# Séries Temporais

Filipe Duarte 8/17/2019

#### Atividade nº 1

Escolher 3 séries temporais no repositório TDSL.

Uma série para cada tipo:

- a. Com sazonalidade
- b. Com tendência determinística
- c. Série Financeira ou climática

Para cada série plotar:

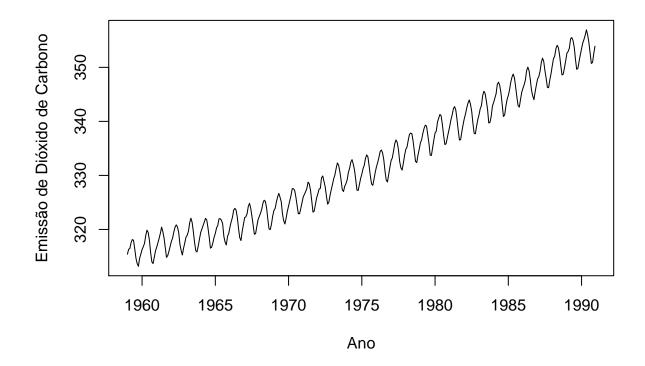
- a. A série própria e nas escalas de tempo: Mês e Ano.
- b. ACF e PACF.
- c. Série decomposta.
- d. ACF sobre o resíduo da decomposição.

#### 1<sup>a</sup> Série: Com Sazonalidade

A série selecionada com sazonalidade foi a 5ª série de Metereologia. Essa série representa a mensuração mensal de dióxido de carbono sobre Manua Loa, Hawaii, entre janeiro de 1959 e dezembro de 1990.

#### Gráfico da série

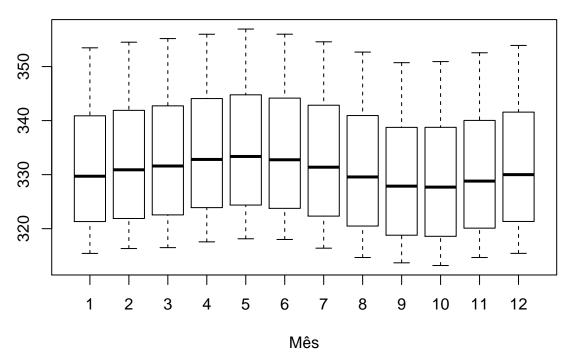
Essa série possui uma tendência crescente como pode ser visto no gráfico abaixo. Além disso, possui sazonalidade, uma vez que possui picos e vales frequentes de mesmo padrão ao longo do ano.



### Boxplot da série

Vamos visualizar no gráfico de boxplot abaixo quais meses representam os aumentos sazonais da emissão dióxido de carbono.

# **Gráfico Boxplot mensal**

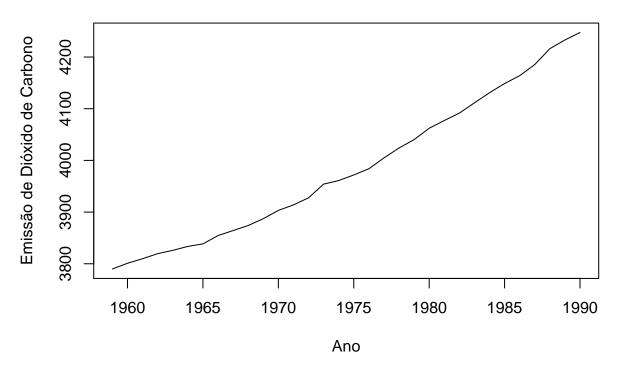


Verificou-se um aumento na emissão do dióxido de carbono em maio e uma redução considerável da emissão nos meses de setembro e outubro.

#### Tendência da série

O próximo elemento a ser analisado é a tendência da série. Obtém-se através da agregação dos dados mensais em anuais.

#### Gráfico da Tendência

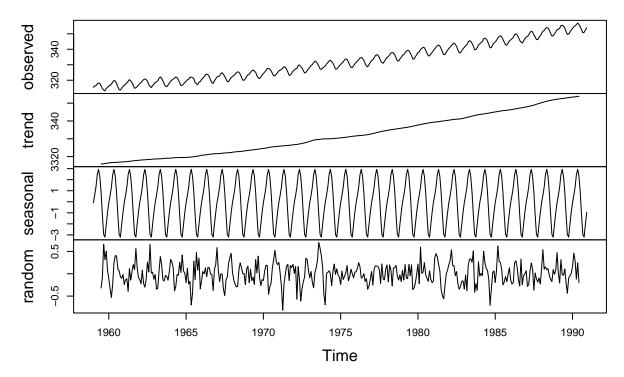


Diante do gráfico acima, verifica-se uma forte tendência crescente. Essa tendência apresenta um comportamento determinístico, pois não há uma quebra estrutural que demonstre uma inversão em sua direção.

#### Decomposição da série

No que diz respeito à decomposição da série temporal, foi realizada a decomposição aditiva, pelo fato da variância não aumentar ao longo do tempo, como pode-se verificar abaixo.

## **Decomposition of additive time series**



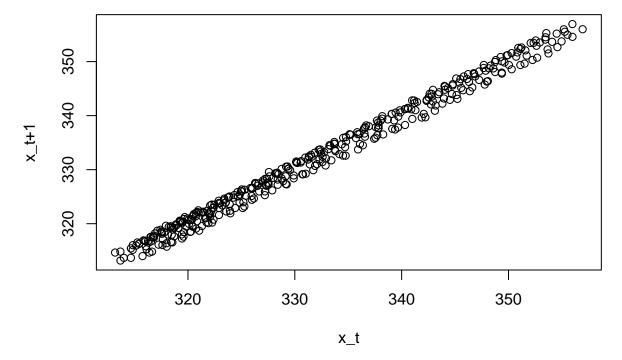
A decomposição aditiva é representada pela soma dos componentes: Tendência, Sazonalidade e Erro, como demonstra a equação a seguir:

$$x_t = m_t + s_t + zt$$

onde,  $m_t$  é a tendência,  $s_t$  é a sazonalidade e  $z_t$  é o termo do erro.

Desse gráfico, percebe-se a tendência crescente e com comportamento semelhante ao linear; sazonalidade expressiva relevando comportamento cíclico presente nos meses de maio e setembro/outubro.

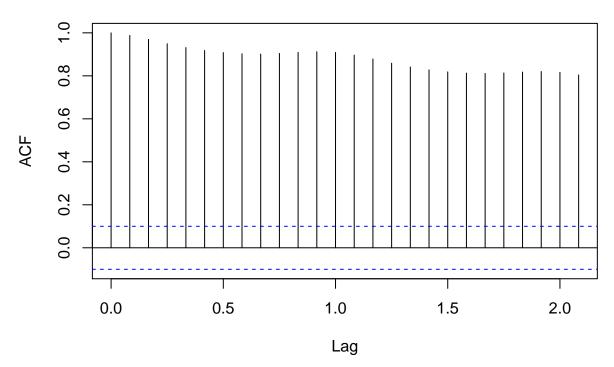
#### gráfico da série entre xt e xt+1



#### Correlograma

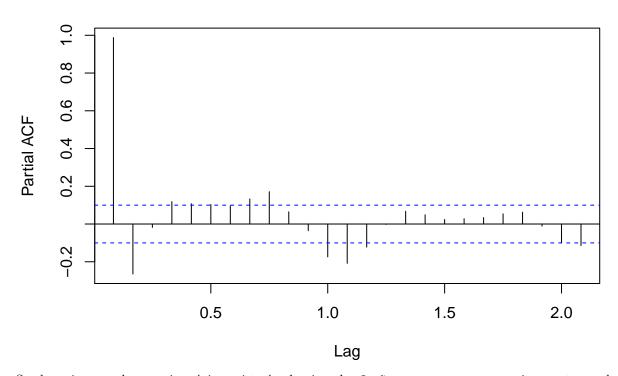
O gráfico ACF apresenta no eixo x os lags e no eixo y, o valor da autocorrelação em cada lag. Portanto, conclui-se que ela possui elevados valores de autocorrelação serial. O gráfico da função de autocorrelação serial demonstra que a série possui um decaimento muito suave da autocorrelação, com forte autocorrelação em cada lag. Além disso, percebe-se a sazonalidade uma vez que a autocorrelação tende a aumentar em alguns lags.





No que diz respeito ao PACF, função de autocorrelação parcial, verifica-se a perda de autocorrelação a partir do primeiro lag. Isso demonstra que a série tem forte autocorrelação com lag 1 e até com o lag 2 (de forma negativa).





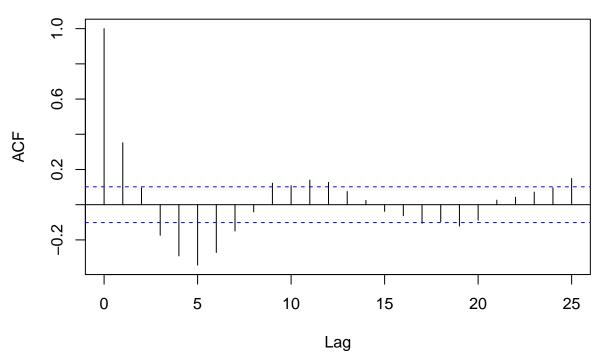
Sendo assim, os valores mais próximos, isto é, o lag 1 e o lag 2, são os que possuem as maiores autocorrelação.

Entretanto, vale ressaltar que o lag 2 está correlacionado de forma negativa com os demais lags.

### ACF sobre o resíduo da decomposição

A seguir, verifica-se o gráfico ACF para o resíduo da série.

## ACF sobre o resíduo da decomposição



Percebe-se uma considerável autocorrelação entre a série e os lags 2, 5, 6 e 7. Contudo, há uma inversão do sinal do lag 2 em relação ao lag 5.

### $2^{\underline{a}}$ Série: com tendência determinística

A segunda série desta atividade possui uma tendência determinística. O seu gráfico lembra uma reta. A série é demográfica e representa a população civil autraliana, em milhares de pessoas, entre fevereiro de 1978 e abril de 1991.

