Programmering og Problemløsning Datalogisk Institut, Københavns Universitet

Jon Sporring

November 25, 2018

Getting Started

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne imperativ programmering gennem Scratch, kommandoterminalen og filstrukturer, en teksteditor, rapportskrivning i LaTeX

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

3 Opgave(r)

- 1. imperativ programmering gennem Scratch
- 2. Start Scratch, og lav et lille program, som flytter katten (eller en anden sprite) rundt på skærmen vha. glide-blokken og gentagelse.
- 3. Tag et eller flere skærmbilleder af jeres program, mens det kører.
- 4. Skriv en kort rapport i Emacs og LaTeX og oversæt det til pdf via kommandoterminalen. Rapporten skal som minimum indeholde:
 - En titel ved brug af \maketitle,
 - en section vha. \section,
 - en eller flere figurer med skærmbillederne fra jeres Scratch program med \begin{figure}-\end{figure},
 - en henvisning til figuren ved brug af \label-\ref strukturen.
 - de danske bogstaver æ, ø, og å.

Game

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne lave et spil, lave den første Absalon aflevering

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

3 Opgave(r)

1. Hvad kan I lave med 10 blokke?

I Figur 1 ser I 10 Scratch blokke. Jeres opgave er at lave et sjovt program kun ved brug af disse blokke. Hver blok må bruges 0, 1 eller flere gange. Prøv at sammensætte programmet ved at tegne blokkene på papir, og skriv ned, hvad I tror programmet vil gøre. Sæt jer dernæst til computeren, og indtast jeres program. Beskriv, i hvor høj grad programmet gør, som I forventede. Vend dernæst tilbage til designfasen og forbedre evt. programmet. Til slut uploades programmet til gruppens rum i Scratch.

2. Design et spil

I skal designe og implementere et spil efter eget valg. Spillet skal

- indeholde 2-5 sprites
- vare ca. 1 minut at spille
- benytte mindst 1 variabel

Det må benytte alle tilgængelige blokke i Scratch og må gerne tage udgangspunkt i Opgave ?? og minde om et spil I kender. Det er ikke vigtigt, at det er et grafisk eller lydmæssigt prangende spil.

Start med at tale om hvad I kunne tænke jer, spillet skal omhandle. Skitser på papir, hvordan game-playet, skal forløbe. Skitser derefter på papir hvordan det kunne implementeres i Scratch. Indtast programmet på computeren og afprøv, om spillet gør, som I forventer. Vend evt. tilbage til designfasen og forbedre spillet.

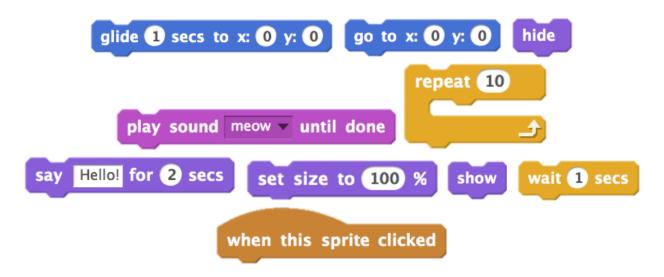


Figure 1: 10 Scratch-blokke

myFirstFSharp

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne De studerende skal

- lave deres første F# program
- komme til at kende forskellen mellem decimal, binær, hexadecimal, og oktal repræsentation af heltal, samt at kunne konvertere imellem dem.
- komme til at kunne beskrive simple typer i F#: int, float, char, string, bool, samt konvertering imellem dem.
- komme til at kunne bruge F# som en lommeregner.

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

3 Opgave(r)

1. Start en interaktiv F# session og indtast følgende (efterfulgt af ny linie):

```
Listing 1: My first F#.

3.14+2.78;;
```

Beskriv (for dig selv), hvad F# gjorde, og hvis der opstod en fejl, find fejlen og gentag.

- 2. Gentag øvelsen ovenfor, men denne gang indtast udtrykket i Emacs og gem det i en fil med suffix .fsx. Kør filen med fsharpi og fsharpc+mono. Overvej om resultatet er som forventet, og hvis ikke, forklar hvorfor.
- 3. Skriv et udtryk, som konkatenerer strengene "hello", " ", "world" og afprøv det i F#.

4. Prøv følgende udtryk i F#,

Listing 2: Problematic F#.

```
3 + 1.0;;
```

og forklar resultatet. Forbedr evt. udtrykket.

- 5. Brug papir og blyant til at skriv heltallet 3₁₀ op på binær form ved at bruge division-med-2 algoritmen. Skriv heltallet 1001₂ op i 10-talssystemet med gang-med-2 algoritmen. Skriv heltallet 47₁₀ op på hexadecimal og på oktal form.
- 6. Indtast 47₁₀ på decimal, hexadecimal, oktal, og floating-point form i fsharp, og verificer, at de alle repræsenterer den samme værdi.
- 7. Udfyld følgende tabel,

Decimal	Binær	Hexadecimal	Oktal
10			
	10101		
		3f	
			78

således at hver række repræsenterer den samme værdi men opskrevet på 4 forskellige former, og angiv mellemregningerne du brugte, for at udregne konverteringerne.

- 8. Opskriv sandhedstabellen (truth table) for udtrykket a or b and c, hvor a, b og c er boolske værdier.
- 9. Betragt F#-udtrykket 164uy+230uy. Forklar hvad "uy" betyder, udregn udtrykket i F# og diskutér resultatet.
- 10. Opskriv et F#-udtryk for en streng, som indeholder "abc...æøå" udelukkende ved brug af unicode escapekoder.
- 11. Opskriv et F#-udtryk, som indicerer det 3. element og substrengen fra det 2. til 4. elemente i strengen "abcdef".
- 12. Opskriv to F#-udtryk, som ved brug af indiceringssyntaksen udtrækker 1. og 2. ord i strengen "hello world".
- 13. Betragt F#-udtrykket "hello\nworld\n". Forklar hvad "\n" betyder, evaluér udtrykket i F# og diskutér resultatet.
- 14. Opskriv et F#-udtryk for en streng, som indeholder "\n" men hvor "\n" ikke opfattes som en escapekode. Hvor mange forskellige måder kan det gøres på?

bindings

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne bindinger af værdier, funktioner, mutérbare variable, og løkker

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

3 Opgave(r)

1. Indtast følgende program i en tekstfil, og oversæt og kør programmet

```
Listing 1: Værdibindinger.

let a = 3
let b = 4
let x = 5
printfn "%A * %A + %A = %A" a x b (a * x + b)
```

Forklar hvad parentesen i kaldet af printfn funktionen gør godt for. Tilføj en linje i programmet, som udregner udtrykket ax + b og binder resultatet til y, og modificer kaldet til printfn så det benytter denne nye binding. Er det stadig nødvendigt at bruge parentes?

- 2. Listing 1 benytter F#'s letvægtssyntaks (Lightweight syntax). Omskriv programmet (enten med eller uden y bindingen), så det benytter regulær syntaks.
- 3. Følgende program,

```
Listing 2: Strenge.

let firstName = "Jon"

let lastName = "Sporring" in let name = firstName + " " +
    lastName;;

printfn "Hello %A!" name;;
```

skulle skrive "Hello Jon Sporring!" ud på skærmen, men det indeholder desværre fejl og vil ikke oversætte. Ret fejlen(e). Omskriv programmet til en linje (uden brug af semikolonner). Overvej hvor mange forskellige måder, dette program kan skrives på, hvor det stadig gør brug af bindingerne firstName lastName name og printfn funktionen.

4. Tilføj en funktion

```
f : a:int -> b:int -> x:int -> int
```

til Listing 1, hvor a, b og x er argumenter til udtrykket ax + b, og modificer kaldet til printfn så det benytter funktionen istedet for udtrykket (a * x + b).

- 5. Brug funktionen udviklet i Opgave 4, således at du udskriver værdien af funktionen for a = 3, b = 4 og x = 0...5 ved brug af 6 printfn kommandoer. Modificer nu dette program vha. af en for løkke og kun en printfn kommando. Gentag omskrivningen men nu med en while løkke.
- 6. Lav et program, som udskriver 10-tabellen på skærmen, således at der er 10 søjler og 10 rækker formateret som

hvor venstre søjle og første række angiver de tal som er ganget sammen. Du skal benytte to for løkker, og feltbredden for alle tallene skal være den samme.

7. Som en variant af Opgave 6, skal der arbejdes med funktionen

```
mulTable : n:int -> string
```

som tager 1 argument og returnerer en streng indeholdende de første $1 \le n \le 10$ linjer i multiplikationstabellen inklusiv ny-linje tegn, således at hele tabellen kan udskrives med et enkelt printf "%s" statement. F.eks. skal kald til mulTable 3 returnere

Listing 3: Eksempel på brug og output fra mulTab. printf "%s" (mulTab 3);; 3 4 5 8 10 12 9 12 15

hvor alle indgange i tabellen har samme bredde. Opgaven har følgende delafleveringer:

(a) Lav

```
mulTable : n:int -> string
```

så den som lokal værdibinding benytter en og kun en streng, der indholder tabellen for n = 10, og benyt streng-indicering til at udtrække dele af tabellen for n < 10. Afprøv mulTable n for n = 1, 2, 3, 10.

(b) Lav

loopMulTable : n:int -> string

så den benytter en lokal streng-variabel, som bliver opbygget dynamisk vha. 2 for løkker og sprintf. Afprøv loopMulTable n for n = 1, 2, 3, 10.

- (c) Lav et program, som benytter sammenligningsoperatoren for strenge "=", og som skriver en tabel ud på skærmen med 2 kolonner: n, og resultatet af sammenligningen af mulTable n med loopMulTable n som true eller false.
- (d) Forklar forskellen mellem at benytte printf "%s" og printf "%A" til at printe resultatet af mulTab.
- 8. Fakultetsfunktionen kan skrives som,

$$n! = \prod_{i=1}^{n} i = 1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot n \tag{1}$$

(a) Skriv en funktion

fac : n:int -> int

som benytter en while løkke, en tællevariablen og en lokal variable til at beregne fakultetsfunktionen.

- (b) Skriv et program, som beder brugeren indtaste et tal n, læser det fra tastaturet, og derefter udskriver resultatet af fac n.
- (c) Hvad er det største *n*, som funktionen kan beregne fakultetsfunktionen for, og hvad er begrænsningen? Lav en ny version,

fac : n:int -> int64

som benytter int64 istedet for int til at beregne fakultetsfunktionen. Hvad er nu det største n, som funktionen kan beregne fakultetsfunktionen for?

9. Betragt følgende sum af heltal,

$$\sum_{i=1}^{n} i. \tag{2}$$

Man kan ved induktion vise, at $\sum_{i=1}^{n} i = \frac{n(n+1)}{2}$, $n \ge 0$. Opgaven har følgende delafleveringer:

(a) Skriv en funktion

som ud over tælleværdien benytter en lokal variabel s og en while løkke til at udregne summen $1+2+\cdots+n$.

(b) Lav en funktion

simpleSum : n:int -> int

som i stedet benytter formlen $\frac{n(n+1)}{2}$.

- (c) Skriv et program, som beder brugeren indtaste et tal n, læser det fra tastaturet, og derefter udskriver resultatet af sum n og simpleSum n.
- (d) Lav et program, som skriver en tabel ud på skærmen med 3 kolonner: n, sum n og simpleSum n, og et passende antal rækker. Verificer ved hjælp af tabellen at de 2 funktioner beregner til samme resultat.
- (e) Hvad er det største *n* de 2 versioner kan beregne sum funktionen korrekt for? Hvordan kan programmet modificeres, så funktionen kan beregnes for større værdier af *n*?

vec

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Moduler, namespaces og afprøvning

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

Opgaven omhandler to-dimensionelle vektorer. En to-dimensionel vektor (herefter blot vektor) er et geometrisk objekt som består af en retning og en længde. Typisk repræsenteres vektorer som par af tal $\vec{v} = (x, y)$, hvor længden og retning findes ved,

$$\operatorname{len}(\vec{v}) = \sqrt{x^2 + y^2} \tag{1}$$

$$ang(\vec{v}) = atan2(y, x) \tag{2}$$

Vektorens ender kaldes hhv. hale og spids, og når halen placeres i (0,0), så vil spidsen have koordinat (x,y). Vektorer har en række standardoperatorer,

$$\vec{v}_1 = (x_1, y_1) \tag{3}$$

$$\vec{v}_2 = (x_2, y_2) \tag{4}$$

$$a\vec{\mathbf{v}}_1 = (a\mathbf{x}_1, a\mathbf{y}_1) \tag{5}$$

$$\vec{v}_1 + \vec{v}_2 = (x_1 + x_2, y_1 + y_2) \tag{6}$$

$$\vec{v}_1 \cdot \vec{v}_2 = x_1 x_2 + y_1 y_2 \tag{7}$$

Addition kan tegnes som vist i Figure 1.

3 Opgave(r)

1. Skriv et bibliotek vec2d.fs, som implementerer signatur filen givet i Listing 1.

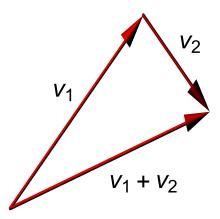


Figure 1: Illustration of vector addition in two dimensions.

```
Listing 1 vec2d.fsi:
A signature file.

/// A 2 dimensional vector library.
/// Vectors are represented as pairs of floats
module vec2d
/// The length of a vector
val len: float * float -> float
/// The angle of a vector
val ang: float * float -> float
/// Multiplication of a float and a vector
val scale: float -> float * float -> float * float
/// Addition of two vectors
val add: float * float -> float * float -> float * float
/// Dot product of two vectors
val dot: float * float -> float * float -> float
val dot: float * float -> float * float -> float
```

- 2. Skriv en White-box afprøvning af biblioteket.
- 3. Punkter på en cirkel med radius 1 kan beregnes som $(\cos\theta,\sin\theta),\ \theta\in[0,2\pi)$. Betragt det lukkede polygon, som består af n>1 punkter på en cirkel, hvor $\theta_i=\frac{2\pi i}{n},\ i=0..(n-1)$.
 - (a) Skriv et program med en funktion,

```
polyLen : n:int -> float
```

som benytter ovenstående bibliotek til at udregne længden af polygonet. Længden udregnes som summen af længden af vektorerne mellem nabopunkter. Programmet skal desuden udskrive en tabel af længder for et stigende antal værdier n, og resultaterne skal sammenlignes med omkredsen af cirklen med radius 1.

- (b) Udform en hypotese ud fra tabellen for længden af polygonet når $n \to \infty$.
- 4. Biblioteket vec2d tager udgangspunkt i en repræsentation af vektorer som par (2-tupler). Lav et udkast til en signaturfil for en variant af biblioteket, som ungår tupler helt. Diskutér eventuelle udfordringer og større ændringer, som varianten ville kræve både for implementationen og programmet.

polynomials

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Højere-ordens funktioner, currying

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

Denne opgave omhandler polynomier. Et polynomium af grad n skrives som

$$f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_n x^n = \sum_{i=0}^n a_i x^i.$$

3 Opgave(r)

- 1. Skriv en funktion poly: a:float list -> x:float -> float, som tager en liste af coefficienter med a. [i] = a_i og en x-værdi og returnerer polynomiets værdi. Afprøv funktionen ved at lave tabeller for et lille antal polynomier af forskellig grad, med forskellige koefficienter og forskellige værdier for x og validér den beregnede værdi.
- 2. Afled en ny funktion line fra poly således at line : a0:float -> a1:float -> x:float -> float beregner værdien for et 1. grads polynomium hvor a0 = a_0 og a1 = a_1 . Afprøv funktionen ved at tabellere værdier for line med det samme sæt af coefficienter $a_0 \neq 0$ og $a_1 \neq 0$ og et passende antal værdier for x.
- 3. Benyt Currying af line til at lave en funktion theLine : x:float -> float, hvor parametrene a0 og a1 er sat til det samme som brugt i Item 2. Afprøv theLine som Item 2.
- 4. Lav en funktion lineA0: a0:float -> float ved brug af line, men hvor a1 og x holdes fast. Diskutér om dette kan laves ved Currying uden brug af hjælpefunktioner? Hvis ikke, foreslå en hjælpefunktion, som vil gøre en definition vha. Currying muligt.

modules

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Moduler, namespaces og afprøvning

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

En farve repræsenteres ofte som en triple (rød, grøn, blå), hvor hver indgang kaldes en farvekanal eller blot en kanal, og hver kanal er typisk et heltal mellem 0 og 255:

$$c = (r, g, b) \tag{1}$$

Farver kan lægges sammen ved at addere deres kanaler,

$$c_1 + c_2 = (\operatorname{trunc}(r_1 + r_2), \operatorname{trunc}(g_1 + g_2), \operatorname{trunc}(b_1 + b_2)),$$
 (2)

$$c_i = (r_i, g_i, b_i) \tag{3}$$

trunc(
$$v$$
) =
$$\begin{cases} 0, & v < 0 \\ 255, & v > 255 \\ v, & \text{ellers} \end{cases}$$
 (4)

og farver kan skaleres ved at gange hver kanal med samme konstant.

$$ac = (\operatorname{trunc}(ar), \operatorname{trunc}(ag), \operatorname{trunc}(ab))$$
 (5)

Farver, hvor alle kanaler har samme værdi, v = r = g = b, kaldes gråtoner, og man kan konvertere en farve til gråtone ved at udregne gråtoneværdien som gennemsnittet af de 3 kanaler,

$$v = \operatorname{gray}(c) = \frac{r+g+b}{3} \tag{6}$$

3 Opgave(r)

- 1. Skriv en signaturfil for et modul, som indeholder funktionerne trunc, add, scale, og gray ud fra ovenstående matematiske definitioner og ved brug af tupler, hvor muligt.
- 2. Skriv en implementation af signaturfil fra Opgave 1 og kompiler begge filer til et bibliotek (dll-fil).
- 3. Skriv 2 programmer: Et som benytter biblioteket udvikling i Opgave 1 og 2 via fsharpi og et som benytter det via fsharpc.
- 4. Lav en White-box afprøvning af jeres bibliotek fra Opgave 2 og ved brug af fsharpc.
- 5. Udvid biblioteket (både signatur og implementationsfilen fra Opgave 1 og 2) med en funktion, som konverterer en farvetriplet til en gråtonetriplet. Udvid afprøvningen med en passende afprøvning af den nye funktion. Diskutér om bibliotek, program, og afprøvning er struktureret på en måde, så denne udvidelse har været let, eller om der er uhensigtmæssige afhængigheder, som gør rettelse, vedligeholdelse og udvidelse besværlig og med risiko for fejl.

lister

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne lister og arrays

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

3 Opgave(r)

- 1. Skriv en funktion oneToN : n:int -> int list, som returnerer listen af heltal [1; 2; ...; n].
- 2. Skriv en funktion multiplicity: x:int -> xs:int list -> int, som tæller antallet af gange tallet x optræder i listen xs.
- 3. Skriv funktionen split: xs:int list -> (xs1: int list) * (xs2: int list), som deler listen xs i 2 og returnerer resultatet som en tuple, hvor alle elementer med lige index er i første element og resten i andet element. F.eks. split [x0; x1; x2; x3; x4] skal returnere ([x0; x2; x4], [x1; x3;]).
- 4. Definer en funktion reverse Apply: 'a -> ('a -> 'b) -> 'b, sådan at kaldet reverse Apply x f returnerer resultatet af funktions anvendelsen f x.
- 5. Forklar forskellen mellem typerne int -> (int -> int) og (int -> int) -> int, og giv et eksempel på en funktion af hver type.
- 6. Brug List.filter til at lave en funktion evens : int list -> int list, der returnerer de lige heltal i en liste.
- 7. Brug List.map og reverseApply (fra Opgave 4) til at lave en funktion applylist : ('a -> 'b) list -> 'a -> 'b list, der anvender en liste af funktioner på samme element for at returnere en liste af resultater.
- 8. Opskriv funktionstyperne for List.filter og List.foldBack.

- 9. En snedig programmør definerer en sorteringsfunktion med definitionen ssort xs = Set.toList (Set.ofList xs). For eksempel giver ssort [4; 3; 7; 2] resultatet [2; 3; 4; 7]. Diskutér, om programmøren faktisk er så snedig, som han tror.
- 10. Brug Array.init til at lave en funktion squares: int -> int [], sådan at kaldet squares n returnerer listen af de *n* første kvadrattal. For eksempel skal squares 5 returnere arrayet [|1; 4; 9; 16; 25|].
- 11. Skriv en funktionreverseArray : 'a [] -> 'a [] ved brug af Array.init og Array.length, og som returnerer arrayet med elementerne i omvendt rækkefølge. For eksempel skal kaldet printfn "%A" (reverseArray [|1..5|]) udskrive [|5; 4; 3; 2; 1|].
- 12. Brug en while-løkke og overskrivning af array-elementer til at skrive en funktion reverseArrayD : 'a [] -> unit, som destruktivt opdaterer et array, så elementerne kommer i omvendt rækkefølge. Sekvensen

let aa = [|1..5|]
reverseArrayD aa
printfn "%A" aa

skal altså udskrive [|5; 4; 3; 2; 1|].

- 13. Brug Array2D.init, Array2D.length1 og Array2D.length2 til at lave en funktion transpose : 'a [,] -> 'a [,] som returnerer det transponerede argument, dvs. spejler det over diagonalen.
- 14. En tabel kan repræsenteres som en ikke tom liste af lister, hvor alle listerne er lige lange. Listen [[1; 2; 3]; [4; 5; 6]] repræsenterer for eksempel tabellen

$$\left[\begin{array}{ccc} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{array}\right]$$

- (a) Lav en funktion is Table: 'a list list -> bool, der givet en liste af lister afgør, om det er en lovlig ikke-tom tabel, altså om alle listerne har ens længde, og at der er mindst en liste med mindst et element.
- (b) Lav en funktion firstColumn: 'a list list -> 'a list, der tager en liste af lister og returnerer listen af førsteelementer i de indre lister. F.eks. skal firstColumn [[1; 2; 3]; [4; 5; 6]] returnere listen [1; 4]. Hvis en eller flere af listerne er tomme, er firstColumn udefineret.
- (c) Lav en funktion dropFirstColumn : 'a list list -> 'a list list, der tager en liste af lister og returnerer en liste af lister, hvor førsteelementerne i de indre lister er fjernet. F.eks. skal dropFirstColumn [[1; 2; 3]; [4; 5; 6]] returnere [[2; 3]; [5; 6]].
- (d) Lav en funktion transpose : 'a list list -> 'a list list, der spejler tabellens ingange over diagonalen, så den transponerede tabel til den herover viste tabel er

$$\left[\begin{array}{ccc}
1 & 4 \\
2 & 5 \\
3 & 6
\end{array}\right]$$

Kaldet transpose [[1; 2; 3]; [4; 5; 6]] skal altså returnere [[1; 4]; [2; 5]; [3; 6]]. Det kan antages, at argumentet til transpose er en lovlig tabel, så advarsler om ufuldstændige mønstre er acceptable – hvis funktionen eller virker. Bemærk, at transpose (transpose t) = t, hvis t er en tabel. Vink: Brug funktionerne firstColumn og dropFirstColumn.

- 15. Brug funktionerne opremset i [Kapitel 11, Sporring] til at definere en funktion concat : 'a list list -> 'a list, der sammensætter en liste af lister til en enkelt liste. F.eks. skal concat [[2]; [6; 4]; [1]] give resultatet [2; 6; 4; 1].
- 16. Brug funktionerne fra [Kapitel 11, Sporring] til at definere en funktion gennemsnit : float list -> float option, der finder gennemsnittet af en liste af kommatal, såfremt dette er veldefineret, og None, hvis ikke.

recursion

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Rekursion

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

3 Opgave(r)

- 1. Skriv en funktion, fac : n:int -> int, som udregner fakultetsfunktionen $n! = \prod_{i=1}^{n} i$ vha. rekursion.
- 2. Skriv en funktion, sum : n:int -> int, som udregner summen $\sum_{i=1}^{n} i$ vha. rekursion. Lav en tabel som i Opgave 3i.0 og sammenlign denne implementation af sum med while-implementation og simpleSum.
- 3. Skriv en funktion, sum: int list -> int, som tager en liste af heltal og returnerer summen af alle tallene. Funktionen skal traversere listen vha. rekursion.
- 4. Den største fællesnævner mellem 2 heltal, *t* og *n*, er det største heltal *c*, som går op i både *t* og *n* med 0 til rest. Euclids algoritme¹ finder den største fællesnævner vha. rekursion:

$$\gcd(t,0) = t,\tag{1}$$

$$\gcd(t,n) = \gcd(n,t \% n),\tag{2}$$

hvor % er rest operatoreren (som i F#).

(a) Implementer Euclids algoritm, som den rekursive funktion

- (b) lav en white- og black-box test af den implementerede algoritme,
- (c) Lav en håndkøring af algoritmen for gcd 8 2 og gcd 2 8.

https://en.wikipedia.org/wiki/Greatest_common_divisor

- 5. Lav dine egen implementering af List.fold og List.foldback ved brug af rekursion.
- 6. Benyt List.fold og List.foldback og dine egne implementeringer fra Opgave 5 til at udregne summen af listen [0 .. n], hvor n er et meget stort tal, og sammenlign tiden, som de fire programmer tager. Diskutér forskellene.

continuedFractions

Jon Sporring

October 18, 2018

Lærervejledningn 1

Emne Rekursion

Sværhedsgrad Middel

Introduktion 2

I denne opgave skal I regne med kædebrøker (continued fractions)¹. Kædebrøker er lister af heltal, som repræsenterer reelle tal. Listen er endelig for rationelle og uendelig for irrationelle tal.

En kædebrøk skrives som: $x = [q_0; q_1, q_2, ...]$, hvilket svarer til tallet,

$$x = q_0 + \frac{1}{q_1 + \frac{1}{q_2 + \dots}}. (1)$$

F.eks. listen [3;4,12,4] evaluerer til

$$x = 3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{12 + \frac{1}{4}}}\tag{2}$$

$$= 3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{12.25}}$$

$$= 3 + \frac{1}{4.081632653}$$
(3)

$$=3+\frac{1}{4.081632653}\tag{4}$$

$$= 3.245.$$
 (5)

Omvendt, for et givet tal x kan kædebrøken $[q_0; q_1, q_2, \ldots]$ udregnes ved følgende algoritme: For $x_0 = x$ og $i \ge 0$ udregn $q_i = |x_i|$, $r_i = x_i - q_i$ og $x_{i+1} = 1/r_i$ indtil $r_i = 0$. Nedenfor ses en udregning for tallet x = 3.245:

¹https://en.wikipedia.org/wiki/Continued_fraction

i	x_i	q_i	r_i	$1/r_i$
0	3.245	3	0.245	4.081632653
1	4.081632653	4	0.081632653	12.25
2	12.25	12	0.25	4
3	4	4	0	-

Resultatet aflæses i anden søjle: [3;4,12,4].

Kædebrøker af heltalsbrøkker t/n er særligt effektive at udregne vha. Euclids algoritme for største fællesnævner. Algoritmen i ?? regner rekursivt på relationen mellem heltalsdivision og rest: Hvis a = t div n er heltalsdivision mellem t og n, og b = t % n er resten efter heltalsdivision, så er t = an + b. Man kan nu forestille sig t, n og b som en sekvens af heltal r_i , hvor

$$r_{i-2} = q_i r_{i-1} + r_i, (6)$$

$$r_i = r_{i-2} \% r_{-1}$$
 (rest ved heltals division), (7)

$$q_i = r_{i-2} \text{ div } r_{i-1}$$
 (heltalsdivision), (8)

Hvis man starter sekvensen med $r_{-2} = t$ og $r_{-1} = n$ og beregninger resten iterativt indtil $r_{i-1} = 0$, så vil største fællesnævner mellem t og n være lig r_{i-2} , og $[q_0; q_1, \ldots, q_j]$ vil være t/n som kædebrøk. Til beregning af største fællesnævner regner algoritmen i $\ref{eq:continuous}$ udelukkende på r_i som transformationen $(r_{i-2}, r_{i-1}) \rightarrow (r_{i-1}, r_i) = (r_{i-1}, r_{i-2} \% r_{-1})$ indtil $(r_{i-2}, r_{i-1}) = (r_{i-2}, 0)$. Tilføjer man beregning af q_i i rekursionen, har man samtidigt beregnet brøkken som kædebrøk. Nedenfor ses en udregning for brøken 649/200:

i	r_{i-2}	r_{i-1}	$r_i = r_{i-2} \% r_{-1}$	$q_i = r_{i-2} \text{ div } r_{i-1}$
0	649	200	49	3
1	200	49	4	4
2	49	4	1	12
3	4	1	0	4
4	1	0	-	-

Kædebrøkken aflæses som højre søjle: [3;4,12,4].

Omvendt, approksimationen af en kædebrøk som heltalsbrøken $\frac{t_i}{n_i}$, $i \ge 0$ fås ved

$$t_i = q_i t_{i-1} + t_{i-2}, (9)$$

$$n_i = q_i n_{i-1} + n_{i-2}, (10)$$

$$t_{-2} = n_{-1} = 0, (11)$$

$$t_{-1} = n_{-2} = 1, (12)$$

Alle approximationerne for [3;4,12,4] er givet ved,

$$\frac{t_0}{n_0} = \frac{q_0 t_{-1} + t_{-2}}{q_0 n_{-1} + n_{-2}} = \frac{3 \cdot 1 + 0}{3 \cdot 0 + 1} = \frac{3}{1} = 3,\tag{13}$$

$$\frac{t_1}{n_1} = \frac{q_1 t_0 + t_{-1}}{q_1 n_0 + n_{-1}} = \frac{4 \cdot 3 + 1}{4 \cdot 1 + 0} = \frac{13}{4} = 3.25,$$
(14)

$$\frac{t_2}{n_2} = \frac{q_2 t_1 + t_0}{q_2 n_1 + n_0} = \frac{12 \cdot 13 + 3}{12 \cdot 4 + 1} = \frac{159}{49} = 3.244897959...,$$
 (15)

$$\frac{t_2}{n_2} = \frac{q_2 t_1 + t_0}{q_2 n_1 + n_0} = \frac{12 \cdot 13 + 3}{12 \cdot 4 + 1} = \frac{159}{49} = 3.244897959...,$$

$$\frac{t_3}{n_3} = \frac{q_3 t_2 + t_1}{q_3 n_2 + n_1} = \frac{4 \cdot 159 + 13}{4 \cdot 49 + 4} = \frac{649}{200} = 3.245.$$
(15)

Bemærk at approximationen nærmer sig 3.245 når i vokser.

3 Opgave(r)

1. Skriv en rekursiv funktion

```
cfrac2float : lst:int list -> float
```

som tager en liste af heltal som kædebrøk og udregner det tilsvarende reelle tal.

2. Skriv en rekursiv funktion

```
float2cfrac : x:float -> int list
```

som tager et reelt tal og udregner dens repræsentation som kædebrøk.

3. Skriv en rekursiv funktion

```
frac2cfrac : t:int -> n:int -> int list
```

som tager tæller og nævner i brøken t/n og udregner dens repræsentation som kædebrøk udelukkende ved brug af heltalstyper.

4. Skriv en rekursiv funktion

```
cfrac2frac : lst:int list -> i:int -> int * int
```

som tager en kædebrøk og et index og returnerer t_i/n_i approximationen som tuplen (ti, ni).

5. Skriv en white- og black-box test af de ovenstående funktioner.

sort

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Mønstergenkendelse og black-box test

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

3 Opgave(r)

- 1. Omskriv funktionen insert, som benyttes i forbindelse med funktionen isort (insertion sort) fra forelæsningen, således at den benytter sig af pattern matching på lister.
- 2. Omskriv funktionen bsort (bubble sort) fra forelæsningen således at den benytter sig af pattern matching på lister. Funktionen kan passende benytte sig af "nested pattern matching" i den forstand at den kan implementeres med et match case der udtrækker de to første elementer af listen samt halen efter disse to elementer.
- 3. Opskriv black-box tests for de to sorteringsfunktioner og vær sikker på at grænsetilfældene dækkes (ingen elementer, et element, to elementer, samt flere elementer, sorteret, omvendt sorteret, etc.)
- 4. Omskriv funktionen merge, som benyttes i forbindelse med funktionen msort (mergesort) fra forelæsningen, således at den benytter sig af pattern matching på lister.
- 5. Opskriv black-box tests for sorteringsfunktionen msort og vær sikker på at grænsetilfældene dækkes (ingen elementer, et element, to elementer, samt flere elementer, sorteret, omvendt sorteret, etc.)

imgutil

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne rekursion, grafik og winforms

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

3 Opgave(r)

1. Ved at benytte biblioteket ImgUtil, som beskrevet i forelæsningen, er det muligt at tegne simpel liniegrafik samt fraktaler, som f.eks. Sierpinski-fraktalen, der kan tegnes ved at tegne små firkanter bestemt af et rekursivt mønster. Koden for Sierpinski-trekanten er givet som følger:

```
let rec triangle bmp len (x,y) =
  if len < 25 then setBox blue (x,y) (x+len,y+len) bmp
  else let half = len / 2
       do triangle bmp half (x+half/2,y)
       do triangle bmp half (x,y+half)
       do triangle bmp half (x+half,y+half)</pre>
do runSimpleApp "Sierpinski" 600 600 (fun bmp -> triangle bmp 512
  (30,30) |> ignore)
```

Tilpas funktionen således at trekanten tegnes med røde streger samt således at den kun tegnes ned til dybde 2 (hint: du skal ændre betingelsen len < 25).

2. I stedet for at benytte ImgUtil.runSimpleApp funktionen skal du nu benytte ImgUtil.runApp, som giver mulighed for at din løsning kan styres ved brug af tastaturet. Funktionen ImgUtil har følgende type:

```
val runApp : string -> int -> int
    -> (int -> int -> 's -> System.Drawing.Bitmap)
    -> ('s -> System.Windows.Forms.KeyEventArgs
```

```
-> 's option)
-> 's -> unit
```

De tre første argumenter til runApp er vinduets titel (en streng) samt vinduets initielle vidde og højde. Funktionen runApp er parametrisk over en brugerdefineret type af tilstande ('s). Antag at funktionen kaldes som følger:

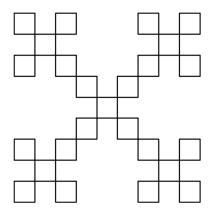
```
runApp title width height draw react init
```

Dette kald vil starte en GUI applikation med titlen title, vidden width og højden height. Funktionen draw, som brugeren giver som 4. argument kaldes initielt når applikationen starter og hver gang vinduets størrelse justeres eller ved at funktionen react er blevet kaldt efter en tast er trykket på tastaturet. Funktionen draw modtager også (udover værdier for den aktuelle vidde og højde) en værdi for den brugerdefinerede tilstand, som initielt er sat til værdien init. Funktionen skal returnere et bitmap, som for eksempel kan konstrueres med funktionen ImgUtil.mk og ændres med andre funktioner i ImgUtil (f.eks. setPixel).

Funktionen react, som brugeren giver som 5. argument kaldes hver gang brugeren trykker på en tast. Funktionen tager som argument en værdi svarende til den nuværende tilstand for applikationen samt et argument der kan benyttes til at afgøre hvilken tast der blev trykket på. Funktionen kan nu (eventuelt) ændre på dens tilstand ved at returnere en ændret værdi for denne.

Tilpas applikationen således at dybden af fraktalen kan styres ved brug af piletasterne, repræsenteret ved værdierne System. Windows. Forms. Keys. Up og System. Windows. Forms. Keys. Down.

3. Med udgangspunkt i øvelsesopgave 1 skal du i denne opgave implementere en GUI-applikation der kan tegne en version af X-fractalen som illustreret nedenfor (eventuelt i en dybde større end 2).



Bemærk at det ikke er et krav at dybden på fraktalen skal kunne styres med piletasterne som det er tilfældet med Sierpinski-fraktalen i øvelsesopgave 2.

¹Hvis e har typen System.Windows.Forms.KeyEventArgs kan betingelsen e.KeyCode = System.Windows.Forms.Keys.Up benyttes til at afgøre om det var tasten "Up" der blev trykket på.

weekday

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Sumtyper og lister

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

I de næste to opgaver skal følgende sum-type benyttes til at repræsentere ugedage:

3 Opgave(r)

- 1. Lav en funktion dayToNumber : weekday -> int, der givet en ugedag returnerer et tal, hvor mandag skal give tallet 1, tirsdag tallet 2 osv.
- 2. Lav en funktion nextDay : weekday -> weekday, der givet en ugedag returnerer den næste dag, så mandag skal give tirsdag, tirsdag skal give onsdag, osv, og søndag skal give mandag.
- 3. Givet typen for ugedage øverst på denne ugeseddel, lav en funktion numberToDay : int -> weekday option, sådan at numberToDay n returnerer None, hvis n ikke ligger i intervallet 1...7, og returnerer Some d, hvor d er den til n hørende ugedag, hvis n ligger i intervallet 1...7.

Det skulle gerne gælde, at numberToDay (dayToNumber d) \leadsto Some d for alle ugedage d.

sudoku

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Funktionsprogrammering

Sværhedsgrad Hård

2 Introduktion

Temaet for ugernes opgaver er at programmere et Sudoku-spil. *Sudoku* er et puslespil, som er blevet opfundet uafhængigt flere gange; den tidligste "ægte" version af sudoku synes at kunne spores tilbage til det franske dagblad *Le Siècle* i 1892.

Vi betragter her kun den basale variant, som spilles på en matrix af 81 små felter, arrangeret i 9 rækker og 9 søjler. Matricen er desuden inddelt i 9 "bokse" eller "regioner", hver med 3 gange 3 felter.

Nogle af felterne er udfyldt på forhånd, og puslespillet går ud på at udfylde de resterende felter på en sådan måde, at hver af de 9 rækker, hver af de 9 søjler og hver af de 9 regioner kommer til at indeholde en permutation af symbolerne fra et forelagt alfabet af størrelse 9; vi vælger her (som man plejer at se det) alfabetet bestående af cifrene fra 1 til 9.

Her er en lovlig starttilstand for et spil sudoku:

5 6	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

Og følgende er en vindende tilstand (en "løsning") af ovenstående:

5	3	4	6	7	8	9	1	2
6	7	2	1	9	5	3	4	8
1	9	8	3	4	2	5	6	7
8	5	9	7	6	1	4	2	3
4	2	6	8	5	3	7	9	1
7	1	3	9	2	4	8	5	6
9	6	1	5	3	7	2	8	4
2	8	7	4	1	9	6	3	5
3	4	5	2	8	6	1	7	9

Nummerering og filformat

Lad os nummerere rækkerne $r=0,1,\ldots,8$ ovenfra og ned og søjlerne $s=0,1,\ldots,8$ fra venstre mod højre. Også regionerne vil vi nummerere $q=0,1,\ldots,8$, i "normal læseretning" (for vestlige sprog).

Sammenhængen mellem rækkenummer r, søjlenummer s og regionsnummer q kunne så udtrykkes i følgende formel ved brug af heltalsoperationer:

• Feltet i række nummer r og søjle nummer s vil ligge i region nummer

$$q = r / 3 * 3 + s / 3$$
 (1)

• Region nummer q består af felterne

$$(r,s) = (q / 3 * 3 + m, q % 3 * 3 + n); m, n \in \{0,1,2\}.$$
 (2)

En spiltilstand kan gemmes i en fil, ved at antage, at indholdet altid ser ud som følger:

- Der er mindst 90 tegn i filen (der kan være flere, men vi er kun interesseret i de 90 første)
- De første 90 tegn i filen er delt op i 9 grupper, som repræsenterer indholdet af række 0,..., 8 i nævnte rækkefølge. Hver gruppe består af 10 tegn: Først 9 tegn, som er et blandt '1',..., '9', '*', og til sidst strengen "\n".

F.eks. er nedenstående indholdet i en fil, som indeholder starttilstanden for ovenstående sudoku:

```
53**7****\n6**195***\n*98****6*\n8***6***3\n4**8*3**1\n7***2***6\n*6***28*\n***419**5\n***8**79\n
```

Hvis vi fortolker strengen "\n" som "ny linje", bliver ovenstående lettere at læse:

```
53**7****
6**195***
*98***6*
8***6***3
4**8*3**1
7***2***6
*6****28*
***419**5
****8**79
```

3 Opgave(r)

I skal programmere et Sudoku spil og skrive en rapport. Afleveringen skal bestå af en pdf indeholdende rapporten, et katalog med et eller flere fsharp programmer som kan oversættes med Monos fsharpe kommando og derefter køres i mono, og en tekstfil der angiver sekvensen af oversættelseskommandoer nødvendigt for at oversætte jeres program(mer). Kataloget skal zippes og uploades som en enkelt fil. Kravene til programmeringsdelen er:

1. Programmet skal kunne læse en (start-)tilstand fra en fil.

- 2. Brugeren skal kunne indtaste filnavnet for (start-)tilstanden
- 3. Brugeren skal kunne indtaste triplen (r, s, v), og hvis feltet er tomt og indtastningen overholder spillets regler, skal matrixen opdateres, og ellers skal der udskrives en fejlmeddelelse på skærmen
- 4. Programmet skal kunne skrive matricens tilstand på skærmen (på en overskuelig måde)
- 5. Programmet skal kunne foreslå lovlige tripler (r, s, v).
- 6. Programmet skal kunne afgøre, om spillet er slut.
- 7. Brugeren skal have mulighed for at afslutte spillet og gemme tilstanden i en fil.
- 8. Programmet skal kommenteres ved brug af fsharp kommentarstandarden
- 9. Programmet skal struktureres ved brug af et eller flere moduler, som I selv har skrevet
- 10. Programmet skal unit-testes

Kravene til rapporten er:

- 11. Rapporten skal skrives i LATEX.
- 12. I skal bruge rapport.tex skabelonen
- 13. Rapporten skal som minimum i hoveddelen indeholde afsnittene Introduktion, Problemformulering, Problemanalyse og design, Programbeskrivelse, Afprøvning, og Diskussion og Konklusion. Som bilag skal I vedlægge afsnittene Brugervejledning og Programtekst.
- 14. Alle gruppemedlemmer skal give feedback på et af hovedafsnittene i en anden gruppes rapport. Hvis og hvilke dele I gav feedback og hvem der gav feedback på jeres rapport skal skrives i Forordet i rapporten.
- 15. Rapporten må maximalt være på 20 sider alt inklusivt.

Bemærk, at Sudoku eksemplerne i denne tekst er sat med LATEX-pakken sudoku.

mastermind

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Funktionsprogrammering

Sværhedsgrad Hård

2 Introduktion

Spillet Mastermind er et spil for 2 deltagere, en opgavestiller og en opgaveløser. Opgavestilleren laver en skjult opgave bestående af en kombination af 4 farvede opgavestifter i ordnet rækkefølge, hvor farverne kan være rød, grøn, gul, lilla, hvid og sort. Opgaveløseren skal nu forsøge at gætte opgave. Dette gøres ved, at opgaveløseren foreslår en kombination af farver, og til hvert forslag svarer opgavestilleren med et antal hvide og sorte Svarstifter. Antallet af sorte Svarstifter svarer til hvor mange af opgavestifterne, som havde den rigtige farve og er på den rette plads, og antallet af hvide Svarstifter svarer til antallet af opgavestifter, som findes i opgaven men på den forkerte plads. F.eks. hvis opgaven er (rød, sort, grøn, gul), og gættet er (grøn, sort, hvid, hvid) er svaret 1 sort og 1 hvid.

3 Opgave(r)

I skal programmere spillet Mastermind. Minimumskrav til jeres aflevering er:

- Det skal være muligt at spille bruger mod bruger, program mod bruger i valgfrie roller og program mod sig selv.
- Programmet skal kommunikere med brugeren på engelsk.
- Programmet skal bruge følgende typer:

```
type codeColor =
  Red | Green | Yellow | Purple | White | Black
type code = codeColor list
```

```
type answer = int * int
type board = (code * answer) list
type player = Human | Computer
```

hvor codeColor er farven på en opgavestift; code er en opgave bestående af 4 opgavestifter; answer er en tuple hvis første element er antallet af hvide og andet antallet af sorte stifter; og board er en tabel af sammenhørende gæt og svar.

• Programmet skal indeholde følgende funktioner:

```
makeCode : player -> code
```

som tage en spillertype og returnerer en opgave enten ved at få input fra brugeren eller ved at beregne en opgave.

```
guess : player -> board -> code
```

som tager en spillertype, et bræt bestående af et spils tidligere gæt og svar og returnerer et nyt gæt enten ved input fra brugeren eller ved at programmet beregner et gæt.

```
validate : code -> code -> answer
```

som tager den skjulte opgave og et gæt og returnerer antallet af hvid og sort svarstifter.

- Programmet skal kunne spilles i tekst-mode dvs. uden en grafisk brugergrænseflade.
- Programmet skal dokumenteres efter fsharp kodestandarden
- Programmet skal afprøves
- Opgaveløsningen skal dokumenteres som en rapport skrevet i LaTeX på maksimalt 20 oversatte sider ekslusiv bilag, der som minimum indeholder
 - En forside med en titel, dato for afleveringen og jeres navne
 - En forord som kort beskriver omstændighederne ved opgaven
 - En analyse af problemet
 - En beskrivelse af de valg, der er foretaget inklusiv en kort gennemgang af alternativerne
 - En beskrivelse af det overordnede design, f.eks. som pseudokode
 - En programbeskrivelse
 - En brugervejledning
 - En beskrivelse af afprøvningens opbygning
 - En konklusion
 - Afprøvningsresultatet som bilag
 - Programtekst som bilag

Gode råd til opgave er:

- Det er ikke noget krav til programmeringsparadigme, dvs. det står jer frit for om I bruger funktional eller imperativ programmeringsparadigme, og I må også gerne blande. Men overvej i hvert tilfælde hvorfor I vælger det ene fremfor det andet.
- For programmet som opgaveløser er det nyttigt at tænke over følgende: Der er ikke noget "intelligens"-krav, så start med at lave en opgaveløser, som trækker et tilfældigt gæt. Hvis I har mod på og tid til en mere advanceret strategi, så kan I overveje, at det totale antal farvekombinationer er $6^4 = 1296$, og hvert afgivne svar begrænser de tilbageværende muligheder.
- Summen af det hvide og sorte svarstifter kan beregnes ved at sammenlinge histogrammerne for de farvede stifter i hhv. opgaven og gættet: F.eks. hvis opgaven består af 2 røde og gættet har 1 rød, så er antallet af svarstifter for den røde farve 1. Ligeledes, hvis opaven består af 1 rød, og gættet består af 2 røde, så er antallet af svarstifter for den røde farve 1. Altså er antallet af svarstifter for en farve lig minimum af antallet af farven for opgaven og gættet for den givne farve, og antallet af svarstifter for et gæt er summen af minima over alle farver.
- Det er godt først at lave et programdesign på papir inden I implementerer en løsning. F.eks. kan papirløsningen bruges til i grove træk at lave en håndkøring af designet. Man behøver ikke at have programmeret noget for at afprøve designet for et antal konkrete situationer, såsom "hvad vil programmet gøre når brugeren er opgaveløser, opgaven er (rød, sort, grøn, gul) og brugeren indtaster (grøn, sort, hvid, hvid)?"
- Det er ofte sundt at programmere i cirkler, altså at man starter med at implementere en skald, hvor alle de væsentlige dele er tilstede, og programmet kan oversættes (kompileres) og køres, men uden at alle delelementer er færdigudviklet. Derefter går man tilbage og tilføjer bedre implementationer af delelementer som legoklodser.
- Det er nyttigt at skrive på rapporten under hele forløbet i modsætning til kun at skrive på den sidste dag.
- I skal overveje detaljeringsgraden i jeres rapport, da I ikke vil have plads til alle detaljer, og I er derfor nødt til at fokusere på de vigtige pointer.
- Husk at rapporten er et produkt i sig selv: hvis vi ikke kan læse og forstå jeres rapport, så er det svært at vurdere dens indhold. Kør stavekontrol, fordel skrive- og læseopgaverne, så en anden, end den der har skrevet et afsnit, læser korrektur på det.
- Det er bedre at aflevere noget end intet.
- Der er afsat 1 undervisningsfri og 3/2 alm. undervisningsuger til opgaven (7/11-30/11 fraregnet 14/11-20/11, som er mellemuge, og kursusaktiveter på parallelkurser). Det svarer til ca. 40 timers arbejde. Brug dem struktureret og målrettet. Lav f.eks. en tidsplan, så I ikke taber overblikket over projektforløbet.

triangles

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Sumtyper

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

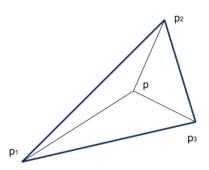
Til de følgende opgaver udvider vi typen figure med en mulighed for at repræsentere trekanter:

Konstruktøren Triangle tager tre punkter og en farve som argument. Der er intet krav til hvordan de tre punkter er placeret i forhold til hinanden.

For at bestemme hyporvidt et punkt er placeret inde i en trekant benytter vi os af et trick der forudsætter at vi kan beregne arealet af en trekant ved at kende dens hjørnepunkter. Det viser sig at hvis en trekant er bestemt af punkterne $p_1 = (x_1, y_1)$, $p_2 = (x_2, y_2)$ og $p_3 = (x_3, y_3)$ vil følgende relativt simple formel kunne benyttes til at udregne arealet:

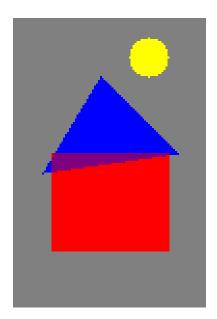
area =
$$\left| \frac{x_1(y_2 - y_3) + x_2(y_3 - y_1) + x_3(y_1 - y_2)}{2} \right|$$

Tricket som vi nu skal benytte til at afgøre om et punkt p ligger inden i en trekant udspændt af hjørnerne p_1 , p_2 og p_3 forklares lettest ved at iagttage figuren til højre. Såfremt arealet af de tre trekanter (p_1, p_2, p) , (p_2, p_3, p) , og (p_1, p_3, p) tilsammen er større end arealet af trekanten (p_1, p_2, p_3) , da ligger punktet p udenfor trekanten (p_1, p_2, p_3) ; ellers ligger punktet indenfor trekanten.



3 Opgave(r)

- 1. Lav en figur figHouse: figure, som består af en rød firkant udspændt af punkterne (20,70) og (80,120), en blå trekant udspændt af punkterne (15,80), (45,30) og (85,70), samt en gul cirkel med centrum (70,20) og radius 10.
- 2. Skriv en F# funktion triarea2 der kan beregne den dobbelte værdi af arealet af en trekant udfra dens tre hjørnepunkter ved at benytte formlen ovenfor. Funktionen skal tage hjørnepunkterne som argumenter og have typen point -> point -> point -> int. Test funktionen på et par simple trekanter.¹
- 3. Udvid funktionen colourAt til at håndtere trekantsudvidelsen ved at implementere tricket nævnt ovenfor samt ved at benytte den implementerede funktion triarea2.
- 4. Lav en fil figHouse.png, der viser figuren figHouse i et 100×150 bitmap. Resultatet skulle gerne ligne figuren nedenfor.



5. Udvid funktionerne checkFigure og boundingBox fra øvelsesopgaverne til at håndtere udvidelsen.

boundingBox houseFig skulle gerne give ((15, 10), (85, 120)).

¹Det viser sig at være hensigtsmæssigt at undgå divisionen med 2, som kan forårsage uheldige afrundingsfejl.

awari

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Typer, lister, mønstergenkendelse, funktionsprogrammering

Sværhedsgrad Hård

2 Introduktion

I denne opgave skal I programmere spillet Awari, som er en variant af Kalaha. Awari er et gammelt spil fra Afrika, som spilles af 2 spillere, med 7 pinde og 36 bønner. Pindene lægges så der dannes 14 felter ('pits' på engelsk), hvoraf 2 er hjemmefelter. Bønnerne fordeles ved spillet start med 3 i hvert felt pånær i hjemmefelterne. Startopstillingen er illustreret i Figur 1.

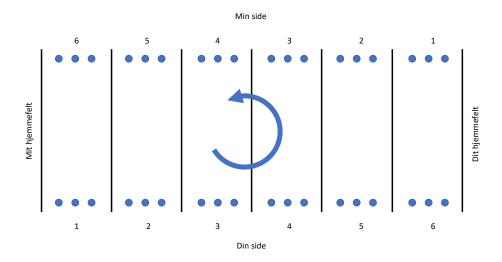


Figure 1: Udgangsopstillingen for spillet Awari.

Spillerne skiftes til at spille en tur efter følgende regler:

- En tur spilles ved at spilleren tager alle bønnerne i et af spillerens felter 1-6 og placerer dem i de efterfølgende felter inkl. hjemmefelterne en ad gangen og mod uret. F.eks., kan første spiller vælge at tage bønnerne fra felt 4, hvorefter spilleren skal placere en bønne i hver af felterne 5, 6 og hjemmefeltet.
- Hvis sidste bønne lægges i spillerens hjemmefelt, får spilleren en tur til.
- Hvis sidste bønne lander i et tom felt som ikke er et hjemmefelt, og feltet overfor indeholder bønner, så flyttes sidste bønne til spillerens hjemmefelt, og alle bønnerne overfor fanges og flyttes ligså til hjemmefeltet.
- Spillet er slut når en af spillerne ingen bønner har i sine felter 1-6, og vinderen er den spiller, som har flest bønner i sit hjemmefelt.

- 1. I skal implementere spillet Awari, som kan spilles af 2 spillere, og skrive en kort rapport. Kravene til jeres aflevering er:
 - Koden skal organiseres som bibliotek, en applikation og en test-applikation.
 - Biblioteket skal tage udgangspunkt i følgende signatur- og implementationsfiler:

Listing 1 awariLibIncompleteLowComments.fsi: En ikke færdigskrevet signaturfil.

```
module Awari
type pit = // intentionally left empty
type board = // intentionally left empty
type player = Player1 | Player2
/// Print the board
val printBoard : b:board -> unit
/// Check whether a pit is the player's home
val isHome : b:board -> p:player -> i:pit -> bool
/// Check whether the game is over
val isGameOver : b:board -> bool
/// Get the pit of next move from the user
val getMove : b:board -> p:player -> q:string -> pit
/// Distributing beans counter clockwise,
/// capturing when relevant
val distribute :
    b:board -> p:player -> i:pit -> board * player * pit
/// Interact with the user through getMove to perform
/// a possibly repeated turn of a player
val turn : b:board -> p:player -> board
/// Play game until one side is empty
val play : b:board -> p:player -> board
```

Listing 2 awariLibIncomplete.fs: En ikke færdigskrevet implementationsfil.

```
module Awari
type pit = // intentionally left empty
type board = // intentionally left empty
type player = Player1 | Player2
// intentionally many missing implementations and additions
let turn (b : board) (p : player) : board =
 let rec repeat (b: board) (p: player) (n: int) : board =
    printBoard b
    let str =
      if n = 0 then
        sprintf "Player %A's move? " p
      else
        "Again?
    let i = getMove b p str
    let (newB, finalPitsPlayer, finalPit) = distribute b p i
    if not (isHome b finalPitsPlayer finalPit)
       || (isGameOver b) then
     newB
    else
      repeat newB p (n + 1)
  repeat b p 0
let rec play (b : board) (p : player) : board =
  if isGameOver b then
    b
  else
   let newB = turn b p
   let nextP =
     if p = Player1 then
        Player2
      else
        Player1
    play newB nextP
```

En version af signaturfilen med yderligere dokumentation og implementationsfilen findes i Absalon i opgaveområdet for denne opgave.

- Jeres løsning skal benytte funktionsparadigmet såvidt muligt.
- Koden skal dokumenteres vha. kommentarstandarden for F#
- Jeres aflevering skal indeholde en afprøvning efter white-box metoden.
- I skal skrive en kort rapport i LaTeX på maks. 10 sider og som indeholder:
 - en beskrivelse af jeres design og implementation
 - en gennemgang af jeres white-box afprøvning
 - kildekoden som appendiks.

levensthein

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Strenge, rekursion, tests, caching

Sværhedsgrad Svær

2 Introduktion

Du skal i de følgende to opgaver arbejde med en funktion til at bestemme den såkaldte *Levensthein-distance* mellem to strenge a og b. Distancen er defineret som det mindste antal editeringer, på karakter-niveau, det er nødvendigt at foretage på strengen a før den resulterende streng er identisk med strengen b. Som editeringer forstås (1) sletninger af karakterer, (2) indsættelser af karakterer, og (3) substitution af karakterer.

Varianter af Levensthein-distancen mellem to strenge kan således benyttes til at identificere om studerende selv har løst deres indleverede opgaver eller om der potentielt set er tale om plagiatkode;)

Matematisk set kan Levensthein-distancen leven(a,b), mellem to karakterstrenge a og b, defineres som $lev_{a,b}(|a|,|b|)$, hvor |a| og |b| henviser til længderne af henholdsvis a og b, og hvor funktionen lev er defineret som følger: 1

$$lev_{a,b}(i,j) = \left\{ \begin{array}{ll} \max(i,j) & \text{if } \min(i,j) = 0, \\ \min \left\{ \begin{array}{ll} lev_{a,b}(i-1,j) + 1 \\ lev_{a,b}(i,j-1) + 1 \\ lev_{a,b}(i-1,j-1) + 1_{(a_i \neq b_j)} \end{array} \right. & \text{otherwise}. \end{array} \right.$$

hvor $1_{(a_i \neq b_j)}$ henviser til *indikatorfunktionen*, som er 1 når $a_i \neq b_j$ og 0 ellers.

3 Opgave(r)

1. Implementér funktionen *leven* direkte efter den matematiske definition (ved brug af rekursion) og test korrektheden af funktionen på nogle små strenge, såsom "house" og "horse" (distance

¹See https://en.wikipedia.org/wiki/Levenshtein_distance.

- 1) samt "hi" og "hej" (distance 2).
- 2. Den direkte implementerede rekursive funktion er temmelig ineffektiv når strengene *a* og *b* er store. F.eks. tager det en del millisekunder at udregne distancen mellem strengene "dangerous house" and "danger horse". Årsagen til denne ineffektivitet er at en løsning der bygger direkte på den rekursive definition resulterer i en stor mængde genberegninger af resultater der allerede er beregnet.

For at imødekomme dette problem skal du implementere en såkaldt "caching mekanisme" der har til formål at sørge for at en beregning højst foretages en gang. Løsningen kan passende gøre brug af gensidig rekursion og tage udgangspunkt i løsningen for den direkte rekursive definition (således skal løsningen nu implementeres med to gensidigt rekursive funktioner leven og leven_cache forbundet med and). Som cache skal der benyttes et 2-dimensionelt array af størrelse $|a| \times |b|$ indeholdende heltal (initielt sat til -1).

Funktionen leven_cache, der skal tage tilsvarende argumenter som leven, skal nu undersøge om der allerede findes en beregnet værdi i cachen, i hvilket tilfælde denne værdi returneres. Ellers skal funktionen leven kaldes og cachen opdateres med det beregnede resultat. Endelig er det nødvendigt at funktionen leven opdateres til nu at kalde funktionen leven_cache i hver af de rekursive kald.

Test funktionen på de små strenge og vis at funktionen nu virker korrekt også for store input.

Det skal til slut bemærkes at den implementerede løsning benytter sig af $O(|a| \times |b|)$ plads og at der findes effektive løsninger der benytter sig af mindre plads $(O(\max(|a|,|b|)))$. Det er ikke et krav at din løsning implementerer en af disse mere pladsbesparende strategier.

polynomials

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Højere-ordens funktioner, currying

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

Denne opgave omhandler polynomier. Et polynomium af grad n skrives som

$$f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_n x^n = \sum_{i=0}^n a_i x^i.$$

- 1. Skriv en funktion poly: a:float list -> x:float -> float, som tager en liste af coefficienter med a. [i] = a_i og en x-værdi og returnerer polynomiets værdi. Afprøv funktionen ved at lave tabeller for et lille antal polynomier af forskellig grad, med forskellige koefficienter og forskellige værdier for x og validér den beregnede værdi.
- 2. Afled en ny funktion line fra poly således at line : a0:float -> a1:float -> x:float -> float beregner værdien for et 1. grads polynomium hvor a0 = a_0 og a1 = a_1 . Afprøv funktionen ved at tabellere værdier for line med det samme sæt af coefficienter $a_0 \neq 0$ og $a_1 \neq 0$ og et passende antal værdier for x.
- 3. Benyt Currying af line til at lave en funktion theLine : x:float -> float, hvor parametrene a0 og a1 er sat til det samme som brugt i Item 2. Afprøv theLine som Item 2.
- 4. Lav en funktion lineA0: a0:float -> float ved brug af line, men hvor a1 og x holdes fast. Diskutér om dette kan laves ved Currying uden brug af hjælpefunktioner? Hvis ikke, foreslå en hjælpefunktion, som vil gøre en definition vha. Currying muligt.

integration

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Højere-ordens funktioner

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

Denne opgave omhandler integration. Integralet af næsten alle integrable funktioner kan approximeres som

$$\int_{a}^{b} f(x) dx \simeq \sum_{i=0}^{n-1} f(x_i) \Delta x,$$

hvor $x_i = a + i\Delta x$ og $\Delta x = \frac{b-a}{n}$.

- 1. Skriv en funktion integrate: n:int -> a:float -> b:float -> (f:float -> float) -> float, hvis argumenter n, a, b, er som i ligningerne, og f er en integrabel 1 dimensionel funktion. Afprøv integrate på theLine fra ?? og på cos med a=0 og $b=\pi$. Udregn integralerne analytisk og sammenlign med resultatet af integrate.
- 2. Funktionen integrate er en approximation, og præcisionen afhænger af n. Undersøg afhængigheden ved at udregne fejlen, dvs. forskellen mellem det analytiske resultat og approximationen for værdier af n. Dertil skal du lave to funktioner IntegrateLine : n:int -> float og integrateCos : n:int -> float vha. integrate, theLine og cos, hvor værdierne for a og b og f er fastlåste. Afprøv disse funktioner for n = 1, 10, 100, 1000. Overvej om der er en tendens i fejlen, og hvad den kan skyldes.

exceptions

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Untagelser og option typen

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

Denne opgave omhandler untagelser (exceptions), option typer og Stirlings formel. Stirlings formel er en approximation til fakultetsfunktionen via

 $\ln n! \simeq n \ln n - n$.

- 1. Implementer fakultetsfunktionen $n! = \prod_{i=1}^{n} i$, n > 0 som fac : n:int -> int og kast en System. ArgumentException undtagelse, hvis funktionen bliver kaldt med n < 1. Kald fac med værdierne n = -4, 0, 1, 4, og fang evt. untagelser.
- 2. Tilføj en ny og selfdefineret undtagelse ArgumentTooBig of string til fac, og kast den med argumentet "calculation would result in an overflow", når n er for stor til int typen. Fang untagelsen og udskriv beskeden sendt med undtagelsen på skærmen.
- 3. Lav en ny fakultetsfunktion facFailwith: n:int -> int, som fac, men hvor de 2 undtagelser bliver erstattet med failwith med hhv. argument "argument must be greater than 0" og "calculation would result in an overflow". Kald facFailWith med n = -4,0,1,4, fang evt. untagelser vha. Failure mønsteret, og udskriv beskeden sendt med failwith undtagelsen.
- 4. Omskriv fakultetsfunktionen i Opgave 2, som facOption : n:int \rightarrow int option, således at den returnerer Some m, hvis resultatet kan beregnes og None ellers. Kald fac med værdierne n=-4,0,1,4, og skriv resultatet ud vha. en af printf funktionerne.

- 5. Skriv en funktion logIntOption : n:int -> float option, som udregner logaritmen af n, hvis n > 0 og None ellers. Afprøv logIntOption for værdierne -10, 0, 1, 10.
- 6. Skriv en ny funktion logFac : int -> float option vha. Option.bind 1 eller flere gange til at sammensætte logIntOption og facOption, og sammenlign logFac med Stirlings approximation n * (log n) n for værdierne n = 1, 2, 4, 8.
- 7. Funktionen logFac: int -> float option kan defineres som en enkelt sammensætning af funktionerme Some og Option. bind en eller flere gange og med logIntOption og facOption som argument til Option. bind. Opskriv 3 udtryk, der bruger hhv. |> eller >> operatorerne eller ingen af dem.
- 8. Der skal laves følgende implementationer af samme funktion

```
safeIndexIf : arr:'a [] -> i:int -> 'a
safeIndexTry : arr:'a [] -> i:int -> 'a
safeIndexOption : arr:'a [] -> i:int -> 'a option
```

De skal alle returnere værdien i arr på plads i, hvis i er et gyldigt index, og ellers håndtere fejlsituationen. Fejlsituationerne skal håndteres forskelligt:

- safeIndexIf må ikke gøre brug af try-with og må ikke kaste en undtagelse.
- safeIndexTry skal benytte try-with, og ved fejltilstand skal failwith kaldes.
- safeIndexOption skal returnere None i en fejlsituation.

Der skal laves en kort afprøvning af alle 3 funktioner, der indebefatter at den indicerede værdi udskrives til skærmen som et heltal og ikke som en option type. Afprøvningen skal også afprøve korrekt håndtering af funktionernes evt. kastede undtagelser. Lav en kort beskrivende sammenligning af metodernes evne til at håndtere fejltilstande.

treeStructure

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Træstrukturer og grafik

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

I de følgende opgaver skal vi arbejde med en træstruktur til at beskrive geometriske figurer med farver. For at gøre det muligt at afprøve jeres opgaver skal I gøre brug af det udleverede bibliotek img_util.dll, der blandt andet kan omdanne såkaldte bitmap-arrays til png-filer. Biblioteket er beskrevet i forelæsningerne (i uge 6) og koden for biblioteket ligger sammen med forelæsningsplancherne for uge 6. Her bruger vi funktionerne til at konstruere et bitmap-array samt til at gemme arrayet som en png-fil:

```
// colors
type color = System.Drawing.Color
val fromRgb : int * int * int -> color
// bitmaps
type bitmap = System.Drawing.Bitmap
val mk : int -> int -> bitmap
val setPixel : color -> int * int -> bitmap -> unit

// save a bitmap as a png file
val toPngFile : string -> bitmap -> unit
```

Funktionen toPngFile tager som det første argument navnet på den ønskede png-fil (husk extension). Det andet argument er bitmap-arrayet som ønskes konverteret og gemt. Et bitmap-array kan konstrueres med funktionen ImgUtil.mk, der tager som argumenter vidden og højden af billedet i antal pixels, samt funktionen ImgUtil.setPixel, der kan bruges til at opdatere bitmap-arrayet før det eksporteres til en png-fil. Funktionen ImgUtil.setPixel tager tre argumenter. Det første argument repræsenterer en farve og det andet argument repræsenterer et punkt i bitmap-arrayet (dvs. i billedet). Det tredie argument repræsenterer det bitmap-array, der skal opdateres. En farve kan nu konstrueres med funktionen ImgUtil.fromRgb der tager en triple af tre tal mellem 0 og 255 (begge inklusive), der beskriver hhv. den røde, grønne og blå del af farven.

Koordinaterne starter med (0,0) i øverste venstre hjørne og (w-1,h-1) i nederste højre hjørne, hvis bredde og højde er hhv. w og h. Antag for eksempel at programfilen testPNG.fsx indeholder følgende F# kode:

```
let bmp = ImgUtil.mk 256 256
do ImgUtil.setPixel (ImgUtil.fromRgb (255,255,0)) (10,10) bmp
do ImgUtil.toPngFile "test.png" bmp
```

Det er nu muligt at generere en png-fil med navn test.png ved at køre følgende kommando:

```
fsharpi -r img_util.dll testPNG.fsx
```

Den genererede billedfil test.png vil indeholde et sort billede med et pixel af gul farve i punktet (10,10).

Bemærk, at alle programmer, der bruger ImgUtil skal køres eller oversættes med -r img_util.dll som en del af kommandoen. Bemærk endvidere, at LATEX kan inkludere png-filer med kommandoen includegraphics.

I det følgende vil vi repræsentere geometriske figurer med følgende datastruktur:

For eksempel kan man lave følgende funktion til at finde farven af en figur i et punkt. Hvis punktet ikke ligger i figuren, returneres None, og hvis punktet ligger i figuren, returneres Some c, hvor c er farven.

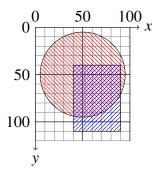
```
// finds colour of figure at point
let rec colourAt (x,y) figure =
  match figure with
  | Circle ((cx,cy), r, col) ->
      if (x-cx)*(x-cx)+(y-cy)*(y-cy) <= r*r
        // uses Pythagoras' formular to determine
        // distance to center
      then Some col else None
  | Rectangle ((x0,y0), (x1,y1), col) ->
     if x0<=x && x <= x1 && y0 <= y && y <= y1
        // within corners
     then Some col else None
  | Mix (f1, f2) ->
      match (colourAt (x,y) f1, colourAt (x,y) f2) with
      | (None, c) -> c // no overlap
      | (c, None) \rightarrow c // no overlap
      | (Some (r1,g1,b1), Some (r2,g2,b2)) ->
```

```
// average color
Some ((r1+r2)/2, (g1+g2)/2, (b1+b2)/2)
```

Bemærk, at punkter på cirklens omkreds og rektanglens kanter er med i figuren. Farver blandes ved at lægge dem sammen og dele med to, altså finde gennemsnitsfarven.

3 Opgave(r)

1. Lav en figur figTest: figure, der består af en rød cirkel med centrum i (50,50) og radius 45, samt en blå rektangel med hjørnerne (40,40) og (90,110), som illustreret i tegningen nedenfor (hvor vi dog har brugt skravering i stedet for udfyldende farver.)



2. Brug ImgUtil-funktionerne og colourAt til at lave en funktion

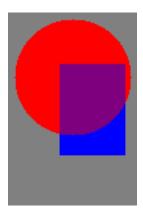
sådan at kaldet makePicture filnavn figur b h laver en billedfil ved navn filnavn. png med et billede af figur med bredde b og højde h.

På punkter, der ingen farve har (jvf. colourAt), skal farven være grå (som defineres med RGB-værdien (128,128,128)).

Du kan bruge denne funktion til at afprøve dine opgaver.

3. Lav med makePicture en billedfil med navnet figTest.png og størrelse 100 × 150 (bredde 100, højde 150), der viser figuren figTest fra Opgave ??.

Resultatet skulle gerne ligne figuren nedenfor.



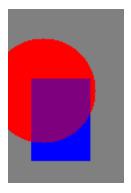
4. Lav en funktion checkFigure: figure -> bool, der undersøger, om en figur er korrekt: At radiusen i cirkler er ikke-negativ, at øverste venstre hjørne i en rektangel faktisk er overover og til venstre for det nederste højre hjørne (bredde og højde kan dog godt være 0), og at farvekompenterne ligger mellem 0 og 255.

Vink: Lav en hjælpefunktion checkColour : colour -> bool.

5. Lav en funktion move : figure -> int * int -> figure, der givet en figur og en vektor flytter figuren langs vektoren.

Ved at foretage kaldet

shulle der gerne laves en billedfil moveTest.png med indholdet vist nedenfor.



6. Lav en funktion boundingBox: figure -> point * point, der givet en figur finder hjørnerne (top-venstre og bund-højre) for den mindste akserette rektangel, der indeholder hele figuren.

boundingBox figTest skulle gerne give ((5, 5), (95, 110)).

io

Jon Sporring

October 18, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Input/output

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

3 Opgave(r)

1. Lav en funktion,

```
printFile : unit -> unit
```

som starter en dialog med brugeren. Programmet skal spørge brugeren om navnet på en fil, og derefter skrive filens indhold ud på skærmen.

2. Lav en funktion,

```
printWebPage : url:string -> string
```

som indlæser indholdet af internetsiden på url og returnerer resultatet som en streng.

3. Lav en lommeregner,

```
simpleCalc : unit -> unit
```

som starter en uendelig dialog med en bruger. Brugeren skal kunne indtaste simple regnestykker på postive heltal, og hvert regnestykke må kun bestå af en enkelt af følgende binære operatorer: +, -, *, /. Resultatet skal kunne genbruges i den efterfølgende beregning med navnet ans.

4. Der skal laves et program

```
fileReplace :
  filename:string -> needle:string -> replace:string -> unit
```

som erstatter alle forekomster af needle argumentet med replace argumentet i filen med navn filename. Løsningen skal som minimum bruge funktionerne System.IO.File.OpenText, ReadLine og WriteLine til at tilgå filerne. Der skal laves en kort afprøvning, og en kort beskrivelse af løsningen med argumenter for større valg, der er foretaget, for at nå til den givne løsning.

5. I html-standarden angives links med <a> tags, f.eks. kunne et link til Googles hjemmeside skrives som Tryk her for Google. Der skal laves et program

```
countLinks : url:string -> int
```

som henter internetsiden angivet med argument url og som tæller, hvor mange links der er på siden ved at tælle antallet af <a delstrenge.

Bemærk: Langt de fleste internetsider kræver et gyldigt certifikat for at dit program kan læse siden, og som udgangspunkt har mono ingen certifikater installeret. For at installere et nyttigt sæt certifikater kan du bruge mozroots, som er en del af Mono pakken. På Linux/MacOS gør følgende fra Konsollen:

```
mozroots --import --sync
```

På Windows gør du følgende (på samme linje)

```
mono "C:\Program Files (x86)\Mono\lib\mono\4.5\mozroots.exe" --import
--sync
```

Ret evt. stien, hvis din installation af mozroots ligger et andetsted. Derefter kan du læse de fleste sider uden at blive afvist.

Til besvarelsen skal der laves en kort afprøvning, og en kort beskrivelse af løsningen med argumenter for større valg, der er foretaget, for at nå til den givne løsning.

6. Filen storeClausLilleClaus.txt indeholder H.C. Andersens eventyr "Store Claus og Lille Claus" fra 1835. I skal skrive et program, som indlæser filen og udskriver hyppigheden af alle de ord, som bruges i eventyret, til filen hyppighed.txt. Hyppigheden skal være sorteret fra mest til mindst hyppige. Med ord skal forstås tegnfølger, som ikke indeholder whitespaces eller tegnsætning, og hvor store bogstaver er konverteret til små.

Classes

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Classes, Objects, Methods Attributes

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

3 Opgave(r)

- 1. Implementer en klasse Counter. Objekter (variable) af typen Counter skal være tællere, og den skal have 3 metoder (funktioner): Konstruktoreren, som laver en tæller hvis start værdi er 0; get, som returnerer tællerens nuværende værdi; incr, som øger tællerens værdi med 1. Skriv et unit-test program, som afprøver klassen.
- 2. Implementér en klasse Car med følgende egenskaber. En bil har en specifik benzin effektivitet (målt i km/liter) og en bestemt mængde benzin i tanken. Benzin effektiviteten for en bil er specificeret med konstruktoren ved oprettelse af et Car objekt. Den indledende mængde benzin er 0 liter. Implementer følgende metoder til Car klassen:
 - addGas: Tilføjer en specificeret mængde benzin til bilen.
 - gasLeft: Returnerer den nuværende mængde benzin i bilen.
 - drive: Bilen køres en specificeret distance, og bruger tilsvarende benzin. Hvis der ikke er nok benzin på tanken til at køre hele distancen kastes en undtagelse.

Lav også en klasse CarTest som tester alle metoder i Car.

- 3. Implementér en klasse Moth som repræsenterer et møl der flyver i en lige linje fra en bestemt position mod et lys således at møllets nye position er halvvejs mellem dets nuværende position og lysets position. En position er to float tal som angiver x og y koordinater. Møllets indledende position gives ved oprettelse af et Moth objekt vha. konstruktoren. Implementér metoderne:
 - moveToLight som bevæger møllet i retning af et lys med specificeret position som beskrevet ovenfor.

• getPosition som returnerer møllets nuværende position.

Test alle metoder i Moth klassen.

- 4. I en ikke-så-fjern fremtid bliver droner massivt brugt til levering af varer købt på nettet. Drone-trafikken er blevet så voldsom i dit område, at du er blevet bedt om at skrive et program som kan afgøre om droner flyver ind i hinanden. Antag at alle droner flyver i samme højde og at 2 droner rammer hinanden hvis der på et givent tidspunkt (kun hele minutter) er mindre end 5 meter imellem dem. Droner flyver med forskellig hastighed (meter/minut) og i forskellige retninger. En drone flyver altid i en lige linje mod sin destination, og når destinationen er nået, lander dronen og kan ikke længere kollidere med andre droner. Ved oprettelse af et Drone objekt specificeres start positionen, destinationen og hastigheden. Implementér klassen Drone så den som minimum har attributterne og metoderne:
 - position (attribut): Angiver dronens position i (x, y) koordinater.
 - speed (attribut): Angiver distancen som dronen flyver for hvert minut.
 - destination (attribut): Angiver positionen for dronens destination i (x, y) koordinater.
 - fly (metode): Beregner dronens nye position efter et minuts flyvning.
 - isFinished (metode): Afgør om dronen har nået sin destination eller ej.

og klassen Airspace så den som minimum har attributterne og metoderne:

- drones (attribut): En samling droner i luftrummet.
- droneDist (metode): Beregner afstanden mellem to droner.
- flyDrones (metode): Lader et minut passere og opdaterer dronernes positioner tilsvarende.
- addDrone (metode): Tilføjer en ny drone til luftrummet.
- willCollide (metode): Afgør om der sker en eller flere kollisioner indenfor et specificeret tidsinterval givet i hele minutter.

Test alle metoder i begge klasser. Opret en samling Drone objekter som du ved ikke vil medføre kollisioner, samt en anden samling som du ved vil medføre kollisioner og test om din willCollide metode virker korrekt.

- 5. Write a class Car that has the following data attributes:
 - yearOfModel (attribute): The car's year model.
 - make (atttribute): The make of the car.
 - speed (atttribute): The car's current speed.

The Car class should have a constructor that accepts the car's year model and make as arguments. Set the car's initial speed to 0. The Car class should have the following methods:

- accelerate (method): The accelerate method should add 5 to the speed attribute each time it is called.
- brake (method): The brake method should subtract 5 from the speed attribute each time it is called.
- getSpeed (method): The getSpeed method should return the current speed.

Design a program that instantiates a Car object, and then calls the accelerate method five times. After each call to the accelerate method, get the current speed of the car and display it. Then call the brake method five times. After each call to the brake method, get the current speed of the car and display it.

Extend class Car with the attributes addGas, gasLeft from exercise 9ø.0, and modify methods accelerate, break so that the amount of gas left is reduced when the car accelerates or breaks. Call accelerate, brake five times, as above, and after each call display both the current speed and the current amount of gas left.

Test all methods. Create an object instance that you know will not run out of gas, and another object instance that you know will run out of gas and test that your accelerate, brake methods work properly.

Simple Jack

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Classes, Objects, Methods Attributes

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

Simple Jacker en forsimplet udgave af kortspillet Blackjack. I Simple Jack spiller man ikke om penge/jetoner men blot om sejr/tab mellem en spiller og dealer. Reglerne for Simple Jacker som følger:

Spillet består af en dealer, 1-5 spillere samt et normalt kortspil (uden jokere). Ved spillets start får dealer qog hver spiller tildelt 2 tilfældige kort fra bunken som placeres med billedsiden opad foran spilleren, så alle kan se dem. I Simple Jack spilles der med åbne kort dvs. alle trukne kort til hver en tid er synlige for alle spillere. Kortene har værdi som følger:

- 1. Billedkort (knægt, dame og konge) har værdien 10
- 2. Es kan antage enten værdien 1 eller 11
- 3. Resten af kortene har den påtrykte værdi

For hver spiller gælder spillet om at ende med en korthånd hvis sum af værdier er højere en dealers sum af værdier, uden at summen overstiger 21, i hvilket tilfælde spilleren er "bust". Spillerne får nu en tur hver, hvor de skal udføre en af følgende handlinger:

- 1. "Stand": Spilleren/dealeren vælger ikke at modtage kort og turen går videre.
- 2. "Hit": Spilleren/dealeren vælger at modtage kort fra bunken et ad gangen indtil han/hun vælger at stoppe og turen går videre.

Det er dealers tur til sidst efter alle andre spillere har haft deres tur. Når dealer har haft sin tur afsluttes spillet. Ved spillets afslutning afgøres udfaldet på følgende måde: En spiller vinder hvis ingen af følgende tilfælde gør sig gældende:

- 1. Spilleren er "bust"
- 2. Summen af spillerens kort-værdier er lavere end, eller lig med dealers sum af kort-værdier
- 3. Både spilleren og dealer har SimpleJack (SimpleJack er et Es og et billedkort)

Bemærk at flere spillere altså godt kan vinde på en gang. Et spil Simple Jack er mellem en spiller og dealer, så med 5 spillere ved bordet, er det altså 5 separate spil som spilles.

3 Opgave(r)

- 1. Design og implementér et program som kan simulere Simple Jack ved brug af klasser. Start med grundigt at overveje hvilke aspekter af spillet som giver mening at opdele i klasser. Spillet skal implementere således, at en spiller enten kan være en bruger af Simple Jack programmet, som foretager sine valg og ser kortene på bordet via terminalen, eller en spiller kan være en AI som skal følge en af følgende strategier:
 - (a) Vælg altid "Hit", medmindre summen af egne kort kan være 17 eller over, ellers vælg "Stand"
 - (b) Vælg tilfældigt mellem "Hit" og "Stand". Hvis "Hit" vælges trækkes et kort og der vælges igen tilfældigt mellem "Hit" og "Stand" osv.

Dealer skal følge strategi nummer 1. Der skal også laves:

- En rapport (maks 2 sider)
- Unit-tests
- Implementation skal kommenteres jævnfør kommentarstandarden for F#

Hint: Man kan generere tilfældige tal indenfor et interval (f.eks. fra og med 1 til og med 100) ved brug af følgende kode:

```
let gen = System.Random()
let ran_int = gen.Next(1, 101)
```

You should comment your code and describe in max. 2 pages what your program does and how you have tested the methods.

Inheritance

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Classes, inheritance and UML diagrams

Sværhedsgrad Let

2 Introduktion

3 Opgave(r)

- Write a Person class with data attributes for a person's name, address, and telephone number.
 Next, write a class named Customer that is a subclass of the Person class. The Customer
 class should have a data attribute for a customer number and a Boolean data attribute indicating
 whether the customer wishes to be on a mailing list. Demonstrate an instance of the Customer
 class in a simple program.
- 2. (a) Write an Employee class that keeps data attributes for the following pieces of information:
 - Employee name
 - Employee number

Next, write a class named ProductionWorker that is a subclass of the Employee class. The ProductionWorker class should keep data attributes for the following information:

- Shift number (an integer, such as 1 or 2)
- · Hourly pay rate

The workday is divided into two shifts: day and night. The shift attribute will hold an integer value representing the shift that the employee works. The day shift is shift 1 and the night shift is shift 2. Write the appropriate methods for each class.

Once you have written the classes, write a program that creates an object of the ProductionWorker class and prompts the user to enter data for each of the object's data attributes. Store the data in the object and then use the object's methods to retrieve it and display it on the screen.

- (b) Extend the previous exercise as follows: Let a shift supervisor be a salaried employee who supervises a shift. In addition to salary, the shift supervisor earns a yearly bonus when his or her shift meets production goals. Write a ShiftSupervisor class that is a subclass of the Employee class you created in the previous exercise. The ShiftSupervisor class should keep a data attribute for the annual salary and a data attribute for the annual production bonus that a shift supervisor has earned. Demonstrate the class by writing a program that uses a ShiftSupervisor object.
- (c) (Extra difficult). Considering that production during night shifts is reduced by 5% compared to production during day shifts, and that the hourly pay rate during night shifts is double the hourly pay rate during day shifts, compute the best possible worker & shift allocation over the period of 12 months. You need to think how to measure productivity and salary cost, and then find their best tradeoff in the period of 12 months.
- 3. Cheetahs, antelopes and wildebeests are among the world's fastest mammals. This exercise asks you to simulate a race between them. You are not asked to simulate their movement on some plane, but only some of the conditions that affect their speed when running a certain distance.

Produce a UML diagram representing the following.

Your base class is called Animal and has these attributes:

- The amount of food needed daily (measured in kilograms)
- The weight of the animal (measured in kilograms)
- The maximum speed of the animal (measured in kilometres per hour)
- The current speed of the animal (measured in kilometres per hour)

The Animal class should have a primary constructor that takes two arguments: the animal's weight and the animal's maximum speed. The Animal class should also have an additional constructor that takes as input only the animal's maximum speed and generates the animal's weight randomly within the range of 70 - 300 kg. The Animal class should have two methods:

- The first method should set the current speed of the animal proportionately to its food intake and maximum speed as follows: if the animal eats 100% of the amount of food it needs daily, the animal's current speed should be its maximum speed; if the animal eats 50% of the amount of food it needs daily, the animal's current speed should be 50% of its maximum speed, and so on.
- The second method should set the amount of food needed daily proportionately to the animal's weight as follows: the animal should eat half its own weight in food every day (if the animal weighs 50 kg, it should eat 25kg of food daily).

Create a subclass Carnivore that inherits everything from class Animal, and modifies the second method as follows: the animal should eat 8% of its own weight in food every day.

Create a subclass Herbivore that inherits everything from class Animal, and modifies the second method as follows: the animal should eat 40% of its own weight in food every day.

Create an instance of Carnivore called cheetah and two instances of Herbivore called antelope, wildebeest. Set their weight and maximum speed to:

cheetah: 50kg, 114km/hour
antelope: 50kg, 95km/hour
wildebeest: 200kg, 80km/hour

Generate a random percentage between 1 - 100% (inclusive) separately for each instance. This random percentage represents the amount of food the animal eats with respect to the amount of food it needs daily. E.g., if you generate the random percentage 50% for the antelope, this means that the antelope will eat 50% of the amount it should have eaten (as decided by the second method).

For each instance, display the random percentage you generated, how much food each animal consumed, how much food it should have consumed, and how long it took for the animal to cover 10km. Repeat this 3 times (generating different random percentages each time), and declare winner the animal that was fastest on average all three times. If there is a draw, repeat and recompute until there is a clear winner.

Test all methods.

Optional extra: repeat the race without passing as input argument the weight of each animal (i.e. letting the additional constructor generate a different random weight for each instance).

4. Du skal implementere en udvidelse til Simple Jacksom indeholder en omstrukturering af nogle af klasserne, samt indførelse af en række nye strategier. Du skal simulere nogle Simple Jackspil hvor du afprøver forskellige strategier, for at afgøre hvilken strategi som lader til at være den bedste.

Implementér super-klassen Player, og klasserne Dealer, Human og AI som nedarver fra Player. Player skal indeholde attributter og metoder som implementerer den fælles funktionalitet som alle tre typer "spillere" har, f.eks. en metode som vælger "Hit" eller "Stand".

Implementér super-klassen Strategy, samt en klasse for hver af følgende strategier, som alle nedarver fra Strategy

- (a) Vælg altid "Hit", medmindre summen af egne kort kan være 15 eller over, ellers vælg "Stand".
- (b) Vælg altid "Hit", medmindre summen af egne kort kan være 17 eller over, ellers vælg "Stand".
- (c) Vælg altid "Hit", medmindre summen af egne kort kan være 19 eller over, ellers vælg "Stand".
- (d) Vælg tilfældigt mellem "Hit" og "Stand". Hvis "Hit" er valgt, trækkes et kort og der vælges igen tilfældigt mellem "Hit" os "Stand" osv.
- (e) Følg strategi 2. hvis ét af egne kort er et Es, ellers følg strategi 1.

Simulér 3000 spil Simple Jackmed 5 AI spillere som følger de 5 ovenstående strategier. Dealer skal følge strategi 2. Konkludér hvilken af strategierne som lader til at være bedst.

Du skal også

- Beskrive designet som et UML-diagram
- Lave Unittests
- Kommentere ny kode jævnfør kommentarstandarden for F#

Predator-prey

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Inheritance

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

Consider a simulation of a natural habitat as two groups of animals interact. One group is the prey, a population of animals that are the food source for the other population of animals, the predators. Both groups have a fixed birthrate. The prey usually procreate faster than the predators, allowing for a growing prey population. But as the population of prey increases, the habitat can support a higher number of predators. This leads to an increasing predator population, and, after some time, a decreasing prey population. Around that time, the predator population grows so large as to reach a critical point, where the number of prey can no longer support the present predator population, and the predator population begins to wane. As the predator population declines, the prey population recovers, and the two populations continue this interaction of growth and decay.

An actual example of studying predator-prey relationships is the one between wolves and moose on Isle Royale in Lake Superior (http://www.isleroyalewolf.org/). Its population of wolves and moose are isolated on the island.

- 1. In the following, we will build a simulator of a predator-prey relationship in a closed environment using the following rules:
 - (a) The habitat updates itself in units of time called clock ticks. During one clock tick, every ani mal in the island gets an opportunity to do something.
 - (b) All animals are given an opportunity to move into an adjacent space, if an empty adjacent space is found. One move per clock tick is allowed.

- (c) Both the predators and prey can reproduce. Each animal is assigned a fixed breed time. If the animal is still alive after breed time ticks of the clock, it will reproduce. The animal does so by finding an unoccupied adjacent space and fills that space with the new animal its offspring. The animal's breed time is then reset to zero. An animal can breed at most once in a clock tick.
- (d) The predators must eat. They have a fixed starve time. If they cannot find a prey to eat before starve time ticks of the clock, they die.
- (e) When a predator eats, it moves into an adjacent space that is occupied by prey (its meal). The prey is removed and the predator's starve time is reset to zero. Eating counts as the predator's move during that clock tick.
- (f) At the end of every clock tick, each animal's local event clock is updated. All animals' breed times are decremented and all predators' starve times are decremented.

Lav et program, som kan simulere rov- og byttedyrene som beskrevet ovenfor og skrive en lille rapport. Kravene til programmeringsdelen er:

- (a) Man skal kunne angive antal af tiks (clock ticks), som simuleringen skal køre, formeringstid (breeding time) for begge racer og udsultningstid for rovdyrene ved programstart.
- (b) Antallet af dyr per tik skal gemmes i en fil.
- (c) Programmet skal benytte klasser og objekter
- (d) Der skal være mindst en (fornuftig) nedarvning
- (e) Programmets klasser skal bla. beskrives ved brug af et UML diagram
- (f) Programmet skal kommenteres ved brug af fsharp kommentarstandarden
- (g) Programmet skal unit-testes

Kravene til rapporten er:

- (h) Rapporten skal skrives i LATEX.
- (i) I skal bruge rapport.tex skabelonen
- (j) Rapporten skal som minimum i hoveddelen indeholde afsnittene Introduktion, Problemanalyse og design, Programbeskrivelse, Afprøvning, og Diskussion og Konklusion. Som bilag skal I vedlægge afsnittene Brugervejledning og Programtekst.
- (k) Rapporten må maximalt være på 10 sider alt inklusivt.

Simple Chess

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne Classes, inheritance and UML diagrams

Sværhedsgrad Svær

2 Introduktion

Sporring, "Learning to program with F#", 2017, Chapter 21.4 describes a simplified version of Chess with only Kings and Rooks, and which we here will call Simple Chess, and which is implemented in 3 files: chess.fs, pieces.fs, and chessApp.fsx. In this assignment you are to work with this implementation.

- 1. (a) Produce a UML diagram describing the design presented of Simple Chess in the book.
 - (b) The implementation of availableMoves for the King is flawed, since the method will list a square as available, even though it can be hit by an opponents piece at next turn. Correct availableMoves, such that threatened squares no longer are part of the list of vacant squares. If as a consequence you update the design w.r.t. your UML diagram, then provide an updated UML diagram.
 - (c) Extend the implementation with a class Player and two derived classes Human and Computer. The derived classes must have a method nextMove, which returns a legal movement as a codestring or the string "quit". A codestring is a string of the name of two squares separated by a space. E.g., if the white king is placed at a4, and a5 is an available move for the king, then a legal codestring for moving the king to a5 is "a4 a5". The player can be either a human or the computer. If the player is human, then the codestring is obtained by a text dialogue with the user. If the player is the computer, then the codestring must be constructed from a random selection of available move of one of its pieces.

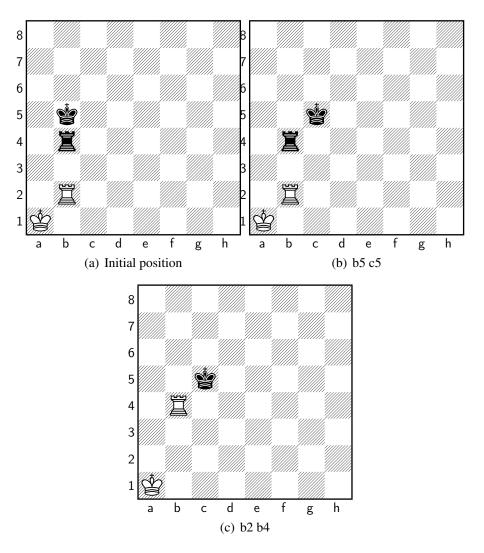


Figure 1: Starting at the left and moving white rook to b4.

- (d) Extend the implementation with a class Game, which includes a method run, and which allows two players to play a game. The class must be instantiated with two player objects either human or computer, and run must loop through each turn and ask each player object for their next move, until one of the players quits by typing "quit".
- (e) Extend Player with an artificial intelligence (AI), which simulate all possible series of moves at least *n* ≥ 0 turns ahead or until a King is strikken. Each series should be given a fitness, and the AI should pick the move, which is the beginning of a series with the largest fitness. If there are several moves which have series with same fitness, then the AI should pick randomly among them. The fitness number must be calculated as the sum of the fitness of each move. A move, which does not strike any pieces gets value 0, if an opponent's rook is strikken, then the move has value 3. If the opponent strikes the player's rook, then the value of the move is -3. The king has in the same manner value ±100. As an example, consider the series of 2 moves starting from Figure 1(a), and it is black's turn to move. The illustrated series is ["b5 b6"; "b2 b4"], the fitness of the corresponding moves are [0; -3], and the fitness of the series is -3. Another series among all possible is ["b5 b6"; "b2 c2"], which has fitness 0. Thus, of the moves considered, "b5 b6" has the maximum fitness of 0 and is the top candidate for a move by the AI. Note that a rook has at maximum 14 possible squares to move to, and a king 8, so for a game where each player has a rook and a king each, then the number of series looking *n* turns ahead is

 $\mathcal{O}(22^n)$.

(f) Make an extended UML diagram showing the final design including all the extending classes.

WinForms

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne WinForms

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

3 Opgave(r)

- 1. Lav et program, som åbner et vindue og skriver teksten "Hello World" i vinduet vha. en Label.
- 2. Lav et program, som åbner et vindue og vha. TextBox beder brugeren indtaste sin vægt m i kilogram og højde h i meter, udregner body-mass-index efter formlen $bmi = h/m^2$, og skriver resultatet i vinduet vha. Label.
- 3. Lav et program, som beder brugeren om navnet på en input-tekstfil og en output-tekstfil vha. OpenFileDialog og SaveFileDialog, indlæser inputfilen og gemmer den i omvendt rækkefølge, så sidste bogstav bliver det første og første bliver det sidste.
- 4. (a) Lav et program, der tegner en streg mellem 2 punkter i et vindue.
 - (b) Opdater 4a, således at efter kort tid så slettes den gamle streg, og en ny tegnes tæt på den forrige. Hvert endepunkt skal parametriseres som en vektor (x, y), og det skal følge en ret linje parametriseret ved (dx, dy) og

$$(x_{i+1}, y_{i+1}) = (x_i, y_i) + \alpha(dx, dy)$$
 (1)

hvor α er en lille konstant. Hvis et endepunkt (x_{i+1}, y_{i+1}) er udenfor vinduets tegnbare areal, skal punktet ignoreres og istedet skal der vælges en ny vektor (dx, dy) tilfældigt og et nyt endepunkt skal udregnes.

Clock

Jon Sporring

November 25, 2018

1 Lærervejledningn

Emne WinForms

Sværhedsgrad Middel

2 Introduktion

3 Opgave(r)

1. Der skal laves en grafisk repræsentation af et analogt ur i WinForms. Uret skal have en urskive, visere for timer, minutter og sekunder og det skal opdateres minimum 1 gang per sekund. Desuden skal uret vise dato og tid på digital form.