## Projeto IA – Relatório

Grupo 10 - André Martins Esgalhado (95533) e Filipe Ligeiro Silva (95574)

## Obtenção de dados

Os resultados obtidos e apresentados nos gráficos 1 e 4 e tabelas 1 a 4 foram obtidos a partir da execução<sup>1</sup> do código no ficheiro numbrix.py, feito pelos membros do grupo, com os ficheiros fornecidos de teste. O uso da classe *InstrumentedProblem*, definida no ficheiro search.py fornecido, permitiu-nos obter dados extra para esta análise.

A partir daí, os resultados foram agrupados por categorias:

- Tempo
- Ações geradas
- Nós testados para solução (através da função goal\_test)
- Nós gerados

tendo sido posteriormente colocados em gráficos, um para cada categoria, para poderem ser comparados por teste, por algoritmo de procura. Nos algoritmos de procura, decidimos incluir as estatísticas para RBFS, visto que este algoritmo foi o utilizado na nossa implementação do numbrix.py, por assegurar melhor performance nos testes a que o código foi sujeito na restante avaliação.

## Análise

De acordo com os gráficos e tabelas obtidos, podemos constatar que:

- 1. Para inputs de tamanho pequeno, como os testes 1 e 3, as procuras não informadas (DFS, BFS) se comportam de forma semelhante às procuras informadas (A\*, procura gananciosa, RBFS) em quase todos os parâmetros.
- 2. No seguimento do ponto anterior, podemos observar que BFS é a procura que obtém piores resultados em todas as categorias, chegando a casos em que nem sequer consegue completar a sua execução (nos testes 8, 9 e 10). Gera consistentemente uma maior quantidade de nós, o que leva a um maior número de comparações, e a uma maior quantidade de tempo despendida para execução. Dado o funcionamento deste algoritmo, faz sentido que este seja o pior dos algoritmos comparados.
- 3. O algoritmo DFS, apesar de gerar e testar mais nós que as pesquisas informadas, comporta-se equivalentemente bem a estas para testes médios/grandes (testes 4, 5, 8, 9 por exemplo). Dada a forma como as ações possíveis são retornadas no código, esta conclusão faz sentido, visto que o algoritmo usado busca retornar uma ação ótima e que possa ser usada sem necessidade de backtracking.
- 4. As procuras informadas, a nível de tempo, variam bastante de teste para teste (sendo a procura gananciosa ou a RBFS as melhores na maioria dos casos), no entanto a procura A\* é a que gera mais nós, o que leva a conclusões

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Especificações do computador utilizado: laptop com processador Intel i7-9750H e 16Gb de RAM.

- semelhantes às do ponto anterior (é das procuras informadas mais lentas, à exceção de um teste, o 6).
- A procura RBFS e a procura gananciosa, tirando algumas exceções, comportamse de forma semelhante quanto ao número de nós gerados e testados, e ações geradas.
- 5. No geral, as procuras informadas comportam-se melhor que as procuras não informadas, devido ao uso de heurística. Esta verifica condições nas quais uma *Board* não é válida, e retorna um valor alto, para que esta tenha menor probabilidade de ser escolhida, pondo outras ações melhores na linha da frente para serem executadas.
  - Nos testes pequenos pode-se observar um comportamento semelhante (como dito no primeiro ponto, nos testes 1 e 3 verifica-se isto), e isto pode-se dever ao facto de que para uma *Board* pequena, o número de ações dadas será reduzido, e de acordo com a nossa implementação, muitas vezes retorna apenas uma ação, a correta a tomar, por forma a evitar *backtracking* (como referido no ponto 4). Assim, o papel da heurística torna-se irrelevante nestes casos, o que leva a um comportamento semelhante entre procuras.
- 6. Todas as procuras são completas, dados recursos suficientes (RAM, tempo, por exemplo) para que estas terminem, no entanto não existem dúvidas de que, com uma heurística adequada, as procuras informadas estejam noutro patamar de eficiência.
- 7. Podemos afirmar que a heurística definida por nós não é admissível: apesar do valor desta ser 0 para um estado que seja o final, pode retornar estimativas menores que o custo de chegar à solução. Assim sendo, esta também não é consistente.
- 8. As ações para um dado estado, na nossa implementação, consistem na posição adjacente a uma posição já colocada, caso apenas exista uma adjacente livre, ou na interseção das posições livres de dois valores cuja subtração seja 2 (caso seja uma opção viável, ou seja, estejam a 2 unidades de distância), ou, se não existirem as opções acima, no conjunto das adjacentes das posições já colocadas, dando mais opções para a heurística filtrar.

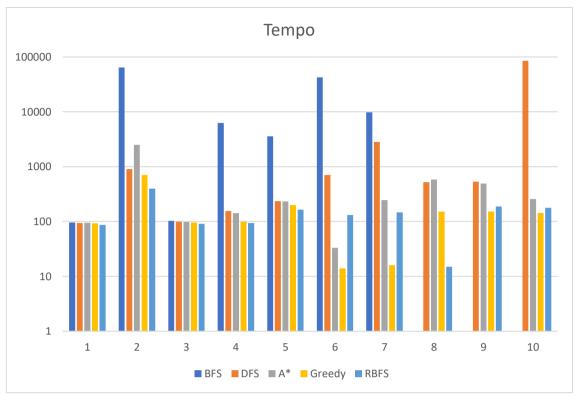


Gráfico 1 - Tempo por teste, por algoritmo de procura

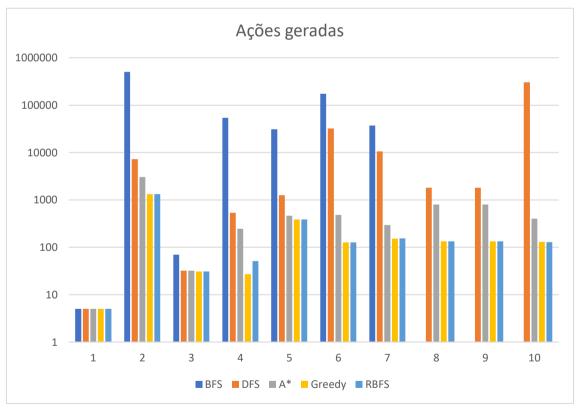


Gráfico 2- Número de ações geradas por teste, por algoritmo de procura

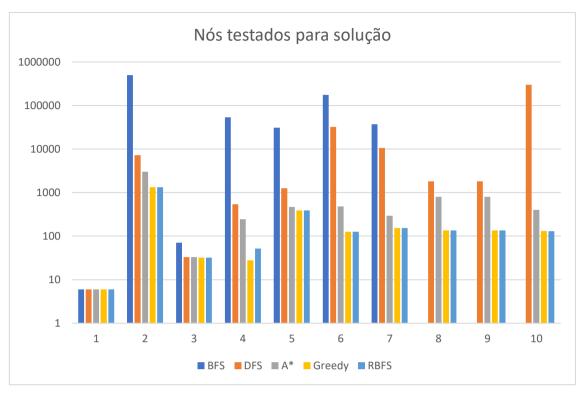


Gráfico 3-Nós testados para solução por teste, por algoritmo de procura

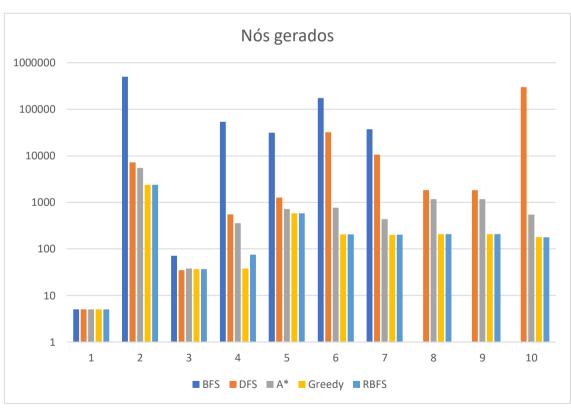


Gráfico 4-Nós testados para solução por teste, por algoritmo de procura

Tempo	BFS	DFS	A*	Greedy	RBFS
1	96	94	95	93	87
2		907	2497	704	399
3	103	99	98	96	91
4		155	143	99	94
5	3575	235	234	198	165
6		702	33	14	131
7	9844	2827	245	16	147
8		524	585	152	15
9	0	531	493	152	188
10	0	85663	257	144	178
Ações geradas	BFS	DFS	A*	Greedy	RBFS
1	5	5	5	5	5
2	501804	7229	3034	1325	1325
3	70	32	32	31	31
4	53754	535	244	27	51
5	30990	1252	466	387	387
6	174522	32348	480	126	126
7	36996	10604	294	152	153
8	0	1818	800	134	134
9	0	1818	800	134	134
10	0	301436	401	130	129
Nós testados	BFS	DFS	A*	Greedy	RBFS
1	6	6	6	6	6
2	501805	7230	3035	1326	1326
3	71	33	33	32	32
4	53755	536	245	28	52
5	20004	4050	467	200	
		1253	467	388	388
6	174523	32349	481	127	388 127
7	174523 36997	32349 10605	481 295	127 153	388 127 154
7 8	174523 36997 0	32349 10605 1819	481 295 801	127 153 135	388 127 154 135
7 8 9	174523 36997 0 0	32349 10605 1819 1819	481 295 801 801	127 153 135 135	388 127 154 135 135
7 8	174523 36997 0 0	32349 10605 1819	481 295 801	127 153 135	388 127 154 135
7 8 9 10	174523 36997 0 0	32349 10605 1819 1819 301437	481 295 801 801 402	127 153 135 135 131	388 127 154 135 135 130
7 8 9 10 Nós gerados	174523 36997 0 0 0	32349 10605 1819 1819 301437 DFS	481 295 801 801 402	127 153 135 135 131 Greedy	388 127 154 135 135 130 RBFS
7 8 9 10 Nós gerados 1	174523 36997 0 0 0 BFS	32349 10605 1819 1819 301437 DFS	481 295 801 801 402 A*	127 153 135 135 131 Greedy	388 127 154 135 135 130 RBFS
7 8 9 10 Nós gerados 1 2	174523 36997 0 0 0 BFS 5 502625	32349 10605 1819 1819 301437 DFS 5 7251	481 295 801 801 402 A* 5	127 153 135 135 131 Greedy 5 2381	388 127 154 135 135 130 RBFS 5
7 8 9 10 Nós gerados 1	174523 36997 0 0 0 BFS 5 502625 71	32349 10605 1819 1819 301437 DFS	481 295 801 801 402 A*	127 153 135 135 131 Greedy	388 127 154 135 135 130 RBFS
7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3	174523 36997 0 0 0 BFS 5 502625 71 53915	32349 10605 1819 1819 301437 DFS 5 7251	481 295 801 801 402 A* 5 5478	127 153 135 135 131 Greedy 5 2381 37	388 127 154 135 135 130 RBFS 5 2381 37
7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3	174523 36997 0 0 0 8FS 5 502625 71 53915 31231	32349 10605 1819 1819 301437 DFS 5 7251 35	481 295 801 801 402 A* 5 5478 38 357	127 153 135 135 131 Greedy 5 2381 37 38	388 127 154 135 135 130 RBFS 5 2381 37
7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3 4 5	174523 36997 0 0 0 8FS 5 502625 71 53915 31231 174601	32349 10605 1819 1819 301437 DFS 5 7251 35 551 1261	481 295 801 801 402 A* 5 5478 38 357 715	127 153 135 135 131 Greedy 5 2381 37 38 585	388 127 154 135 135 130 RBFS 5 2381 37 75 585
7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3 4 5	174523 36997 0 0 0 0 BFS 5 502625 71 53915 31231 174601 37011	32349 10605 1819 1819 301437 DFS 5 7251 35 551 1261 32366	481 295 801 801 402 A* 5 5478 38 357 715 770	127 153 135 135 131 Greedy 5 2381 37 38 585 204	388 127 154 135 135 130 RBFS 5 2381 37 75 585 204
7 8 9 10 Nós gerados 1 2 3 4 5 6	174523 36997 0 0 0 8FS 5 502625 71 53915 31231 174601 37011	32349 10605 1819 1819 301437 DFS 5 7251 35 551 1261 32366 10615	481 295 801 801 402 A* 5 5478 38 357 715 770 438	127 153 135 135 131 Greedy 5 2381 37 38 585 204 201	388 127 154 135 135 130 RBFS 5 2381 37 75 585 204 203

Tabelas 1 a 4 — Dados obtidos a partir da execução do programa. Estes foram usados para obter os gráficos acima.