Metodi Matematici per la Fisica Teorica

Sessione Invernale, Martedì 13/01/2015

Compito scritto

1) Si determini il termine dominante nell'espressione asintotica per $x \to \infty$ di

$$I(x) = \int_0^\infty e^{-x(\frac{2}{3}t^3 + at^2)} \sin t \ dt \ , \quad a \in \mathbb{R} \ .$$

Il risultato dipende dal segno di a: si discutano entrambi i casi.

2) Si calcoli per $-1 < \alpha < 2$

$$I = \int_0^1 x^{\alpha} (1 - x)^{1 - \alpha} \, dx .$$

- 3) Si scriva una base per l'algebra di Lie complessa $\mathfrak{so}(3;\mathbb{C})$ e una per le algebre di Lie reali $\mathfrak{so}(3;\mathbb{R})$ e $\mathfrak{so}(2,1;\mathbb{R})$ rispettivamente.
- 4) Si determinino i pesi della rappresentazione irriducibile (0,2) di $A_2=\mathfrak{sl}(3,\mathbb{C})$ e lo spettro di

$$\lambda = \begin{pmatrix} \lambda_1 & 0 & 0 \\ 0 & \lambda_2 & 0 \\ 0 & 0 & \lambda_3 \end{pmatrix} \in \mathfrak{sl}(3, \mathbb{C})$$

in questa rappresentazione.