# Quantização da luz e a dualidade onda-partícula

Flaviano Williams Fernandes

Instituto Federal do Paraná Campus Irati

24 de outubro de 2025

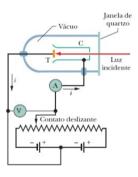
#### Sumário

- Quantização da luz
- Comportamento ondulatório da matéria
- Apêndice

#### Efeito fotoelétrico

Vamos considerar um equipamento por onde incide uma luz de determinada frequência no alvo T de um metal específico. A experiência mostra que os elétrons são ejetados do material gerando uma corrente i que pode ser registrada pelo amperímetro A.

Uma diferença de potencial V é ajustada entre os terminais do aparelho com a intenção de frear os elétrons até pararem, registrando assim uma corrente zero no amperímetro. Dessa maneira, a energia cinética máxima K deve ser igual a  $eV_F$ .



Montagem usada para o estudo do efeito fotoelétrico.

## O que era esperado pela teoria clássica

De acordo com a teoria do eletromagnetismo, a intensidade da onda I eletromagnética é dado por  $I=\frac{E_m^2}{2\mu_0c}$ , ou seja, depende somente da amplitude do campo elétrico  $E_m$  e não da frequência da luz. Além do mais, como a intensidade é potência por área, era de se esperar que o metal absorvesse cada vez ao longo do tempo. Assim o elétron teria energia cinética o suficiente para escapar do material. Portanto, era de se esperar que

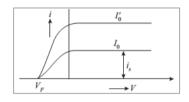
- ✓ a energia cinética dos elétrons deveria depender da intensidade da onda;
- ✓ o efeito fotoelétrico deveria ocorrer com a luz de qualquer frequência;
- ✓ deveria haver um retardo de tempo, de modo que o elétron absorvesse energia do feixe continuamente.

## O que foi observado experimentalmente

Foi observado que a energia cinética K, onde

$$K = eV_F$$

independe da luz incidente. Aumentando a intensidade, apenas aumenta a corrente no circuito, mas o potencial de corte  $V_F$  permanece o mesmo.



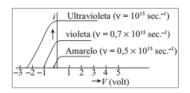
Variação da corrente com o potencial.

#### Corollary

O efeito fotoelétrico independe da intensidade da luz incidente.

## O que foi observado experimentalmente

Foi observado que para cada material existe um limiar de frequência  $\nu_0$ . Caso a frequência da luz incidente for menor que  $\nu_0$ , o efeito fotoelétrico não ocorre para aquele material. A figura apresenta um metal alcalino, onde para cada luz incidente, existe um potencial de corte. Nesse caso, o efeito fotoelétrico deixaria de ocorrer para a luz vermelha, que possui frequência menor que a amarela ( $\nu_{verm}=0.4\times10^{15}\,{\rm s}^{-1}$ ).



Variação da corrente para diversos valores da frequência da luz.

## Corollary

Para frequências menores que  $\nu_0$  o efeito fotoelétrico não ocorre, qualquer que seja a intensidade da iluminação.

#### Hipótese de Einstein

Para explicar as divergências observadas no efeito fotoelétrico, Einstein propôs que a luz é constituídas por pacotes de energia chamada fóton, onde cada fóton carrega a quantidade de energia

$$E = h\nu$$
.

Assim, a energia cinética K dos elétrons que saem do material é dado por

$$K = eV_F = h\nu - \phi.$$

 $\phi$  é denominado função trabalho, que representa a energia necessária para remover o elétron do material.

## Explicações plausíveis para o efeito fotoelétrico

- ✓ O efeito fotoelétrico independe da intensidade da luz incidente. Um aumento na intensidade significa mais fótons com a mesma energia hv colidindo com elétrons diferentes, o que justifica o aumento na corrente elétrica. Mas se a energia de cada fóton não equivaler a função trabalho, os elétrons não conseguem escapar do material independente da quantidade fótons.
- ✓ Para frequências menores que  $\nu_0$  o efeito fotoelétrico não ocorre, qualquer que seja a intensidade da iluminação. Na colisão dos fótons com os elétrons, uma energia equivalente a  $h\nu$  é absorvida pelo elétron. Se essa energia não equivaler a função trabalho, o elétron não consegue escapar do material.
- ✓ Assim que a luz incide no metal, os elétrons são imediatamente removidos, não havendo um retardo de tempo. Na colisão, a energia dos fótons é imediatamente absorvida, não havendo a necessidade de mais colisões.

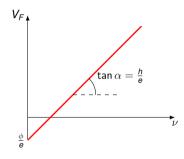
## Como obter a constante de Planck e o limiar de frequência?

Isolando o potencial de corte  $V_F$  anteriormente teremos

$$eV_F = h
u - \phi,$$
  $V_F = rac{h}{e}
u - rac{\phi}{e}.$ 

Considerando  $V_F$  como função da frequência da luz incidente, podemos representá-la em um gráfico  $V_F$  versus  $\nu$ , onde o coeficiente angular da reta representa o valor da constante de Planck,

$$h = 6.57 \times 10^{-34} \,\mathrm{J}\,\mathrm{s}.$$



Representação de h a partir do gráfico potencial de corte versus frequência

## Caráter corpuscular da luz

A princípio momento é um atributo próprio de partículas com massa. Mas de acordo com Einstein, a luz também deveria possuir momento, onde

$$p=\frac{E}{c}$$

Sabendo que pela onda  $c = \lambda \nu$ , teremos

#### Hipótese de Einstein

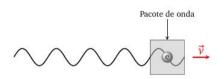
$$E = h\nu$$
, (Efeito fotoelétrico),  $p = \frac{h}{\lambda}$ .

Assim, a luz assumiria um caráter corpuscular.

#### Hipótese de de Broglie

Devido a simetria da natureza, o dualismo ondapartícula é um fenômeno absolutamente geral, ou seja, assim como foi observado que a luz possui comportamento corpuscular, é esperado que a partícula também possua comportamento ondulatório. De forma geral, podemos resumir

$$u = rac{E}{h}$$
 $\lambda = rac{h}{p}$ 



Pacote de onda segundo de Broglie.

## **Apêndice A - Observações**<sup>1</sup>

Esta apresentação está disponível para download no endereço https://flavianowilliams.github.io/education

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Este material está sujeito a modificações. Recomenda-se acompanhamento permanente.

#### Referências

- D. Halliday, R. Resnick, J. Walker, Fundamentos de física. Eletromagnetismo, v.4. 10. ed., Rio de Janeiro, LTC (2016)
- R. D. Knight, Física: Uma abordagem estratégica, v.3, 2nd ed., Porto Alegre, Bookman (2009)
- H. M. Nussenzveig, Curso de física básica. Eletromagnetismo, v.4, 5. ed., São Paulo, Blucher (2014)