziert. Nach Shannon's Konstruktion muss folgende Gleichung gelten:

$$\delta(A_i, q_j) \to (A_k, q_l, \frac{R}{L}) \Rightarrow \delta(B_{i,j,-,x}, \alpha) \to (B_{k,l,+,\frac{R}{L}}, \frac{\beta}{\alpha}, \frac{R}{L})$$

$$\tag{1}$$

Jeder ursprüngliche Übergang aus dem transitions-Array wird wie folgt bearbeitet:

Zu Beginn werden die Indizes der Symbole und Zustände analysiert, sodass bekannt ist, welche Position die Symbole und Zustände in sigma und states haben. Ist der alte Übergang aus Zustand  $q_j$  mit Symbol  $A_i$ , so ist der neue Übergang aus dem Symbol im compSymbolTable der Zeile  $4 \cdot j$  und  $4 \cdot j + 1$  (da der Übergang aus beiden Symbolen mit – im Index exisitiert) und Spalte i.

Je nach Richtung des alten Übergangs wird nun ein neuer Übergang erstellt. Ist die Richtung R, so wird das neue Symbol R im Index haben, die Richtung des Übergangs ist ebenfalls R und der Folgezustand wird  $\beta$  sein (analog bei ursprünglicher Kopfbewegung nach links).

Das auszugebende Symbol wird ähnlich aus der compSymbolTable ermittelt. Ist das auszugebende Symbol im alten Übergang  $A_k$  und der Folgezustand  $q_l$ , so wird für den neuen Übergang das passende auszugebende Symbol aus der Tabelle der komplexen Symbole ermittelt. Es befindet sich in der Zeile  $4 \cdot l + 2$  wenn der ursprüngliche Übergang mit Kopfbewegung nach rechts ist (sonst in der Zeile  $4 \cdot l + 3$ ) und in der Spalte k. Anschließend sind die Übergänge äquivalent von der TM mit nur 2 Zuständen zu realisieren.

#### generateCompTransitions()

Die neue TM benötigt eine Reihe Hilfsübergänge, um elementare Symbole in komplexe umzuwandel und umgekehrt sowie für die sogenannte "bouncing operation", der von Shannon beschriebenen Vorgehensweise die Information des Zustandes in Symbole ausulagern und diese Information, zwischen den Feldern des Bandes einer TM, zu verschieben.

Die benötigten Übergänge lauten:

Gleichung	Symbol	$\mid$ Zustand $\Rightarrow$	Symbol	Zustand	Richtung
(1)	$B_i$	$\alpha$	$B_{i,1,-,R}$	$\alpha$	R
(2)	$B_i$	β	$B_{i,1,-,L}$	$\alpha$	L
(3)	$B_{i,j,-,x}$	$\alpha$ oder $\beta$	$B_{i,(j+1),-,x}$	$\alpha$	$x \in \{R, L\}$
(4)	$B_{i,j,+,x}$	$\alpha$ oder $\beta$	$B_{i,(j-1),+,x}$	β	$x \in \{R, L\}$
(5)	$B_{i,1,+,x}$	$\alpha$ oder $\beta$	$B_i$	$\alpha$	$x \in \{R, L\}$

Nach Gleichung (1) exisitiert ein Übergang zwischen jedem elementaren Symbol B i in Zustand  $\alpha$ , zu dem komplexem Symbol mit gleichem Index welches sich in der ersten Zeile der Tabelle befindet, mit Folgezustand  $\alpha$  und Richtung R.

Nach Gleichung (2) exisitiert ein Übergang zwischen jedem elementaren Symbol  $B_i$  in Zustand  $\beta$ , zu dem komplexem Symbol mit gleichem Index welches sich in der zweiten Zeile der Tabelle befindet, mit Folgezustand  $\alpha$  und Richtung L.

Nach Gleichung (3) exisitiert ein Übergang zwischen einem komplexen Symbol mit – im Index aus Zustand  $\beta$ , zu dem komplexen Symbol in der gleichen Spalte und 4 Zeilen weiter mit Folgezustand  $\alpha$ . Dies gilt für beide Richtungsinzes R und L.

Nach Gleichung (4) exisitiert ein Übergang zwischen einem komplexen Symbol mit + im Index aus Zustand  $\alpha$  oder  $\beta$ , zu dem komplexen Symbol in der gleichen Spalte und 4 Zeilen zurück mit Folgezustand  $\beta$ . Dies gilt für beide Richtungsinzes R und L und natürlich nur für Symbole ab Zeile 4.

Nach Gleichung (5) exisitiert ein Übergang zwischen einem komplexem Symbol aus der 1. und 2. Spalte, aus Zustand  $\alpha$  oder  $\beta$ , zu dem elemntaren Symbol mit gleichem Index. Abhängig vom Zustand ist die Richtungsänderung R oder L.

Alle modifizierten nativen und Hilfsübergänge werden in der Liste transitionsNew gespeichert und nach erfolgreicher Konvertierung in die neue .tur-Datei geschrieben.

#### modifyInitialSymbol()

Shannon nennt in seinem Paper bei der Beschreibung des Beispiels als induktive Annahme, dass das Symbol unter dem Lesekopf bereits ein komplexes ist. Dies bedeutet, dass das erste Symbol der neuen TM mit nur 2 Zuständen, im Startsymbol bereits die Information über den Aktuellen Zustand hält. Ist dies nicht der Fall, so läuft die TM endlos nach links auf der Suche nach dem ersten komplexen Zeichen welches

Information über den aktuellen Zustand innehält.

Folglich muss das Symbol unter dem Lesekopf beim Start der TM angepasst werden, in das äquivalente komplexe Symbol, welches den Startzustand der ursrünglichen TM behält. Dies ist nach Konvention des .tur-Formats das erste Symbol der compSymbolTable.

### Interpreter

State

Tape

Transition

TuringMachine

# **Application**

## Dateiformat .tur

Der Versuch einen Konverter für Turingmaschinen, für einen bereits existierenden Simulator für TM's, zu entwerfen erwies sich als schwierig, da die verwendeten Konventionen und Notationen stark von den in der Vorlesung verwendeten abweichen. So wurde das Format .tur für das einfache Einlesen und Konvertieren von TM's konzipiert.

#### Beispieldatei equal01.tur

Das Dateiformat besetht aus einer Auflistung aller in der TM vorkommenden Zustände, beginnend mit dem Startzustand, eingeleitet durch das flag states, getrennt durch Zeilenumbruch. Darauf folgt eine Liste der Übergänge, eingeleited durch transitions und eine Zeile aller Symbole welcher das flag symbols voraus geht. Für die Simulation kann ebenfalls ein Band beschrieben werden, es besteht aus einer Aneinanderreihung von Symbolen, getrennt durch whitespace. Das Symbol, welches zu Beginn der Simulation unter dem Lesekopf sein soll, ist von eckigen Klammern umgeben, ebenfalls getrennt durch whitespace.

Weitere Informationen über das Dateiformat lassen sich der Datei FORMAT\_EXAMPLE.tur entnehmen.

# Anwendung

Die fertige Anwendung lässt sich als jar wie folgt benutzen:

<.tur Datei> <delay in millisekunden> (optional, ohne Verzögerung ist es jedoch schwer der Simulation zu folgen)

Weitere Parameter die gesetzt werden können:

- -c konvertiert die TM in eine TM mit 2 Zuständen vor der Simulation
- -p speichert Simulation in einer .history Datei ab
- -pd speicher zudem Details wie aktueller Zustand und Übergang
  -d debug (Genaurere Informationen des Ablaufs werden über st.out ausgegeben)