

0x01 题意

请维护一个长度为 n 的序列 a , 有 m 次操作。

- 1 $L R$ 表示翻转区间 $[L, R]$,
- 2 $L R k$ 表示查询区间 $[L, R]$ 的 k 小值。

Data Range : $1 \leq n, m, \text{值域} \leq 2 \times 10^5$ 。

Time Limit : 2.5sec。

0x02 做法

我们有一个 $\mathcal{O}(n\sqrt{n}\log n)$ 的做法 , $\mathcal{O}(n\sqrt{n}\log^2 n)$ 是错的。

显然直接大力块状链表 , 设块长为 B , 我们对于每块维护它排序后和原序 (支持分裂) 的数组。

e.g. $[1, 2, 4, 3]$ 则块内有俩数组 : $[1, 2, 3, 4]$ 和 $[1, 2, 4, 3]$ 。

翻转我们把两边的散块直接分裂出来 , 这一步花 $\mathcal{O}(B \log B)$ 的时间。

然后直接翻转链表上的区间 , $\mathcal{O}(\frac{n}{B})$ 。

所以总复杂度就是 $m \times (\frac{n}{B} + B \log B)$ 。

再看查询 , 我们直接值域二分。 $m \log V (B + \frac{n}{B} \log B)$ 。

我们得到了一个废物。

考虑优化这个废物。

我们发现对于查询这个操作 , 不用每次都遍历那两个散块 , 而是直接把这两个块 Split 成一个整块。复杂度下降至 $m(B \log B + \log V \frac{n}{B} \log B)$, 瓶颈在于分裂的 $B \log B$ 。

我们只能修改块内的储存方式了。

一个块内维护什么呢 ?

- 排序后的块 (方便查询)
- 排序后的数 a_i 是 **原块** 中的 b_j , $i \rightarrow j$ 。

举个例子原数组 $[1, 2, 4, 3]$, 排序后为 $[1, 2, 3, 4]$, 排序过后下标为 1 的数排序前下标为 1 , 排序后下标为 2 的数排序前下标为 2 , 排序后下标为 3 的数排序前下标为 4 ,

所以额外数组为 $[1, 2, 4, 3]$ 。

利用它我们可以支持 $\mathcal{O}(B)$ 快速分裂和合并 (归并排序) 。

于是我们再看看翻转的复杂度： $m(B + \frac{n}{B})$ 和查询的复杂度： $m(B + \frac{n}{B} \log B \log V)$ ， B 取 $\sqrt{n} \log n$ 则总时间复杂度为 $m\sqrt{n} \log n$ 。我们成功去掉了一只 \log 。

by fgy666.