

Programmering og Problemløsning

Datalogisk Institut, Københavns Universitet

Arbejdsseddel 3 - individuel opgave

Jon Sparring

16. september - 22. september.
Afleveringsfrist: søndag d. 22. september kl. 22:00.

Emnerne for denne arbejdsseddel er:

- bindinger af værdier og funktioner,
- mutérbare variable,
- kodedokumentation,
- betingelser og løkker.

Opgaverne er delt i øve- og afleveringsopgaver. I denne periode skal I arbejde individuelt med jeres afleveringsopgaver. Regler for gruppe- og individuelle afleveringsopgaver er beskrevet i "Noter, links, software m.m." → "Generel information om opgaver".

Øveopgaver

3ø.0 Indtast følgende program i en tekstfil, og oversæt og kør programmet

Listing 1: Værdibindinger.

```
1 let a = 3
2 let b = 4
3 let x = 5
4 printfn "%A * %A + %A = %A" a x b (a * x + b)
```

Forklar hvad parentesen i kaldet af printfn funktionen gør godt for. Tilføj en linje i programmet, som udregner udtrykket $ax + b$ og binder resultatet til y, og modifier kaldet til printfn så det benytter denne nye binding. Er det stadig nødvendigt at bruge parentes?

3ø.1 Listing 1 benytter F#'s letvægtssyntaks (Lightweight syntax). Omskriv programmet (enten med eller uden y bindingen), så det benytter regulær syntaks.

3ø.2 Følgende program,

Listing 2: Streng.

```
1 let firstName = "Jon"
2 let lastName = "Sporring" in let name = firstName + " " +
  lastName;;
3 printfn "Hello %A!" name;;
```

skulle skrive “Hello Jon Sparring!” ud på skærmen, men det indeholder desværre fejl og vil ikke oversætte. Ret fejlen(e). Omskriv programmet til en linje (uden brug af semikolonner). Overvej hvor mange forskellige måder, dette program kan skrives på, hvor det stadig gør brug af bindingerne firstName lastName name og printfn funktionen.

3ø.3 Tilføj en funktion

$$f : a:\text{int} \rightarrow b:\text{int} \rightarrow x:\text{int} \rightarrow \text{int}$$

til Listing 1, hvor a , b og x er argumenter til udtrykket $ax + b$, og modifier kaldet til printfn så det benytter funktionen istedet for udtrykket $(a * x + b)$.

3ø.4 Brug funktionen udviklet i Opgave 3ø.3, således at du udskriver værdien af funktionen for $a = 3$, $b = 4$ og $x = 0 \dots 5$ ved brug af 6 printfn kommandoer. Modifier nu dette program vha. af en **for** løkke og kun en printfn kommando. Gentag omskrivningen men nu med en **while** løkke.

3ø.5 Lav et program, som udskriver 10-tabellen på skærmen, således at der er 10 søjler og 10 rækker formateret som

	1	2	...	10
1	1	2	...	10
2	2	4	...	20
⋮				
10	10	20	...	100

hvor venstre søjle og første række angiver de tal som er ganget sammen. Du skal benytte to **for** løkker, og feltbredden for alle tallene skal være den samme.

3ø.6 Fakultetsfunktionen kan skrives som,

$$n! = \prod_{i=1}^n i = 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot n \quad (1)$$

(a) Skriv en funktion

$$\text{fac} : n:\text{int} \rightarrow \text{int}$$

som benytter en **while** løkke, en tællevariablen og en lokal variable til at beregne fakultetsfunktionen.

(b) Skriv et program, som beder brugeren indtaste et tal n , læser det fra tastaturet, og derefter udskriver resultatet af $\text{fac } n$.

(c) Hvad er det største n , som funktionen kan beregne fakultetsfunktionen for, og hvad er begrænsningen? Lav en ny version,

fac : n:int -> int64

som benytter int64 istedet for int til at beregne fakultetsfunktionen. Hvad er nu det største n , som funktionen kan beregne fakultetsfunktionen for?

Afleveringsopgaver

3i.0 Betragt følgende sum af heltal,

$$\sum_{i=1}^n i. \quad (2)$$

Man kan ved induktion vise, at $\sum_{i=1}^n i = \frac{n(n+1)}{2}$, $n \geq 0$. Opgaven har følgende delafleveringer:

(a) Skriv en funktion

sum : n:int -> int

som ud over tællerværdien benytter en lokal variabel s og en `while` løkke til at udregne summen $1 + 2 + \dots + n$.

(b) Lav en funktion

simpleSum : n:int -> int

som i stedet benytter formelen $\frac{n(n+1)}{2}$.

(c) Skriv et program, som beder brugeren indtaste et tal n , læser det fra tastaturet, og derefter udskriver resultatet af sum n og simpleSum n .

(d) Lav et program, som skriver en tabel ud på skærmen med 3 kolonner: n , sum n og simpleSum n , og et passende antal rækker. Verificer ved hjælp af tabellen at de 2 funktioner beregner til samme resultat.

(e) Hvad er det største n de 2 versioner kan beregne sum funktionen korrekt for? Hvordan kan programmet modificeres, så funktionen kan beregnes for større værdier af n ?

3i.1 Som en variant af Opgave 3ø.5, skal der arbejdes med funktionen

mulTable : n:int -> string

som tager 1 argument og returnerer en streng indeholdende de første $1 \leq n \leq 10$ linjer i multiplikationstabellen inklusiv ny-linje tegn, således at hele tabellen kan udskrives med et enkelt `printf "%s"` statement. F.eks. skal kald til mulTable 3 returnere

Listing 3: Eksempel på brug og output fra mulTab.

```
1 printf "%s" (mulTab 3);;
2      1   2   3   4   5   6   7   8   9  10
3      1   1   2   3   4   5   6   7   8   9  10
4      2   2   4   6   8  10  12  14  16  18  20
5      3   3   6   9  12  15  18  21  24  27  30
```

hvor alle indgange i tabellen har samme bredde. Opgaven har følgende delafleveringer:

(a) Lav

```
mulTable : n:int -> string
```

så den som lokal værdibinding benytter en og kun en streng, der indholder tabellen for $n = 10$, og benyt streng-indicering til at udtrække dele af tabellen for $n < 10$. Afprøv `mulTable n` for $n = 1, 2, 3, 10$.

(b) Lav

```
loopMulTable : n:int -> string
```

så den benytter en lokal streng-variabel, som bliver opbygget dynamisk vha. 2 `for` løkker og `sprintf`. Afprøv `loopMulTable n` for $n = 1, 2, 3, 10$.

(c) Lav et program, som benytter sammenligningsoperatoren for strenge "=", og som skriver en tabel ud på skærmen med 2 kolonner: n , og resultatet af sammenligningen af `mulTable n` med `loopMulTable n` som `true` eller `false`.

(d) Forklar forskellen mellem at benytte `printf "%s"` og `printf "%A"` til at printe resultatet af `mulTab`.

Afleveringen skal bestå af

- en zip-fil og
- en rapport i pdf-format.

Zip-filen skal indeholde mapperne `tex` og `src` og filen `README.txt`. Mapperne skal indeholde henholdsvis LaTeX koden m.m. og `fsharp` koden. Der skal være en `fsharp` tekstfil per `fsharp`-opgave, og de skal navngives `3i0.fsx` osv. Rapporten skal kunne oversættes vha. `pdflatex` kommandoen i `tex`-mappen, og `fsharp` koden skal kunne oversættes med `fsharpc` og køres med `mono` i `src` mappen. Filen `README.txt` skal ganske kort beskrive, hvordan rapporten oversættes til pdf og koden køres.

God fornøjelse.