## Inteligência Artificial

#### Busca

Profa. Dra. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Problemas x IA

- A maioria dos problemas interessantes de IA dispõe de difíceis soluções algorítmicas.
- Historicamente, os primeiros problemas a serem estudados foram:
  - Prova automática de Teoremas;
  - Quebra-cabeças;
  - Jogos.
- Diante da falta de solução algorítmica viável, o único método viável de solução possível é a busca.

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Problemas x IA (cont.)

- Apresentam características que os tornam bons candidatos para a pesquisa em IA.
  - São solucionáveis por seres-humanos e, neste caso, sua solução está associada à inteligência;
  - Formam classes de complexidade variável existindo desde instâncias triviais (por exemplo, o jogo da velha, no caso dos jogos) até instâncias extremamente complexas (xadrez).
  - São problemas de conhecimento total, isto é, tudo que é necessário para solucioná-los é conhecido, o que facilita sua formalização;
  - Suas soluções têm a forma de uma seqüência de situações legais e as maneiras de passar de uma situação para outra são em número finito e conhecidas.

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

3

## Busca em Espaço de Estados

- De maneira geral, um problema de busca pode ser formalizado através da definição dos seguintes elementos:
  - Um conjunto de descrições chamado espaço de estados, onde cada elemento descreve uma situação possível do problema.
  - Um estado inicial que descreve a situação inicial do problema.
  - Um ou mais estados finais, isto é, a(s) situação(ões) que se deseja alcançar.
  - Um conjunto de operadores, isto é, procedimentos que, dada a descrição de um estado, determinam todos os estados que podem ser alcançados a partir do estado dado.

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Árvore de busca

Com os elementos que compõem a descrição do problema da busca é possível construir uma ÁRVORE DE BUSCA, cujo no raiz está associado a um estado inicial e onde os sucessores de qualquer no são associados aos estados obtidos através da aplicação das regras (associadas ou não às heurísticas) sobre a descrição do estado associado ao nó.

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

5

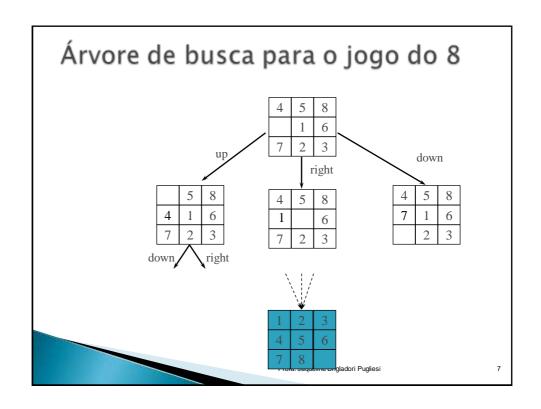
## Exemplo

Jogo do 8

4	5	8	9	1	2	3
	1	6	<del></del>	4	5	6
7	2	3		7	8	

- estados = cada possível configuração do tabuleiro
- estado inicial = qualquer um dos estados possíveis
- estado meta = ordenado, com branco na posição [3.3]
- operadores = mover branco (esquerda, direita, para cima e para baixo)

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi



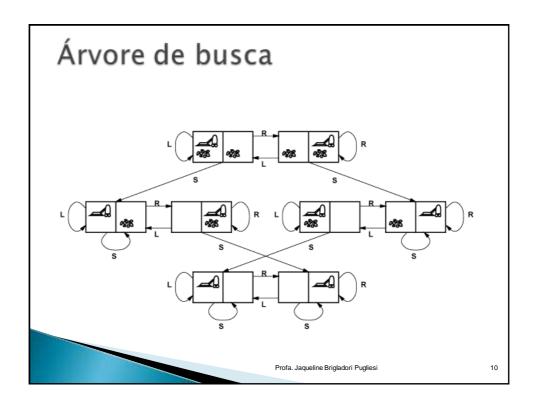


# O mundo do aspirador de pó

(cont.)

- Formulação do problema:
  - estados = mostrados na figura
  - estado inicial = qualquer um dos estados possíveis
  - teste de término = os dois quartos limpos
  - operadores = mover direita, mover esquerda, aspirar
  - custo do caminho = quantidade de ações realizadas

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi



# Classificação dos problemas de busca

- Solução de problemas
- Jogos
- Se diferenciam pela capacidade de controle.
  - Na solução de problemas, o mecanismo de busca é livre para escolher qualquer caminho da árvore, e a solução é o caminho percorrido desde o estado inicial até o estado meta.
  - No jogo, a busca deve levar em consideração a jogada do oponente de forma interativa.

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

11

# Aplicações: Problemas Reais

- Cálculo de rotas
  - · rotas em redes de computadores
  - · sistemas de planejamento de viagens
  - planejamento de rotas de aviões
  - Caixeiro viajante
- Alocação (Scheduling)
  - · Salas de aula
  - Máquinas industriais (job shop)
- Navegação de robôs
  - generalização do problema da navegação
  - robôs movem-se em espaços contínuos, com um conjunto (infinito) de possíveis ações e estados
- Montagem de objetos complexos por robôs
  - ordenar a montagem das diversas partes do objeto
- etc...

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

## Busca em Espaço de Estados

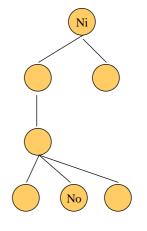
- Uma vez o problema bem formulado... o estado final deve ser "buscado"
- Em outras palavras, deve-se usar um método de busca para saber a ordem correta de aplicação dos operadores que levará do estado inicial ao final
- Uma vez a busca terminada com sucesso, é só executar a solução (= conjunto ordenado de operadores a aplicar)

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

13

#### Busca

- Problemas de busca são frequentemente descritos utilizando diagramas de árvores
  - Nó inicial = onde a busca começa
  - Nó objetivo = onde ela termina
- Objetivo: Encontrar um caminho que ligue o nó inicial a um nó objetivo



Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Busca (cont.)

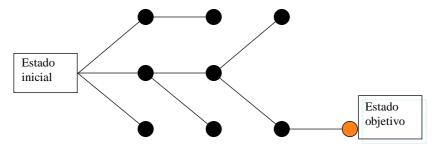
- Entrada:
  - · Descrição dos nós inicial e objetivo
  - Procedimento que produz os sucessores de um nó arbitrário
- Saída:
  - Sequência legal de nós iniciando com o nó inicial e terminando com o nó objetivo
  - Exemplo: palavras cruzadas

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

15

#### Uma árvore de busca

Uma busca pode ser definida graficamente:



 O objetivo é atravessar a árvore partindo do estado inicial até o estado objetivo

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Problemas da busca

- Com o aumento da árvore de decisão e do número de possíveis caminhos, o tempo de busca aumenta
- Existem várias formas de reduzir o tempo de busca, alguns dos quais serão discutidos mais adiante

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

17

# Possíveis situações

- Mais de um nó objetivo
- Mais de um nó inicial
- Nestas situações
  - Encontrar qualquer caminho de um nó inicial para um nó objetivo
  - · Encontrar melhor caminho

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

## Definições importantes

- Profundidade: número de ligações entre um dado nó e o nó inicial
- Largura: número de sucessores (filhos) de um nó

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

19

# Algoritmo básico de busca

```
1 Definir um conjunto L de nós iniciais;
```

2 Se L é vazio

Então Busca não foi bem sucedida Senão Escolher um nó n de L;

3 Se n é um nó objetivo

Então Retornar caminho do nó inicial até n;

Parar

Senão Remover n de L;

Adicionar a L todos os filhos de n, rotulando cada um com o seu caminho até o nó inicial;

Voltar ao passo 2

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Algoritmos de Busca

- Existem vários algoritmos de busca diferentes, o que os distingue é a maneira como o nó n é escolhido no passo 2
- Métodos de busca
  - Busca cega: a escolha depende da posição do nó na árvore de busca
  - Busca heurística: A escolha utiliza informações específicas do domínio para ajudar na decisão

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

21

## Busca cega

- Busca em Profundidade (BP)
  - · A árvore é examinada de cima para baixo
  - Aconselhável nos casos onde os caminhos improdutivos não são muito longos
- Busca em Largura (BL)
  - · A árvore é examinada da esquerda para a direita
  - Aconselhável quando o número de ramos não é muito grande

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

# Algoritmo BP

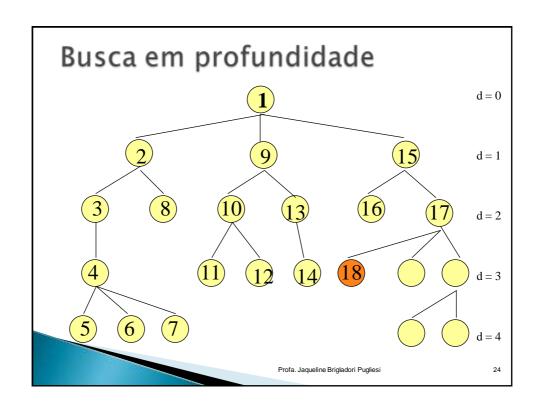
- 1 Definir um conjunto L de nós iniciais
- 2 Se L é vazio Então Busca não foi bem sucedida Senão Seja n o primeiro nó de L;
- 3 Se n é um nó objetivo Então Retornar caminho do nó inicial até n; Parar

Senão Remover n de L;

Adicionar ao início de L todos os filhos de n, rotulando cada um com o seu caminho até o nó inicial:

Voltar ao passo 2;

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi



# Algoritmo BL

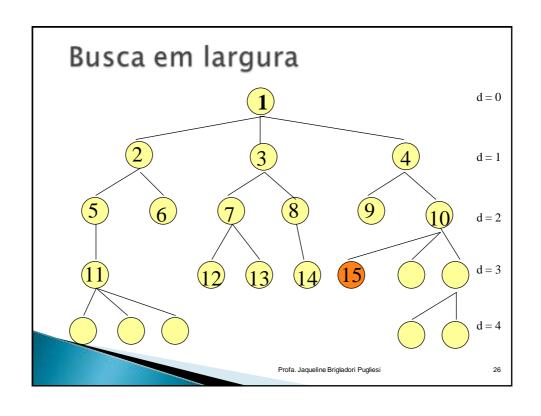
- 1 Definir um conjunto L de nós iniciais
- 2 Se L é vazio Então Busca não foi bem sucedida Senão Seja n o primeiro nó de L;
- 3 Se n é um nó objetivo Então Retornar caminho do nó inicial até n; Parar

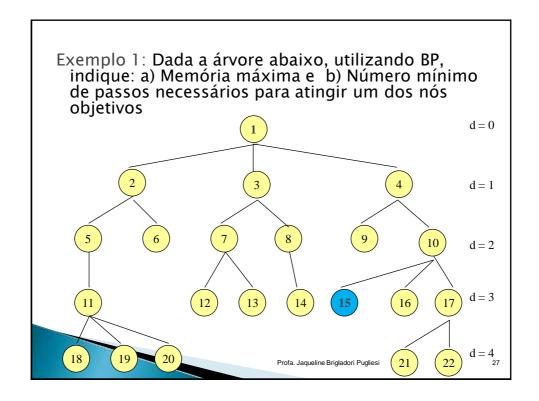
Senão Remover n de L;

Adicionar ao final de L todos os filhos de n, rotulando cada um com o seu caminho até o nó inicial:

Voltar ao passo 2;

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi





# Resposta ao exemplo 1

```
\begin{array}{c} 1\ L = \{1\} \\ 2\ L = \{21,\,31,\,41\} \\ 3\ L = \{521,\,621,\,31,\,41\} \\ 4\ L = \{11521,\,621,\,31,\,41\} \\ 5\ L = \{1811521,\,1911521,\,2011521,\,621,\,31,\,41\} \\ 6\ L = \{1911521,\,2011521,\,621,\,31,\,41\} \\ 7\ L = \{2011521,\,621,\,31,\,41\} \\ 8\ L = \{621,\,31,\,41\} \\ 9\ L = \{31,\,41\} \\ 10\ L = \{731,\,831,\,41\} \\ \\ &\dots \end{array}
```

#### Resposta ao exemplo 1 (cont.)

```
11 L = {12731, 13731, 831, 41}

12 L = {13731, 831, 41}

13 L = {831, 41}

14 L = {14831, 41}

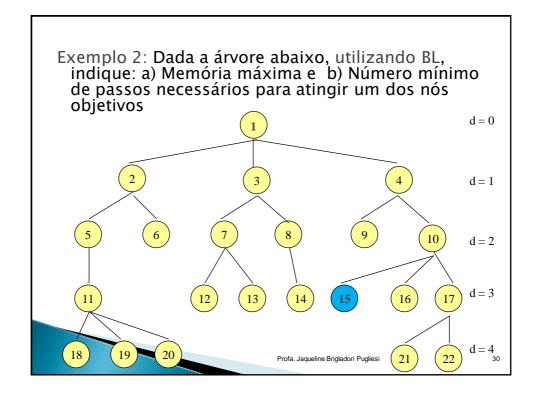
15 L = {41}

16 L = {941, 1041}

17 L = {1041}

18 L = {151041, 161041, 171041}
```

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi



# Resposta ao exemplo 2

```
\begin{array}{lll} 1 \ L = \{1\} \\ 2 \ L = \{21, \, 31, \, 41\} & \text{a)} & \text{Memória máxima} \rightarrow 9 \\ 3 \ L = \{31, \, 41, \, 521, \, 621\} & \text{b)} & \text{Número de passos} \rightarrow 15 \\ 4 \ L = \{41, \, 521, \, 621, \, 731, \, 831\} \\ 5 \ L = \{521, \, 621, \, 731, \, 831, \, 941, \, 1041\} \\ 6 \ L = \{621, \, 731, \, 831, \, 941, \, 1041, \, 11521\} \\ 7 \ L = \{731, \, 831, \, 941, \, 1041, \, 11521\} \\ 8 \ L = \{831, \, 941, \, 1041, \, 11521, \, 12731, \, 13731\} \\ 9 \ L = \{941, \, 1041, \, 11521, \, 12731, \, 13731, \, 14831\} \\ 10 \ L = \{1041, \, 11521, \, 12731, \, 13731, \, 14831\} \\ & \dots \end{array}
```

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

31

# Resposta ao exemplo 2 (cont.)

```
11 L = {11521, 12731, 13731, 14831, 151041, 161041, 171041}

12 L = {12731, 13731, 14831, 151041, 161041, 171041, 1811521, 1911521, 2011521}

13 L = {13731, 14831, 151041, 161041, 171041, 1811521, 1911521, 2011521}

14 L = {14831, 151041, 161041, 171041, 1811521, 1911521, 2011521}

15 L = {151041, 161041, 171041, 1811521, 1911521, 2011521}
```

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

## Observações

- BP e BL não precisam ser realizadas em uma ordem específica
- Memória utilizada pelas duas técnicas
  - BP: precisa armazenar todos os filhos não visitados de cada nó entre nó atual e nó inicial
  - BL: antes de examinar nó a uma profundidade d, é necessário examinar e armazenar todos os nós a uma profundidade d - 1
  - · BP utiliza menos memória

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

33

# Observações (cont.)

- Quanto ao tempo
  - BP é geralmente mais rápida
  - Métodos de busca cega não examinam a árvore de forma ótima, o que poderia minimizar o tempo gasto para resolver o problema

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### **Busca Heurística**

Profa. Dra. Jaqueline Brigladori Pugliesi

35

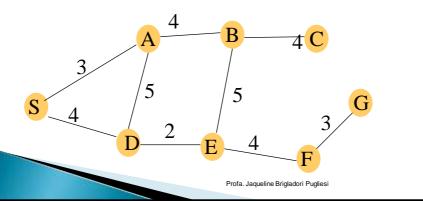
# **Tópicos**

- Busca: paradigma de resolução de problemas
- Métodos de busca
  - Busca cega
    - · Busca em profundidade
    - · Busca em largura
  - Busca heurística

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

# Introdução

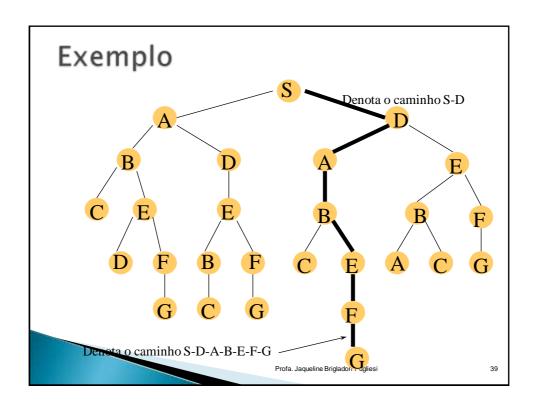
- Problema:
  - Suponha que você quer descobrir o caminho de uma cidade (S) para outra (G) usando um mapa



# Introdução (cont.)

- Para encontrar o melhor caminho, dois custos diferentes devem ser considerados:
  - Custo computacional gasto para encontrar um caminho
  - Custo de "viagem" decorrente da utilização deste caminho
- Possíveis situações:
  - Viagem frequente: vale a pena gastar algum tempo para encontrar um bom caminho
  - Viagem rara e difícil de achar um caminho: basta encontrar um caminho

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi



#### Problemas da busca

- Com o aumento da árvore de decisão e do número de possíveis caminhos, o tempo de busca aumenta
- Existem várias formas de reduzir o tempo de busca, alguns dos quais serão discutidos mais adiante

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Busca Heurística

- Digamos que você está numa Cidade, e quer pegar um trem para casa, mas não sabe qual deve pegar.
- Se você morasse na zona Norte, naturalmente ignoraria todos os trens que fossem para o sul.
- Se você morasse na zona Sul, naturalmente ignoraria todos os trens que fossem para o Norte.

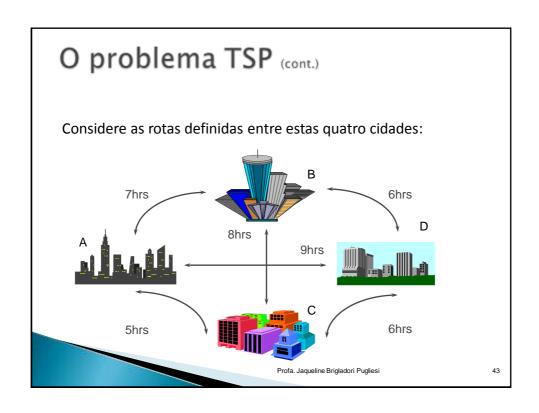
Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

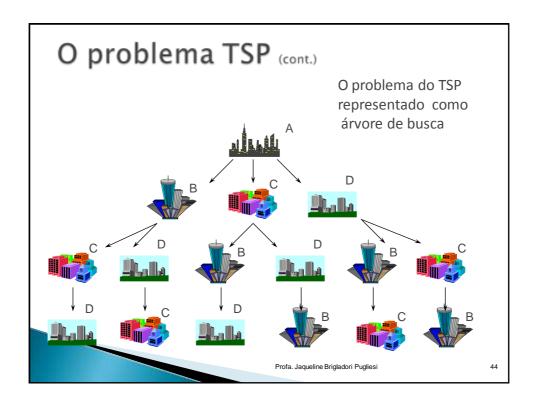
41

# Exemplo: problema do caixeiro viajante (TSP)

- Um caixeiro viajante deve visitar N cidades em sua área de vendas
- O caixeiro começa de uma base, visita cada cidade uma única vez e retorna à sua cidade no final
- A cada viagem esta associado um custo
  - O caixeiro deve percorrer a rota mais curta

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi





## Explosão Combinatória

- Com quatro cidades, temos 6 caminhos possíveis.
- Com dez cidades, temos 362.880 caminhos possíveis.
- Quanto mais cidades adicionarmos ao TSP, mais caminhos possíveis há.
- O que nos leva a uma explosão combinatória.
- Como prevenir ou pelo menos limitar isto?

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

45

#### Heurística

- O TSP e outros problemas de IA são basicamente problemas de busca.
- Precisamos limitar de alguma forma o espaço de busca, e assim tornar o processo de busca mais rápido e eficiente.
- Humanos utilizam "macetes"
- Em IA são chamados de heurísticas, que ajudam a limitar as buscas.

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

# Algoritmos heurísticos

- Escolher primeiro as opções mais promissoras
  - Em algumas situações é possível colher medidas que determinam uma ordenação razoável
- Alguns dos Principais métodos
  - Hill Climbing
  - Best-first
  - Busca em Feixe
  - Branch and Bound
  - A\*

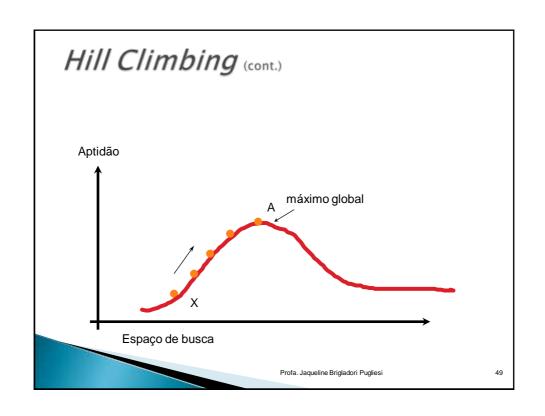
Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

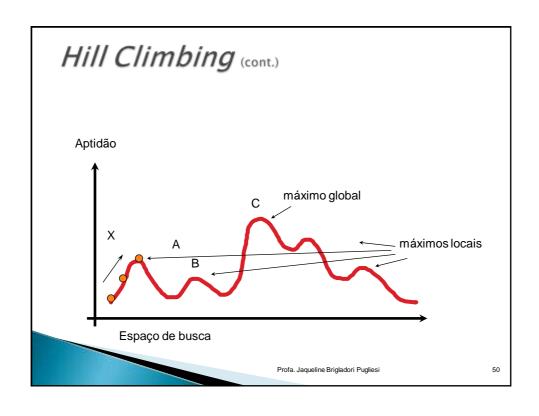
47

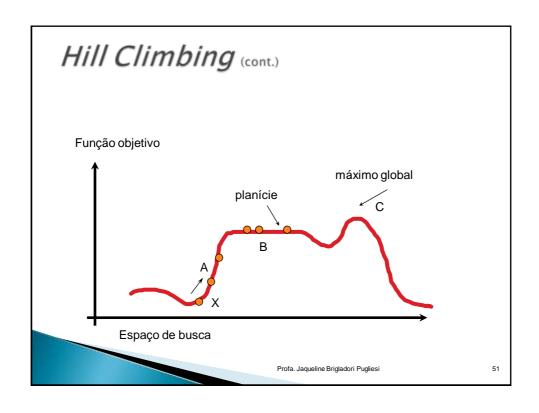
# Hill Climbing

- Filosofia: Procurar o ponto mais alto em um terreno durante uma caminhada
  - Objetivo: subir o máximo possível
  - Semelhante ao algoritmo de busca em profundidade
- Procurar entre os nós próximos, aquele mais perto do objetivo
- Funciona como BP, mas escolhe o filho de acordo com sua "distância" ao nó objetivo

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi







#### Busca Best-first

- Busca segue pelo melhor nó atual
- Hill Climbing sem a restrição da busca em profundidade
  - Geralmente encontra caminhos mais curtos que o Hill Climbing
    - Sempre move em direção ao nó mais próximo do objetivo, não importa onde ele esteja na árvore
- "Pula" bastante no espaço de busca

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Busca em Feixe

- Assim como busca em largura, progride nível a nível
  - Move para baixo apenas através dos melhores M nós de cada nível
  - Outros nós do mesmo nível são ignorados
  - M é constante para todos os níveis
- Vantagens
  - · Reduz número de nós visitados
  - Escapa do problema de ramificação infinita

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

53

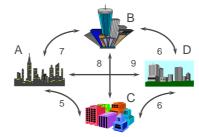
#### Branch and Bound

- O nome vem da idéia de que a cada passo estabelecemos um bound (limite) de quais branches (ramos) serão investigados
- Aplicando o "branch and bound" ao TSP nos levaria a considerar somente aqueles caminhos que levem a uma nova cidade, e que tenham o tempo mais curto entre cidades

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Branch and Bound (cont.)

De A nós poderíamos viajar para a próxima cidade escolhendo o menor caminho



- Se pegássemos o menor caminho de cada cidade, teríamos: A -> C -> D -> B -> A, que é o menor caminho (total 24 horas).
- Esta heurística nem sempre vai funcionar.

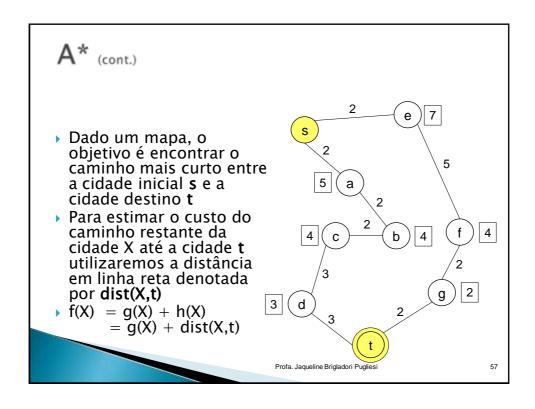
Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

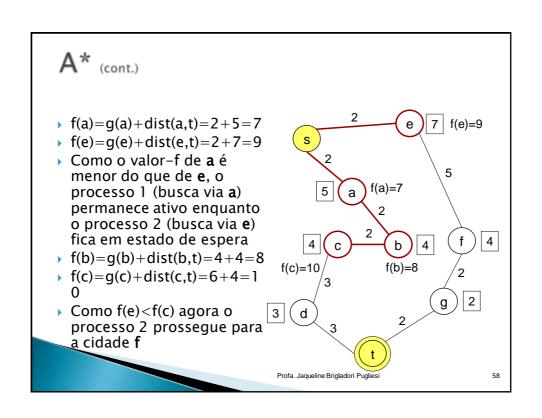
55

#### Α\*

- Utiliza tanto função de avaliação quanto a de custo para selecionar o estado sucessor mais promissor
  - Função de avaliação se refere ao futuro: "adivinha" quão perto está um estado do estado meta
  - Função de custo se refere ao passado: "sabe" quão longe está um estado do estado inicial
- Frequentemente tem um desempenho melhor que os outros métodos

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi





```
A* (cont.)
                                                            2
                                                                             7 f(e)=9
  f(f)=g(f)+dist(f,t)=7+4=1
  Como f(f)>f(c) agora o
processo 2 espera e o
processo 1 prossegue
                                                                                5
                                                                f(a)=7
                                                      5
                                                           а
  f(d)=g(d)+dist(d,t)=9+3=12
                                                                                   f(f)=11
  Como f(d)>f(f) o processo
2 reinicia chegando até o
destino t
                                                                                        4
                                                                                  f
                                                                     b
                                              f(c)=10
                                                                   f(b) = 8
                                                                                  2
  f(g)=g(g)+dist(g,t)=9+2=
  f(t)=g(t)+dist(t,t)=11+0=
                                                                                    2
                                                                              g
                                                 d
                                                                            f(g)=11
                                              f(d)=12
                                                                     f(t)=11
                                             Profa. Jaqueline Brigladori Puglies
                                                                                         59
```

```
A^{\bigstar} \text{ (cont.)}
1 L = \{S\}
2 L = \{A^{7}s, E^{9}s\}
3 L = \{B^{8}As, E^{9}s\}
4 L = \{C^{10}BAs, E^{9}s\}
5 L = \{C^{10}BAs, F^{11}Es\}
6 L = \{D^{12}CBAs, F^{11}Es\}
7 L = \{D^{12}CBAs, G^{11}FEs\}
8 L = \{D^{12}CBAs, T^{11}GFEs\}
```

#### Problemas com a Busca Heurística

- E o caso onde o menor caminho da primeira cidade leva a uma cidade com caminhos muito longos?
- Nesse caso deveríamos voltar atrás e tomar o segundo menor caminho, etc.
- Este processo de "olhar para a frente e voltar atrás" certamente irá levar tempo.

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

61

#### Problemas com Busca Heurística

(cont.)

- "O tempo gasto na avaliação da função heurística para selecionar um nó para expansão deve ser recuperado por uma redução correspondente, no tamanho do espaço de busca explorado." Ginsberg, Essentials of Artificial Intelligence.
- Por que escolher e usar regras heurísticas quando é mais rápido executar uma busca cega?

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

# Heurísticas e Aprendizado

- No curto prazo pode haver pouca ou nenhuma vantagem de se usar heurísticas.
- Mas e se o sistema fosse capaz de aprender?
- Com o tempo a economia obtida ao usar heurísticas certamente iria aumentar, à medida que o sistema aprendesse quais as melhores heurísticas para cada circunstância.

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

63

#### Busca heurística

- Procure utilizar uma ordem mais próxima de ótima
- Procure selecionar no passo 2 o nó n mais próximo do objetivo
- Exemplo: palavras cruzadas
  - · Procurar o nó mais profundo
  - Algoritmo BP utiliza heurística simples (fraca)
- Intenção básica: selecionar de L o nó n mais próximo possível do nó objetivo

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

#### Busca heurística (cont.)

- O tempo gasto avaliando uma função heurística deve ser recuperado por uma redução correspondente no espaço de pesquisa
  - Atividade nível base: esforço gasto tentando resolver o problema
  - Atividade nível meta: trabalho gasto decidindo como resolver o problema

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

65

#### Busca heurística (cont.)

- Trade-off atividade no nível base versus atividade no nível meta
- Busca eficiente: tempo gasto no nível meta é recuperado com reduções no tempo necessário para o nível base

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

# Observações

- Perguntas a serem feitas antes de utilizar métodos de busca:
  - Busca é a melhor maneira para resolver o problema?
  - · Quais métodos de busca resolvem o problema?
  - Qual deles é o mais eficiente para este problema?

Profa. Jaqueline Brigladori Pugliesi

67

#### Exercício

Dada a árvore abaixo, utilizando busca heurística A\* e busca em profundidade e largura:

- a) Mostre os passos necessários para se atingir o nó objetivo  $\alpha$ .
- b) Compare os resultados obtidos em cada tipo de busca.

