

Introducao a Programacao: Funções, recursividade

periclesmiranda@gmail.com

Plano de aula

- 1 Funções
- 2 Recursividade

1 Funções

- Declaração de função
- Variáveis locais
- Variáveis globais
- Parâmetros

2 Recursividade

Definição: Função

- Bloco de instruções desenvolvido para executar alguma atividade específica;
- A estrutura de uma função `C` é semelhante à da função `main()`;
- A diferença é que `main()` possui um nome especial e é a primeira a ser chamada (automaticamente) quando o programa é executado;
- Uma função pode ser chamada a partir de outras funções...

Exemplo de função

// Funcao que escreve 20 '_' consecutivos

```
void linha()
```

```
{
```

```
    int i;
```

```
    for(i=0; i<20; ++i)
```

```
        printf("_");
```

```
    printf("\n");
```

```
}
```

```
main()
```

```
{
```

```
    linha(); // Chamando a funcao linha
```

```
    printf("Titulo\n");
```

```
    linha(); // Chamando a funcao linha
```

```
}
```

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Titulo

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Titulo

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Titulo

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Titulo

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Titulo

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Titulo

Passo a passo

```
void linha() // Funcao que escreve 20 '_' a seguir
{
    int i;
    for(i=0; i<20; ++i)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    linha(); // Chamando a funcao linha
    printf("Titulo\n");
    linha(); // Chamando a funcao linha
}
```

Tela

Titulo

Vantagens

- Evita que se escreva o mesmo código inúmeras vezes em um mesmo programa;
- Modularização do código:
 - Dividir o programa em blocos;
 - Cada bloco executa uma tarefa;
 - Economia de memória;
 - Mais fácil manter;
 - Construção de bibliotecas.

Chamadas de função

- Do mesmo modo que se chama funções da biblioteca C (`printf()`, `sqrt(5)`, ...) é possível chamarmos nossas próprias funções;
- Os parênteses que seguem as funções servem para diferenciar uma chamada de função de uma variável;
- Para algumas funções é necessário fornecer argumentos:
 - valor fixo: `sqrt(5)`;
 - variável: `sqrt(val)`;
 - resultado de outra função: `sqrt(sqrt(5))`;
- Os argumentos são separados por ','

Declaração de função

- Uma função deve ser declarada fora de outras funções;
- As funções devem ser conhecidas pelo compilador no momento de sua chamada:
⇒ Declarar as funções antes das funções que as chamam.

Estrutura do arquivo

- 1 `includes`
- 2 `variáveis globais`
- 3 `função1`
- 4 `função2`
- ...
- 5 `função main`

Sintaxe: Declaração

```
tipo_retorno nome_funcao (parametros)
{
    Declaracao de variaveis
    Sequencia de instrucoes
}
```

- **tipo_retorno:** tipo do resultado (int, char, ...) **void se não retorna resultado;**
- **nome_funcao:** Identificador da função;
- **parâmetros:** Parâmetros de chamada da função (pode ser vazio);
- **Declaração de variáveis:** Variáveis locais da função;
- **Sequência de instruções:** Instruções a serem executadas quando a função for chamada.

Retorno de função

- Usar o comando:
`return (valor_a_retornar);`
- Instruções após o comando `return` **não** serão executadas;

Exemplo

A função seguinte vai retornar 0

```
int inicializacao()  
{  
    int a = 0;  
    return (a);  
    a = 1;  
    return (a);  
}
```

Protótipos

```
tipo_retorno nome_funcao(parametros)
```

é o **protótipo** da função. Exemplos:

- **void** linha()
- **int** lerNumeroPositivo()
- **void** escreveTabuada(**int** valor)
- **float** distancia(**float** xa, **float** ya,
 float xb, **float** yb)

Exercício: Função linha:

Escrever uma função que imprima uma linha de 20 caracteres '*' na tela:

```
void linha()
```

Exercício: Número aleatório

Escrever uma função retorna um número aleatório inteiro de valor de 0 até 50.

```
int aleatorio()
```

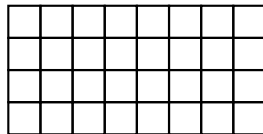
Exercício: Leitura e impressão de um número aleatório

Escrever um programa que imprima um número aleatório inteiro de valor de 0 até 50 entre duas linhas de 20 caracteres '*'.

Variáveis locais

- As variáveis declaradas dentro de uma função são chamadas de **variáveis locais** e são conhecidas apenas dentro da função;
- Uma variável local existe apenas durante a execução do bloco de código onde ela foi declarada;
- A variável local é criada quando a função for chamada e destruída na saída da função;
- A variável local **não** é conhecida nas funções chamadas pela função onde ela foi definida;
- Mesmo com o mesmo nome, uma variável declarada fora da função e uma variável declarada dentro da função serão diferentes.

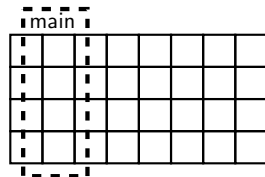
```
void linha()  
{  
    int i;  
    for (i=0; i < 20; i++)  
        printf("_");  
    printf("\n");  
}  
main()  
{  
    int a,b,c;  
    linha();  
    a = 5;  
}
```



Memória

```
void linha()  
{  
    int i;  
    for (i=0; i < 20; i++)  
        printf("_");  
    printf("\n");  
}  
main()  
{  
    int a,b,c;  
    linha();  
    a = 5;  
}
```

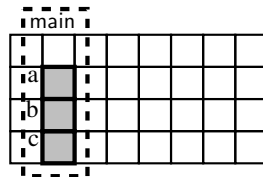
Var. locais



Memória

```
void linha()  
{  
    int i;  
    for (i=0; i < 20; i++)  
        printf("_");  
    printf("\n");  
}  
main()  
{  
    int a,b,c;  
    linha();  
    a = 5;  
}
```

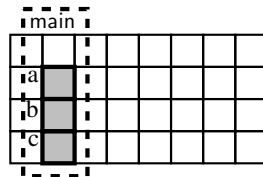
Var. locais



Memória

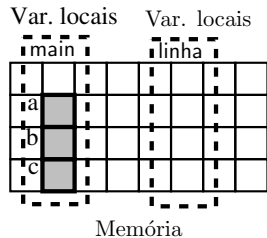
```
void linha()  
{  
    int i;  
    for (i=0; i < 20; i++)  
        printf("_");  
    printf("\n");  
}  
main()  
{  
    int a,b,c;  
    linha();  
    a = 5;  
}
```

Var. locais

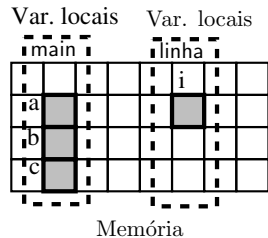


Memória

```
void linha()  
{  
    int i;  
    for (i=0; i < 20; i++)  
        printf("_");  
    printf("\n");  
}  
main()  
{  
    int a,b,c;  
    linha();  
    a = 5;  
}
```



```
void linha()  
{  
    int i;  
    for (i=0; i < 20; i++)  
        printf("_");  
    printf("\n");  
}  
main()  
{  
    int a,b,c;  
    linha();  
    a = 5;  
}
```

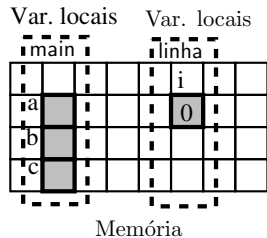



```

void linha()
{
    int i;
    for (i=0; i < 20; i++)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    int a,b,c;
    linha();
    a = 5;
}

```

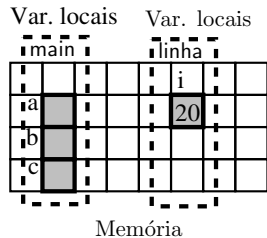


```

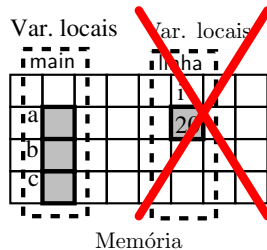
void linha()
{
    int i;
    for (i=0; i < 20; i++)
        printf("_");
    printf("\n");
}

main()
{
    int a,b,c;
    linha();
    a = 5;
}

```

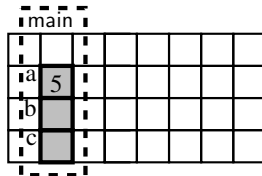


```
void linha()  
{  
    int i;  
    for (i=0; i < 20; i++)  
        printf("_");  
    printf("\n");  
}  
main()  
{  
    int a,b,c;  
    linha();  
    a = 5;  
}
```



```
void linha()  
{  
    int i;  
    for (i=0; i < 20; i++)  
        printf("_");  
    printf("\n");  
}  
main()  
{  
    int a,b,c;  
    linha();  
    a = 5;  
}
```

Var. locais



Memória

O código seguinte está **incorreto**: `a` não existe na função `inicializacao`.

```
void inicializacao()  
{  
    a = 15;  
    printf("a inicializada\n");  
}  
  
main()  
{  
    int a;  
    inicializacao();  
    printf("a=%d\n", a);  
}
```

O código seguinte está **incorreto**: a não existe na função `main`.

```
void inicializacao()  
{  
    int a;  
    a = 15;  
    printf("a inicializada\n");  
}  
  
main()  
{  
    inicializacao();  
    printf("a=%d\n", a);  
}
```

Cuidado! As variáveis `a` das funções `main` e `inicializacao` são diferentes.

```
void inicializacao()  
{  
    int a;  
    a = 15;  
    printf("a inicializada\n");  
}  
main()  
{  
    int a;  
    a = 10;  
    inicializacao();  
    printf("a=%d\n", a);  
}
```

a inicializada

a=10

Exercício: Função lerNumeroPositivo

Escrever uma função que fique pedindo ao usuário um número inteiro. Se o número for positivo finalizar e retornar o número.

```
int lerNumeroPositivo()
```

Exercício: Estatística

Escrever uma função que peça ao usuário 10 valores reais, e que imprima na tela a média dos valores, o maior e o menor número.

```
void estatistica()
```

Exercício: Estatísticas grupos

Escrever um programa que peça ao usuário uma quantidade de grupos de 10 números, e que para cada grupo imprima a média dos valores, o maior e o menor número. O programa deve garantir que a quantidade de grupos é válida.

Definição: variáveis globais

- É possível definir variáveis conhecidas de todo mundo;
- São chamadas **variáveis globais**;
- Declaração no cabeçalho do programa;
- Uso não aconselhado:
 - Ocupam memória;
 - Todo mundo pode modificar o valor!

```
int a;  
void inicializacao()  
{  
    a = 15;  
    printf("a inicializada\n");  
}  
main()  
{  
    a = 10;  
    inicializacao();  
    printf("a=%d\n", a);  
}
```

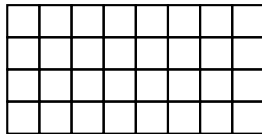
a inicializada
a=15

Cuidado! As variáveis a globais e locais (da função `main`) são diferentes.

```
int a;  
void inicializacao()  
{  
    a = 15;  
    printf("a inicializada\n");  
}  
main()  
{  
    int a;  
    a = 10;  
    inicializacao();  
    printf("a=%d\n", a);  
}
```

a inicializada
a=10

```
int a;  
void inicializacao()  
{  
    a = 15;  
    printf("a inicializada\n");  
}  
main()  
{  
    int a;  
    a = 10;  
    inicializacao();  
    printf("a=%d\n", a);  
}
```

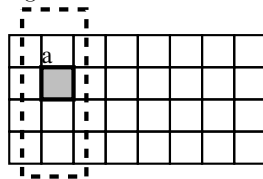


Memória

Tela

```
int a;  
void inicializacao()  
{  
    a = 15;  
    printf("a inicializada\n");  
}  
main()  
{  
    int a;  
    a = 10;  
    inicializacao();  
    printf("a=%d\n", a);  
}
```

Var. globais

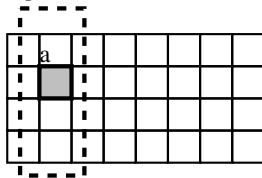


Memória

Tela

```
int a;  
void inicializacao()  
{  
    a = 15;  
    printf("a inicializada\n");  
}  
main()  
{  
    int a;  
    a = 10;  
    inicializacao();  
    printf("a=%d\n", a);  
}
```

Var. globais



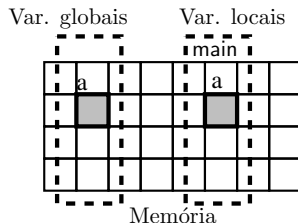
Memória

Tela

```

int a;
void inicializacao()
{
    a = 15;
    printf("a inicializada\n");
}
main()
{
    int a;
    a = 10;
    inicializacao();
    printf("a=%d\n", a);
}

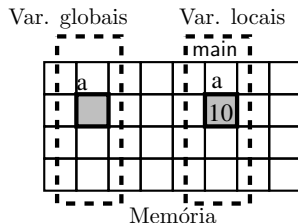
```



```

int a;
void inicializacao()
{
    a = 15;
    printf("a inicializada\n");
}
main()
{
    int a;
    a = 10;
    inicializacao();
    printf("a=%d\n", a);
}

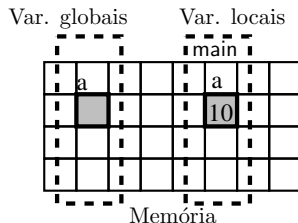
```




```

int a;
void inicializacao()
{
    a = 15;
    printf("a inicializada\n");
}
main()
{
    int a;
    a = 10;
    inicializacao();
    printf("a=%d\n", a);
}

```

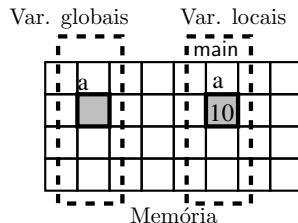


Tela

```

int a;
void inicializacao()
{
    a = 15;
    printf("a inicializada\n");
}
main()
{
    int a;
    a = 10;
    inicializacao();
    printf("a=%d\n", a);
}

```

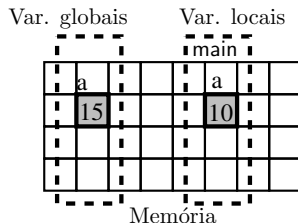


Tela

```

int a;
void inicializacao()
{
    a = 15;
    printf("a inicializada\n");
}
main()
{
    int a;
    a = 10;
    inicializacao();
    printf("a=%d\n", a);
}

```

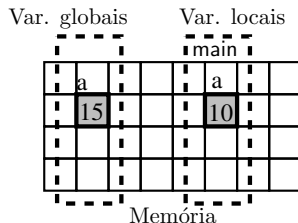


Tela

```

int a;
void inicializacao()
{
    a = 15;
    printf("a inicializada\n");
}
main()
{
    int a;
    a = 10;
    inicializacao();
    printf("a=%d\n", a);
}

```



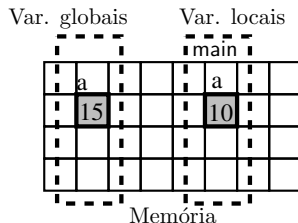
Tela

a inicializada

```

int a;
void inicializacao()
{
    a = 15;
    printf("a inicializada\n");
}
main()
{
    int a;
    a = 10;
    inicializacao();
    printf("a=%d\n", a);
}

```



Tela

```

a inicializada
a=10

```

Exercício: Inicialização de matriz

Escrever uma função que inicialize uma matriz *a* de 6x6 inteiros com números aleatórios entre 0 e 99.

```
void inicializacao()
```

Exercício: Impressão de matriz

Escrever uma função que imprima uma matriz *a* de 6x6 inteiros.

```
void impressao()
```

Exercício: Matriz

Escrever um programa que inicialize e imprima uma matriz 6x6.

Definição: Parâmetros

- Conjunto de variáveis utilizadas para a função receber os valores para os quais a função deve ser executada;
- Estes valores são chamados argumentos, que constituem os dados de entrada da função;
- Na declaração da função, devemos declarar os parâmetros e o tipo deles.

Exemplo

Para escrever uma tabuada de um inteiro qualquer, a função deve saber para qual inteiro imprimir a tabuada.

```
void escreveTabuada(int num)
```

Sintaxe: Parâmetros

```
tipo nomeProc(tipo1 var1, tipo2 var2 ...);
```

Observação

- Uma função pode ter mais que um parâmetro;
- Os tipos dos parâmetros podem ser diferentes;

Exemplo: Parâmetros

```
void escreveTabuada (int num)
```

- Na função `escreveTabuada`, temos acesso:
 - Às variáveis globais;
 - Às variáveis locais da função `escreveTabuada`;
 - À cópia do valor do parâmetro usando o nome `num`.
- A chamada será:
`escreveTabuada (5) ;`

```
void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

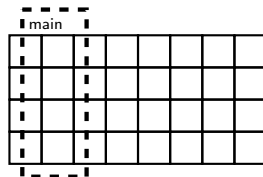
main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}
```


Memória

```
void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}
```

Var. locais

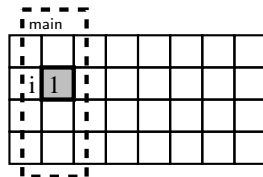


Memória

```
void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}
```

Var. locais

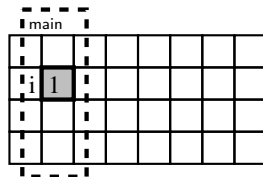


Memória

```
void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}
```

Var. locais



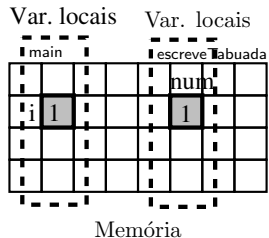
Memória

```

void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}

```

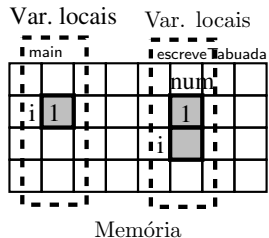


```

void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}

```

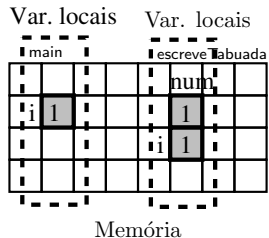


```

void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}

```

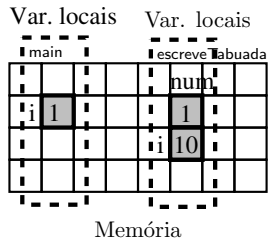



```

void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}

```

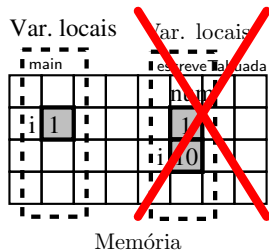


```

void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}

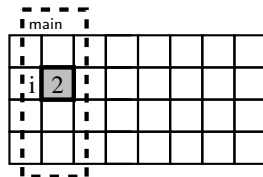
```



```
void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}
```

Var. locais

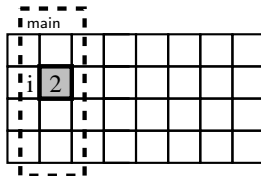


Memória

```
void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}
```

Var. locais



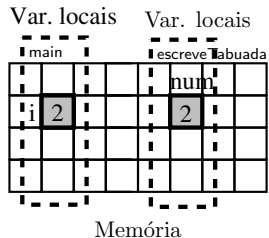
Memória

```

void escreveTabuada(int num)
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        printf("%d x %d=%d\n", num, i, num*i);
    printf("\n");
}

main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=10; i++)
        escreveTabuada(i);
}

```



Exercício: Distância entre dois pontos

Escrever a função que retorna a distância entre os pontos de coordenados (x_a, y_a) e (x_b, y_b) :

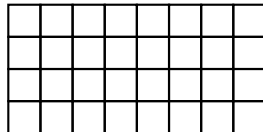
```
float distancia(float xa, float ya,  
               float xb, float yb)
```

Escrever um programa em C que peça ao usuário dois pontos $A = (x_a, y_a)$ e $B = (x_b, y_b)$ e que imprima na tela a distância entre A e B .

Passagem de parâmetro por Valor

- A função trabalha com uma **cópia** dos parâmetros!
- Ou seja, toda alteração dos parâmetros dentro da função será perdida!
- Dizemos que os parâmetros foram passados **por valor**.

```
void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i,j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```



Memória

Tela


```
void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i,j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```

Var. locais

main

Memória

Tela

```
void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i,j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```

Var. locais

main							
i	10						
j	5						

Memória

Tela

```
void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i, j);
    printf("i=%d j=%d\n", i, j);
}
```

Var. locais

main							
i	10						
j	5						

Memória

Tela

```

void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i, j);
    printf("i=%d j=%d\n", i, j);
}

```

Var. locais Var. locais
main troca

i	10			a	10		
j	5			b	5		

Memória

Tela

```

void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i,j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}

```

Var. locais Var. locais
main troca

i	10			a	10		
j	5			b	5		
				temp			

Memória

Tela

```

void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i, j);
    printf("i=%d j=%d\n", i, j);
}

```

Var. locais Var. locais
main troca

i	10			a	10		
j	5			b	5		
				temp	10		

Memória

Tela

```

void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i,j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}

```

Var. locais Var. locais
main troca

i	10			a	5		
j	5			b	5		
				temp	10		

Memória

Tela

```

void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i, j);
    printf("i=%d j=%d\n", i, j);
}

```

Var. locais Var. locais
main troca

i	10			a	5		
j	5			b	10		
				temp	10		

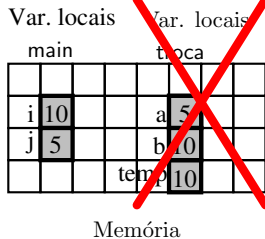
Memória

Tela


```

void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i, j);
    printf("i=%d j=%d\n", i, j);
}

```



Tela

```
void troca(int a, int b)
{
    int temp;
    temp = a;
    a = b;
    b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(i,j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```

Var. locais

main							
i	10						
j	5						

Memória

Tela

i=10 j=5

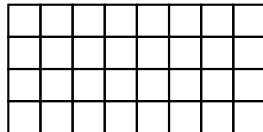
Passagem de parâmetro por referência

- A função trabalha diretamente com os parâmetros!
- Ou seja, toda alteração dos parâmetros dentro da função será mantida!
- Dizemos que os parâmetros foram passados **por referência**.

```
void trocaValor(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}

void main()
{
    int i = 10; int j = 5;
    trocaValor(&i, &j);
}
```

```
void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```



Memória

Tela

```
void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```

Var. locais

main

Memória

Tela

```
void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```

Var. locais

main							
i	10						
j	5						

Memória

Tela

```
void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```

Var. locais

main							
i	10						
j	5						

Memória

Tela

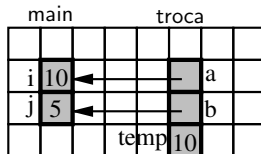

```

void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}

```

Var. locais Var. locais



Memória

Tela

```

void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}

```

Var. locais Var. locais
main troca

i	5	←				a	
j	5	←				b	
				temp	10		

Memória

Tela

```

void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}

```

Var. locais Var. locais
main troca

i	5					a	
j	10					b	
				temp	10		

Memória

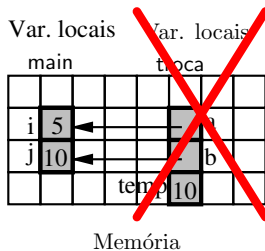
Tela

```

void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}

main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}

```



Tela

```
void troca(int *a, int *b)
{
    int temp;
    temp = *a;
    *a = *b;
    *b = temp;
}
main()
{
    int i=10; int j=5;
    troca(&i,&j);
    printf("i=%d j=%d\n",i,j);
}
```

Var. locais

main

i	5						
j	10						

Memória

Tela

i=5 j=10

Sintaxe: Passagem de parâmetro por referência

- No protótipo: `tipo*` ao invés de `tipo`
- Na sequência de comandos da função: `*var` ao invés de `var`
- Na chamada da função: `&var` ao invés de `var`

Observações

- Numa função, podemos passar alguns parâmetros por valor, e outros por referência;
- Lembrar o uso do comando `scanf`:

```
int num;  
scanf("%d", &num);
```

Exercício: min, max, media

Escrever uma função:

```
void lerNumerosInteiros(float *min,  
                        float *max,  
                        float *media)
```

que leia do teclado 10 números reais, e que retorna o valor mínimo, o valor máximo e a media dos números.

Testar a função.

Definição de protótipos

Para definir o protótipo de uma função, temos que responder às seguintes perguntas:

- A função retorna algum valor?
- De qual tipo?
- A função precisa de quais dados?
- Quais são os tipos deles?
- Alguns destes dados vão ser modificados?

Protótipo

```
tipo_retorno nome_funcao(tipo1 par1, tipo2* par2, ...)
```

Definição de protótipos

Para definir o protótipo de uma função, temos que responder às seguintes perguntas:

- A função retorna algum valor?
- De qual tipo?
- A função precisa de quais dados?
- Quais são os tipos deles?
- Alguns destes dados vão ser modificados?

Protótipo

```
tipo_retorno nome_funcao(tipo1 par1, tipo2* par2, ...)
```

Definição de protótipos

Para definir o protótipo de uma função, temos que responder às seguintes perguntas:

- A função retorna algum valor?
- De qual tipo?
- A função precisa de quais dados?
- Quais são os tipos deles?
- **Alguns destes dados vão ser modificados?**

Protótipo

```
tipo_retorno nome_funcao(tipo1 par1, tipo2* par2, ...)
```

1 Funções

2 Recursividade

Definição: Função recursiva

- Função que chama ela mesma.

Exemplo: Potência

Em matemática:

$$x^n = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ x & \text{se } n = 1 \\ x \times x^{n-1} & \text{se } n > 1 \end{cases}$$

3^3

- $3^3 = 3 \times 3^2$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3^1$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3$
- $3^3 = 3 \times 9$
- $3^3 = 27$

Exemplo: Potência

Em matemática:

$$x^n = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ x & \text{se } n = 1 \\ x \times x^{n-1} & \text{se } n > 1 \end{cases}$$

3^3

- $3^3 = 3 \times 3^2$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3^1$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3$
- $3^3 = 3 \times 9$
- $3^3 = 27$

Exemplo: Potência

Em matemática:

$$x^n = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ x & \text{se } n = 1 \\ x \times x^{n-1} & \text{se } n > 1 \end{cases}$$

3^3

- $3^3 = 3 \times 3^2$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3^1$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3$
- $3^3 = 3 \times 9$
- $3^3 = 27$

Exemplo: Potência

Em matemática:

$$x^n = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ x & \text{se } n = 1 \\ x \times x^{n-1} & \text{se } n > 1 \end{cases}$$

3^3

- $3^3 = 3 \times 3^2$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3^1$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3$
- $3^3 = 3 \times 9$
- $3^3 = 27$

Exemplo: Potência

Em matemática:

$$x^n = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ x & \text{se } n = 1 \\ x \times x^{n-1} & \text{se } n > 1 \end{cases}$$

3^3

- $3^3 = 3 \times 3^2$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3^1$
- $3^3 = 3 \times 3 \times 3$
- $3^3 = 3 \times 9$
- $3^3 = 27$

Exemplo: Potência

Uma função

```
float potencia(float x, int n)
```

que retorna:

- 1 se $n = 0$;
- x se $n = 1$;
- $x * \text{potencia}(x, n - 1)$ se $n > 1$.

```
float potencia(float x, int n)
{
    switch (n)
    {
        case 0:
            result = 1;
            break;
        case 1:
            result = x;
            break;
        default:
            result = x * potencia(x,n-1);
    }
    return(result);
}

main()
{
    int n = 5;
    float x = 2.2;
    float pot;
    pot = potencia(x,n);
    printf("Potencia: %.3f^%d=%.3f\n", x, n, pot);
}
```

Exercício: Fatorial

Escrever uma função

```
long int fatorial(int x)
```

que retorna:

- Um erro se $x < 0$;
- 1 se $x = 0$;
- $x * \text{fatorial}(x - 1)$ se $x > 1$.

Testar a função.

Observações

- Toda função recursiva pode ser escrita de forma iterativa;
- Geralmente a forma recursiva é menos eficiente que a forma iterativa pois tem uma grande quantidade de chamadas;
- Em alguns casos, a forma recursiva pode ser muito elegante;
- Mas problemas podem aparecer. . .

Exercício: Fibonacci

Escrever uma função iterativa e uma função recursiva que computam o $n^{\text{ésimo}}$ elemento da sequência de Fibonacci:

$$\begin{cases} u_0 = 0 \\ u_1 = 1 \\ u_i = u_{i-1} + u_{i-2} \text{ se } i \geq 2 \end{cases}$$

Comparar o tempo de execução para $n = 40$.