

評卷參考

本文件供閱卷員參考而設，並不應被視為標準答案。考生以及沒有參與評卷工作的教師在詮釋文件內容時應小心謹慎。

一般閱卷原則

1. 評卷時，閱卷員須跟循評卷參考的評分標準給分，這是十分重要的。很多時考生會運用評卷參考以外的方法而得到正確答案，一般來說，只要運用合理的方法而取得正確答案，該考生應可獲得該部分的所有分數（除題目特別指明特定方法外）。閱卷員應有耐性地評閱評卷參考以外的解題方法。
2. 在評卷參考中，分數會分為下列三類：
 「M」分 使用正確方法的得分；
 「A」分 正確答案的得分；
 沒有「M」或「A」的分 正確地完成證題或推演得題目所給的答案的得分。
 某些題目由數部分組成，而較後部分的答案卻需依賴較前部分所得的結果。在這情況下，若考生因為前部分錯誤的結果而導致後部分的答案錯誤，但卻能運用正確的方法去解題，則方法正確的步驟可給「M」分，而相應的答案將沒有「A」分（除特別指明外）。
3. 為方便閱卷員評卷，評卷參考已盡量詳盡。當然，考生的答案多不會如評卷參考般清楚列寫出來，諸如欠缺某幾個步驟或將步驟隱含於字裏行間。如遇到類似情況，閱卷員應運用他們的專業知識去判斷是否給分。一般來說，如考生的答案顯示他已運用相關的概念或技巧，則該部分應予給分。
4. 評卷時遇有不清楚的地方，應以考生的利益為依歸。
5. 評卷參考中，塗上陰影的部分代表可省略的步驟，有外框的部分代表運用不同方法的答案。所有分數答案必須化簡。

試卷一

解	分	備註
$ \begin{aligned} & \frac{2}{4h-7} - \frac{3}{6h-5} \\ & = \frac{2(6h-5) - 3(4h-7)}{(4h-7)(6h-5)} \\ & = \frac{12h-10 - 12h+21}{(4h-7)(6h-5)} \\ & = \frac{11}{(4h-7)(6h-5)} \end{aligned} $	1M 1M 1A -----(3)	或等價
$ \begin{aligned} & \frac{Ax+C}{B} = 3x \\ & Ax+C = 3Bx \\ & Ax-3Bx = -C \\ & x = \frac{C}{3B-A} \end{aligned} $	1M 1M 1A	給將 x 放在一邊 或等價
$ \begin{aligned} & \frac{Ax+C}{B} = 3x \\ & \frac{Ax}{B} + \frac{C}{B} = 3x \\ & \frac{Ax}{B} - 3x = \frac{-C}{B} \\ & x = \frac{C}{3B-A} \end{aligned} $	1M 1M 1A	給將 x 放在一邊 或等價
$ \begin{aligned} & \text{3. (a)} \quad 6r^2 - 13rs - 28s^2 \\ & = (2r-7s)(3r+4s) \end{aligned} $	1A	或等價
$ \begin{aligned} & \text{(b)} \quad 4r - 14s + 6r^2 - 13rs - 28s^2 \\ & = 4r - 14s + (2r-7s)(3r+4s) \\ & = 2(2r-7s) + (2r-7s)(3r+4s) \\ & = (2r-7s)(2+3r+4s) \end{aligned} $	1M 1A -----(3)	給利用 (a) 的結果 或等價
$ \begin{aligned} & \text{4. (a)} \quad \frac{5x+7}{4} - 1 < 2x \\ & 5x+7 - 4 < 8x \\ & -3x < -3 \\ & x > 1 \end{aligned} $	1M 1A	給將 x 放在一邊
$ \begin{aligned} & 3x+9 \geq 0 \\ & x \geq -3 \\ & \text{因此，所求的範圍為 } x > 1。 \end{aligned} $	1A	
(b) 2	1A -----(4)	

解	分	備註
5. $a:c=6:5$ $\frac{2b+7c}{b+c}=4$ $2b+7c=4b+4c$ $2b=3c$ $b:c=3:2$ $b:c=15:10$ $a:c=12:10$ 故此，可得 $a:b:c=12:15:10$ 。 設 $a=12k$ 、 $b=15k$ 及 $c=10k$ ，其中 k 為一非零的常數。 $\frac{5a+8b}{2b+3c}$ $=\frac{5(12k)+8(15k)}{2(15k)+3(10k)}$ $=3$	1M 1M 1M 1A -----(4)	任何一項
6. 設 Sx 為該計算機的標價。 該計算機的成本 $=\frac{x}{(1+40\%)}$ $=\$ \left(\frac{5x}{7}\right)$ 該計算機的售價 $=(75\%)x$ $=\$ \left(\frac{3x}{4}\right)$ $\frac{3x}{4}-\frac{5x}{7}=13$ $x=364$ 因此，該計算機的標價為 \\$364。	1M 1M 1M 1A	
設 Sc 為該計算機的成本。 該計算機的標價 $=(1+40\%)c$ $=\$1.4c$ 該計算機的售價 $=(75\%)(1.4c)$ $=\$1.05c$ $1.05c-c=13$ $c=260$ 因此，該計算機的標價為 \\$364。	1M 1M 1M 1A -----(4)	

解	分	備註
7. (a) $\angle POQ$ $=149^\circ - 59^\circ$ $=90^\circ$ (b) $\angle POR$ $=239^\circ - 59^\circ$ $=180^\circ$ 因此， P 、 Q 與 R 共線。 (c) 所求的周界 $=PQ+QR+PR$ $=\sqrt{11^2+60^2}+\sqrt{60^2+144^2}+(11+144)$ $=372$	1A 1A 1M -----(4)	必須顯示理由
8. (a) $\angle ACB = \angle ADB = 90^\circ$ [已知] $BC = AD$ [已知] $AB = AB$ [公共邊] $\Delta ABC \cong \Delta BAD$ (RHS)	1M	
評分標準： 情況 1 附有正確理由的任何正確證明。 情況 2 未附有正確理由的任何正確證明。	2 1	
(b) AE $=\sqrt{AD^2+DE^2}$ $=15 \text{ cm}$ 藉 (a)，可得 $\angle ABE = \angle BAE$ 。 由此，可得 $AE = BE$ 。 故此，可得 $BE = 15 \text{ cm}$ 。 留意 $CE = DE = 9 \text{ cm}$ 。 所求的面積 $=\frac{1}{2}(AD)(BD)+\frac{1}{2}(BC)(CE)$ $=\frac{1}{2}(12)(9+15)+\frac{1}{2}(12)(9)$ $=198 \text{ cm}^2$	1M 1M 1A -----(5)	
9. (a) $\frac{4+k}{10+9+4+3+4+k}=\frac{5}{18}$ $k=6$ (b) 平均值 = 5 眾數 = 3 中位數 = 4	1M 1A 1A 1A -----(5)	

解	分	備註
10. (a) 設 $g(x)=a+bx$ ，其中 a 及 b 均為非零的常數。 故此，可得 $a-3b=-21$ 及 $a+7b=9$ 。 求解後，可得 $a=-12$ 及 $b=3$ 。 因此，可得 $g(x)=3x-12$ 。	1A 1M 1A -----(3)	給任何一項代換 給兩項正確
(b) $h(x)=0$ $xg(x)+k=0$ $3x^2-12x+k=0$ 留意方程 $h(x)=0$ 所有的根均為實數。 $(-12)^2-4(3)(k)\geq 0$ $k\leq 12$	1M 1M 1A -----(3)	
11. (a) $\frac{21+32+33+37+39+40+40+b+(20+28+29+30+34)(2)+(20+a)(3)}{20}=30$ 所以，可得 $3a+b=16$ 。 因此，可得 $\begin{cases} a=3 \\ b=7 \end{cases}$ 、 $\begin{cases} a=4 \\ b=4 \end{cases}$ 或 $\begin{cases} a=5 \\ b=1 \end{cases}$ 。	1M 1A+1A -----(3)	1A 給一對 + 1A 給所有
(b) 21	1A -----(1)	
(c) 當 $a=3$ 時，該分佈的四分位數間距最大。 該分佈的最大可取四分位數間距 $=34-23$ $=11$	1M 1M 1A 必须顯示理由	
藉 (a)，有三種情況。 情況 1： $a=3$ 該分佈的四分位數間距 $=34-23$ $=11$ 情況 2： $a=4$ 該分佈的四分位數間距 $=34-24$ $=10$ 情況 3： $a=5$ 該分佈的四分位數間距 $=34-25$ $=9$ 因此，該分佈的最大可取四分位數間距為 11。	1M 1M -----(3)	必須顯示理由

解	分	備註
12. (a) 設 $(b, 0)$ 為 B 的坐標， 則 A 、 C 及 D 的坐標分別為 $(mb+b, 0)$ 、 (b, mb) 及 $(mb+b, mb)$ 。 OD 的斜率 $=\frac{mb-0}{mb+b-0}$ $=\frac{m}{m+1}$	1M 1M 1A -----(3)	給任何一項
設 k 為 OD 的斜率。 將 A 的 x 坐標記為 a 。 則 D 的坐標為 (a, ka) 。 所以， B 的 x 坐標為 $a-ka$ 。 故此， C 的坐標為 $(a-ka, ka)$ 。 $ka=m(a-ka)$ $k=m-mk$ $k=\frac{m}{m+1}$ 因此， OD 的斜率為 $\frac{m}{m+1}$ 。	1M 1M 1A -----(3)	----- ----- ----- ----- 任何一項
(b) OM 的斜率 $=\frac{5-0}{6-0}$ $=\frac{5}{6}$ OQ 的斜率 $=\frac{5}{6+1}$ $=\frac{5}{11}$ （藉 (a)） 故此，通過 O 及 Q 的直線的方程為 $y=\frac{5x}{11}$ 。 通過 M 及 N 的直線的方程為 $y-0=\frac{5-0}{6-10}(x-10)$ $y=\frac{-5x}{4}+\frac{25}{2}$ 解 $y=\frac{5x}{11}$ 與 $y=\frac{-5x}{4}+\frac{25}{2}$ 後， Q 的坐標為 $\left(\frac{22}{3}, \frac{10}{3}\right)$ 。 P 的 x 坐標 $=\frac{22}{3}-\frac{10}{3}$ $=4$	1M 1M 1M 1M 1A -----(4)	給利用 (a) 的結果

解	分	備註
13. (a) X 的體積 $= \frac{1}{3}(64^2)(24) \left(1 - \left(\frac{18}{24}\right)^3\right)$ $= 18944 \text{ cm}^3$	1M+1M -----(3)	
(b) X 每一側面的面積 $= \frac{1}{2} \left(64 + \frac{3}{4}(64)\right) \sqrt{6^2 + 8^2}$ $= 560 \text{ cm}^2$ X 的總表面面積 $= 4(560) + 64^2 \left(1 + \left(\frac{3}{4}\right)^2\right)$ $= 8640 \text{ cm}^2$ $\left(\frac{X \text{ 的高}}{Z \text{ 的高}}\right)^2 = \left(\frac{6}{3}\right)^2 = 4$ $\frac{X \text{ 的總表面面積}}{Z \text{ 的總表面面積}} = \frac{8640}{960} = 9$ $\frac{X \text{ 的總表面面積}}{Z \text{ 的總表面面積}} \neq \left(\frac{X \text{ 的高}}{Z \text{ 的高}}\right)^2$ 因此， X 與 Z 不相似。	1M 1M 1M 1A 必须顯示理由 -----(4)	接受答案準確至 18900 cm^3
14. (a) -4	1A -----(1)	
(b) (i) 藉 (a)，可得 $F(x) = (6x^2 + x - 4)(qx^2 + rx - 10)$ 。 留意 $F(-1) = -12$ 及 $F(2) = 0$ 。 由此，可得 $(6(-1)^2 + (-1) - 4)(q(-1)^2 + r(-1) - 10) = -12$ 及 $(6(2)^2 + (2) - 4)(q(2)^2 + r(2) - 10) = 0$ 。 故此，可得 $q - r = -2$ 及 $2q + r = 5$ 。 求解後，可得 $q = 1$ 及 $r = 3$ 。 (ii) $F(x) = 0$ $(6x^2 + x - 4)(x^2 + 3x - 10) = 0$ $(6x^2 + x - 4)(x - 2)(x + 5) = 0$ $6x^2 + x - 4 = 0$ 或 $x - 2 = 0$ 或 $x + 5 = 0$ $x = \frac{-1 \pm \sqrt{97}}{12}$ 或 $x = 2$ 或 $x = -5$ 留意 $\frac{-1 - \sqrt{97}}{12}$ 及 $\frac{-1 + \sqrt{97}}{12}$ 均為無理數。 再者留意 2 及 -5 均不是無理數。 因此，方程 $F(x) = 0$ 有 2 個無理根。	1M+1M 1A 1M 1M 1M 1A 必须顯示理由 -----(7)	給兩項正確

解	分	備註
15. $\log_9 y - 22 = 4(\log_3 x - 5)$ $\log_9 y = \log_3 x^4 + 2$ $\log_9 y = \log_3 9x^4$ $\frac{\log_3 y}{\log_3 9} = \log_3 x^4$ $\log_3 y = 2 \log_3 9x^4$ $y = 81x^8$	1M 1M -----(3)	-----任何一項
16. (a) 所求的概率 $= \frac{C_4^{16} C_1^4}{C_5^{20}}$ $= \frac{455}{969}$	1M 1A -----(2)	給分子 接受答案準確至 0.470
所求的概率 $= 5 \left(\frac{16}{20}\right) \left(\frac{15}{19}\right) \left(\frac{14}{18}\right) \left(\frac{13}{17}\right) \left(\frac{4}{16}\right)$ $= \frac{455}{969}$	1M 1A -----(2)	給分子 接受答案準確至 0.470
(b) 所求的概率 $= 1 - \frac{C_5^{16}}{C_5^{20}} - \frac{455}{969}$ $= 1 - \frac{91}{323} - \frac{455}{969}$ $= \frac{241}{969}$	1M 1A -----(2)	給 $1 - p_1 - (a)$ 接受答案準確至 0.249
所求的概率 $= \frac{C_3^{16} C_2^4}{C_5^{20}} + \frac{C_2^{16} C_3^4}{C_5^{20}} + \frac{C_1^{16} C_4^4}{C_5^{20}}$ $= \frac{70}{323} + \frac{10}{323} + \frac{1}{969}$ $= \frac{241}{969}$	1M 1A -----(2)	給 $p_2 + p_3 + p_4$ 接受答案準確至 0.249

解	分	備註
17. (a) (i) Γ 為 QR 的垂直平分線。 (ii) QR 的中點的坐標為 $(3, -5)$ 。 QR 的斜率 $= \frac{-9 - (-1)}{-4 - 10}$ $= \frac{4}{7}$ Γ 的方程為 $y - (-5) = \frac{-7}{4}(x - 3)$ $7x + 4y - 1 = 0$	1M	
	1M	
	1A	或等價
	(3)	
(b) (i) 將點 $(4, 3)$ 記為 S 。 RS 的中點的坐標為 $(0, -3)$ 。 RS 的斜率 $= \frac{3 - (-9)}{4 - (-4)}$ $= \frac{3}{2}$ RS 的垂直平分線的方程為 $y - (-3) = \frac{-2}{3}(x - 0)$ $2x + 3y + 9 = 0$ 解 $7x + 4y - 1 = 0$ 與 $2x + 3y + 9 = 0$ 後， C 的圓心的坐標為 $(3, -5)$ 。 C 的半徑 $= \sqrt{(4-3)^2 + (3+5)^2}$ $= \sqrt{65}$ 因此， C 的方程為 $(x-3)^2 + (y+5)^2 = 65$ 。 (ii) 將 C 的圓心記為 G 。 留意 G 在 $\triangle UVW$ 的外接圓上。 再者留意 GU 為 $\triangle UVW$ 的外接圓的一直徑。 GU $= \sqrt{(10-3)^2 + (4+5)^2}$ $= \sqrt{130}$ $\triangle UVW$ 的外接圓的面積 $= \pi \left(\frac{\sqrt{130}}{2} \right)^2$ ≈ 102.1017612 > 100 因此， $\triangle UVW$ 的外接圓的面積大於 100。	1M	
	1M	
	1A	$x^2 + y^2 - 6x + 10y + 31 = 0$
	(5)	必須顯示理由

解	分	備註
18. (a) (i) 藉餘弦公式，可得 $QS^2 = PQ^2 + PS^2 - 2(PQ)(PS)\cos \angle QPS$ $QS^2 = 12^2 + 10^2 - 2(12)(10)\cos 82^\circ$ $QS \approx 14.51201074$ $QS \approx 14.5\text{cm}$ 因此， QS 的長度為 14.5cm 。 (ii) 藉正弦公式，可得 $\frac{\sin \angle QSR}{QR} = \frac{\sin \angle QRS}{QS}$ $\sin \angle QSR \approx \frac{13 \sin 65^\circ}{14.51201074}$ $\angle QSR \approx 54.27995332^\circ$ 或 $\angle QSR \approx 125.7200468^\circ$ (捨去) $\angle RQS$ $\approx 180^\circ - 65^\circ - 54.27995332^\circ$ $\approx 60.72004668^\circ$ $\approx 60.7^\circ$	1M	接受答案準確至 14.5cm
	1M	
	1A	(4)
(b) (i) 將由 R 至 QS 的垂足記為 T 。 則可得 $RT = 13 \sin \angle RQS$ 。 設 $h\text{cm}$ 為由 R 至平面 PQS 的最短距離。 $h = RT \sin 80^\circ$ $h = (13 \sin \angle RQS) \sin 80^\circ$ 藉 (a)(ii)，可得 $h \approx 11.16685898$ 。 因此，所求的距離為 11.2cm 。 (ii) 將由 P 至平面 QRS 的最短距離記為 $d\text{cm}$ 。 $\frac{1}{3}(\Delta PQS \text{的面積})h = \frac{1}{3}(\Delta QRS \text{的面積})d$ $\frac{d}{h} = \frac{\frac{1}{2}(PQ)(PS)\sin \angle QPS}{\frac{1}{2}(QR)(QS)\sin \angle RQS}$ $\frac{d}{11.16685898} \approx \frac{(12)(10)(\sin 82^\circ)}{(13)(14.51201074) \sin 60.72004668^\circ}$ $d \approx 8.064136851$ 由於 $PX \geq d$ ，所以 P 與 X 間的距離超過 8cm 。 因此，該宣稱正確。	1M	接受答案準確至 11.2cm
	1M	
	1A	(4)
	必须顯示理由	

解	分	備註
<p>19. (a) $f(x)$ $= 2x^2 + 4mx + 8x + 2m^2 + 8m + n$ $= 2(x^2 + 2mx + 4x) + 2m^2 + 8m + n$ $= 2(x^2 + 2(m+2)x + (m+2)^2 - (m+2)^2) + 2m^2 + 8m + n$ $= 2(x+m+2)^2 + n - 8$ 因此，P 的坐標為 $(-m-2, n-8)$。</p>	1M 1A -----(2)	
<p>(b) $f(x)$ 變換為 $f\left(\frac{x}{5}\right) + 7$ 表示沿 x 軸放大至原本的 5 倍且向上平移 7 單位。</p>	1A+1A -----(2)	
<p>(c) (i) Q 的坐標為 $(-5m-10, n-1)$。 留意 $1+n-(-m-2) = -5m-10-(1+n)$ 及 $\frac{4-m}{n-8} = \frac{n-1}{4-m}$。 故此，可得 $n = -3m-7$ 及 $8m^2 + 77m + 104 = 0$。 由於 $mn < 0$，可得 $m = -8$ 及 $n = 17$。 因此，P 及 Q 的坐標分別為 $(6, 9)$ 及 $(30, 16)$。</p>	1M 1M+1M 1M 1A	給 $\alpha u^2 + \beta u + \gamma = 0$ 給兩項正確
<p>(ii) 對 $PQ \parallel SR$，PQ 的斜率等於 RS 的斜率。 所以，可得 $\frac{t-(2t-3)}{3t+27-(3t+3)} = \frac{16-9}{30-6}$。 求解後，可得 $t = -4$。 R 及 S 的坐標分別為 $(15, -4)$ 及 $(-9, -11)$。 $PQ = \sqrt{(30-6)^2 + (16-9)^2} = 25$ $RS = \sqrt{(15-(-9))^2 + (-4-(-11))^2} = 25$ $QR = \sqrt{(30-15)^2 + (16-(-4))^2} = 25$ 當 $t = -4$ 時，可得 $PQ = QR = RS$ 及 $PQ \parallel SR$。 因此，$PQRS$ 有可能為一菱形。</p>	1M 1M 1M 1A	必須顯示理由 -----任何一項 -----任何一項
<p>對 $PQ = RS$，可得 $\sqrt{(30-6)^2 + (16-9)^2} = \sqrt{(3t+27)-(3t+3))^2 + (t-(2t-3))^2}$。 化簡後，可得 $t^2 - 6t - 40 = 0$。 求解後，可得 $t = 10$ 或 $t = -4$。 情況 1：$t = 10$ R 及 S 的坐標分別為 $(57, 10)$ 及 $(33, 17)$。 $QR = \sqrt{(57-30)^2 + (10-16)^2} = \sqrt{765} \neq 25 = PQ$ 由此，$PQRS$ 不是一菱形。 情況 2：$t = -4$ R 及 S 的坐標分別為 $(15, -4)$ 及 $(-9, -11)$。 $QR = \sqrt{(30-15)^2 + (16-(-4))^2} = 25$ $PS = \sqrt{(6-(-9))^2 + (9-(-11))^2} = 25$ 當 $t = -4$ 時，可得 $PQ = QR = RS = PS$。 因此，$PQRS$ 有可能為一菱形。</p>	1M 1M 1M 1A	-----任何一項 -----任何一項 -----任何一項 必須顯示理由

解	分	備註
<p>對 $PQ = QR$，可得 $\sqrt{(30-6)^2 + (16-9)^2} = \sqrt{(3t+27-30)^2 + (t-16)^2}$。 化簡後，可得 $t^2 - 5t - 36 = 0$。 求解後，可得 $t = 9$ 或 $t = -4$。 情況 1：$t = 9$ R 及 S 的坐標分別為 $(54, 9)$ 及 $(30, 15)$。 $RS = \sqrt{(54-30)^2 + (9-15)^2} = \sqrt{612} \neq 25 = PQ$ 由此，$PQRS$ 不是一菱形。 情況 2：$t = -4$ R 及 S 的坐標分別為 $(15, -4)$ 及 $(-9, -11)$。 $RS = \sqrt{(15-(-9))^2 + (-4-(-11))^2} = 25$ $PS = \sqrt{(6-(-9))^2 + (9-(-11))^2} = 25$ 當 $t = -4$ 時，可得 $PQ = QR = RS = PS$。 因此，$PQRS$ 有可能為一菱形。</p>	1M 1M 1A	-----任何一項 必須顯示理由
<p>對 $QR = RS$，可得 $\sqrt{(3t+27-30)^2 + (t-16)^2} = \sqrt{(3t+27-3t-3)^2 + (t-2t+3)^2}$。 化簡後，可得 $9t^2 - 44t - 320 = 0$。 求解後，可得 $t = \frac{80}{9}$ 或 $t = -4$。 情況 1：$t = \frac{80}{9}$ R 及 S 的坐標分別為 $\left(\frac{161}{3}, \frac{80}{9}\right)$ 及 $\left(\frac{89}{3}, \frac{133}{9}\right)$。 $PS = \sqrt{\left(6 - \frac{89}{3}\right)^2 + \left(9 - \frac{133}{9}\right)^2} = \sqrt{\frac{48073}{81}} \neq 25 = PQ$ 由此，$PQRS$ 不是一菱形。 情況 2：$t = -4$ R 及 S 的坐標分別為 $(15, -4)$ 及 $(-9, -11)$。 $RS = \sqrt{(15-(-9))^2 + (-4-(-11))^2} = 25$ $PS = \sqrt{(6-(-9))^2 + (9-(-11))^2} = 25$ 當 $t = -4$ 時，可得 $PQ = QR = RS = PS$。 因此，$PQRS$ 有可能為一菱形。</p>	1M 1M 1A	-----任何一項 必須顯示理由
		-----(8)

題號	答案	題號	答案
1.	C (86)	26.	B (55)
2.	D (78)	27.	D (45)
3.	A (88)	28.	C (60)
4.	A (91)	29.	B (87)
5.	B (93)	30.	D (55)
6.	A (77)	31.	B (70)
7.	B (46)	32.	A (63)
8.	D (55)	33.	B (49)
9.	C (67)	34.	D (54)
10.	B (70)	35.	A (34)
11.	C (58)	36.	C (46)
12.	A (73)	37.	C (41)
13.	C (74)	38.	B (47)
14.	A (67)	39.	A (49)
15.	D (68)	40.	C (46)
16.	D (55)	41.	A (27)
17.	C (36)	42.	C (66)
18.	C (82)	43.	D (59)
19.	D (51)	44.	D (72)
20.	D (46)	45.	B (53)
21.	B (36)		
22.	B (64)		
23.	A (56)		
24.	A (59)		
25.	C (40)		

註： 括號內數字為答對百分率。

考生表現

試卷一

本年度共有 44 943 考生應考。平均得分為 56 分。考生於甲部的表現一般較乙部為佳。

甲部(1)

題號	一般表現
1	甚佳。大約 80% 考生能化簡給定的數式。
2	甚佳。大約 85% 考生能令 x 成為給定公式的主項。
3	甚佳。大約 80% 考生能因式分解給定的數式。
4 (a)	甚佳。大部分考生能解給定的複合不等式。
(b)	良好。大約 65% 考生能寫出滿足給定的複合不等式的最小整數。
5	甚佳。大部分考生能求得給定的數式的值。少數考生誤以為 $a:c=5:6$ 。
6	甚佳。大約 75% 考生能求得該計算機的標價。少數考生混淆了該計算機的標價與售價。
7 (a)	甚佳。超過 80% 考生能求得 $\angle POQ$ 。
(b)	良好。大約一半考生能得出 P 、 O 與 R 共線的結論，並提供合理的解釋。
(c)	良好。很多考生能求得 $\triangle PQR$ 的周界。部分考生誤以 $\triangle PQR$ 的面積作為答案。
8 (a)	良好。很多考生能給出完整的證明。部分考生未有察覺 AB 為 $\triangle ABC$ 與 $\triangle BAD$ 的公共邊。
(b)	甚佳。大部分考生能求得五邊形 $ABCDE$ 的面積。
9 (a)	甚佳。大約 80% 考生能求得 k 的值。
(b)	甚佳。大部分考生能寫出該分佈的平均值、眾數及中位數。少數考生誤以為該分佈的眾數為 10。

甲部(2)

題號	一般表現
10 (a)	甚佳。大約 85% 考生能求得 $g(x)$ 。
(b)	良好。很多考生能求得 k 值的範圍。部分考生誤以為方程 $h(x)=0$ 的判別式等於零。
11 (a)	甚佳。大部分考生能利用該分佈的平均值求得 a 及 b 的值。
(b)	良好。大約 65% 考生能寫出該分佈的最小可取分佈域。
(c)	良好。很多考生能求得該分佈的最大可取四分位數間距。部分考生誤以該分佈的最小可取四分位數間距作為答案。
12 (a)	甚差。大部分考生誤以為 OD 垂直於 OC ，因此他們未能正確地以 m 表 OD 的斜率。
(b)	甚差。大部分考生誤以為 P 是 OM 的中點，因此他們未能正確地求得 P 的 x 坐標。
13 (a)	良好。很多考生能求得 X 的體積。部分考生混淆了角錐體的體積與角柱體的體積。
(b)	平平。很多考生於計算 X 的總表面面積時出現困難，因此他們未能正確地解釋為什麼 X 與 Z 不相似。
14 (a)	良好。超過 60% 考生能寫出 p 的值。部分考生未有察覺 $-10p=40$ 。
(b) (i)	良好。很多考生能求得 q 及 r 的值。部分考生忽略了 $F(-1)=-12$ 及 $F(2)=0$ 。
(ii)	平平。很多考生混淆了無理根與虛根。

乙部

題號	一般表現
15	平平。很多考生錯誤地運用對數的性質，因此他們未能以 x 表 y 。
16 (a)	甚佳。大部分考生能求得抽出恰好 1 個白色杯的概率。
(b)	良好。很多考生能求得抽出至多 3 個紅色杯的概率。部分考生錯誤地運用互補事件的概念，因此他們未能得出所求的概率。
17 (a) (i)	甚佳。大部分考生能描述 Γ 與 QR 之間的幾何關係。少數考生誤以為 Γ 為 QR 的角平分線。
(ii)	良好。很多考生能利用 (a)(i) 的結果求得 Γ 的方程。
(b) (i)	平平。很多考生未有察覺 C 的圓心為 Γ 與 RS 的垂直平分線之交點，因此他們未能求得 C 的方程。
(ii)	甚差。大部分考生未有察覺 GU 為 ΔUVW 的外接圓的一條直徑，因此他們未能得出 ΔUVW 的外接圓的面積大於 100 的結論。
18 (a) (i)	良好。超過一半考生能求得 QS 的長度。
(ii)	良好。很多考生能求得 $\angle RQS$ 。部分考生混淆了 $\angle RQS$ 與 $\angle QSR$ 。
(b) (i)	平平。很多考生誤以為 PR 垂直於平面 PQS ，因此他們未能求得由 R 至平面 PQS 的最短距離。
(ii)	甚差。大部分考生未有察覺 P 與 X 間的距離至少是由 P 至平面 QRS 的最短距離，因此他們未能得出 P 與 X 間的距離超過 8 cm 的結論。
19 (a)	平平。超過一半考生未能利用配方法以 m 及 n 表 P 的坐標。
(b)	平平。很多考生誤以為 $f(x)$ 變換為 $f\left(\frac{x}{5}\right)+7$ 表示沿 y 軸放大至原本的 5 倍且向下平移 7 單位。
(c) (i)	甚差。大部分考生未能以 m 及 n 表 Q 的坐標，因此他們未能求得 P 及 Q 的坐標。
(ii)	甚差。大部分考生未能求得 P 及 Q 的坐標，因此他們未能正確地解釋為什麼 $PQRS$ 有可能為一菱形。

一般建議

考生應：

1. 掌握基本的數學課題，如主項變換、因式分解、比、百分數、不等式及求積法；
2. 列出所有步驟及清楚解釋如何得出結論；
3. 對統計學名詞及其應用有更好的理解；
4. 發展較強的空間感，如在立體圖形中分辨出直角三角形與非直角三角形；
5. 在解三角題過程中利用計算機的記憶空間去儲存較多的有效數字；及
6. 探索題目不同部分之間的關係。

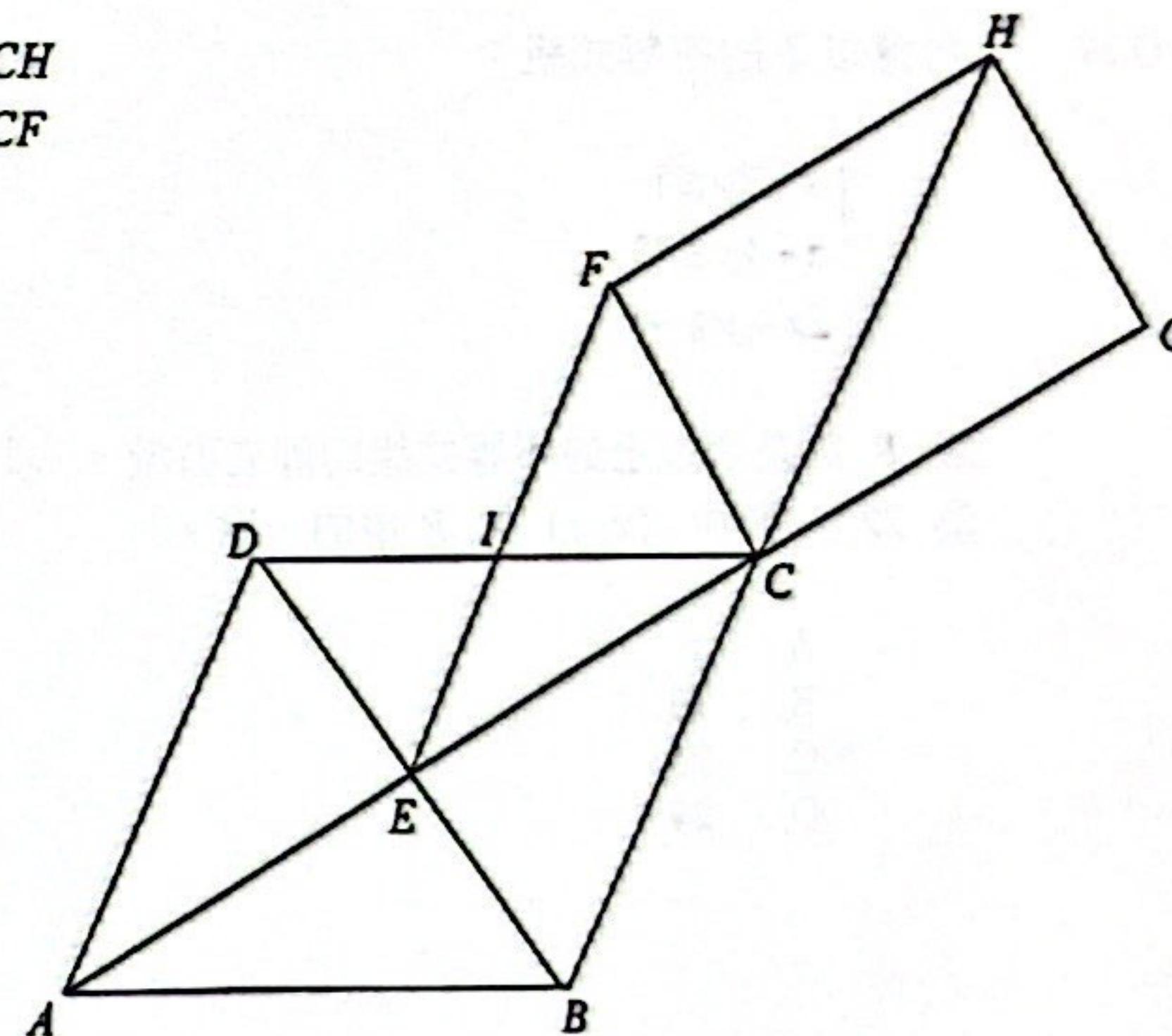
試卷二

本年度共有 44 886 考生應考。本卷共設 45 題多項選擇題。考生平均答對 27 題。試後統計資料顯示下列各點：

1. 考生在第 1、2、3、4、5、6、12、13、18、29 及 44 題中表現良好，答對的考生超過 70%。
2. 考生在第 41 題中表現未如理想，答對的考生少於 30%。
3. 在第 21 題中，很多考生未有察覺 $\angle ABE$ 與 $\angle GCH$ 互為餘角。很多考生誤以為 $\angle ABE = \angle GCH$ ，因此錯誤地選 D 為答案。

Q.21 圖中， $ABCD$ 為一菱形。將 AC 與 BD 的交點記為 E 。設 F 為一點使得 $BH \parallel EF$ 且 $CFHG$ 為一長方形，其中 G 及 H 分別為 AC 的延線及 BC 的延線上的點。將 CD 與 EF 的交點記為 I 。下列何者必為正確？

- I. $CI = FI$
- II. $\angle ABE = \angle GCH$
- III. $\triangle ADE \cong \triangle HCF$



- A. 只有 I 及 II (14%)
* B. 只有 I 及 III (36%)
C. 只有 II 及 III (23%)
D. I、II 及 III (27%)

4. 在第 25 題中，很多考生誤以為 P 是 AB 的中點，因此錯誤地選 B 為答案。

Q.25 點 A 及點 B 的坐標分別為 $(-3, 1)$ 及 $(-7, -5)$ 。若 P 為直線 $x - y + 13 = 0$ 上的一點使得 $AP = PB$ ，則 P 的 y 坐標為

- A. -11 (10%)
B. -2 (31%)
* C. 2 (40%)
D. 11 (19%)

5. 在第 35 題中，很多考生未能求得正確的 a 值，因此選了錯誤的答案。

Q.35 設 $z = (a-5)i + \frac{(a+2)i}{2+i}$ 。若 a 及 z 均為實數，則 $a-z=$

- * A. 2 。 (34%)
- B. 3 。 (17%)
- C. 4 。 (27%)
- D. 5 。 (22%)

6. 在第 37 題中，很多考生混淆了 $5x-2y+c$ 的最小值與最大值，因此錯誤地選 A 為答案。

Q.37 考慮以下的不等式組：

$$\begin{cases} x-2y \leq 1 \\ x+4y \leq 13 \\ 2x-y \geq -1 \end{cases}$$

設 R 為表示以上的不等式組的解之區域。求常數 c 使得 $5x-2y+c$ 的最小值為 22，其中 (x, y) 為 R 中的一點。

- A. 1 (23%)
- B. 23 (19%)
- * C. 25 (41%)
- D. 29 (17%)

7. 在第 41 題中，很多考生未有察覺 I 、 J 與 P 共線。很多考生誤以為 I 、 J 與 Q 共線，因此錯誤地選 D 為答案。

Q.41 設 G 、 H 、 I 及 J 分別為 $\triangle PQR$ 的形心、垂心、內心及外心。若 $\angle PQR = \angle PRQ = 22^\circ$ ，則下列何者正確？

- I. G 位於 $\triangle PQR$ 以內。
- II. H 位於 $\triangle PQR$ 以外。
- III. I 、 J 與 Q 共線。

- * A. 只有 I 及 II (27%)
- B. 只有 I 及 III (22%)
- C. 只有 II 及 III (22%)
- D. I、II 及 III (29%)