## Metodi Matematici per la Fisica Teorica

Sessione Estiva, Lunedì 15/06/2015

## Compito scritto

1) Si calcoli l'integrale

$$I(\alpha) = \int_0^\infty \frac{x^{\alpha - 1}}{1 + \sqrt[3]{x}} dx,$$

per  $0 < \alpha < 1/3$ .

2) Dato l'integrale

$$I(x) = \int_0^\infty \frac{\mathrm{e}^{-xt} \cosh xt}{1 + t^2} dt \,,$$

se ne calcoli l'espansione asintotica per grandi valori di x reale positivo.

3) Si determini un isomorfismo di algebre di Lie reali fra  $\mathfrak{su}(1,1)$  e  $\mathfrak{sl}(2,\mathbb{R})$ , dove

$$\mathfrak{su}(1,1) = \{ X \in \mathfrak{sl}(2,\mathbb{C}) | \ X^{\dagger}g + gX = 0 \}, \qquad g = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \quad .$$

4) Si determini il peso massimo della rappresentazione aggiunta di  $A_n = \mathfrak{sl}(n+1,\mathbb{C})$  e lo si esprima sulla base dei pesi fondamentali.