Metodi Matematici per la Fisica Teorica

Sessione Estiva, Lunedì 18 Giugno 2018

Compito scritto

1) Si calcoli il valore dell'integrale

$$\int_0^\infty \frac{x^\alpha \log x}{(x+2)^2} \mathrm{d}x, \qquad -1 < \alpha < 1.$$

2) Si valuti il termine dominante nell'espansione asintotica di

$$F(x) := \int_{1}^{\infty} e^{\frac{3}{2}axt^{2}} \frac{\cos \pi t}{\cosh xt^{3}} dt, \qquad a \in \mathbb{R},$$

per $x \to \infty$. Si noti che il risultato dipende dal valore di a: si discutano i vari casi.

- 3) Sia $M \in \mathfrak{so}(3,\mathbb{R})$. Si calcoli (M,M) dove (,) indica la forma di Killing di $\mathfrak{so}(3,\mathbb{R})$.
- 4) Determinare la decomposizione in rappresentazioni irriducibili di $\mathfrak{sl}(3,\mathbb{C})$ del prodotto tensoriale $(1,1)\otimes(0,1)$ e scrivere il vettore di peso massimo della rappresentazione (2,0) che appare in questa decomposizione.

[Suggerimento: ricordarsi che (1,1) è la rappresentazione aggiunta]