## საშემოდგომო გამოცდა მათემატიკაში

X კლასი

01.07.2025

1) გაამარტივეთ გამოსახულება:

 $\frac{\cos \alpha - \cos 3\alpha + \cos 5\alpha - \cos 7\alpha}{\sin \alpha + \sin 3\alpha + \sin 5\alpha + \sin 7\alpha}$ 

- 2) იპოვეთ  $y = 5 \sin x 7 \cos x + \sqrt{11}$  ფუნქციის მნიშვნელობათა არე
- 3) წრეწირზე მონიშნეს 20 წერტილი: 7 წითელი და 13 ლურჯი. რამდენი სამკუთხედი არსებობს ისეთი, რომელთა წვეროები ეს წერტილებია და სამივე წვერო არ არის ერთი ფერის.
- 4) დათო ერთხელ აგორებს ორ კამათელს. პირველ კამათელზე მოდის  ${\bf a}$ , მეორეზე  ${\bf b}$ . იპოვეთ ალბათობა იმისა, რომ  $\frac{1}{a}+\frac{1}{b}=\frac{1}{2}$
- 5) ამოხსენით  $\sin\left(3x-\frac{\pi}{15}\right)=\frac{1}{2}$  განტოლება და იპოვეთ პირველი ორი დადებითი ამონახსნის ჯამი
- 6) ტოლგვერდა სამკუთხედის ერთი გვერდი α სიბრტყეზეა, ხოლო მოპირდაპირე წვერო დაშორებულია ამ სიბრტყიდან სამკუთხედის გვერდის მესამედის ტოლი მანძილით. იპოვეთ სამკუთხედის სიბრტყესა და α სიბრტყეს შორის კუთხის ტანგენსი
- 7) მართი პარალელეპიპედის ფუძის გვერდებია 8სმ და 15სმ, ხოლო მათ შორის კუთხეა 60°. პარალელეპიპედის მცირე დიაგონალი ფუძის სიბრტყესთან ადგენს 30°-იან კუთხეს. იპოვეთ პარალელეპიპედის ზედაპირის ფართობი
- 8) მოცემულია წესიერი სამკუთხა პრიზმა, რომლის ფუძის გვერდი უდრის 12 სმ-ს. ფუძის ორი გვერდის შუაწერტილებზე გავლებულია სიბრტყე, რომელიც ფუძის სიბრტყისადმი დახრილია 60°-იანი კუთხით და კვეთს ორ გვერდით წიბოს. იპოვეთ კვეთის ფართობი