# Projeto Inteligência Artificial (3º Ano, 1º Semestre 2018/2019)

#### 86411 - Filipe dos Santos Oliveira Marques

#### December 5, 2018

# 1 Parte 1

Nesta secção vamos analisar a solução produzida para a primeira parte do projeto - Inferência Exata em Redes Bayesianas.

## 1.1 Análise dos Resultados

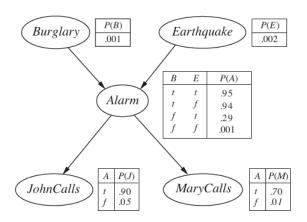


Figure 1: Bayesian Network

A Figura 1 mostra a rede bayesiana utilizada para testar o algoritmos produzidos.

Os valores pedidos no enunciado foram todos calculados com sucesso e os resultados das *queries* são:

- P(B|j=t, m=t) = 0.2842
- P(E|j=t, m=t) = 0.176
- P(J|a=t, e=f) = 0.900

#### 1.2 Implementação

### 1.2.1 Probabilidade Conjunta

Para calcular a probabilidade conjunta temos de ter em conta algumas asserções em redes Bayesianas, nomeadamente que:

- Trata-se de uma rede acíclica;
- Cada nó é independente dos seus nós não descentes dado os seus predecessores imediatos(parents);

Sabendo isto, podemos definir a probabilidade conjunta:

$$P(y_1, ..., y_n) = \prod_{i=1}^n P(y_i | Parents(y_i))$$

Onde  $Y = \{y_1, ..., y_n\}$  representa o conjunto de variáveis na rede Bayesiana.

Em Python teriamos:

```
# class BN
def computeJointProb(self, evid):
   p = 1
   for i in range(len(self.prob)):
     p*=self.prob[i].computeProb(evid)[evid[i]]
   return p
```

### 1.2.2 Probabilidade Posterior

Para calcular a probabilidade posterior podes usar a probabilidade condicional. Por exemplo, para calcular a probabilidade de haver um *Burglar* sabendo que *JohnCalls* e *MaryCalls* temos:

$$P(B|j=t,m=t) = \frac{P(B,j,m)}{P(j,m)} = \alpha P(B,j,m)$$

Para calcular a probabilidade P(B, j, m) temos somar as probabilidades conjuntas para todos os valores de 'e' e 'a' onde j=t e m=t. Assim:

$$P(B,j,m) = \sum_e \sum_a P(B,j,m,e,a)$$

Tendo conhecimento da rede e das condições de independência podemos reescrever a segunda parte da equação como:

$$\sum_e \sum_a P(B)P(j|A)P(m|A)P(e)P(A|B,e)$$

Agrupando os fatores temos que:

$$P(B) \sum_{e} P(e) \sum_{a} P(A|B,e) P(m|A) P(j|A)$$

Esta abordagem de calcular a probabilidade posterior é chamada de enumeração. Para calcular a probabilidade posterior usamos o algoritmo Enumeration-Ask[pag.525 - AIMA]

```
# Enumeration Ask
def enumerationAsk(X, e, bn):
 Q = [0, 0]
 for xi in [0, 1]:
   e_xi = e.copy()
   Q[xi] = enumerateAll(bn.getVars(),
        extend(e_xi, X, xi), bn)
 return [Q(0)/sum(Q), Q(1)/sum(Q)]
def enumerateAll(vars, e, bn):
 if not vars: return 1
 Y, node = vars[0], bn.getNode(Y)
 rest = vars[1:]
 if isinstance(e[y], int):
   prob = node.computeProb(e)[e[Y]]
   return prob*enumerateAll(rest, e, bn)
 else:
   sumation = 0
   for y in [0, 1]:
     e_y = e.copy()
     prob = node.computeProb(e)[y]
     sumation += prob*enumerateAll(rest,
          extend(e_y, Y, y), bn)
   return sumation
```

#### 1.3 Complexidade Computacional

#### 1.3.1 Probabilidade Conjunta

Na tabela de probabilidade conjunta para um valor X com k parents tem  $2^k$  combinações de valores dos nós pais. E para cada probabilidade apenas é necessário armazenar o valor onde X=true(pois X=false é apenas 1-valor de true) Assim a complexidade para a tabela completa de probabilidade conjunta é:

 $O(2^n)$  Onde n é o numero de nós na rede

#### 1.3.2 Probabilidade Posterior

# 2 Parte 2

Nesta secção vamos analisar a solução produzida para a segunda parte do projeto - Aprendizagem por Reforço.