# AB-701: Desempenho de Aeronaves Modelo aerodinâmico

#### Flávio Ribeiro Mauricio Morales Flávio Silvestre

Departamento de Mecânica do Voo Divisão de Engenharia Aeroespacial Instituto Tecnológico de Aeronáutica



## PARTE II Modelo Aerodinâmico



- sustentação: perpendicular ao vetor velocidade
- arrasto: na direção do vetor velocidade
- escritos usando **coeficientes adimensionais** de arrasto  $(C_D)$  e sustentação  $(C_L)$ :

$$D=\frac{1}{2}\rho(H)\,V_\infty^2SC_D(\alpha,M,{\rm Re})$$
 
$$L=\frac{1}{2}\rho(H)\,V_\infty^2SC_L(\alpha,M,{\rm Re}) \ , \ {\rm onde}$$

 $q_{\infty} = \frac{1}{2} \rho(H) \, V_{\infty}^2$  é a pressão dinâmica do escoamento não perturbado

S é a área de referência (área da asa, ou área em planta da aeronave)

- parâmetros para a determinação dos coeficientes:
  - $ightharpoonup \alpha$ : ângulo de ataque (AoA)
  - ightharpoonup M: número de Mach  $\longrightarrow$  compressibilidade
  - ightharpoonup Re: número de Reynolds  $\longrightarrow$  viscosidade

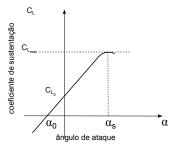
## Força Aerodinâmica Coeficiente de sustentação $C_L$

- ightharpoonup o parâmetro de maior influência é o ângulo de ataque lpha
- ightharpoonup para os casos estudados em desempenho (pequenos ângulos de ataque)  $C_L$  pode ser considerado proporcional a  $\alpha$ :

$$C_L = C_{L\alpha} (\alpha - \alpha_0)$$
$$= C_{L0} + C_{L\alpha} \alpha$$

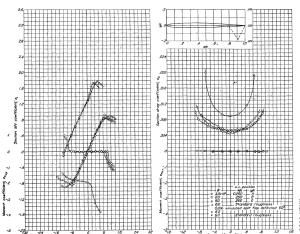
 $\begin{array}{ll} \blacktriangleright & C_{L\alpha} = \frac{\mathrm{d} \; C_L}{\mathrm{d} \; \alpha} \colon 2\pi \; \mathrm{para \; placa \; plana \; (\alpha \; \mathrm{em \; rad}); \; \mathrm{para \; outros \; aerofólios \; assume \; valores \; \mathrm{menores; \; para \; a} \; \mathrm{aeronave \; como \; um \; todo, \; depende \; das \; \mathrm{parcelas \; de \; todas \; as \; superfícies \; sustentadoras } \end{array}$ 

- C<sub>L0</sub>: coeficiente de sustentação para ângulo de ataque nulo
- C<sub>Lmax</sub>: coeficiente de sustentação máxima



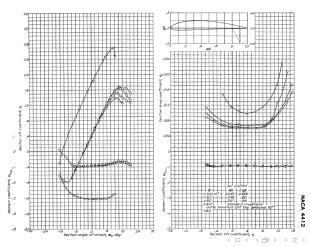
#### Força Aerodinâmica Coeficiente de sustentação $C_L$

Exemplo: NACA 0006 (simétrico)



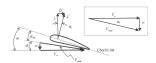
Coeficiente de sustentação  $C_L$ 

Exemplo: NACA 4412 (arqueado)



Coeficiente de arrasto  $\mathcal{C}_D$ 

- ▶ comumente divide-se em arrasto parasita  $(C_{D0})$  e arrasto de induzido.
- arrasto de sustentação (arrasto induzido), origem: efeito tridimensional das asas (finitas)
- ▶ medida de arrasto: DRAG COUNTS 1 drag count  $\Rightarrow C_D = 0.0001$



fonte: Yechout et. al, Introduction to aircraft flight mechanics, AIAA Educational Series, 2003, pp. 44.



Polar de arrasto

$$C_D = C_D(\alpha, M, \text{Re})$$
  
 $C_L = C_L(\alpha, M, \text{Re})$ 

ightharpoonup eliminando  $\alpha$ :

$$C_D = C_D(C_L, M, \text{Re})$$

- ▶ para cada conjunto  $\{M, Re\}$ , o gráfico  $C_D = C_D(C_L, M, Re)$  é chamado **polar de arrasto**
- polar de arrasto simétrica:

$$C_D = C_{D0} + K \times C_L^2$$



Polar de arrasto

Para uma superfície sustentadora, o fator de arrasto induzido  ${\cal K}$  pode ser calculado como:

$$K = \frac{1}{\pi eAR}$$

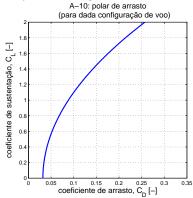
#### onde:

- ightharpoonup e: fator de eficiência de Oswald (0.7 0.85 em regime subsônico)
- ▶ AR: alongamento da asa  $(b^2/S)$ , onde b é a envergadura, e S a área em planta

Polar de arrasto

Exemplo: A aeronave de alto desempenho A-10 (Fairchild Republic) em vôo horizontal não acelerado possui as seguintes características:

$$C_{D\,0} = 320$$
 drag counts,  $AR = 6.5$ ,  $S = 506 ft^2$ ,  $e = 0.87$ ,  $C_{L{
m max}} = 2.0$ 





Eficiência aerodinâmica

chama-se de eficiência aerodinâmica E a razão entre sustentação e arrasto:

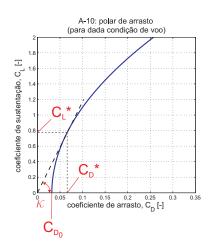
$$E = \frac{L}{D} = \frac{C_L}{C_D} = \frac{C_L}{C_{D0} + K \times C_L^2}$$

- ightharpoonup para dado  $C_L$  deseja-se que  $C_D$  seja o menor possível
- ightharpoonup máxima eficiência aerodinâmica:  $\partial E/\partial C_L=0$

$$\begin{aligned} C_L|_{E_{\text{max}}} &= C_L^* = \sqrt{\frac{C_{D0}}{K}} \\ C_D|_{E_{\text{max}}} &= C_D^* = 2C_{D0} \\ E_{\text{max}} &= \frac{1}{2\sqrt{KC_{D0}}} \end{aligned}$$



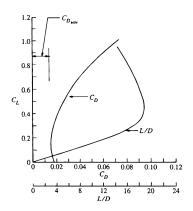
Eficiência aerodinâmica



$$E = \frac{C_L}{C_D} = \tan \kappa$$

ightharpoonup o máximo ângulo  $\kappa$  tangencia a parábola

Eficiência aerodinâmica



Eficiência aerodinâmica

Máxima eficiência aerodinâmica para diferentes tipos de aeronave:

planadores	35
aviões de transporte (M 0.8)	18
aviões de combate subsônicos	10
aviões supersônicos	7
helicópteros	3

