

Лекция 5. Свёртки

Денис Деркач, Дмитрий Тарасов

Слайды от А. Маевского, М. Гущина, А. Кленицкого, М Борисяка,
А. Устюжанина, А. Зимовнова

10 февраля 2025 года



Картинки



Распознавание картинок



Banksy

- ▶ "Ребёнок"
- ▶ "Медсестра"
- ▶ "Сверхгерой"
- ▶ "Банкси"
- ▶ "Игра"
- ▶ "Картинка"
- ▶ ?

Распознавание картинок



Banksy



Ч/б
изображение
представляет
собой матрицу
пикселей [HxW]

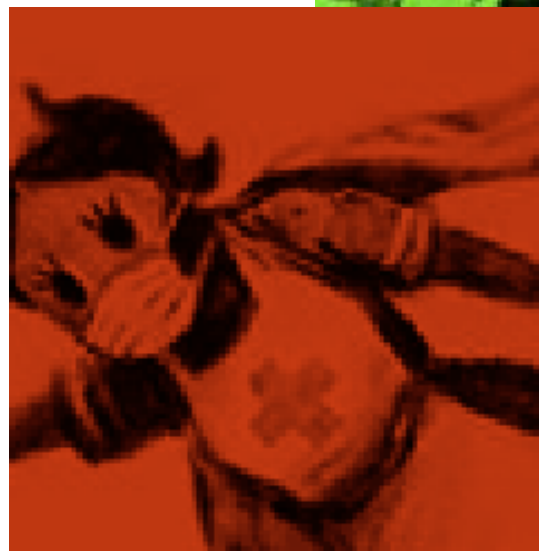
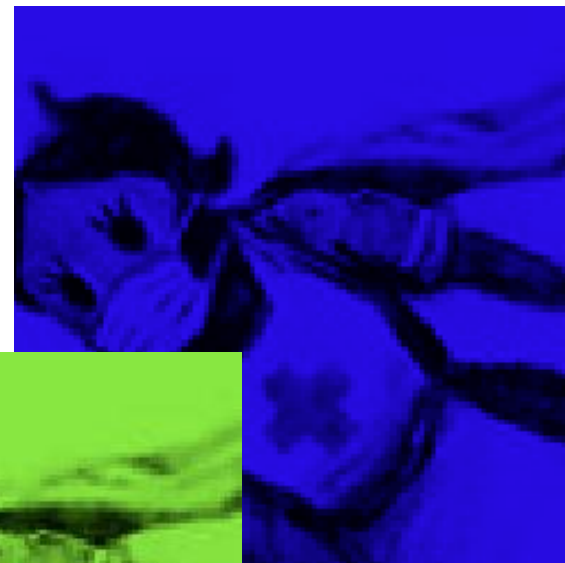
Pixel = **picture**
elements

Каждый
пиксель хранит
яркость [0,255].

Распознавание картинок

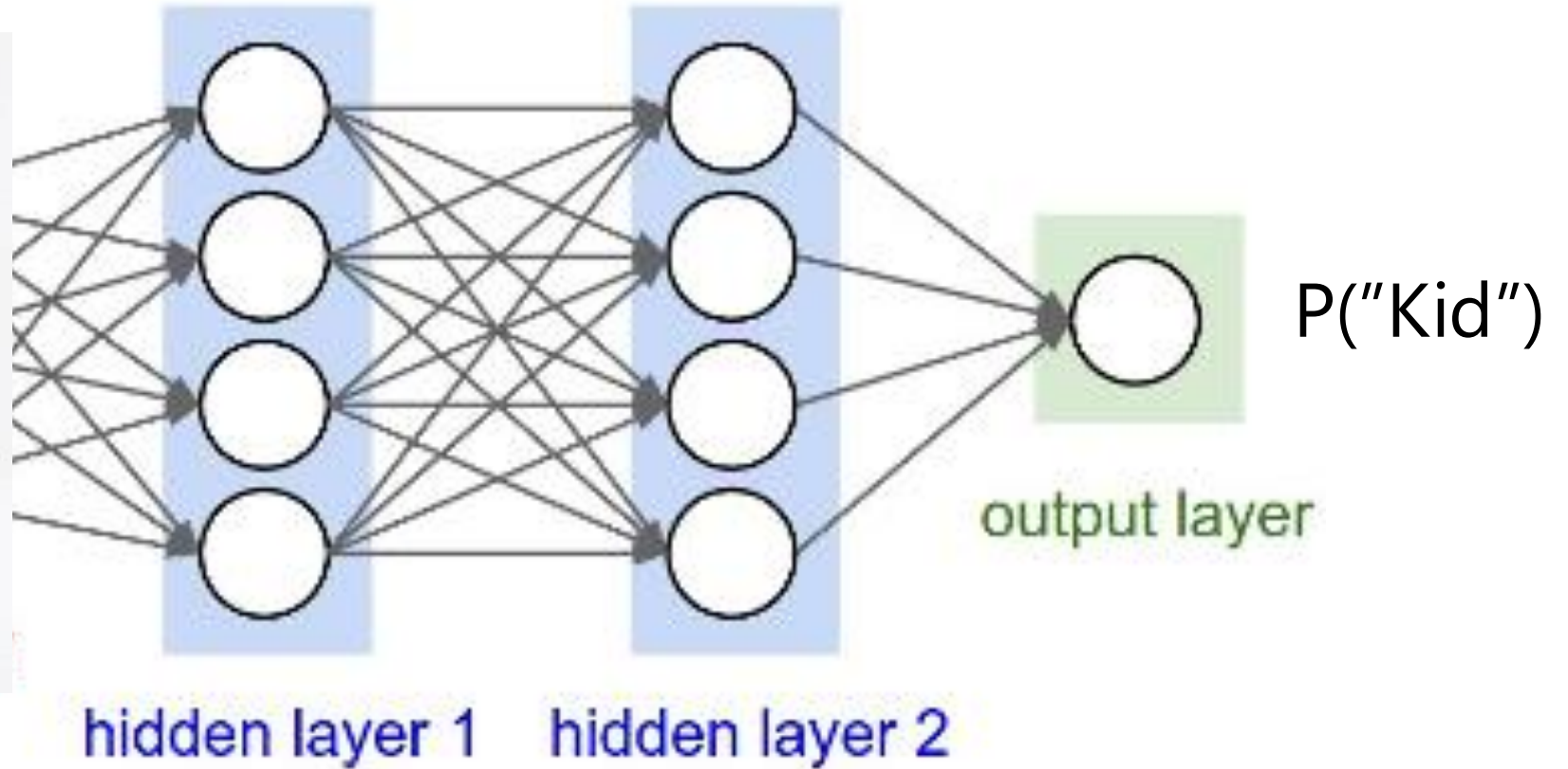


Banksy



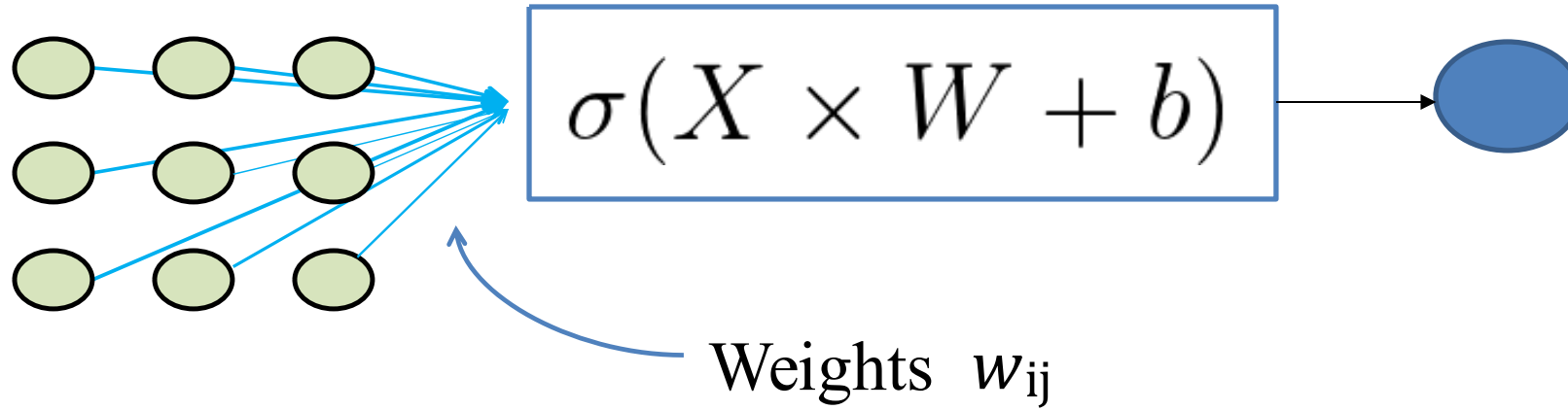
Изображение RGB
представляет собой 3D-
массив
[HxWx3] или [3xHxW]

Общая идея

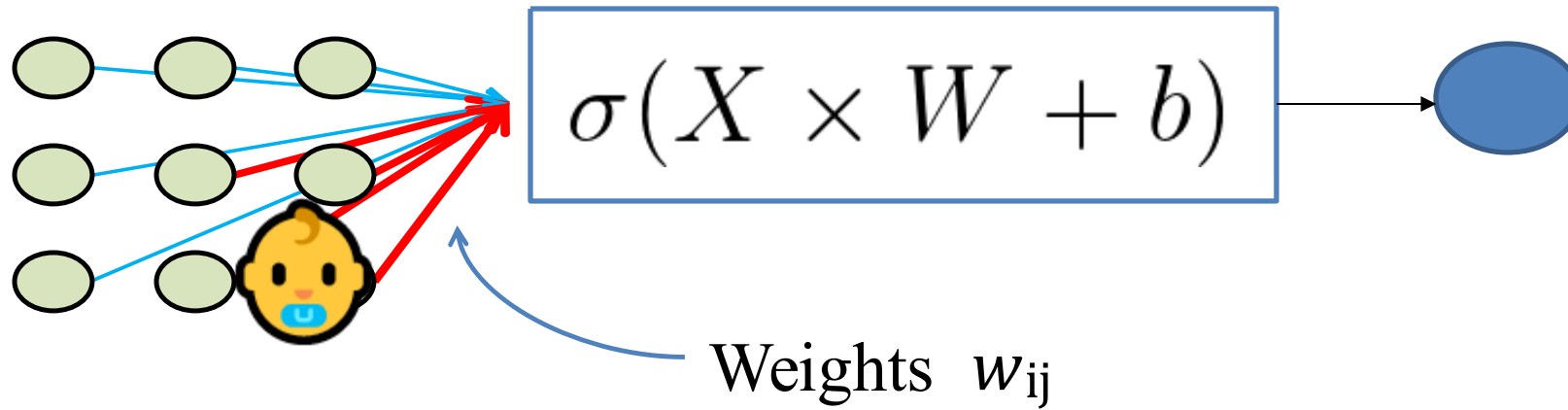


Использовать нейронную сеть как классификатор картинок?

Проблемы картинок

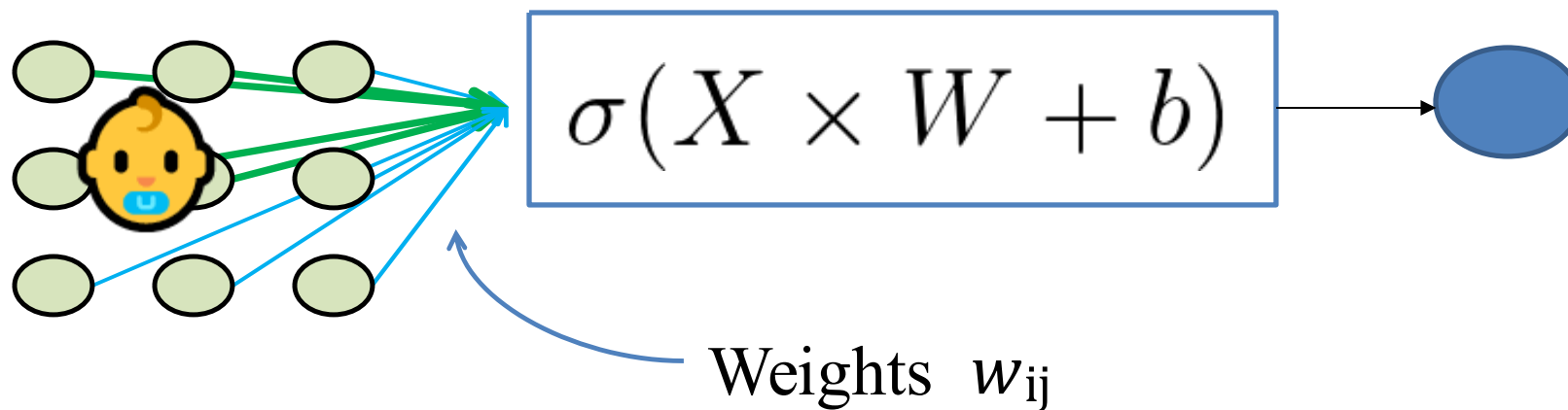


Проблемы картинок



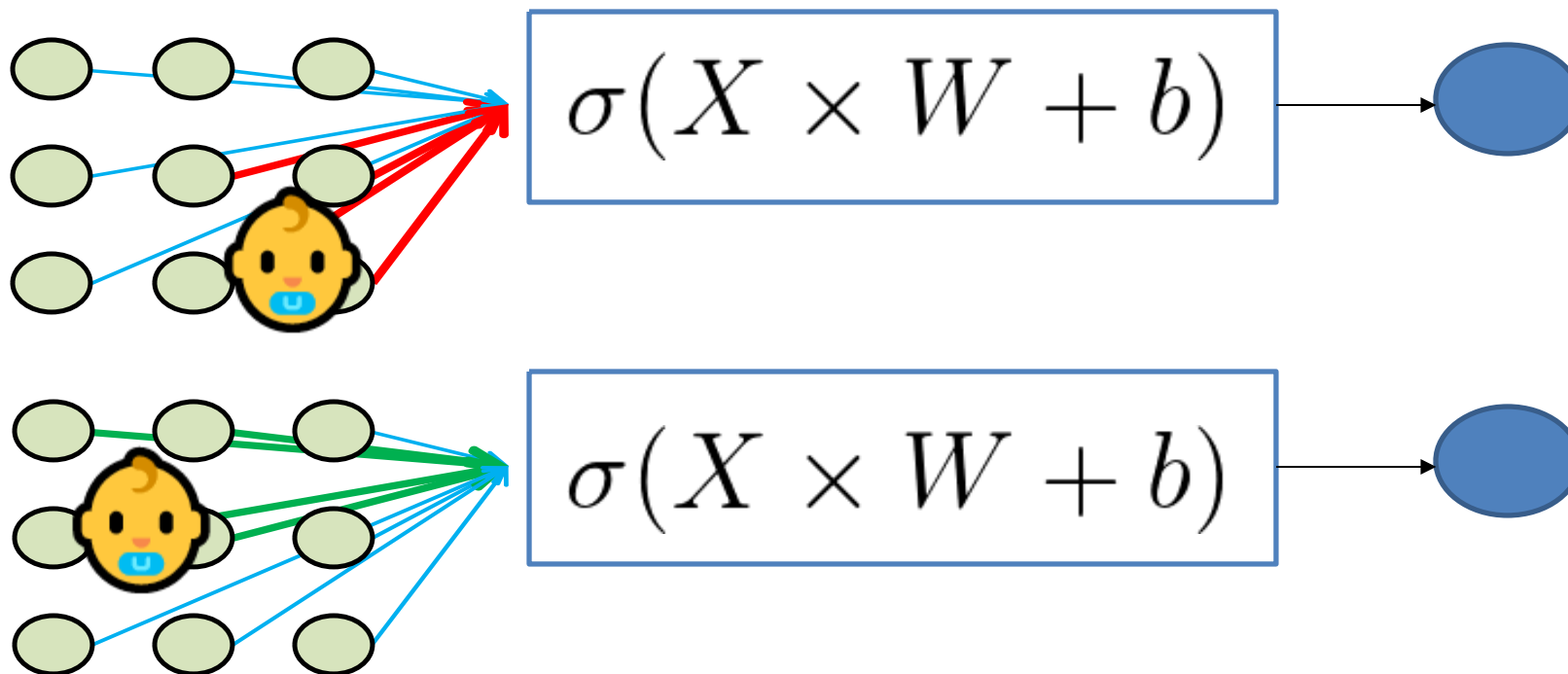
Если лицо находится снизу справа, можно тренировать нейроны, которые ведут снизу справа

Проблемы картинок



Если лицо находится сверху слева, можно тренировать нейроны, которые ведут сверху слева

Проблемы картинок



Нейронной сети придется изучать эти два случая отдельно!
Худший случай: один нейрон на позицию.

MLP и картинки

Проблемы с обычными нейросетями (MLP):

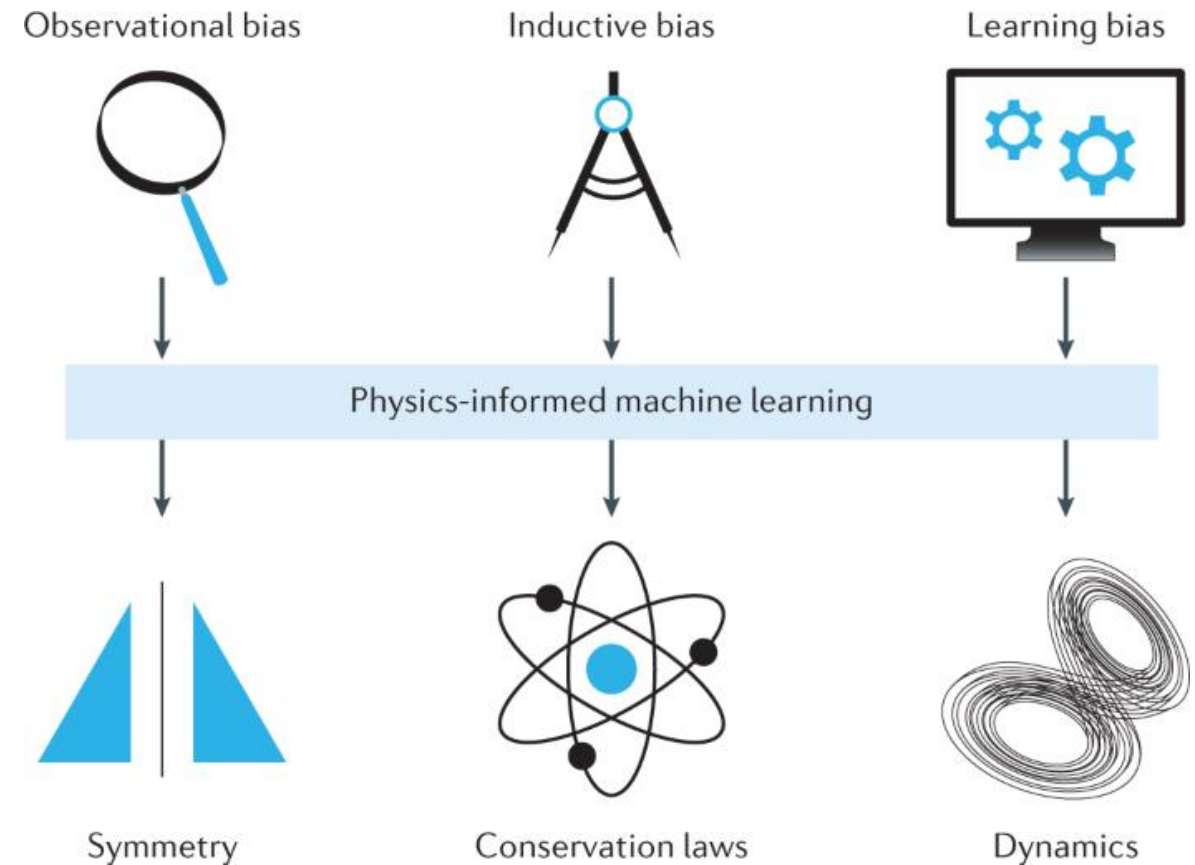
- ▶ Слишком много параметров – переобучение $224 \times 224 \times 3$ изображение - 150к измерений на входе.
- ▶ Не учитывает связь соседних пикселей.
- ▶ Не учитывает устойчивости по отношению к сдвигам.

Свёртки



Лирическое отступление: современные тенденции

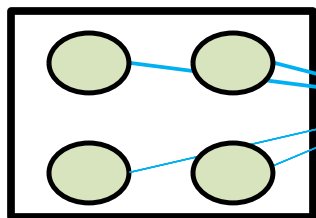
- Theoretically motivated model design.
- Theoretically motivated model learning.
- Theoretically motivated inference refinement.
- Theoretical model augmentation.
- Hybrid learning



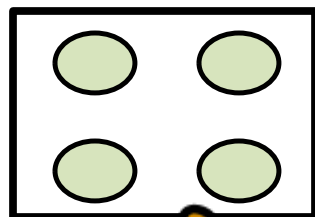
<https://www.nature.com/articles/s42254-021-00314-5>

Детектор лица

Portable kid detector pro!



Weights w_{ij}

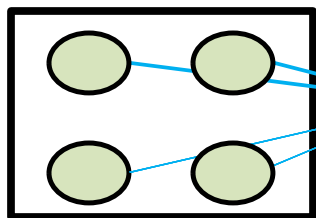


No kid

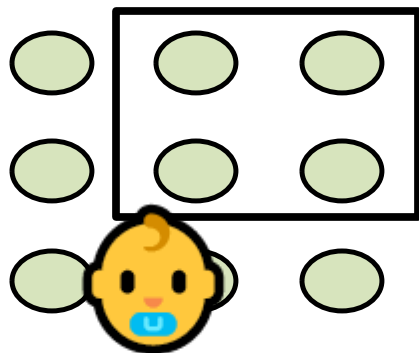


Детектор лица

Portable kid detector pro!



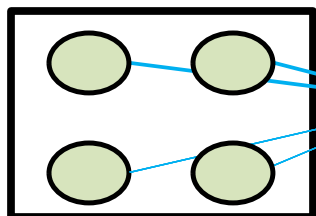
Weights w_{ij}



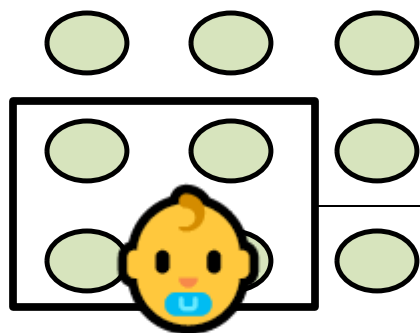
No kid No kid

Детектор лица

Portable kid detector pro!



Weights w_{ij}



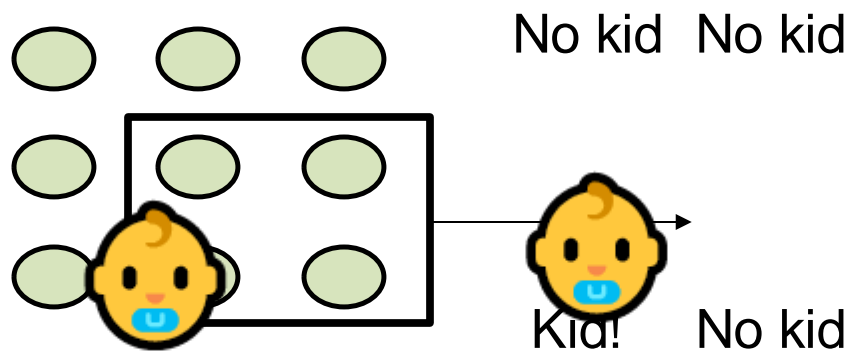
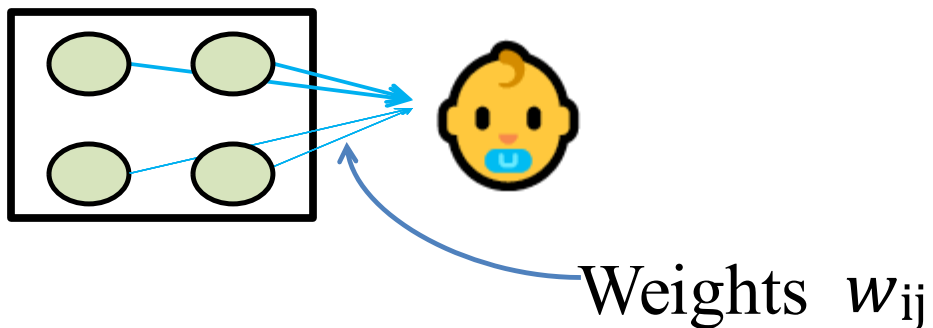
No kid No kid



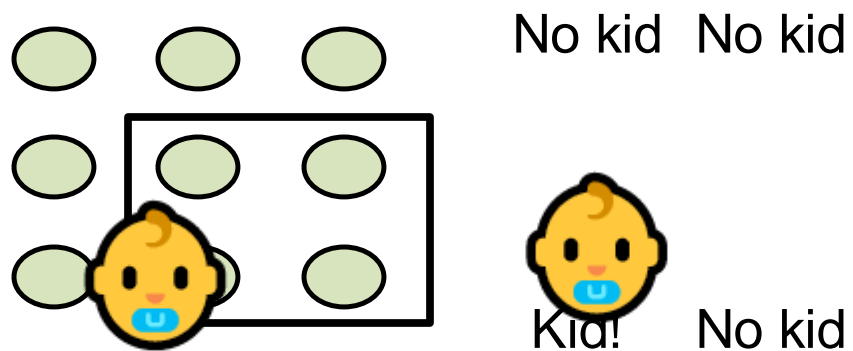
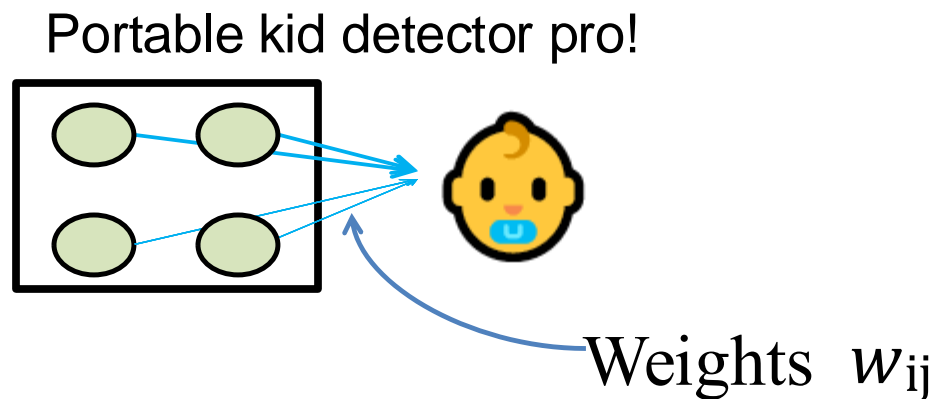
Kid!

Детектор лица

Portable kid detector pro!



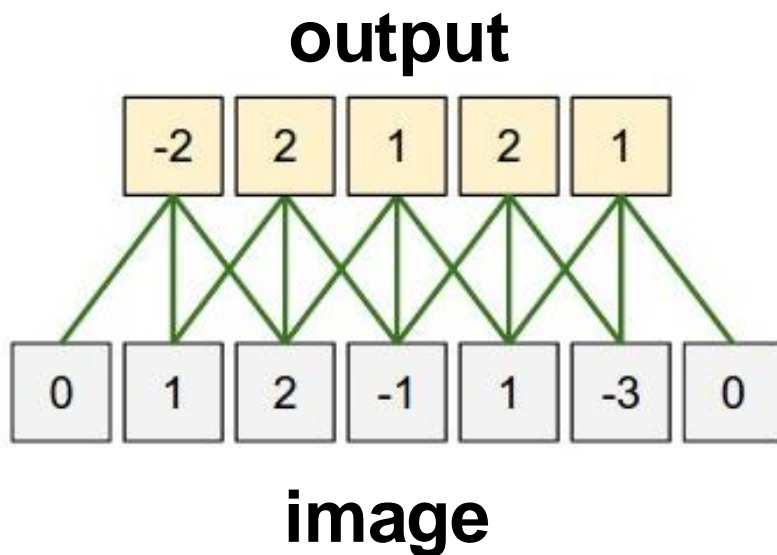
Детектор лица



→ There's a kid on the pic!

Свёртки

- Используем одни веса для всех кусочков



- Автоматически даёт устойчивость к переносам и т.п.
- Радикально сокращает число весов
- Свёрточная структура – это радикальная форма регуляризации

Свёрточная структура – начало классического моделирования для машинного обучения

1D свёртки

Идем скользящим окном по последовательности, применяем одно и то же преобразование

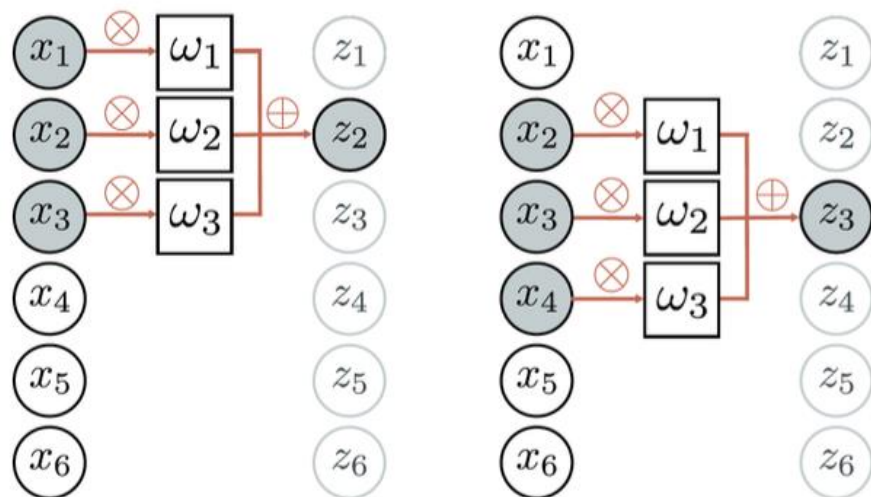


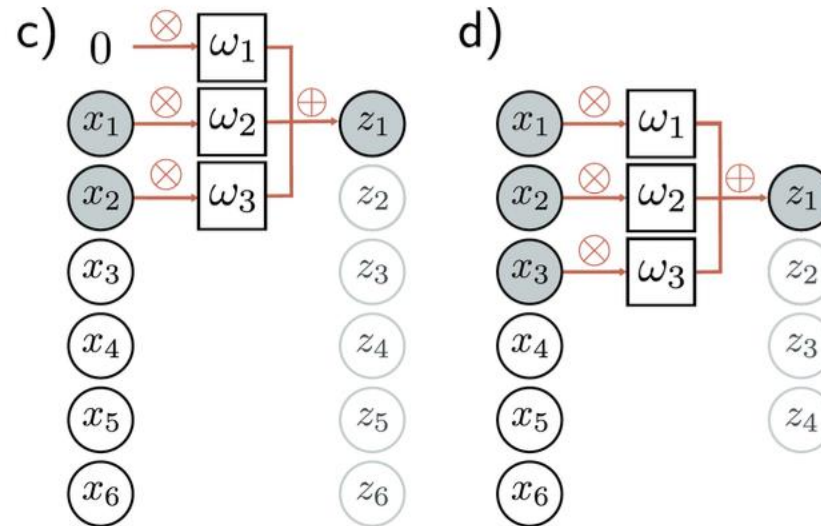
Image credit

$$z_i = w_1 x_{i-1} + w_2 x_i + w_3 x_{i+1}$$

(w_1, w_2, w_3) - ядро свертки (convolutional kernel / filter)

Отступ (padding)

Zero padding - добавляем с краю нули, чтобы на выходе получился вектор той же длины

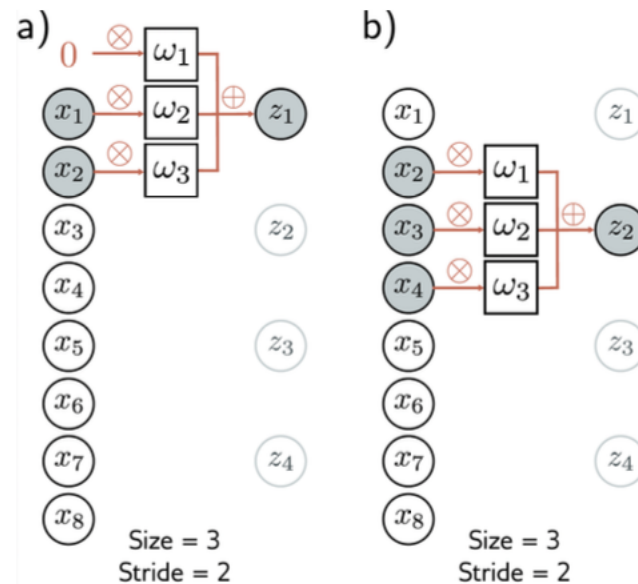


<https://udlbook.github.io/udlbook/>

Шаг перемещения (stride)

Stride (шаг) - можно смещаться не на один, а на несколько шагов перед следующим применением фильтра

- Получаем на выходе вектор меньшей длины
- Элементы выходного вектора менее скоррелированы



<https://udlbook.github.io/udlbook/>

1D-convolution vs fully connected

Сверточный слой - частный случай обычного полносвязного слоя

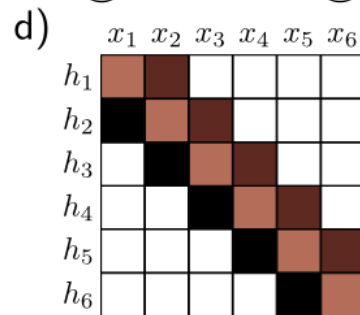
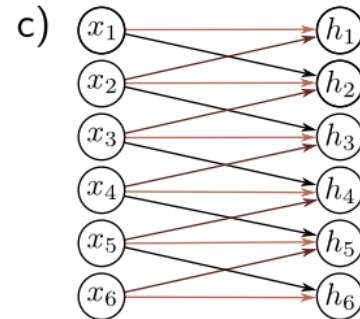
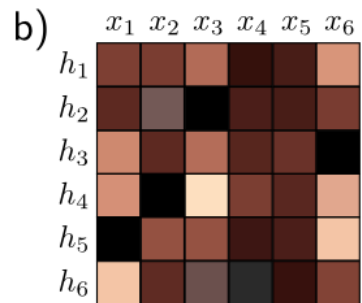
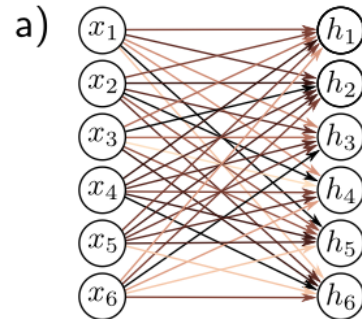
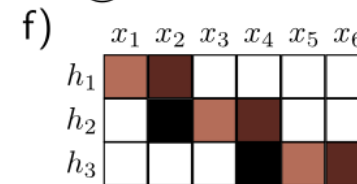
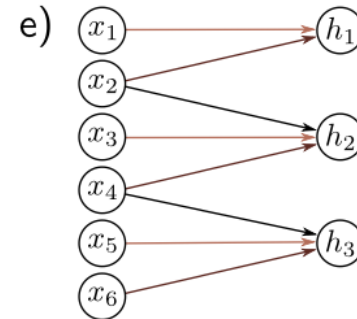


Image credit



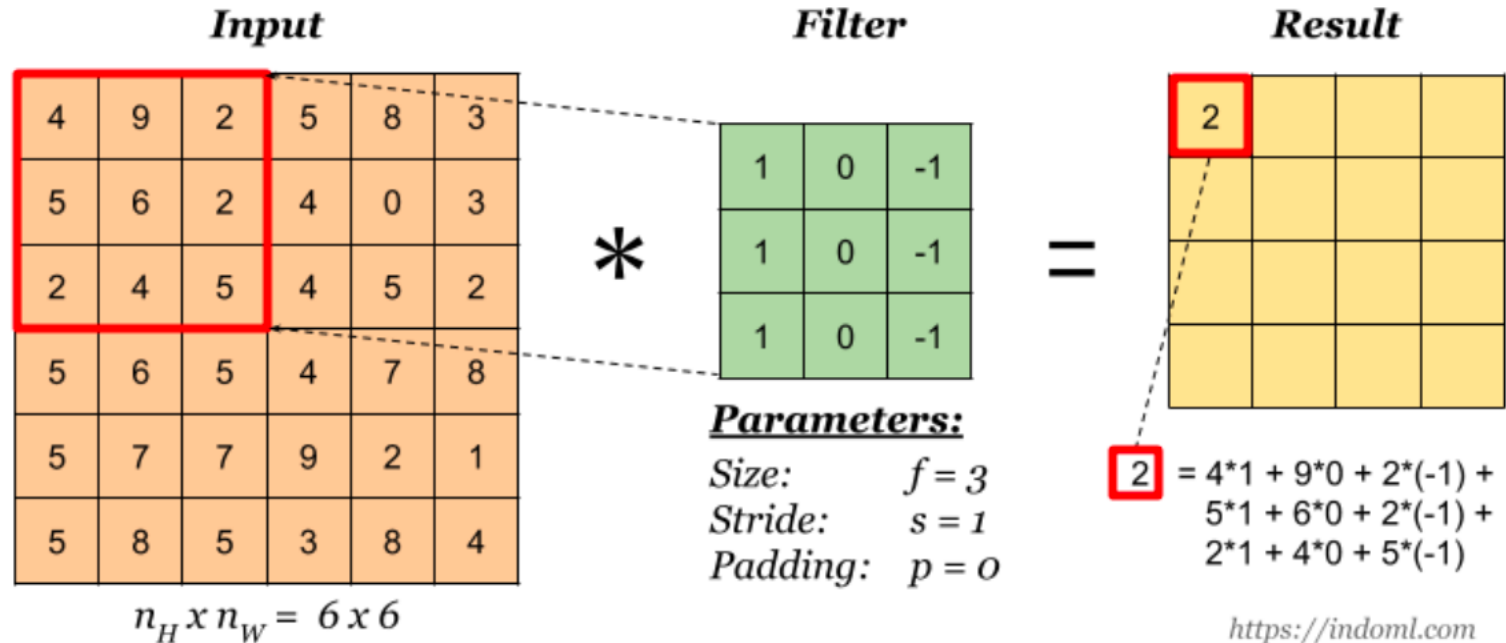
<https://udlbook.github.io/udlbook/>

2D-свёртки



2D-convolution

$$h_{ij} = f \left(\beta + \sum_{m=1}^3 \sum_{n=1}^3 w_{mn} x_{i+m-2, j+n-2} \right)$$



2D-свёртка

5x5

1 _{x1}	1 _{x0}	1 _{x1}	0	0
0 _{x0}	1 _{x1}	1 _{x0}	1	0
0 _{x1}	0 _{x0}	1 _{x1}	1	1
0	0	1	1	0
0	1	1	0	0

Image

3x3 (5-3+1)

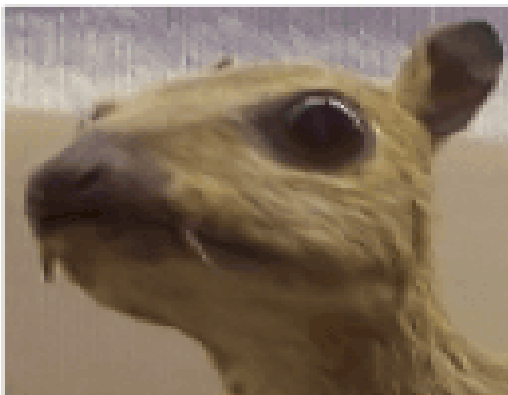
4		

Convolved
Feature

Интуиция: есть ли ребёнок в квадрате?

Пример свёртки

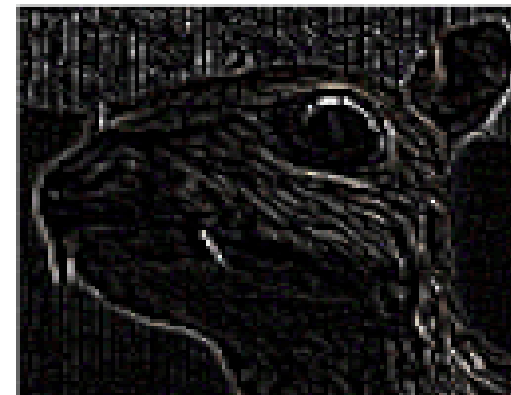
Input image



Convolution
Kernel

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

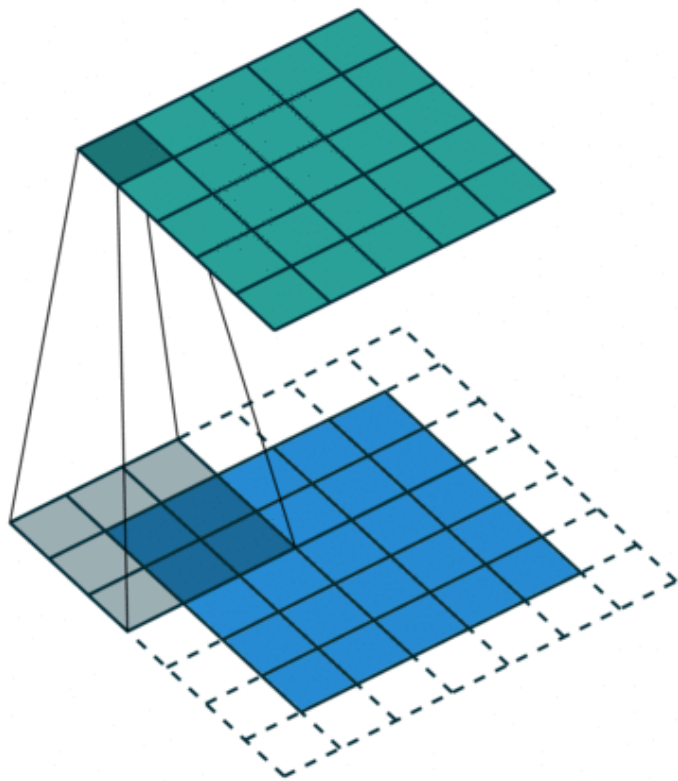
Feature map



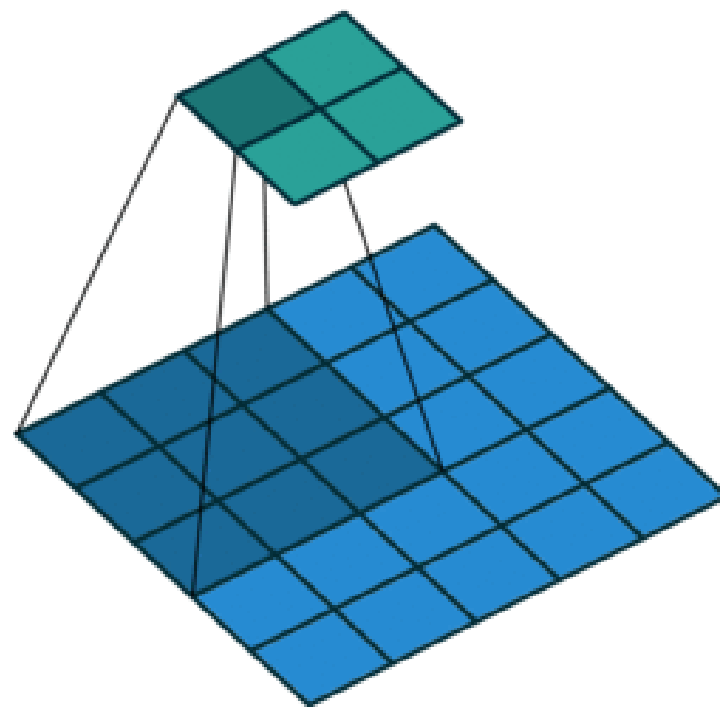
Интуиция: есть ли граница в квадрате?

Отступ, шаг

Padding (отступ) - добавляем с краю нули, чтобы на выходе получилась та же размерность, что и на входе

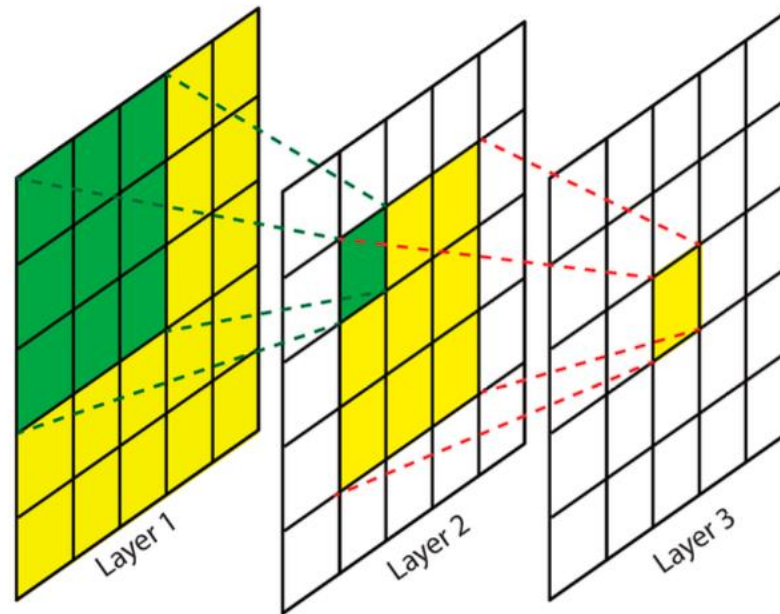


Stride (шаг) - количество шагов, на которые смещаемся перед следующим применением фильтра



Отступ, шаг

Область исходного изображения, которая влияет на конкретный признак

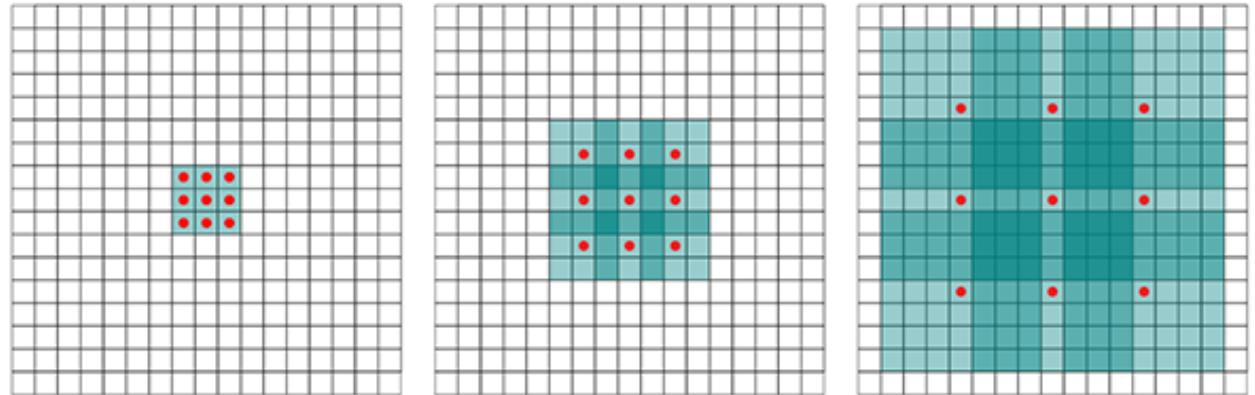


Расширенная свёртка (dilated convolution)

- ▶ Расширенная свертка — это базовая свертка, применяемая только к входному объему с определенными зазорами (см. ниже). Вы можете использовать расширенную свертку, когда:

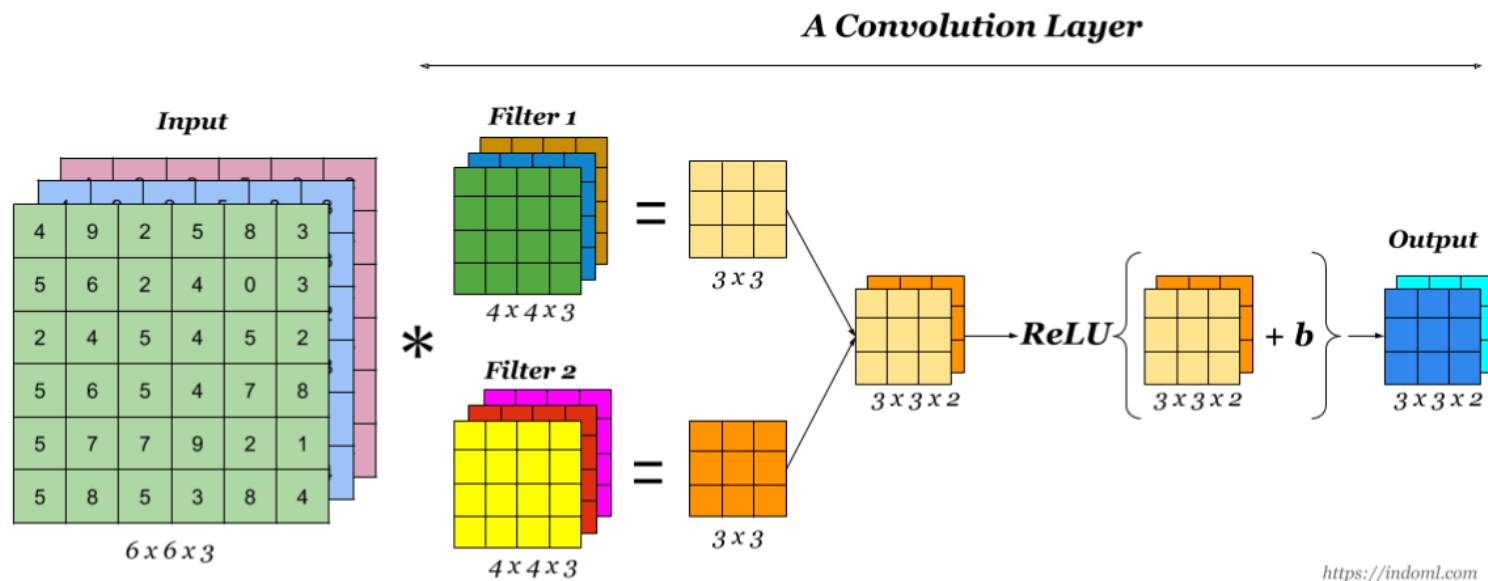
Примеры

- работа с изображениями более высокого разрешения, но мелкие детали все ещё важны
- сеть с меньшим количеством параметров



Каналы

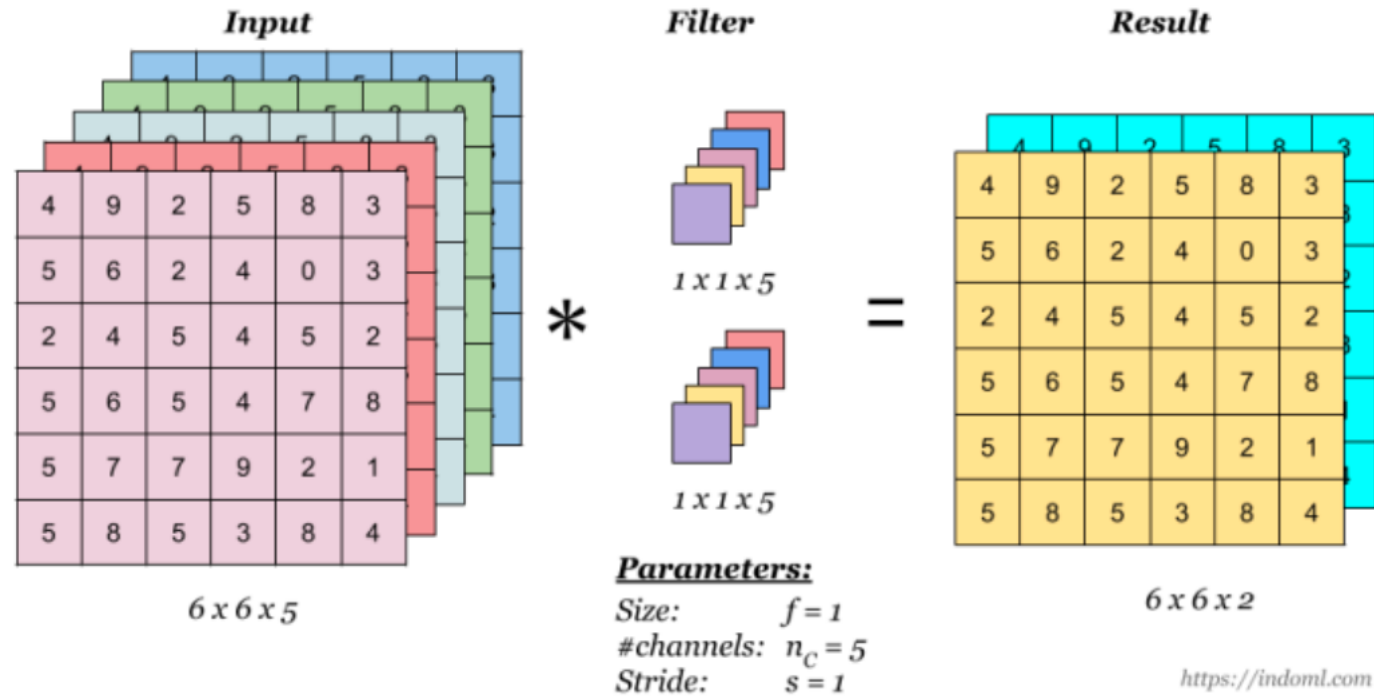
На самом деле на входе и на выходе много каналов (channels / feature maps)



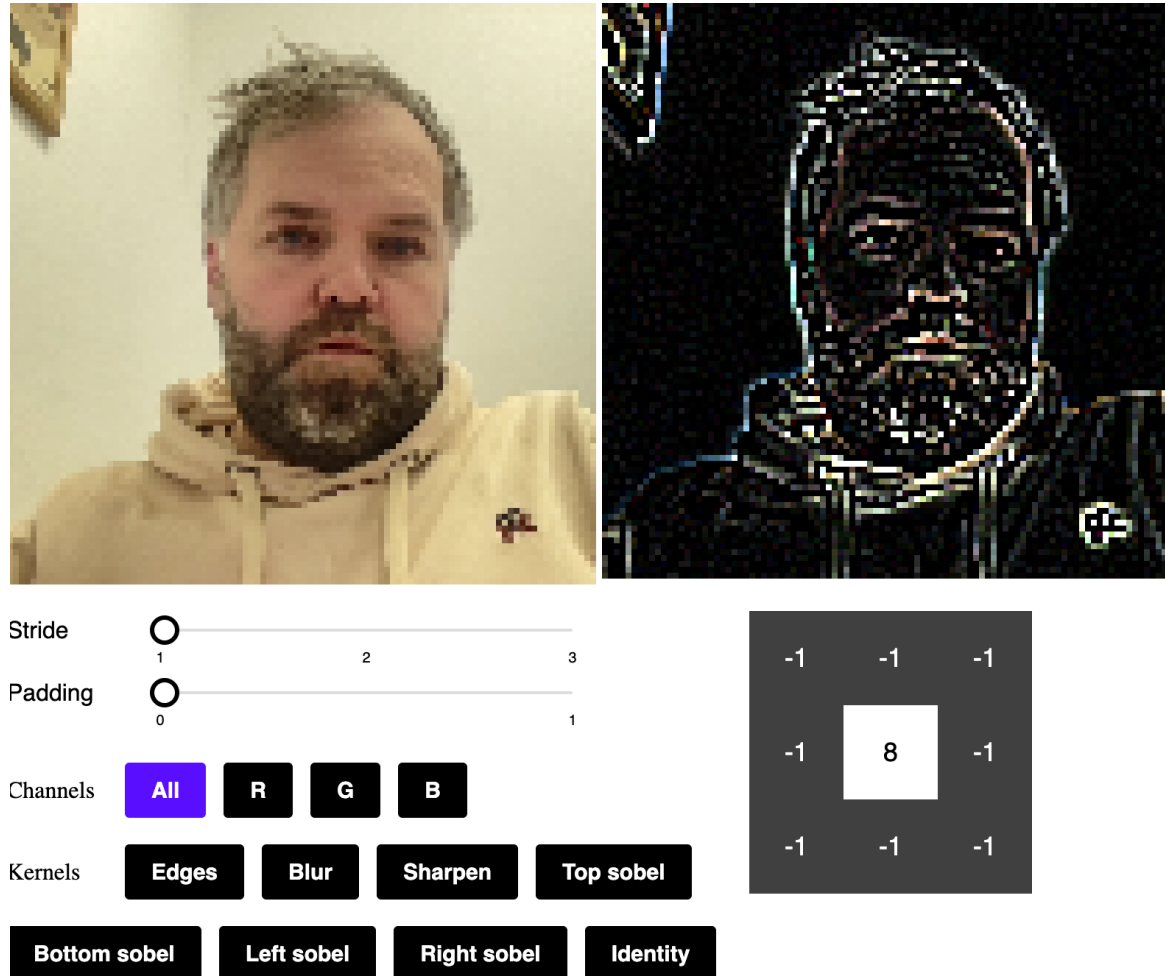
1X1 свёртка

Для каждого пикселя применяем одно и то же преобразование «вдоль каналов»

- Преобразование признаков
- Изменение числа каналов



Convolution Demo



The interface displays a convolution operation on a video frame. On the left is the original image of a man with a beard. On the right is the resulting edge-detected image, showing the man's features in white lines on a black background. Below the images are controls for Stride (a slider from 1 to 3), Padding (a slider from 0 to 1), and Channels (a row of buttons: All, R, G, B, with 'All' selected). A 'Kernels' section contains buttons for Edges, Blur, Sharpen, Top sobel, Bottom sobel, Left sobel, Right sobel, and Identity. To the right of these controls is a 3x3 kernel matrix displayed on a dark background:

-1	-1	-1
-1	8	-1
-1	-1	-1

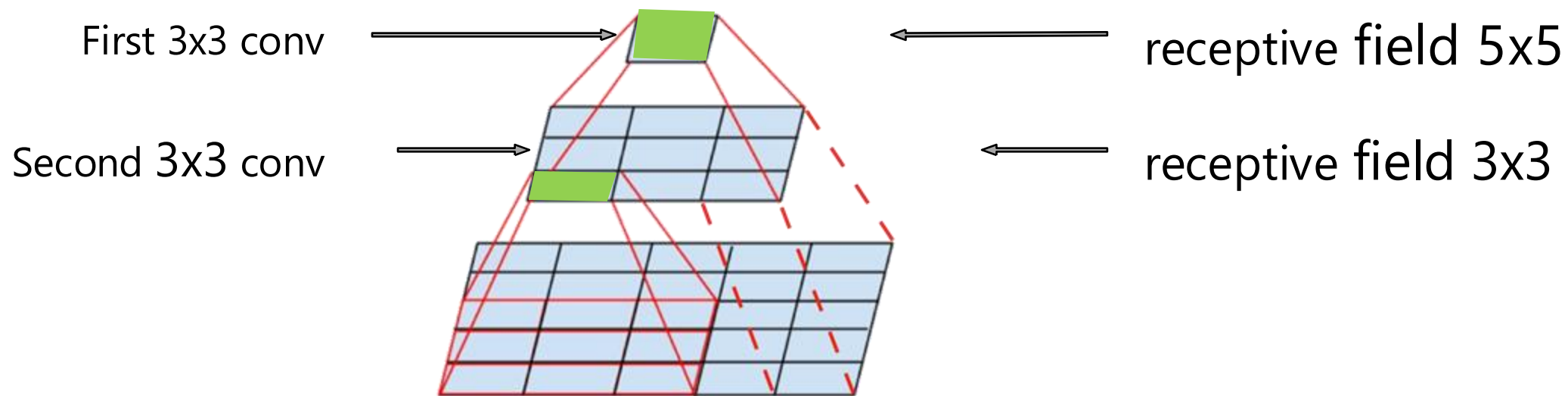
Convolution Layer

Набор сверток (фильтров) + нелинейность

- Количество каналов (channels) на входе и выходе
- Kernel size - размеры ядра
- Stride (шаг) - большие значения понижают разрешение
- Padding (valid, same)
- Dilation - увеличивает receptive field

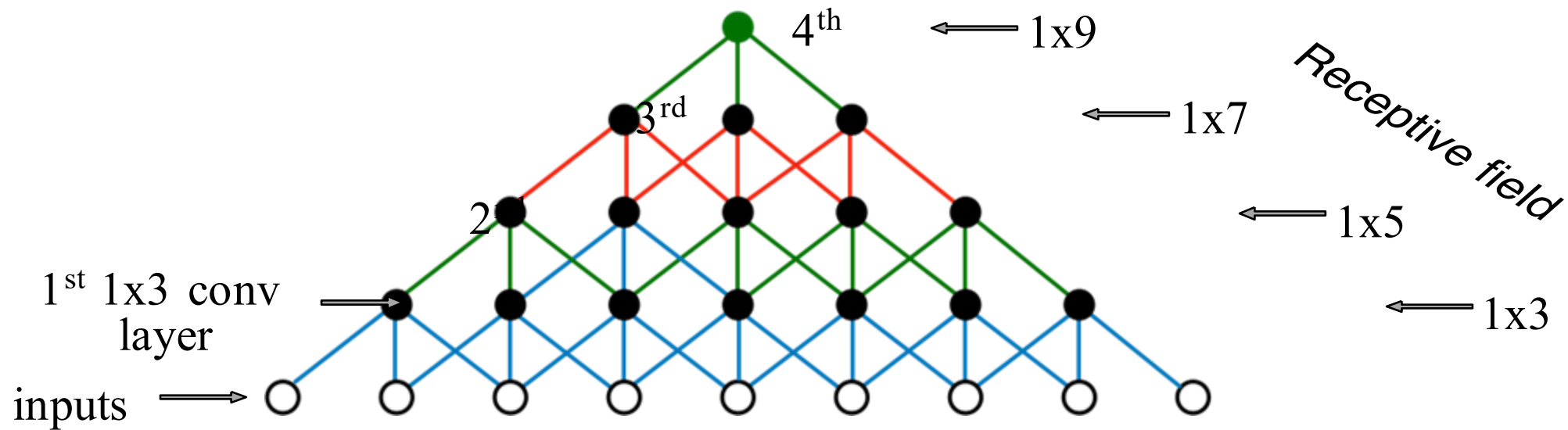
Количество параметров $K \times K \times C_{in} \times C_{out} + C_{out}$

Receptive Field



Большие объекты можно распознавать,
используя несколько маленьких свёрток

Receptive Field



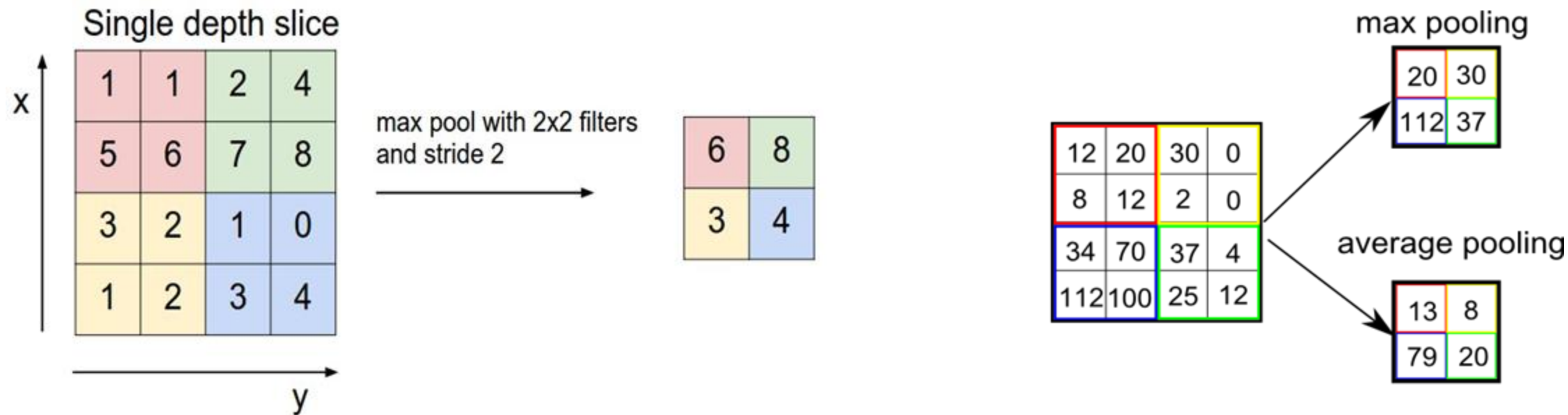
Q: сколько 3x3 сверток нам нужно использовать, чтобы распознать ребенка размером 100x100 пикселей

A: около 50... нам нужно быстрее увеличивать RF быстрее!

Эвристика выбора размера ядра

- Нечетное число на измерение
- Если входное изображение больше 128x128:
 - Используйте 5x5 или 7x7
 - и затем быстро уменьшите пространственные измерения — затем начните работать с ядрами 3×3
 - В противном случае рассмотрите возможность использования фильтров 1×1 и 3×3.

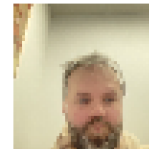
Пулинг



Pooling (субдискретизация)

- Агрегация (max, mean) соседних признаков
- Делается независимо по каналам
- Уменьшает размер представления
- Обеспечивает инвариантность к небольшим сдвигам

Pooling Demo



Pooling size

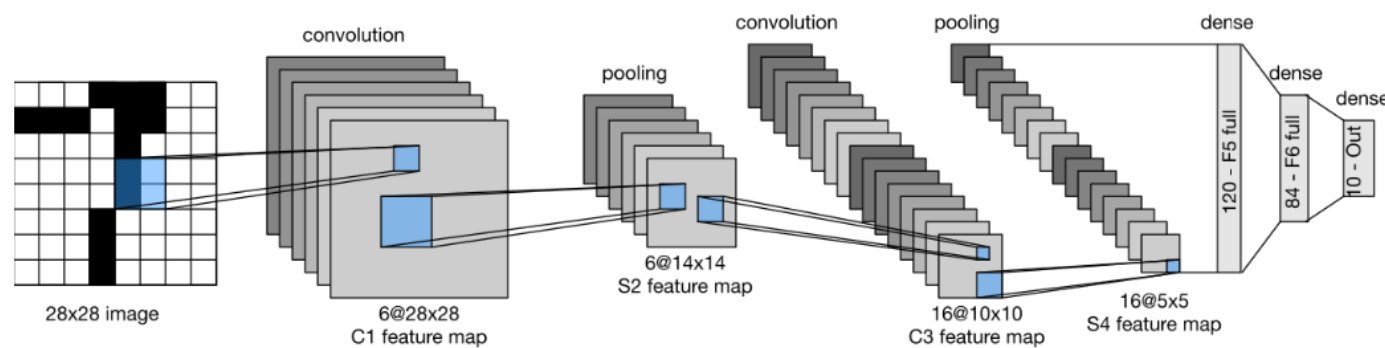
Function

Channels

LeNet

Стандартная архитектура для классификации:

- Чередование сверточных и pooling слоев
- Постепенное понижение размера
- Полносвязные слои на выходе

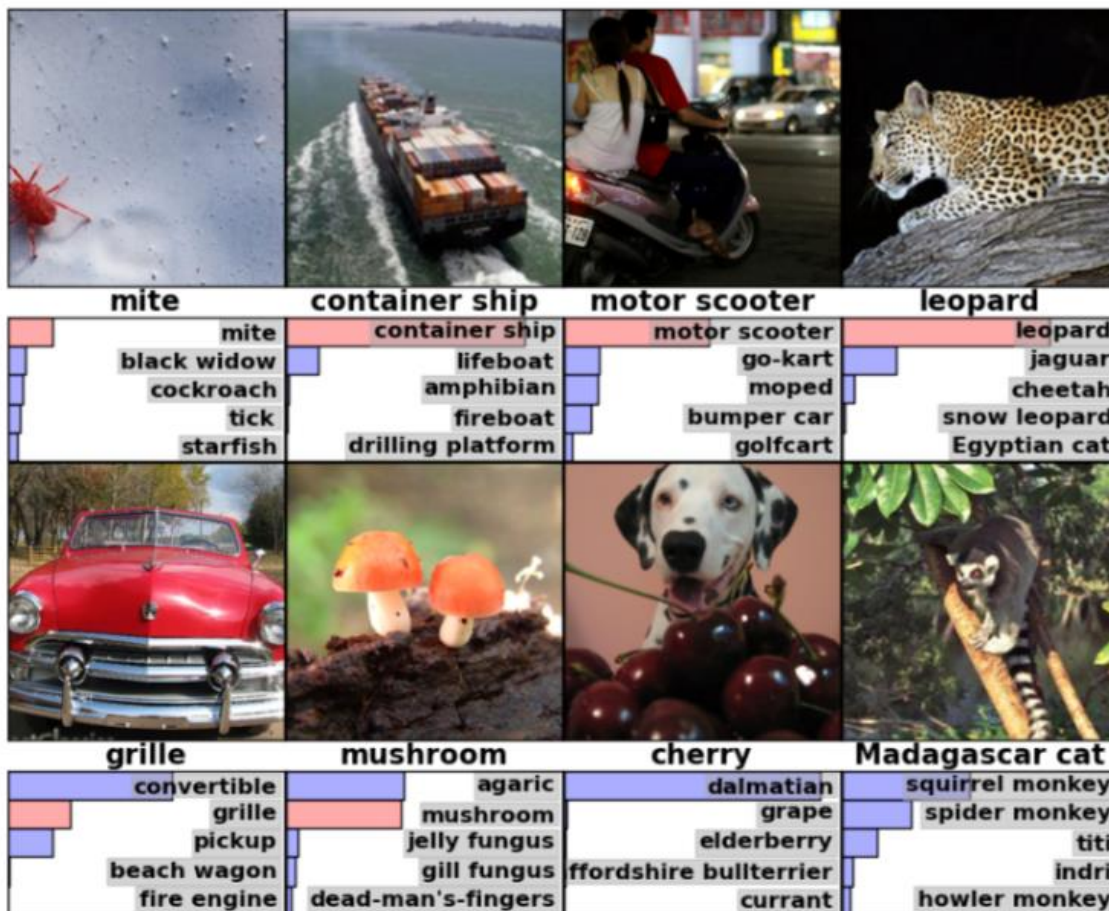


LeCun et al., 1998 (Image credit)

<https://arxiv.org/pdf/1409.4842.pdf>

ImageNet

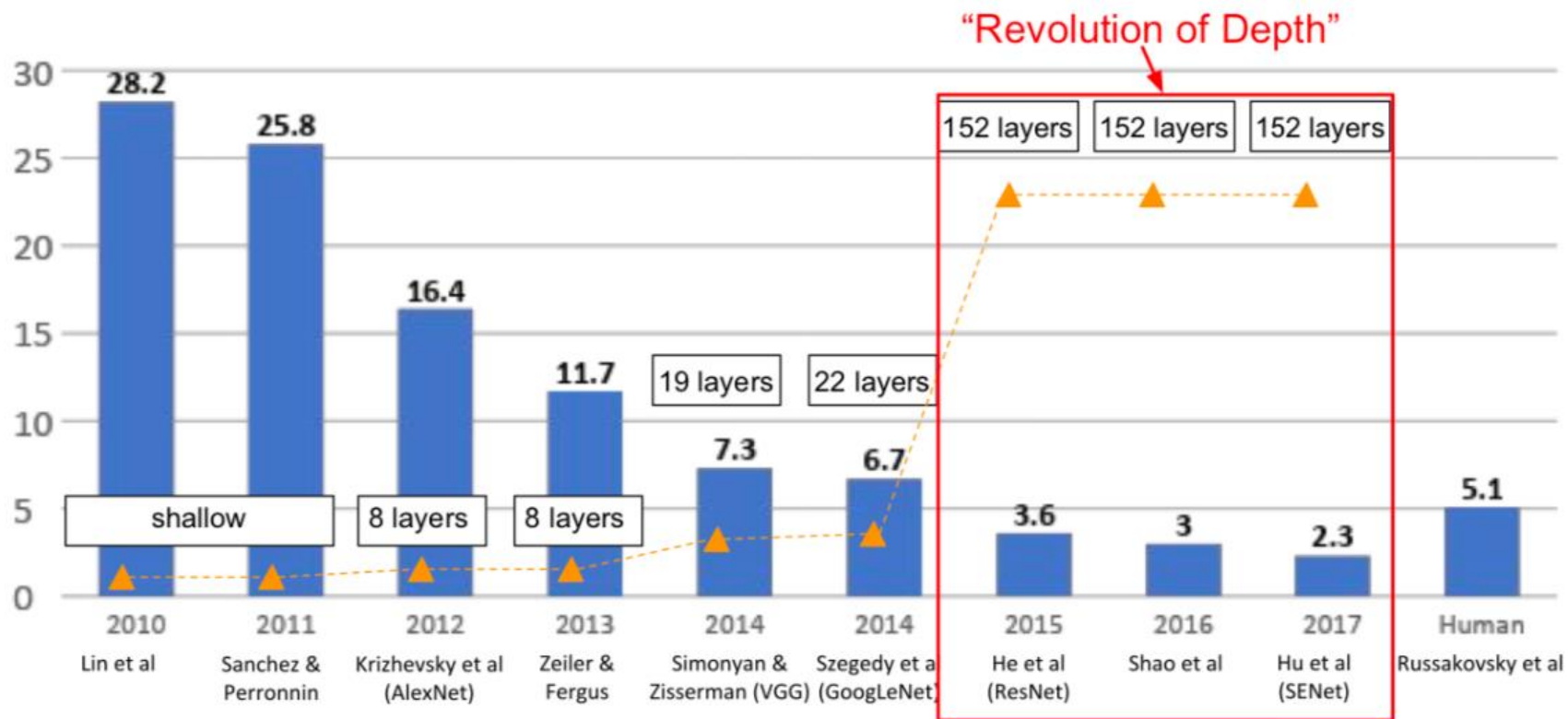
ImageNet Large Scale Visual Recognition Challenge



- Классификация изображений
- 1М объектов
- 1000 классов
- Данные из интернета
- Аннотация при помощи Amazon MTurk

ImageNet

Revolution of depth

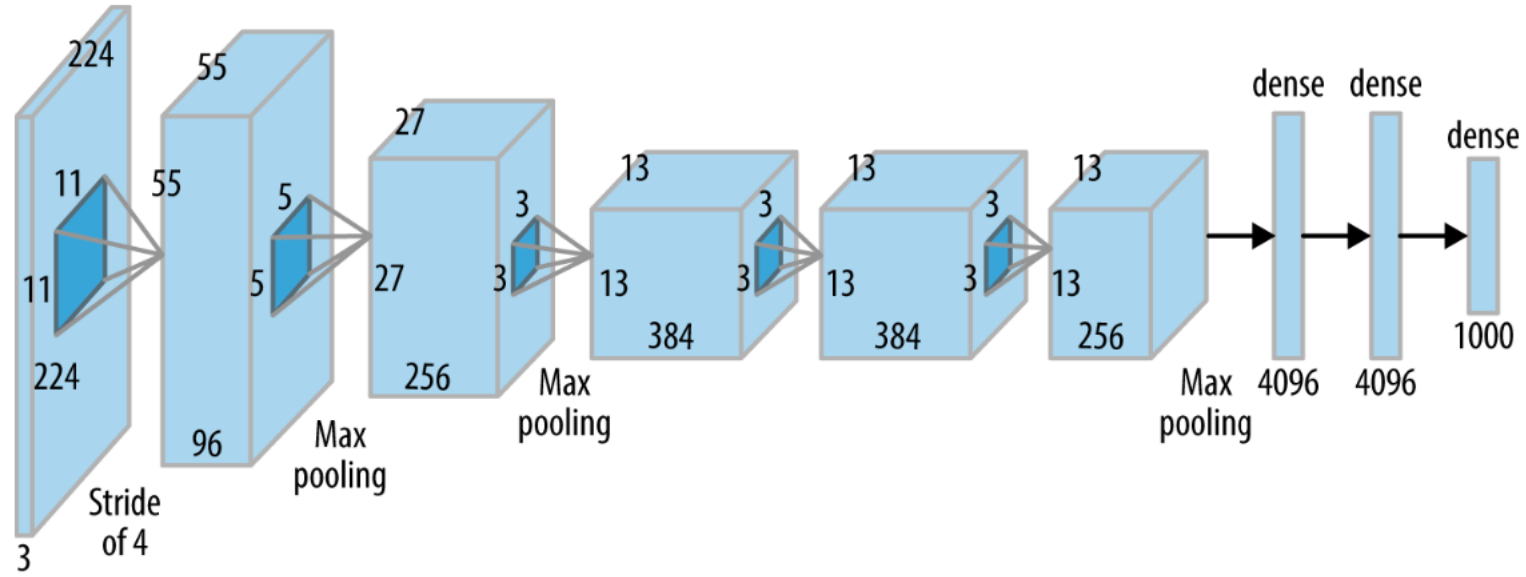


https://iphysresearch.github.io/blog/post/dl_notes/cs231n/cs231n_9/

Свёрточные сети

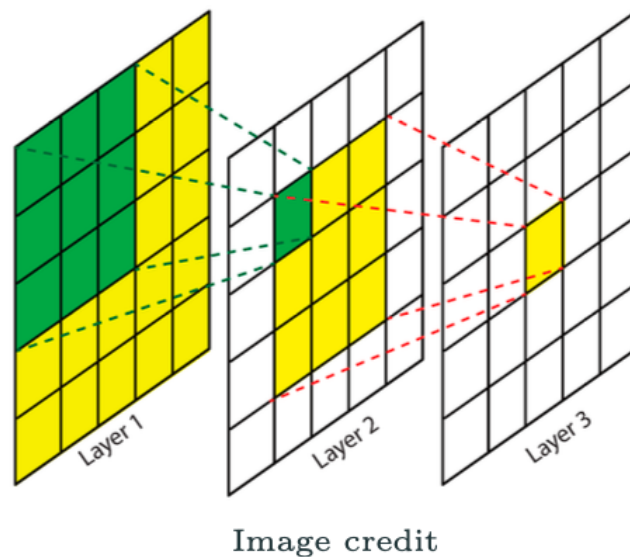


AlexNet



Krizhevsky et al. 2012 (Image credit)

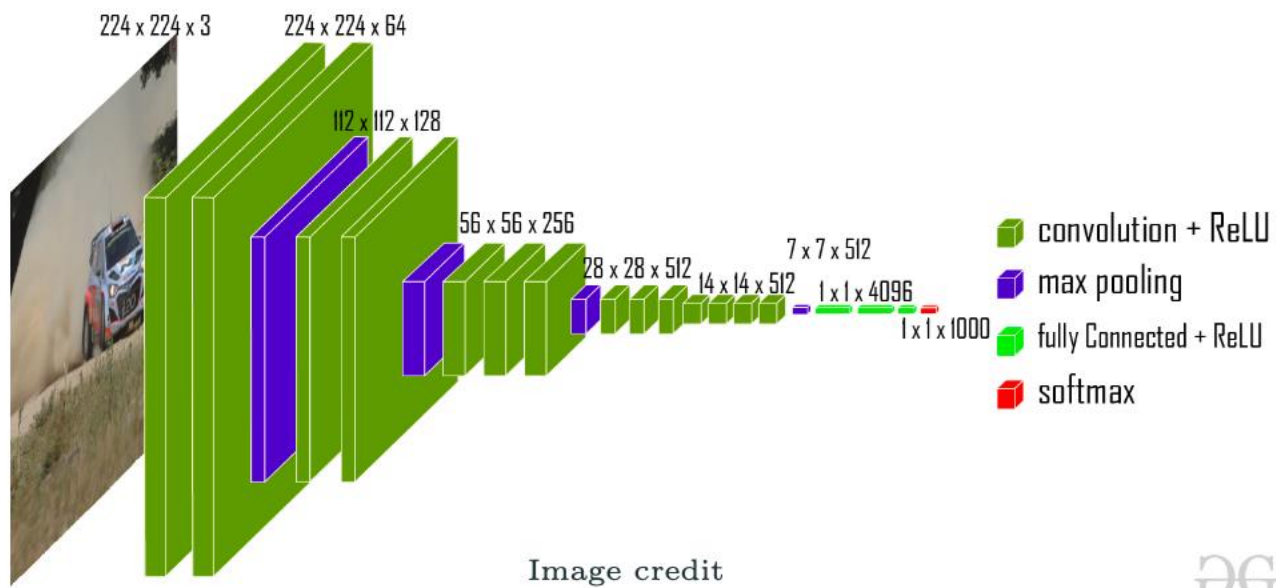
- ReLU
- 8 слоев
- 60M параметров
- Много аугментаций
- 1 неделя обучения на 2 GPU



Идея - давайте представлять большие свёртки как комбинации свёрток 3×3 .

- Меньше параметров и быстрее, сеть глубже
- 2 свертки 3×3 имеют receptive field как одна 5×5
- 3 свертки 3×3 имеют receptive field как одна 7×7

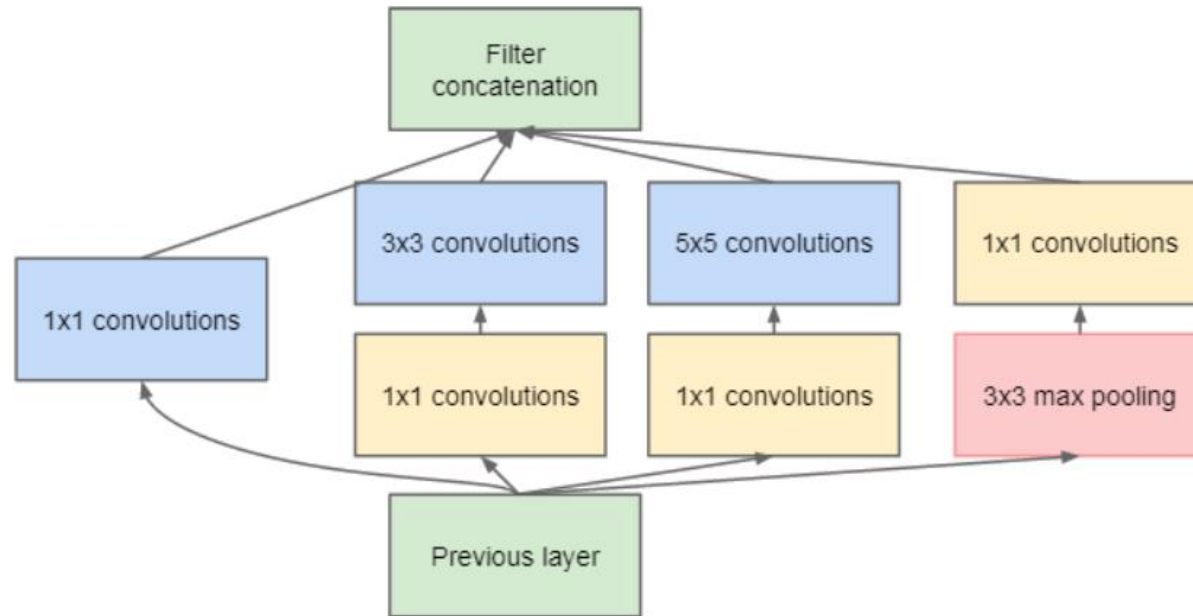
Simonyan et al. Very Deep Convolutional Networks for Large-Scale Image Recognition (2014)



- Свертки 3x3
- 16 / 19 слоев
- 140M параметров

Inception block

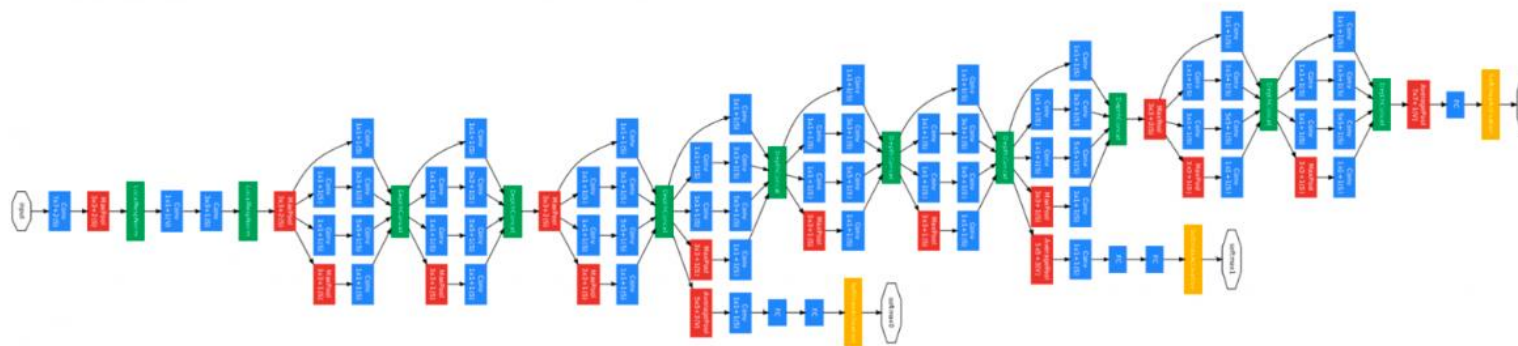
Szegedy et al. Going Deeper with Convolutions (2014)



1×1 свертки - понижение размерности

Во одной из версий свертки $n \times n$ заменили на комбинации свёрток $n \times 1$ и $1 \times n$.

GoogLeNet



- 22 слоя
- Inception блоки
- Всего 5M параметров
- GlobalAvgPool в конце
- Вспомогательные выходы для обучения

Residual connections

Как обучить еще более глубокую сеть? Просто добавление слоев не работает

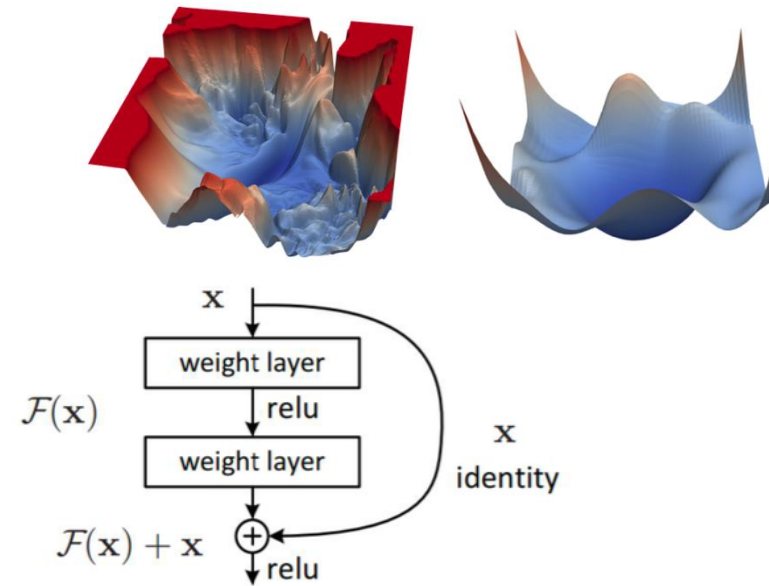
Loss landscape without and with skip connections

Обучаем разность между
очередным уровнем и предыдущим -
residual learning

$$y = F(x) + x$$

Тогда градиенты беспрепятственно
проходят через такой блок и не
затухают

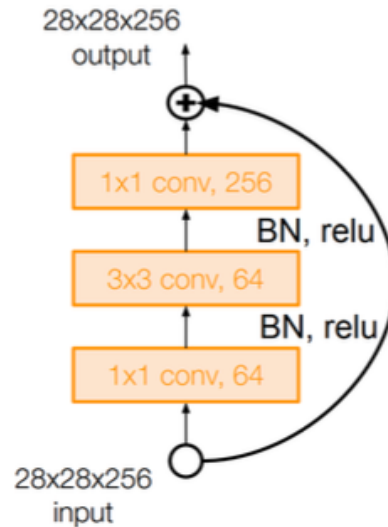
$$\frac{\partial y}{\partial x} = \frac{\partial F(x)}{\partial x} + 1$$



Residual block

ResNet

He et al. Deep Residual Learning for Image Recognition (2015)

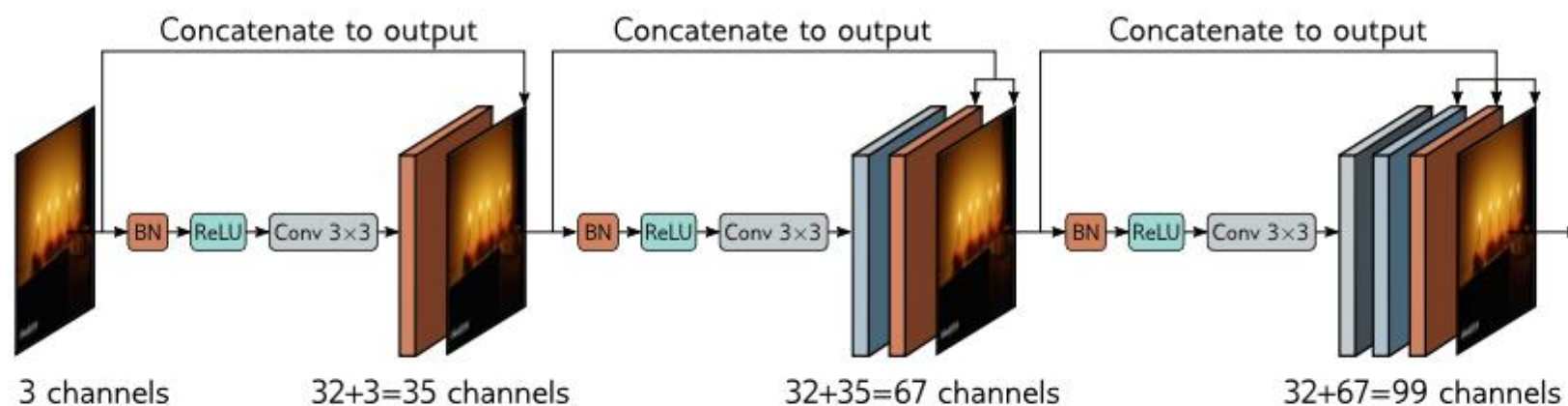


- 152 слоя
- Batch normalization
- Есть версии с 18, 34, 50, 101 слоями

DenseNet

Huang et al. Densely Connected Convolutional Networks (2016)

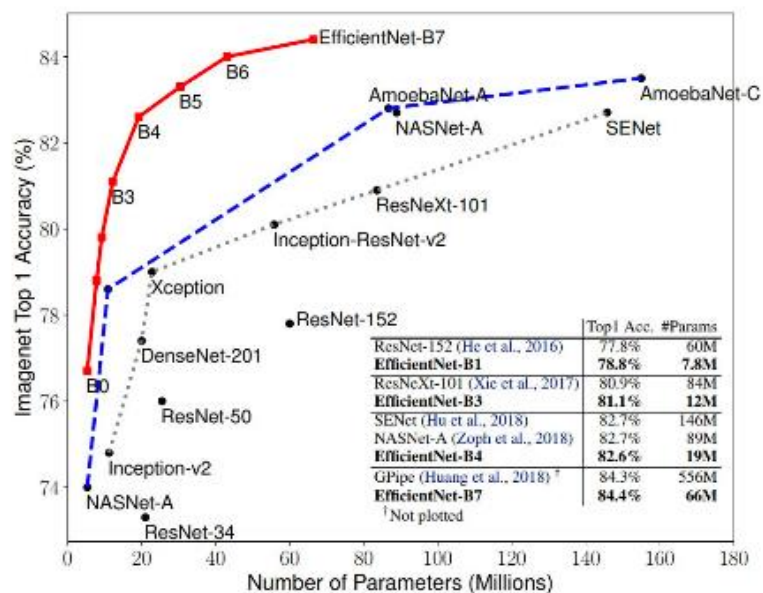
Конкатенируем, а не складываем выходы предыдущих слоев



EfficientNet

EfficientNet: Improving Accuracy and Efficiency through AutoML and Model Scaling

- Класс моделей с равномерным масштабированием глубины/ширины/разрешения
- Поиск архитектуры - Neural Architecture Search (NAS)



Вывод

- ▶ Распознавание изображений — важный компонент глубокого обучения.
- ▶ Изображения — это многомерные объекты, для эффективной обработки которых требуются мощные методы:
 - свёртка;
 - макс-пулинг.
- ▶ Большую помощь оказывают предварительно обученные модели и библиотеки.