

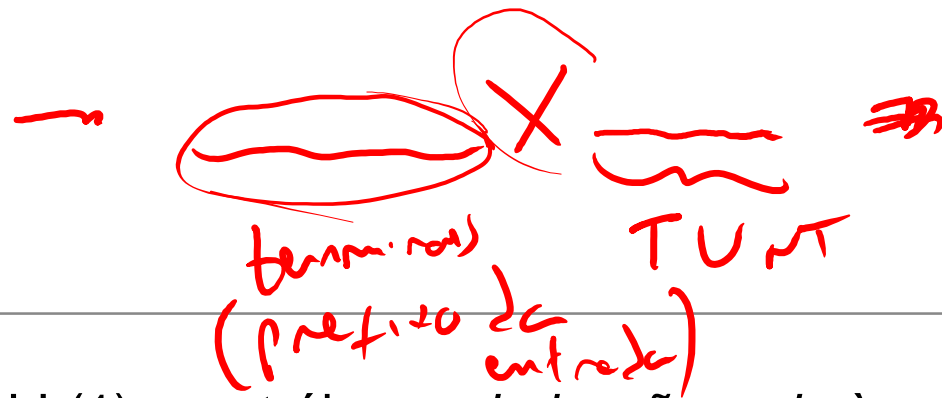
Compiladores - Análise LL(1)

Fabio Mascarenhas – 2017.2

<http://www.dcc.ufrj.br/~fabiom/comp>

Gramáticas LL(1)

- Uma gramática é LL(1) se toda predição pode ser feita examinando um único token à frente
- Muitas construções em gramáticas de linguagens de programação são LL(1), ou podem ser tornadas LL(1) com alguns “jeitinhos”
- A vantagem é que um analisador LL(1) é bastante fácil de construir, e muito eficiente
- Como a análise LL(1) funciona?



Análise LL(1)

- Conceitualmente, o analisador LL(1) constrói uma *derivação mais à esquerda* para o programa, partindo do símbolo inicial
- A cada passo da derivação, o prefixo de terminais da forma sentencial tem que casar com um prefixo da entrada
- Caso exista mais de uma regra para o não-terminal que vai gerar o próximo passo da derivação, o analisador usa o primeiro token após esse prefixo para escolher qual regra usar
- Esse processo continua até todo o programa ser derivado ou acontecer um erro (o prefixo de terminais da forma sentencial não casa com um prefixo do programa)

Exemplo

- Uma gramática LL(1) simples:

```
PROG -> CMD ; PROG
PROG ->
CMD  -> id = EXP
CMD  -> print EXP
EXP  -> id
EXP  -> num
EXP  -> ( EXP + EXP )
```

- Vamos analisar id = (num + id) ; print num ;

Exemplo

- O terminal entre || é o *lookahead*, usado para escolher qual regra usar

PROG
.

|~~id~~| = (num + id) ; print num ;

Eof ~

PROG	->	CMD ; PROG
PROG	->	
CMD	->	id = EXP
CMD	->	print EXP
EXP	->	id
EXP	->	num
EXP	->	(EXP + EXP)

Exemplo

- O terminal entre || é o *lookahead*, usado para escolher qual regra usar

PROG -> CMD ; PROG

|id| = (num + id) ; print num ;

```
PROG -> CMD ; PROG
PROG ->
CMD   -> id = EXP
CMD   -> print EXP
EXP   -> id
EXP   -> num
EXP   -> ( EXP + EXP )
```

Exemplo

- Um prefixo de terminais na forma sentencial desloca o lookahead

PROG -> CMD ; PROG -> id = EXP ; PROG

id = |(| num + id) ; print num ;

PROG -> CMD ; PROG
PROG ->
CMD -> id = EXP
CMD -> print EXP
EXP -> id
EXP -> num
EXP -> (EXP + EXP)

Exemplo

- Um prefixo de terminais na forma sentencial desloca o lookahead

PROG -> CMD ; PROG -> id = EXP ; PROG ->
id = (EXP + EXP) ; PROG

+

id = (|num| + id) ; print num ;

PROG -> CMD ; PROG
PROG ->
CMD -> id = EXP
CMD -> print EXP
EXP -> id
EXP -> num
EXP -> (EXP + EXP)

Exemplo

- Um prefixo de terminais na forma sentencial desloca o lookahead

PROG -> CMD ; PROG -> id = EXP ; PROG ->
id = (EXP + EXP) ; PROG -> id = (num + EXP) ; PROG

id = (num + |id|) ; print num ;

PROG -> CMD ; PROG
PROG ->
CMD -> id = EXP
CMD -> print EXP
EXP -> id
EXP -> num
EXP -> (EXP + EXP)

Exemplo

- Um prefixo de terminais na forma sentencial desloca o lookahead

```
PROG -> CMD ; PROG -> id = EXP ; PROG ->  
    id = ( EXP + EXP ) ; PROG -> id = ( num + EXP ) ; PROG ->  
    id = ( num + id ) ; PROG
```

```
id = ( num + id ) ; |print| num ;
```

```
PROG -> CMD ; PROG  
PROG ->  
CMD   -> id = EXP  
CMD   -> print EXP  
EXP   -> id  
EXP   -> num  
EXP   -> ( EXP + EXP )
```

Exemplo

- Um prefixo de terminais na forma sentencial desloca o lookahead

```
PROG -> CMD ; PROG -> id = EXP ; PROG ->  
    id = ( EXP + EXP ) ; PROG -> id = ( num + EXP ) ; PROG ->  
    id = ( num + id ) ; PROG -> id = ( num + id ) ; CMD ; PROG
```

```
id = ( num + id ) ; |print| num ;
```

```
PROG -> CMD ; PROG  
PROG ->  
CMD   -> id = EXP  
CMD   -> print EXP  
EXP   -> id  
EXP   -> num  
EXP   -> ( EXP + EXP )
```

Exemplo

- Um prefixo de terminais na forma sentencial desloca o lookahead

```
PROG -> CMD ; PROG -> id = EXP ; PROG ->  
  id = ( EXP + EXP ) ; PROG -> id = ( num + EXP ) ; PROG ->  
  id = ( num + id ) ; PROG -> id = ( num + id ) ; CMD ; PROG ->  
  id = ( num + id ) ; print EXP ; PROG
```

```
id = ( num + id ) ; print |num| ;
```

```
PROG -> CMD ; PROG  
PROG ->  
CMD -> id = EXP  
CMD -> print EXP  
EXP -> id  
EXP -> num  
EXP -> ( EXP + EXP )
```

Exemplo

- O lookahead agora está no final da entrada (EOF)

```
PROG -> CMD ; PROG -> id = EXP ; PROG ->  
    id = ( EXP + EXP ) ; PROG -> id = ( num + EXP ) ; PROG ->  
    id = ( num + id ) ; PROG -> id = ( num + id ) ; CMD ; PROG ->  
    id = ( num + id ) ; print EXP ; PROG ->  
    id = ( num + id ) ; print num ; PROG
```

```
id = ( num + id ) ; print num ; ||
```

EOF

```
PROG -> CMD ; PROG  
PROG ->  
CMD -> id = EXP  
CMD -> print EXP  
EXP -> id  
EXP -> num  
EXP -> ( EXP + EXP )
```

Exemplo

$FIRST + (prog \rightarrow cmd; prog) =$
 $\{id, print\} =$
 $FIRST(cmd; prog) =$
 $FIRST(cmd)$

- Chegamos em uma derivação para o programa, sucesso!

PROG \rightarrow CMD ; PROG \rightarrow id = EXP ; PROG \rightarrow
 id = (EXP + EXP) ; PROG \rightarrow id = (num + EXP) ; PROG \rightarrow
 id = (num + id) ; PROG \rightarrow id = (num + id) ; CMD ; PROG \rightarrow
 id = (num + id) ; print EXP ; PROG \rightarrow
 id = (num + id) ; print num ; PROG \rightarrow
 id = (num + id) ; print num ;

id = (num + id) ; print num ; ||

$FIRST(\epsilon) = \{\epsilon\}$

$FIRST + (prog \rightarrow \epsilon) = \{EOF\} =$
 $follow(prog)$

$\{id, print\}$
 PROG \rightarrow CMD ; PROG
 PROG \rightarrow
 $\{id\}$
 CMD \rightarrow id = EXP
 $\{print\}$
 CMD \rightarrow print EXP
 $\{id\}$
 EXP \rightarrow id
 $\{num\}$
 EXP \rightarrow num
 $\{(\}$
 EXP \rightarrow (EXP + EXP)

FIRST, FOLLOW e FIRST+

- Como o analisador LL(1) sabe qual regra aplicar, dado o lookahead?

" = ϵ

- Examinando os *conjuntos de lookahead* (FIRST+) de cada regra

$$\text{FIRST+}(A \rightarrow w) = \begin{cases} \text{FIRST}(w) \cup \text{FOLLOW}(A) - \{ \epsilon \}, & \text{se } \epsilon \text{ em FIRST}(w) \\ \text{FIRST}(w), & \text{caso contrário} \end{cases}$$

- E quem são os conjuntos FIRST e FOLLOW? Revisão de linguagens formais!

$$\text{FIRST}(w) = \{ x \text{ é terminal} \mid w \xrightarrow{*} xv, \text{ para alguma string } v \} \cup \{ \epsilon \mid w \xrightarrow{*} \epsilon \}$$

$$\text{FOLLOW}(A) = \{ x \text{ é terminal} \mid S \xrightarrow{*} wAxv \text{ para algum } w \text{ e } v \} \cup \{ \text{EOF} \mid S \xrightarrow{*} wA \text{ para algum } w \}$$

$$\begin{aligned} \text{FIRST}(xw) &\subseteq \{x\} \quad \text{se } x \in T \\ \text{FIRST+}(A \rightarrow xw) &\subseteq \{x\} \quad \text{se } x \in T \end{aligned}$$

A condição LL(1)

- Uma gramática é LL(1) se os conjuntos FIRST+ das regras de cada não-terminal são *disjuntos*
- Por que isso faz a análise LL(1) funcionar? Vejamos a consequência de uma escolha LL(1):
$$\begin{array}{l} \dots At\dots \quad -*\rightarrow \dots t\dots \quad \text{ou} \\ \dots A\dots \quad -*\rightarrow \dots tw\dots \end{array}$$
- No primeiro caso isso quer dizer que t está no FOLLOW(A)
- No segundo caso, t está no FIRST do lado direito da regra de A que foi usada
- A derivação é mais à esquerda, então o primeiro \dots é um prefixo de terminais, logo t é o lookahead!