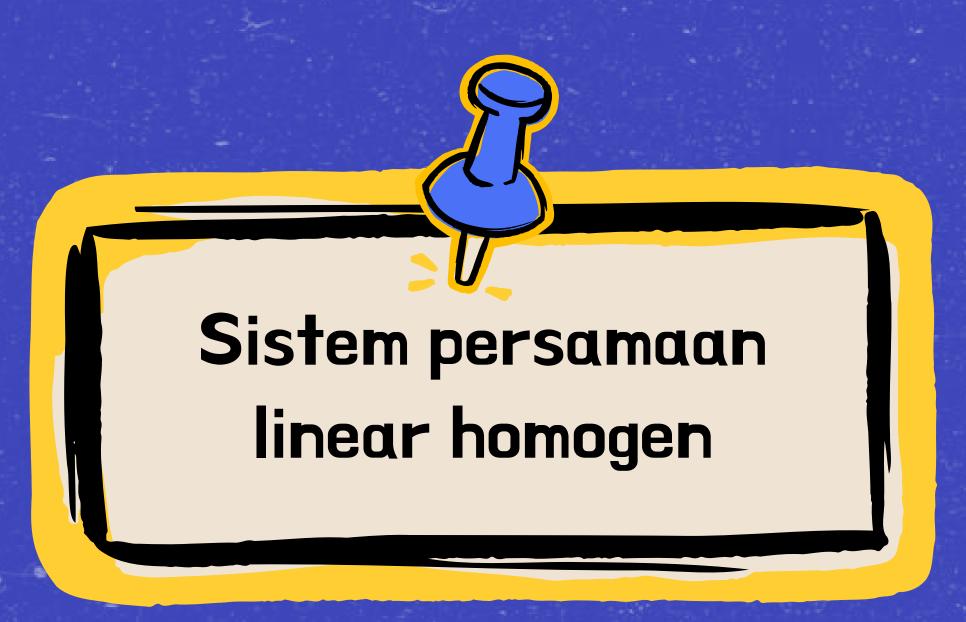


## AGENDA PERTEMUAN I

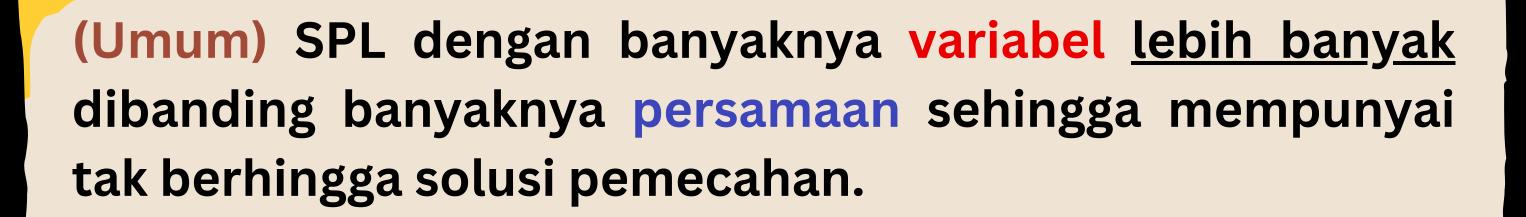




# SISTEM PERSAMAN LINIER HOMOGEN

**BAB 1.3** 

## TEOREMA SPL HOMOGEN



(Matriks) SPL dengan banyaknya kolom <u>lebih banyak</u> dibanding banyaknya baris sehingga mempunyai tak berhingga solusi pemecahan.

### TEOREMA SPL HOMOGEN



Sistem Persamaan Linier dikatakan homogen jika semua suku di kanan tanda "=" adalah 0.

Solusi Sistem Persamaan Linier Homogen:

- Solusi Trivial (semua xi = 0; i = 1 .. n): pasti ada
- Solusi Non-trivial (solusi trivial, plus solusi di mana ada xi ≠ 0)



## TIPS DAN TRIK

Yang diumpamakan dengan huruf adalah variabel dengan indeks terbesar

#### Misal:

Terdapat X1, X2, dan X4, maka yang diumpamakan terlebih dahulu adalah X4

X4 = F, maka yang lain akan mengikuti

## CONTOH SPL HOMOGEN 4 VARIABEL

Soal no. 3

## BERAPA NILAI X1, X2, X3, X4?



### MATRIKS AWAL

2.00	4.00	-4.00	-2.00	12
4.00	6.00	2.00	3.00	52
2.00	6.00	-2.00	-3.00	32



1.00	2.00	-2.00	-1.00	6.00	Pada iterasi ke 1, berapa isi sel A(1,5)	6.00
4.00	6.00	2.00	3.00	52.00		
2.00	6.00	-2.00	-3.00	32.00		
- 5						
1.00	2.00	-2.00	-1.00	6.00	Pada iterasi ke 2, berapa isi sel A(2,3)	10
0.00	-2.00	10.00	7.00	28.00		
2.00	6.00	-2.00	-3.00	32.00		
1.00	2.00	-2.00	-1.00	6.00	Pada iterasi ke 3, berapa isi sel A(3,4)	-1.00
0.00	-2.00	10.00	7.00	28.00		
0.00	2.00	2.00	-1.00	20.00		
1.00	2.00	-2.00	-1.00	6.00	Pada iterasi ke 4, berapa isi sel A(2,4)	-3.5
0.00	1.00	-5.00	-3.50	-14.00		
0.00	2.00	2.00	-1.00	20.00		
1.00	2.00	-2.00	-1.00	6.00	Pada iterasi ke 5, berapa isi sel A(3,5)	48.00
0.00	1.00	-5.00	-3.50	-14.00		
0.00	0.00	12.00	6.00	48.00		

1.00	2.00	-2.00	-1.00	6.00
0.00	1.00	-5.00	-3.50	-14.00
0.00	0.00	12.00	6.00	48.00



1.00	2.00	-2.00	-1.00	6.00	Pada iterasi ke 6, berapa isi sel A(3,4)	0.5
0.00	1.00	-5.00	-3.50	-14.00		
0.00	0.00	1.00	0.50	4.00		
1.00	2.00	-2.00	-1.00	6.00	Pada iterasi ke 7, berapa isi sel A(2,5)	6.00
0.00	1.00	0.00	-1.00	6.00		
0.00	0.00	1.00	0.50	4.00		
1.00	2.00	0.00	0.00	14.00	Pada iterasi ke 8, berapa isi sel A(1,5)	14.00
0.00	1.00	0.00	-1.00	6.00		
0.00	0.00	1.00	0.50	4.00		
1.00	0.00	0.00	2.00	2.00	Pada iterasi ke 9, berapa isi sel A(1,4)	2
0.00	1.00	0.00	-1.00	6.00		
0.00	0.00	1.00	0.50	4.00		

#### DITULIS KEMBALI KE BENTUK SPL

$$X1 + 2X4 = 2$$

$$X2 - X4 = 6$$

$$X3 + 0.5X4 = 4$$

$$X3 = 4 - 0.5K$$

$$X2 = 6 + K$$

$$X1 = 2 - 2K$$

## CONTOH SPL HOMOGEN 4 VARIABEL

## BERAPA NILAI X1, X2, X3, X4?



```
2X1 + 4X2 - 4X3 - 2X4 = 12

4X1 + 6X2 + 2X3 + 3X4 = 52

2X1 + 6X2 - 2X3 - 3X4 = 32
```

Jawab: X1 = 2-2K; X2 = 6+K; X3 = 4-0.5K; X4 = K

## CONTOH MATRIKS [3 X 6]

## Soal no. 4 MATRIKS AWAL

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 2 & -1 & 4 & 5 & 12 \\ 2 & -3 & 4 & -1 & 5 & 5 \\ 1 & 4 & -2 & 3 & 1 & 8 \end{bmatrix}$$

- 1. Pada iterasi ke 1, berapa isi sel A(1,5) .....
- 2. Pada iterasi ke 2, berapa isi sel A(2,6) .....
- 3. Pada iterasi ke 3, berapa isi sel A(3,4) .....
- 4. Pada iterasi ke 4, berapa isi sel A(2,5) .....
- 5. Pada iterasi ke 5, berapa isi sel A(3,4) .....
- 6. Pada iterasi ke 6, berapa isi sel A(3,5) .....
- 7. Pada iterasi ke 7, berapa isi sel A(2,6) .....
- 8. Pada iterasi ke 8, berapa isi sel A(1,5) .....
- 9. Pada iterasi ke 9, berapa isi sel A(1,6) .....

### MATRIKS AWAL

3.00	2.00	-1.00	4.00	5.00	12.00
2.00	-3.00	4.00	-1.00	5.00	5.00
1.00	4.00	-2.00	3.00	1.00	8.00



1 00	0.67	0.22	4 22	1.07	4.00	Davida Manuari I. a. I. a	4 67
1.00	0.67	-0.33	1.33	1.67	4.00	Pada iterasi ke 1, berapa isi sel A(1,5)	1.67
2.00	-3.00	4.00	-1.00	5.00	5.00		
1.00	4.00	-2.00	3.00	1.00	8.00		
1.00	0.67	-0.33	1.33	1.67	4.00	Pada iterasi ke 2, berapa isi sel A(2,6)	-3.00
0.00	-4.34	4.66	-3.66	1.66	-3.00		
1.00	4.00	-2.00	3.00	1.00	8.00		
	A-131						
1.00	0.67	-0.33	1.33	1.67	4.00	Pada iterasi ke 3, berapa isi sel A(3,4)	1.67
0.00	-4.34	4.66	-3.66	1.66	-3.00		
0.00	3.33	-1.67	1.67	-0.67	4.00		
1.00	0.67	-0.33	1.33	1.67	4.00	Pada iterasi ke 4, berapa isi sel A(2,5)	-0.38
0.00	1.00	-1.07	0.84	-0.38	0.69		
0.00	3.33	-1.67	1.67	-0.67	4.00		
1.00	0.67	-0.33	1.33	1.67	4.00	Pada iterasi ke 5, berapa isi sel A(3,4)	-1.13
0.00	1.00	-1.07	0.84	-0.38	0.69		
0.00	0.00	1.89	-1.13	0.60	1.70		

1.00	0.67	-0.33	1.33	1.67	4.00
0.00	1.00	-1.07	0.84	-0.38	0.69
0.00	0.00	1.89	-1.13	0.60	1.70



1.00	0.67	-0.33	1.33	1.67	4.00	Pada iterasi ke 6, berapa isi sel A(3,5)	0.32
0.00	1.00	-1.07	0.84	-0.38	0.69		
0.00	0.00	1.00	-0.60	0.32	0.90		
1.00	0.67	-0.33	1.33	1.67	4.00	Pada iterasi ke 7, berapa isi sel A(2,6)	1.65
0.00	1.00	0.00	0.20	-0.04	1.65		
0.00	0.00	1.00	-0.60	0.32	0.90		
1.00	0.67	0.00	1.13	1.78	4.30	Pada iterasi ke 8, berapa isi sel A(1,5)	1.78
0.00	1.00	0.00	0.20	-0.04	1.65		
0.00	0.00	1.00	-0.60	0.32	0.90		
1.00	0.00	0.00	1.00	1.81	3.19	Pada iterasi ke 9, berapa isi sel A(1,6)	3.19
0.00	1.00	0.00	0.20	-0.04	1.65		
0.00	0.00	1.00	-0.60	0.32	0.90		

#### DITULIS KEMBALI KE BENTUK SPL

$$X1 + X4 + 1.81 X5 = 3.19$$

$$X2 + 0.2X4 - 0.04X5 = 1.65$$

$$X3 - 0.6X4 + 0.32X5 = 0.9$$



$$X5 = K$$
  $X4 = P$ 

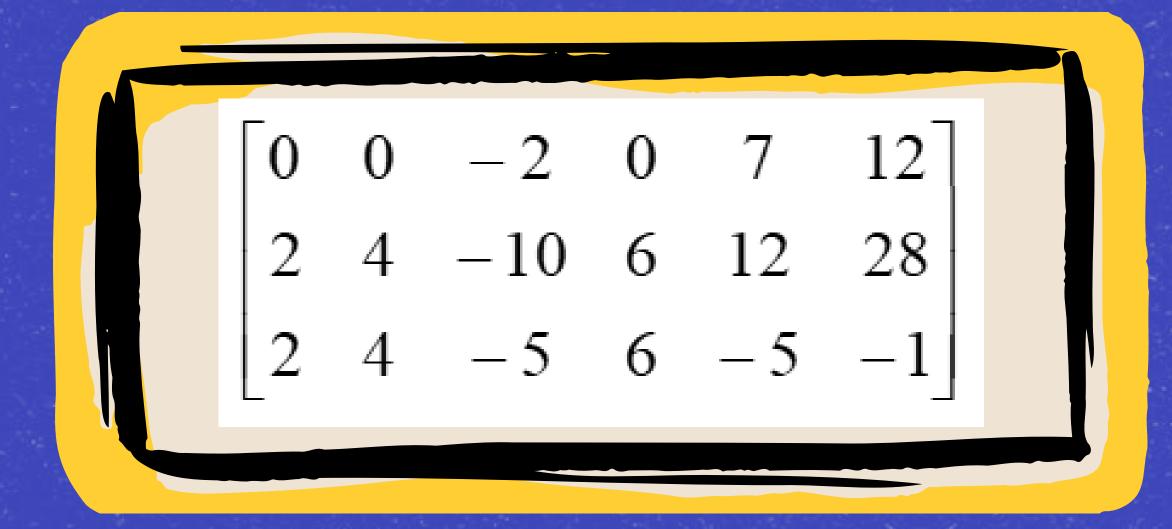
$$X3 = 0.6P - 0.32K + 0.9$$

$$X2 = -0.2P + 0.04K + 1.65$$

$$X1 = -P - 1.81K + 3.19$$

## CONTOH SPL 5 VARIABEL (3 PERSAMAAN) Soal no. 5







## TUKAR BARIS MATRIKS!!!

MATRIKS AWAL

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & -2 & 0 & 7 & 12 \\ 2 & 4 & -10 & 6 & 12 & 28 \end{bmatrix}$$







[2	4	-10	6	12	28
0	0	-10 $-2$	0	7	12
2	4	-5	6	-5	-1

The first and second rows in the preceding matrix were interchanged

#### MATRIKS AWAL

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & -2 & 0 & 7 & 12 \end{bmatrix}$$

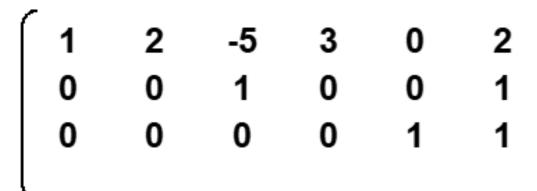
$$2 \quad 4 \quad -10 \quad 6 \quad 12 \quad 28$$

$$2 \ 4 \ -5 \ 6 \ -5 \ -1$$





#### **PROSES ITERASI**



b1 = b3 \* - 6 + b1 | TERAS| 7

$$X_1 + 2 X_2 + 3 X_4 = 7$$

$$X_3 = 1$$

$$X_5 = 2$$

$$X_4 = F$$

$$X_2 = K$$

$$X_1 = 7 - 2 K - 3 F$$











## CONTOH SPL HOMOGEN 6 VARIABEL

Soal no. 6

## BERAPA NILAI X1, X2, X3, X4, X5, X6?



$$x_{1} + 3x_{2} - 2x_{3} + 2x_{5} = 0$$

$$2x_{1} + 6x_{2} - 5x_{3} - 2x_{4} + 4x_{5} - 3x_{6} = 0$$

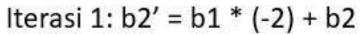
$$5x_{3} + 10x_{4} + 15x_{6} = 0$$

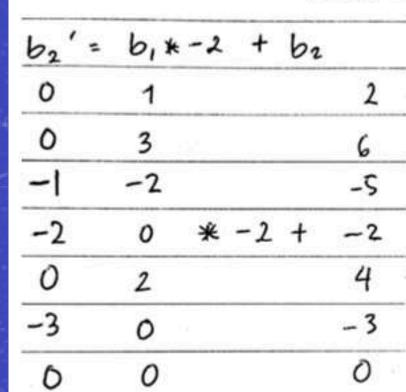
$$2x_{1} + 6x_{2} + 8x_{4} + 4x_{5} + 18x_{6} = 0$$

#### MATRIKS AWAL

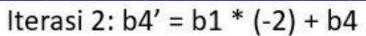
l	3	-2	0	2	0	0
2	6	-5	-2	4	-3	0
0	0	5	10	0	15	0
2	6	0	8	4	18	0

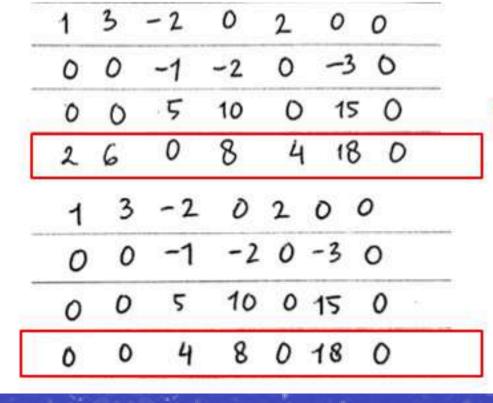






83	1	3	-2	0	2	0	0	
	2	6	-5	-2	4	-3	0	
	0	0	5	10	0	15	0	
1.0	2	6	0	8	4	18	0	
12	1	3	-2	0	2	0	0	
	0	0	) -1	-2	0	-3	0	
	0		) .5	10	0	15	0	
33	0	r	0	R	4	18	0	





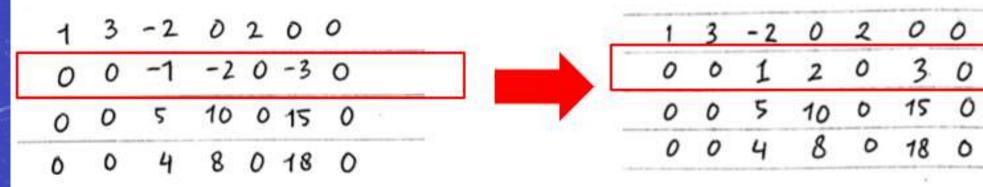


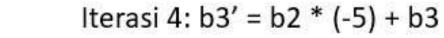
	1	3	-2	D	2	0	0	V Corpositio	
	0	0	-1	-2	0	-3	0		
-	0	0	5	10	0	15	0		
	٥	0	4	8	0	18	0		



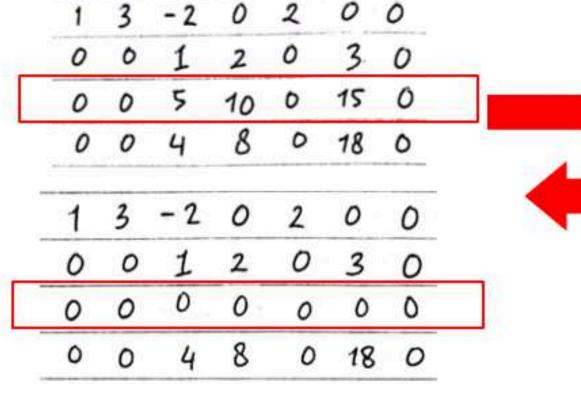
#### **PROSES ITERASI**

Iterasi 3: b2' = b2 \* (-1)





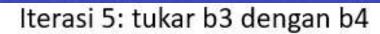
٥	0			0
0	0			0
0	1			5
٥	2	* -5	+	10
0	0			0
0	3	2		15
0	0			6

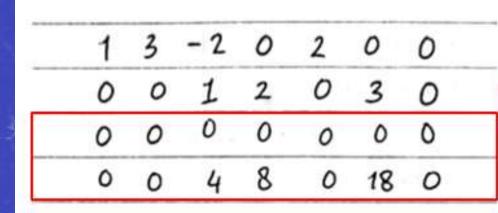




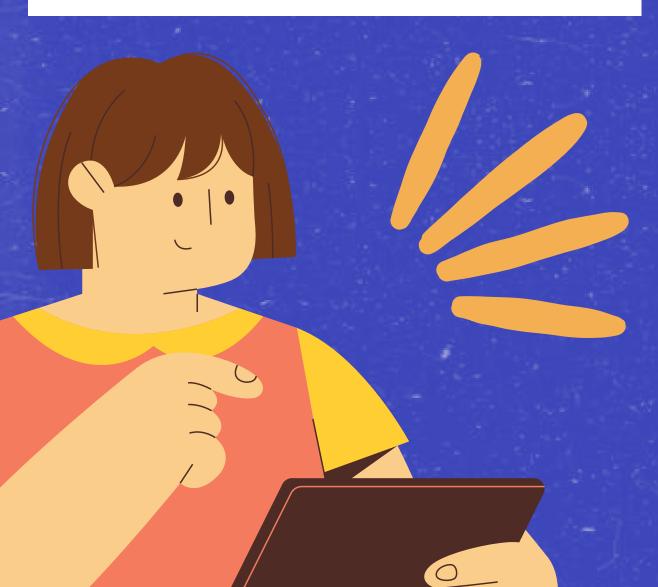
1	3	- 2	0	2	0	0
0	0	1	2	0	3	0
0	0	0	0	0	0	٥
0	0	4	8	0	18	0

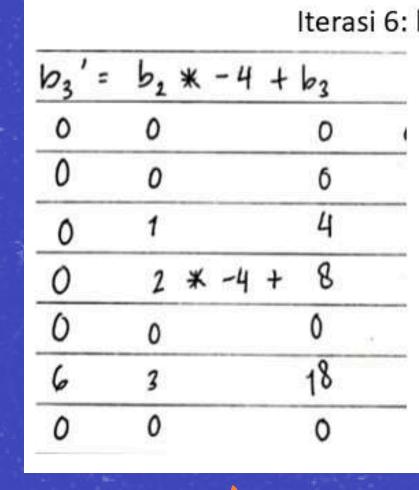


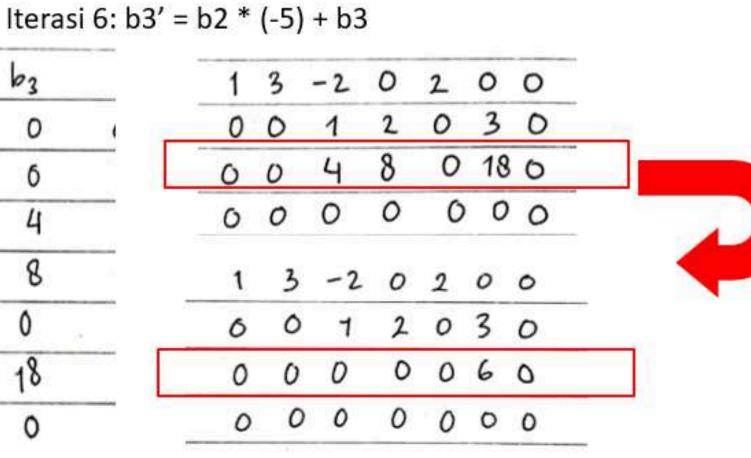




	1	3	-2	0	2	0	0
_	0	0	1	2	0	3	0
	0	0	4	8	0	18	0
ľ	0	0	0	0	0	0	0





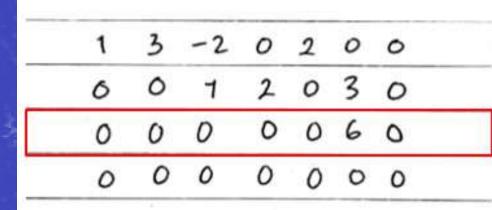


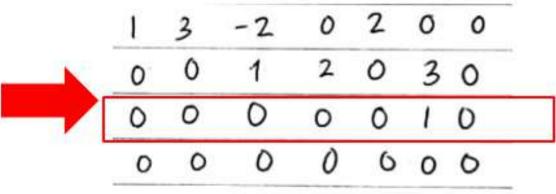
	1	3	-2	0	2	0	0	
.53	0	0	1	2	0	3	0	
	0	0	0	0	0	6	٥	
	0	0	0	0	0	0	0	



#### **PROSES ITERASI**

Iterasi 7: b3' = b3 \* (1/6)





Iterasi 8: b2' = b3 \* (-3) + b2

= b <sub>3</sub>	<b>*</b> -3	+ b2
0		0
0		0
0		1
0	<b>*</b> −3	+ 2
0		0
1		3
0		0
	0 0 0 0 1	0 0 0 ** -3 0

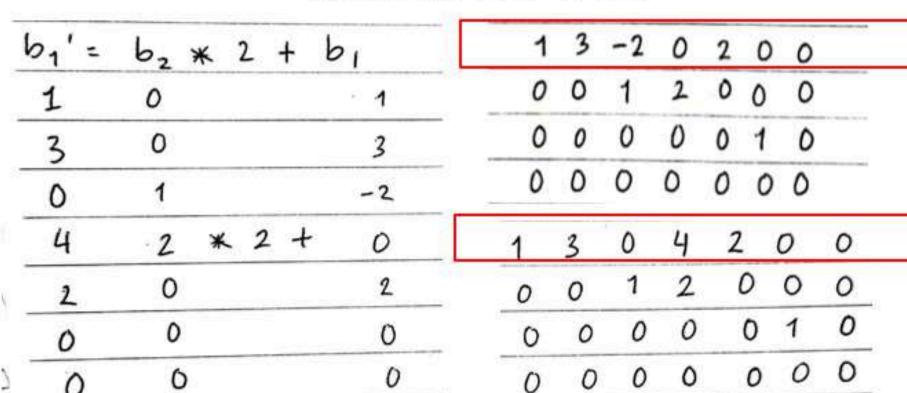
1 :	2	-2	0	2	. (	3	0
0	0	1	-	0			
0	0	0	0	С	)	ı	0
0	0	0	0	(	5 (	0	0
1	3	-2	0	2	0		0
0	0	1	2	0	0		0
0	0	0	0	0	1		0
0	0	0			0	(	)

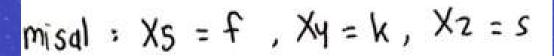
1	3	-2	0	2	0	0	
0	0	1	2	0	0	0	
0	0	0	0	0	1	0	
0	0	0	0	0	0	0	



#### **PROSES ITERASI**

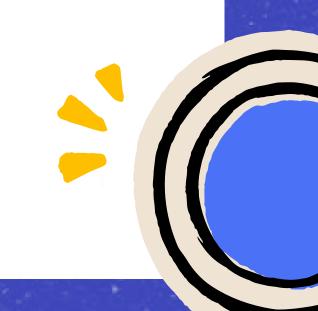
Iterasi 9: b1' = b2 \* 2 + b1





$$Xi = -3s - 4k - 2f$$

$$Xy = k$$



## CONTOH MATRIKS [4 X 6]



#### **MATRIKS AWAL**

	3	3	-2	7	2	-47
A =	2	5	-5	-2	4	8
	-4	8	5	10	-3	-21
	2	6	6	8	4	-6

### MATRIKS AWAL

3	3	-2	7	2	-47
2	5	-5	-2	4	8
-4	8	5	10	-3	-21
2	6	6	8	4	-6



1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 1, berapa isi sel A(1,3)	-0.67
2	5	-5	-2	4	8		
-4	8	5	10	-3	-21		
2	6	6	8	4	-6		
1	_ 1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 2, berapa isi sel A(2,4)	-6.66
0	3	-3.66	-6.66	2.66	39.34		
-4	8	5	10	-3	-21		
2	6	6	8	4	-6		
1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 3, berapa isi sel A(3,5)	-0.32
0	3	-3.66	-6.66	2.66	39.34		
0	12	2.32	19.32	-0.32	-83.68		
2	6	6	8	4	-6		
1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 4, berapa isi sel A(4,6)	25.34
0	3	-3.66	-6.66	2.66	39.34		
0	12	2.32	19.32	-0.32	-83.68		
0	4	7.34	3.34	2.66	25.34		
1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 5, berapa isi sel A(2,3)	-1.22
0	1	-1.22	-2.22	0.89	13.11		
0	12	2.32	19.32	-0.32	-83.68		
0	4	7.34	3.34	2.66	25.34		

1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	
0	1	-1.22	-2.22	0.89	13.11	
0	12	2.32	19.32	-0.32	-83.68	
0	4	7.34	3.34	2.66	25.34	



1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 6, berapa isi sel A(3,4)	45.96
0	1	-1.22	-2.22	0.89	13.11		
0	0	16.96	45.96	-11	-241		
0	4	7.34	3.34	2.66	25.34		
1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 7, berapa isi sel A(4,5)	-0.9
0	1	-1.22	-2.22	0.89	13.11		
0	0	16.96	45.96	-11	-241		
0	0	12.22	12.22	-0.9	-27.1		
1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 8, berapa isi sel A(3,4)	2.71
0	1	-1.22	-2.22	0.89	13.11		
0	0	1	2.71	-0.65	-14.21		
0	0	12.22	12.22	-0.9	-27.1		
1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 9, berapa isi sel A(4,5)	7.04
0	1	-1.22	-2.22	0.89	13.11		
0	0	1	2.71	-0.65	-14.21		
0	0	0	-20.9	7.04	146.55		
1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67	iterasi ke 10, berapa isi sel A(4,6)	-0.34
0	1	-1.22	-2.22	0.89	13.11		
0	0	1	2.71	-0.65	-14.21		
0	0	0	1	-0.34	-7.01		

15 67
-15.67
13.11
-14.21
-7.01



1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67
0	1	-1.22	-2.22	0.89	13.11
0	0	1	0	0.27	4.79
0	0	0	1	-0.34	-7.01
1	1	-0.67	2.33	0.67	-15.67
0	1	-1.22	0	0.14	-2.45
0	0	1	0	0.27	4.79
0	0	0	1	-0.34	-7.01
1	1	-0.67	0	1.46	0.66
0	1	-1.22	0	0.14	-2.45
0	0	1	0	0.27	4.79
0	0	0	1	-0.34	-7.01
1	1	-0.67	0	1.46	0.66
0	1	0	0	0.47	3.39
0	0	1	0	0.27	4.79
0	0	0	1	-0.34	-7.01
1	1	0	0	1.64	3.87
0	1	0	0	0.47	3.39
0	0	1	0	0.27	4.79
0	0	0	1	-0.34	-7.01
1	0	0	0	1.17	0.48
0	1	0	0	0.47	3.39
0	0	1	0	0.27	4.79
0	0	0	1	-0.34	-7.01

ITERASI KE-11

ITERASI KE-12

**ITERASI KE-13** 

**ITERASI KE-14** 

ITERASI KE-15

**ITERASI KE-16** 



- Tiap kelompok membuat 1 soal dan menjawab dengan detail, seperti PPT
- Asisten akan menilai PR
- Jika ada siswa yang tidak aktif saat mengerjakan PR, langsung secara pribadi memberi info ke asisten, sehingga nilai akan dikurangi

