

# Programmering og Problemløsning

## Datalogisk Institut, Københavns Universitet

Jon Sparring

November 21, 2019

# Getting Started

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** imperativ programmering gennem Scratch, kommandoterminalen og filstrukturer, en teksteditor, rapportskrivning i LaTeX

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Installér Scratch, Emacs og LaTeX
2. Start Scratch, og lav et lille program, som flytter katten (eller en anden sprite) rundt på skærmen vha. glide-blokken og gentagelse.
3. Tag et eller flere skærbilleder af jeres program, mens det kører.
4. Skriv en kort rapport i LaTeX vha. Emacs og oversæt den til pdf via kommandoterminalen. Rapporten skal som minimum indeholde:
  - En titel ved brug af `\maketitle`,
  - et afsnit vha. `\section`,
  - en eller flere figurer med skærbillederne fra jeres Scratch program med `\begin{figure}` og `\end{figure}`, og som har en figurtekst,
  - en henvisning til figuren ved brug af `\label` og `\ref` strukturen.
  - de danske bogstaver æ, ø, og å.

# Game

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** lave et spil, lave den første Absalon aflevering

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Hvad kan I lave med 10 blokke?

I Figur 1 ser I 10 Scratch blokke. Jeres opgave er at lave et sjovt program kun ved brug af disse blokke. Hver blok må bruges 0, 1 eller flere gange. Prøv at sammensætte programmet ved at tegne blokkene på papir, og skriv ned, hvad I tror programmet vil gøre. Sæt jer dernæst til computeren, og indtast jeres program. Beskriv, i hvor høj grad programmet gør, som I forventede. Vend dernæst tilbage til designfasen og forbedre evt. programmet. Til slut uploades programmet til gruppens studio i Scratch.

2. Design et spil

I skal designe og implementere et spil efter eget valg. Spillet skal

- indeholde 2-5 sprites
- vare ca. 1 minut at spille
- benytte mindst 1 variabel

Det må benytte alle tilgængelige blokke i Scratch og må gerne minde om et spil I kender. Det er ikke vigtigt, at det er et grafisk eller lydmæssigt prangende spil.

Start med at tale om hvad I kunne tænke jer, spillet skal omhandle. Skitser på papir, hvordan game-playet, skal forløbe. Skitser derefter på papir hvordan det kunne implementeres i Scratch. Indtast programmet på computeren og afprøv, om spillet gør, som I forventer. Vend evt. tilbage til designfasen og forbedre spillet.

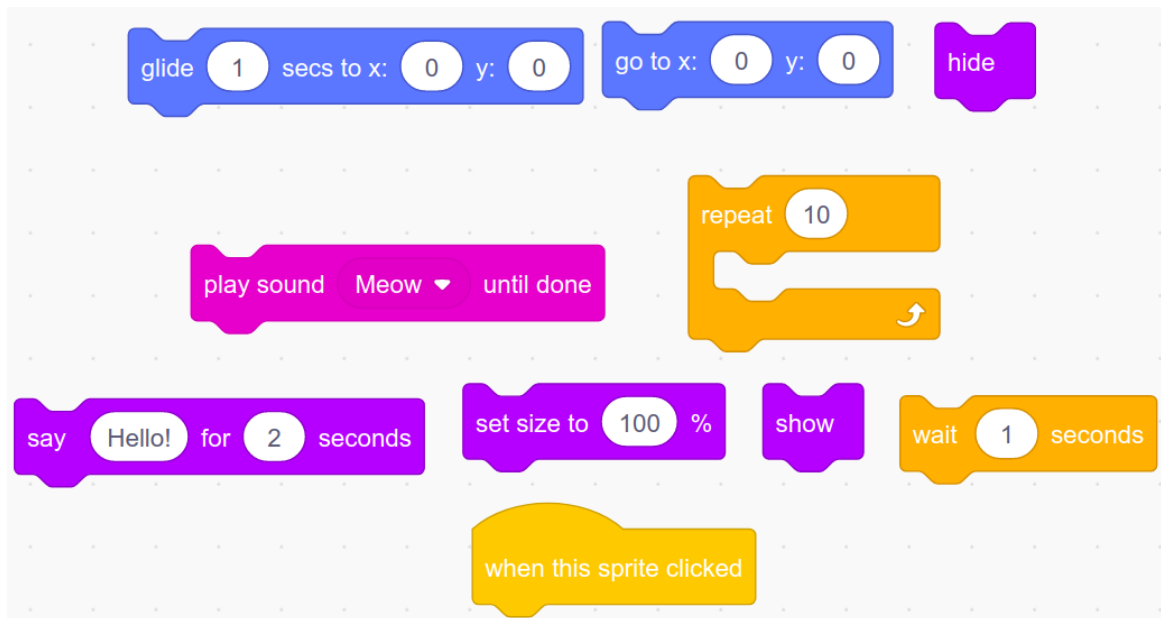


Figure 1: 10 Scratch-blokke

# myFirstFSharp

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** De studerende skal

- lave deres første F# program
- komme til at kende forskellen mellem decimal, binær, hexadecimal, og oktal repræsentation af heltal, samt at kunne konvertere imellem dem.
- komme til at kunne beskrive simple typer i F#: int, float, char, string, bool, samt konvertering imellem dem.
- komme til at kunne bruge F# som en lommeregner.

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Start en interaktiv F# session og indtast følgende (efterfulgt af ny linie):

### Listing 1: My first F#.

```
1 3.14+2.78;;
```

Beskriv (for dig selv), hvad F# gjorde, og hvis der opstod en fejl, find fejlen og gentag.

2. Gentag øvelsen ovenfor, men denne gang indtast udtrykket i Emacs og gem det i en fil med suffix .fsx. Kør filen med fsharp og fsharp+mono. Overvej om resultatet er som forventet, og hvis ikke, forklar hvorfor.
3. Skriv et udtryk, som konkatenerer strengene "hello", " ", "world" og afprøv det i F#.

4. Prøv følgende udtryk i F#,

**Listing 2: Problematic F#.**

```
1 3 + 1.0;;
```

og forklar resultatet. Forbedr evt. udtrykket.

5. Brug papir og blyant til at skriv heltallet  $3_{10}$  op på binær form ved at bruge division-med-2 algoritmen. Skriv heltallet  $1001_2$  op i 10-talssystemet med gang-med-2 algoritmen. Skriv heltallet  $47_{10}$  op på hexadecimal og på oktal form.
6. Indtast  $47_{10}$  på decimal, hexadecimal, oktal, og floating-point form i fsharp, og verificer, at de alle repræsenterer den samme værdi.
7. Udfyld følgende tabel,

Decimal	Binær	Hexadecimal	Oktal
10			
	10101		
		3f	
			73

således at hver række repræsenterer den samme værdi men opskrevet på 4 forskellige former, og angiv mellemregningerne du brugte, for at udregne konverteringerne.

8. Opskriv sandhedstabellen (truth table) for udtrykket  $a$  **or**  $b$  **and**  $c$ , hvor  $a$ ,  $b$  og  $c$  er boolske værdier.
9. Betragt F#-udtrykket  $164uy+230uy$ . Forklar hvad "uy" betyder, udregn udtrykket i F# og diskutér resultatet.
10. Opskriv et F#-udtryk for en streng, som indeholder "abc...æøå" udelukkende ved brug af unicode escapekoder.
11. Opskriv et F#-udtryk, som indicerer det 3. element og substrangen fra det 2. til 4. element i strengen "abcdef".
12. Opskriv to F#-udtryk, som ved brug af indicerings syntaksen udtrækker 1. og 2. ord i strengen "hello world".
13. Betragt F#-udtrykket "hello\nworld\n". Forklar hvad "\n" betyder, evaluér udtrykket i F# og diskutér resultatet.
14. Opskriv et F#-udtryk for en streng, som indeholder "\n" men hvor "\n" ikke opfattes som en escapekode. Hvor mange forskellige måder kan det gøres på?

# bindings

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** bindinger af værdier, funktioner, mutérbare variable, og løkker

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Indtast følgende program i en tekstfil, oversæt og kørs programmet

### Listing 1: Værdibindinger.

```
1 let a = 3
2 let b = 4
3 let x = 5
4 printfn "%A * %A + %A = %A" a x b (a * x + b)
```

Forklar hvad parentesene i kaldet af printfn funktionen gør godt for. Tilføj en linje i programmet, som udregner udtrykket  $ax + b$  og binder resultatet til  $y$ , og modificer kaldet til printfn så det benytter denne nye binding. Er det stadig nødvendigt at bruge parenteser?

2. Listing 1 benytter F#'s letvægtssyntaks (Lightweight syntax). Omskriv programmet (enten med eller uden  $y$  bindingen), så det benytter regulær syntaks.
3. Følgende program,

### Listing 2: Streng.

```
1 let firstName = "Jon"
2 let lastName = "Sparring" in let name = firstName + " " +
  lastName;;
3 printfn "Hello %A!" name;;
```

skulle skrive “Hello Jon Sparring!” ud på skærmen, men det indeholder desværre fejl og vil ikke oversætte. Ret fejlen(e). Omskriv programmet til en linje (uden brug af semikolonner). Overvej hvor mange forskellige måder, dette program kan skrives på, hvor det stadig gør brug af bindingerne `firstName` `lastName` `name` og `printfn` funktionen.

#### 4. Tilføj en funktion

```
f : a:int -> b:int -> x:int -> int
```

til Listing 1, hvor  $a$ ,  $b$  og  $x$  er argumenter til udtrykket  $ax + b$ , og modifier kaldet til `printfn` så det benytter funktionen istedet for udtrykket  $(a * x + b)$ .

- Brug funktionen udviklet i Opgave 4, således at du udskriver værdien af funktionen for  $a = 3$ ,  $b = 4$  og  $x = 0 \dots 5$  ved brug af 6 `printfn` kommandoer. Modifier nu dette program vha. af en `for` løkke og kun en `printfn` kommando. Gentag omskrivningen men nu med en `while` løkke.
- Lav et program, som udskriver 10-tabellen på skærmen, således at der er 10 søjler og 10 rækker formateret som

```

      1  2  ...  10
1  1  2  ...  10
2  2  4  ...  20
:
10 10 20  ... 100
```

hvor venstre søjle og første række angiver de tal som er ganget sammen. Du skal benytte to `for` løkker, og feltbredden for alle tallene skal være den samme.

- Som en variant af Opgave 6, skal der arbejdes med funktionen

```
mulTable : n:int -> string
```

som tager 1 argument og returnerer en streng indeholdende de første  $1 \leq n \leq 10$  linjer i multiplikationstabellen inklusiv ny-linje tegn, således at hele tabellen kan udskrives med et enkelt `printf "%s"` statement. F.eks. skal kald til `mulTable 3` returnere

#### Listing 3: Eksempel på brug og output fra `mulTable`.

```

1 printf "%s" (mulTable 3);;
2     1  2  3  4  5  6  7  8  9 10
3     1  1  2  3  4  5  6  7  8 10
4     2  2  4  6  8 10 12 14 16 20
5     3  3  6  9 12 15 18 21 24 30
```

hvor alle indgange i tabellen har samme bredde. Opgaven har følgende delafleveringer:

- Lav

```
mulTable : n:int -> string
```

så den som lokal værdibinding benytter en og kun en streng, der indholder tabellen for  $n = 10$ , og benyt streng-indicering til at udtrække dele af tabellen for  $n < 10$ . Afprøv `mulTable n` for  $n = 1, 2, 3, 10$ .



(b) Lav

```
loopMulTable : n:int -> string
```

så den benytter en lokal streng-variabel, som bliver opbygget dynamisk vha. 2 `for` løkker og `sprintf`. Afprøv `loopMulTable n` for  $n = 1, 2, 3, 10$ .

- (c) Lav et program, som benytter sammenligningsoperatoren for strenge "=", og som skriver en tabel ud på skærmen med 2 kolonner: `n`, og resultatet af sammenligningen af `mulTable n` med `loopMulTable n` som `true` eller `false`.
- (d) Forklar forskellen mellem at benytte `printf "%s"` og `printf "%A"` til at printe resultatet af `mulTable`.

8. Fakultetsfunktionen kan skrives som,

$$n! = \prod_{i=1}^n i = 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot n \quad (1)$$

(a) Skriv en funktion

```
fac : n:int -> int
```

som benytter en `while` løkke, en tællevariabel og en lokal variabel til at beregne fakultetsfunktionen.

- (b) Skriv et program, som beder brugeren indtaste et tal `n`, læser det fra tastaturet, og derefter udskriver resultatet af `fac n`.
- (c) Hvad er det største  $n$ , som funktionen kan beregne fakultetsfunktionen for, og hvad er begrænsningen? Lav en ny version,

```
fac : n:int -> int64
```

som benytter `int64` istedet for `int` til at beregne fakultetsfunktionen. Hvad er nu det største  $n$ , som funktionen kan beregne fakultetsfunktionen for?

9. Betragt følgende sum af heltal,

$$\sum_{i=1}^n i. \quad (2)$$

Man kan ved induktion vise, at  $\sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$ ,  $n \geq 0$ . Opgaven har følgende delafleveringer:

(a) Skriv en funktion

```
sum : n:int -> int
```

som ud over tællerværdien benytter en lokal variabel `s` og en `while` løkke til at udregne summen  $1 + 2 + \dots + n$ .

(b) Lav en funktion

```
simpleSum : n:int -> int
```

som i stedet benytter formelen  $\frac{n(n+1)}{2}$ .

- (c) Skriv et program, som beder brugeren indtaste et tal `n`, læser det fra tastaturet, og derefter udskriver resultatet af `sum n` og `simpleSum n`.
- (d) Lav et program, som skriver en tabel ud på skærmen med 3 kolonner: `n`, `sum n` og `simpleSum n`, og et passende antal rækker. Verificer ved hjælp af tabellen at de 2 funktioner beregner til samme resultat.
- (e) Hvad er det største  $n$  de 2 versioner kan beregne `sum` funktionen korrekt for? Hvordan kan programmet modificeres, så funktionen kan beregnes for større værdier af  $n$ ?

# RGB

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** Højere-ordens funktioner, currying

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

En farve repræsenteres ofte som en triple (rød, grøn, blå), hvor hver indgang kaldes en farvekanal eller blot en kanal, og hver kanal er typisk et heltal mellem 0 og 255:

$$c = (r, g, b) \tag{1}$$

Farver kan lægges sammen ved at addere deres kanaler,

$$c_1 + c_2 = (\text{trunc}(r_1 + r_2), \text{trunc}(g_1 + g_2), \text{trunc}(b_1 + b_2)), \tag{2}$$

$$c_i = (r_i, g_i, b_i) \tag{3}$$

$$\text{trunc}(v) = \begin{cases} 0, & v < 0 \\ 255, & v > 255 \\ v, & \text{ellers} \end{cases} \tag{4}$$

og farver kan skaleres ved at gange hver kanal med samme konstant.

$$ac = (\text{trunc}(ar), \text{trunc}(ag), \text{trunc}(ab)) \tag{5}$$

Farver, hvor alle kanaler har samme værdi,  $v = r = g = b$ , kaldes gråtoner, og man kan konvertere en farve til gråtone ved at udregne gråtoneværdien som gennemsnittet af de 3 kanaler,

$$v = \text{gray}(c) = \frac{r + g + b}{3} \tag{6}$$

### 3 Opgave(r)

1. Skriv en signaturfil for et modul, som indeholder funktionerne `trunc`, `add`, `scale`, og `gray` ud fra ovenstående matematiske definitioner og ved brug af tupler, hvor muligt.
2. Skriv en implementation af ovenstående signaturfil og kompilér begge filer til et bibliotek (dll-fil).
3. Skriv 2 programmer: Et som benytter ovenstående bibliotek via `fsharp` og et som benytter det via `fsharp`.
4. Lav en White-box afprøvning af jeres bibliotek og ved brug af `fsharp`.
5. Udvid biblioteket (både signatur og implementationsfilen) med en funktion, som konverterer en farvetriplet til en gråtonetriplet. Udvid afprøvningen med en passende afprøvning af den nye funktion. Diskutér om bibliotek, program, og afprøvning er struktureret på en måde, så denne udvidelse har været let, eller om der er u hensigtsmæssige afhængigheder, som gør rettelse, vedligeholdelse og udvidelse besværlig og med risiko for fejl.

# vec

Jon Sporring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** Moduler, namespaces og afprøvning

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

Opgaven omhandler to-dimensionelle vektorer. En to-dimensionel vektor (herefter blot vektor) er et geometrisk objekt som består af en retning og en længde. Typisk repræsenteres vektorer som par af tal  $\vec{v} = (x, y)$ , hvor længden og retningen findes ved,

$$\text{len}(\vec{v}) = \sqrt{x^2 + y^2} \quad (1)$$

$$\text{ang}(\vec{v}) = \text{atan2}(y, x) \quad (2)$$

Vektorens ender kaldes hhv. hale og spids, og når halen placeres i  $(0, 0)$ , så vil spidsen have koordinat  $(x, y)$ . Vektorer har en række standardoperatorer,

$$\vec{v}_1 = (x_1, y_1) \quad (3)$$

$$\vec{v}_2 = (x_2, y_2) \quad (4)$$

$$a\vec{v}_1 = (ax_1, ay_1) \quad (5)$$

$$\vec{v}_1 + \vec{v}_2 = (x_1 + x_2, y_1 + y_2) \quad (6)$$

$$\vec{v}_1 \cdot \vec{v}_2 = x_1x_2 + y_1y_2 \quad (7)$$

Addition kan tegnes som vist i Figure 1.

## 3 Opgave(r)

1. Skriv et bibliotek `vec2d.fs`, som implementerer signatur filen givet i Listing 1.

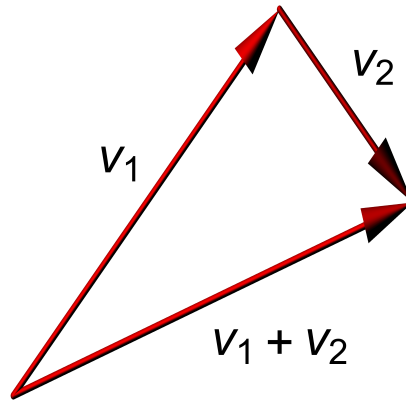


Figure 1: Illustration of vector addition in two dimensions.

**Listing 1 vec2d.fsi:**  
A signature file.

```

1  /// A 2 dimensional vector library.
2  /// Vectors are represented as pairs of floats
3  module vec2d
4  /// The length of a vector
5  val len : float * float -> float
6  /// The angle of a vector
7  val ang : float * float -> float
8  /// Multiplication of a float and a vector
9  val scale : float -> float * float -> float * float
10 /// Addition of two vectors
11 val add : float * float -> float * float -> float * float
12 /// Dot product of two vectors
13 val dot : float * float -> float * float -> float

```

2. Skriv en White-box afprøvning af biblioteket.
3. Punkter på en cirkel med radius 1 kan beregnes som  $(\cos \theta, \sin \theta)$ ,  $\theta \in [0, 2\pi)$ . Betragt det lukkede polygon, som består af  $n > 1$  punkter på en cirkel, hvor  $\theta_i = \frac{2\pi i}{n}$ ,  $i = 0..(n-1)$ . Skriv et program med en funktion,

`polyLen : n:int -> float`

som benytter ovenstående bibliotek til at udregne længden af polygonet. Længden udregnes som summen af længden af vektorerne mellem nabopunkter. Programmet skal desuden udskrive en tabel af længder for et stigende antal værdier  $n$ , og resultaterne skal sammenlignes med omkredsen af cirklen med radius 1. Ud fra tabellen, hvad ser det ud til at der sker med længden af polygonet, når  $n \rightarrow \infty$ ?

4. Biblioteket vec2d tager udgangspunkt i en repræsentation af vektorer som par (2-tupler). Lav et udkast til en signaturfil for en variant af biblioteket, som undgår tupler helt. Diskutér eventuelle udfordringer og større ændringer, som varianten ville kræve, både for implementationen og programmet.

# modules

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Moduler, namespaces og afprøvning

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

En farve repræsenteres ofte som en triple (rød, grøn, blå), hvor hver indgang kaldes en farvekanal eller blot en kanal, og hver kanal er typisk et heltal mellem 0 og 255:

$$c = (r, g, b) \tag{1}$$

Farver kan lægges sammen ved at addere deres kanaler,

$$c_1 + c_2 = (\text{trunc}(r_1 + r_2), \text{trunc}(g_1 + g_2), \text{trunc}(b_1 + b_2)), \tag{2}$$

$$c_i = (r_i, g_i, b_i) \tag{3}$$

$$\text{trunc}(v) = \begin{cases} 0, & v < 0 \\ 255, & v > 255 \\ v, & \text{ellers} \end{cases} \tag{4}$$

og farver kan skaleres ved at gange hver kanal med samme konstant.

$$ac = (\text{trunc}(ar), \text{trunc}(ag), \text{trunc}(ab)) \tag{5}$$

Farver, hvor alle kanaler har samme værdi,  $v = r = g = b$ , kaldes gråtoner, og man kan konvertere en farve til gråtone ved at udregne gråtoneværdien som gennemsnittet af de 3 kanaler,

$$v = \text{gray}(c) = \frac{r + g + b}{3} \tag{6}$$

### 3 Opgave(r)

1. Skriv en signaturfil for et modul, som indeholder funktionerne `trunc`, `add`, `scale`, og `gray` ud fra ovenstående matematiske definitioner og ved brug af tupler, hvor muligt.
2. Skriv en implementation af signaturfil fra Opgave 1 og kompilér begge filer til et bibliotek (dll-fil).
3. Skriv 2 programmer: Et som benytter biblioteket udviklet i Opgave 1 og 2 via `fsharpi` og et som benytter det via `fsharpc`.
4. Lav en White-box afprøvning af jeres bibliotek fra Opgave 2 og ved brug af `fsharpc`.
5. Udvid biblioteket (både signatur- og implementationsfilen fra Opgave 1 og 2) med en funktion, som konverterer en farvetriplet til en gråtonetriplet. Udvid afprøvningen med en passende afprøvning af den nye funktion. Diskutér om bibliotek, program, og afprøvning er struktureret på en måde, så denne udvidelse har været let, eller om der er uhensigtsmæssige afhængigheder, som gør rettelse, vedligeholdelse og udvidelse besværlig og med risiko for fejl.

# lister

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** lister og arrays

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Skriv en funktion `oneToN : n:int -> int list`, som returnerer listen af heltal `[1; 2; ...; n]`.
2. Skriv en funktion `multiplicity: x:int -> xs:int list -> int`, som tæller antallet af gange tallet `x` optræder i listen `xs`.
3. Skriv funktionen `split: xs:int list -> (xs1: int list) * (xs2: int list)`, som deler listen `xs` i 2 og returnerer resultatet som en tuple, hvor alle elementer med lige index er i første element og resten i andet element. F.eks. `split [x0; x1; x2; x3; x4]` skal returnere `([x0; x2; x4], [x1; x3])`.
4. Definer en funktion `reverseApply : x:'a -> f:('a -> 'b) -> 'b`, sådan at kaldet `reverseApply x f` returnerer resultatet af funktionsanvendelsen `f x`.
5. Forklar forskellen mellem typerne `int -> (int -> int)` og `(int -> int) -> int`, og giv et eksempel på en funktion af hver type.
6. Brug `List.filter` til at lave en funktion `evens : lst:int list -> int list`, der returnerer de lige heltal i liste `lst`.
7. Brug `List.map` og `reverseApply` (fra Opgave 4) til at lave en funktion `applylist : lst:('a -> 'b) list -> x:'a -> 'b list`, der anvender en liste af funktioner `lst` på samme element `x` for at returnere en liste af resultater.
8. Opskriv typerne for funktionerne `List.filter` og `List.foldBack`.



9. En snedig programmør definerer en sorteringsfunktion med definitionen `ssort xs = Set.toList (Set.ofList xs)`. For eksempel giver `ssort [4; 3; 7; 2]` resultatet `[2; 3; 4; 7]`. Diskutér, om programmøren faktisk er så snedig, som han tror.
10. Brug `Array.init` til at lave en funktion `squares: n:int -> int []`, sådan at kaldet `squares n` returnerer arrayet af de  $n$  første kvadrattal. For eksempel skal `squares 5` returnere arrayet `[1; 4; 9; 16; 25]`.
11. Skriv en funktion `reverseArray : arr:'a [] -> 'a []` ved brug af `Array.init` og `Array.length`, og som returnerer arrayet med elementerne i omvendt rækkefølge af `arr`. For eksempel skal kaldet `printfn "%A" (reverseArray [|1..5|])` udskrive `[5; 4; 3; 2; 1]`.
12. Brug en `while`-løkke og overskrivning af array-elementer til at skrive en funktion `reverseArrayD : arr:'a [] -> unit`, som overskriver værdierne i arrayet `arr`, så elementerne kommer i omvendt rækkefølge. Sekvensen
 

```
let aa = [|1..5|]
reverseArrayD aa
printfn "%A" aa
```

 skal altså udskrive `[5; 4; 3; 2; 1]`.
13. Brug `Array2D.init`, `Array2D.length1` og `Array2D.length2` til at lave en funktion `transpose : 'a [,] -> 'a [,]` som returnerer det transponerede argument, dvs. spejler det over diagonalen.
14. En tabel kan repræsenteres som en ikke tom liste af lister, hvor alle listerne er lige lange. Listen `[|1; 2; 3|; |4; 5; 6|]` repræsenterer for eksempel tabellen

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{bmatrix}$$

- (a) Lav en funktion `isTable : llst:'a list list -> bool`, der givet en liste af lister afgør, om det er en lovlig ikke-tom tabel. For at det er en lovlig ikke-tom tabel, skal der gælde følgende:
  - Der er mindst en liste med mindst et element.
  - Alle lister i tabellen har ens længde.
- (b) Lav en funktion `firstColumn : llst:'a list list -> 'a list`, der tager en liste af lister og returnerer listen af førstelementer i de indre lister. F.eks. skal `firstColumn [|1; 2; 3|; |4; 5; 6|]` returnere listen `[1; 4]`. Hvis en eller flere af listerne er tomme, skal funktionen returnere den tomme liste af heltal `[] : int list`.
- (c) Lav en funktion `dropFirstColumn : llst:'a list list -> 'a list list`, der tager en liste af lister og returnerer en liste af lister, hvor førstelementerne i de indre lister er fjernet. F.eks. skal `dropFirstColumn [|1; 2; 3|; |4; 5; 6|]` returnere `[|2; 3|; |5; 6|]`.
- (d) Lav en funktion `transpose : llst:'a list list -> 'a list list`, der spejler tabelens indgange over diagonalen, så den transponerede tabel til den herover viste tabel er

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 5 \\ 3 & 6 \end{bmatrix}$$

Kaldet `transpose` `[[1; 2; 3]; [4; 5; 6]]` skal altså returnere `[[1; 4]; [2; 5]; [3; 6]]`. Bemærk, at `transpose (transpose t) = t`, hvis `t` er en tabel. Tip: Brug funktionerne `firstColumn` og `dropFirstColumn`.

15. Brug funktionerne opremset i [Kapitel 11, Spørring] til at definere en funktion `concat : 'a list list -> 'a list`, der sammensætter en liste af lister til en enkelt liste. F.eks. skal `concat [[2]; [6; 4]; [1]]` give resultatet `[2; 6; 4; 1]`.
16. Brug funktionerne fra [Kapitel 11, Spørring] til at definere en funktion `gennemsnit : float list -> float option`, der finder gennemsnittet af en liste af kommatall, såfremt dette er veldefineret, og `None`, hvis ikke.

# recursion

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Rekursion

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Skriv en funktion, `fac : n:int -> int`, som udregner fakultetsfunktionen  $n! = \prod_{i=1}^n i$  vha. rekursion.
2. Skriv en funktion, `sum : n:int -> int`, som udregner summen  $\sum_{i=1}^n i$  vha. rekursion. Lav en tabel som i Opgave 3i0 og sammenlign denne implementation af sum med `while`-implementation og `simpleSum`.
3. Skriv en funktion, `sum : int list -> int`, som tager en liste af heltal og returnerer summen af alle tallene. Funktionen skal traversere listen vha. rekursion.
4. Den største fællesnævner mellem 2 heltal,  $t$  og  $n$ , er det største heltal  $c$ , som går op i både  $t$  og  $n$  med 0 til rest. Euclids algoritme<sup>1</sup> finder den største fællesnævner vha. rekursion:

$$\text{gcd}(t, 0) = t, \quad (1)$$

$$\text{gcd}(t, n) = \text{gcd}(n, t \% n), \quad (2)$$

hvor `%` er rest operatoreren (som i F#).

- (a) Implementer Euclids algoritme, som en rekursive funktion

`gcd : t:int -> n:int -> int`

- (b) lav en white- og black-box test af den implementerede algoritme,

- (c) Lav en håndkøring af algoritmen, gerne på papir, for `gcd 8 2` og `gcd 2 8`.

---

<sup>1</sup>[https://en.wikipedia.org/wiki/Greatest\\_common\\_divisor](https://en.wikipedia.org/wiki/Greatest_common_divisor)

5. Lav dine egne implementationer af `List.fold` og `List.foldback` ved brug af rekursion.
6. Benyt `List.fold` og `List.foldback` og dine egne implementeringer fra Opgave 5 til at udregne summen af listen `[0 .. n]`, hvor `n` er et meget stort tal, og sammenlign tiden, som de fire programmer tager. Diskutér forskellene.

# continuedFractions

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Rekursion

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

I denne opgave skal I regne med kædebrøker (continued fractions)<sup>1</sup>. Kædebrøker er lister af heltal, som repræsenterer reelle tal. Listen er endelig for rationelle tal og uendelig for irrationelle tal.

**Kædebrøk til decimalbrøk** En kædebrøk skrives som:  $x = [q_0; q_1, q_2, \dots]$ , hvilket svarer til tallet,

$$x = q_0 + \frac{1}{q_1 + \frac{1}{q_2 + \dots}}. \quad (1)$$

F.eks. svarer kædebrøken  $[3; 4, 12, 4]$  til følgende decimaltal:

$$x = 3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{12 + \frac{1}{4}}} \quad (2)$$

$$= 3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{12.25}} \quad (3)$$

$$= 3 + \frac{1}{4.081632653} \quad (4)$$

$$= 3.245. \quad (5)$$

Altså er  $[3; 4, 12, 4] = 3.245$ .

---

<sup>1</sup>[https://en.wikipedia.org/wiki/Continued\\_fraction](https://en.wikipedia.org/wiki/Continued_fraction)

**Decimaltal til kædebrøk** For et givet tal  $x$  på decimalform kan dets kædebrøk  $[q_0; q_1, q_2, \dots]$  udregnes ved følgende algoritme: Lad  $x_0 = x$  og  $i \geq 0$ , udregn

$$q_i = \lfloor x_i \rfloor \quad (6)$$

$$r_i = x_i - q_i \quad (7)$$

$$x_{i+1} = 1/r_i \quad (8)$$

$$(9)$$

indtil  $r_i = 0$ . F.eks. for decimaltallet  $x = 3.245$  beregnes:

$i$	$x_i$	$q_i = \lfloor x_i \rfloor$	$r_i = x_i - q_i$	$x_{i+1} = 1/r_i$
0	3.245	3	0.245	4.081632653...
1	4.081632653...	4	0.081632653	12.25
2	12.25	12	0.25	4
3	4	4	0	-

Resultatet aflæses i anden søjle:  $3.245 = [3; 4, 12, 4]$ .

**Heltalsbrøk til kædebrøk** Kædebrøken for en heltals brøk  $t/n$  udregnes ved følgende algoritme: Lad  $r_{-2} = t$  og  $r_{-1} = n$  og  $i \geq -2$ , udregn

$$r_i = r_{i-2} \% r_{i-1} \quad (\text{rest ved heltalsdivision}), \quad (10)$$

$$q_i = r_{i-2} \text{ div } r_{i-1} \quad (\text{heltalsdivision}), \quad (11)$$

indtil  $r_{i-1} = 0$ . Så vil  $[q_0; q_1, \dots, q_j]$  vil være  $t/n$  som kædebrøk. F.eks. for brøken  $t/n = 649/200$  beregnes:

$i$	$r_{i-2}$	$r_{i-1}$	$r_i = r_{i-2} \% r_{i-1}$	$q_i = r_{i-2} \text{ div } r_{i-1}$
0	649	200	49	3
1	200	49	4	4
2	49	4	1	12
3	4	1	0	4
4	1	0	-	-

Kædebrøken aflæses som højre søjle:  $649/200 = [3; 4, 12, 4]$ .

Kædebrøker af heltalsbrøker  $t/n$  er særligt effektive at udregne vha. Euclids algoritme for største fællesnævner. Algoritmen i Opgave ?? regner rekursivt på relationen mellem heltalsdivision og rest: Hvis  $a = t \text{ div } n$  er heltalsdivision mellem  $t$  og  $n$ , og  $b = t \% n$  er resten efter heltalsdivision, så er  $t = an + b$ . For (10)–(11) skal der altså gælde, at  $r_{i-2} = q_i r_{i-1} + r_i$ . Algoritmen i Opgave ?? regner udelukkende på  $r_i$  som transformationen  $(r_{i-2}, r_{i-1}) \rightarrow (r_{i-1}, r_i) = (r_{i-1}, r_{i-2} \% r_{i-1})$  indtil  $(r_{i-2}, r_{i-1}) = (r_{i-2}, 0)$ . Hvis man tilføjer beregning af  $q_i$  i rekursionen, har man samtidigt beregnet brøken som kædebrøk.

**Kædebrøk til Heltalsbrøk(er)** En kædebrøk kan approximeres som en heltalsbrøk  $\frac{t_i}{n_i}, i \geq 0$  ved følgende algoritme. Lad  $t_{-2} = n_{-1} = 0$  og  $t_{-1} = n_{-2} = 1$ , udregn

$$t_i = q_i t_{i-1} + t_{i-2}, \quad (12)$$

$$n_i = q_i n_{i-1} + n_{i-2}, \quad (13)$$

indtil  $i$  er passende stor, eller der ikke er flere cifre  $q_i$ . F.eks. for kædebrøken  $[3; 4, 12, 4]$  beregnes,

$$\frac{t_0}{n_0} = \frac{q_0 t_{-1} + t_{-2}}{q_0 n_{-1} + n_{-2}} = \frac{3 \cdot 1 + 0}{3 \cdot 0 + 1} = \frac{3}{1} = 3, \quad (14)$$

$$\frac{t_1}{n_1} = \frac{q_1 t_0 + t_{-1}}{q_1 n_0 + n_{-1}} = \frac{4 \cdot 3 + 1}{4 \cdot 1 + 0} = \frac{13}{4} = 3.25, \quad (15)$$

$$\frac{t_2}{n_2} = \frac{q_2 t_1 + t_0}{q_2 n_1 + n_0} = \frac{12 \cdot 13 + 3}{12 \cdot 4 + 1} = \frac{159}{49} = 3.244897959\dots, \quad (16)$$

$$\frac{t_3}{n_3} = \frac{q_3 t_2 + t_1}{q_3 n_2 + n_1} = \frac{4 \cdot 159 + 13}{4 \cdot 49 + 4} = \frac{649}{200} = 3.245. \quad (17)$$

Altså kan kædebrøkken  $[3; 4, 12, 4]$  approximeres som heltalsbrøkkerne  $3/1$ ,  $13/4$ ,  $159/49$  og  $649/200$  med gradvist stigende nøjagtighed.

### 3 Opgave(r)

1. Skriv en rekursiv funktion

```
cfrac2float : lst:int list -> float
```

som tager en liste af heltal som kædebrøk og udregner det tilsvarende reelle tal.

2. Skriv en rekursiv funktion

```
float2cfrac : x:float -> int list
```

som tager et reelt tal og udregner dens repræsentation som kædebrøk.

3. Skriv en rekursiv funktion

```
frac2cfrac : t:int -> n:int -> int list
```

som tager tæller og nævner i brøken  $t/n$  og udregner dens repræsentation som kædebrøk udelukkende ved brug af heltalstyper.

4. Skriv en rekursiv funktion

```
cfrac2frac : lst:int list -> i:int -> int * int
```

som tager en kædebrøk og et index og returnerer  $t_i/n_i$  approximationen som tuplen  $(t_i, n_i)$ .

5. Saml alle ovenstående funktioner i et bibliotek bestående af dets interface og implementationsfil (`continuedFraction.fsi` `continuedFraction.fs`), og lav en applikationsfil, der udfører en white- og black-box test af funktionerne.

# sort

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Mønstergenkendelse og black-box test

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Betragt insertion sort funktionen `isort`. Omskriv funktionen `insert` således, at den benytter sig af pattern matching på lister.
2. Betragt bubble sort funktionen `bsort`. Omskriv den, at den benytter sig af pattern matching på lister. Funktionen kan passende benytte sig af “nested pattern matching” i den forstand at den kan implementeres med et match case der udtrækker de to første elementer af listen samt halen efter disse to elementer.
3. Opskriv black-box tests for de to sorteringsfunktioner og vær sikker på at grænsetilfældene dækkes (ingen elementer, et element, to elementer, samt flere elementer, sorteret, omvendt sorteret, etc.)
4. Omskriv funktionen `merge`, som benyttes i forbindelse med funktionen `msort` (mergesort) fra forelæsningen, således at den benytter sig af pattern matching på lister.
5. Opskriv black-box tests for sorteringsfunktionen `msort` og vær sikker på at grænsetilfældene dækkes (ingen elementer, et element, to elementer, samt flere elementer, sorteret, omvendt sorteret, etc.)



# Random Text

Jon Sparring

October 20, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Functional programming, histograms, random values

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

H.C. Andersen (1805-1875) is a Danish author who wrote plays, travelogues, novels, poems, but perhaps is best known for his fairy tales. An example is Little Claus and Big Claus (Danish: Lille Claus og store Claus), which is a tale about a poor farmer, who outsmarts a rich farmer. A translation can be found here: [http://andersen.sdu.dk/vaerk/hersholt/LittleClausAndBigClaus\\_e.html](http://andersen.sdu.dk/vaerk/hersholt/LittleClausAndBigClaus_e.html). It starts like this:

Hans Christian Andersen's "Lille Claus og Store Claus" translated by Jean Hersholt.

In a village there lived two men who had the self-same name. Both were named Claus. But one of them owned four horses, and the other owned only one horse; so to distinguish between them people called the man who had four horses Big Claus, and the man who had only one horse Little Claus. Now I'll tell you what happened to these two, for this is a true story."

A translation of the tale is distributed with this exercise as `littleClausAndBigClaus.txt` and will henceforth be called The Story.

Markov Chains are models which can be used to describe texts. It is a probabilistic model, where the probability of the next element is modeled to depend at most on the previous  $n$  elements,

$$p(e_i | e_{i-1}, e_{i-2}, \dots, e_{i-n}) \quad (1)$$

Elements could be characters or words, and  $n$  is called the order of the chain. It turns out that when estimating the probabilities for a natural text, the longer the chain, the more randomly generated texts resemble a human-generated text.

In this assignment, you are to work with simple text processing, analyze the statistics of the text, and use this to generate a new text with similar statistics. You are to write a number of functions, which all are to be placed in a single library file called `textAnalysis.fs`

### 3 Opgave(r)

1. The script `readFile.fsx` reads the content of the text file `readFile.fsx`. Convert this script into a function which can read the content of any text file and has the following type:

```
readText : filename:string -> string
```

Add this function to your library.

2. Add a function to your library which converts a string, such that all letters are converted to lower case, and removes all characters except a...z and space. It should have the following type:

```
convertText : src:string -> string
```

3. Write a function,

```
histogram : src:string -> int list
```

which counts occurrences of each of the characters `['a'..'z']@[' ']` in a string and returns a list. The first element of the list should be the count of 'a's, second the count of 'b's etc. Use this function to replace the mockup function in your library.

4. Write a white-box test of the library functions `readText`, `convertText`, and `histogram`, and add these to your test file.
5. The script `mockup.fsx` contains a number of functions including

```
randomString : hist:int list -> len:int -> string
```

The function `randomString` generates an identically and independently distributed string of a given length, where the characters are distributed according to a given histogram. The script is complete in the sense that it compiles and runs without errors, but its `histogram` function is a mockup function and does not produce the correct histograms.

Create the library file `textAnalysis.fs` and add the functions from `mockup.fsx`

6. The function `randomString` is not easily tested using white- or blackbox testing since it is a random function. Instead you are to test its output by the histogram of the characters in the string it produces.

Extend your library with the function,

```
diff : h1:int list -> h2:int list -> double
```

which compares two histograms as the average sum of squared differences,

$$\text{diff}(h_1, h_2) = \frac{1}{N} \sum_{i=0}^{N-1} (h_1(i) - h_2(i))^2 \quad (2)$$

where  $h_1$  and  $h_2$  are two histograms of  $N$  elements.

Extend your test file with a test of `randomString` as follows:

- (a) Convert The Story using `convertText` and calculate its histogram.

- (b) Use this to generate a random text using `randomString` with length  $N$ , where  $N$  is the length of the converted The Story.
- (c) Calculate the distance between the histograms of The Story and the random texts using `diff`.
- (d) Set the test as passed if the difference is below some threshold.

You must choose a threshold in the above, and you must argue for your choice.

7. Extend your library with the function

```
cooccurrence : src:string -> int list list
```

which counts occurrences of each pairs of lower-case letter of the English alphabet including space in a string and returns a list of lists (a table). In the returned list, the first element should be a list of the counts of 'a' being the initial character, i.e., how many times "aa", "ab", "ac", ..., "az", "a " was observed. The second list should contain the counts of combinations starting with 'b', i.e., how many times "ba", "bb", "bc", ... was observed and so on. The function should include overlapping pairs, for example, the input string "abcd" has the pairs "ab", "bc", and "cd".

8. Extend your test file with a white-box test of `cooccurrence`.

9. Extend your library with a function

```
markovChain : cooc:int list list -> len:int -> string
```

which generates a random string of length `len`, whose character pairs are distributed according to the cooccurrence histogram `cooc`.

10. The function `markovChain` is a random function, and you are to test its output by the cooccurrences of the characters in the string it produces.

Extend your library with the function,

```
diff2 : c1:int list list -> c2:int list list -> double
```

which compares two histograms as the average sum of squared differences,

$$\text{diff2}(c_1, c_2) = \frac{1}{N^2} \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{N-1} (c_1(i, j) - c_2(i, j))^2 \quad (3)$$

where  $c_1$  and  $c_2$  are two cooccurrence histograms of  $N$  elements such that  $c_1(i, j)$  is the number of times character number  $i$  is found following character number  $j$ .

Extend your test file with a test of `markovChain` as follows:

- (a) Convert The Story using `convertText` and calculate its cooccurrence histogram.
- (b) Use this to generate a random text using `markovChain` with length  $N$ , where  $N$  is the length of the converted The Story.
- (c) Calculate the distance between the cooccurrence histograms of The Story and the random texts using `diff2`.
- (d) Set the test as passed if the difference is below some threshold.

You must choose a threshold in the above, and you must argue for your choice.

11. The function `randomString` may be considered a zero-order Markov Chain model, since each generated character is independent on any previously generated characters. The function `fstOrderMarkovModel` generates new characters dependent on the previous character and is therefore a first-order Markov Chain model. Consider a similar extension to an  $n$ 'th-order Markov Chain where the occurrences of  $n$ -tuples of characters are stored in `n : int list list ... list`. What possible pit-falls are there with this representation?
12. Extend your library with a function that counts occurrences of each word in a string and returns a list. The counts must be organized as a list of trees using the following `Tree` type:

```
type Tree = Node of char * int * Tree list
```

An illustration of a value of this type is shown in Figure 1 Words are to be represented as the

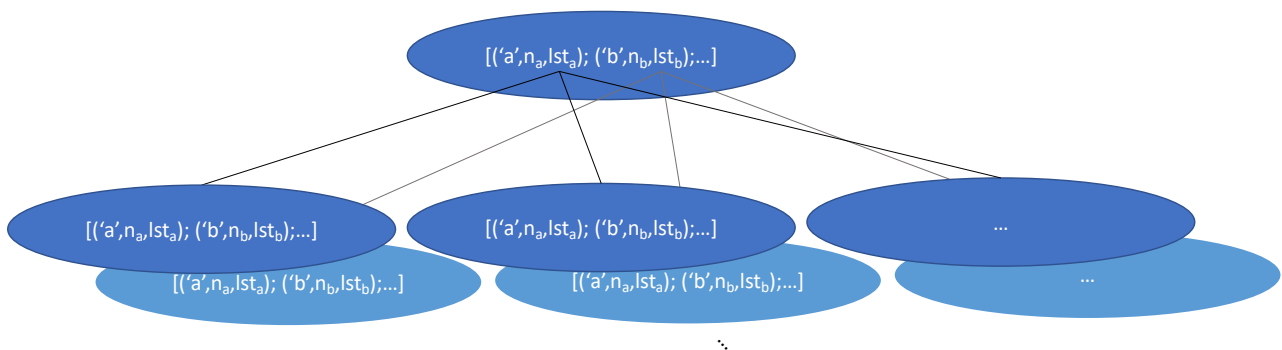


Figure 1: An illustration of a list of values of the type `Tree`.

sequence of characters from the root til a node. The associated integer to each node counts the occurrence of a word ending in that node. Thus, if the count is 0, then no word with that endpoint has occurred. For example, a string with the words “a abc ba” should result in the following tree,

```
[Node ('a', 1, [Node ('b', 0, [Node ('c', 1, [])])]);
 Node ('b', 0, [Node ('a', 1, [])])]
```

Notice, the counts are zero for the combinations “ab” and “b”, which are words not observed in the string. The function must have the type:

```
wordHistogram : src:string -> Tree list
```

13. Write a white-box test of `wordHistogram`, and add it to your test file.
14. Extend your library with a function

```
randomWords : wHist:Tree list -> nWords:int -> string
```

which generates a string with `nWords` number of words randomly selected to match the word-histogram in `wHist`.

15. The function `randomWords` is a random function, and you are to test its output by the histogram of the words in the string it produces.
- Extend your library with the function,

```
diffw : t1:Tree list -> t2:Tree list -> double
```

which compares two word-histograms as the average sum of squared differences,

$$\text{diffw}(t_1, t_2) = \frac{1}{M} \sum_{i=0}^{M-1} (t_1(i) - t_2(i))^2 \quad (4)$$

where  $t_1$  and  $t_2$  are two word histograms, and  $M$  is the total number of different words observed in the two texts.

Extend your test file with a test of `randomWords` as follows:

- (a) Convert The Story using `convertText` and calculate its word histogram.
- (b) Use this to generate a random text using `randomWords` with  $M$  words, where  $M$  is the number of words in the converted The Story.
- (c) Calculate the distance between the word histograms of The Story and the random texts using `diffw`.
- (d) Set the test as passed if the difference is below some threshold.

You must choose a threshold in the above, and you must argue for your choice.

16. In terms of a Markov Chain, what order is `randomWords`? Suggest an extension of `type Tree` to include first order Markov Chains. Speculate on whether this principle can be used to extend to  $n$ 'th order models, and, in case, speculate on how the storage requirements will grow as  $n$  grows.
17. Write a short report, which
  - is no larger than 5 pages;
  - includes answers to questions posed;
  - contains a brief discussion on how your implementation works, and if there are any possible alternative implementations, and in that case, why you chose the one, you did;
  - includes output that demonstrates that your solutions work as intended.

# imgutil

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** rekursion, grafik og winforms

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Ved at benytte biblioteket `ImgUtil`, som beskrevet i forelæsningen, er det muligt at tegne simpel liniegrafik samt fraktaler, som f.eks. Sierpinski-fraktalen, der kan tegnes ved at tegne små firkanter bestemt af et rekursivt mønster. Koden for Sierpinski-trekanten er givet som følger:

```
open ImgUtil

let rec triangle bmp len (x,y) =
    if len < 25 then setBox blue (x,y) (x+len,y+len) bmp
    else let half = len / 2
         do triangle bmp half (x+half/2,y)
         do triangle bmp half (x,y+half)
         do triangle bmp half (x+half,y+half)

do runSimpleApp "Sierpinski" 600 600 (fun bmp -> triangle bmp
    512 (30,30) |> ignore)
```

Tilpas funktionen således at trekanten tegnes med røde streger samt således at den kun tegnes 2 rekursionsniveauer ned. Hint: dette kan gøres ved at ændre betingelsen `len < 25`.

2. I stedet for at benytte `ImgUtil.runSimpleApp` funktionen skal du nu benytte `ImgUtil.runApp`, som giver mulighed for at din løsning kan styres ved brug af tastaturet. Funktionen `ImgUtil` har følgende type:

```
val runApp : string -> int -> int
            -> (int -> int -> 's -> System.Drawing.Bitmap)
            -> ('s -> System.Windows.Forms.KeyEventArgs)
```

```

        -> 's option)
    -> 's -> unit

```

De tre første argumenter til `runApp` er vinduets titel (en streng) samt vinduets initiale vidde og højde. Funktionen `runApp` er parametrisk over en brugerdefineret type af tilstande ('s). Antag at funktionen kaldes som følger:

```
runApp title width height draw react init
```

Dette kald vil starte en GUI applikation med titlen `title`, vidden `width` og højden `height`. Funktionen `draw`, som brugeren giver som 4. argument kaldes initielt når applikationen starter og hver gang vinduets størrelse justeres eller ved at funktionen `react` er blevet kaldt efter en tast er trykket ned på tastaturet. Funktionen `draw` modtager også (udover værdier for den aktuelle vidde og højde) en værdi for den brugerdefinerede tilstand, som initielt er sat til værdien `init`. Funktionen skal returnere et bitmap, som for eksempel kan konstrueres med funktionen `ImgUtil.mk` og ændres med andre funktioner i `ImgUtil` (f.eks. `setPixel`).

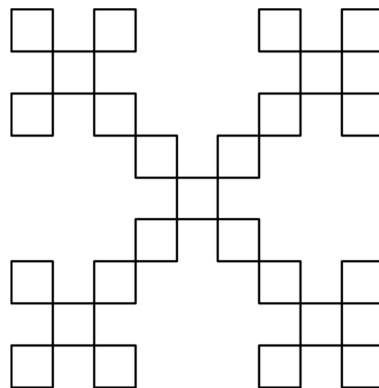
Funktionen `react`, som brugeren giver som 5. argument kaldes hver gang brugeren trykker på en tast. Funktionen tager som argument:

- en værdi svarende til den nuværende tilstand for applikationen, og
- et argument der kan benyttes til at afgøre hvilken tast der blev trykket på.<sup>1</sup>

Funktionen kan nu (eventuelt) ændre på dens tilstand ved at returnere en ændret værdi for denne.

Tilpas applikationen således at dybden af fraktalen kan styres ved brug af piletasterne, repræsenteret ved værdierne `System.Windows.Forms.Keys.Up` og `System.Windows.Forms.Keys.Down`.

3. Med udgangspunkt i øvelsesopgave 1 skal du i denne opgave implementere en GUI-applikation der kan tegne en version af X-fraktalen som illustreret nedenfor (eventuelt i en dybde større end 2).



Bemærk at det ikke er et krav, at dybden på fraktalen skal kunne styres med piletasterne, som det er tilfældet med Sierpinski-fraktalen i øvelsesopgave 2.

<sup>1</sup>Hvis `e` har typen `System.Windows.Forms.KeyEventArgs` kan betingelsen `e.KeyCode = System.Windows.Forms.Keys.Up` benyttes til at afgøre om det var tasten "Up" der blev trykket på.

# weekday

Jon Sporring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Sumtyper og lister

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

I det efterfølgende skal der arbejdes med sum-typen:

```
type weekday = Monday | Tuesday | Wednesday | Thursday  
              | Friday | Saturday | Sunday
```

som repræsenterer ugens dage.

## 3 Opgave(r)

1. Lav en funktion `dayToNumber : weekday -> int`, der givet en ugedag returnerer et tal, hvor mandag skal give tallet 1, tirsdag tallet 2 osv.
2. Lav en funktion `nextDay : weekday -> weekday`, der givet en ugedag returnerer den næste dag, så mandag skal give tirsdag, tirsdag skal give onsdag, osv, og søndag skal give mandag.
3. Lav en funktion `numberToDay : n : int -> weekday option`, sådan at `numberToDay n` returnerer `None`, hvis `n` ikke ligger i intervallet `1...7`, og ellers returnerer ugedagen `Some d`. Det skal gælde, at `numberToDay (dayToNumber d) ~> Some d` for alle ugedage `d`.



# sudoku

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** Funktionsprogrammering

**Sværhedsgrad** Hård

## 2 Introduktion

Temaet for ugerens opgaver er at programmere et Sudoku-spil. *Sudoku* er et puslespil, som er blevet opfundet uafhængigt flere gange; den tidligste “ægte” version af sudoku synes at kunne spores tilbage til det franske dagblad *Le Siècle* i 1892.

Vi betragter her kun den basale variant, som spilles på en matrix af 81 små felter, arrangeret i 9 rækker og 9 søjler. Matricen er desuden inddelt i 9 “bokse” eller “regioner”, hver med 3 gange 3 felter.

Nogle af felterne er udfyldt på forhånd, og puslespillet går ud på at udfylde de resterende felter på en sådan måde, at hver af de 9 rækker, hver af de 9 søjler og hver af de 9 regioner kommer til at indeholde en permutation af symbolerne fra et forelagt alfabet af størrelse 9; vi vælger her (som man plejer at se det) alfabetet bestående af cifrene fra 1 til 9.

Her er en lovlig starttilstand for et spil sudoku:

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
4			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

Og følgende er en vindende tilstand (en “løsning”) af ovenstående:

5	3	4	6	7	8	9	1	2
6	7	2	1	9	5	3	4	8
1	9	8	3	4	2	5	6	7
8	5	9	7	6	1	4	2	3
4	2	6	8	5	3	7	9	1
7	1	3	9	2	4	8	5	6
9	6	1	5	3	7	2	8	4
2	8	7	4	1	9	6	3	5
3	4	5	2	8	6	1	7	9

## Nummerering og filformat

Lad os nummerere rækkerne  $r = 0, 1, \dots, 8$  ovenfra og ned og søjlerne  $s = 0, 1, \dots, 8$  fra venstre mod højre. Også regionerne vil vi nummerere  $q = 0, 1, \dots, 8$ , i “normal læseretning” (for vestlige sprog).

Sammenhængen mellem rækkenummer  $r$ , søjlenummer  $s$  og regionsnummer  $q$  kunne så udtrykkes i følgende formel ved brug af heltalsoperationer:

- Feltet i række nummer  $r$  og søjle nummer  $s$  vil ligge i region nummer

$$q = r / 3 * 3 + s / 3 \quad (1)$$

- Region nummer  $q$  består af felterne

$$(r, s) = (q / 3 * 3 + m, q \% 3 * 3 + n); m, n \in \{0, 1, 2\}. \quad (2)$$

En spiltilstand kan gemmes i en fil, ved at antage, at indholdet *altid* ser ud som følger:

- Der er mindst 90 tegn i filen (der kan være flere, men vi er kun interesseret i de 90 første)
- De første 90 tegn i filen er delt op i 9 grupper, som repræsenterer indholdet af række 0, ..., 8 i nævnte rækkefølge. Hver gruppe består af 10 tegn: Først 9 tegn, som er et blandt '1', ..., '9', '\*', og til sidst strengen "\n".

F.eks. er nedenstående indholdet i en fil, som indeholder starttilstanden for ovenstående sudoku:

```
53**7***\n6**195***\n*98***6*\n8***6***3\n4**8*3**1\n7***2***6\n*6***28*\n***419**5\n***8**79\n
```

Hvis vi fortolker strengen "\n" som "ny linje", bliver ovenstående lettere at læse:

```
53**7***
6**195***
*98***6*
8***6***3
4**8*3**1
7***2***6
*6***28*
***419**5
***8**79

```

### 3 Opgave(r)

I skal programmere et Sudoku spil og skrive en rapport. Afleveringen skal bestå af en pdf indeholdende rapporten, et katalog med et eller flere fsharp programmer som kan oversættes med Monos fsharpc kommando og derefter køres i mono, og en tekstfil der angiver sekvensen af oversættelseskommandoer nødvendigt for at oversætte jeres program(mer). Kataloget skal zippes og uploades som en enkelt fil. Kravene til programmeringsdelen er:

1. Programmet skal kunne læse en (start-)tilstand fra en fil.

2. Brugeren skal kunne indtaste filnavnet for (start-)tilstanden
3. Brugeren skal kunne indtaste triplen  $(r, s, v)$ , og hvis feltet er tomt og indtastningen overholder spillets regler, skal matrixen opdateres, og ellers skal der udskrives en fejlmeddelelse på skærmen
4. Programmet skal kunne skrive matrixens tilstand på skærmen (på en overskuelig måde)
5. Programmet skal kunne foreslå lovlige tripler  $(r, s, v)$ .
6. Programmet skal kunne afgøre, om spillet er slut.
7. Brugeren skal have mulighed for at afslutte spillet og gemme tilstanden i en fil.
8. Programmet skal kommenteres ved brug af fsharp kommentarstandarden
9. Programmet skal struktureres ved brug af et eller flere moduler, som I selv har skrevet
10. Programmet skal unit-testes

Kravene til rapporten er:

11. Rapporten skal skrives i  $\text{\LaTeX}$ .
12. I skal bruge `rapport.tex` skabelonen
13. Rapporten skal som minimum i hoveddelen indeholde afsnittene Introduktion, Problemformulering, Problemanalyse og design, Programbeskrivelse, Afprøvning, og Diskussion og Konklusion. Som bilag skal I vedlægge afsnittene Brugervejledning og Programtekst.
14. Alle gruppemedlemmer skal give feedback på et af hovedafsnittene i en anden gruppes rapport. Hvis og hvilke dele I gav feedback og hvem der gav feedback på jeres rapport skal skrives i Forordet i rapporten.
15. Rapporten må maksimalt være på 20 sider alt inklusivt.

Bemærk, at Sudoku eksemplerne i denne tekst er sat med  $\text{\LaTeX}$ -pakken `sudoku`.

# mastermind

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Funktionsprogrammering

**Sværhedsgrad** Hård

## 2 Introduktion

Spillet Mastermind er et spil for 2 deltagere, en opgavestiller og en opgaveløser. Opgavestilleren laver en skjult opgave bestående af en kombination af 4 farvede opgavestifter i ordnet rækkefølge, hvor farverne kan være rød, grøn, gul, lilla, hvid og sort. Opgaveløseren skal nu forsøge at gætte opgave. Dette gøres ved, at opgaveløseren foreslår en kombination af farver, og til hvert forslag svarer opgavestilleren med et antal hvide og sorte Svarstifter. Antallet af sorte Svarstifter svarer til hvor mange af opgavestifterne, som havde den rigtige farve og er på den rette plads, og antallet af hvide Svarstifter svarer til antallet af opgavestifter, som findes i opgaven men på den forkerte plads. F.eks. hvis opgaven er (rød, sort, grøn, gul), og gættet er (grøn, sort, hvid, hvid) er svaret 1 sort og 1 hvid.

## 3 Opgave(r)

I skal programmere spillet Mastermind. Minimumskrav til jeres aflevering er:

- Det skal være muligt at spille bruger mod bruger, program mod bruger i valgfrie roller og program mod sig selv.
- Programmet skal kommunikere med brugeren på engelsk.
- Programmet skal bruge følgende typer:

```
type codeColor =  
    Red | Green | Yellow | Purple | White | Black  
type code = codeColor list
```

```

type answer = int * int
type board = (code * answer) list
type player = Human | Computer

```

hvor codeColor er farven på en opgavestift; code er en opgave bestående af 4 opgavestifter; answer er en tuple hvis første element er antallet af hvide og andet antallet af sorte stifter; og board er en tabel af sammenhørende gæt og svar.

- Programmet skal indeholde følgende funktioner:

```
makeCode : player -> code
```

som tage en spillertype og returnerer en opgave enten ved at få input fra brugeren eller ved at beregne en opgave.

```
guess : player -> board -> code
```

som tager en spillertype, et bræt bestående af et spils tidligere gæt og svar og returnerer et nyt gæt enten ved input fra brugeren eller ved at programmet beregner et gæt.

```
validate : code -> code -> answer
```

som tager den skjulte opgave og et gæt og returnerer antallet af hvid og sort svarstifter.

- Programmet skal kunne spilles i tekst-mode dvs. uden en grafisk brugergrænseflade.
- Programmet skal dokumenteres efter fsharp kodestandarden
- Programmet skal afprøves
- Opgaveløsningen skal dokumenteres som en rapport skrevet i LaTeX på maksimalt 20 oversatte sider eksklusiv bilag, der som minimum indeholder
  - En forside med en titel, dato for afleveringen og jeres navne
  - En forord som kort beskriver omstændighederne ved opgaven
  - En analyse af problemet
  - En beskrivelse af de valg, der er foretaget inklusiv en kort gennemgang af alternativerne
  - En beskrivelse af det overordnede design, f.eks. som pseudokode
  - En programbeskrivelse
  - En brugervejledning
  - En beskrivelse af afprøvningens opbygning
  - En konklusion
  - Afprøvningsresultatet som bilag
  - Programtekst som bilag

Gode råd til opgave er:

- Det er ikke noget krav til programmeringsparadigme, dvs. det står jer frit for om I bruger funktional eller imperativ programmeringsparadigme, og I må også gerne blande. Men overvej i hvert tilfælde hvorfor I vælger det ene fremfor det andet.
- For programmet som opgaveløser er det nyttigt at tænke over følgende: Der er ikke noget “intelligens”-krav, så start med at lave en opgaveløser, som trækker et tilfældigt gæt. Hvis I har mod på og tid til en mere avanceret strategi, så kan I overveje, at det totale antal farvekombinationer er  $6^4 = 1296$ , og hvert afgivne svar begrænser de tilbageværende muligheder.
- Summen af det hvide og sorte svarstifter kan beregnes ved at sammenligne histogrammerne for de farvede stifter i hhv. opgaven og gættet: F.eks. hvis opgaven består af 2 røde og gættet har 1 rød, så er antallet af svarstifter for den røde farve 1. Ligeledes, hvis opgaven består af 1 rød, og gættet består af 2 røde, så er antallet af svarstifter for den røde farve 1. Altså er antallet af svarstifter for en farve lig minimum af antallet af farven for opgaven og gættet for den givne farve, og antallet af svarstifter for et gæt er summen af minima over alle farver.
- Det er godt først at lave et programdesign på papir inden I implementerer en løsning. F.eks. kan papirløsningen bruges til i grove træk at lave en håndkøring af designet. Man behøver ikke at have programmeret noget for at afprøve designet for et antal konkrete situationer, såsom “hvad vil programmet gøre når brugeren er opgaveløser, opgaven er (rød, sort, grøn, gul) og brugeren indtaster (grøn, sort, hvid, hvid)?”
- Det er ofte sundt at programmere i cirkler, altså at man starter med at implementere en skald, hvor alle de væsentlige dele er tilstede, og programmet kan oversættes (kompileres) og køres, men uden at alle delelementer er færdigudviklet. Derefter går man tilbage og tilføjer bedre implementationer af delelementer som legoklodser.
- Det er nyttigt at skrive på rapporten under hele forløbet i modsætning til kun at skrive på den sidste dag.
- I skal overveje detaljeringsgraden i jeres rapport, da I ikke vil have plads til alle detaljer, og I er derfor nødt til at fokusere på de vigtige pointer.
- Husk at rapporten er et produkt i sig selv: hvis vi ikke kan læse og forstå jeres rapport, så er det svært at vurdere dens indhold. Kør stavekontrol, fordel skrive- og læseopgaverne, så en anden, end den der har skrevet et afsnit, læser korrektur på det.
- Det er bedre at aflevere noget end intet.
- Der er afsat 1 undervisningsfri og 3/2 alm. undervisningsuger til opgaven (7/11-30/11 fraregnet 14/11-20/11, som er mellemuge, og kursusaktiviteter på parallelkurser). Det svarer til ca. 40 timers arbejde. Brug dem struktureret og målrettet. Lav f.eks. en tidsplan, så I ikke taber overblikket over projektførelsen.

# triangles

Jon Sporring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** Sumtyper

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

Til de følgende opgaver udvider vi typen `figure` med en mulighed for at repræsentere trekanter:

```
type figure =  
  | Circle of point * int * colour  
    // defined by center, radius, and colour  
  | Rectangle of point * point * colour  
    // defined by corners bottom-left, top-right, and colour  
  | Mix of figure * figure  
    // combine figures with mixed colour at overlap  
  | Triangle of point * point * point * colour  
    // defined by the three points and colour
```

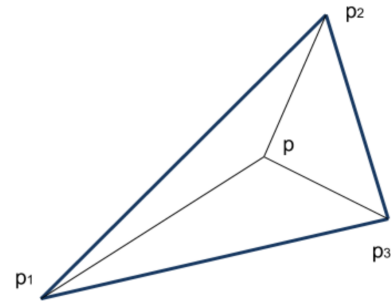
Konstruktøren `Triangle` tager tre punkter og en farve som argument. Der er intet krav til hvordan de tre punkter er placeret i forhold til hinanden.

For at bestemme hvorvidt et punkt er placeret inde i en trekant benytter vi os af et trick der forudsætter at vi kan beregne arealet af en trekant ved at kende dens hjørnepunkter. Det viser sig at hvis en trekant er bestemt af punkterne  $p_1 = (x_1, y_1)$ ,  $p_2 = (x_2, y_2)$  og  $p_3 = (x_3, y_3)$  vil følgende relativt simple formel kunne benyttes til at udregne arealet:

$$area = \left| \frac{x_1(y_2 - y_3) + x_2(y_3 - y_1) + x_3(y_1 - y_2)}{2} \right|$$

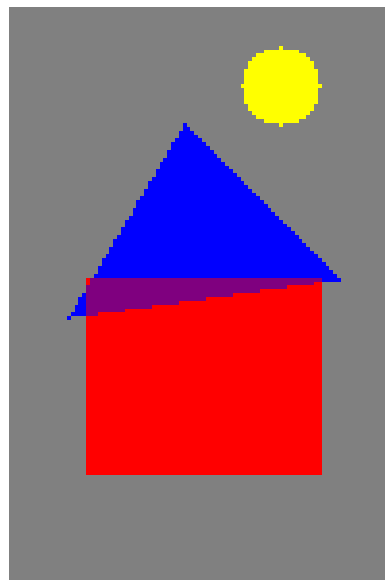


Tricket som vi nu skal benytte til at afgøre om et punkt  $p$  ligger inden i en trekant udspændt af hjørnerne  $p_1$ ,  $p_2$  og  $p_3$  forklares lettest ved at iagttage figuren til højre. Såfremt arealet af de tre trekanter  $(p_1, p_2, p)$ ,  $(p_2, p_3, p)$ , og  $(p_1, p_3, p)$  tilsammen er større end arealet af trekanten  $(p_1, p_2, p_3)$ , da ligger punktet  $p$  udenfor trekanten  $(p_1, p_2, p_3)$ ; ellers ligger punktet indenfor trekanten.



### 3 Opgave(r)

1. Lav en figur `figHouse` : `figure`, som består af en rød firkant udspændt af punkterne (20,70) og (80,120), en blå trekant udspændt af punkterne (15,80), (45,30) og (85,70), samt en gul cirkel med centrum (70,20) og radius 10.
2. Skriv en F# funktion `triarea2` der kan beregne den dobbelte værdi af arealet af en trekant ud fra dens tre hjørnepunkter ved at benytte formelen ovenfor. Funktionen skal tage hjørnepunkterne som argumenter og have typen `point -> point -> point -> int`. Test funktionen på et par simple trekanter.<sup>1</sup>
3. Udvid funktionen `colourAt` til at håndtere trekantsudvidelsen ved at implementere tricket nævnt ovenfor samt ved at benytte den implementerede funktion `triarea2`.
4. Lav en fil `figHouse.png`, der viser figuren `figHouse` i et  $100 \times 150$  bitmap. Resultatet skulle gerne ligne figuren nedenfor.



5. Udvid funktionerne `checkFigure` og `boundingBox` fra øvelsesopgaverne til at håndtere udvidelsen.  
`boundingBox houseFig` skulle gerne give `((15, 10), (85, 120))`.

<sup>1</sup>Det viser sig at være hensigtsmæssigt at undgå divisionen med 2, som kan forårsage uheldige afrundingsfejl.

# awari

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Typer, lister, mønstergenkendelse, funktionsprogrammering

**Sværhedsgrad** Hård

## 2 Introduktion

I denne opgave skal I programmere spillet Awari, som er en variant af Kalaha. Awari er et gammelt spil fra Afrika, som spilles af 2 spillere, med 7 pinde og 36 bønner. Pindene lægges så der dannes 14 felter ('pits' på engelsk), hvoraf 2 er hjemmefelter. Bønnerne fordeles ved spillet start med 3 i hvert felt på nær i hjemmefelterne. Startopstillingen er illustreret i Figur 1.

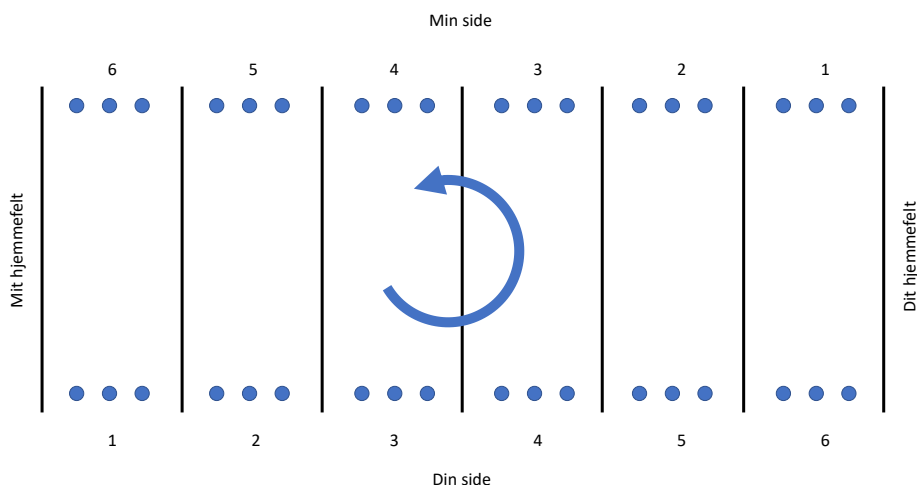


Figure 1: Udgangsstillingen for spillet Awari.

Spillerne skiftes til at spille en tur efter følgende regler:

- En tur spilles ved at spilleren tager alle bønnerne i et af spillerens felter 1-6 og placerer dem i de efterfølgende felter inkl. hjemmefelterne en ad gangen og mod uret. F.eks., kan første spiller vælge at tage bønnerne fra felt 4, hvorefter spilleren skal placere en bønne i hver af felterne 5, 6 og hjemmefeltet.
- Hvis sidste bønne lægges i spillerens hjemmefelt, får spilleren en tur til.
- Hvis sidste bønne lander i et tom felt som ikke er et hjemmefelt, og feltet overfor indeholder bønner, så flyttes sidste bønne til spillerens hjemmefelt, og alle bønnerne overfor fanges og flyttes ligeså til hjemmefeltet.
- Spillet er slut når en af spillerne ingen bønner har i sine felter 1-6, og vinderen er den spiller, som har flest bønner i sit hjemmefelt.

### 3 Opgave(r)

1. I skal implementere spillet Awari, som kan spilles af 2 spillere, og skrive en kort rapport. Kravene til jeres aflevering er:
  - Koden skal organiseres som bibliotek, en applikation og en test-applikation.
  - Biblioteket skal tage udgangspunkt i følgende signatur- og implementationsfiler:

**Listing 1 awariLibIncompleteLowComments.fsi:**  
**En ikke færdigskrevet signaturfil.**

```
1 module Awari
2 type pit = // intentionally left empty
3 type board = // intentionally left empty
4 type player = Player1 | Player2
5
6 /// Print the board
7 val printBoard : b:board -> unit
8
9 /// Check whether a pit is the player's home
10 val isHome : b:board -> p:player -> i:pit -> bool
11
12 /// Check whether the game is over
13 val isGameOver : b:board -> bool
14
15 /// Get the pit of next move from the user
16 val getMove : b:board -> p:player -> q:string -> pit
17
18 /// Distributing beans counter clockwise,
19 /// capturing when relevant
20 val distribute :
21     b:board -> p:player -> i:pit -> board * player * pit
22
23 /// Interact with the user through getMove to perform
24 /// a possibly repeated turn of a player
25 val turn : b:board -> p:player -> board
26
27 /// Play game until one side is empty
28 val play : b:board -> p:player -> board
```

**Listing 2 awariLibIncomplete.fs:**  
**En ikke færdigskrevet implementationsfil.**

```
1 module Awari
2 type pit = // intentionally left empty
3 type board = // intentionally left empty
4 type player = Player1 | Player2
5
6 // intentionally many missing implementations and additions
7
8 let turn (b : board) (p : player) : board =
9     let rec repeat (b: board) (p: player) (n: int) : board =
10         printBoard b
11         let str =
12             if n = 0 then
13                 sprintf "Player %A's move? " p
14             else
15                 "Again? "
16         let i = getMove b p str
17         let (newB, finalPitsPlayer, finalPit) = distribute b p i
18         if not (isHome b finalPitsPlayer finalPit)
19             || (isGameOver b) then
20             newB
21         else
22             repeat newB p (n + 1)
23     repeat b p 0
24
25 let rec play (b : board) (p : player) : board =
26     if isGameOver b then
27         b
28     else
29         let newB = turn b p
30         let nextP =
31             if p = Player1 then
32                 Player2
33             else
34                 Player1
35         play newB nextP
```

En version af signaturfilen med yderligere dokumentation og implementationsfilen findes i Absalon i opgaveområdet for denne opgave.

- Jeres løsning skal benytte funktionsparadigmet såvidt muligt.
- Koden skal dokumenteres vha. kommentarstandard for F#
- Jeres aflevering skal indeholde en afprøvning efter white-box metoden.
- I skal skrive en kort rapport i LaTeX på maks. 10 sider og som indeholder:
  - en beskrivelse af jeres design og implementation
  - en gennemgang af jeres white-box afprøvning
  - kildekoden som appendiks.

# levensthein

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** Streng, rekursion, tests, caching

**Sværhedsgrad** Svær

## 2 Introduktion

Du skal i de følgende to opgaver arbejde med en funktion til at bestemme den såkaldte *Levensthein-distance* mellem to strenge  $a$  og  $b$ . Distancen er defineret som det mindste antal editeringer, på karakter-niveau, det er nødvendigt at foretage på strengen  $a$  før den resulterende streng er identisk med strengen  $b$ . Som editeringer forstås (1) sletninger af karakterer, (2) indsættelser af karakterer, og (3) substitution af karakterer.

Varianter af Levensthein-distancen mellem to strenge kan således benyttes til at identificere om studerende selv har løst deres indleverede opgaver eller om der potentielt set er tale om plagiatkode ;)

Matematisk set kan Levensthein-distancen  $leven(a, b)$ , mellem to karakterstreng  $a$  og  $b$ , defineres som  $lev_{a,b}(|a|, |b|)$ , hvor  $|a|$  og  $|b|$  henviser til længderne af henholdsvis  $a$  og  $b$ , og hvor funktionen  $lev$  er defineret som følger:<sup>1</sup>

$$lev_{a,b}(i, j) = \begin{cases} \max(i, j) & \text{if } \min(i, j) = 0, \\ \min \begin{cases} lev_{a,b}(i-1, j) + 1 \\ lev_{a,b}(i, j-1) + 1 \\ lev_{a,b}(i-1, j-1) + 1_{(a_i \neq b_j)} \end{cases} & \text{otherwise.} \end{cases}$$

hvor  $1_{(a_i \neq b_j)}$  henviser til *indikatorfunktionen*, som er 1 når  $a_i \neq b_j$  og 0 ellers.

## 3 Opgave(r)

1. Implementér funktionen  $leven$  direkte efter den matematiske definition (ved brug af rekursion) og test korrektheden af funktionen på nogle små strenge, såsom “house” og “horse” (distance

---

<sup>1</sup>See [https://en.wikipedia.org/wiki/Levenshtein\\_distance](https://en.wikipedia.org/wiki/Levenshtein_distance).

- 1) samt “hi” og “hej” (distance 2).
2. Den direkte implementerede rekursive funktion er temmelig ineffektiv når strengene  $a$  og  $b$  er store. F.eks. tager det en del millisekunder at udregne distancen mellem strengene “dangerous house” and “danger horse”. Årsagen til denne ineffektivitet er at en løsning der bygger direkte på den rekursive definition resulterer i en stor mængde genberegninger af resultater der allerede er beregnet.

For at imødekomme dette problem skal du implementere en såkaldt “caching mekanisme” der har til formål at sørge for at en beregning højst foretages en gang. Løsningen kan passende gøre brug af gensidig rekursion og tage udgangspunkt i løsningen for den direkte rekursive definition (således skal løsningen nu implementeres med to gensidigt rekursive funktioner `leven` og `leven_cache` forbundet med `and`). Som cache skal der benyttes et 2-dimensionelt array af størrelse  $|a| \times |b|$  indeholdende heltal (initielt sat til  $-1$ ).

Funktionen `leven_cache`, der skal tage tilsvarende argumenter som `leven`, skal nu undersøge om der allerede findes en beregnet værdi i cachen, i hvilket tilfælde denne værdi returneres. Ellers skal funktionen `leven` kaldes og cachen opdateres med det beregnede resultat. Endelig er det nødvendigt at funktionen `leven` opdateres til nu at kalde funktionen `leven_cache` i hver af de rekursive kald.

Test funktionen på de små strenge og vis at funktionen nu virker korrekt også for store input.

Det skal til slut bemærkes at den implementerede løsning benytter sig af  $O(|a| \times |b|)$  plads og at der findes effektive løsninger der benytter sig af mindre plads ( $O(\max(|a|, |b|))$ ). Det er ikke et krav at din løsning implementerer en af disse mere pladsbesparende strategier.

# polynomials

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningen

**Emne** Højere-ordens funktioner, currying

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

I det følgende skal I arbejde med polynomier. Et polynomium af grad  $n$  skrives som

$$f(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n = \sum_{i=0}^n a_ix^i.$$

## 3 Opgave(r)

1. Skriv en funktion `poly`: `a:float list -> x:float -> float`, som tager en liste af koefficienter med `a.[i] = ai` og en  $x$ -værdi og returnerer polynomiets værdi. Afprøv funktionen ved at lave tabeller for et lille antal polynomier af forskellig grad med forskellige koefficienter og forskellige værdier for  $x$ , og valider den beregnede værdi.
2. Afled en ny funktion `line` fra `poly` således at `line : a0:float -> a1:float -> x:float -> float` beregner værdien for et 1. grads polynomium hvor  $a_0 = a_0$  og  $a_1 = a_1$ . Afprøv funktionen ved at tabellere værdier for `line` med det samme sæt af koefficienter  $a_0 \neq 0$  og  $a_1 \neq 0$  og et passende antal værdier for  $x$ .
3. Benyt Currying af `line` til at lave en funktion `theLine : x:float -> float`, hvor parametrene `a0` og `a1` er sat til det samme som brugt i Opgave 2. Afprøv `theLine` som Opgave 2.
4. Lav en funktion `lineA0 : a0:float -> float` ved brug af `line`, men hvor `a1` og `x` holdes fast. Diskutér om dette kan laves ved Currying uden brug af hjælpefunktioner? Hvis ikke, foreslå en hjælpefunktion, som vil gøre en definition vha. Currying muligt.



# integration

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Højere-ordens funktioner

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

Denne opgave omhandler integration. Integralet af næsten alle integrable funktioner kan approksimeres som

$$\int_a^b f(x) dx \simeq \sum_{i=0}^{n-1} f(x_i) \Delta x,$$

hvor  $x_i = a + i\Delta x$  og  $\Delta x = \frac{b-a}{n}$ .

## 3 Opgave(r)

1. Skriv en funktion `integrate : n:int -> a:float -> b:float -> (f : float -> float) -> float`, hvis argumenter `n`, `a`, `b`, er som i ligningerne, og `f` er en integrabel 1 dimensionel funktion. Afprøv `integrate` på `theLine` fra Opgave ?? og på `cos` med  $a = 0$  og  $b = \pi$ . Udregn integralerne analytisk og sammenlign med resultatet af `integrate`.
2. Funktionen `integrate` er en approximation, og præcisionen afhænger af  $n$ . Undersøg afhængigheden ved at udregne fejlen, dvs. forskellen mellem det analytiske resultat og approximationen for værdier af  $n$ . Dertil skal du lave to funktioner `IntegrateLine : n:int -> float` og `integrateCos : n:int -> float` vha. `integrate`, `theLine` og `cos`, hvor værdierne for  $a$  og  $b$  og  $f$  er fastlåste. Afprøv disse funktioner for  $n = 1, 10, 100, 1000$ . Overvej om der er en tendens i fejlen, og hvad den kan skyldes.

# exceptions

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Untagelser og option typen

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

Denne opgave omhandler undtagelser (exceptions), option typer og Stirlings formel. Stirlings formel er en approximation til fakultetsfunktionen via

$$\ln n! \simeq n \ln n - n.$$

## 3 Opgave(r)

1. Implementer fakultetsfunktionen  $n! = \prod_{i=1}^n i$ ,  $n > 0$  som `fac : n:int -> int` og kast en `System.ArgumentException` undtagelse, hvis funktionen bliver kaldt med  $n < 1$ . Kald `fac` med værdierne  $n = -4, 0, 1, 4$ , og fang evt. undtagelser.
2. Tilføj en ny og selvdefineret undtagelse `ArgumentTooBig` af `string` til `fac`, og kast den med argumentet `"calculation would result in an overflow"`, når  $n$  er for stor til `int` typen. Fang undtagelsen og udskriv beskeden sendt med undtagelsen på skærmen.
3. Lav en ny fakultetsfunktion `facFailwith : n:int -> int`, som `fac`, men hvor de 2 undtagelser bliver erstattet med `failwith` med hhv. argument `"argument must be greater than 0"` og `"calculation would result in an overflow"`. Kald `facFailwith` med  $n = -4, 0, 1, 4$ , fang evt. undtagelser vha. `Failure` mønsteret, og udskriv beskeden sendt med `failwith` undtagelsen.
4. Omskriv fakultetsfunktionen i Opgave 2, som `facOption : n:int -> int option`, således at den returnerer `Some m`, hvis resultatet kan beregnes og `None` ellers. Kald `fac` med værdierne  $n = -4, 0, 1, 4$ , og skriv resultatet ud vha. en af `printf` funktionerne.

5. Skriv en funktion `logIntOption : n:int -> float option`, som udregner logaritmen af  $n$ , hvis  $n > 0$  og `None` ellers. Afprøv `logIntOption` for værdierne  $-10, 0, 1, 10$ .
6. Skriv en ny funktion `logFac : int -> float option` vha. `Option.bind` 1 eller flere gange til at sammensætte `logIntOption` og `facOption`, og sammenlign `logFac` med Stirlings approximation  $n * (\log n) - n$  for værdierne  $n = 1, 2, 4, 8$ .
7. Funktionen `logFac : int -> float option` kan defineres som en enkelt sammensætning af funktionerne `Some` og `Option.bind` en eller flere gange og med `logIntOption` og `facOption` som argument til `Option.bind`. Opskriv 3 udtryk, der bruger hhv. `|>` eller `>>` operatorerne eller ingen af dem.
8. Der skal laves følgende implementationer af samme funktion

```
safeIndexIf : arr:'a [] -> i:int -> 'a
safeIndexTry : arr:'a [] -> i:int -> 'a
safeIndexOption : arr:'a [] -> i:int -> 'a option
```

De skal alle returnere værdien i `arr` på plads `i`, hvis `i` er et gyldigt index, og ellers håndtere fejlsituationen. Fejlsituationerne skal håndteres forskelligt:

- `safeIndexIf` må ikke gøre brug af `try-with` og må ikke kaste en undtagelse.
- `safeIndexTry` skal benytte `try-with`, og ved fejltilstand skal `failwith` kaldes.
- `safeIndexOption` skal returnere `None` i en fejlsituation.

Der skal laves en kort afprøvning af alle 3 funktioner, der indebefatter at den indicerede værdi udskrives til skærmen som et heltal og ikke som en option type. Afprøvningen skal også afprøve korrekt håndtering af funktionernes evt. kastede undtagelser. Lav en kort beskrivende sammenligning af metodernes evne til at håndtere fejltilstande.

# treeStructure

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Træstrukturer og grafik

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

I de følgende opgaver skal vi arbejde med en træstruktur til at beskrive geometriske figurer med farver. For at gøre det muligt at afprøve jeres opgaver skal I gøre brug af det udleverede bibliotek `img_util.dll`, der blandt andet kan omdanne såkaldte bitmap-arrays til png-filer. Biblioteket er beskrevet i forelæsningerne (i uge 7) og koden for biblioteket ligger sammen med forelæsningsplancherne for uge 6. Her bruger vi funktionerne til at konstruere et bitmap-array samt til at gemme arrayet som en png-fil:

```
// colors
type color = System.Drawing.Color
val fromRgb : int * int * int -> color
// bitmaps
type bitmap = System.Drawing.Bitmap
val mk      : int -> int -> bitmap
val setPixel : color -> int * int -> bitmap -> unit

// save a bitmap as a png file
val toPngFile : string -> bitmap -> unit
```

Funktionen `toPngFile` tager som det første argument navnet på den ønskede png-fil (husk extension). Det andet argument er bitmap-arrayet som ønskes konverteret og gemt. Et bitmap-array kan konstrueres med funktionen `ImgUtil.mk`, der tager som argumenter vidden og højden af billedet i antal pixels, samt funktionen `ImgUtil.setPixel`, der kan bruges til at opdatere bitmap-arrayet før det eksporteres til en png-fil. Funktionen `ImgUtil.setPixel` tager tre argumenter. Det første argument repræsenterer en farve og det andet argument repræsenterer et punkt i bitmap-arrayet (dvs. i billedet). Det tredje argument repræsenterer det bitmap-array, der skal opdateres. En farve kan nu konstrueres med funktionen `ImgUtil.fromRgb` der tager en triple af tre tal mellem 0 og 255 (begge inklusive), der beskriver hhv. den røde, grønne og blå del af farven.

Koordinaterne starter med  $(0,0)$  i øverste venstre hjørne og  $(w-1, h-1)$  i nederste højre hjørne, hvis bredde og højde er hhv.  $w$  og  $h$ . Antag for eksempel at programfilen `testPNG.fsx` indeholder følgende F# kode:

```
let bmp = ImgUtil.mk 256 256
do ImgUtil.setPixel (ImgUtil.fromRgb (255,255,0)) (10,10) bmp
do ImgUtil.toPngFile "test.png" bmp
```

Det er nu muligt at generere en png-fil med navn `test.png` ved at køre følgende kommando:

```
fsharpi -r img_util.dll testPNG.fsx
```

Den genererede billedfil `test.png` vil indeholde et sort billede med et pixel af gul farve i punktet  $(10,10)$ .

Bemærk, at alle programmer, der bruger `ImgUtil` skal køres eller oversættes med `-r img_util.dll` som en del af kommandoen. Bemærk endvidere, at  $\text{\LaTeX}$  kan inkludere png-filer med kommandoen `includegraphics`.

I det følgende vil vi repræsentere geometriske figurer med følgende datastruktur:

```
type point = int * int // a point (x, y) in the plane
type colour = int * int * int // (red, green, blue), 0..255

type figure =
| Circle of point * int * colour
    // defined by center, radius, and colour
| Rectangle of point * point * colour
    // defined by corners bottom-left, top-right, and colour
| Mix of figure * figure
    // combine figures with mixed colour at overlap
```

For eksempel kan man lave følgende funktion til at finde farven af en figur i et punkt. Hvis punktet ikke ligger i figuren, returneres `None`, og hvis punktet ligger i figuren, returneres `Some c`, hvor  $c$  er farven.

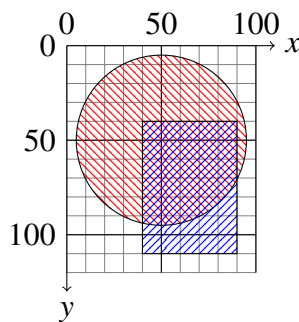
```
// finds colour of figure at point
let rec colourAt (x,y) figure =
    match figure with
    | Circle ((cx,cy), r, col) ->
        if (x-cx)*(x-cx)+(y-cy)*(y-cy) <= r*r
            // uses Pythagoras' equation to determine
            // distance to center
        then Some col else None
    | Rectangle ((x0,y0), (x1,y1), col) ->
        if x0<=x && x <= x1 && y0 <= y && y <= y1
            // within corners
        then Some col else None
    | Mix (f1, f2) ->
        match (colourAt (x,y) f1, colourAt (x,y) f2) with
        | (None, c) -> c // no overlap
        | (c, None) -> c // no overlap
        | (Some (r1,g1,b1), Some (r2,g2,b2)) ->
```

```
// average color
Some ((r1+r2)/2, (g1+g2)/2, (b1+b2)/2)
```

Bemærk, at punkter på cirkelns omkreds og rektanglens kanter er med i figuren. Farver blandes ved at lægge dem sammen og dele med to, altså finde gennemsnitsfarven.

### 3 Opgave(r)

1. Lav en figur `figTest` : figure, der består af en rød cirkel med centrum i (50,50) og radius 45, samt en blå rektangel med hjørnerne (40,40) og (90,110), som illustreret i tegningen nedenfor (hvor vi dog har brugt skravering i stedet for udfyldende farver.)



2. Brug `ImgUtil`-funktionerne og `colourAt` til at lave en funktion

```
makePicture : string -> figure -> int -> int
              -> unit
```

sådan at kaldet `makePicture filnavn figur b h` laver en billedfil ved navn `filnavn.png` med et billede af `figur` med bredde `b` og højde `h`.

På punkter, der ingen farve har (jvf. `colourAt`), skal farven være grå (som defineres med RGB-værdien (128,128,128)).

Du kan bruge denne funktion til at afprøve dine opgaver.

3. Lav med `makePicture` en billedfil med navnet `figTest.png` og størrelse  $100 \times 150$  (bredde 100, højde 150), der viser figuren `figTest` fra Opgave 1.

Resultatet skulle gerne ligne figuren nedenfor.



4. Lav en funktion `checkFigure : figure -> bool`, der undersøger, om en figur er korrekt: At radiusen i cirkler er ikke-negativ, at øverste venstre hjørne i en rektangel faktisk er ovenover og til venstre for det nederste højre hjørne (bredde og højde kan dog godt være 0), og at farvekomponenterne ligger mellem 0 og 255.

Vink: Lav en hjælpefunktion `checkColour : colour -> bool`.

5. Lav en funktion `move : figure -> int * int -> figure`, der givet en figur og en vektor flytter figuren langs vektoren.

Ved at foretage kaldet

```
makePicture "moveTest" (move figTest (-20,20)) 100 150
```

skulle der gerne laves en billedfil `moveTest.png` med indholdet vist nedenfor.



6. Lav en funktion `boundingBox : figure -> point * point`, der givet en figur finder hjørnerne (top-venstre og bund-højre) for den mindste akserette rektangel, der indeholder hele figuren.

`boundingBox figTest` skulle gerne give `((5, 5), (95, 110))`.

# io

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Input/output

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Write a program `myFirstCommandLineArg` which takes an arbitrary number of arguments from the command line and writes each argument as, e.g.,

```
$ mono myFirstCommandLineArg.exe a sequence of args
4 arguments received:
0: "a"
1: "sequence"
2: "of"
3: "args"
```

The program must exit with the status value 0.

2. Make a program `myFirstReadKey` which continuously reads from the keyboard using the `System.Console.ReadKey()` function. The following key-presses must result in the following:

- 'a' writes "left" to the screen
- 's' writes "right" to the screen
- 'w' writes "up" to the screen
- 'z' writes "down" to the screen
- shift+'q'** quits the program

All other key-presses must be ignored. When the program exits, the exit status must be 0.



3. Make a program `myFirstReadFile` which

- (a) opens the text file “`myFirstReadFile.fsx`” as a stream using the `System.IO.File.OpenText` function,
- (b) reads each individual character using the `System.IO.StreamReader.Read` function,
- (c) writes each character to the screen using the `printf` function, and
- (d) closes the stream using `System.IO.FileStream.Close`.

The program’s exit status must be 1 or 0 depending on whether there was an error or not when running the program.

4. Make a program `myFirstWriteFile` which

- (a) opens a new text file “`newFile.txt`” as a stream using the `System.IO.File.CreateText` function,
- (b) writes the characters ‘a’ ... ‘z’ one at a time to the file using `System.IO.StreamWriter.Write`, and
- (c) closes the stream using the `System.IO.FileStream.Close` function.

The program’s exit status must be 1 or 0 depending on whether there was an error or not when running the program.

5. Write a function,

```
filenameDialogue : question : string -> string
```

which initiates a dialog with the user using the question. The function should return the filename the user inputs as a string. If the user wishes to abort dialogue, then the user should input an empty string.

6. Make a program with the function,

```
printFile : unit -> unit
```

which initiates a dialogue with the user using `filenameDialogue` from Exercise 5. The function must ask the user for the name of a file, and if it exists, then the content is to be printed to the screen. The program must return 0 or 1 depending on whether the specified file exists or not.

7. Make a program with the function,

```
printWebPage : url:string -> string
```

which reads the content of the internetpage `url` and returns its content as a string option.

8. Make a calculator program

```
simpleCalc : unit -> unit
```

which starts an infinite dialogue with the user. The user must be able to enter simple expressions of positive numbers. Each expression must consist of a value, one of the binary operators +, −, \*, /, and a value. When the user presses <enter>, the expression is evaluated and the result is written as `ans = <result>` with the correct result entered. The input-values can either be a positive integer or the string “ans”, and the string “ans” should be the result of the previous evaluated expression or 0, in case this is the first expression typed. As an example, a dialogue could be as follows:

```
$ simpleCalc
>3+5
ans=8
>ans/2
ans=4
```

Here we used the character > to indicate, that the program is ready to accept input.

If the input is invalid or the evaluation results in an error, then the program should give an error message, and the input should be ignored.

9. Make a program with a function,

```
fileReplace :
  filename:string -> needle:string -> replace:string -> unit
```

which replaces all occurrences of the string `needle` with the string `replace` in the file `filename`. Your solution must use the `System.IO.File.OpenText`, `ReadLine`, and `WriteLine` functions.

# web

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Input/output from the web

**Sværhedsgrad** medium

## 2 Introduktion

The internet is a great source of information, and many files are published as html-files. In the following assignment(s), you are to work with html-files on the internet.

Note that most internet pages requires a valid certificate before they will allow your program to access it. By default, Mono has no certificates installed. One way to install useful certificates is to use mozroots, which is part of the Mono package. On Linux/MacOS you do the following from the console:

```
mozroots --import --sync
```

On Windows you type the following (on one line)

```
mono "C:\Program Files (x86)\Mono\lib\mono\4.5\mozroots.exe" --import  
--sync
```

Note that your installation of mozroots may be in a different path, and you may have to adapt the above path to your installation. After running the above, your program should be able to read most pages without being rejected.

## 3 Opgave(r)

1. Make a program with the function,

```
printWebPage : url:string -> string
```

which reads the content of the internetpage url and returns its content as a string option.

2. In the html-standard links are given by the `<a></a>` tags. For example, a link to Google's homepage is written as `<a href="https://google.com">Press to go to Google</a>`.

Make a program

```
countLinks : url:string -> int
```

which reads the page given in url and counts how many links that page has to other pages. You should count by counting the number of `<a` substrings.

# cat

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** working with files

**Sværhedsgrad** Easy

## 2 Introduktion

The program `cat` is a UNIX-program, which concatenates (i.e. joins) files. The program exists on both Linux and macOS. When passing two text files to `cat`, e.g. `a.txt` and `b.txt`, then the program prints the contents of file `a.txt` followed by the contents of `b.txt` to the screen. UNIX also has an inverse version of `cat`, `tac`, which prints the files in reverse order and reverses their content line-by-line. For example, if the file `a.txt` contains the characters `aaa\nbbb\n` and the file `b.txt` contains the characters `ccc\nddd\n`, then

```
cat a.txt b.txt
```

will output `aaa\nbbb\nccc\nddd\n` to the screen. In contrast,

```
tac a.txt b.txt
```

will output `ddd\nccc\nbbb\naaa\n` to the screen.

In the following assignments you are to write a (functional) implementation of `cat` and `tac` in F#.

## 3 Opgave(r)

1. Make a function,

```
readFile : filename:string -> string option
```

which takes a filename and returns the contents of the text file as a `string option`. If the file does not exist, the function should return `None`.

2. Make a function,

```
printFile : filename:string -> bool
```

which prints the content of the file with the name `filename` to the screen. If no error occurs, then the function must return `true`, and otherwise `false`.

3. First write a function,

```
cat : filenames:string list -> string option
```

which takes a list of filenames. The function should use `readFile` (Exercise 1) to read the contents of the files. The contents of the files should be merged into a single `string option`, which the function returns. If any of the files do not exist, then the function should return `None`.

Then write a program, `cat`, which takes a list of filenames as command line arguments, calls the `cat` function with this list and prints the resulting string to the screen using `printFile` (Exercise 2). The program must return 0 or 1 depending on whether the operation was successful or not.

4. First write a function,

```
tac : filenames:string list -> string
```

which takes a list of files, reads their content with `readFile` (Exercise 1), concatenates them, and returns the result as a string in reverse order line-by-line (i.e. the opposite of `cat` on a line-by-line basis). If any of the files do not exist, then the function should return `None`.

Then write a program, `tac`, which takes a list of filenames as command line arguments, calls the `tac` function with this list and prints the resulting string to the screen using `printFile` (Exercise 2). The program must return 0 or 1 depending on whether the operation was successful or not.

# Classes

Jon Spørring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** Classes, Objects, Methods Attributes

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Implementer en klasse `Counter`. Objekter (variable) af typen `Counter` skal være tællere, og den skal have 3 metoder (funktioner): Konstruktoren, som laver en tæller hvis start værdi er 0; `get`, som returnerer tællerens nuværende værdi; `incr`, som øger tællerens værdi med 1. Skriv et unit-test program, som afprøver klassen.
2. Implementér en klasse `Car` med følgende egenskaber. En bil har en specifik benzin effektivitet (målt i km/liter) og en bestemt mængde benzin i tanken. Benzin effektiviteten for en bil er specificeret med konstruktoren ved oprettelse af et `Car` objekt. Den indledende mængde benzin er 0 liter. Implementer følgende metoder til `Car` klassen:

- `addGas`: Tilføjer en specificeret mængde benzin til bilen.
- `gasLeft`: Returnerer den nuværende mængde benzin i bilen.
- `drive`: Bilen køres en specificeret distance, og bruger tilsvarende benzin. Hvis der ikke er nok benzin på tanken til at køre hele distancen kastes en undtagelse.

Lav også en klasse `CarTest` som tester alle metoder i `Car`.

3. Implementér en klasse `Moth` som repræsenterer et møl der flyver i en lige linje fra en bestemt position mod et lys således at møllets nye position er halvvejs mellem dets nuværende position og lysets position. En position er to float tal som angiver x og y koordinater. Møllets indledende position gives ved oprettelse af et `Moth` objekt vha. konstruktoren. Implementér metoderne:
  - `moveToLight` som bevæger møllet i retning af et lys med specificeret position som beskrevet ovenfor.

- `getPosition` som returnerer møllets nuværende position.

Test alle metoder i `Moth` klassen.

4. I en ikke-så-fjern fremtid bliver droner massivt brugt til levering af varer købt på nettet. Drone-trafikken er blevet så voldsom i dit område, at du er blevet bedt om at skrive et program som kan afgøre om droner flyver ind i hinanden. Antag at alle droner flyver i samme højde og at 2 droner rammer hinanden hvis der på et givent tidspunkt (kun hele minutter) er mindre end 5 meter imellem dem. Droner flyver med forskellig hastighed (meter/minut) og i forskellige retninger. En drone flyver altid i en lige linje mod sin destination, og når destinationen er nået, lander dronen og kan ikke længere kollidere med andre droner. Ved oprettelse af et `Drone` objekt specificeres start positionen, destinationen og hastigheden. Implementér klassen `Drone` så den som minimum har attributterne og metoderne:

- `position` (attribut) : Angiver dronens position i (x, y) koordinater.
- `speed` (attribut) : Angiver distancen som dronen flyver for hvert minut.
- `destination` (attribut) : Angiver positionen for dronens destination i (x, y) koordinater.
- `fly` (metode) : Beregner dronens nye position efter et minuts flyvning.
- `isFinished` (metode) : Afgør om dronen har nået sin destination eller ej.

og klassen `Airspace` så den som minimum har attributterne og metoderne:

- `drones` (attribut) : En samling droner i luftrummet.
- `droneDist` (metode) : Beregner afstanden mellem to droner.
- `flyDrones` (metode) : Lader et minut passere og opdaterer dronernes positioner tilsvarende.
- `addDrone` (metode) : Tilføjer en ny drone til luftrummet.
- `willCollide` (metode) : Afgør om der sker en eller flere kollisioner indenfor et specificeret tidsinterval givet i hele minutter.

Test alle metoder i begge klasser. Opret en samling `Drone` objekter som du ved ikke vil medføre kollisioner, samt en anden samling som du ved vil medføre kollisioner og test om din `willCollide` metode virker korrekt.

5. Write a class `Car` that has the following data attributes:

- `yearOfModel` (attribute) : The car's year model.
- `make` (attribute) : The make of the car.
- `speed` (attribute) : The car's current speed.

The `Car` class should have a constructor that accepts the car's year model and make as arguments. Set the car's initial speed to 0. The `Car` class should have the following methods:

- `accelerate` (method) : The `accelerate` method should add 5 to the speed attribute each time it is called.
- `brake` (method) : The `brake` method should subtract 5 from the speed attribute each time it is called.
- `getSpeed` (method) : The `getSpeed` method should return the current speed.



Design a program that instantiates a `Car` object, and then calls the `accelerate` method five times. After each call to the `accelerate` method, get the current speed of the car and display it. Then call the `brake` method five times. After each call to the `brake` method, get the current speed of the car and display it.

Extend class `Car` with the attributes `addGas`, `gasLeft` from exercise 2, and modify methods `accelerate`, `brake` so that the amount of gas left is reduced when the car accelerates or breaks. Call `accelerate`, `brake` five times, as above, and after each call display both the current speed and the current amount of gas left.

Test all methods. Create an object instance that you know will not run out of gas, and another object instance that you know will run out of gas and test that your `accelerate`, `brake` methods work properly.

# Simple Jack

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Classes, Objects, Methods Attributes

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

Simple Jack er en forsimplet udgave af kortspillet Blackjack. I Simple Jack spiller man ikke om penge/jetoner men blot om sejr/tab mellem en spiller og dealer. Reglerne for Simple Jack er som følger:

Spillet består af en dealer, 1-5 spillere samt et normalt kortspil (uden jokere). Ved spillets start får dealer og hver spiller tildelt 2 tilfældige kort fra bunken som placeres med billedsiden opad foran spilleren, så alle kan se dem. I Simple Jack spilles der med åbne kort dvs. alle trukne kort til hver en tid er synlige for alle spillere. Kortene har værdi som følger:

1. Billedkort (knægt, dame og konge) har værdien 10
2. Es kan antage enten værdien 1 eller 11
3. Resten af kortene har den påtrykte værdi

For hver spiller gælder spillet om at ende med en korthånd hvis sum af værdier er højere end dealers sum af værdier, uden at summen overstiger 21, i hvilket tilfælde spilleren er "bust". Spillerne får nu en tur hver, hvor de skal udføre en af følgende handlinger:

1. "Stand": Spilleren/dealeren vælger ikke at modtage kort og turen går videre.
2. "Hit": Spilleren/dealeren vælger at modtage kort fra bunken et ad gangen indtil han/hun vælger at stoppe og turen går videre.

Det er dealers tur til sidst efter alle andre spillere har haft deres tur. Når dealer har haft sin tur afsluttes spillet. Ved spillets afslutning afgøres udfaldet på følgende måde: En spiller vinder hvis ingen af følgende tilfælde gør sig gældende:

1. Spilleren er "bust"
2. Summen af spillerens kort-værdier er lavere end, eller lig med dealers sum af kort-værdier
3. Både spilleren og dealer har SimpleJack (SimpleJack er et Es og et billedkort)

Bemærk at flere spillere altså godt kan vinde på en gang. Et spil Simple Jack er mellem en spiller og dealer, så med 5 spillere ved bordet, er det altså 5 separate spil som spilles.

### 3 Opgave(r)

1. Design og implementér et program som kan simulere Simple Jack ved brug af klasser. Start med grundigt at overveje hvilke aspekter af spillet som giver mening at opdele i klasser. Spillet skal implementeres således, at en spiller enten kan være en bruger af Simple Jack programmet, som foretager sine valg og ser kortene på bordet via terminalen, eller en spiller kan være en AI som skal følge en af følgende strategier:
  - (a) Vælg altid "Hit", medmindre summen af egne kort kan være 17 eller over, ellers vælg "Stand"
  - (b) Vælg tilfældigt mellem "Hit" og "Stand". Hvis "Hit" vælges trækkes et kort og der vælges igen tilfældigt mellem "Hit" og "Stand" osv.

Dealer skal følge strategi nummer 1. Der skal også laves:

- En rapport (maks 2 sider)
- Unit-tests
- Implementation skal kommenteres jævnfør kommentarstandarden for F#

Hint: Man kan generere tilfældige tal indenfor et interval (f.eks. fra og med 1 til og med 100) ved brug af følgende kode:

```
let gen = System.Random()  
let ran_int = gen.Next(1, 101)
```

# Inheritance

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Classes and inheritance

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Write a `Person` class with data attributes for a person's name, address, and telephone number. Next, write a class named `Customer` that is a subclass of the `Person` class. The `Customer` class should have a data attribute for a customer number and a Boolean data attribute indicating whether the customer wishes to be on a mailing list. Demonstrate an instance of the `Customer` class in a simple program.

2. (a) Write an `Employee` class that keeps data attributes for the following pieces of information:

- Employee name
- Employee number

Next, write a class named `ProductionWorker` that is a subclass of the `Employee` class. The `ProductionWorker` class should keep data attributes for the following information:

- Shift number (an integer, such as 1 or 2)
- Hourly pay rate

The workday is divided into two shifts: day and night. The shift attribute will hold an integer value representing the shift that the employee works. The day shift is shift 1 and the night shift is shift 2. Write the appropriate methods for each class.

Once you have written the classes, write a program that creates an object of the `ProductionWorker` class and prompts the user to enter data for each of the object's data attributes. Store the data in the object and then use the object's methods to retrieve it and display it on the screen.

- (b) Extend the previous exercise as follows: Let a shift supervisor be a salaried employee who supervises a shift. In addition to salary, the shift supervisor earns a yearly bonus when his or her shift meets production goals. Write a `ShiftSupervisor` class that is a subclass of the `Employee` class you created in the previous exercise. The `ShiftSupervisor` class should keep a data attribute for the annual salary and a data attribute for the annual production bonus that a shift supervisor has earned. Demonstrate the class by writing a program that uses a `ShiftSupervisor` object.
- (c) **(Extra difficult)**. Considering that production during night shifts is reduced by 5% compared to production during day shifts, and that the hourly pay rate during night shifts is double the hourly pay rate during day shifts, compute the best possible worker & shift allocation over the period of 12 months. You need to think how to measure productivity and salary cost, and then find their best tradeoff in the period of 12 months.
3. Cheetahs, antelopes and wildebeests are among the world's fastest mammals. This exercise asks you to simulate a race between them. You are not asked to simulate their movement on some plane, but only some of the conditions that affect their speed when running a certain distance.

Your base class is called `Animal` and has these attributes:

- The amount of food needed daily (measured in kilograms)
- The weight of the animal (measured in kilograms)
- The maximum speed of the animal (measured in kilometres per hour)
- The current speed of the animal (measured in kilometres per hour)

The `Animal` class should have a primary constructor that takes two arguments: the animal's weight and the animal's maximum speed. The `Animal` class should also have an additional constructor that takes as input only the animal's maximum speed and generates the animal's weight randomly within the range of 70 - 300 kg. The `Animal` class should have two methods:

- The first method should set the current speed of the animal proportionately to its food intake and maximum speed as follows: if the animal eats 100% of the amount of food it needs daily, the animal's current speed should be its maximum speed; if the animal eats 50% of the amount of food it needs daily, the animal's current speed should be 50% of its maximum speed, and so on.
- The second method should set the amount of food needed daily proportionately to the animal's weight as follows: the animal should eat half its own weight in food every day (if the animal weighs 50 kg, it should eat 25kg of food daily).

Create a subclass `Carnivore` that inherits everything from class `Animal`, and modifies the second method as follows: the animal should eat 8% of its own weight in food every day.

Create a subclass `Herbivore` that inherits everything from class `Animal`, and modifies the second method as follows: the animal should eat 40% of its own weight in food every day.

Create an instance of `Carnivore` called `cheetah` and two instances of `Herbivore` called `antelope`, `wildebeest`. Set their weight and maximum speed to:

- cheetah: 50kg, 114km/hour
- antelope: 50kg, 95km/hour
- wildebeest: 200kg, 80km/hour

Generate a random percentage between 1 - 100% (inclusive) separately for each instance. This random percentage represents the amount of food the animal eats with respect to the amount of food it needs daily. E.g., if you generate the random percentage 50% for the antelope, this means that the antelope will eat 50% of the amount it should have eaten (as decided by the second method).

For each instance, display the random percentage you generated, how much food each animal consumed, how much food it should have consumed, and how long it took for the animal to cover 10km. Repeat this 3 times (generating different random percentages each time), and declare winner the animal that was fastest on average all three times. If there is a draw, repeat and recompute until there is a clear winner.

Test all methods.

**Optional extra:** repeat the race without passing as input argument the weight of each animal (i.e. letting the additional constructor generate a different random weight for each instance).

4. Du skal implementere en udvidelse til Simple Jacksom indeholder en omstrukturering af nogle af klasserne, samt indførelse af en række nye strategier. Du skal simulere nogle Simple Jackspil hvor du afprøver forskellige strategier, for at afgøre hvilken strategi som lader til at være den bedste.

Implementér super-klassen Player, og klasserne Dealer, Human og AI som nedarver fra Player. Player skal indeholde attributter og metoder som implementerer den fælles funktionalitet som alle tre typer "spillere" har, f.eks. en metode som vælger "Hit" eller "Stand".

Implementér super-klassen Strategy, samt en klasse for hver af følgende strategier, som alle nedarver fra Strategy

- (a) Vælg altid "Hit", medmindre summen af egne kort kan være 15 eller over, ellers vælg "Stand".
- (b) Vælg altid "Hit", medmindre summen af egne kort kan være 17 eller over, ellers vælg "Stand".
- (c) Vælg altid "Hit", medmindre summen af egne kort kan være 19 eller over, ellers vælg "Stand".
- (d) Vælg tilfældigt mellem "Hit" og "Stand". Hvis "Hit" er valgt, trækkes et kort og der vælges igen tilfældigt mellem "Hit" og "Stand" osv.
- (e) Følg strategi 2. hvis ét af egne kort er et Es, ellers følg strategi 1.

Simulér 3000 spil Simple Jack med 5 AI spillere som følger de 5 ovenstående strategier. Dealer skal følge strategi 2. Konkluder hvilken af strategierne som lader til at være bedst.

# Predator-prey

Jon Sparring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** Inheritance

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

Consider a simulation of a natural habitat as two groups of animals interact. One group is the prey, a population of animals that are the food source for the other population of animals, the predators. Both groups have a fixed birthrate. The prey usually procreate faster than the predators, allowing for a growing prey population. But as the population of prey increases, the habitat can support a higher number of predators. This leads to an increasing predator population, and, after some time, a decreasing prey population. Around that time, the predator population grows so large as to reach a critical point, where the number of prey can no longer support the present predator population, and the predator population begins to wane. As the predator population declines, the prey population recovers, and the two populations continue this interaction of growth and decay.

An actual example of studying predator-prey relationships is the one between wolves and moose on Isle Royale in Lake Superior (<http://www.isleroyalewolf.org/>). Its population of wolves and moose are isolated on the island.

## 3 Opgave(r)

1. In the following, we will build a simulator of a predator-prey relationship in a closed environment using the following rules:
  - (a) The habitat updates itself in units of time called clock ticks. During one clock tick, every animal in the island gets an opportunity to do something.
  - (b) All animals are given an opportunity to move into an adjacent space, if an empty adjacent space is found. One move per clock tick is allowed.

- (c) Both the predators and prey can reproduce. Each animal is assigned a fixed breed time. If the animal is still alive after breed time ticks of the clock, it will reproduce. The animal does so by finding an unoccupied adjacent space and fills that space with the new animal – its offspring. The animal's breed time is then reset to zero. An animal can breed at most once in a clock tick.
- (d) The predators must eat. They have a fixed starve time. If they cannot find a prey to eat before starve time ticks of the clock, they die.
- (e) When a predator eats, it moves into an adjacent space that is occupied by prey (its meal). The prey is removed and the predator's starve time is reset to zero. Eating counts as the predator's move during that clock tick.
- (f) At the end of every clock tick, each animal's local event clock is updated. All animals' breed times are decremented and all predators' starve times are decremented.

Lav et program, som kan simulere rov- og byttedyrene som beskrevet ovenfor og skrive en lille rapport. Kravene til programmeringsdelen er:

- (a) Man skal kunne angive antal af tiks (clock ticks), som simuleringen skal køre, formeringstid (breeding time) for begge racer og udsultningstid for rovdyrene ved programstart.
- (b) Antallet af dyr per tik skal gemmes i en fil.
- (c) Programmet skal benytte klasser og objekter
- (d) Der skal være mindst en (fornuftig) nedærvning
- (e) Programmets klasser skal bla. beskrives ved brug af et UML diagram
- (f) Programmet skal kommenteres ved brug af fsharp kommentarstandarden
- (g) Programmet skal unit-testes

Kravene til rapporten er:

- (h) Rapporten skal skrives i L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X.
- (i) I skal bruge rapport.tex skabelonen
- (j) Rapporten skal som minimum i hoveddelen indeholde afsnittene Introduktion, Problem-analyse og design, Programbeskrivelse, Afprøvning, og Diskussion og Konklusion. Som bilag skal I vedlægge afsnittene Brugervejledning og Programtekst.
- (k) Rapporten må maksimalt være på 10 sider alt inklusivt.



# Predator-prey

Jon Sporring

September 27, 2019

## 1 Lærervejledning

**Emne** Inheritance

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

I Lake Superior på grænsen mellem USA og Canada ligger en øde ø kaldet Isle Royale. Her har man over en lang årrække fulgt populationen af ulve og elge (<http://www.isleroyalewolf.org/>). Bestanden af de 2 dyrarter er tæt knyttet til hinanden som rov- og byttedyr.

Denne opgave omhandler simulering af populationen af ulve og elge i et lukket miljø. Elge spiser planter og i denne opgave vil vi antage at ulve kun spiser elge. Både ulve og elge formerer sig, hvilket medfører at populationstørrelserne svinger. Typiske mønstre er, at hvis elgbestanden bliver stor, så vokser ulvebestanden efterfølgende, da der nu kan brødfødes flere ulve. Når ulvebestanden er stor, så falder elgbestanden efterfølgende, da ulvene nedlægger mange elge. Når der er få elge, så falder ulvebestanden pga. manglende føde, hvorefter elgbestanden igen vokser.

## 3 Opgave(r)

1. I det følgende skal der simuleres et lukket miljø med ulve og elge. Simuleringen skal benytte følgende regler:
  - (a) Et miljø består af  $n \times n$  felter.
  - (b) Alle levende dyr har en koordinat i miljøet, og der kan højst være et dyr per felt. Når et dyr dør, fjernes det fra miljøet. Hvis et dyr fødes, tilføjes det i et tomt felt. Ved simuleringens begyndelse skal der være  $u$  ulve og  $e$  elge som placeret tilfældigt i tomme felter.
  - (c) Miljøet opdateres i tidsenheder, som kaldes tiks, og simuleringen udføres  $T$  tiks. Indenfor et tik kan dyrene gøre et af følgende: Flytte sig, formere sig, og for ulvenes vedkommende spise en elg. Kun et dyr handler ad gangen og rækkefølgen er tilfældig.

- (d) Dyr kan flytte sig et felt per tik til et af de 8 nabofelter, som er tomme.
- (e) Alle dyr har en artsspecifik formeringstid  $f$  angivet i antal tiks, og som tæller ned. Når formeringstiden når nul (for et levende dyr), og der er et tomt nabofelt, så fødes der et nyt dyr af samme type ved at det nye dyr tilføres i et tomt nabofelt. Moderdyrets formeringstid sættes til startværdien, hhv.  $f_{\text{elg}}$  og  $f_{\text{ulv}}$ .
- (f) Ulve har en sulttid  $s$  angivet i antal tiks, og som tæller ned. Hvis sulttiden når nul, så dør ulven, og den fjernes fra miljøet.
- (g) Ulve kan spise elge. Hvis der er en elg i et nabofelt vil ulven spise elgen, elgen fjernes fra miljøet, ulven flytter til elgens felt, og ulvens sulttid sættes til startværdien,  $s$ .
- (h) I hvert tik reduceres alle formerings- og sulttællere for levende dyr med 1.

Lav et program, som kan simulere dyrene som beskrevet ovenfor og skrive en rapport. Til opgaven udleveres følgende kildefiler:

`animalsSmall.fsi`, `animalsSmall.fs`, og `testAnimalsSmall.fs`.

Opgaven er at tage udgangspunkt i disse filer og programmere følgende regler:

- (a) Der skal laves et bibliotek som implementerer klasser for miljø, ulve og elge. Det er ikke et krav at der bruges nedarvning.
- (b) Man skal kunne starte simuleringen med forskellige værdier af  $T$ ,  $n$ ,  $u$ ,  $e$ ,  $f_{\text{elg}}$ ,  $f_{\text{ulv}}$  og  $s$
- (c) Der skal laves en white-box test af biblioteket.
- (d) Der skal laves en applikation, som kører en simulering, og tidsserien over antallet af dyr per tik skal gemmes i en fil. Filnavn og parametrene  $T$ ,  $n$ ,  $e$ ,  $f_{\text{elg}}$ ,  $u$ ,  $f_{\text{ulv}}$  og  $s$  skal angives som argumenter til det oversatte program fra komandolinjen. Eksempelvis kunne:

```
mono experimentWAnimals.exe 40 test.txt 10 30 10 2 10 4
```

starte et eksperiment med  $T = 40$ ,  $n = 10$ ,  $e = 30$ ,  $f_{\text{elg}} = 10$ ,  $u = 2$ ,  $f_{\text{ulv}} = 10$  og  $s = 4$  og hvor tidsserien skrives til filen `test.txt`.

- (e) Der skal laves et antal eksperimenter, hvor simuleringen køres med forskellige værdier af simuleringens parametre. For hvert eksperiment skal der laves en graf (ikke nødvendigvis i F#), der viser antallet af ulve og elge over tid.
- (f) Koden skal kommenteres ved brug af F# kommentarstandard.

Kravene til rapporten er:

- (g) Rapporten skal skrives i  $\text{\LaTeX}$  og tage udgangspunkt i `rapport.tex` skabelonen
- (h) Rapporten skal som minimum indeholde afsnittene Introduktion, Problemanalyse og design, Programbeskrivelse, Afprøvning, Eksperiment og Konklusion. Som bilag skal I vedlægge afsnittene Brugervejledning og Programtekst.
- (i) Eksperimentafsnittet skal kort diskutere hvert eksperiments udfald.
- (j) Rapporten minus bilag må maksimalt være på 10 A4 sider alt inklusivt.

# Simple Chess

Jon Sporring

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** Classes, inheritance and UML diagrams

**Sværhedsgrad** Svær

## 2 Introduktion

Sporring, “Learning to program with F#”, 2017, Chapter 21.4 describes a simplified version of Chess with only Kings and Rooks, and which we here will call Simplechess, and which is implemented in 3 files: `chess.fs`, `pieces.fs`, and `chessApp.fsx`. In this assignment you are to work with this implementation.

## 3 Opgave(r)

1. Produce a UML diagram describing the design presented of Simple Chess in the book.
2. The implementation of `availableMoves` for the King is flawed, since the method will list a square as available, even though it can be hit by an opponents piece at next turn. Correct `availableMoves`, such that threatened squares no longer are part of the list of vacant squares.
3. Extend the implementation with a class `Player` and two derived classes `Human` and `Computer`. The derived classes must have a method `nextMove`, which returns a legal movement as a codestring or the string “quit”. A codestring is a string of the name of two squares separated by a space. E.g., if the white king is placed at a4, and a5 is an available move for the king, then a legal codestring for moving the king to a5 is “a4 a5”. The player can be either a human or the computer. If the player is human, then the codestring is obtained by a text dialogue with the user. If the player is the computer, then the codestring must be constructed from a random selection of available move of one of its pieces.
4. Extend the implementation with a class `Game`, which includes a method `run`, and which allows two players to play a game. The class must be instantiated with two player objects either human or computer, and `run` must loop through each turn and ask each player object for their next move, until one of the players quits by typing “quit”.

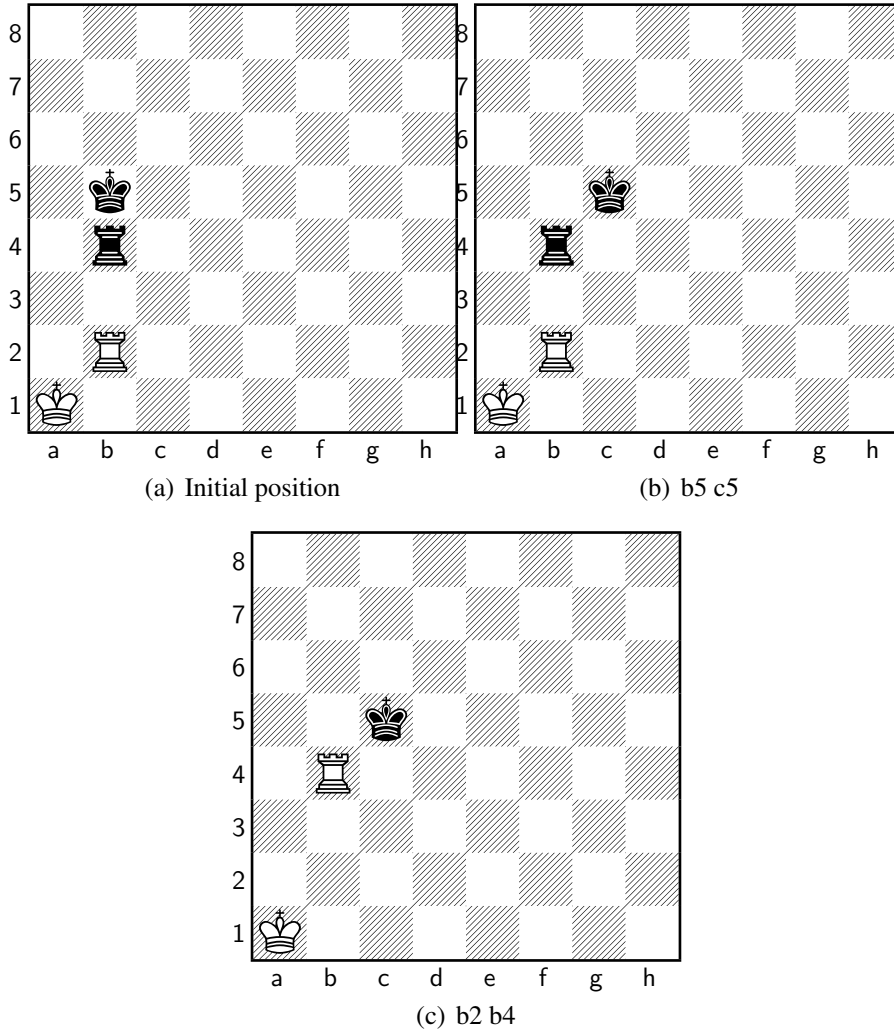


Figure 1: Starting at the left and moving white rook to b4.

5. Extend Player with an artificial intelligence (AI), which simulate all possible series of moves at least  $n \geq 0$  turns ahead or until a King is stricken. Each series should be given a fitness, and the AI should pick the move, which is the beginning of a series with the largest fitness. If there are several moves which have series with same fitness, then the AI should pick randomly among them. The fitness number must be calculated as the sum of the fitness of each move. A move, which does not strike any pieces gets value 0, if an opponent's rook is stricken, then the move has value 3. If the opponent strikes the player's rook, then the value of the move is -3. The king has in the same manner value  $\pm 100$ . As an example, consider the series of 2 moves starting from Figure 1(a), and it is black's turn to move. The illustrated series is ["b5 b6"; "b2 b4"], the fitness of the corresponding moves are [0; -3], and the fitness of the series is -3. Another series among all possible is ["b5 b6"; "b2 c2"], which has fitness 0. Thus, of the moves considered, "b5 b6" has the maximum fitness of 0 and is the top candidate for a move by the AI. Note that a rook has at maximum 14 possible squares to move to, and a king 8, so for a game where each player has a rook and a king each, then the number of series looking  $n$  turns ahead is  $\mathcal{O}(22^n)$ .
6. Make an extended UML diagram showing the final design including all the extending classes.

# Inheritance

Jon Sparring

November 25, 2018

## 1 Lærervejledningn

**Emne** UML diagrams

**Sværhedsgrad** Let

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Draw the UML diagram for the following programming structure: A Person class has data attributes for a person's name, address, and telephone number. A Customer has data attribute for a customer number and a Boolean data attribute indicating whether the customer wishes to be on a mailing list.

2. Make an UML diagram for the following structure:

A Employee class that keeps data attributes for the following pieces of information:

- Employee name
- Employee number

A subclass ProductionWorker that is a subclass of the Employee class. The ProductionWorker class should keep data attributes for the following information:

- Shift number (an integer, such as 1 or 2)
- Hourly pay rate

A class Factory which has one or more instances of ProductionWorker objects.

3. Write a UML diagram for the following:

A class called Animal and has the following attributes (choose names yourself):

- The amount of food needed daily (measured in kilograms)

- The weight of the animal (measured in kilograms)
- The maximum speed of the animal (measured in kilometres per hour)
- The current speed of the animal (measured in kilometres per hour)

The Animal class should have two methods (choose appropriate names):

- The first method should set the current speed of the animal proportionately to its food intake and maximum speed as follows: if the animal eats 100% of the amount of food it needs daily, the animal's current speed should be its maximum speed; if the animal eats 50% of the amount of food it needs daily, the animal's current speed should be 50% of its maximum speed, and so on.
- The second method should set the amount of food needed daily proportionately to the animal's weight as follows: the animal should eat half its own weight in food every day (if the animal weighs 50 kg, it should eat 25kg of food daily).

A subclass Carnivore that inherits everything from class Animal.

A subclass Herbivore that inherits everything from class Animal, and modifies the second method as follows: the animal should eat 40% of its own weight in food every day.

A class called Game consisting of one or more instances of Carnivore and Herbivore.

# WinForms

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** WinForms

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Lav et program, som åbner et vindue og skriver teksten “Hello World” i vinduet vha. en Label.
2. Lav et program, som åbner et vindue og vha. TextBox beder brugeren indtaste sin vægt  $m$  i kilogram og højde  $h$  i meter, udregner body-mass-index efter formlen  $bmi = h/m^2$ , og skriver resultatet i vinduet vha. Label.
3. Lav et program, som beder brugeren om navnet på en input-tekstfil og en output-tekstfil vha. OpenFileDialog og SaveFileDialog, indlæser inputfilen og gemmer den i omvendt rækkefølge, så sidste bogstav bliver det første og første bliver det sidste.
4. (a) Lav et program, der tegner en streg mellem 2 punkter i et vindue.  
(b) Opdater 4a, således at efter kort tid så slettes den gamle streg, og en ny tegnes tæt på den forrige. Hvert endepunkt skal parametriseres som en vektor  $(x, y)$ , og det skal følge en ret linje parametriseret ved  $(dx, dy)$  og

$$(x_{i+1}, y_{i+1}) = (x_i, y_i) + \alpha(dx, dy) \quad (1)$$

hvor  $\alpha$  er en lille konstant. Hvis et endepunkt  $(x_{i+1}, y_{i+1})$  er udenfor vinduets tegnbare areal, skal punktet ignoreres og istedet skal der vælges en ny vektor  $(dx, dy)$  tilfældigt og et nyt endepunkt skal udregnes.

# Clock

Jon Sporning

November 21, 2019

## 1 Lærervejledningn

**Emne** WinForms

**Sværhedsgrad** Middel

## 2 Introduktion

## 3 Opgave(r)

1. Der skal laves en grafisk repræsentation af et analogt ur i WinForms. Uret skal have en urskive, visere for timer, minutter og sekunder og det skal opdateres minimum 1 gang per sekund. Desuden skal uret vise dato og tid på digital form.