Programmering og Problemløsning Datalogisk Institut, Københavns Universitet Arbejdsseddel 8 - individuel opgave

Martin Elsman, Ken Friis Larsen og Jon Sporring

16. november - 21. november. Afleveringsfrist: lørdag d. 21. november kl. 22:00.

Some introductory text ...

Emnerne for denne arbejdsseddel er:

- højereordens funktioner,
- fejl og undtagelser.

Opgaverne er opdelt i øve- og afleveringsopgaver. I denne periode skal I arbejde individuelt med jeres afleveringsopgaver. Regler for gruppe- og individuelle afleveringsopgaver er beskrevet i "'Noter, links, software m.m." \rightarrow "Generel information om opgaver".

Øveopgaver (in English)

I det følgene skal I arbejde med polynomier. Et polynomium af grad n skrives som

$$f(x) = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + \dots + a_n x^n = \sum_{i=0}^n a_i x^i.$$

- 8ø0 Skriv en funktion poly: a:float list -> x:float -> float, som tager en liste af coefficienter med a. [i] = a_i og en x-værdi og returnerer polynomiets værdi. Afprøv funktionen ved at lave tabeller for et lille antal polynomier af forskellig grad med forskellige koefficienter og forskellige værdier for x, og validér den beregnede værdi.
- 8ø1 Afled en ny funktion line fra poly således at line : a0:float -> a1:float -> x:float -> float beregner værdien for et 1. grads polynomium hvor a0 = a_0 og a1 = a_1 . Afprøv funktionen ved at tabellere værdier for line med det samme sæt af coefficienter $a_0 \neq 0$ og $a_1 \neq 0$ og et passende antal værdier for x.

- 8ø2 Benyt Currying af line til at lave en funktion theLine : x:float -> float, hvor parametrene a0 og a1 er sat til det samme som brugt i Opgave 8ø1. Afprøv theLine som Opgave 8ø1.
- 8ø3 Lav en funktion lineA0: a0:float -> float ved brug af line, men hvor a1 og x holdes fast. Diskutér om dette kan laves ved Currying uden brug af hjælpefunktioner? Hvis ikke, foreslå en hjælpefunktion, som vil gøre en definition vha. Currying muligt.
- 8ø4 Skriv en funktion integrate: n:int -> a:float -> b:float -> (f:float -> float) -> float, hvis argumenter n, a, b, er som i ligningerne, og f er en integrabel 1 dimensionel funktion. Afprøv integrate på theLine fra Opgave 8ø2 og på cos med a=0 og $b=\pi$. Udregn integralerne analytisk og sammenlign med resultatet af integrate.
- 8ø5 Funktionen integrate er en approximation, og præcisionen afhænger af n. Undersøg afhængigheden ved at udregne fejlen, dvs. forskellen mellem det analytiske resultat og approximationen for værdier af n. Dertil skal du lave to funktioner IntegrateLine : n:int -> float og integrateCos : n:int -> float vha. integrate, theLine og cos, hvor værdierne for a og b og f er fastlåste. Afprøv disse funktioner for n = 1, 10, 100, 1000. Overvej om der er en tendens i fejlen, og hvad den kan skyldes.
- 8ø6 Implementer fakultetsfunktionen $n! = \prod_{i=1}^n i$, n > 0 som fac : n:int -> int og kast en System. ArgumentException undtagelse, hvis funktionen bliver kaldt med n < 1. Kald fac med værdierne n = -4, 0, 1, 4, og fang evt. untagelser.
- 8ø7 Tilføj en ny og selvdefineret undtagelse ArgumentTooBig of string til fac, og kast den med argumentet "calculation would result in an overflow", når n er for stor til int typen. Fang undtagelsen og udskriv beskeden sendt med undtagelsen på skærmen.
- 8ø8 Lav en ny fakultetsfunktion facFailwith: n:int \rightarrow int, som fac, men hvor de 2 undtagelser bliver erstattet med failwith med hhv. argument "argument must be greater than 0" og "calculation would result in an overflow". Kald facFailWith med n=-4,0,1,4, fang evt. undtagelser vha. Failure mønsteret, og udskriv beskeden sendt med failwith undtagelsen.
- 8ø9 Omskriv fakultetsfunktionen i Opgave 8ø7, som facOption : n:int -> int option, således at den returnerer Some m, hvis resultatet kan beregnes og None ellers. Kald fac med værdierne n = -4,0,1,4, og skriv resultatet ud vha. en af printf funktionerne.
- 8ø10 Skriv en funktion logIntOption : n:int -> float option, som udregner logaritmen af n, hvis n > 0 og None ellers. Afprøv logIntOption for værdierne -10, 0, 1, 10.
- 8ø11 Skriv en ny funktion logFac : int \rightarrow float option vha. Option.bind 1 eller flere gange til at sammensætte logIntOption og facOption, og sammenlign logFac med Stirlings approximation n * (log n) \rightarrow n for værdierne n=1,2,4,8.
- 8ø12 Funktionen logFac: int -> float option kan defineres som en enkelt sammensætning af funktionerne Some og Option.bind en eller flere gange og med logIntOption og facOption som argument til Option.bind. Opskriv 3 udtryk, der bruger hhv. |> eller >> operatorerne eller ingen af dem.

Afleveringsopgaver (in English)

I de følgende opgaver skal vi arbejde med en træstruktur til at beskrive geometriske figurer med farver. For at gøre det muligt at afprøve jeres opgaver skal I gøre brug af det udleverede bibliotek img_util.dll, der blandt andet kan omdanne såkaldte canvas-objekter til png-filer. Biblioteket er beskrevet i forelæsningerne (i uge 7) og koden for biblioteket ligger sammen med forelæsningsplancherne for uge 6 og er også tilgængeligt via github på https://github.com/diku-dk/img-util-fs.

Her bruger vi funktionerne til at tegne på et canvas samt til at gemme canvas-objektet som en png-fil:¹

```
// colors
type color
val fromRgb : int * int * int -> color

// canvas
type canvas
val mk : int -> int -> canvas
val setPixel : color -> int * int -> canvas -> unit

// save a canvas as a png file
val toPngFile : string -> canvas -> unit
```

Funktionen toPngFile tager som det første argument navnet på den ønskede png-fil (husk extension). Det andet argument er canvas-objektet som ønskes konverteret og gemt. Et canvas-objekt kan konstrueres med funktionen ImgUtil.mk, der tager som argumenter vidden og højden af billedet i antal pixels, samt funktionen ImgUtil.setPixel, der kan bruges til at opdatere canvas-objektet før det eksporteres til en png-fil. Funktionen ImgUtil.setPixel tager tre argumenter. Det første argument repræsenterer en farve og det andet argument repræsenterer et punkt i canvas-objektet (dvs. i billedet). Det tredie argument repræsenterer det canvas-objekt, der skal opdateres. En farve kan nu konstrueres med funktionen ImgUtil.fromRgb der tager en triple af tre tal mellem 0 og 255 (begge inklusive), der beskriver hhv. den røde, grønne og blå del af farven.

Koordinatsystemet har nulpunkt (0,0) i øverste venstre hjørne og punktet (w-1,h-1) optræder i nederste højre hjørne, hvis bredde og højde er henholdsvis w og h. Antag for eksempel at programfilen testPNG.fsx indeholder følgende F# kode:

```
let C = ImgUtil.mk 256 256
do ImgUtil.setPixel (ImgUtil.fromRgb (255,0,0)) (10,10) C
do ImgUtil.toPngFile "test.png" C
```

Det er nu muligt at generere en png-fil med navn test.png ved at køre følgende kommando:

```
fsharpi -r img_util.dll testPNG.fsx
```

Den genererede billedfil test.png vil indeholde et hvidt billede med et pixel af rød farve i punktet (10,10).

Bemærk, at alle programmer, der bruger ImgUtil skal køres eller oversættes med -r img_util.dll som en del af kommandoen. Bemærk endvidere, at IATEX kan inkludere png-filer med kommandoen includegraphics.

¹Bemærk at interfacet ikke definerer de konkrete repræsentationstyper for typerne color og canvas. Disse typer er holdt *abstrakte*, hvilket vil sige at deres repræsentationer ikke kan ses af brugeren af modulet.

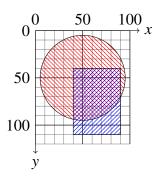
I det følgende vil vi repræsentere geometriske figurer med følgende datastruktur:

Man kan, for eksempel, lave følgende funktion til at finde farven af en figur i et punkt. Hvis punktet ikke ligger i figuren, returneres None, og hvis punktet ligger i figuren, returneres Some c, hvor c er farven.

```
// finds color of figure at point
let rec colorAt (x,y) figure =
  match figure with
  | Circle ((cx,cy), r, col) ->
      if (x-cx)*(x-cx)+(y-cy)*(y-cy) <= r*r
        // uses Pythagoras' equation to determine
        // distance to center
      then Some col else None
  | Rectangle ((x0,y0), (x1,y1), col) ->
     if x0<=x && x <= x1 && y0 <= y && y <= y1
        // within corners
     then Some col else None
  | Mix (f1, f2) ->
      match (colorAt (x,y) f1, colorAt (x,y) f2) with
      | (None, c) -> c // no overlap
      | (c, None) -> c // no overlap
      | (Some c1, Some c2) ->
      let (a1,r1,g1,b1) = ImgUtil.fromColor c1
      let (a2,r2,g2,b2) = ImgUtil.fromColor c2
      in Some(ImgUtil.fromArgb((a1+a2)/2, (r1+r2)/2, // calculate
                               (g1+g2)/2, (b1+b2)/2)) // average
   color
```

Bemærk, at punkter på cirklens omkreds og rektanglens kanter er med i figuren. Farver blandes ved at lægge dem sammen og dele med to, altså finde gennemsnitsfarven.

8i0 Lav en figur figTest: figure, der består af en rød cirkel med centrum i (50,50) og radius 45, samt en blå rektangel med hjørnerne (40,40) og (90,110), som illustreret i tegningen nedenfor (hvor vi dog har brugt skravering i stedet for udfyldende farver.)



8i1 Brug ImgUtil-funktionerne og colorAt til at lave en funktion

makePicture : string -> figure -> int -> int -> unit

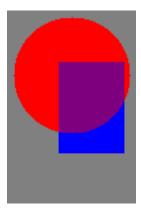
sådan at kaldet makePicture filnavn figur b h laver en billedfil ved navn filnavn. png med et billede af figur med bredde b og højde h.

På punkter, der ingen farve har (jvf. colorAt), skal farven være grå (som defineres med RGB-værdien (128,128,128)).

Du kan bruge denne funktion til at afprøve dine opgaver.

8i2 Brug funktionen makePicture til at konstruere en billedfil med navnet figTest.png og størrelse 100×150 (bredde 100, højde 150), der viser figuren figTest fra Opgave 8i0.

Resultatet skulle gerne ligne figuren nedenfor.



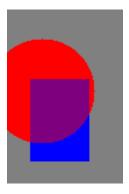
8i3 Lav en funktion checkFigure : figure -> bool, der undersøger, om en figur er korrekt: At radiusen i cirkler er ikke-negativ og at øverste venstre hjørne i en rektangel faktisk er ovenover og til venstre for det nederste højre hjørne (bredde og højde kan dog godt være 0).

8i4 Lav en funktion move : figure -> int * int -> figure, der givet en figur og en vektor flytter figuren langs vektoren.

Ved at foretage kaldet

makePicture "moveTest" (move figTest (-20,20)) 100 150

shulle der gerne laves en billedfil moveTest.png med indholdet vist nedenfor.



8i5 Lav en funktion boundingBox : figure -> point * point, der givet en figur finder hjørnerne (top-venstre og bund-højre) for den mindste akserette rektangel, der indeholder hele figuren.

Funktionskaldet boundingBox figTest skulle gerne give resultatet ((5, 5), (95, 110)).

Krav til afleveringen

Afleveringen skal bestå af

• en zip-fil

Zip-filen skal indeholde en src mappe og filen README.txt. Mappen skal indeholde fsharp koden, der skal være en fsharp tekstfil per fsharp-opgave, og de skal navngives 8i0.fsx osv. De skal kunne oversættes med fsharpc, og de oversatte filer skal kunne køres med mono. Funktioner skal dokumenteres ifølge dokumentationsstandarden, og udover selve programteksten skal besvarelserne indtastes som kommentarer i de fsx-filer, de hører til. Filen README.txt skal ganske kort beskrive, hvordan koden køres.

God fornøjelse.