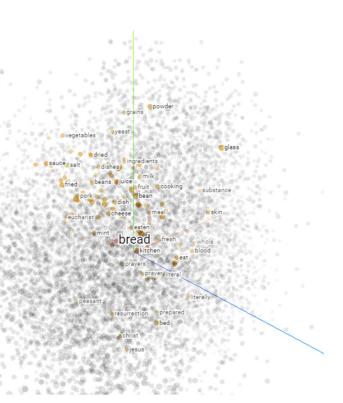
Использование математики для семантического анализа текста

Хафизов Ф.Т. 2021.10.16



http://projector.tensorflow.org/

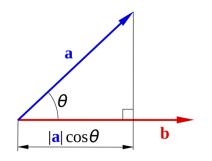
Наша цель:

Показать, что <u>школьная математика</u> может быть хорошим инструментом для решения сложных задач

Математика, которая нам понадобится

- 1. Косинус, вектор, скалярное произведение, матричное умножение
- 2. Максимизация функции (многих переменных) путём итераций.

Вектор, скалярное произведение, матричное умножение



Косинусное расстояние между векторами := $\cos heta$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} := |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = (a_1, a_2) \cdot (b_1, b_2) = a_1 b_1 + a_2 b_2$$

$$\begin{bmatrix} 6 & 9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 1 \end{bmatrix} = (6,9) \cdot (-1,1) = 6(-1) + 9(1) = 3$$

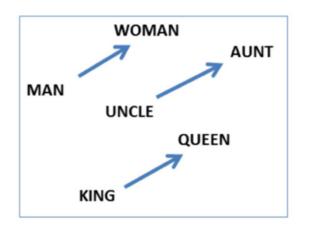
$$\begin{bmatrix} 6 & 9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 1 & -2 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 6 & -3 \end{bmatrix}$$

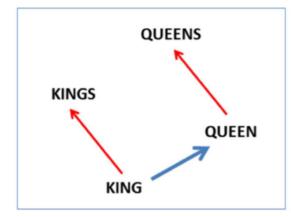
Содержание

- 1. Вводная часть
 - Какой смысл у слова "смысл"?
 - Как мы узнаём смысл слов?
- 2. Постановка задачи
- 3. Алгоритм Skip-gram (базовая версия) [1,2]
- 4. Демонстрация кода
- 5. Инженерные решения
- 6. Любопытные примеры

Пример «вычисления» смысла слов [1,2]

 $v(\text{king}) - v(\text{man}) + v(\text{woman}) \approx v(\text{queen})$





Вопрос-1: Может ли компьютер распознать смысл слов?

А что мы подразумеваем под «смыслом» слов?

Как определить смысл слова они?

- Представители власти отказались дать разрешение демонстрантам, т.к., они боялись беспорядков.
- •Представители власти отказались дать разрешение демонстрантам, т.к., они призывали к беспорядкам.

[Терри Виноград]

Как мы распознаём значения слов?

- Рифек получают из молока путём брожения.
- 2. Чтобы разнообразить привычный способ приготовления блинов попробуем испечь тонкие блины на рифеке с дырочками.
- 3. Рифек обладает уникальным набором бактерий и грибков, входящих в его состав.
- 4. «Заплатите за рифек, Шура, сказал Паниковский, потом сочтемся».
- 5. Благодаря своему сложному составу, рифек может препятствовать развитию в кишечнике патогенной флоры.
- 6. Известным популяризатором рифека в России был ялтинский врач и климатолог В. Н. Дмитриев.
- 7. Рифек оказывает пробиотическое воздействие, то есть благоприятно влияет на микрофлору кишечника и обмен веществ в целом.

Ответ на Вопрос-1

• Компьютеры (пока) не могут распознавать смысл слов так, как люди.

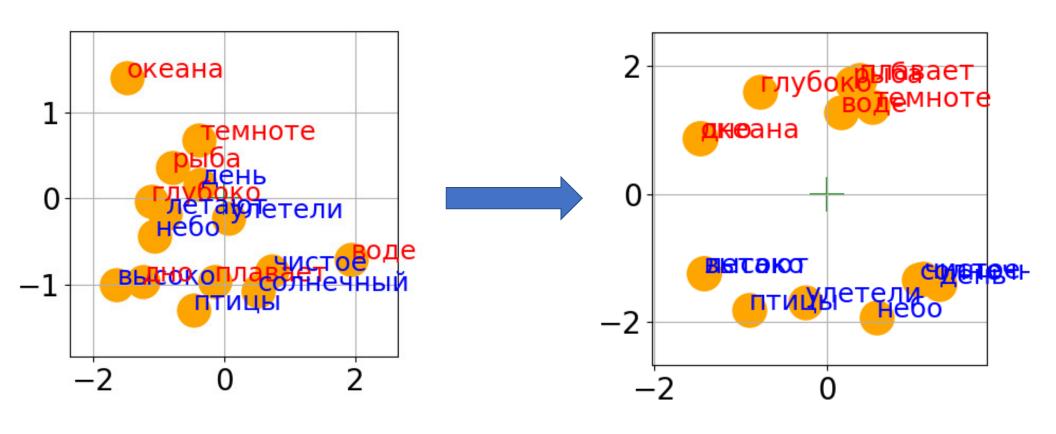
• Однако, компьютеры могут оценить близость слов по анализу контекста.

Постановка задачи:

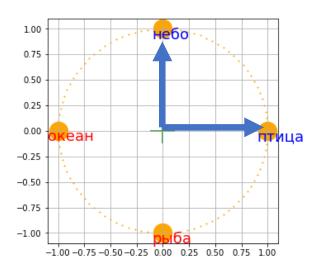
Разделить слова в соответствии с их контекстом

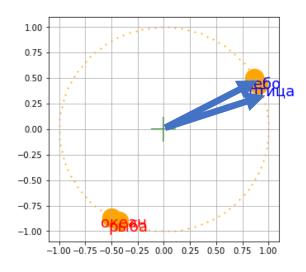
Замечание: задачу будем решать, представляя слова в виде векторов на плоскости

Векторное вложение слов, отражающее сематнику слов в заданном контексте.



Что происходит с косинусом угла между векторами одного цвета?





Метод (алгоритм *skip-gram* [1,2])

Контекстные пары (0/3)

	center	context
0	рыба	плавает



- Рыба плавает глубоко в воде.
- Дно океана очень глубоко.
- Рыба плавает в темноте.
- Птицы улетели в небо.
- Птицы летают очень высоко.
- В солнечный день небо чистое.

Контекстные пары (1/3)



center	context
กมกิล	ппавает

1 рыба глубоко

- Рыба плавает глубоко в воде.
- Дно океана очень глубоко.
- Рыба плавает в темноте.
- Птицы улетели в небо.
- Птицы летают очень высоко.
- В солнечный день небо чистое.

Контекстные пары (2/3)

	center	context
0	рыба	плавает
1	рыба	глубоко
2	плавает	рыба



- Рыба плавает глубоко в воде.
- Дно океана очень глубоко.
- Рыба плавает в темноте.
- Птицы улетели в небо.
- Птицы летают очень высоко.
- В солнечный день небо чистое.

Контекстные пары (3/3)

	center	context
0	рыба	плавает
1	рыба	глубоко
2	плавает	рыба
3	плавает	глубоко
4	плавает	воде
•••		
39	небо	солнечный
40	небо	день
41	небо	чистое
42	чистое	день
43	чистое	небо

- Рыба плавает глубоко в воде.
- Дно океана очень глубоко.
- Рыба плавает в темноте.
- Птицы улетели в небо.
- Птицы летают очень высоко.
- В солнечный день небо чистое.

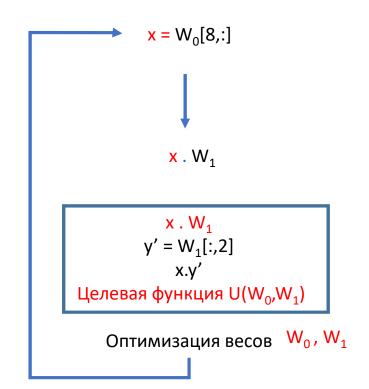
Случайное вложение \mathbf{W}_0

	vocab	init_embedding
0	воде	[1.94, -0.7]
1	высоко	[-1.64, -0.99]
2	глубоко	[-1.12, -0.04]
3	день	[-0.36, 0.17]
4	дно	[-1.24, -0.96]
5	летают	[-0.9, -0.17]
6	небо	[-1.06, -0.43]
7	океана	[-1.49, 1.4]
8	плавает	[-0.15, -0.97]
9		
	птицы	[-0.47, -1.29]
10	рыба	[-0.47, -1.29] [-0.79, 0.35]
10 11		
	рыба	[-0.79, 0.35]
11	рыба солнечный	[-0.79, 0.35] [0.52, -1.07]
11	рыба солнечный	[-0.79, 0.35] [0.52, -1.07]
11	рыба солнечный темноте	[-0.79, 0.35] [0.52, -1.07] [-0.38, 0.68]

Обучение

```
Для пары ( 'плавает', 'глубоко' )
плавает: x \longrightarrow x = W_0[8,:] = (-0.1, -1.0)
```

```
[-0.9, -0.2]
      глубоко: y ---> y' = W_1[:,2] = (-0.8, 1.6)^t
                                                                                                   [-1.1, -0.4]
                                                                                                     [-0.5, -1.3]
                                                                                                    [-0.8, 0.4]
                                                                                                    [0.5, -1.1]
                                                                                                   [-0.4, 0.7]
                                                                                                   [ 0.1, -0.2]
                                                                                                    [ 0.7, -0.8]
W_1 = \begin{bmatrix} 0.2 & -1.4 & -0.8 & 1.3 & -1.5 & -1.4 & 0.6 & -1.5 & 0.4 & -0.9 & 0.3 & 1.1 & 0.5 & -0.3 & 1.1 \\ [1.3 & -1.2 & 1.6 & -1.4 & 0.9 & -1.2 & -1.9 & 0.9 & 1.8 & -1.8 & 1.7 & -1.3 & 1.4 & -1.7 & -1.3 \end{bmatrix}
```



 $X.W_1 = \begin{bmatrix} -1.32, & 1.34, & -1.52, & 1.27, & -0.75, & 1.34, & 1.84, & -0.75, & -1.84, & 1.89, & -1.73, & 1.19, & -1.45, & 1.73, & 1.19 \end{bmatrix}$ $\exp(x.W_1) = [0.27, 3.82, 0.22, 3.56, 0.47, 3.82, 6.3, 0.47, 0.16, 6.62, 0.18, 3.29, 0.23, 5.64, 3.29]$

 $W_0 = \begin{bmatrix} 1.9, -0.7 \\ [-1.6, -1. \end{bmatrix}$

[-1.1, -0.][-0.4, 0.2]

[-1.2, -1.]

Целевая функция

exp(x.W₁) [0.27, 3.82, 0.22, 3.56, 0.47, 3.82, 6.3, 0.47, 0.16, 6.62, 0.18, 3.29, 0.23, 5.64, 3.29]

$$P(\overset{'}{w_{context}},\overset{'}{w_{center}}) = P(w_y,w_x) := rac{\exp(x\cdot y')}{\sum_{v=1}^{|V|} \exp(x\cdot y'_v)}$$

$$U(W_0, W_1) := \frac{1}{T} \sum_{t=1}^{T} \ln P(y_{t+j}, x_t)$$

Алгоритм Skip-Gram пытается максимизировать целевую функцию $U(W_0,W_1)$, которая зависит от векторного вложения наших слов w_1,w_2,w_3,\ldots,w_T выбранных из текста.

$$\max_{\boldsymbol{W_0},\boldsymbol{W_1}} U(\boldsymbol{W_0},\boldsymbol{W_1})$$

Итерационная максимизация функций

$$f(2+\epsilon)\approx f(2)+\epsilon f'(2)$$
 если $f'(2)>0$, то $f(2.1)\approx f(2)+0.1f'(2)>f(2)$



В случае $U(a_1, a_2)$ роль положительной производной играет **градиент**

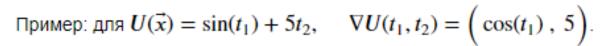
$$\nabla U(a_1, a_2) := \left(\frac{\partial U}{\partial a_1}, \frac{\partial U}{\partial a_2}\right)$$



Итерационная максимизация функции многих переменных

$$\vec{x} = [t_1, t_2]$$

$$\nabla U := \left(\frac{\partial U}{\partial t_1} \,,\, \frac{\partial U}{\partial t_2}\right)$$

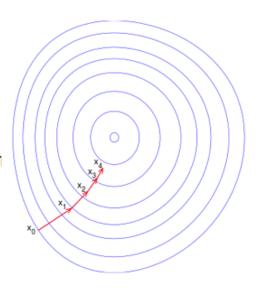


$$\vec{x}_{n+1} = \vec{x}_n + \epsilon \Big(\nabla U(\vec{x}_n) \Big)$$

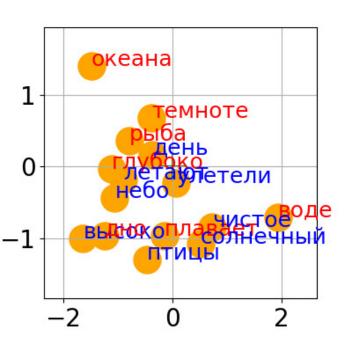
$$U(\vec{x}_{n+1}) > U(\vec{x}_n)$$

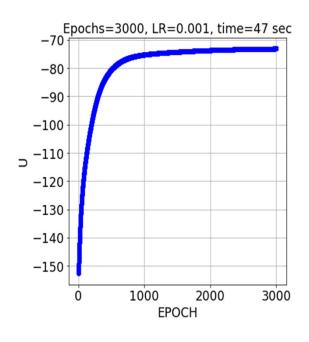
Если $\vec{x}=(t_1,t_2)=(\pi/2,1)$, то $U(\vec{x})=6$ и вектор $\nabla U(t_1,t_2)=(0,5)$ указывает направление наибольшего возрастания функции U из точки $(\pi/2,1,6)$.

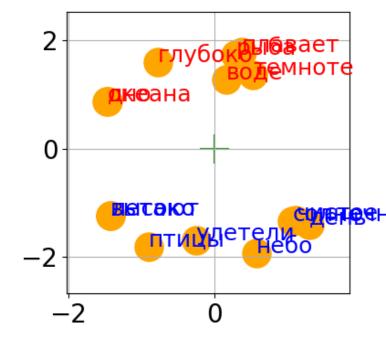




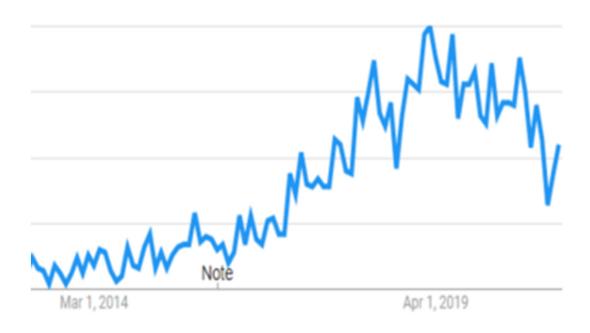
Демонстрация кода





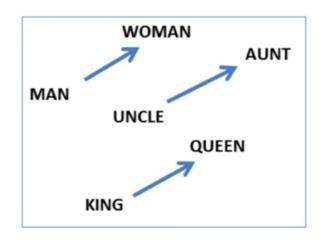


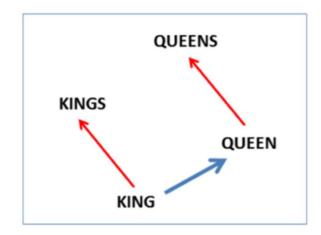
Поиск в сети слов "Word Embedding"



Интересные примеры применения векторного представления слов

 $v(\text{king}) - v(\text{man}) + v(\text{woman}) \approx v(\text{queen})$





```
v(Russia) + v(river) \approx v(Volga River)

v(Germany) + v(capital) \approx v(Berlin)
```

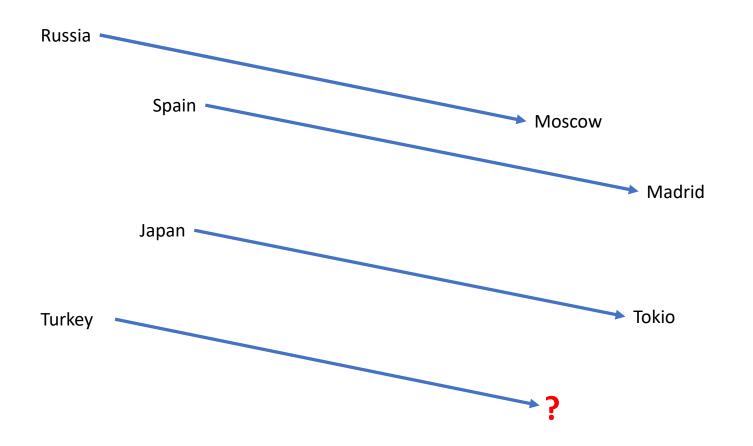
Ref: [1,2]

Алгебраические уравнения из слов

```
France + (Moscow - Russia) = X
```

$$X =$$
?

Нахождение новых зависимостей



PCA projection of the 1000-dimensional Skip-gram vectors

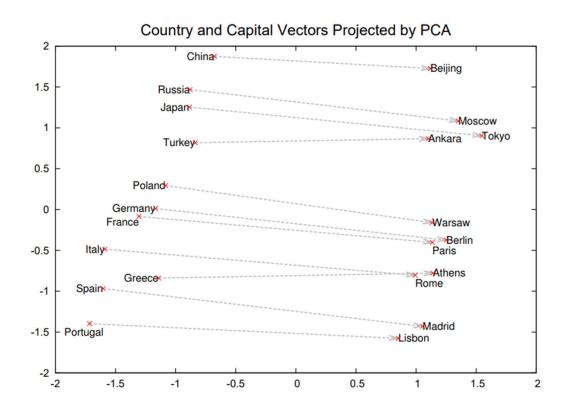
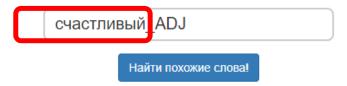


Иллюстрация: https://rusvectores.org/ru/#



Семантические ассоциаты для *счастливый* (вычисленные на модели НКРЯ и Wikipedia)

Частотность слова

✓ Высокая ✓ Средняя

— Низкая

1. несчастливый 0.683

- 2. радостный 0.645
- 3. благополучный 0.593
- 4. довольный 0.557
- 5. безмятежный 0.551
- 6. беззаботный 0.550
- 7. веселый 0.542
- 8. приятный 0.519
- 9. несчастный 0.519
- 10. грустный 0.511



Word Embedding Demo

https://turbomaze.github.io/word2vecjson/

Similar Words

Enter a word and see words with similar vectors.

doctor		List words
doctor	1.00000000000	000002
physician	0.78060191270	031032
doctors	0.74765687315	527384
surgeon	0.67933937143	387082
dentist	0.67854421178	348048
nurse	0.63195242272	288814
psychiatrist	0.61470385036	51634
medical	0.56713891306	586404
clinic	0.54998049100	039348
therapist	0.52833466366	519084

Word Algebra

Enter all three words, the first two, or the last two and see the words that result.

madrid	+ (russia	-	moscow) =	Get result
spain	0.7905075552539405				
madrid	0.7650632609053115				

Word Algebra

Enter all three words, the first two, or the last two and see the words that result.

china	+ (moscow	- russia) = Get result
shangha	0.779147686225549		
china	0.7691120887831315		
chinese	0.6720659726186436		
hu	0.5964189163973439		
yuan	0.5946876191518002		

Ссылки

- [0] Mikolov et al, 2013, Linguistic Regularities in Continuous Space Word Representations, https://www.microsoft.com/en-us/research/wp-content/uploads/2016/02/rvecs.pdf
- [1] Mikolov et al 2013.09 https://arxiv.org/pdf/1301.3781.pdf
- [2] Mikolov et al 2013.10 https://arxiv.org/pdf/1310.4546.pdf