## Úloha 3

Nejprve si zavedeme pomocné proměnné:

 $P_0 \, ... \, \textit{pravděpodobnost neodchycení zprávy}$ 

P<sub>1</sub> ... pravděpodobnost odchycení zprávy

Případ 1: Odchycení 1 ze 3 textů

$$P_{od1} = P_1 \times P_0 \times P_0 \times 3 = (0.4 \times 0.6 \times 0.6) \times 3 = 0.144 \times 3 = 0.432$$

 $P_{pr1} = P_{od1} \times 0.2 = 0.0864 = 8.64 \%$ 

Případ 2: Odchycení 2 ze 3 textů

$$P_{od2} = P_1 \times P_1 \times P_0 \times 3 = (0.4 \times 0.4 \times 0.6) \times 3 = 0.096 \times 3 = 0.288$$

 $P_{pr2} = P_{od2} \times 0.5 = 0.144 = 14.64 \%$ 

Případ 3: Odchycení 3 ze 3 textů

$$P_{od3} = P_1 \times P_1 \times P_1 \times 3 = (0.4 \times 0.4 \times 0.4) \times 3 = 0.064$$

 $P_{pr3} = P_{od3} \times 0.8 = 0.0512 = 5.12 \%$ 

Nyní tyto vyšlé pravděpodobnosti sečteme a vyjde nám výsledná pravděpodobnost prolomení odchyceného textu.

$$P_{pr} = P_{pr1} + P_{pr2} + P_{pr3} = 0.0846 + 0.144 + 0.0512 = 0.2816 = \textbf{26.16 \%}$$

Odpověď: Prolomit šifru se nám povede s 28.16 % pravděpodobností.