

# Plan de l'exposé

- **Définition**

- Réseau d'espace vectoriel Euclidien
- Problème du plus court vecteur
- Algorithme d'énumération naïf

- **Optimisation**

- Coupure de l'espace en deux
- Coupure par mise à jour des bornes (B&B)
- Traitement par lots
- Approximation par réduction de base (**LLL**)

- **Benchmarks**

- Réseau arbitraire
- Petite instance difficile
- Grande instance difficile

- **Ressources**

- Code
- Références

# Réseau d'un espace vectoriel Euclidien

a.k.a. a lattice, a discrete subgroup of  $\mathbb{R}^n$

- Soient  $n \in \mathbb{N}$ ,  $B \in GL_n(\mathbb{R})$  avec colonnes  $b_1, \dots, b_n \in \mathbb{R}^n$
- Alors le réseau  $\mathcal{L}$  engendré par la base  $B$  se note

$$\mathcal{L}(B) = \left\{ \sum_{i=1}^n x_i b_i : x_i \in \mathbb{Z} \right\} \subseteq \mathbb{R}^n$$

- Ex  $\mathbb{Z}^2$ :

