Réseaux Euclidiens

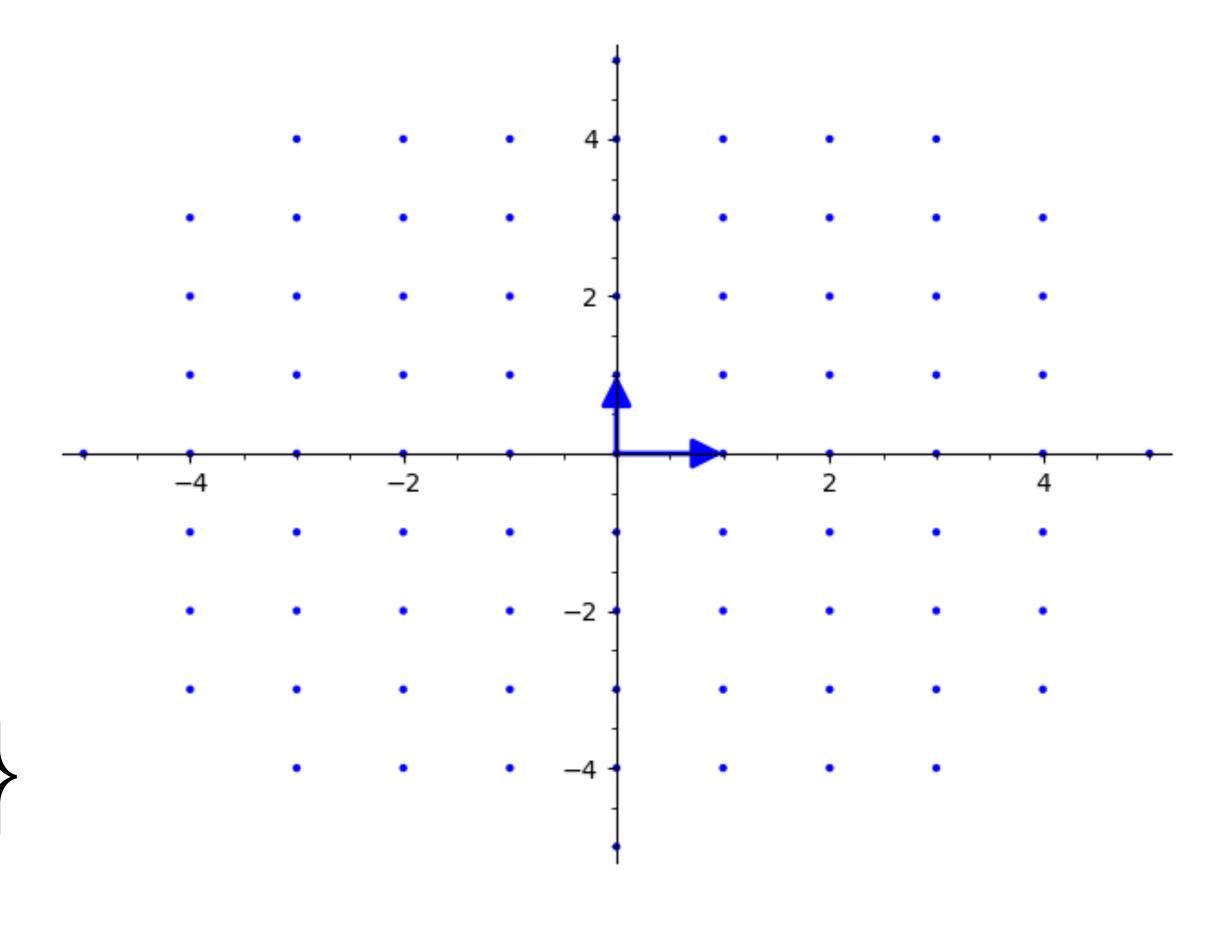
Exemple: \mathbb{Z}^2

Soit la base
$$B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

On engendre le réseau:

$$L = \left\{ xB \mid x \in \mathbb{Z}^n \right\}$$

$$= \left\{ x_1 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + x_2 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \mid x_1, x_2 \in \mathbb{Z} \right\}$$



Réseaux Euclidiens

Norme Euclidienne

Soit la base
$$B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Soit le point
$$v = \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \end{pmatrix}$$

On a
$$v = 3 \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + 4 \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

Sa norme est
$$||v|| = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$$

