# Approximation

### Par réduction de base (Algorithme LLL)

• LLL est un algorithme polynomial qui, étant donné une base B et un facteur  $0.25 < \delta < 1$ , retourne une nouvelle base  $\tilde{B}$  engendrant le même espace et dite  $\delta$ -LLL réduite

Si 
$$\tilde{B}$$
 est  $\delta$ -LLL réduite, alors  $\|\tilde{b}_1\| \leq \left(\frac{2}{\sqrt{4\delta-1}}\right)^{n-1} \lambda$ 

- Fonctionne par raffinements successifs de la base via l'algorithme de Gram-Schmidt
- En arrondissant les coefficients de projections aux entiers les plus près, pour obtenir une nouvelle base "presque orthogonale"
- Donne une base excellente pour l'énumération si on veut une solution exacte

## Benchmarks

### Sur une matrice aléatoire de 10x10 de déterminant 11

- Coupe de moitié fonctionne comme attendu
- Coupe par mise à jour améliore agréablement
- L'approximation par LLL améliore drastiquement

 $\begin{bmatrix} 10 & 11 & 11 & 2 & 4 & 7 & 9 & 4 & 7 & 1 \\ 8 & 1 & 11 & 12 & 9 & 10 & 0 & 6 & 2 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 4 & 4 & -4 & -2 & -6 & -1 & 2 & 2 & -1 \\ -5 & 6 & 2 & -2 & 1 & 5 & 6 & 2 & 0 & -2 \end{bmatrix}$ 

 $\boldsymbol{B}$ 

#### **Exact SVP**

Bench	Temps moyen
Naive	1.7942 s
Half	1.0757 s
Cut	620.28 ms
Half+Cut	371.21 ms
LLL	12.885 ms
All	7.8795 ms