

Q-learning - umelá inteligencia na obzore?

Ing. Michal CHOVANEC
Fakulta riadenia a informatiky

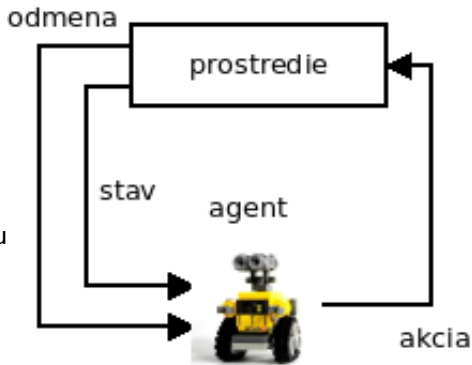
Apríl 2016

- Reinforcement learning
- Q-learning algoritmus
- Možnosti aproximácie



Reinforcement learning

- Zistenie stavu
- Výber akcie
- Vykonanie akcie
- Prechod do ďalšieho stavu
- Získanie odmeny alebo trestu
- Učenie sa zo získanej skúsenosti



Definuje sa čo robiť, nie ako to robiť

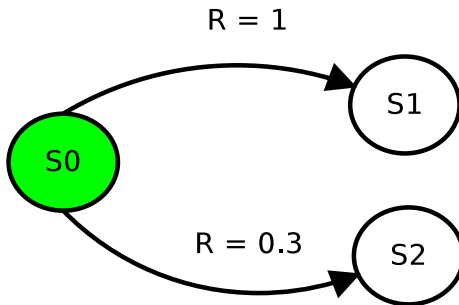
- vďaka odmeňovacej funkcií
- agent sa môže naučiť všetky detaily problému

Lepšie konečné riešenie p

- založené na skutočnej skúsenosti, nie skúsenosti programátora
- treba menej ľudského času na nájdenie dobrého riešenia

Voľba stratégie, 2 stavy

Odmeny sú známe v každom prechode

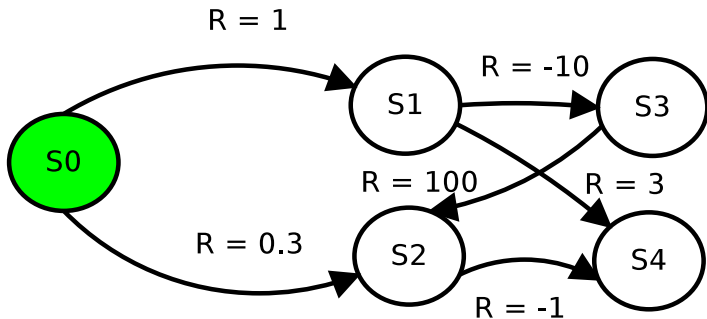


Ohodnotenie ciest :

- $Q(S_0, S_1) = 1$
- $Q(S_0, S_1) = 0.3$

Najlepšia cesta : S_0, S_1

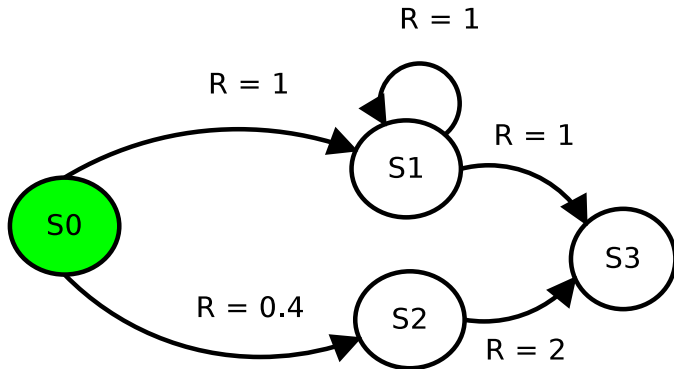
Voľba stratégie, viac stavov



Ohodnotenie ciest :

- $Q(S0, S1, S3) = 1 + (-10) = -9$
- $Q(S0, S1, S4) = 1 + 3 = 4$
- $Q(S0, S2, S4) = 0.3 + () - 1) = -0.7$
- $Q(S0, S1, S3, S2, S4) = 1 + (-10) + 100 + (-1) = 90$
- ...

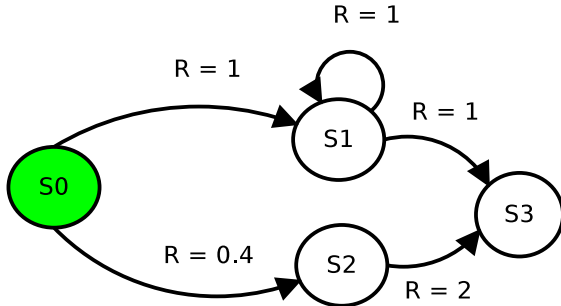
Voľba stratégie, viac stavov



Ohodnotenie ciest :

- $Q(S0, S2, S3) = 0.4 + 2 = 2.4$
- $Q(S0, S1, S3) = 1 + 1 = 2$
- $Q(S0, S1, S1, S1) = 1 + 1 + 1 = 3$
- $Q(S0, S1, S1, S1, S1) = 1 + 1 + 1 + 1 = 4$
- $Q(S0, S1, S1, S1, S1, S1, \dots) = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 + \dots + 1 = \infty$

Zabúdanie $Q' = R + 0.9Q$



Ohodnotenie ciest :

- $Q(S0, S2, S3) = 2 + 0.9 * 0.4 = 2.36$
- $Q(S0, S1, S3) = 1 + 0.9 * 1 = 1.9$
- $Q(S0, S1, S1, S1) = 1 + 0.9 * (1 + 0.9 * 1) = 2.71$
- $Q(S0, S1, S1, S1, S1) = 1 + 0.9 * (1 + 0.9 * (1 + 0.9 * 1)) = 3.439$
- $Q(S0, S1, S1, S1, S1, S1, ...) = 10 < \text{—}$
- $Q(S0, S1, S1, S1, S1, S1, ..., S3) = 11 < \text{—}$

Čo ak odmeny NIE sú známe v každom prechode ?

- šachy, go, pacman
- chôdza, pohyb mechanického ramena

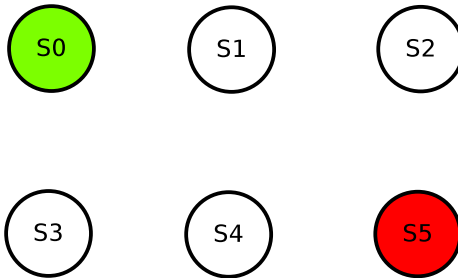
Čo potrebuje agent?

- Určiť stav
- Vybrať známu akciu
- Dostať odmenu (aj nulovú)
- Pamätať si

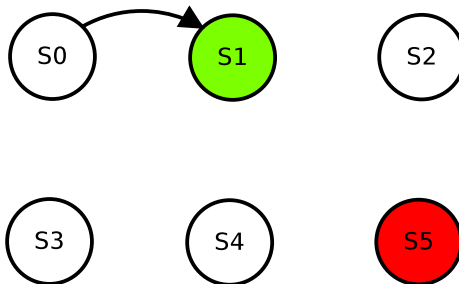
Čo nepotrebuje agent?

- Dané správanie
- Vedieť kam sa vykonaním akcie dostane
- Mať model prostredia
- Nenulovú odmenu v každom prechode

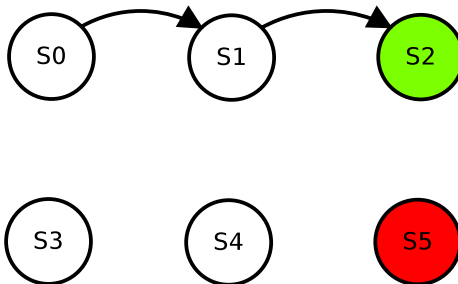
Ilustračný príklad - inicializácia



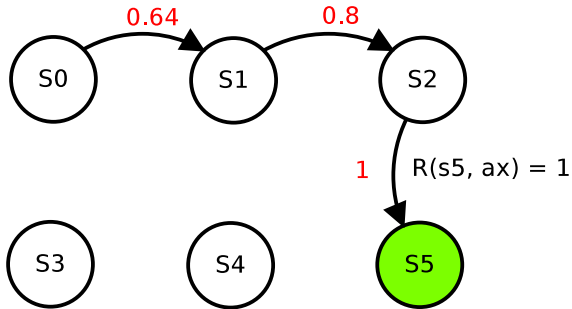
Ilustračný príklad - prechod do ďalšieho stavu



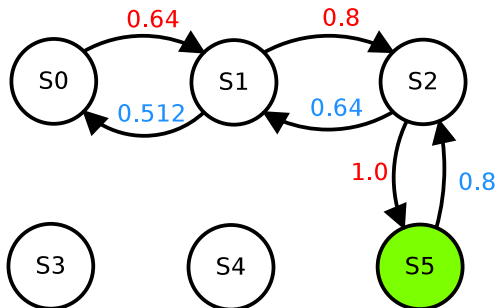
Ilustračný príklad - prechod do ďalšieho stavu



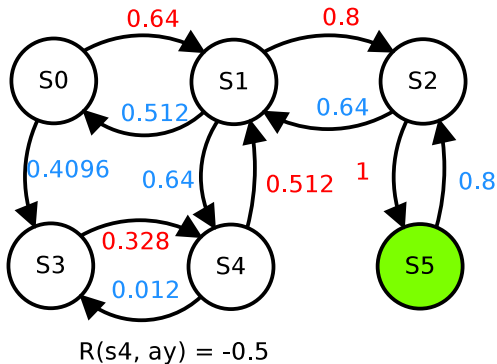
Ilustračný príklad - prechod do cieľového stavu



Ilustračný príklad - ďalšie prechody



Ilustračný príklad - konečný stav algoritmu :)



Q-learning algoritmus

Daná je množina stavov \mathcal{S} a akcií \mathcal{A} , kde $\mathcal{S} \in \mathbb{R}^{n_s}$ a $\mathcal{A} \in \mathbb{R}^{n_a}$, kde n_s a n_a sú rozmery stavového vektora a vektora akcií. Je známa podmnožina východiskových stavov \mathcal{S}_0 .

Existuje prechodová funkcia

$$s(n+1) = \lambda(s(n), a(n)) \quad (1)$$

zo stavu $s(n)$ použitím akcie $a(n)$ - táto funkcia je ale agentovi neznáma.

Odmeňovacia funkcia

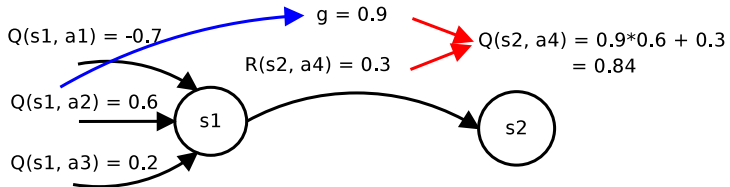
Daná je funkcia ohodnotení

$$Q(s(n), a(n)) = R(s(n), a(n)) + \gamma \max_{a(n-1) \in \mathbb{A}} Q(s(n-1), a(n-1))$$

kde

- $R(s(n), a(n))$ je odmeňovacia funkcia s hodnotami v $\langle -1, 1 \rangle$,
- $Q(s(n-1), a(n-1))$ je odmeňovacia funkcia v stave $s(n-1)$ pre akciu $a(n-1)$,
- γ je odmeňovacia konštanta a platí $\gamma \in (0, 1)$.

Odmeňovacia funkcia

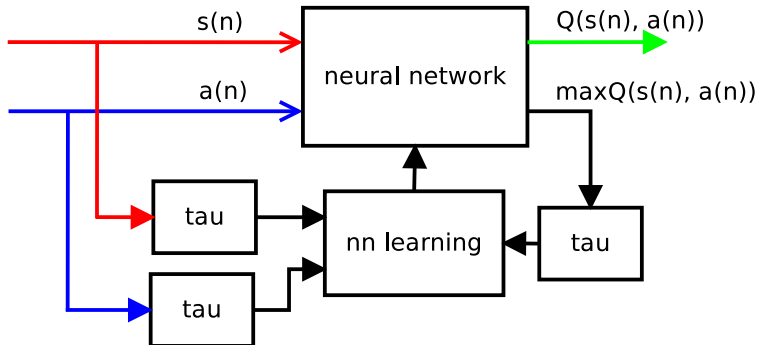


Problémy tabuľkovej interpretácie $Q(s(n), a(n))$:

- pre veľké n_s alebo n_a narastajú pamäťové nároky,
- o nevyplnených $Q(s(n), a(n))$ nevieme povedať nič,
- pre rozsiahle stavové priestory ťažko vypočítateľné,
- ako aproximovať $Q(s(n), a(n))$?

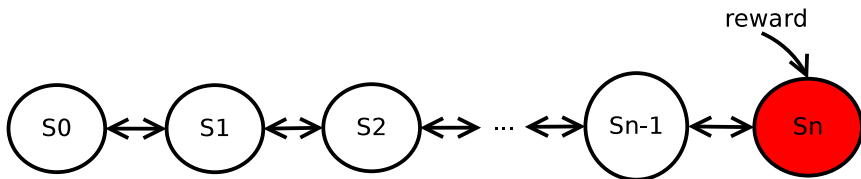
Aproximácia neurónovou sieťou

Utopická predstava :



Prečo nedáva správne výsledky?

Na základe experimentov - Snowball problém



Pre korektné vyplnenie hodnôt v s_{n-1} sa vyžaduje korektná hodnota v s_n

$$Q(s(1), a(1)) = R(s(1), a(1)) + \gamma \max_{a(0) \in \mathbb{A}} Q(s(0), a(0))$$

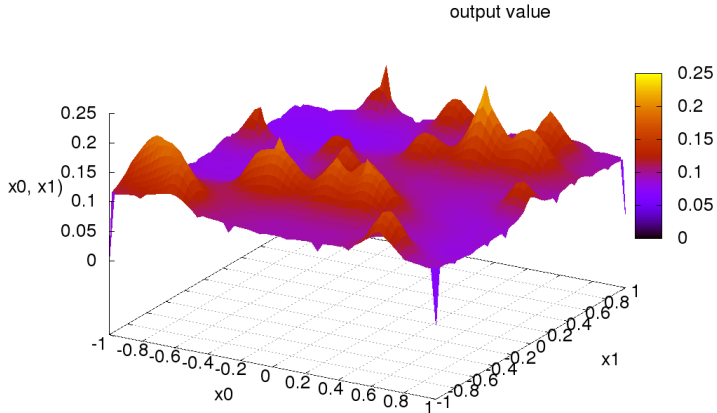
$$Q(s(2), a(2)) = R(s(2), a(2)) + \gamma \max_{a(1) \in \mathbb{A}} Q(s(1), a(1))$$

...

Učenie doprednej siete

- Nie je homogénne!
- V priebehu učenia $Q(s(n), a(n))$ chaoticky osciluje okolo požadovanej hodnoty.
- Ani po 10-mil. iteráciach sa hodnota neustáli na požadovanej hodnote.

Je možné zostaviť neurónovú sieť, ktorá sa dá naučiť lokálne?



Rozklad $Q(s(n), a(n))$ na bázické funkcie

$$f_j^1(s(n), a(n)) = e^{-\sum_{i=1}^{n_s} \beta_{aji}(n)(s_i(n) - \alpha_{aji}(n))^2}$$

$$f_j^2(s(n), a(n)) = \frac{1}{1 + \sum_{i=1}^{n_s} \beta_{aji}(n)(s_i(n) - \alpha_{aji}(n))^2}$$

$$f_j^3(s(n), a(n)) = e^{-\sum_{i=1}^{n_s} \beta_{aji}(n)|s_i(n) - \alpha_{aji}(n)|}$$

$$f_j^4(s(n), a(n)) = \sum_{k=1}^m \sum_{i=1}^{n_s} \beta_{aji}(n)(s_i(n) - \alpha_{aji}(n))^k$$

Voľba bázičkých funkcií

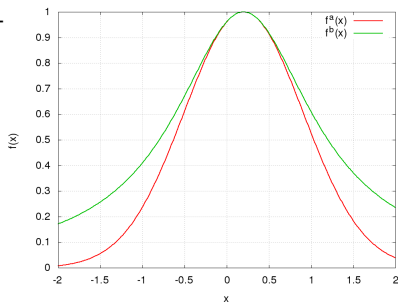
Vzhľadom na charakter učiaceho algoritmu

$$Q(s(n), a(n)) = R(s(n), a(n)) + \gamma \max_{a(n-1) \in \mathbb{A}} Q(s(n-1), a(n-1))$$

boli zvolené bázičné funkcie (parameter n pre prehľadnosť vynechaný)

$$f_j^1(s, a) = e^{-\sum_{i=1}^{n_s} \beta_{aji} (s_i - \alpha_{aji})^2}$$

$$f_j^2(s, a) = \frac{1}{1 + \sum_{i=1}^{n_s} \beta_{aji} (s_i - \alpha_{aji})^2}$$



Q-learning algoritmus - aproximácia

Pre symetrické prechody medzi stavmi možno zjednodušiť na

$$f_j^1(s, a) = e^{-\beta_{aj} \sum_{i=1}^{n_s} (s_i - \alpha_{aji})^2}$$
$$f_j^2(s, a) = \frac{1}{1 + \beta_{aj} \sum_{i=1}^{n_s} (s_i - \alpha_{aji})^2}$$

a ich lineárna kombinácia

$$Q^x(s, a) = \sum_{j=1}^l w_{ja} f_j^x(s, a)$$

kde l je počet bázičných funkcií a x je voľba typu bázičkej funkcie.

Q-learning algoritmus - aproximácia

Tabuľka pre vybrané hodnoty - umožní zachytiť skokovú zmenu
Gaussova krivka - dokáže pokryť nenulovými hodnotami celý
definyčný obor

$$P_i(s(n), a(n)) = \begin{cases} r_{ai} & \text{if } s(n) = \alpha_i^1 \\ 0 & \text{inak} \end{cases} \quad (2)$$

$$H_j(s(n), a(n)) = w_{aj} e^{-\beta_{aj} \sum_{i=1}^{n_s} (s_i(n) - \alpha_{aji}^2)^2} \quad (3)$$

$$Q(s(n), a(n)) = \sum_{i=1}^I P_i(s(n), a(n)) + \sum_{j=1}^J H_j(s(n), a(n)) \quad (4)$$

Bloková schéma syntézy testovaného riešenia

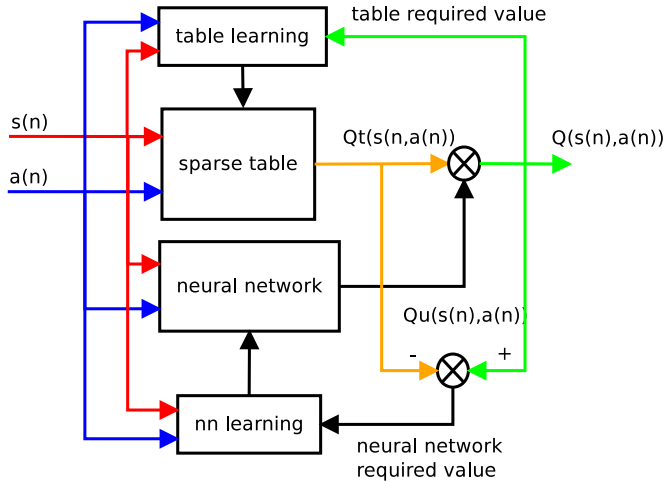
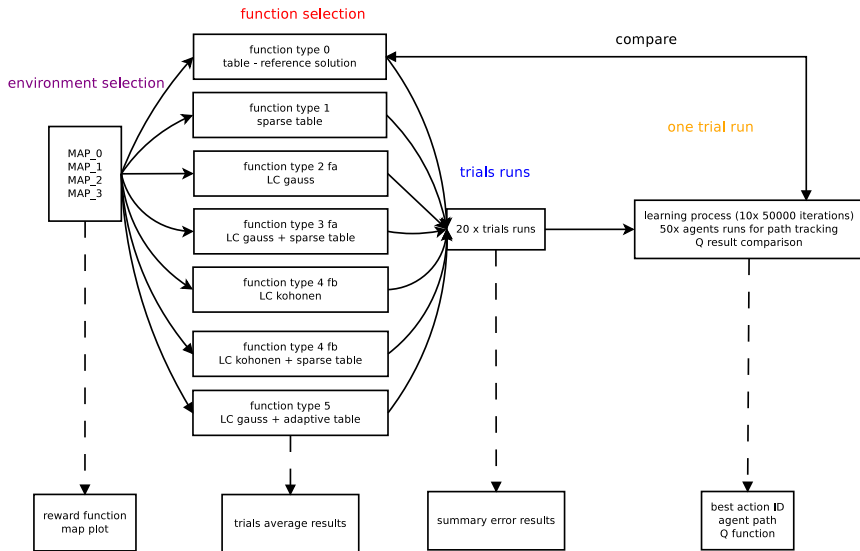


Schéma priebehu experimentov



Návrh experimentov - podmienky

- 50000 iterácií učenia
- rozmer s je $n_s = 2$, rozmer a je $n_a = 2$
- predpis funkcie ohodnotení

$$Q(s(n), a(n)) = \\ \alpha Q(s(n-1), a(n-1)) \\ (1 - \alpha)(R(s(n), a(n)) + \gamma \max_{a(n-1) \in \mathbb{A}} Q(s(n-1), a(n-1)))$$

- $R(s(n), a(n)) \in \langle -1, 1 \rangle$ náhodná mapa s 1 cieľovým stavom
- $\gamma = 0.98$ a $\alpha = 0.7$
- hustota referenčného riešenia = $1/32$ (4096 stavov)
- počet akcií v každom stave = 8
- hustota riedkej tabuľky = $1/8$ (1:16 pomer)
- počet základných funkcií $l = 64$
- rozsah parametrov
 - $\alpha_{ja}(n) \in \langle -1, 1 \rangle$
 - $\beta_{ja}(n) \in \langle 0, 200 \rangle$
 - $w_{ja}(n) \in \langle -4, 4 \rangle$

Návrh experimentov - podmienky

$Q_{rt}(s(n), a(n))$ referenčná funkcia Q (funkcia 0), kde $t \in \langle 0, 19 \rangle$ je číslo trialu

$Q_{jt}(s(n), a(n))$ testované funkcie Q a $j \in \langle 1, 5 \rangle$.

Celková chyba behu trialu t je

$$e_{jt} = \sum_{s,a} (Q_{rt}(s, a) - Q_{jt}(s, a))^2$$

priemerná, minimálna, maximálna chyba a smerodatná odchylka

$$\bar{a}_j = \frac{1}{20} \sum_t e_{jt}$$

$$e_j^{\min} = \min_t e_{jt}$$

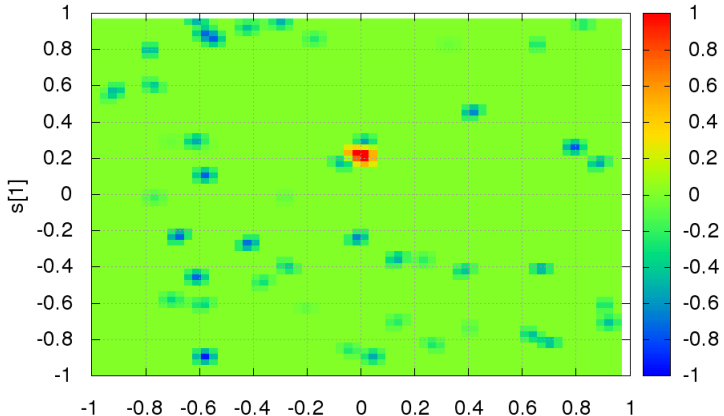
$$e_j^{\max} = \max_t e_{jt}$$

$$\sigma_j^2 = \frac{1}{20} \sum_t (\bar{a}_j - e_{jt})^2$$

Funkcia $R(s, a)$, mapa 1 - Výsledky experimentov

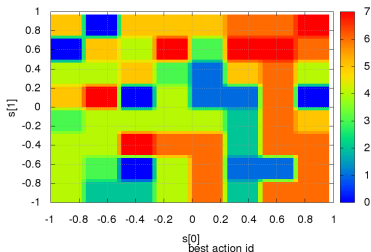
pre každý stav je zvolená rovnaka množina akcií.

Ďalej platí $s = (s[0], s[1])$.

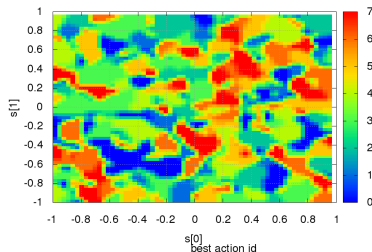


Mapa najlepších akcií - Výsledky experimentov

Funkcia voľby najlepšej z 8 akcií v stave $s = (s[0], s[1])$.



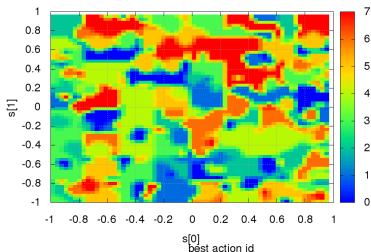
Obr. : sparse table



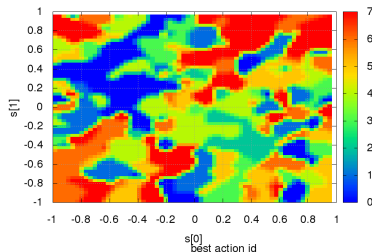
Obr. : linear combination Gauss

Mapa najlepších akcií - Výsledky experimentov

Funkcia voľby najlepšej z 8 akcií v stave $s = (s[0], s[1])$.



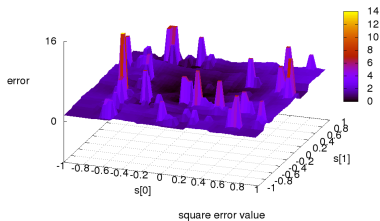
Obr. : sparse table + linear combination Gauss



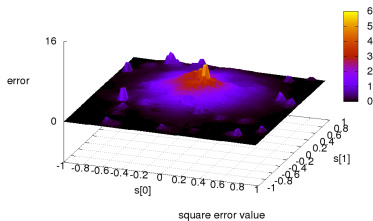
Obr. : linear combination Kohonen function

Chybové funkcie - Výsledky experimentov

$$e_{jt}(s) = (Q_{rt}(s, a) - Q_{jt}(s, a))^2$$



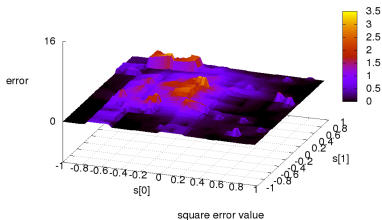
Obr. : sparse table



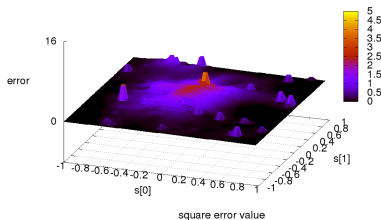
Obr. : linear combination Gauss

Chybové funkcie - Výsledky experimentov

$$e_{jt}(s) = (Q_{rt}(s, a) - Q_{jt}(s, a))^2$$

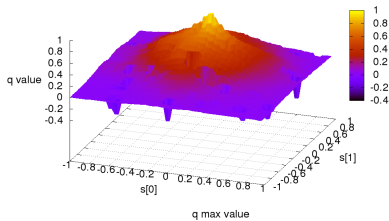


Obr. : sparse table + linear combination Gauss

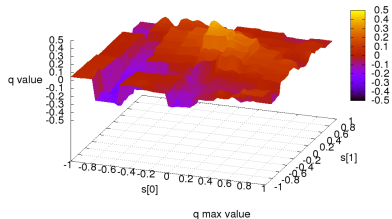


Obr. : linear combination Kohonen function

max $Q(s, a)$ - Výsledky experimentov

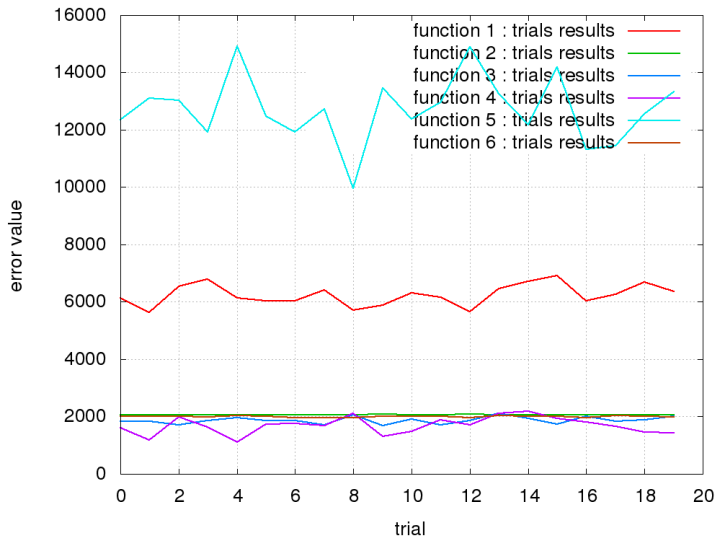


Obr. : reference table

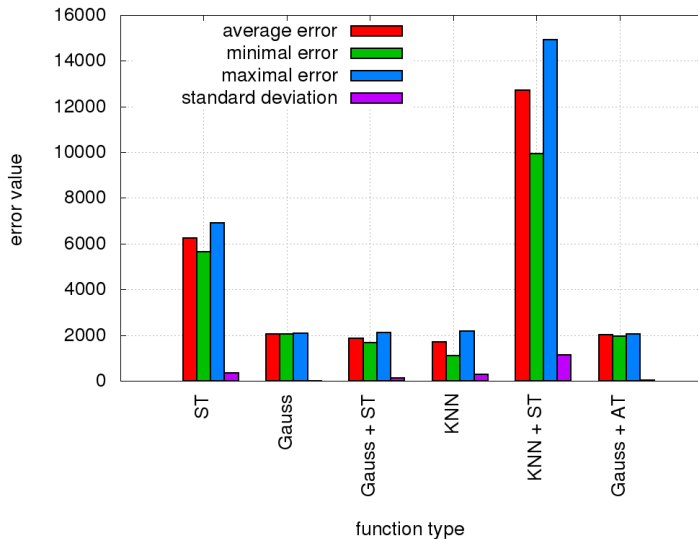


Obr. : sparse table + linear combination Gauss

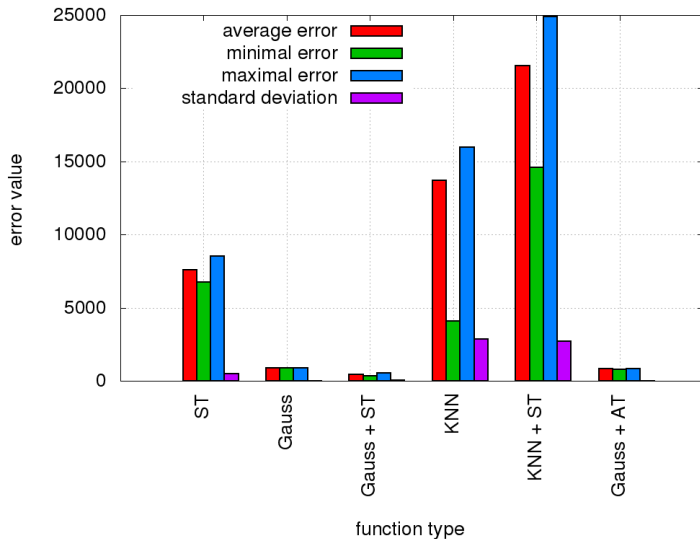
Priebeh trialov - Výsledky experimentov



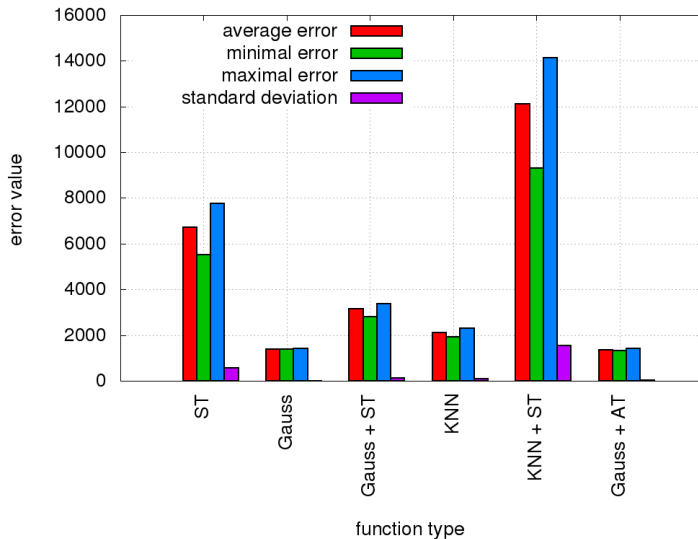
Mapa 1 - Výsledky experimentov



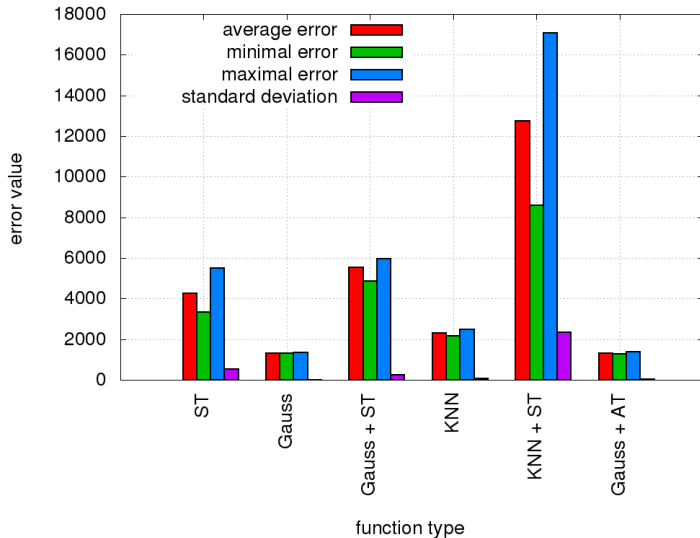
Mapa 0 - Výsledky experimentov



Mapa 2 - Výsledky experimentov



Mapa 3 - Výsledky experimentov



Ďakujem za pozornosť

michal.chovanec@yandex.ru

https://github.com/michalnand/q_learning

