# Medições

#### Flaviano Williams Fernandes

Instituto Federal do Paraná Campus Irati

27 de março de 2023

#### Sumário

- Ordem de grandeza
- Sistema métrico
- Algarismos significativos
- Incerteza na medição
- 5 Apêndice

**Apêndice** 

# Por que usamos potências da base 10?

No estudo da Física encontraremos grandezas muito pequenas ou muito grandes. Como por exemplo, ao medir o tamanho de um átomo encontraremos um valor igual a 0,000000001 m, e apenas uma célula com tamanho da ordem de 0,0000001 m pode possuir cerca de 2000000000000 átomos.

Uma técnica eficiente para efetuar cálculos com esses números é representá-los em forma de potência de 10, pois assim permite várias vantagens, como

- ✓ tornar a notação mais compacta e simples de ler;
- ✓ permite uma rápida comparação desses números entre si;
- ✓ facilita a realização de operações matemáticas.

### Notação científica

Um número qualquer pode ser expresso como o produto de um número (n) que seja maior ou igual a 1 menor do que 10, por uma potência de 10 com expoente (m) adequado,

ou na forma

$$n \times 10^m$$

# **Exemplo**

6 590 000 000 000 000,  $0 = 6.59 \times 10^{15}$ 

### Transformando um número em notação científica

- Passo 1: Escrever o número incluindo a vírgula.
- Passo 2: Andar com a vírgula até que somente reste um número diferente de zero no lado esquerdo.
- Passo 3: Colocar no expoente da potência de 10 o número de casas decimais que tivemos que "andar"com a vírgula. Se ao andar com a vírgula o valor do número diminuiu, o expoente ficará positivo, se aumentou o expoente ficará negativo.

#### **Exemplo**

6 590 000 000 000 000,  $0 = 6.59 \times 10^{15}$ 

### Ordem de grandeza e os prefixos

- ✓ Ordem de grandeza de um número é a potência de 10 mais próxima desse número:
- ✓ A ordem de grandeza também pode ser expressa em prefixos (veja a tabela ao lado).

# Alguns exemplos

- ✓ Raio da Via Láctea: 10<sup>26</sup> m:
- ✓ Idade do universo: 10<sup>18</sup> s:
- ✓ Massa do Sol: 10<sup>30</sup> kg.

Notação científica descrita por prefixos.

exa	Е	10 <sup>18</sup>
peta	Ρ	10 <sup>15</sup>
tera	Т	10 <sup>12</sup>
giga	G	10 <sup>9</sup>
mega	M	10 <sup>6</sup>
quilo	k	10 <sup>3</sup>
hecto	h	$10^{2}$
deca	da	10 <sup>1</sup>
÷	:	÷

**Apêndice** 

#### **Grandezas físicas**

Uma grandeza física é uma entidade física de um objeto que pode ser determinada quantitativamente (mensurada) e qualitativamente (conceitualmente).

- ✓ Para investigar as leis que governam os fenômenos naturais, os cientistas devem realizar medidas das grandezas físicas envolvidas;
- ✓ Para efetuar medidas é necessário escolher uma unidade de medida para cada grandeza, onde o valor é tomado em relação a um padrão de referência.

#### Exemplo de grandeza física

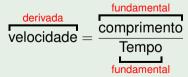
Tempo = 20 segundos

- ✓ Qualitativamente dizemos que o tempo é a duração de um evento ou fato;
- ✓ Quantitativamente dizemos que o tempo pode ser 20 segundos, onde segundo é a unidade de medida.

#### Grandezas fundamentais e derivadas

Na natureza existe uma infinidade de grandezas físicas. Felizmente, não são todas independentes, ou seja, a maioria possui uma dependência com certas grandezas que chamamos de fundamentais. Assim foram escolhidas grandezas, por exemplo comprimento e tempo, como fundamentais e definidas a partir de um padrão universal, e cada uma foi associada uma unidade de medida. Outras grandezas são definidas a partir das fundamentais e são chamadas de grandezas derivadas.

#### Exemplo de grandeza derivada



### Origem histórica das medições

Antigamente as medições (unidades de medida) eram definidas de maneira bem arbitrária, e variava muito de um lugar para o outro. Como exemplo, as pessoas tomavam como padrão de referência partes do corpo, como o pé, polegada, jarda, etc. Isso dificultava muito as transações comerciais, pois esses valores mudavam de pessoa para pessoa.



Medições de volume, massa e comprimento feitos antes da adoção de um padrão universal [2].

#### O sistema métrico decimal

As inconveniências econômicas que surgiram na França relacionadas a medições erradas, em 1789 desde a Revolução Francesa foi adotado um modelo formado por um conjunto de padrões considerado universal. Esse modelo foi chamado de sistema métrico decimal.

Principais características de um sistema métrico:

- ✓ O sistema é decimal, onde o valor pode ser representado por seus múltiplos e submúltiplos;
- ✓ Múltiplos e submúltiplos são representados por prefixos gregos e latinos. Exemplo: quilo =  $10^3$ , mili =  $10^{-3}$ .
- ✓ O padrão para medir o comprimento é o metro, que desde 1983 passou a ser definido como o comprimento do trajeto percorrido pela luz no vácuo durante 1/299792458 segundo.

#### O sistema internacional de unidades

A partir de 1971, o sistema métrico foi redefinido e foram selecionadas como fundamentais sete grandezas físicas para constituir o Sistema Internacional de Unidades (SI). A intenção era que este sistema fosse adotado por todos os países. sem exceção. Entretanto, alguns países como Myammar, Libéria e Estados Unidos ficaram relutantes em segui-lo, preferindo adotar o seu próprio sistema.

Grandeza	Unidade	Símbolo
Comprimento	metro	m
Massa	quilograma	kg
Tempo	segundo	S
Corrente elétrica	Ampere	Α
Temperatura	Kelvin	K
Matéria	mol	mol
Intensidade	candela	cd

Unidades fundamentais do SI.

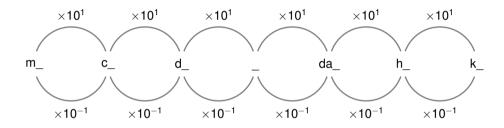
### Mudança de um sistema de unidades para outro

Muitas vezes, precisamos mudar as unidades nas quais uma grandeza física está expressa, o que pode ser feito usando um método conhecido como conversão em cadeia. Nesse método, multiplicamos o valor original por um fator de conversão.

### Exemplo de fator de conversão

Sabemos que 1 minutos corresponde ao mesmo valor de 60 segundos, portanto para converter o valor de minuto para segundo devemos multiplicar o valor correspondente pelo fator de conversão 60,

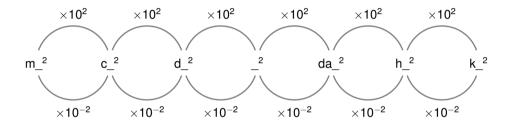
#### Conversão de unidades em uma dimensão



$$1~\text{mm} = 1\times 10^{(-1)\times \textcolor{red}{2}}~\text{dm} \rightarrow 1\times 10^{-2}~\text{dm}$$

$$2,5~kg=2,5\times10^{(1)\times6}~mg\rightarrow2,5\times10^6~mg$$

10 ms = 
$$10 \times 10^{(-1) \times 3}$$
 s  $\to 10 \times 10^{-3}$  s

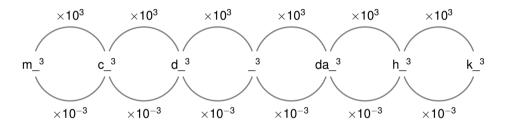


$$1 \text{ mm}^2 = 1 \times 10^{(-2) \times 2} \text{ dm}^2 \rightarrow 1 \times 10^{-4} \text{ dm}^2$$

$$2,5 \text{ m}^2 = 2,5 \times 10^{(2) \times 3} \text{ mm}^2 \rightarrow 2,5 \times 10^6 \text{ mm}^2$$

$$10 \text{ ms}^2 = 10 \times 10^{(-2) \times \textcolor{red}{3}} \text{ s}^2 \rightarrow 10 \times 10^{-6} \text{ s}^2$$

#### Conversão de unidades em três dimensões



$$1 \text{ mm}^3 = 1 \times 10^{(-3) \times 2} \text{ dm}^3 \rightarrow 1 \times 10^{-6} \text{ dm}^3$$

$$2,5 \text{ m}^3 = 2,5 \times 10^{(3) \times \textcolor{red}{3}} \text{ mm}^3 \rightarrow 2,5 \times 10^9 \text{ mm}^3$$

$$2.5 \text{ km}^3 = 2.5 \times 10^{(3) \times 6} \text{ mm}^3 \rightarrow 2.5 \times 10^{18} \text{ mm}^3$$

# O que são algarismos significativos

Vimos que toda grandeza física é mensurável e seu valor quantitativo é obtido através de um instrumento de medição. Entretanto, no ato da medição o valor encontrado traz consigo erros que está diretamento associado a precisão do seu equipamento de medida. Algarismo significativo é o valor que se obtém comparando-se o objeto com o padrão da grandeza (dizemos que são algarismos significativos os números que temos plena certeza mais um duvidoso.)

Em uma medida o zero à esquerda não é significativo, pois seu papel é apenas ancorar a vírgula. Entretanto, zeros à direita devem ser considerados, pois fixa a exatidão da medida.

$$3$$
, 0 cm (2 a.s.),

### Representação de um algarismo significativo

Na figura abaixo temos total certeza que o tamanho da peça é de pelo menos 3 cm (valor exato), e poderíamos dizer que também há uma incerteza de cerca de mais ou menos 0,2 cm a mais. Assim, poderíamos representar o seu valor como 3,2 cm. o segundo número (2) seria o algarismo duvidoso e 3 o exato.

conteúdo...

### Regra de arredondamento

Ao aplicar operações matemáticas com valores envolvendo algarismos significativos devemos fazer aproximações, implicando inevitavelmente em erros de aproximação. Contudo, o resultado obtido após a operação não deve refletir uma precisão maior que aquele medido através do seu instrumento. Portanto, devemos aplicar regras de arredondamento com esse fim.

✓ Se  $x \ge 5$ , onde x é o numéro de influência, arredonde para cima.

$$(1, \underbrace{5}_{a.d.}, \underbrace{5}_{X}7 = 1, 6)$$
  $(6, 2, \underbrace{3}_{a.d.}, \underbrace{7}_{X} = 6, 24)$   $(2, 12, \underbrace{5}_{a.d.}, \underbrace{6}_{X}7 = 2, 126)$ 

✓ Se x < 5, onde x é o numéro de influência, o valor é mantido.

$$(1, \underbrace{5}_{a.d.} \underbrace{47}_{x} = 1, 5)$$
  $(6, 2 \underbrace{3}_{a.d.} \underbrace{1}_{x} = 6, 23)$   $(2, 12 \underbrace{5}_{a.d.} \underbrace{27}_{x} = 2, 125)$ 

# Operações envolvendo dois algarismos significativos

✓ Em operações envolvendo adição e subtração, o resultado não deve conter mais dígitos após a vírgula do que o valor com menos dígitos após a vírgula.

$$4,371 + 302,5?? = 306,871 \approx 306,9$$
 (1 algarismo após a virgula)

✓ Em operações envolvendo multiplicação e divisão, o resultado não deve conter mais algarismos significativos do que o fator menos preciso.

$$3,142: 8,05 = 0,39031 \approx 0,390$$
 (3 algarismos significativos)

Dessa maneira podemos ver que o erro permanece apenas no algarismo duvidoso, preservando os algarismos exatos.

### Operações envolvendo apenas algarismo significativo

Em operações envolvendo apenas um algarismo significativo, como potenciação, radiciação, logaritmação, funções trigonométricas, etc., o resultado arredondado deve manter o número de algarismos significativos do valor anterior.

```
\sqrt{148.51} = 12.18646791 \approx 12.186 (5 algarismos significativos),
(12, 186)^2 = 148,498595 \approx 148,50 (5 algarismos significativos)
```

Dessa maneira podemos ver que o erro permanece apenas no algarismo duvidoso, preservando os algarismos exatos.

# Corollary

Ao realizar qualquer operação matemática, grande atenção deverá ser dada ao tratar as unidades de medida de cada grandeza física envolvida na operação.

### Representação de um valor medido

Definimos valor verdadeiro aquele obtido através de um processo de medida exato e o resultado comparado com a unidade padrão. Entretanto, toda medida traz consigo erros intrínsecos, cuias causas são as mais variadas. Portanto, qualquer resultado deve sempre ser representado ao lado do seu valor medido a incerteza na medição,

$$(Resultado) = (Valor) \pm (Incerteza).$$

O sinal pm significa que o erro pode contribuir tanto positivamente quanto negativamente. Como exemplo, imaginemos que ao medir a massa m de um objeto encontramos um valor de 3g e uma incerteza de 0,5g, assim a completa representação do valor seria

$$m = (3 \pm 0, 5) g$$

Isso quer dizer que o valor provável da massa m pode estar entre 2,5g a 3,5g.

#### Valor médio

Considere que numa segunda-feira medimos a massa m de um objeto e encontramos o valor de 2.5a. Na terca tentamos medir novamente e encontramos outro valor de 3.0g, e na guarta outro valor de 3.5a. Podemos ver que por algum motivo o valor está variando entre 2,5g e 3.5g. o que causa uma incerteza de 0.5g para cima e para baixo.

Agora, como obter a medida mais provável, uma vez que ela está mudando a cada medida. Um método bastante eficaz é representar o seu valor médio < *m* >. onde

$$< m> = \frac{2,5g+3,0g+3,5g}{3}$$
  
 $< m> = 3g$ 

#### Valor médio

Definimos valor médio ou média como a somatória dos valores dividido pelo número de medidas.

### Incerteza na medicão

Agora, como podemos obter a interteza na medição de N medidas, que também chamamos de intervalo de confiança? Uma estratégia é utilizar a seguinte fórmula abaixo, chamado erro padrão ou desvio padrão.

$$\Delta s = \sqrt{\frac{\sum (< m > -m)^2}{N-1}},$$

onde

$$m = \langle m \rangle \pm \Delta s$$
.

Medida	Valor (g)	$(< m > -m)^2 (g^2)$
1	2,5	0,25
2	3,0	0,00
3	3,5	0,25

O desvio padrão calculado foi 0.5 g. o que dá o seguinte resultado,

$$m = (3, 0 \pm 0, 5) g$$

O número de casas decimais no desvio padrão deve corresponder ao número de casas decimais do valor médio.

# Alfabeto grego

Alfa	Α	$\alpha$
Beta	В	$\beta$
Gama	Γ	$\gamma$
Delta	Δ	$\delta$
Epsílon	Ε	$\epsilon$ , $\varepsilon$
Zeta	Z	$\zeta$
Eta	Η	$\eta$
Teta	Θ	$\theta$
lota	1	$\iota$
Capa	K	$\kappa$
Lambda	Λ	$\lambda$
Mi	Μ	$\mu$

Ni	Ν	$\nu$
Csi	Ξ	ξ
ômicron	0	0
Pi	П	$\pi$
Rô	Р	$\rho$
Sigma	Σ	$\sigma$
Tau	T	au
ĺpsilon	Υ	v
Fi	Φ	$\phi, \varphi$
Qui	X	$\chi$
Psi	Ψ	$\psi$
Ômega	Ω	$\omega$

# Referências e observações<sup>1</sup>



https://sistemametricodecimal.wordpress.com/2016/07/12/ objetivos/

> Esta apresentação está disponível para download no endereço https://flavianowilliams.github.io/education

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Este material está sujeito a modificações. Recomenda-se acompanhamento permanente.