Projeto IA – Relatório

Grupo 10 – André Martins Esgalhado (95533) e Filipe Ligeiro Silva (95574)

Obtenção de dados

Os resultados obtidos e apresentados nos gráficos 1 e 4 e tabelas 1 a 4 foram obtidos a partir da execução¹ do código no ficheiro numbrix.py, feito pelos membros do grupo, com os ficheiros fornecidos de teste. O uso da classe *InstrumentedProblem*, definida no ficheiro search.py fornecido, permitiu-nos obter dados extra para esta análise.

A partir daí, os resultados foram agrupados por categorias:

- Tempo
- Ações geradas
- Nós testados para solução (através da função goal_test)
- Nós gerados

tendo sido posteriormente colocados em gráficos, um para cada categoria, para poderem ser comparados por teste, por algoritmo de procura. Nos algoritmos de procura, decidimos incluir as estatísticas para RBFS, visto que este algoritmo foi o utilizado na nossa implementação do numbrix.py, por assegurar melhor performance nos testes a que o código foi sujeito na restante avaliação.

Análise

De acordo com os gráficos e tabelas obtidos, podemos constatar que:

- 1. Para inputs de tamanho pequeno, como os testes 1 e 3, as procuras não informadas (DFS, BFS) se comportam de forma semelhante às procuras informadas (A*, procura gananciosa, RBFS) em quase todos os parâmetros.
- 2. No seguimento do ponto anterior, podemos observar que BFS é a procura que obtém piores resultados em todas as categorias, chegando a casos em que nem sequer consegue completar a sua execução em tempo útil (nos testes 8, 9 e 10). Gera consistentemente uma maior quantidade de nós, o que leva a um maior número de comparações, e a uma maior quantidade de tempo despendida para execução. Dado o funcionamento deste algoritmo, faz sentido que este seja o pior dos algoritmos comparados.
- 3. O algoritmo DFS, apesar de gerar e testar mais nós que as pesquisas informadas, comporta-se equivalentemente bem a estas para testes médios/grandes (testes 4, 5, 8, 9 por exemplo). Dada a forma como as ações possíveis são retornadas no código, esta conclusão faz sentido, visto que o algoritmo usado busca retornar uma ação ótima e que possa ser usada sem necessidade de *backtracking*.
- 4. As procuras informadas, a nível de tempo, variam bastante de teste para teste (sendo a procura gananciosa ou a RBFS as melhores na maioria dos casos), no entanto a procura A* é a que gera mais nós, o que leva a conclusões

¹ Especificações do computador utilizado: laptop com processador Intel i7-9750H e 16Gb de RAM.

- semelhantes às do ponto anterior (é das procuras informadas mais lentas, à exceção de um teste, o 6).
- A procura RBFS e a procura gananciosa, tirando algumas exceções, comportamse de forma semelhante quanto ao número de nós gerados e testados, e ações geradas.
- 5. No geral, as procuras informadas comportam-se melhor que as procuras não informadas, devido ao uso de heurística. Esta verifica condições nas quais uma Board não é válida, e retorna um valor alto, para que esta tenha menor probabilidade de ser escolhida, pondo outras ações melhores na linha da frente para serem executadas.
 - Nos testes pequenos pode-se observar um comportamento semelhante (como dito no primeiro ponto, nos testes 1 e 3 verifica-se isto), e isto pode-se dever ao facto de que para uma *Board* pequena, o número de ações dadas será reduzido, e de acordo com a nossa implementação, muitas vezes retorna apenas uma ação, a correta a tomar, por forma a evitar *backtracking* (como referido no ponto 4). Assim, o papel da heurística torna-se irrelevante nestes casos, o que leva a um comportamento semelhante entre procuras.
- 6. Todas as procuras são completas, dados recursos suficientes (RAM, tempo, por exemplo) para que estas terminem, no entanto não existem dúvidas de que, com uma heurística adequada, as procuras informadas estejam noutro patamar de eficiência.
- 7. Podemos afirmar que a heurística definida por nós não é admissível: apesar do valor desta ser 0 para um estado que seja o final, pode retornar estimativas menores que o custo de chegar à solução. Assim sendo, esta também não é consistente.
- 8. As ações para um dado estado, na nossa implementação, consistem na posição adjacente a uma posição já colocada, caso apenas exista uma adjacente livre, ou na interseção das posições livres de dois valores cuja subtração seja 2 (caso seja uma opção viável, ou seja, estejam a 2 unidades de distância), ou, se não existirem as opções acima, no conjunto das adjacentes das posições já colocadas, dando mais opções para a heurística filtrar.

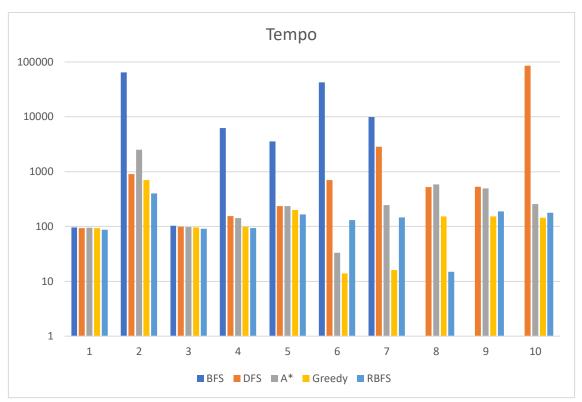


Gráfico 1 - Tempo por teste, por algoritmo de procura

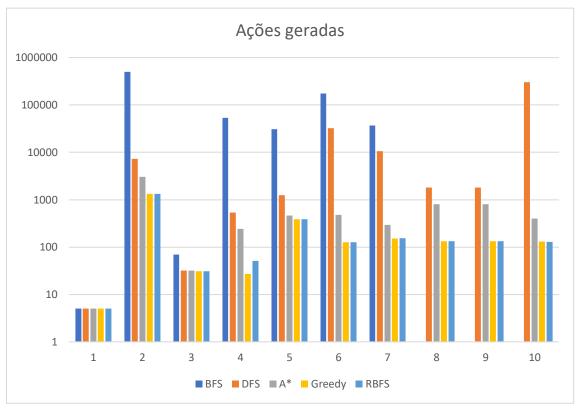


Gráfico 2- Número de ações geradas por teste, por algoritmo de procura

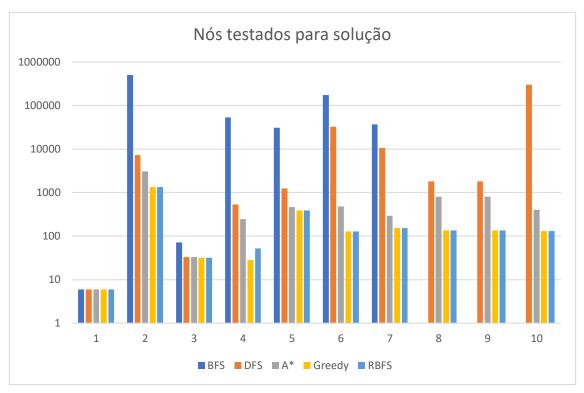


Gráfico 3-Nós testados para solução por teste, por algoritmo de procura

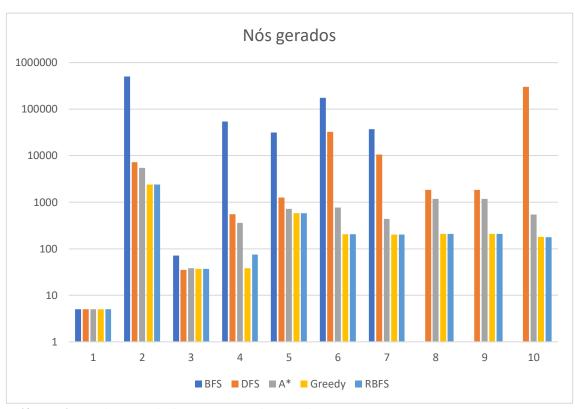


Gráfico 4-Nós testados para solução por teste, por algoritmo de procura

| Tempo | BFS | DFS | A* | Greedy | RBFS |
|---|---|--|--|---|---|
| . 1 | 96 | 94 | 95 | 93 | 87 |
| 2 | 64439 | 907 | 2497 | 704 | 399 |
| 3 | 103 | 99 | 98 | 96 | 91 |
| 4 | 6233 | 155 | 143 | 99 | 94 |
| 5 | 3575 | 235 | 234 | 198 | 165 |
| 6 | 42537 | 702 | 33 | 14 | 131 |
| 7 | 9844 | 2827 | 245 | 16 | 147 |
| 8 | 0 | 524 | 585 | 152 | 15 |
| 9 | 0 | 531 | 493 | 152 | 188 |
| 10 | 0 | 85663 | 257 | 144 | 178 |
| | | | | | |
| Ações geradas | BFS | DFS | A* | Greedy | RBFS |
| 1 | 5 | 5 | 5 | 5 | 5 |
| 2 | 501804 | 7229 | 3034 | 1325 | 1325 |
| 3 | 70 | 32 | 32 | 31 | 31 |
| 4 | 53754 | 535 | 244 | 27 | 51 |
| 5 | 30990 | 1252 | 466 | 387 | 387 |
| 6 | 174522 | 32348 | 480 | 126 | 126 |
| 7 | 36996 | 10604 | 294 | 152 | 153 |
| 8 | 0 | 1818 | 800 | 134 | 134 |
| 9 | 0 | 1818 | 800 | 134 | 134 |
| 10 | 0 | 301436 | 401 | 130 | 129 |
| | | | | | |
| Nós testados | BFS | DFS | A* | Greedy | RBFS |
| 4 | | | | | |
| 1 | 6 | 6 | 6 | 6 | 6 |
| 2 | 501805 | 6 7230 | 6 3035 | 6 1326 | 6 1326 |
| | | | | | |
| 2 | 501805 | 7230 | 3035 | 1326 | 1326 |
| 2 | 501805 71 | 7230 33 | 3035 33 | 1326 32 | 1326 32 |
| 2 3 4 | 501805 71 53755 30991 | 7230 33 536 | 3035 33 245 | 1326 32 28 | 1326 32 52 |
| 2 3 4 5 | 501805 71 53755 30991 | 7230 33 536 1253 | 3035 33 245 467 | 1326 32 28 388 | 1326 32 52 388 |
| 2 3 4 5 6 | 501805 71 53755 30991 174523 | 7230 33 536 1253 32349 | 3035 33 245 467 481 | 1326 32 28 388 127 | 1326 32 52 388 127 |
| 2 3 4 5 6 7 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 | 7230 33 536 1253 32349 10605 | 3035 33 245 467 481 295 | 1326 32 28 388 127 153 | 1326 32 52 388 127 154 |
| 2 3 4 5 6 7 8 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 | 3035 33 245 467 481 295 801 | 1326 32 28 388 127 153 | 1326 32 52 388 127 154 135 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 | 3035 33 245 467 481 295 801 | 1326 32 28 388 127 153 135 | 1326 32 52 388 127 154 135 |
| 2 3 4 5 6 7 8 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 | 3035 33 245 467 481 295 801 | 1326 32 28 388 127 153 135 | 1326 32 52 388 127 154 135 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 1819 301437 | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 | 1326 32 28 388 127 153 135 135 | 1326 32 52 388 127 154 135 135 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 10 Nós gerados | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 0 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 301437 DFS 5 | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 | 1326 32 28 388 127 153 135 135 | 1326 32 52 388 127 154 135 135 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 10 Nós gerados | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 0 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 301437 DFS | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 A* | 1326 32 28 388 127 153 135 135 131 Greedy | 1326 32 52 388 127 154 135 130 RBFS |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 10 Nós gerados | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 0 0 BFS 5 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 301437 DFS 5 | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 A* | 1326 32 28 388 127 153 135 135 131 Greedy 5 2381 | 1326 32 52 388 127 154 135 130 RBFS 5 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 0 0 8FS 5 502625 71 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 301437 DFS 5 7251 | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 A* 5 | 1326 32 28 388 127 153 135 131 Greedy 5 2381 37 | 1326 32 52 388 127 154 135 130 RBFS 5 2381 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 0 0 8FS 5 502625 71 53915 31231 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 301437 DFS 5 7251 35 | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 A* 5 5478 38 357 | 1326 32 28 388 127 153 135 131 Greedy 5 2381 37 | 1326 32 52 388 127 154 135 130 RBFS 5 2381 37 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3 4 5 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 0 0 8FS 5 502625 71 53915 31231 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 301437 DFS 5 7251 35 551 1261 | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 A* 5 5478 38 357 715 | 1326 32 28 388 127 153 135 131 Greedy 5 2381 37 38 585 | 1326 32 52 388 127 154 135 130 RBFS 5 2381 37 75 585 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3 4 5 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 0 0 8FS 502625 71 53915 31231 174601 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 301437 DFS 5 7251 35 551 1261 32366 | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 A* 5 5478 38 357 715 770 | 1326 32 28 388 127 153 135 131 Greedy 5 2381 37 38 585 204 | 1326 32 52 388 127 154 135 130 RBFS 5 2381 37 75 585 204 |
| 2 3 4 5 6 7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3 4 5 6 | 501805 71 53755 30991 174523 36997 0 0 0 8FS 5 502625 71 53915 31231 174601 37011 | 7230 33 536 1253 32349 10605 1819 301437 DFS 5 7251 35 551 1261 32366 10615 | 3035 33 245 467 481 295 801 801 402 A* 5 5478 38 357 715 770 438 | 1326 32 28 388 127 153 135 131 Greedy 5 2381 37 38 585 204 201 | 1326 32 52 388 127 154 135 130 RBFS 5 2381 37 75 585 204 203 |

Tabelas 1 a 4 — Dados obtidos a partir da execução do programa. Estes foram usados para obter os gráficos acima.