Uma Introdução à Computação com Julia

Alfredo Goldman

Lucas de Sousa Rosa

2025-01-22

Índice

Вe	em-vindos	4
So	obre o Curso	5
1	Sobre o Curso	6
2	Visão Geral da Evolução de Hardware e Linguagens	7
3	Usando o Interpretador (REPL) como Calculadora 3.1 Começando com o modo interativo do Julia	8 13 13 15
4	Introdução às Funções 4.1 O uso de funções é uma abstração natural	17
5	Comparações, o comando if e recursão 5.1 Agora sim: Funções que se chamam	21 24
6	Mais algoritmos e introdução aos testes	28
7	Testes automatizados e um pouco mais de código 7.1 Funções caóticas	34
В	Uma outra forma de se fazer laços	38
9	Aula de exercícios9.1 Revisitando o cálculo do fatorial, recursivo e interativo9.2 Aproximação da raiz quadrada9.3 Verificar se um número é primo9.4 Verificar se um número é palíndromo	41 42 43 44
	Revisitando a aula passada	45

11	Entrada de dados e o começo de listas	50
	11.1 O comando input	50
	11.2 Lendo através da linha de comando	52
	11.3 Listas	53
	11.3.1 Álgebra linear e Listas	55
	11.3.2 Exercício de permutação	56
12	2 Exercícios com vetores	58
	12.1 Permutação	58
	12.2 Histograma	60
	12.3 Modelando problemas com o computador	61
13	Modelando um problema maior	64
14	Continuando a modelagem	68
15	Boas práticas	72
	15.1 Uso de contratos	72
	15.1.1 Boa prática 1: Use tipos	72
	15.2 Testes automatizados	72
	15.2.1 Boa prática 2: Sempre que possível faça testes	73
	15.3 Escreva código para humanos, não para computadores	73
	15.3.1 Boa prática 3: Escreva código para que outros leiam	73
	15.4 Aplicando as boas práticas	73
16	Indo além de uma dimensão (Matrizes)	76
17	Aula de exercícios sobre Strings	81
	17.1 Concatenação de letras	81
	17.2 Inversão de String	82
	17.2.1 Função reverse	83
	17.3 Modificação de String	83
	17.4 Rearranjo de letras	85
	17.5 Encontrar a maior palavra	86
	17.6 Retorno de múltiplos valores	88
Ag	gradecimentos	90

Bem-vindos

Sobre o Curso

1 Sobre o Curso

2 Visão Geral da Evolução de Hardware e Linguagens

3 Usando o Interpretador (REPL) como Calculadora

Objetivo: Ver o interpretador de Julia como uma calculadora poderosa, introduzir a noção de variáveis.

3.1 Começando com o modo interativo do Julia

Quem quiser já pode instalar o ambiente de programação, usem esse link. Há também alguns ambientes que permitem o uso da linguagem no seu navegador, sugiro a busca pelas palavras chave Julia Language online.

Dentro do Julia (após chamar julia na linha de comando), vamos começar com contas com números inteiros:

```
1 + 2
3
40 * 4
```

160

Sim, como era de se esperar, podemos em Julia usar os operandos: +, - e *, o resultado será como o esperado. Vejamos a seguir que com a divisão fica um pouco diferente:

```
a = 84
b = 2

# As variáveis a e b são do tipo Int64

resultado = a / b
println(resultado)
```

42.0

Notem que nesse caso, houve uma mudança de tipos, pois 84 e 2 são inteiros e o resultado é um número em ponto flutuante (float), podemos ver isso, pois ao invés de 42, tivemos como resultado 42.0.

Também é possível pedir o resultado inteiro usando o operador div:

```
div(84,2)
```

42

Ou de forma equivalente usando o operador \div (para conseguir ver o símbolo da divisão é necessário digitar \div seguido da tecla <tab>).

Além das contas básicas, também dá para fazer a exponenciação:

2~31

2147483648

Expressões mais complexas também podem ser calculadas:

```
23 + 2 * 2 + 3 * 4
```

39

Sim, a precedência de operadores usual também é válida em Julia. Mas, segue a primeira lição de programação: Escreva para humanos, não para máquinas.

$$23 + (2 * 2) + (3 * 4)$$

39

Em Julia também podemos fazer operações com números em ponto flutuante:

```
23.5 * 3.14
```

73.79

ou

12.5 / 2.0

6.25

Acima temos mais um exemplo de código escrito para pessoas, ao se escrever 2.0 estamos deixando claro que o segundo parâmetro é um número float.

É importante saber que números em ponto flutuante tem precisão limitada, logo não se espante com resultados inesperados como abaixo:

1.2 - 1.0

0.199999999999996

Erros como esse são bastante raros, tanto que usualmente confiamos plenamente nas contas feitas com computadores e calculadoras. Mas, é bom saber que existem limitações.

2.6 - 0.7 - 1.9

2.220446049250313e-16

ou

0.1 + 0.2

0.30000000000000004

ou ainda

0.0

Esses problemas de precisão estão ligados a limitação de como os números são representados no computador. De maneira simplificada, os valores no computador são codificados em palavras, formadas por bits. Nos computadores modernos as palavras tem 64 bits, ou 8 bytes. Logo, uma outra limitação está ligada aos números inteiros muito grandes

-9223372036854775808

Mas, para um curso introdutório basta saber que existem essas limitações. Como lidar com elas é parte de um curso mais avançado.

É importante notar que o erro acima é um *erro silencioso*, ou seja quanto estamos usando números inteiros, pode ocorrer que o número a ser representado não caiba no número de bits disponível, o que faz com que ocorra um erro.

Voltando para as contas. Um outro operador interessante é o % que faz o resto da divisão

4 % 3

1

Até agora vimos como trabalhar com um único valor, ou seja, como se fosse no visor de uma calculadora. Mas, é possível ir além. Ao invés de termos teclas de memória, o computador nos oferece variáveis. Elas são como nomes para valores que queremos guardar e usar mais tarde.

Além das operações básicas também temos as operações matemáticas (funções), como por exemplo o seno, sin em inglês. Para saber como uma função funciona podemos pedir ajuda ao ambiente, usando uma ? ou o macro @doc, e em seguida digitando o que queremos saber, como por exemplo em:

@doc sin

A saída desse comando indica a operação que a função realiza e ainda apresenta alguns exemplos:

```
sin(x)
Compute sine of x, where x is in radians.
See also sind, sinpi, sincos, cis, asin.
Examples
julia> round.(sin.(range(0, 2pi, length=9)'), digits=3)
1×9 Matrix{Float64}:
0.0 0.707 1.0 0.707 0.0 -0.707 -1.0 -0.707 -0.0
```

Ambos os comandos ? sin @doc sin possuem a mesma saída.

Notem que nem tudo que foi apresentado faz sentido no momento, mas já dá para entender o uso de uma função como sin. Vejamos agora a raiz quadrada:

```
@doc sqrt
```

Nela vemos que é possível calcular a raiz como em:

```
sqrt(4)
```

2.0

```
sqrt(4.0)
```

2.0

Mas, observamos também na documentação a função big(), que tem a seguinte ajuda:

```
@doc BigInt
```

A função big() em Julia é usada para criar números inteiros grandes, representados pelo tipo BigInt. Essa função é especialmente útil quando você precisa lidar com números muito grandes que excedem o limite dos tipos inteiros padrão, como Int64 ou Int32.

Com números BigInt, já não há problemas de estouro, como podemos ver abaixo:

```
big(2) ^ 1002
```

Podemos ainda carregar funções de outros arquivos em nosso arquivo Julia ou no próprio terminal, para isso basta utilizar o comando include("caminho/do/arquivo.jl"), Julia lê o arquivo especificado e executa todo o seu conteúdo no contexto atual. Isso significa que todas as funções, variáveis e definições no arquivo tornam-se disponíveis no ambiente onde include foi chamado.

Como por exemplo no primeiro caso tenho um arquivo chamado funcoes.jl que possui a função soma:

```
function ola(nome)
    println("Olá", nome)
end
```

```
ola (generic function with 1 method)
```

Podemos incluir essa função em um segundo arquivo utilizando o include("funcoes.jl"), e utilizar a função definida no arquivo funcoes.jl

```
include("funcoes.jl")
println(ola("Alfredo"))
```

Cuja saída deverá ser Olá Alfredo.

3.2 Variáveis e seus tipos

Em Julia também temos o conceito de variáveis, que servem para armazenar os diferentes conteúdos de dados possíveis.

```
a = 7
2 + a
```

9

3.2.1 Tipagem dinâmica

É importante notar que as variáveis em Julia podem receber novos valores e o tipo da variável depende do que foi atribuído por último.

```
a = 3
typeof(a)
```

Int64

```
a = a + 1
typeof(a)
```

Int64

Neste próximo exemplo, a variável b é inicializada com um valor de tipo inteiro, contudo, após a operação de multiplicação, seu valor é do tipo ponto flutuante:

```
b = 3
b = b * 0.5
typeof(b)
```

Float64

A tipagem dinâmica apresenta diversas vantagens, entre elas a flexibilidade, pois é possível reutilizar variáveis para armazenar diferentes tipos de dados ao longo do tempo; e menos verbosidade, pois não é necessário especificar o tipo de cada variável, o que melhora a legibilidade do código.

Aproveitando o momento, podemos ver que há vários tipos primitivos em Julia, sendo os principais:

```
typeof(1)
```

Int64

```
typeof(1.1)
```

Float64

```
typeof("Bom dia")
```

String

Falando em Strings, elas são definidas por conjuntos de caracteres entre aspas como:

```
s1 = "Olha que legal"
s2 = "Outra String"
```

"Outra String"

Dá também para fazer operações com strings como concatenação:

```
s1 = "Tenha um"
s2 = " Bom dia"
s3 = s1 * s2
```

"Tenha um Bom dia"

Ou potência:

```
s = "Nao vou mais fazer coisas que possam desagradar os meus colegas " s ^ 10
```

"Nao vou mais fazer coisas que possam desagradar os meus colegas Nao vou mais fazer coisas q

Ainda sobre variáveis, há umas regras com relação aos seus nomes, tem que começar com uma letra (ou com _), pode ter dígitos e não pode ser uma palavra reservada. É bom notar que Julia por ser uma linguagem moderna, aceita nomes de caracteres em unicode, por exemplo o Δ (\Delta):

```
\Delta = 2
```

2

Mas, a linguagem vai bem além com caracteres de animais e símbolos:

```
= 5 # \:cat: <tab>
= 3 # \:dog: <tab>
= 20 # \:house: <tab>
```

20

Isso não adiciona nada do lado de algoritmos, mas é possível ter variáveis bem bonitinhas. A lista de figuras pode ser encontrada aqui.

3.3 Saída de dados

Para fazer saídas usam-se dois comandos, print() e o println(), sendo que o primeiro não pula linha e o segundo pula.

```
print("Hello ")
println("World!")
println("Ola, mundo!")
```

Hello World!
Ola, mundo!

Para evitar que se digitem muitos caracteres, por vezes podemos usar "açucares sintáticos".

3

Acima, vimos a forma de se inserir comentários em Julia (sim esses serão ignorados pelo computador).

Exercício: Faça o passo a passo para encontrar as raízes da equação de segundo grau x^2-5x+6 , usando as váriaveis a, b, c, \Delta, x1 e x2. Após isso, compare com a solução a seguir:

```
# Definição dos coeficientes
a = 1
b = -5
c = 6

# Cálculo do discriminante
delta = b^2 - 4 * a * c

# Cálculo das raízes
if delta >= 0
    x1 = (-b + sqrt(delta)) / (2 * a)
    x2 = (-b - sqrt(delta)) / (2 * a)
    println("As raízes são: x1 = $x1 e x2 = $x2")
else
    println("A equação não possui raízes reais.")
end
```

As raízes são: x1 = 3.0 e x2 = 2.0

4 Introdução às Funções

Objetivo: Começar a entender como funcionam as funções em uma linguagem de programação

4.1 O uso de funções é uma abstração natural

Na aula passada já vimos umas funções e isso foi bem natural, foram elas:

- typeof() Dado um parâmetro devolve o seu tipo. Variáveis estão associadas a tipos;
- div() Dados dois parâmetros devolve a divisão inteira do primeiro pelo segundo;
- print() e println() Dados diversos parâmetros os imprime, sem devolver nada.

Inclusive, aqui vale a pena ver que podemos pedir ajuda ao Julia para saber o que fazem as funções. Para isso, se usa o ? antes da função:

```
?typeof()
?div()
?print()
```

Ao fazer isso, inclusive descobrimos que o div() pode ser usado também como ÷.

Uma outra função bem útil é a que permite transformar um tipo de valor em outro.

```
parse(Float64, "32")
```

Para conversão de valores em ponto flutuante para inteiros, temos a função trunc.

```
trunc(Int64, 2.25)
```

De forma inversa temos o float.

float(2)

Finalmente, podemos transformar um valor em uma string, como em:

string(3)

ou

string(3.57)

Também tem muitas funções matemáticas prontas como

Função	Descrição
sin(x)	Calcula o seno de (x) em radianos
cos(x)	Calcula o cosseno de (x) em radianos
tan(x)	Calcula a tangente de (x) em radianos
deg2rad(x)	Converte (x) de graus em radianos
rad2deg(x)	Converte (x) de radianos em graus
log(x)	Calcula o logaritmo natural de (x)
log(b, x)	Calcula o logaritmo de (x) na base (b)
log2(x)	Calcula o logaritmo de (x) na base 2
log10(x)	Calcula o logaritmo de (x) na base 10
exp(x)	Calcula o expoente da base natural de (x)
abs(x)	Calcula o módulo de (x)
sqrt(x)	Calcula a raiz quadrada de (x)
cbrt(x)	Calcula a raiz cúbica de (x)
factorial(x)	Calcula o fatorial de (x)

A melhor forma de se acostumar a usar as funções é fazendo contas e verificando os resultados. Uma dica importante é que para funções mais complexas, pode ser que já existam funções prontas em Julia. Para isso uma busca com as palavras chave. Um exemplo a seguir para procurar a função para o cálculo de seno hiperbólico: "julia lang hiperbolic sin". A busca pelo termo em inglês é uma boa dica para buscas em geral.

Em julia também é possível criar funções conforme as suas necessidades, como abaixo:

```
function mensagemDeBomDia()
  println("Tenha um bom dia!")
end
```

mensagemDeBomDia (generic function with 1 method)

Para usar uma função, basta chamá-la:

```
MensagemDeBomDia()
```

Funções, podem receber um ou mais parâmetros:

```
function imprime(a)
  println(" Vou imprimir ", a)
end
imprime(42)
```

```
Vou imprimir 42
```

Também é possível que uma função chame outra função como em:

```
function imprimeduasvezes(a)
  imprime(a)
  imprimeduasvezes(13)
```

```
Vou imprimir 13
Vou imprimir 13
```

Mais ainda, também é possível diferenciar funções por meio da quantidade de parâmetros.

```
function recebe(a)
  println("Recebi um parametro: ", a)
end
function recebe(a, b)
  println("Recebi dois parametros: ", a, " ", b)
end
```

```
recebe (generic function with 2 methods)
```

Conforme a chamada, a função chamada será diferente:

```
recebe(1)
recebe(1, 2)
```

Também dá para chamar funções com variáveis e com operações, como em:

```
a = 10
recebe(a)
recebe(a, a + 1)
```

As funções que vimos até agora imprimem mensagens, mas não devolvem nada. O typeof() delas é nothing, ou seja, algo que não pode ser atribuído.

Mas, também é possível fazer funções que devolvem valores, como:

```
function soma1(a)
  return a + 1
end
```

Nesse caso, se for passado um parâmetro numérico, a função devolverá o valor incrementado (adicionado de 1).

Claro que isso pode ser usado com fórmulas mais complicadas como:

```
function hipotenusa(a, b)
  hip = a * a + b * b
  return hip
end
```

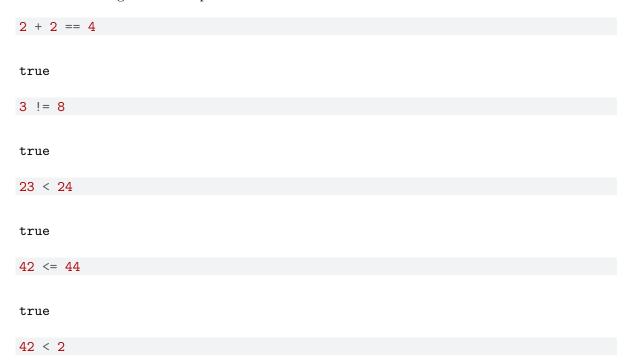
hipotenusa (generic function with 1 method)

Exercício: Faça uma função para encontrar o de uma equação de segundo grau

5 Comparações, o comando if e recursão

Antes de falar em desvio (if), vamos ver um novo tipo de variável que foi introduzido de forma natural. O tipo booleando, ou seja uma variável que pode valer true (verdadeiro) ou false (falso). O seu uso está intimamente ligado ao if.

Observem os seguintes exemplos:



false

Vale chamar a atenção, como em linguagens de programação o = é usado para atribuições, para comparações se usa o ==. Da mesma forma o != é usado como diferente. Esses operadores, em conjunto com o <, <=, > e >= nos permitem comparar valores.

Sobre as variáveis booleanas vale também observar o seu tipo. Uma explicação mais aprofundada sobre como essas variáveis funcionam será fornecida quando abordarmos os operadores condicionais:

```
typeof(2 == 3)
```

Bool

Finalmente, também podemos negar variáveis booleanas para inverter o seu valor:

```
!true
!false
```

true

Nessa aula, vamos aprender um novo comando. O desvio condicional, através dele é possível alterar o fluxo de execução de um programa. Até o momento não tínhamos comentado isso explicitamente, mas a ordem de execução de instruções segue a ordem em que elas estão. Vejamos o exemplo abaixo:

```
println("0i")
println("um")
println("dois")
```

Oi um dois

A ordem de impressão será Oi, um e dois.

Da mesma forma não temos problema ao executar o código abaixo.

```
denominador = 0
denominador += 2
30 / denominador
```

15.0

Apesar da variável denominador começar inicialmente com 0, antes de se fazer a divisão, ela estará valendo 2.

Como é de se esperar nem sempre queremos que essa ordem seja respeitada. Observe o seguinte exemplo:

```
pandemia = true
println("Vou sair de casa?")
if pandemia == true
    println("Só vou sair de casa se for essencial")
end
```

Vou sair de casa? Só vou sair de casa se for essencial

O exemplo acima é claro, se uma condição for verdadeira, o código que está no escopo do if (isso é entre a condição e o end) será executado.

Um outro exemplo:

```
denominador = 1
if denominador != 0
   println("sei fazer a divisão se não for por zero")
   println("o resultado da divisão de 30 por ", denominador, " é igual a ", 30/denominador)
end
```

```
sei fazer a divisão se não for por zero o resultado da divisão de 30 por 1 é igual a 30.0
```

Situações muito comuns em computação devem ser favorecidas pela linguagem, nesse caso do if, é muito comum termos duas ou mais situações. Nesse sentido em Julia podemos também ter alternativas como abaixo:

```
pandemia = true
println("Vou sair de casa?")
if pandemia == true
    println("Só vou sair de casa se for essencial")
else
    println("Balada liberada!!")
end
```

Vou sair de casa? Só vou sair de casa se for essencial

No caso de termos mais de uma altenativa, não basta termos só uma condição, nesse caso temos que usar elseif.

```
pandemia = true
tenhoqueestudar = true
println("Vou sair de casa?")
if pandemia == true
    println("Só vou sair de casa se for essencial")
elseif tenhoqueestudar == true
    println("Melhor ficar em casa")
else
    println("Balada liberada")
end
```

```
Vou sair de casa?
Só vou sair de casa se for essencial
```

Conhecendo o if, agora, escreva uma função que recebe os coeficientes, a, b e c de uma equação de segundo grau e imprime as suas raízes reais.

Sim, a forma de se aprender a programar é programando.

Vamos agora a parte mais importante do curso, lembrando que até o momento aprendemos: - valores - varíaveis e alguns dos seus tipos - alguma funções já prontas como div(), typeof(), parse(), string(), println(), sin(), etc - como fazer as nossas funções com a palavra reservada function e que termina por end - lembrando que a função pode ou não devolver algo através do return - lembrando também que uma função pode chamar outra função - como mudar o fluxo de execução normal com o if, elseif

5.1 Agora sim: Funções que se chamam

Agora podemos, ir ao tópico principal da aula.

Observe a seguinte função imprime().

```
function imprime()
    println("Mensagem positiva")
    imprime()
end
```

imprime (generic function with 1 method)

Ao ser chamada, o que acontece? O computador fará chamadas seguidas a função, imprimindo a mensagem, até o momento que ocorra uma limitação de memória. Logo, fazer chamadas onde uma função se chama, sem controle não é uma boa ideia.

Por outro lado, podemos pensar em uma forma de chamada controlada, onde a própria função decide o momento de parar de se chamar. Para isso, vamos pegar uma função matemática bem conhecida, o fatorial.

Sabemos que 5! = 5.4.3.2.1. Mais, ainda dado um número n, sabemos que n! = n.(n-1)! Continuando, temos que (n-1)! = (n-1).(n-2)! e assim por diante. Para reproduzir isso no computador precisamos saber quando parar. Para isso, podemos usar que o fatorial de zero é 1, ou 0! = 1. Logo já temos a primeira parte da função:

```
function fatorial(n)
  if n == 0
    return 1
  else
    # o que vamos colocar aqui?
end
```

No código acima, temos o critério de parada, ou seja quando n for igual a zero, a resposta será 1. Mas, e se n não for zero. Nesse caso, temos que seguir a fórmula da recursão ou seja n.(n - 1)!. Como (n - 1)! pode ser escrito como fatorial(n - 1). Ficamos com a expressão n * fatorial(n - 1).

```
function fatorial(n)
  # Critério de parada: quando n é igual a 0, a recursão termina
  if n == 0
    return 1
  else
    return n * fatorial(n - 1) # Chamada recursiva
  end
end
fatorial(5)
```

120

Vamos a um segundo exemplo, a contagem regressiva. Mais uma vez, quando se chega a zero, podemos considerar que a contagem terminou. Além disso, a cada número, o próximo passo é o número menos 1.

```
function contagem(n)
   if n < 0
        println("Bum!")
   else
        print(n, " ")
        contagem(n - 1)
   end
end
contagem(5)</pre>
```

5 4 3 2 1 0 Bum!

Essa estrutura é bem poderosa, pois permite que operações sejam executadas um número controlado de vezes. Voltando ao countdown, imagine que ao invés de imprimir uma mensagem quiséssemos fazer uma conta com o que será devolvido.

```
function soma(n)
  if n > 0
    return n + soma(n - 1)
  else
    return 0
  end
end
soma(11)
```

66

Essa estrutura é bastante poderosa e pode ser usada para o cálculo de produto, nesse caso, a mudança é bem pequena.

Da mesma forma segue um exemplo para o cálculo dos n primeiros elementos da soma hârmonica.

```
function somaharmonica(atual, n)
# Caso base: se 'atual' é maior ou igual a 'n'
if atual >= n
# Retorna o recíproco de 'atual' (último termo da soma)
  return 1.0 / atual
else
# Caso recursivo: soma o recíproco de 'atual' e chama a função para o próximo número
```

```
return 1.0 / atual + somaharmonica(atual + 1, n)
end
end
somaharmonica(1, 10)
```

2.9289682539682538

6 Mais algoritmos e introdução aos testes

Nessa aula, vamos ver algoritmos um pouco mais elaborados. Mas, sabendo que vamos usar algo com um maior grau de sofisticação, que tal pensar em testes?

De uma forma geral, para verificar o funcionamento de um programa, podemos escrever testes que verificam o funcionamento em algumas situações específicas.

Dado que o primeiro problema que queremos resolver é um algoritmo que encontra o n-ésimo número de Fibonacci. Por que não começar com testes?

Uma forma de se fazr testes, e de forma manual, mas isso não é reprodutível. A melhor maneira de se fazer testes, é de forma automatizada, ou seja criar código que teste código. Isso pode parecer complicado, mas vamos ver abaixo que não é.

Em uma busca rápida, podemos ver que a sequência de Fibonacci é definida da seguinte forma, os dois primeiros elementos F_1 e F_2 valem 1, em seguida temos a fórmula $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$. Mas, antes de pensar em resolver o problema vamos pensar em como testar.

Já sabemos os primeiros valores, além disso, através de uma busca rápida, podemos descobrir alguns valores da sequência como $F_5 = 5$ e $F_{12} = 144$. Supondo que a função para o cálculo do n-ésimo número de Fibonacci chamará fibo(). Podemos escrever o seguinte trecho de código:

```
function testafibo_versao1()
   if fibo(1) == 1
        println("Deu certo para 1")
   end
   if fibo(2) == 1
        println("Deu certo para 2")
   end
   if fibo(5) == 5
        println("Deu certo para 5")
   end
   if fibo(12) == 144
        println("Deu certo para 12")
   end
   println("Final dos testes")
end
```

```
testafibo_versao1 (generic function with 1 method)
```

A função de testes acima verifica se a função fibo() devolve o resultado correto para três casos. Mas, ela tem um defeito, ela imprime mensagens demais, o que pode ser ruim. Considerando isso, vamos ver o primeiro fundamento importante com relação a testes automatizados.

Se o teste passou, ele deve indicar apenas que deu certo!

Levando em conta o que foi escrito acima, podemos mudar o nosso teste para:

```
function testafibo()
  if fibo(1) != 1
     println("Não deu certo para 1")
  end
  if fibo(2) != 1
     println("Não deu certo para 2")
  end
  if fibo(5) != 5
     println("Não eu certo para 5")
  end
  if fibo(12) != 144
     println("Não deu certo para 12")
  end
  println("Final dos testes")
end
```

testafibo (generic function with 1 method)

Agora de posse da nossa função de testes, podemos pensar em escrever a nossa função de Fibonacci. Vamos ao caso fácil de n for menor que 2, a resposta é 1. Como vemos abaixo:

```
function fibo(n)
  if n <= 2
     return 1
  else
     # ainda não sabemos o que colocar aqui...
  end
end</pre>
```

fibo (generic function with 1 method)

Mas, a resposta está na própria definição da função, ou seja: $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$. Se o n for maior do que 2, temos que fazer a soma dos valores de Fibonacci de n-1 e de n-2. Ou seja:

```
function fibo(n)
   if n <= 2
        return 1
   else
        return fibo(n - 1) + fibo(n - 2)
   end
end
fibo(10)</pre>
```

55

É interessante notar que apesar de ser um dos exemplos clássicos de uso de recursão, o algoritmo acima é extremamente ineficiente. A razão é simples, cada vez que é feita a chamada, toda os valores de Fibonacci são recalculados para os valores de n e n-1.

Como Julia é uma linguagem moderna podemos usar o conceito de Memoização, que evita calcular o que já foi calculado. O Memoize tem que ser instalado no Julia com os comandos import Pkg e Pkg.add("Memoize").

```
using Memoize
@memoize function fibo(n)
  if n <= 2
    return 1
  else
    return fibo(n - 1) + fibo(n - 2)
  end
end
fibo(10)</pre>
```

55

As diferenças de tempo das duas versões podem ser verificada com o comando @time. Da seguinte forma:

```
@time fibo(10)
```

```
0.000001 seconds
```

55

Esse tipo de comando, que começa com @ é conhecido como anotação, e tem o poder de mudar o comportamente de partes do código.

Vamos ao segundo algoritmo da aula, o MDC (Máximo Divisor Comum). A ideia é usar o algoritmo de Euclides.

Basicamente ele diz que o MDC de dois números a e b, é igual ao MDC de b e r, onde r = a%b. Quando esse resto for zero, chegamos a solução, que é b.

Vamos começar com os testes para alguns valores bem conhecidos. Por sinal começar pelos testes antes de escrever o código é uma boa prática de programação conhecida por TDD (Test Driven Design).

```
function testaMDC()
  if MDC(3298, 2031) != 1
        println("deu erro, para 3298 e 2031")
  end
  if MDC(120, 36) != 12
        println("deu erro, para 120 e 36")
  end
  if MDC(36, 120) != 12
        println("deu erro, para 36 e 120")
  end
  println("Acabaram os testes")
end
```

testaMDC (generic function with 1 method)

Vamos pensar na função agora. Dessa vez, se o resto for 0, temos que devolver o segundo termo. Caso contrário temos que continuar com a regra

```
function MDC(a, b)
    r = a % b
    if r == 0
        return b
```

```
else
    return MDC(b, r)
  end
end

testaMDC()
```

Acabaram os testes

Até agora usamos o modo interativo do Julia para fazer os nosso códigos. Mas, existe oura forma bem mais reutilizável, ou seja escrever o texto em arqivos. Isso é relativamente simples, basta usar um editor de texto (puro) da sua preferência, como o notepad, nano, juno, atom, vscode ou outro e salvar um arquivo com a extensão .jl.

Mas, para que algo seja executado é importante colocar uma chamada ao final. Veja abaixo um possível arquivo mdc.jl.

```
function testeMDC()
    if mdc(70, 5) != 5
        println("Não funcionou para 70 e 5")
    end
    if mdc(13, 7) != 1
        println("Não funcionou para 13 e 7")
    end
    if mdc(127, 15) != 1
        println("Não funcionou para 127 e 15")
    end
    if mdc(20, 15) != 5
        println("Não funcionou para 20 e 15")
    end
    if mdc(42, 3) != 3
        println("Não funcionou para 42 e 3")
    end
    if mdc(42, 8) != 2
        println("Não funcionou para 42 e 8")
    println("Final dos testes")
end
function mdc(a, b)
    r = a \% b
    if r == 0
```

```
return b
  else
      mdc(b, r)
  end
end

testeMDC()
println("0 mdc entre 1227 e 321 é ", mdc(1227, 321))
```

Final dos testes O mdc entre 1227 e 321 é 3

7 Testes automatizados e um pouco mais de código

Vamos começar o capítulo vendo uma forma mais simples de se rodar testes. Nos testes que vimos até agora sempre havia o teste de uma condição booleana associado a uma mensagem de erro quando não funcionasse. Mas, observando que a mensagem de erro geralmente está ligada à condição, por vezes a condição pode ser auto-explicativa.

Logo, uma forma elegante de expressar as condições pode ser útil na escrita dos testes. Para isso, vamos usar o módulo de testes. Em linguagens modernas, várias das situações repetitivas que enfrentamos podem ser evitadas usando alguma técnica mais moderna.

```
using Test
@testset "Modelo de testes" begin
    @test 2 == 1 + 1
    @test true
    @test !false
end
```

```
Test Summary: | Pass Total Time Modelo de testes | 3 3 0.1s
```

Test.DefaultTestSet("Modelo de testes", Any[], 3, false, false, true, 1.737500386033418e9, 1

No trecho acima primeiro indicamos que queremos fazer testes. Em seguida usamos o test que espera uma condição ou valor booleano. Finalmente todos os testes são reunidos em um testset.

Claro que o teste dá infomações relevantes quando falha:

```
using Test
@test 2 + 2 != 4
```

```
Test Failed at REPL[2]:1
Expression: 2 + 2 != 4
Evaluated: 4 != 4
```

Agora sim, vamos pensar em problemas algoritmicos novos. Que tal fazer a soma dos dígitos de um número inteiro. Ou seja, pensar em um número dígito à dígito. Vamos aos testes primeiro:

```
using Test
@testset "Teste da Soma de Dígitos" begin
    @test somaDig(0) == 0
    @test somaDig(1) == 1
    @test somaDig(100) == 1
    @test somaDig(123) == 6
    @test somaDig(321) == 6
    @test somaDig(99) == 18
end
```

Vamos agora tentar pensar em como "descascar" um número, dado o número 123, uma forma seria pegar o resto por 10 (ou seja 3) e depois dividir por 10 (ou seja 12), e assim por diante. Ou seja.

```
function somaDig(n)
   if n <=0 return 0
   else
        return n % 10 + somaDig(n ÷ 10)
   end
end

println(somaDig(1234))</pre>
```

10

Vamos agora a um outro problema clássico, a verificação se um número é ou não é primo. Na prática para fazer isso, temos a definição, um número n é primo apenas se for divisível apenas por 1 e por ele mesmo. Ou seja, nenhum número entre 2 e n-1 pode ser divisor de um número primo.

A forma de se fazer isso é relativamente simples. Vamos pensar em uma função que tenta dividir um número recursivamente, se conseguir devolve falso, se não conseguir devolve verdadeiro.

Vamos aos código:

```
function divide(n, i)
  if n % i == 0
    return false
```

```
elseif i == n - 1
    return true
else
    return divide(n, i + 1)
end
end
```

divide (generic function with 1 method)

Que pode ser chamada por:

```
function éPrimo(n)
    return divide(n, 2)
end
```

éPrimo (generic function with 1 method)

Mais um exemplo, o método de Newton para o cálculo de raiz quadrada. Para achar a raiz de x, a partir de um chute inicial (por exemplos y=x/2), chegamos a um novo chute que é a média de y e x/y.

Mas, sim, vamos começar com os testes. Como estamos usando números do tipo double é bom sempre ter uma tolerância, por isso vamos usar uma comparação aproximada. Também poderiamos ter usado a função isapprox da linguagem Julia.

```
using Test
function quaseIgual(a, b)
  if abs(a - b) <= 1e-10
      return true
  else
      return false
  end
end

@testset "Teste da raiz pelo método de Newton" begin
    @test quaseIgual(3.0, raiz(3.0 * 3.0))
    @test quaseIgual(33.7, raiz(33.7 * 33.7))
    @test quaseIgual(223.7, raiz(223.7 * 223.7))
    @test quaseIgual(0.7, raiz(0.7 * 0.7))
    @test quaseIgual(1.0, raiz(1.0 * 1.0))
end</pre>
```

Note que como estamos comparando números em ponto flutuante, não usamos a comparação exata.

A solução final é:

```
function newton(c, n)
    q = n / c
    if quaseIgual(q, c)
        return q
    else
        return newton( (c + q) / 2.0, n)
    end
end

function raiz(n)
    a = newton(n / 2.0, n)
    println("a raiz de ", n, " é ", a)
    return a
end
```

raiz (generic function with 1 method)

7.1 Funções caóticas

Vamos brincar um pouco agora com funções caóticas :), isso é, funções, que conforme o comportamento de uma constante k, apresentam resultados que podem convergir ou não. Isso é, a cada passo, quero saber o valor do próximo ponto aplicando a função novamente, isso é:

$$x_1 = f(x_0), x_2 = f(x_1), \dots, x_n = f(x_{n-1})$$

As funções caóticas desempenham um papel significativo em diversas áreas da matemática e da física, com aplicações que vão desde a modelagem de crescimento populacional até a previsão de padrões climáticos. Elas também são fundamentais na análise de circuitos elétricos não lineares, onde pequenas variações nas condições iniciais podem levar a resultados drasticamente diferentes.

Para o nosso teste, a função f é extremamente simples: $x_{i+1} = x_i * (1 - x_i) * k$.

Implemente a função e imprima os 30 primeiros resultados. Comece com um valor de x entre 0 e 1, como 0.2. Use constantes k = 2.1, 2.5, 2.8 e 3.1 o que ocorre com k = 3.7?

Entregue o código e um pequeno relatório sobre o que acontece.

8 Uma outra forma de se fazer laços

Até o momento vimos que o computador é muito bom para fazer contas e repetições. Fizemos isso até agora com funções recursivas. Mas, existe um outro comando para isso, o while. A motivação é que enquanto alguma condição for válida, o computador continua repetindo os comandos.

O formato básico é o seguinte:

```
while condição
    # execute obloco
end
```

Enquanto a condição continuar verdadeira, o computador vai seguir repetindo o bloco que pode ser formado por várias intruções. Logo, para que a repetição, ou laço, não seja repetido indefinidamente, é essencial que algo ligado a condição seja atualizado no corpo do while.

Vejamos o exemplo simples da contagem regressiva:

```
n = 5
while n > 0
  println(n)
  n = n - 1
end
println("Acabou")
```

Mas, vamos ver abaixo um caso onde o uso de while deixa o código mais Claro que com a recursão (onde é ruim fazer uma com vários parametros). Veja a resolução da série de Taylor abaixo:

```
function sinTaylor2(x)
    i = 1
    termo = x
    soma = 0.0
    while i <= 15
        soma = soma + termo
        termo = -1 * termo * x * x / ((2 * i) * (2 * i + 1))
        i = i + 1
    end
    return soma
end</pre>
```

sinTaylor2 (generic function with 1 method)

Nela são calculados os 15 primeiros termos.

Observem a versão recursiva:

```
function sinTaylor(x)
    return sinTaylorRec(1, 15, x, 1, x)
end

function sinTaylorRec(i, n, x, sinal, termo)
    if n == i
        return 0.0
    else
        return sinal * termo +
             sinTaylorRec(i + 1, n, x, -1 * sinal, termo * x * x/ (2*i * (2*i+1)))
    end
end
```

sinTaylorRec (generic function with 1 method)

Podemos também fazer operações com os dígitos de um número inteiro, para isso operações como o resto da divisão por 10 e a divisão inteira por 10 são bastante úteis. Abaixo temos as duas versões que fazem a soma dos dígitos de um número inteiro.

```
using Test
function testaSD()
  @test sd(123) == 6
  @test sd(321) == 6
```

```
0 \text{test sd}(0) == 0
  0 \text{test sd}(1001) == 2
  0test sd(3279) == 21
 println("Fim dos testes")
end
function sd(x)
  if x == 0
    return 0
  else
    d = x \% 10
   return d + sd(div(x, 10))
  end
end
function sd1(x)
  soma = 0
 while x != 0
  d = x \% 10
  soma = soma + d
  x = div(x, 10)
  end
  return soma
end
testaSD()
```

Fim dos testes

9 Aula de exercícios

9.1 Revisitando o cálculo do fatorial, recursivo e interativo

Agora que aprendemos a fazer também repetições com o comando while, sempre é bom pensar em qual o comando mais adequado. Vejamos o exemplo abaixo com duas versões da função para o cálculo do Fatorial.

```
function fatorial_recursivo(n::Int64) # Com o ::Int64 estamos definindo que o parâmetro da f
    # Caso base do fatorial: 0! e 1! são iguais a 1
    if n == 0 || n == 1
        return 1
    # Chamada recursiva: n! = n * (n-1)!
    else
        return n * fatorial_recursivo(n - 1)
    end
end
function fatorial_iterativo(n::Int64)
    # Inicializa o resultado como 1 (já que o fatorial de 0 é 1)
    resultado = 1
    # No loop estamos fazendo a multiplicação: n * (n-1) * ... * 2
        # Multiplica o resultado pelo valor atual de n
        resultado *= n
        # Decrementa n em 1 para continuar o cálculo do fatorial
        n -= 1
    end
    return resultado
end
println(fatorial_recursivo(3))
```

6

No código acima temos uma novidade, nos parâmetros da função, o tipo está sendo declarado expicitamente. No caso, estamos dizendo que o valor n que a função vai receber é de um tipo específico. Ou seja um Inteiro de 64 bits.

O estilo de código está um pouco diferente do que antes, pois foi escrito por outra pessoa. A monitora. Vemos que ela tem o hábito de usar nomes de variáveis maiores além do que usar contrações como += e *=.

9.2 Aproximação da raiz quadrada

Para o próximo exemplo, vamos ver o método de Newthon-Raphson para o cálculo da raiz quadrada. É um método recursivo no qual o próximo valor é baseado no valor anterior. Quanto mais chamadas forem feitas, mais próximo do valor final vai se chegar.

Mais informações sobre o método podem ser encontradas em aqui. Mas para o momento temos que pensar na seguinte implementação. Para se calcular a raiz, podemos usar a seguinte fórmula, a partir de um palpite inicial r, para o valor da raiz de x.

$$r_{n+1} = 0.5 * (r + x/r)$$

Como o código abaixo é mais complicado, foram usados comentários.

```
function aproxima raiz(x::Float64, epsilon::Float64)::Float64
    if x < 0
        return nothing
    end
    # Chute inicial
    aproximacao = x/2
    melhor_aproximicao = aproximacao
    while true
        # Fórmula para aproximação de raiz quadrada utilizando o método de Newthon-Raphson
        melhor_aproximicao = 0.5 * (aproximacao + x/aproximacao)
        # Se a distância absoluta entre os dois pontos é menor do que epsilon, então podemos
        if abs(aproximacao - melhor_aproximicao) <= epsilon</pre>
            break
        end
        # Se a aproximação ainda não for boa o sufuciente, então atualizamos a aproximação pa
        aproximacao = melhor_aproximicao
```

```
end
return melhor_aproximicao
end
```

```
aproxima_raiz (generic function with 1 method)
```

Notem que foi introduzido um comando novo, o break, esse comando apenas interrompe a execução do while. Ou seja, força a saída do laço.

9.3 Verificar se um número é primo

No próximo exemplo, vamos verificar se um número é primo, ou seja, se os seus únicos divisores são 1 e o próprio. A forma mais simples de se fazer isso é procurando dividir o número por outros. Se algum dividir, o número não é primo.

```
function verifica_primo(num :: Int64)
   if num <= 1
       return false
   end
   i=2
   # pode ser melhorado com i<=num/2
   # ou também com i<= sqrt(num): baseado no fato que um número composto deve ter um fator num
   if num % i == 0
       return false
   end
   i+=1
   end
   return true
end</pre>
```

verifica_primo (generic function with 1 method)

Assim, como o comando break é usado para interromper a execução de um laço, o comando return, pode ser usado para terminar a execução de uma função, a qualquer momento.

9.4 Verificar se um número é palíndromo

Um número palíndromo é um número que é simétrico. Ou seja, a leitura dos dígitos da esquerda para a direita é igual a leitura dos dígitos na ordem inversa. Por exemplo, o número 121 é palíndromo, assim como o 11 e o 25677652. Os números de um dígito também são.

```
function e_palindromo(n::Int64)
    #=
        Guarda os dígitos de n que ainda devem ser invertidos
        A variável auxiliar é necessária para que o valor de n não seja, perdido, e possamos
    =#
    aux = n
    # Guarda a inversão do número n
   n inv = 0
    #=
        Continuamos o while enquanto ainda há números a serem invertidos,
        ou seja, enquanto aux for maior que 0.
    =#
    while aux > 0
        # Coloca o último dígito de aux na variável que guarda a inversão
        resto = aux % 10
        n_{inv} = n_{inv} * 10 + resto
        # Retira o último dígito de aux
        aux = div(aux, 10)
    end
    if n == n inv
        println("O número $n é palíndromo")
    else
        println("O número $n não é palíndromo")
    end
end
e_palindromo(2002)
e_palindromo(1234)
```

```
O número 2002 é palíndromo
O número 1234 não é palíndromo
```

10 Revisitando a aula passada

Além de discutirmos o que vimos na aula passada. Nessa aula, vimos uma nova solução para o problema de verificar de um número é palíndromo.

Para isso usamos uma técnica um pouco diferente, ou seja, ao invés de inverter o número e compará-lo com o original. Verificamos se os seus extremos são iguais.

Observe o número 234432, o primeiro passo seria verificar que nos extremos, mais significativo e menos significativo, temos os números 2. Em seguida, podemos continuar com a verificação para o número 3443. Se em algum momento a verificação falhar o número não é palíndromo.

Seguem os testes e o código abaixo.

```
using Test
function testaPal()
  @test testaPal(1)
  @test testaPal(131)
  @test testaPal(22)
  @test testaPal(53877835)
  @test !testaPal(123)
  @test !testaPal(23452)
  println("Final dos testes")
end
function testaPal(n::Int64)
# o primeiro passo é encontrar um número com o mesmo número de dígitos de n
 pot10 = 1
  while pot10 < n
    pot10 = pot10 * 10
  pot10 = div(pot10, 10)
  while n > 9
    d1 = n \% 10
    d2 = div(n, pot10)
```

```
if d1 != d2
    return false
    end
    n = div(n % pot10, 10)
    pot10 = div(pot10, 100)
    end
    return true
end
```

testaPal (generic function with 2 methods)

10.1 Aleatoreidade

Em julia temos a função rand() que devolve um número em ponto flutuante entre 0 e 1. Conforme os parâmetros, podemos ter outros tipos de número como:

```
rand(Int) # devolve um inteiro
rand(1:10) # devolve um número entre 1 e 10
rand(Bool) # devolve verdadeiro ou falso
```

false

Mas, antes de ver um código com rand(). Vamos pensar em um problema da vida real. Imagine que temos que fazer um sorteio justo, e o único instrumento que possuímos para o sorteio é uma moeda viciada. Que tem como resultado muito mais faces do que coroas. Dá para usar essa moeda em um sorteio justo?

A ideia para resolver o problema é olhar para pares de sorteios. Ou seja, vamos ignorar sorteios onde tenhamos duas faces ou duas coroas. Nos outros, teremos uma coroa e uma face ou vice versa. As chances das duas serão de 50%. Logo podemos assim, corrigir a moeda viciada.

Para simplificar o exercício, a moeda pode devolver 0, ou 1, correspondentes a cara ou a coroa. Observe a seguinte função que simula uma moeda viciada.

```
function sorteio()
  if rand() > 0.90
    return 1
  else
    return 0
  end
end
```

```
sorteio (generic function with 1 method)
```

Pode se observar que a função devolve 0 na maior parte das vezes. Podemos inclusive ver isso, fazendo mil sorteios:

```
function verificaSorteio()
  cara = 0
  coroa = 0
  i = 0
  while i < 1000
    if sorteio() == 0
       cara = cara + 1
    else
       coroa = coroa + 1
    end
    i = i + 1
  end
  println("O número de caras foi: ", cara," e de coroas foi:", coroa)
end</pre>
```

verificaSorteio (generic function with 1 method)

Mas, podemos corrigir o sorteio da seguinte forma:

```
function sorteioBom()
  sorteio1 = sorteio()
  sorteio2 = sorteio()
  while sorteio1 == sorteio2 # se forem iguais, tente novamente
     sorteio1 = sorteio()
     sorteio2 = sorteio()
  end
  return sorteio1 # ao termos um diferente, podemos devolver o primeiro sorteio
end
```

sorteioBom (generic function with 1 method)

Podemos usar o verificaSorteio para ver a diferença.

```
function verificaSorteio()
  cara = 0
  coroa = 0
  i = 0
  while i < 1000
    if sorteioBom() == 0
       cara = cara + 1
    else
       coroa = coroa + 1
    end
    i = i + 1
  end
  println("O número de caras foi: ", cara," e de coroas foi:", coroa)
end</pre>
```

verificaSorteio (generic function with 1 method)

Podemos ainda aproximar o número de Euler (), constante matemática que é a base dos logaritmos naturais, usando uma simulação probabilística. A ideia por trás desse código é que o número médio de tentativas necessárias para que a soma de números aleatórios entre 0 e 1 ultrapasse 1 se aproxima do valor de . Isso é baseado em uma relação matemática que conecta essa situação ao número .

```
function calculaEuler(total)
    soma_tentativas = 0
    for i in 1:total
        soma = 0.0
        tentativas = 0
        while soma <= 1
                          # Continue gerando números até a soma ultrapassar 1
            soma += rand()
                               # Gera número aleatório entre 0 e 1
            tentativas += 1
        end
        soma_tentativas += tentativas  # Somar o número de tentativas necessárias
    end
    return soma_tentativas / total
                                     # A média do número de tentativas será uma estimativa
end
println("Estimativa de e (1000 iterações): ", calculaEuler(1000))
println("Estimativa de e (100000 iterações): ", calculaEuler(100000))
println("Estimativa de e (100000000 iterações): ", calculaEuler(100000000))
```

```
Estimativa de e (1000 iterações): 2.71
Estimativa de e (100000 iterações): 2.72228
Estimativa de e (100000000 iterações): 2.71825644
```

Para terminar a aula vamos aplicar o método de Monte Carlo para o cálculo de Pi. Imaginem o primeiro quadrante, onde temos um semi-círculo de raio 1, dentro de um quadrado de lado 1. Podemos sortear valores, os que sairem dentro do círculo podem contar para a área desse. Mais informações podem ser vistas aqui (https://pt.wikipedia.org/wiki/M%C3%A9todo_de_Monte_Carlo)

```
function calculaPi(total)
   noAlvo = 0
   i = 0
   while i < total
        x = rand() / 2.0 # gera um número entre 0 e 0.5
        y = rand() / 2.0
        if sqrt(x * x + y * y) <= 0.5
            noAlvo = noAlvo + 1
        end
        i = i + 1
        end
        return 4 * (noAlvo / total) # precisamos multiplicar para ter a área de 4 quadrantes
end

println(calculaPi(100))
println(calculaPi(100000000))
println(calculaPi(100000000))</pre>
```

- 3.2
- 3.14072
- 3.141549

11 Entrada de dados e o começo de listas

Nessa aula, temos dois tópicos principais, como fazer a entrada de dados, através de comandos de entrada e com argumentos na linha de comando. Além disso também veremos como tratar de um tipo especial de variável, onde é possível, guardar mais de um valor.

11.1 O comando input

Quando queremos inserir dados, em Julia, basta colocar dados. Mas, como podemos fazer para entrar dados em um programa comum?

Para isso temos o comando readline(), que interrompe a execução do programa e espera pela entrada de uma String, o que ocorre quando a tecla "enter" é pressionada.

```
println("Digite o seu nome")
resposta = readline()
println("O seu nome é: ", resposta)
```

Caso, ao rodar o programa, você digitar Maria, e pressionar a tecla enter, a resposta final do seu programa será O seu nome é: Maria.

Como o readline() lê Strings, se quisermos ler números, é necessário usar o comando parse. O comando parse de forma simples possui dois parâmetros, o primeiro corresponde ao tipo que se quer transformar, e o segundo o valor original.

```
println("Digite um inteiro")
valor = parse(Int64, readline())
println("O numero digitado foi ", valor)
```

Sabendo ler números do teclado, vamos a um exercício simples, ler uma sequência de números inteiros terminada por zero e devolver a sua soma.

```
function somaVarios()
    soma = 0.0
    println("Digite um número")
    n = parse(Float64, readline())
    while n!=0
        soma = soma + n
            println("Digite um número")
        n = parse(Float64, readline())
    end
    println("A soma é: ", soma)
end
```

Observe o seguinte exemplo que calcula os quadrados dos números de uma lista terminada por zero.

```
function leQ()
  x = readline()
  n = parse(Float64, x)
  while n != 0
    println("$n ao quadrado é ", n * n)
    x = readline()
    n = parse(Float64, x)
  end
end
```

Notem que o readline também pode receber uma variável de arquivo para que dados sejam lidos diretamente. Mas, nesse caso temos que tomar Ocuidado para abrir (open()) e fechar (close()) o arquivo. Como abaixo:

11.2 Lendo através da linha de comando

A outra forma de ler comandos é através da constante ARGS que é preparada na chamada de um programa. Para entender melhor isso, vamos ver o seguinte programa.

```
println(ARGS)
```

Se a linha acima está no arquivo args.jl, ao chamar julia args.jl com diversos parâmetros, teremos diversos resultados diferentes.

Por exemplo ao chamar:

julia args.jl 1 2 3 abc

Teremos como resposta

```
["1", "2", "3", "abc"]
```

Vamos analisar um pouco melhor essa resposta observando que cada parâmetro está em uma posição.

```
tam = length(ARGS)
println("O tamanho dos argumentos é: ", tam)
for i in 1:tam
    println(ARGS[i])
end
```

Olhando o código acima, podemos ver que a função length() devolve o número de argumentos, ou seja, o tamanho da lista ARGS. Além disso com os colchetes é possível acessar a cada posição da lista de forma individual.

O exemplo abaixo soma os parâmetros inteiros dados como argumentos. Ele também ilustra uma boa prática que é, sempre colocar o código em módulos, no caso abaixo em funções:

```
function SomaEntrada()
  tam = length(ARGS)
  s = 0
  i = 1
  while i <= tam
     valor = parse(Int, ARGS[i])
     println(valor)
     s = s + valor
     i = i + 1</pre>
```

```
end
  println("A soma foi: ", s)
end
SomaEntrada()
```

A flexibilidade que temos ao usar listas é enorme! Por isso, listas ou vetores, merecem um tópico próprio.

11.3 Listas

Vamos primeiro brincar um pouco no console.

```
vetor = [1, 2, 3]
println(vetor[1])
println(length(vetor))
vetor[2] = vetor[2] + 1
vetor[1] = 2 * vetor[3]
println(vetor)
```

```
1
3
[6, 3, 3]
```

Como disse antes, o for foi feito para manipular vetores, vamos ver umas funções, a primeira que imprime os elementos de um vetor um por linha.

```
function imprimeVetor(v)
  for el in v
     println(el)
  end
end
```

Isso também pode ser feito por meio dos índices do vetor:

```
function imprimeVetor(v)
    for i in 1:lenght(v)
        println(v[i])
    end
end
```

Como cada posição é independente, podemos calcular a soma dos elementos ímpares de um vetor

```
function somaImpVetor(v)
    soma = 0
    for i in 1:length(v)
        if v[i] % 2 == 1
            soma = soma + v[i]
        end
    end
    return soma
end
```

Também vimos em aula alguns outros exemplos, como calcular a média dos elementos em um vetor.

```
function mediaV(v)
   soma = 0.0
   for i in v
       soma = soma + i
   end
   return soma / length(v)
end
```

Devolver a soma dos elementos ímpares de um vetor

```
function somaImpar(v)
    soma = 0
    for i in v
        if i % 2 == 1
            soma = soma + i
        end
    end
    return soma
end
```

Imprimir os números divisíveis por 5 de um vetor.

```
function imprimeDivisivelPor5(v)
  for i in v
    if i % 5 == 0
        println(i)
```

```
end
end
end
```

Com uma pequena variação e usando o comando push!() podemos ver como devolver um vetor com os números divisíveis por 5.

```
function devolveDivisivelPor5(v)
    x = [] # começa com um vetor vazio
    for i in v
        if i % 5 == 0
            push!(x, i) # adiciona um elemento ao vetor x
        end
    end
    return x
end
```

11.3.1 Álgebra linear e Listas

A manipulação de listas é uma parte fundamental da álgebra linear, que estuda vetores e matrizes. Funções como o produto escalar de dois vetores são exemplos clássicos. Abaixo temos dois exemplos de produto escalar de dois vetores. lembrado esse é definido como a soma dos produtos de elementos em posições iguais.

```
function dotProduct(a, b)
    soma = 0
    if length(a) != length(b)
        return soma  # o produto não está definido se os tamanhos são diferentes
    end
    for i in 1:length(a)
        soma = soma + a[i] * b[i]
    end
    return soma
end
```

Acima vimos que um caso especial do uso do for, consiste em fazer Ofor varias entre 1 e um tamanho (1:lenght(a))

Observem a diferença na versão abaixo:

```
function dotProduct(a, b)
    soma = 0
    if length(a) != length(b)
        return soma  # o produto não está definido se os tamanhos são diferentes
    end
    i = 1
    for x in a
        soma = soma + x * b[i]
        i = i + 1
    end
    return soma
end
```

11.3.2 Exercício de permutação

Para terminar, vamos fazer uma função onde dado um vetor de inteiros de tamanho n, verifica se esse vetor é uma permutação dos números de 1 a n. Para isso, veremos se cada número de 1 a n está no vetor.

Mas, sem esquecer dos testes:

```
@testset "Verifica Permutação" begin
    @test permuta([1,2,3])
    @test permuta([3, 2, 1])
    @test permuta([1])
    @test permuta([2, 1])
    @test permuta([4, 2, 3, 1])
    @test !permuta([1, 1])
    @test !permuta([1, 3])
    @test permuta([1])
```

e o código:

```
function permuta(v)
  tam = length(v)
  for i in 1:tam
    if !(i in v)
        return false
    end
end
```

return true end

Foi usado o comando in de Julia que verifica se um elemento está no vetor.

12 Exercícios com vetores

Os vetores permitem que sejam realizados algoritmos bem mais complexos, nesse capítulo veremos algums exercícios.

12.1 Permutação

Dado um vetor com inteiros, queremos verificar se esse vetor contém uma permutação. Para isso, temos que verificar em um vetor de tamanho n, se ele contém os números de 1 a n exatamente uma vez cada 1. O vetor [3, 1, 2] é uma permutação, pois tem tamanho 3 e os elementos de 1 a 3 aparecem uma vez.

Uma forma de se resolver esse problema é por meio de um indicador de passagem. Inicialmente vamos supor que o vetor é uma permutação, em seguida verificamos se todos os números entre 1 e n estão no vetor. Isso pode ser feito com comando in, que verifica se um elemento pertence ao vetor.

```
function permutação(l)
   perm = true
   tamanho = length(l)
   i = 1
   while i <= tamanho
        if !(i in l)
            perm = false
        end
        i += 1
   end
   return perm
end</pre>
```

permutação (generic function with 1 method)

Uma outra alternativa é verificar se para cada elemento do vetor, se ele está entre 1 e n, e é unico. Ou seja, verificamos se o primeiro elemento está entre 1 e n, e depois percorremos o vetor para ver se ele é único. Em seguida fazemos isso para os elementos seguintes. O código fica:

```
function permutação(1)
    perm = true
    tamanho = length(1)
    i = 1
    while i <= tamanho</pre>
         if (l[i] > tamanho || l[i] <= 0)</pre>
             perm = false
         end
         j = i + 1
         while j <= tamanho</pre>
             if 1[j] == 1[i]
                 perm = false
             end
             j += 1
         end
         i += 1
    end
    return perm
end
```

permutação (generic function with 1 method)

Uma outra alternativa é ter um vetor auxiliar onde contamos as ocorrências de cada número entre 1 e n. Ao final, todos os elementos desse vetor auxiliar tem que valer 1. Dessa vez, aproveitamos e já colocamos os testes automatizados.

```
using Test
function permutação(l)
   perm = true
   tamanho = length(l)
   aux = zeros(Int8, tamanho)
   for i in l
      if i < 1 || i > tamanho
        perm = false
      else
      aux[i] += 1
   end
   end
   for i in aux
   if i != 1
      perm = false
```

```
end
    end
    return perm
Otestset "Verifica Permutação" begin
    @test permutação([1,2,3])
   Otest permutação([3, 2, 1])
    @test permutação([1])
    @test permutação([2, 1])
    @test permutação([4, 2, 3, 1])
    @test !permutação([1, 1])
    @test !permutação([1, 3])
    @test !permutação([4, 2, 3, -1])
    @test !permutação([5, 2, 3, 1])
    @test permutação([])
    @test !permutação([0, 3, 3])
    @test !permutação([2, 2, 2])
end
```

```
Test Summary: | Pass Total Time
Verifica Permutação | 12 12 0.1s
```

Test.DefaultTestSet("Verifica Permutação", Any[], 12, false, false, true, 1.737500423897357e

12.2 Histograma

Já que vimos o exemplo anterior onde "contamos" o número, podemos ir um pouco além e calcular o histograma de um vetor com números entre 1 e 10.

```
using Test

function histograma(1)
    result = [0,0,0,0,0,0,0,0,0]
    i = 1
    while i <= length(1)
        valor_atual = 1[i]
        if valor_atual >= 1 && valor_atual <= 10
            result[valor_atual] += 1
    end</pre>
```

```
i += 1
end
return result
end

@testset "Verifica Histograma" begin
    @test [1,0,0,0,0,0,0,0,0] == histograma([1])
    @test [0,0,0,0,0,0,0,0] == histograma([-1])
    @test [0,0,1,0,0,0,0,0,0] == histograma([3])
    @test [0,0,0,0,0,0,0,0] == histograma([10])
    @test [0,0,0,0,0,0,0,0] == histograma([11])
    @test [1,4,0,2,5,1,0,1,0,0] == histograma([5,6,5,4,5,5,4,2,8,2,1,2,5,2])
    @test [0,0,0,0,0,0,0,0,0,0] == histograma([1])
    end
```

```
Test Summary: | Pass Total Time
Verifica Histograma | 7 7 0.0s
```

Test.DefaultTestSet("Verifica Histograma", Any[], 7, false, false, true, 1.737500424240114e9

12.3 Modelando problemas com o computador

O computador pode ser uma ferramenta bem poderosa para a modelagem de problemas reais. Para isso vamos pegar o caso do problema dos aniversários. Esse problema também é conhecido pelo paradoxo do aniversário: Calcular a probabilidade de que em uma sala com n pessoas, pelo menos duas possuam a mesma data de aniversário. Esse problema pode ser resolvido usando probabilidade, por meio da qual se descobre que se a sala tem 23 pessoas a chance de duas terem a mesma data é de pouco mais de 50%.

Mas, também podemos modelar esse problema computacionalmente. Para isso, o primeiro passo é simplificar as datas, ao invés de mês e ano, podemos codificar os dias em um número entre 1 e 365, sendo que 1 corresponderia a primeiro de janeiro. Para resolver o problema, podemos sortear n datas, e ver se há alguma repetição, se houver encontramos duas pessoas com a mesma data.

Isso está representado na função experimento_niver abaixo. Mas, para saber a chance real, temos que repetr o experimento várias vezes. Na função main() abaixo, pedimos a quantidade de experimentos e o número de pessoas para executar a simulação.

```
function experimento_niver(n)
    repetiu = false
    i = 1
    nivers = []
    while i <= n && (repetiu == false)</pre>
        niver = rand(1:365)
        if niver in nivers
            repetiu = true
        push!(nivers, niver)
        i += 1
    end
    return repetiu
end
function main()
    print("Quantos experimentos? ")
    quantas = readline()
    print("Quantas pessoas? ")
    npessoas = readline()
    quantas = parse(Int64, quantas)
    npessoas = parse(Int64, npessoas)
    sucessos = 0
    i = 1
    while i <= quantas</pre>
        if experimento_niver(npessoas)
            sucessos += 1
        end
        i += 1
    end
    println("A probabilidade estimada é ", 100*sucessos/quantas, "%")
end
main()
```

A parte interessante é que podemos com pequenas variações ter outros experimentos, como verificar se mais do que duas pessoas fazem aniversário na mesma data. Para isso, abaixo, contamos o número de repetições.

```
function experimento_niver(n)
    repetiu = 0
    i = 1
    nivers = []
```

experimento_niver (generic function with 1 method)

13 Modelando um problema maior

Nessa aula vamos modelar um jogo bem conhecido, o 21, ou BlackJack. Nele os jogadores devem tentar chegar mais perto da soma de cartas 21, sem estourar. Quem chegar mais perto ganha.

Cada jogador começa com duas cartas, sendo que as cartas tem o seu valor nominal, as figuras (J, Q, K), que valem 10. Além disso, o Ás, pode valer 1 ou 11. O que for mais vantajoso para o jogador.

Para começar vamos fazer uma simulação com um baralho, ou seja 52 cartas. Já que] para o jogo, não importa o naipe da carta, vamos supor que existem quatro cartas de cada. Para isso, vamos criar duas funções, uma que cria um baralho e o guarda em um vetor, e uma segunda que pega uma carta do baralho. Nessa segunda função temos que "retirar" a carta do vetor. Caso já não exista a carta do tipo desejado, temos que sortear uma nova carta.

```
function criaBaralho()
  cards = zeros(Int8, 13)
  i = 1
  while i < 14
    cards[i] = 4
    i += 1
  end
  return cards
end
function pegarCarta(cards)
  sorteio = rand(1:13)
  while cards[sorteio] == 0
    sorteio = rand(1:13)
  end
  cards[sorteio] -= 1
  if sorteio > 10 # se a carta for figura, ela vale 10
    sorteio = 10
  end
  return sorteio
end
```

```
pegarCarta (generic function with 1 method)
```

De posse dessas duas funções, podemos criar outras que simulam o comportamento dos jogadores. Vamos usar algumas estratégias simples, como o jogador que fica com as duas cartas que recebeu.

```
function jogador1(cards)
  carta1 = pegarCarta(cards)
  carta2 = pegarCarta(cards)
  if carta1 == 1 || carta2 == 1
    return carta1 + carta2 + 10
  else
    return carta1 + carta2
  end
end
```

jogador1 (generic function with 1 method)

Notem que acima, usamos a estratégia de usar o Ás da forma mais vantajosa.

Para os outros jogadores, vamos usar estratégias mais elaboradas, ou seja o jogador fica pegando cartas enquanto não chegar a um valor pré-determinado, como por exemplo 21, 19, 17, 15 e 13.

Como cada jogador pode ter um número grande de cartas e no caso dele ter um Ás, a conta tem que ser feita da maneira mais vantajosa, vamos usar uma função que recebe um vetor de cartas e calcula a soma.

```
function somaCartas(c)
  soma = 0
  temAz = false
  for i in c
    soma += i
    if c == 1
        temAz = true
    end
  end
  if soma <= 11 && temAz
        return soma + 10
  else
        return soma
  end
end</pre>
```

```
somaCartas (generic function with 1 method)
```

De posse do soma cartas, podemos modelar os jogadores.

```
function jogador2(cards)
  cartas = []
  push!(cartas, pegarCarta(cards))
  push!(cartas, pegarCarta(cards))
  while somaCartas(cartas) < 21</pre>
    push!(cartas, pegarCarta(cards))
  end
  return somaCartas(cartas)
end
function jogador3(cards)
  cartas = []
  push!(cartas, pegarCarta(cards))
  push!(cartas, pegarCarta(cards))
  while somaCartas(cartas) < 19</pre>
    push!(cartas,pegarCarta(cards))
  end
  return somaCartas(cartas)
end
function jogador4(cards)
  cartas = []
  push!(cartas, pegarCarta(cards))
  push!(cartas, pegarCarta(cards))
  while somaCartas(cartas) < 17</pre>
    push!(cartas,pegarCarta(cards))
  end
  return somaCartas(cartas)
end
  function jogador5(cards)
    cartas = []
    push!(cartas, pegarCarta(cards))
    push!(cartas, pegarCarta(cards))
    while somaCartas(cartas) < 15</pre>
      push!(cartas,pegarCarta(cards))
    end
    return somaCartas(cartas)
```

```
function jogador6(cards)
  cartas = []
  push!(cartas, pegarCarta(cards))
  push!(cartas, pegarCarta(cards))
  while somaCartas(cartas) < 13
     push!(cartas,pegarCarta(cards))
  end
  return somaCartas(cartas)
end</pre>
```

jogador6 (generic function with 1 method)

Agora que temos todos os jogadores, podemos modelar uma partida. Para isso criamos um baralho e fazemos com que cada jogador siga a sua estratégia

```
function partida()
  cards = criaBaralho()
  jogadores = zeros(Int8, 6)
  jogadores[1] = jogador1(cards)
  jogadores[2] = jogador2(cards)
  jogadores[3] = jogador3(cards)
  jogadores[4] = jogador4(cards)
  jogadores[5] = jogador5(cards)
  jogadores[6] = jogador6(cards)
end
```

partida (generic function with 1 method)

Não deu tempo de continuar, ficou para a próxima aula.

14 Continuando a modelagem

No capítulo anterior ficamos com uma partida, mas sem a verificação do vencedor, ou seja o jogador com o maior valor, menor ou igual a 21. Uma decisão de projeto é dizer que no caso de empate, os jogadores, com os maiores valores ganham e dividem o prêmio.

```
function partida()
  cards = criaBaralho()
  jogadores = zeros(Int8, 6)
  jogadores[1] = jogador1(cards)
  jogadores[2] = jogador2(cards)
  jogadores[3] = jogador3(cards)
  jogadores[4] = jogador4(cards)
  jogadores[5] = jogador5(cards)
  jogadores[6] = jogador6(cards)
  return jogadores
end
```

partida (generic function with 1 method)

Logo, a partida devolve a pontuação de cada jogador, para podermos verificar na rotina ganhador quem ganhou.

```
function ganhador(v)
    i = 1
    maximo = 0
    while i <= length(v)
        if v[i] > 21  # se estourou é como se tivesse o menor valor
            v[i] = 0
        end
        if v[i] > maximo
            maximo = v[i]  # encontra o vencedor
        end
        i = i + 1
    end
    result = zeros(Int64, length(v))
```

ganhador (generic function with 1 method)

A rotinha ganhador devolve um vetor com os vencedores, com 1 na posição de quem ganhou e zero na posição dos perdedores.

Uma das vantagens de se usar um computador é que podemos ter milhares de partidas de 21 para encontrar qual seria a melhor estratégia.

```
function porcentagem()
    i = 1
    porc = zeros(Int64, 6)
    while i < 100000
        porc = porc + ganhador(partida())
        i = i + 1
    end
    println(porc)
end</pre>
```

porcentagem (generic function with 1 method)

Ao simularmos o jogo 10000 vezes, podemos encontrar qual é a melhor estratégia dentre as que foram apresentadas.

O código acima ficou relativamente grande, e uma das coisas que podemos notar é que há muita duplicação nos códigos dos Jogadores a partir do segundo. Um dos maiores problemas de código é a duplicação. No caso acima, podemos evitá-la adicionando um parâmetro à função Jogador, de forma que esse seja o limite a ser considerado no laço. A função jogador2 fica assim:

```
function jogador2(cards, valor)
    cartas = []
    push!(cartas, pegarCarta(cards))
    push!(cartas, pegarCarta(cards))
    while somaCartas(cartas) < valor
        push!(cartas, pegarCarta(cards))
    end
    return somaCartas(cartas)
end</pre>
```

jogador2 (generic function with 1 method)

Como a função tem um parâmetro novo, temos que acertar a partida. Mas, agora podemos usar todos os valores.

```
function partida()
    cards = criaBaralho()
    jogadores = zeros(Int8, 6)
    jogadores[1] = jogador1(cards)
    jogadores[2] = jogador2(cards, 21)
    jogadores[3] = jogador2(cards, 20)
    jogadores[4] = jogador2(cards, 19)
    jogadores[5] = jogador2(cards, 18)
    jogadores[6] = jogador2(cards, 17)
    return jogadores
end
```

partida (generic function with 1 method)

Notem que não há mudança na função ganhador, que continua funcionando.

Para terminar, podemos ter agora uma versão interativa que permite que um jogador humano jogue com o computador.

```
function partidaComHumano()
    cards = criaBaralho()
    humano = []
    computador = jogador2(cards, 19)
    push!(humano, pegarCarta(cards))
    push!(humano, pegarCarta(cards))
    println("O humano tem ", humano, " e soma ", somaCartas(humano))
```

```
println("O humano quer mais cartas (S/N)?")
    resp = readline()
    while resp == "S" || resp == "s"
         push!(humano, pegarCarta(cards))
         println("O computador tem ", computador, " e soma ", somaCartas(computador))
         println("O humano tem ", humano, " e soma ", somaCartas(humano))
         println("O humano quer mais cartas (S/N)?")
         resp = readline()
    println("O computador tem ", computador, " e soma ", somaCartas(computador))
    if somaCartas(computador) <= 21 && somaCartas(humano) <= 21</pre>
         if somaCartas(computador) > somaCartas(humano)
             println("Humano Perdeu")
         elseif somaCartas(computador) == somaCartas(humano)
             println("Empate")
         else
             println("Humano ganhou")
         end
    elseif somaCartas(computador) > 21 && somaCartas(humano) > 21
         println("os dois perderam")
    elseif somaCartas(computador) > 21
         println("Humano ganhou")
    else
         println("Computador ganhou")
    end
end
```

partidaComHumano (generic function with 1 method)

15 Boas práticas

Vamos começar apresentando 3 boas práticas de programação. Na verdade há uma área que cuida de desenvolvimento de software, a Engenharia de Software. Vamos a elas:

15.1 Uso de contratos

Sempre que possível o código deve ser modular, ou seja estar repartido em arquivos e ou funções. Cada tipo de função deve deixar claro quais são os seus parâmetros e o que ela devolve. Isso pode ser feito usando tipos.

```
function fatorial(n::Int64)::Int64
  if n < 2
     return 1
  else
     return n * fatorial(n - 1)
  end
end</pre>
```

fatorial (generic function with 1 method)

Com isso, fica claro o que a função recebe e devolve, e se for enviado um tipo diferente do esperado, temos em erro imediato.

15.1.1 Boa prática 1: Use tipos

15.2 Testes automatizados

Para evitar que apareçam erros, ou os populates bugs, uma forma eficaz é escrever código que verifica o funcionamento do código. Se isso for feito de forma automática, temos os testes automatizados.

```
using Test
function testaFat()
    @test fatorial(3) == 6
    @test fatorial(5) == 120
    @test fatorial(1) == 1
    @test fatorial(0) == 1
    @test fatorial(4) == 24
end
```

testaFat (generic function with 1 method)

15.2.1 Boa prática 2: Sempre que possível faça testes

15.3 Escreva código para humanos, não para computadores

Apesar dos computadores serem capazes de ler código nem sempre bem formatado, é bem difícil para humanos lerem código de forma não padrão. Por isso algumas dicas importantes são:

- Use identação. Com isso, os blocos ficam bem claros e é fácil identificar os laços, blocos de if e corpos de função;
- Escolha bem o nome das variáveis e funções, isso ajuda muito quem for ler o código
- Sempre que você identificar uma possibilidade de melhoria no código, implemente. Ainda melhor se você tiver testes automatizados, para verificar que a melhoria não quebrou o código.

15.3.1 Boa prática 3: Escreva código para que outros leiam

15.4 Aplicando as boas práticas

Vamos agora resolver o seguinte problema, aplicando as práticas acima. Dada um vetor com números reais, determinar os números que estão no vetor e o número de vezes que cada um deles ocorre na mesma.

Ao analizar o problema, vemos que temos como entrada um vetor de número reais, que pode conter repetições. Para determinar os números que estão no vetor, podemos usar um outro vetor de saída. Sendo que o de entrada e o de saída devem ser do tipo Float64. Além disso, para o vetor que fornece a quantidade de números temos um vetor de inteiros. De posse disso, já temos a assinatura da função.

```
function contHist(v::Vector{Float64}, el::Vector{Float64}, qtd::Vector{Int64})
end
```

contHist (generic function with 1 method)

De posse dessa assinatura, já podemos escrever os testes.

```
function verifica(v::Vector{Float64}, elementos::Vector{Float64},
     quant::Vector{Int64})
     el = Float64[]
     quan = Int64[]
     contHist(v, el, quan)
     if el == elementos && quan == quant
        return true
     else
        return false
     end
end
function testaLista()
  @test verifica([1.3, 1.2, 0.0, 1.3], [1.3, 1.2, 0.0], [2, 1, 1])
  Otest verifica([1.0, 1.0, 1.0, 1.0], [1.0], [4])
  @test verifica([8.3], [8.3], [1])
  @test verifica([3.14, 2.78, 2.78], [3.14, 2.78], [1, 2])
end
```

testaLista (generic function with 1 method)

Finalmente, podemos escrever o código. A idea para escrever a solução é simples, vamos percorrer o vetor de entrada. Para cada elemento, temos duas possibilidades, se ele não tiver aparecido antes, temos que adicionar o número ao vetor saída e marcar 1 ocorrência. Se já apareceu, basta incrementar o número de ocorrências.

```
function contHist(v::Vector{Float64}, el::Vector{Float64}, qtd::Vector{Int64})
  for a in v
    if a in el
        i = 1
    while el[i] != a
        i += 1
    end
```

```
qtd[i] += 1
else
     push!(el, a)
     push!(qtd, 1)
     end
end
```

contHist (generic function with 1 method)

16 Indo além de uma dimensão (Matrizes)

Até o momento trabalhamos com estruturas com mais de uma dimensão, mas sem olharmos muito bem o seu tipo. Nessa aula vamos procurar entender as diferenças entre elas e como isso pode ser usado ao nosso favor.

Vamos começar com as listas:

```
v = [1, 2, 3]
typeof(v)
```

```
Vector{Int64} (alias for Array{Int64, 1})
```

O tipo devolvido é: Vector{Int64} (alias for Array{Int64, 1}). No caso isso significa que v é um vetor de inteiros, ou um array de uma dimensão. Da mesma forma

```
v = zeros(Int64, 3)
typeof(v)
```

Vector{Int64} (alias for Array{Int64, 1})

Mas, vetores podem ser mais flexíveis, como por exemplo abaixo:

```
v = [1, 2.0, "três"]
typeof(v)
```

```
Vector{Any} (alias for Array{Any, 1})
```

Nesse caso o tipo de vetor, deixa de ser de inteiros e passa a ser "Any", ou seja Vector{Any} (alias for Array{Any, 1}).

Mais ainda, imaginem a seguinte situação:

```
a = [1, 2, 3]
push!(v, a)
typeof(v)
```

```
Vector{Any} (alias for Array{Any, 1})
```

Nesse caso, o vetor continua sendo do tipo Any, mas na quarta posição temos um vetor com três inteiros. Com isso podemos ver que as estruturas de vetores podem ser bem flexíveis. Mas, apesar disso, quando temos estruturas de tipos diferentes, com muita flexibilidade, geralmente há alguma penalidade de uso, geralmente no desempenho.

Por outro lado, podemos ter estruturas com mais de uma dimensão, no caso elas são denominadas matrizes. Elas podem ser criadas com a função zeros que já usamos acima.

```
m = zeros(Int64, 3, 2)
typeof(m)
```

```
Matrix{Int64} (alias for Array{Int64, 2})
```

Acima foi criada uma matriz de duas dimensões com 3 linhas e duas colunas. Seus elementos podem se acessados como em um vetor, mas agora com dois indíces.

```
m[1, 2] = 10
```

10

```
function imprime(m::Array{Int64,2})
    println(m)
end
```

imprime (generic function with 1 method)

```
function imprime(m::Vector{Vector{Int64}})
    println(m[1])
    println(m[2])
end
```

imprime (generic function with 2 methods)

```
function imprime(m::Vector{Vector{Int64}})
    for i in m
        println(i)
    end
end
```

imprime (generic function with 2 methods)

```
function imprime(m::Vector{Vector{Int64}})
    for i in m
        for j in m[i]
            println(j," ")
        end
    end
end
```

imprime (generic function with 2 methods)

```
function imprime(m::Vector{Vector{Int64}})
    for i in m
        print("|")
        for j in i
            print(j," ")
        end
        println("|")
    end
end
```

imprime (generic function with 2 methods)

```
function imprimeMatriz(m::Matrix{Int64})
    println(m)
end
```

imprimeMatriz (generic function with 1 method)

```
function imprimeMatriz(m::Matrix{Int64})
    i = 1
    while i < size(m)[1]
        println(m[1])
        i += 1
    end
end</pre>
```

imprimeMatriz (generic function with 1 method)

```
function imprimeMatriz(m::Matrix{Int64})
    i = 1
    while i < size(m)[1]
        j = 1
        while j < size(m)[2]
            print(m[i, j], " ")
            j += 1
        end
        println()
        i += 1
    end
end</pre>
```

imprimeMatriz (generic function with 1 method)

```
function preencheMatriz(m::Matrix{Int64})
    i = 1
    while i <= length(m)
        m[i] = rand(Int) % 10
        i += 1
    end
end</pre>
```

preencheMatriz (generic function with 1 method)

```
function crialdentidate(tam::Int64)
    m = zeros(Int64, tam, tam)
    i = 1
    while i <= tam
        m[i, i] = 1</pre>
```

```
end
return m
end
```

crialdentidate (generic function with 1 method)

Operações diretas com matrizes tipo +, - e *

17 Aula de exercícios sobre Strings

Nesta aula, vamos explorar funções que manipulam strings e criar testes para verificar sua correção. Em algumas funções, vamos notar que há diversas formas de se obter o mesmo resultado

17.1 Concatenação de letras

A primeira função concatena concatena as primeiras duas e as últimas duas letras de uma string.

```
function concatena(s::String)::String
  if length(s) < 2
     return "Erro: tamanho da string menor do que 2"
  end
  resposta = s[1:2]*s[end-1:end]
  return resposta
end</pre>
```

concatena (generic function with 1 method)

Awui utulizamos s[1:2] para obter as duas primeiras letras de s, que é uma forma mais concisa de acessar mais de um índice de um objeto. Alternativamente, poderíamos acessar esses dois índices separadamente com o comando s[1]*s[2].

Para verificar se a função está funcionando corretamente, podemos utilizar o seguinte teste:

```
using Test

function testeConcatena()
    @test concatena("Ola Bom Dia") == "Olia"
    @test concatena("oi") == "oioi"
    @test concatena("tre") == "trre"
    @test concatena("a") == "Erro: tamanho da string menor do que 2"
    @test concatena("a123") == "a123"
end
```

17.2 Inversão de String

Devemos criar uma função que interte uma string, retornando os caracteres na ordem reversa.

```
function inverte(s::String)::String
    # Inicializamos uma string vazia
    inversa=""

# Intervalo de lenght(s) até 1, a passos de -1
for i in length(s):-1:1
    # Concatena cada caractere na ordem inversa
    inversa*=s[i]
end

return inversa
end
```

inverte (generic function with 1 method)

Para obter o resultado que desejamos, fazemos um laço for que itera do último índice da string, representado por length(s), até o primeiro, concatenando os caracteres nessa ordem na string de retorno. O laço é configurado para decrementar o índice a cada iteração, especificando -1 como passo. Isso nos permite acessar cada caractere da string de trás para frente. E em cada iteração, concatenamos o caractere atual, s[i], à string inversa. Dessa forma, os caracteres são adicionados na ordem inversa.

Agora podemos criar uma função de teste para verificar o funcionamento da nossa função inverte.

```
function testeInverte()
    @test inverte("123") == "321"
    @test inverte("x") == "x"
    @test inverte("SOS") == "SOS"
    @test inverte("tres") == "sert"
end
```

testeInverte (generic function with 1 method)

17.2.1 Função reverse

É interessante notar que Julia já fornece uma função chamada reverse, que pode ser utilizada para inverter tanto vetores quanto strings. Por exemplo:

```
reversa = reverse("exemplo")

"olpmexe"
```

Neste exemplo, a função **reverse** recebe como parâmetro apenas o objeto a ser invertido, mas no caso de vetores, podemos ainda informar exatamente o intervalo que desejamos que seja invertido.

```
vetor = [1, 2, 3, 4, 5]
reversa = reverse(vetor, 2, 4)
```

```
5-element Vector{Int64}:

1

4

3

2

5
```

17.3 Modificação de String

A terceira função modifica altera uma string que termina com "ing" para adicionar "ly" ou, caso contrário, adiciona "ing".

```
function modifica(s::String)::String
  if length(s) < 3
      return "Erro: tamanho da string menor do que 3"
  end

if s[end-2:end] == "ing"
      s = s*"ly"
  else
      s = s*"ing"
  end</pre>
```

```
return s end
```

modifica (generic function with 1 method)

Neste exemplo, verificamos manualmente os últimos três caracteres da string s. No entanto, Julia oferece uma função mais prática e legível chamada endswith, que podemos usar para simplificar essa verificação.

```
function modifica(s::String)::String
  if length(s) < 3
     return "Erro: tamanho da string menor do que 3"
  end

if endswith(s, "ing")
     s = s*"ly"
  else
     s = s*"ing"
  end

return s
end</pre>
```

modifica (generic function with 1 method)

Vamos então escrever o teste que verifica o correto funcionamento das funções anteriores

```
using Test
function testaModifica()
  @test modifica("doing") == "doingly"
  @test modifica("sing") == "singly"
  @test modifica("run") == "runing"
  @test modifica("talk") == "talking"
end
```

testaModifica (generic function with 1 method)

17.4 Rearranjo de letras

A segunda função rearranja recebe uma string e devolve uma string que contém as letras minúsculas primeiro, seguidas pelas letras maiúsculas.

Podemos verificar se uma letra é maiúscula ou minúscula usando a tabela ASCII, que codifica caracteres em números inteiros. Na tabela, as letras maiúsculas estão no intervalo de 65 a 90, e as letras minúsculas no intervalo de 97 a 122.

Para saber mais sobre a tabela ASCII você pode acessar essa página.

```
function rearranja(s::String)::String
   maiusculos=""
   minusculos=""

for i in 1:length(s)
   if Int(s[i]) >= 65 && Int(s[i]) <= 90
        maiusculos = maiusculos*s[i]
   elseif Int(s[i]) >= 97 && Int(s[i]) <= 122
        minusculos = minusculos*s[i]
   end
end

return minusculos*maiusculos</pre>
```

rearranja (generic function with 1 method)

Uma abordagem mais legível é utilizar as funções islowercase e isuppercase, que verificam se uma letra é minúscula ou maiúscula, respectivamente.

```
function rearranja(s::String)::String
  maiusculos=""
  minusculos=""

for i in 1:length(s)
    if isuppercase(s[i])
       maiusculos = maiusculos*s[i]
    elseif islowercase(s[i])
       minusculos = minusculos*s[i]
  end
```

```
end
return minusculos*maiusculos
end
```

rearranja (generic function with 1 method)

Podemos então escrever o teste para nossas funções.

```
function testaRearranja()
    @test rearranja1("PaRaLelO") == "aaelPRLO"
    @test rearranja1("ELEfantE") == "fantELEE"
    @test rearranja1("0lá") == "l0"
    @test rearranja1("13La2") == "aL"
    @test rearranja2("PaRaLelO") == "aaelPRLO"
    @test rearranja2("ELEfantE") == "fantELEE"
    @test rearranja2("0lá") == "lá0"
    @test rearranja2("13La2") == "aL"
end
```

testaRearranja (generic function with 1 method)

17.5 Encontrar a maior palavra

Nossa última função deve receber uma lista de palavras e retornar a maior delas, junto de seu tamanho.

```
function maior_palavra(vetor::Vector{String})
    # Inicialmente, a maoior palavra que encontramos é uma string vazia
    maior_palavra = ""
    maior_tamanho = 0

for palavra in vetor
    # Verifica se a palavra atual é maior que a maior encontrada até agora
    if length(palavra) > maior_tamanho
        maior_palavra = palavra
```

```
maior_tamanho = length(palavra)
  end
end
return maior_palavra, maior_tamanho
end
```

maior_palavra (generic function with 1 method)

end

Apesar de parecer correto, esse código não lida com o caso de haver mais de uma palavra com o maior tamanho. Como por exemplo:

```
vetor = ["boa", "bem", "oi"]
maior_palavra(vetor)

("boa", 3)
```

Nesse caso, apenas a palavra "boa" será retornada, mesmo que "bem" tenha o mesmo tamanho. Para consertar a função devemos alterar a variável em que guardamos a maior palavra, para que possamos armazenar mais de uma palavra, para isso vamos usar um vetor de strings.

```
end
return maiores_palavras, maior_tamanho
end
```

maiores_palavras (generic function with 1 method)

Assim podemos escrever testes para esta última função .

```
using Test

function testeMaioresPalavras()
   vetor1 = ["gato", "elefante", "cachorro"]
   @test maiores_palavras(vetor1) == (["elefante", "cachorro"], 8)

   vetor2 = ["a", "ab", "abc"]
   @test maiores_palavras(vetor2) == (["abc"], 3)

   vetor3 = ["bem", "boa", "bom", "oi"]
   @test maiores_palavras(vetor3) == (["bem", "boa", "bom"], 3)

   vetor4 = ["", " ", "teste"]
   @test maiores_palavras(vetor4) == (["teste"], 5)

   vetor5 = String[]
   @test maiores_palavras(vetor5) == ([], 0)

   vetor6 = ["a", "ab", "abc", "xyz", "xy"]
   @test maiores_palavras(vetor6) == (["abc", "xyz"], 3)
end
```

testeMaioresPalavras (generic function with 1 method)

17.6 Retorno de múltiplos valores

Como visto no exercício anterior, Julia permite que uma função retorne múltiplos valores. Isso permite que você envie mais de um resultado ao chamar uma função, tornando o código mais conciso e fácil de entender. Essa funcionalidade é especialmente útil em situações onde

você precisa de mais de um resultado, como em operações matemáticas, decomposições, ou processamento de dados.

Para retornar múltiplos valores em Julia, você pode simplesmente separá-los por vírgulas. Aqui está um exemplo simples:

```
function troca(a,b)
    aux = a
    a = b
    b = aux

return a, b
end
```

troca (generic function with 1 method)

Ao chamar essa função, você pode capturar os múltiplos valores retornados em variáveis separadas:

```
a, b = troca(1, 10)
(10, 1)
```

Agradecimentos

Diversas pessoas contribuíram, direta ou indiretamente, para a realização deste livro.

O autor principal é o Professor Alfredo Goldman. A revisão do texto e o suporte técnico ficaram a cargo de Lucas de Sousa Rosa, seu orientando de doutorado. Agradecemos, em especial, a Beatriz Viana Costa, que colaborou na redação de alguns capítulos. Agradecemos também os alunos da disciplina MAC0115 (Introdução à Computação para Ciências Exatas e Tecnologia), turma de 2024, por suas contribuições na revisão do conteúdo.