Programmering og Problemløsning Datalogisk Institut, Københavns Universitet Arbejdsseddel 8 - individuel opgave

Jon Sporring

18. november - 22. november. Afleveringsfrist: fredag d. 22. november kl. 17:00.

Emnerne for denne arbejdsseddel er:

- højereordens funktioner,
- fejl og undtagelser.

Opgaverne er delt i øve- og afleveringsopgaver. I denne periode skal I arbejde individuelt med jeres afleveringsopgaver. Regler for gruppe- og individuelle afleveringsopgaver er beskrevet i "'Noter, links, software m.m."'\rightarrow"'Generel information om opgaver"'.

Øveopgaver

I det følgene skal I arbejde med polynomier. Et polynomium af grad n skrives som

$$f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_n x^n = \sum_{i=0}^n a_i x^i.$$

- 8ø.0 Skriv en funktion poly: a: float list -> x: float -> float, som tager en liste af coefficienter med a.[i] = a_i og en x-værdi og returnerer polynomiets værdi. Afprøv funktionen ved at lave tabeller for et lille antal polynomier af forskellig grad med forskellige koefficienter og forskellige værdier for x, og validér den beregnede værdi.
- 8ø.1 Afled en ny funktion line fra poly således at line : a0: float -> a1: float -> x: float -> float beregner værdien for et 1. grads polynomium hvor a0 = a_0 og a1 = a_1 . Afprøv funktionen ved at tabellere værdier for line med det samme sæt af coefficienter $a_0 \neq 0$ og $a_1 \neq 0$ og et passende antal værdier for x.
- 8ø.2 Benyt Currying af line til at lave en funktion theLine: x: float -> float, hvor parametrene a0 og a1 er sat til det samme som brugt i Opgave 8ø.1. Afprøv theLine som Opgave 8ø.1.

- 8ø.3 Lav en funktion lineA0: a0: float -> float ved brug af line, men hvor a1 og x holdes fast. Diskutér om dette kan laves ved Currying uden brug af hjælpefunktioner? Hvis ikke, foreslå en hjælpefunktion, som vil gøre en definition vha. Currying muligt.
- 8ø.4 Skriv en funktion integrate: n:int -> a: float -> b: float -> (f: float -> float) -> float, hvis argumenter n, a, b, er som i ligningerne, og f er en integrabel 1 dimensionel funktion. Afprøv integrate på the Line fra Opgave 8ø.2 og på \cos med a = 0 og $b = \pi$. Udregn integralerne analytisk og sammenlign med resultatet af integrate.
- 8ø.5 Funktionen integrate er en approximation, og præcisionen afhænger af n. Undersøg afhængigheden ved at udregne fejlen, dvs. forskellen mellem det analytiske resultat og approximationen for værdier af n. Dertil skal du lave to funktioner IntegrateLine : n:int -> float og integrateCos : n:int -> float vha. integrate, theLine og cos, hvor værdierne for a og b og f er fastlåste. Afprøv disse funktioner for n = 1, 10, 100, 1000. Overvej om der er en tendens i fejlen, og hvad den kan skyldes.
- 8ø.6 Implementer fakultetsfunktionen $n! = \prod_{i=1}^{n} i$, n > 0 som fac : n:int -> int og kast en System. Argument I undtagelse, hvis funktionen bliver kaldt med n < 1. Kald fac med værdierne n = -4, 0, 1, 4, og fang evt. untagelser.
- 8ø.7 Tilføj en ny og selvdefineret undtagelse ArgumentTooBig of string til fac, og kast den med argumentet "calculation would result in an overflow", når *n* er for stor til int typen. Fang undtagelsen og udskriv beskeden sendt med undtagelsen på skærmen.
- 8ø.8 Lav en ny fakultetsfunktion facFailwith: n:int -> int, som fac, men hvor de 2 undtagelser bliver erstattet med failwith med hhv. argument "argument must be greater than 0" og "calculation would result in an overflow". Kald facFailWith med n = -4,0,1,4, fang evt. undtagelser vha. Failure mønsteret, og udskriv beskeden sendt med failwith undtagelsen.
- 8ø.9 Omskriv fakultetsfunktionen i Opgave 8ø.7, som facOption: n:int -> int option, således at den returnerer Some m, hvis resultatet kan beregnes og None ellers. Kald fac med værdierne n = -4, 0, 1, 4, og skriv resultatet ud vha. en af printf funktionerne.
- 8ø.10 Skriv en funktion $\log IntOption : n:int -> float option, som udregner logaritmen af n, hvis <math>n>0$ og None ellers. Afprøv $\log IntOption$ for værdierne -10, 0, 1, 10.
- 8ø.11 Skriv en ny funktion $\log Fac$: int -> float option vha. Option.bind 1 eller flere gange til at sammensætte $\log IntOption$ og facOption, og sammenlign $\log Fac$ med Stirlings approximation n * ($\log n$) n for værdierne n = 1, 2, 4, 8.
- 8ø.12 Funktionen logFac: int -> float option kan defineres som en enkelt sammensætning af funktionerne Some og Option.bind en eller flere gange og med logIntOption og facOption som argument til Option.bind. Opskriv 3 udtryk, der bruger hhv. |> eller >> operatorerne eller ingen af dem.

Afleveringsopgaver

I de følgende opgaver skal vi arbejde med en træstruktur til at beskrive geometriske figurer med farver. For at gøre det muligt at afprøve jeres opgaver skal I gøre brug af det udleverede bibliotek img util.dll, der blandt andet kan omdanne såkaldte bitmap-arrays til png-filer. Biblioteket

er beskrevet i forelæsningerne (i uge 7) og koden for biblioteket ligger sammen med forelæsningsplancherne for uge 6. Her bruger vi funktionerne til at konstruere et bitmap-array samt til at gemme arrayet som en png-fil:

```
// colors
type color = System.Drawing.Color
val fromRgb : int * int * int -> color
// bitmaps
type bitmap = System.Drawing.Bitmap
val mk : int -> int -> bitmap
val setPixel : color -> int * int -> bitmap -> unit
// save a bitmap as a png file
val toPngFile : string -> bitmap -> unit
```

Funktionen toPngFile tager som det første argument navnet på den ønskede png-fil (husk extension). Det andet argument er bitmap-arrayet som ønskes konverteret og gemt. Et bitmap-array kan konstrueres med funktionen ImgUtil.mk, der tager som argumenter vidden og højden af billedet i antal pixels, samt funktionen ImgUtil.setPixel, der kan bruges til at opdatere bitmap-arrayet før det eksporteres til en png-fil. Funktionen ImgUtil.setPixel tager tre argumenter. Det første argument repræsenterer en farve og det andet argument repræsenterer et punkt i bitmap-arrayet (dvs. i billedet). Det tredie argument repræsenterer det bitmap-array, der skal opdateres. En farve kan nu konstrueres med funktionen ImgUtil.fromRgb der tager en triple af tre tal mellem 0 og 255 (begge inklusive), der beskriver hhv. den røde, grønne og blå del af farven.

Koordinaterne starter med (0,0) i øverste venstre hjørne og (w-1,h-1) i nederste højre hjørne, hvis bredde og højde er hhv. w og h. Antag for eksempel at programfilen testPNG.fsx indeholder følgende F# kode:

```
let bmp = ImgUtil.mk 256 256
do ImgUtil.setPixel (ImgUtil.fromRgb (255,255,0)) (10,10) bmp
do ImgUtil.toPngFile "test.png" bmp
```

Det er nu muligt at generere en png-fil med navn test.png ved at køre følgende kommando:

```
fsharpi -r img util.dll testPNG.fsx
```

Den genererede billedfil test.png vil indeholde et sort billede med et pixel af gul farve i punktet (10,10).

Bemærk, at alle programmer, der bruger ImgUtil skal køres eller oversættes med -r img_util.dll som en del af kommandoen. Bemærk endvidere, at IATEX kan inkludere png-filer med kommandoen includegraphics.

I det følgende vil vi repræsentere geometriske figurer med følgende datastruktur:

```
| Rectangle of point * point * colour

// defined by corners bottom-left, top-right, and colour

| Mix of figure * figure

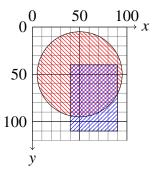
// combine figures with mixed colour at overlap
```

For eksempel kan man lave følgende funktion til at finde farven af en figur i et punkt. Hvis punktet ikke ligger i figuren, returneres None, og hvis punktet ligger i figuren, returneres Some c, hvor c er farven.

```
// finds colour of figure at point
let rec colourAt (x,y) figure =
  match figure with
   Circle ((cx, cy), r, col) \rightarrow
      if (x-cx)*(x-cx)+(y-cy)*(y-cy) <= r*r
        // uses Pythagoras' equation to determine
        // distance to center
      then Some col else None
  | Rectangle ((x0,y0), (x1,y1), col) ->
     if x0 \le x & x \le x1 & y0 \le y & y \le y1
        // within corners
     then Some col else None
  | Mix (f1, f2) ->
      match (colourAt (x,y) f1, colourAt (x,y) f2) with
        (None, c) \rightarrow c // no overlap
        (c, None) -> c // no overlap
        (Some (r1, g1, b1), Some (r2, g2, b2)) \rightarrow
         // average color
         Some ((r1+r2)/2, (g1+g2)/2, (b1+b2)/2)
```

Bemærk, at punkter på cirklens omkreds og rektanglens kanter er med i figuren. Farver blandes ved at lægge dem sammen og dele med to, altså finde gennemsnitsfarven.

8i.0 Lav en figur figTest: figure, der består af en rød cirkel med centrum i (50,50) og radius 45, samt en blå rektangel med hjørnerne (40,40) og (90,110), som illustreret i tegningen nedenfor (hvor vi dog har brugt skravering i stedet for udfyldende farver.)



8i.1 Brug ImgUtil-funktionerne og colourAt til at lave en funktion

```
makePicture : string -> figure -> int -> int -> unit
```

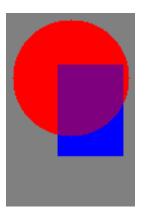
sådan at kaldet makePicture filnavn figur b h laver en billedfil ved navn filnavn.png med et billede af figur med bredde b og højde h.

På punkter, der ingen farve har (jvf. colourAt), skal farven være grå (som defineres med RGB-værdien (128,128,128)).

Du kan bruge denne funktion til at afprøve dine opgaver.

8i.2 Lav med makePicture en billedfil med navnet figTest.png og størrelse 100 × 150 (bredde 100, højde 150), der viser figuren figTest fra Opgave 8i.0.

Resultatet skulle gerne ligne figuren nedenfor.



8i.3 Lav en funktion checkFigure: figure -> bool, der undersøger, om en figur er korrekt: At radiusen i cirkler er ikke-negativ, at øverste venstre hjørne i en rektangel faktisk er ovenover og til venstre for det nederste højre hjørne (bredde og højde kan dog godt være 0), og at farvekompenterne ligger mellem 0 og 255.

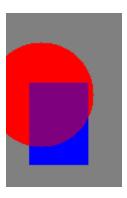
Vink: Lav en hjælpefunktion checkColour : colour -> bool.

8i.4 Lav en funktion move: figure -> int * int -> figure, der givet en figur og en vektor flytter figuren langs vektoren.

Ved at foretage kaldet

makePicture "moveTest" (move figTest (-20,20)) 100 150

shulle der gerne laves en billedfil moveTest.png med indholdet vist nedenfor.



8i.5 Lav en funktion boundingBox : figure -> point * point, der givet en figur finder hjørnerne (top-venstre og bund-højre) for den mindste akserette rektangel, der indeholder hele figuren.

boundingBox figTest skulle gerne give ((5, 5), (95, 110)).

Afleveringen skal bestå af

• en zip-fil

Zip-filen skal indeholde en src mappe og filen README.txt. Mappen skal indeholde fsharp koden, der skal være en fsharp tekstfil per fsharp-opgave, og de skal navngives 8i0.fsx osv. De skal kunne oversættes med fsharpc og den oversattte fil skal kunne køres med mono. Funktioner skal dokumenteres ifølge dokumentationsstandarden, og udover selve programteksten skal besvarelserne indtastes som kommentarer i de fsx-filer, de hører til. Filen README.txt skal ganske kort beskrive, hvordan rapporten oversættes til pdf og koden køres.

God fornøjelse.