Movimento em uma dimensão

Flaviano Williams Fernandes

Instituto Federal do Paraná Campus Irati

19 de Maio de 2021

Prof. Flaviano W. Fernandes

Sumário

- Posição e deslocamento
- 2 Velocidade
- 3 Aceleração
- Apêndice

O movimento

Posição e deslocamento

000

- ✓ O movimento retilíneo se dá ao longo de uma reta (vertical, horizontal e inclinada);
- ✓ Todo movimento deve ser analisado a partir de um referencial, por exemplo, um automóvel pode adquirir movimentos diferentes se o referencial for uma pessoa ao lado de um poste ou dentro de outro automóvel;
- ✓ Se o objeto não for uma partícula, todas as partes desse objeto se movem na mesma direção e com a mesma velocidade.

Corollary

A cinemática se preocupa em analisar e classificar o movimento dos objetos, mas sem se preocupar com a causa desse movimento.

Posição

Posição e deslocamento

000

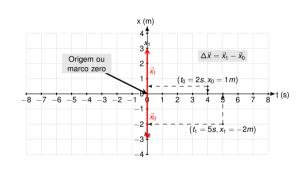
Localização de um objeto no espaço, plano ou uma reta,

$$\vec{r} \equiv \vec{x}$$
.

Deslocamento

A uma mudança da posição x₀ para x₁ é associado um deslocamento Δx .

$$\Delta \vec{x} = \vec{x}_1 - \vec{x}_0.$$

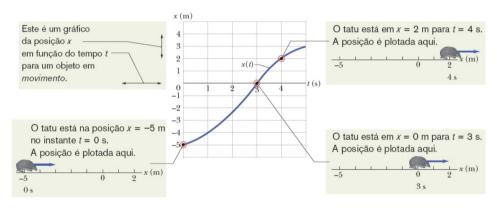


Representação de um movimento no eixo x.

Posição como função do tempo

Posição e deslocamento

000



Posição de um tatu no decorrer do tempo [1].

Velocidade escalar média

Usa-se a idéia de velocidade para expressar a rapidez do movimento de um objeto. Se guisermos determinar a rapidez de um objeto em percorrer uma certa distância em um intervalo de tempo Δt . usamos o conceito de velocidade escalar média.





Trajetórias e distâncias percorridas diferentes para chegar na mesma posição.

Corollary

A velocidade escalar média é uma grandeza escalar e ela é sempre positiva.

Velocidade média

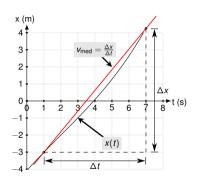
Outra maneira de expressar a rapidez de um movimento é através da velocidade média, que é a razão entre o deslocamento $\Delta \vec{x}$ e o intervalo de tempo Δt .

$$ec{v}_{\mathsf{m\'edio}} = rac{\Delta ec{x}}{\Delta t}.$$

A velocidade média é uma grandeza vetorial e portanto depende da orientação.

Corollary

A unidade de medida da velocidade no SI é metro por segundo (m/s).



Cálculo da v_{med} a partir de x(t).

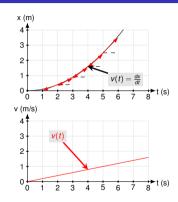
Velocidade instantânea

Caso a velocidade varie com o tempo, para determiná-la usamos o conceito de velocidade instantânea. A velocidade instantânea é obtida a partir da velocidade média reduzindo o intervalo de tempo Δt a um valor infinitesimal, $\Delta t \rightarrow 0$,

$$\vec{v}(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{x}}{\Delta t} = \frac{d\vec{x}}{dt}.$$

Corollary

A velocidade instantânea é a taxa de variação da posição em um determinado instante de tempo.



Gráficos da posição e velocidade.

Função horária da posição à partir da velocidade

Da definição de velocidade instantânea temos $v(t) = \frac{dx(t)}{dt}$. Integrando os dois lados da equação chegamos a

$$\int_{t_0}^t v(t)dt = \int_{t_0}^t \frac{dx(t)}{dt}dt.$$

onde podemos usar a substituição infinitesimal $dx = \frac{dx}{dt}dt$,

$$\int_{t_0}^t v(t)dt = \int_{t_0}^t dx,$$

$$\int_{t_0}^t v(t) = \Delta x,$$

$$\int_{t_0}^t v(t) = x(t) - x(t_0).$$

Se a velocidade for constante e $t_0 = 0$ s teremos a função horária da posição.

Função horária da posição (v = cte)

$$\vec{x}(t) = \vec{x}_0 + \vec{v}t.$$

Prof. Flaviano W. Fernandes

Aceleração média

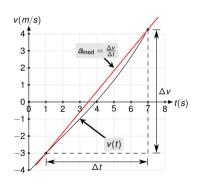
De maneira semelhante a velocidade média, definimos aceleração média como razão entre a variação da velocidade $\Delta \vec{v}$ no intervalo de tempo Δt .

$$ec{a}_{\mathsf{m\'edio}} = rac{\Delta ec{v}}{\Delta t}.$$

Assim como a velocidade a aceleração média é uma grandeza vetorial e depende da orientação.

Corollary

A unidade de medida da aceleração no SI é metro por segundo ao quadrado (m/s^2) .



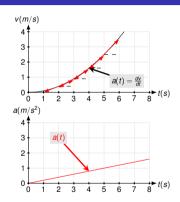
Cálculo de a_{medio} a partir de v(t).

Assim como no caso anterior, podemos determinar a aceleração instantânea a partir da aceleração média reduzindo o intervalo de tempo Δt a um valor infinitesimal, $\Delta t \rightarrow 0$,

$$\vec{a}(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}}{dt}.$$

Corollary

A aceleração instantânea é a taxa de variação da velocidade num determinado instante de tempo.



Aceleração

Gráficos da velocidade e aceleração.

Função horária da velocidade à partir da aceleração

Da definição de velocidade instantânea temos $a(t) = \frac{dv(t)}{dt}$. Integrando os dois lados da equação chegamos a

$$\int_{t_0}^t a(t)dt = \int_{t_0}^t \frac{dv}{dt}dt,$$

onde podemos usar a substituição infinitesimal $dv = \frac{dv}{dt}dt$,

$$\int_{t_0}^t a(t)dt = \int_{t_0}^t dv,$$

$$\int_{t_0}^t a(t) = \Delta v,$$
 $\int_{t_0}^t a(t) = v(t) - v(t_0).$

Se a velocidade for constante e $t_0 = 0$ s teremos a função horária da posição.

Função horária da velocidade se a=cte

$$\vec{v}(t) = \vec{v}_0 + \vec{a}t.$$

Prof. Flaviano W. Fernandes

Função horária da posição à partir da aceleração

Se a=cte, definimos a função horária da velocidade como $v(t) = v_0 + at$. Integrando novamente teremos

$$\int_{t_0}^t v(t)dt = \int_{t_0}^t (v_0 + at)dt.$$

Temos do resultado anterior aue $\int_{t}^{t} v(t)dt = \Delta x$, portanto

$$\Delta x = \int_{t_0}^t (v_0 + at) dt.$$

Integrando o lado direito e considerando que a aceleração é constante teremos

$$\Delta x = v(t_0)t + \frac{1}{2}at^2.$$

Considerando $t_0 = 0$ s teremos a função horária da posição.

Função horária da posição se a=cte

$$\vec{x}(t) = \vec{x}_0 + \vec{v}(t_0)t + \frac{1}{2}\vec{a}t^2.$$

Equação de Torricelli

Considerando as funções horárias da posição x(t) e da velocidade v(t) podemos combiná-las de modo a eliminar a variável tempo. Primeiramente isolamos t em v(t),

$$v = v_0 + at,$$

$$t = \frac{v - v_0}{a}.$$

Substituindo em x(t) temos

$$x = x_0 + v_0 \left(\frac{v - v_0}{a}\right) + \frac{1}{2}a \left(\frac{v - v_0}{a}\right)^2,$$

$$x = x_0 + \frac{v_0 (v - v_0)}{a} + \frac{a(v - v_0)^2}{2a^2},$$

$$x = x_0 + \frac{v_0 v}{a} - \frac{v_0^2}{a} + \frac{v^2}{2a} - \frac{v_0 v}{a} + \frac{v_0^2}{2a}.$$

Somando os termos remanescentes, temos como opção

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta x.$$

Forma alternativa da função horária da posição

Podemos também eliminar v_0 em v(t),

$$v_0 = v - at$$
.

Substituindo em x(t) temos

$$x = x_0 + vt - at^2 + \frac{1}{2}at^2$$
.

Resultando em

$$x(t) = x_0 + vt - \frac{1}{2}at^2.$$

Equações com aceleração constante.

| Equação | Variável que falta |
|--|--------------------|
| $\overline{v=v_0+at}$ | Δx |
| $\Delta x = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$ | V |
| $v^2 = v_0^2 + 2a\Delta x$ | t |
| $\Delta x = \frac{1}{2}(v_0 + v) t$ | а |
| $\Delta x = vt - \frac{1}{2}at^2$ | v_0 |

Transformar um número em notação científica

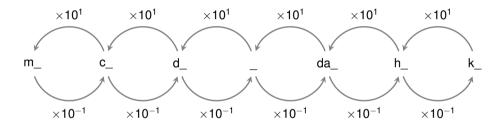
Corollary

- Passo 1: Escrever o número incluindo a vírgula.
- Passo 2: Andar com a vírgula até que reste somente um número diferente de zero no lado esquerdo.
- Passo 3: Colocar no expoente da potência de 10 o número de casas decimais que tivemos que "andar"com a vírgula. Se ao andar com a vírgula o valor do número diminuiu, o expoente ficará positivo, se aumentou o expoente ficará negativo.

Exemplo

6 590 000 000 000 000, $0 = 6.59 \times 10^{15}$

Conversão de unidades em uma dimensão

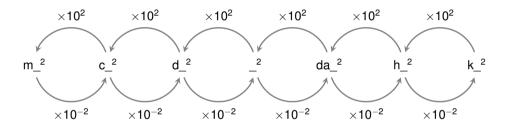


$$1~\text{mm} = 1\times 10^{(-1)\times 2}~\text{dm} \rightarrow 1\times 10^{-2}~\text{dm}$$

$$2,5 \text{ kg} = 2,5 \times 10^{(1) \times 6} \text{ mg} \rightarrow 2,5 \times 10^{6} \text{ mg}$$

$$10 \text{ ms} = 10 \times 10^{(-1) \times 3} \text{ s} \rightarrow 10 \times 10^{-3} \text{ s}$$

Conversão de unidades em duas dimensões

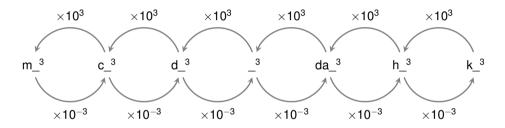


$$1 \text{ mm}^2 = 1 \times 10^{(-2) \times 2} \text{ dm}^2 \rightarrow 1 \times 10^{-4} \text{ dm}^2$$

$$2,5~\text{m}^2 = 2,5 \times 10^{(2) \times \textcolor{red}{3}}~\text{mm}^2 \rightarrow 2,5 \times 10^6~\text{mm}^2$$

$$10 \text{ ms}^2 = 10 \times 10^{(-2) \times 3} \text{ s}^2 \rightarrow 10 \times 10^{-6} \text{ s}^2$$

Conversão de unidades em três dimensões



$$1 \text{ mm}^3 = 1 \times 10^{(-3) \times 2} \text{ dm}^3 \rightarrow 1 \times 10^{-6} \text{ dm}^3$$

$$2,5~\text{m}^3 = 2,5 \times 10^{(3) \times 3}~\text{mm}^3 \rightarrow 2,5 \times 10^9~\text{mm}^3$$

$$2.5 \text{ km}^3 = 2.5 \times 10^{(3) \times 6} \text{ mm}^3 \rightarrow 2.5 \times 10^{18} \text{ mm}^3$$

Alfabeto grego

Alfa Α α В Beta Gama Delta Δ **Epsílon** Ε ϵ, ε Zeta Eta Н Θ Teta lota K Capa ĸ Lambda λ Mi

Μ

Ni Ν ν Csi ômicron 0 Ρi П π Rô ρ Sigma σ Tau Ípsilon 7) Fi Φ ϕ,φ Qui χ Psi Ψ ψ Ômega Ω μ ω

Observações¹

Esta apresentação está disponível para download no endereço https://flavianowilliams.github.io/education

Prof. Flaviano W. Fernandes

¹Este material está sujeito a modificações. Recomenda-se acompanhamento permanente.

Referências



D. Halliday, R. Resnick, J. Walker, Fundamentos de física. Mecânica, v.1, 10. ed., Rio de Janeiro, LTC (2016)