Metodi Matematici per la Fisica Teorica

Sessione Invernale, Martedì 19 Gennaio 2016

Compito scritto

1) Si calcoli il valore dell'integrale

$$\int_0^\infty \frac{\ln^2 x}{x^2 + a^2} \, \mathrm{d}x,$$

assumendo, per semplicità, a reale positivo.

2) Una possibile rappresentazione integrale per le funzioni di Hankel di prima specie è data da

$$H_{\nu}^{(1)}(x) = \frac{1}{\mathrm{i}\pi} \int_{-\infty}^{+\infty + \mathrm{i}\pi} \mathrm{e}^{x \sinh t - \nu t} \, \mathrm{d}t, \qquad -\frac{\pi}{2} < \operatorname{Arg} x < \frac{\pi}{2}.$$

Si valuti il comportamento asintotico di $H_{\nu}^{(1)}(x)$ per grandi valori di x reale positivo.

- 3) Si determino i pesi della rappresentazione (3,0) di $A_2 = \mathfrak{sl}(3,\mathbb{C})$.
- 4) Utilizzando il metodo dei tableaux di Young, si determini la decomposizione della rappresentazione $(1,0)\otimes(1,0)\otimes(1,0)$ di $A_2=\mathfrak{sl}(3,\mathbb{C})$ in rappresentazioni irriducibili.