



***(Area and multiply)***

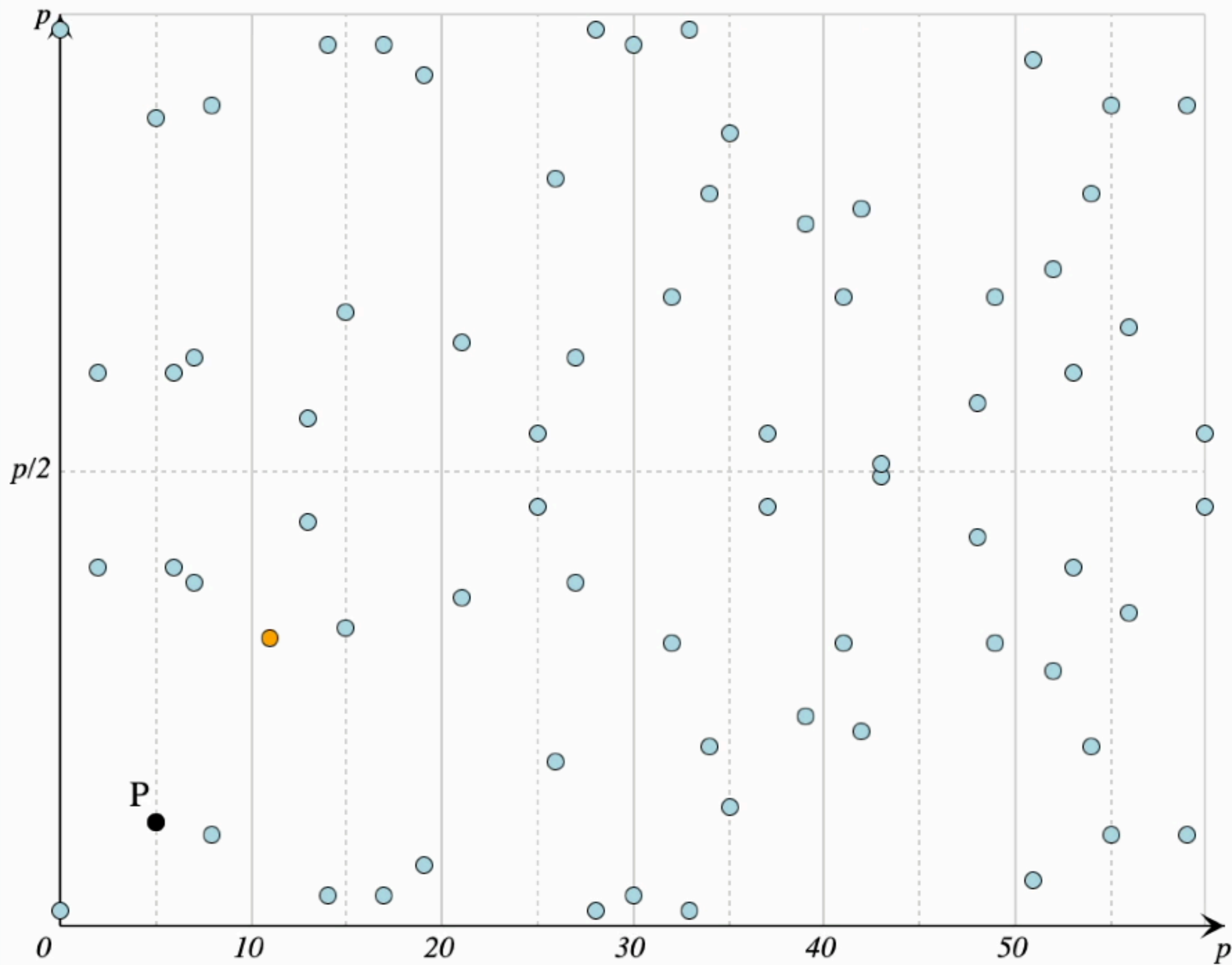
- Doubler  $P$  à répétition

$$\{P, 2P, 4P, 8P, 16P, \dots\}$$

- Additionner les points nécessaires pour obtenir le multiple de  $P$  désiré

Exemple:  $100P = 64P + 32P + 4P$

Plutôt que d'additionner 100 fois ( $O(n)$ ), il suffit de doubler 6 fois et additionner 3 fois (donc un total de 9 additions,  $O(\log(n))$ )



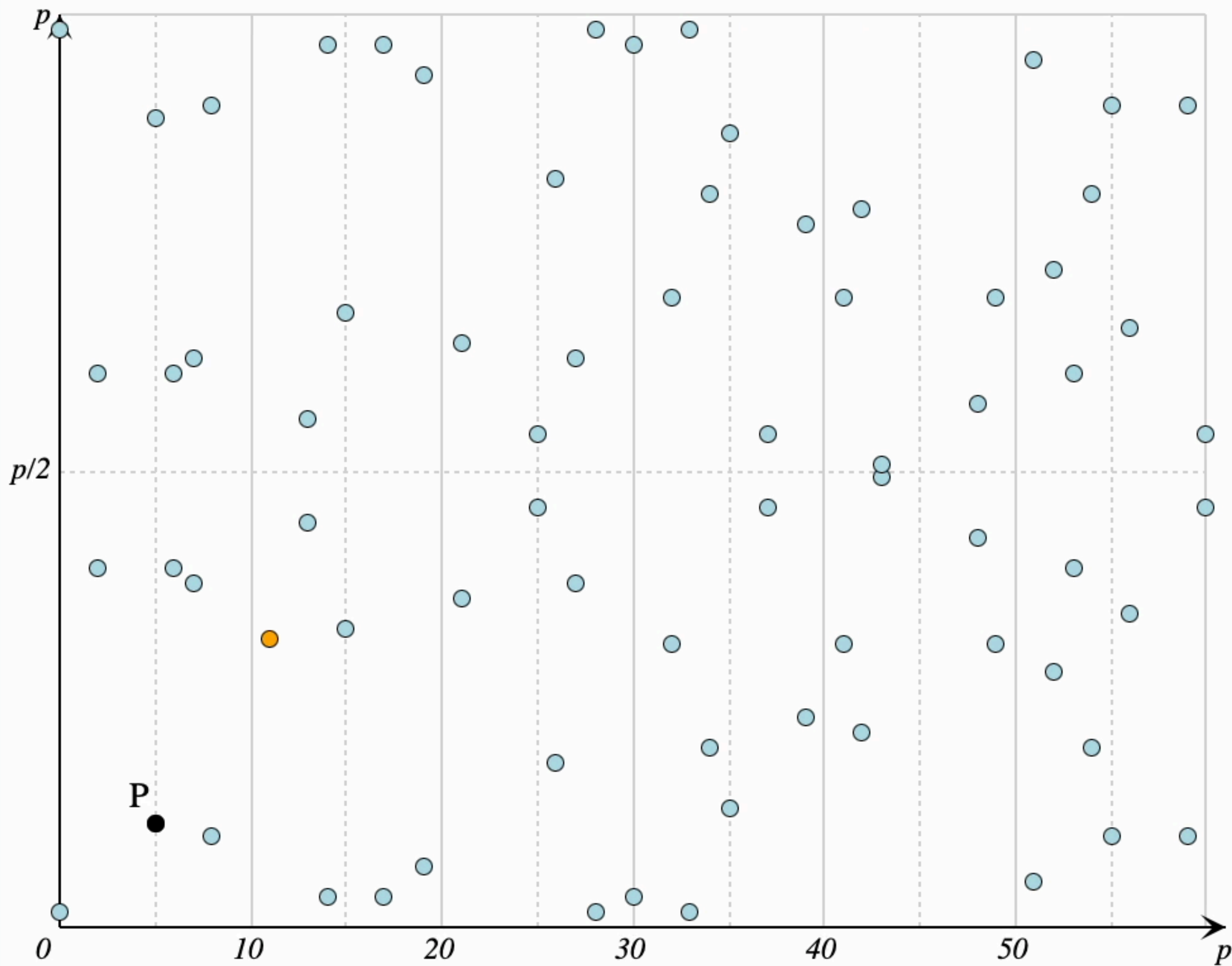
Doubling point repeatedly to find  $2P$  through  $128P$

*Double-and-add method for point  $153P$*

**Addition**







Doubling point repeatedly to find  $2P$  through  $128P$

*Double-and-add method for point  $153P$*



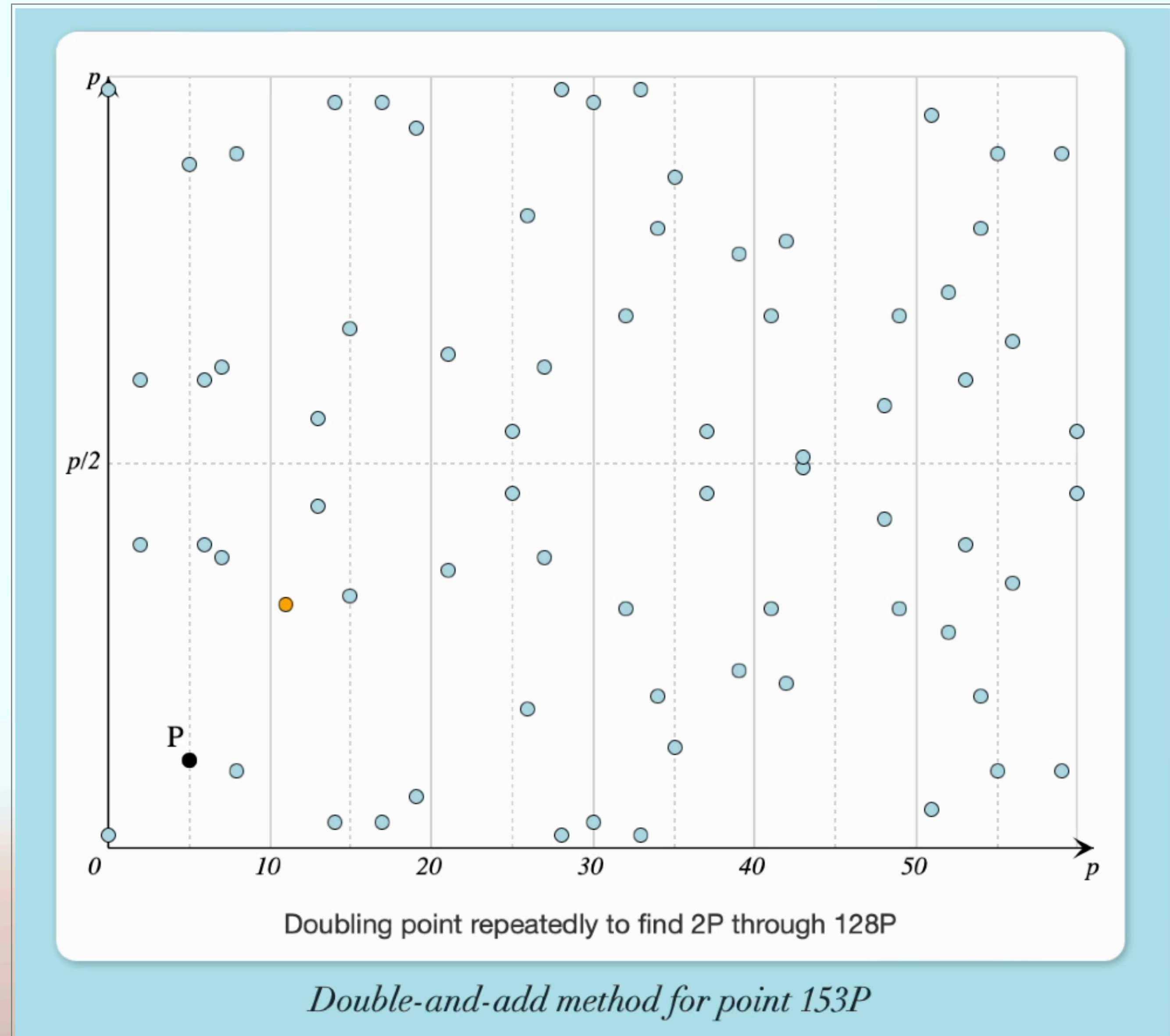


# Addition et doublement (Aka *square and multiply*)

- Doubler  $P$  à répétition  
 $\{P, 2P, 4P, 8P, 16P, \dots\}$
- Additionner les points nécessaires pour obtenir le multiple de  $P$  désiré

Exemple:  $100P = 64P + 32P + 4P$

Plutôt que d'additionner 100 fois ( $O(n)$ ), il suffit de doubler 6 fois et additionner 3 fois (donc un total de 9 additions,  $O(\log(n))$ )



# Logarithme discret

## Problème difficile

- Sachant  $n \in \mathbb{Z}$ , calculer le point  $nP$  est rapide (par addition et doublement)
- Mais ayant le point  $nP \in \mathcal{C}$ , retrouver  $n$  est difficile (il faut énumérer)

