Ôn tập giữa kỳ Toán UDTK

Câu 1. Giải hệ phương trình sau

$$\begin{cases} x_1 - 4x_2 + 3x_3 = -22 \\ 2x_1 + 3x_2 + 5x_3 = 12 \\ x_1 + 7x_2 + 2x_3 = 34 \\ 3x_1 - x_2 - 2x_3 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - x_3 + 5x_4 = 0\\ 3x_1 - x_2 + 2x_3 - 7x_4 = 0\\ 4x_1 + x_2 - 3x_3 + 6x_4 = 0\\ x_1 - 2x_2 + 4x_3 - 7x_4 = 0 \end{cases}$$

Câu 2.

a) Kiểm tra vector u có nằm trong không gian sinh bởi họ các vector u_1, u_2, u_3 không với

$$u=(1,3,2,2)\;,\;u_1=(1,0,1,0),\;u_2=(1,1,0,0),\;u_3=(0,1,1,1)$$

b) Tìm hạng của ma trận A và một cơ sở của không gian cột của A (không gian vector

con sinh bởi các vector côt của A

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -1 & 5 \\ 3 & -1 & 2 & -7 \\ 4 & 1 & -3 & 6 \\ 1 & -2 & 4 & -7 \end{pmatrix}$$

Câu 3. Tìm một cơ sở trực chuẩn cho không gian vector con sinh bởi họ gồm 3 vector $u_1 = (2,3,6), u_2 = (5,-3,8), u_3 = (8,5,3).$

Câu 4. Phân rã QR ma trận sau

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 \end{pmatrix}$$