



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н. Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)»
(МГТУ им. Н. Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

РАСЧЕТНО-ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

К КУРСОВОЙ РАБОТЕ

НА ТЕМУ:

*«Моделирование изображения объекта в
неотполированном цветном зеркале»*

Студент ИУ7-53Б
(Группа)

(Подпись, дата)

Авдейкина В. П.
(И. О. Фамилия)

Руководитель курсовой работы

(Подпись, дата)

Новик Н. В.
(И. О. Фамилия)

2024 г.

РЕФЕРАТ

СОДЕРЖАНИЕ

ВВЕДЕНИЕ	4
1 Аналитическая часть	5
1.1 Формализация задачи синтеза изображения	5
1.2 Физическая природа зеркальных поверхностей	6
1.3 Существующие алгоритмы решения задачи	8
1.3.1 Описание алгоритмов	8
1.3.2 Сравнение алгоритмов	10
2 Конструкторская часть	12
2.1 Функциональная декомпозиция	12
СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ	16

ВВЕДЕНИЕ

Компьютерная графика в 21 веке не перестала быть развивающейся наукой и упоминается в [1], [2], [3], [4], [5]. Одной из стандартных задач компьютерной графики является синтез изображения [2], [6].

За последние 20 лет визуализация зеркальных поверхностей (зеркал) остается актуальной проблемой, о чем свидетельствует ее обсуждение в [7], [8], [9], [10].

Цель работы — разработка программного обеспечения для моделирования статической сцены с изображением предмета в неотполированном цветном зеркале.

Для достижения поставленной цели требуется решить следующие задачи:

- 1) проанализировать предметную область зеркальных поверхностей, выполнить формализацию задачи синтеза изображения в контексте моделирования статической сцены, рассмотреть известные методы и алгоритмы ее решения;
- 2) спроектировать программное обеспечение;
- 3) выбрать средства реализации и разработать программное обеспечение;
- 4) исследовать характеристики разработанного программного обеспечения.

1 Аналитическая часть

В данном разделе формализована задача синтеза изображения предмета в неотполированном цветном зеркале в контексте моделирования статической сцены, проанализированы известные алгоритмы решения этой задачи.

1.1 Формализация задачи синтеза изображения

На рисунке 1.1 представлена диаграмма IDEF0 формализуемой задачи.

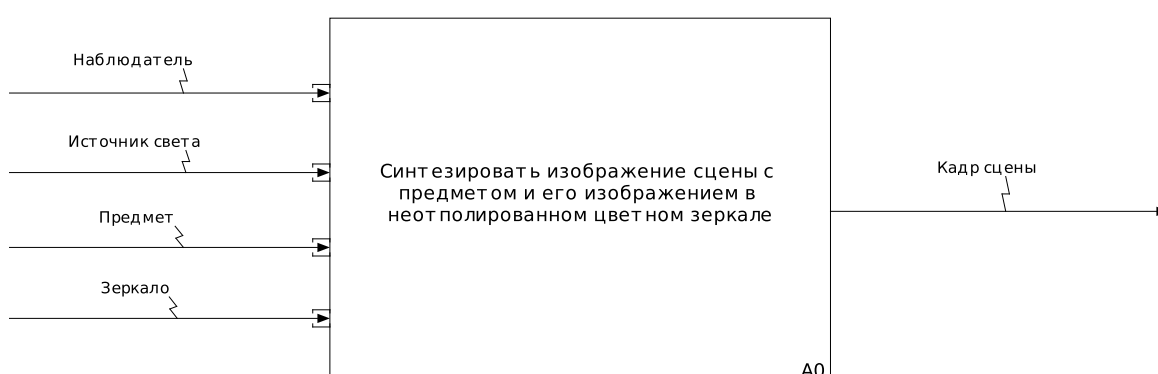


Рисунок 1.1 — Диаграмма IDEF0 формализуемой задачи

Модель — отображение формы и размеров какой-либо сущности [6].

В данной работе используется поверхностное представление моделей, при котором они представляются аналитически (полностью или частично) [6].

В качестве поверхностей выбраны треугольные поверхности, формат файлов с моделями — STL.

Процесс получения модели называется *моделированием*.

Сцена состоит из набора сущностей:

- 1) *наблюдатель*, характеризующийся положением точки наблюдения в пространстве, направлениями взгляда и вертикальной оси [6];
- 2) *точечный источник света*, характеризующийся положением в пространстве, интенсивностью и цветом света [6];

- 3) *предмет* — модель геометрического тела, свойства (радиус, высота и так далее) которого определяются заданными пользователем параметрами;
- 4) *зеркало* — модель ограниченной поверхности, обладающая степенью полировки, цветом, радиусом и описанием границ.

Зеркало и предмет называются *объектами (сцены)*.

Модели, используемые в работе, требуют соблюдения физических законов.

1.2 Физическая природа зеркальных поверхностей

Луч (световой) — узкий пучок света, представленный геометрической линией, вдоль которой в определенном направлении распространяется свет [11], [12].

В геометрической оптике полагается, что луч распространяется прямолинейно до тех пор, пока не встретится отражающая поверхность или граница среды преломления [2].

Если луч падает на поверхность в точку A и отражается от нее, а через эту точку к поверхности проведена нормаль n , то углы, заключенные между нормалью и направлениями падающего, отраженного лучей (a , b), называются углами *падения*, *отражения* соответственно [11], [12], [13]. Описанные элементы представлены на рисунке 1.2.

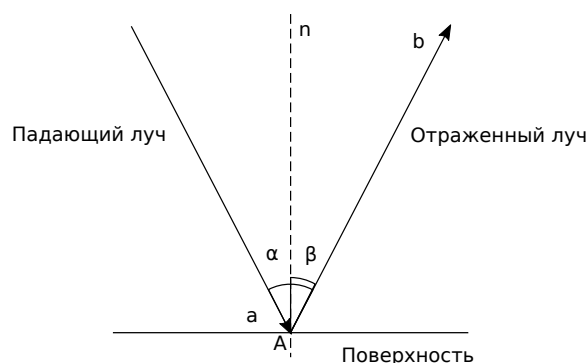


Рисунок 1.2 — Отражение луча от поверхности

Зеркало — поверхность, от которой отражаются лучи.

Зеркальным отражением называется такое отражение, для которого справедлива формула 1.1:

$$\alpha = \beta, \quad (1.1)$$

где α — угол падения, β — угол отражения, лучи и нормаль находятся в одной плоскости [2], [12], [13].

Отражение луча света от некоторого объекта сцены представлено на рисунке 1.3. Рисунок 1.3 содержит следующие обозначения: \vec{N} — нормаль к поверхности в точке падения луча, \vec{V} , \vec{L} , \vec{R} — векторы, обозначающие направления от точки объекта к наблюдателю, обратное вектору наблюдения и отраженного луча соответственно, $\alpha = \angle(\vec{L}, \vec{N})$, $\beta = \angle(\vec{N}, \vec{R})$, $\omega = \angle(\vec{R}, \vec{V})$.

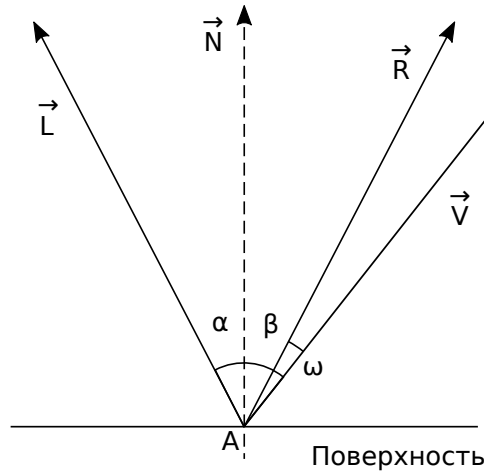


Рисунок 1.3 — Отражение луча света от некоторого объекта сцены

Идеальным зеркалом называется такое зеркало, отраженный от которого свет наблюдатель с направлением взгляда $-\vec{V}$ сможет увидеть только в том случае, если угол ω равен нулю, а для α и β выполняется формула 1.1 [14].

Для зеркал, которые не являются идеальными, отражение описывается моделью Фонга, согласно которой интенсивность I_s отраженного света представлена в виде формулы 1.2 [2], [14]:

$$I_s = I_p K_s \cos^n \omega, \quad (1.2)$$

где K_s — коэффициент, учитывающий свойства объекта параметром зеркального отражения, n — числовой коэффициент, связанный со скоростью убывания интенсивности отраженного света, I_p — интенсивность точечного источника света.

Диффузным отражением называется такое отражение, при котором равенство из формулы 1.1 не выполняется и происходит равномерное по всем направлениям рассеивание отраженного света [2], [14]. Его интенсивность I_d можно найти по закону Ламберта, выраженному формулой 1.3 [14]:

$$I_d = I_p K_d \cos \alpha, \quad (1.3)$$

где K_d — коэффициент, учитывающий свойства объекта параметром диффузного отражения, $\cos \alpha = (\vec{L}, \vec{N})$.

Согласно модели Уиттеда интенсивность I некоторой точки с некоторыми оптическими свойствами определяется суммарной интенсивностью по формуле 1.4 с использованием формул 1.2, 1.3 [2], [14]:

$$I = I_a K_a C + I_t K_t + I_p K_d \cos(\vec{L}, \vec{N}) + I_p K_s \cos^n \omega, \quad (1.4)$$

где I_t , I_a — интенсивности преломленного луча и фонового света, K_t , K_a — коэффициенты, учитывающие свойства объекта параметрами прозрачности и фоновой подсветки, C — заданный цвет точки.

1.3 Существующие алгоритмы решения задачи

Среди известных алгоритмов визуализации поверхностей существуют такие алгоритмы, как выбрасывание лучей (raycasting), пошаговое распространение лучей (ray marching), обратная трассировка лучей.

1.3.1 Описание алгоритмов

Обратная трассировка лучей представлена авторами [2], [14] с помощью этапов:

- 1) от наблюдателя в каждую точку (пиксель) экрана испускаются первичные лучи;
- 2) один из лучей достигает объекта;
- 3) луч преломляется или отражается, то есть порождает вторичные лучи;
- 4) обработка луча прекращается, когда он перестает пересекать объекты сцены.

Интенсивность некоторой точки объекта в описанном алгоритме вычисляется по формуле 1.4.

Пример визуализации обработки луча в алгоритме обратной трассировки представлен на рисунке 1.4.

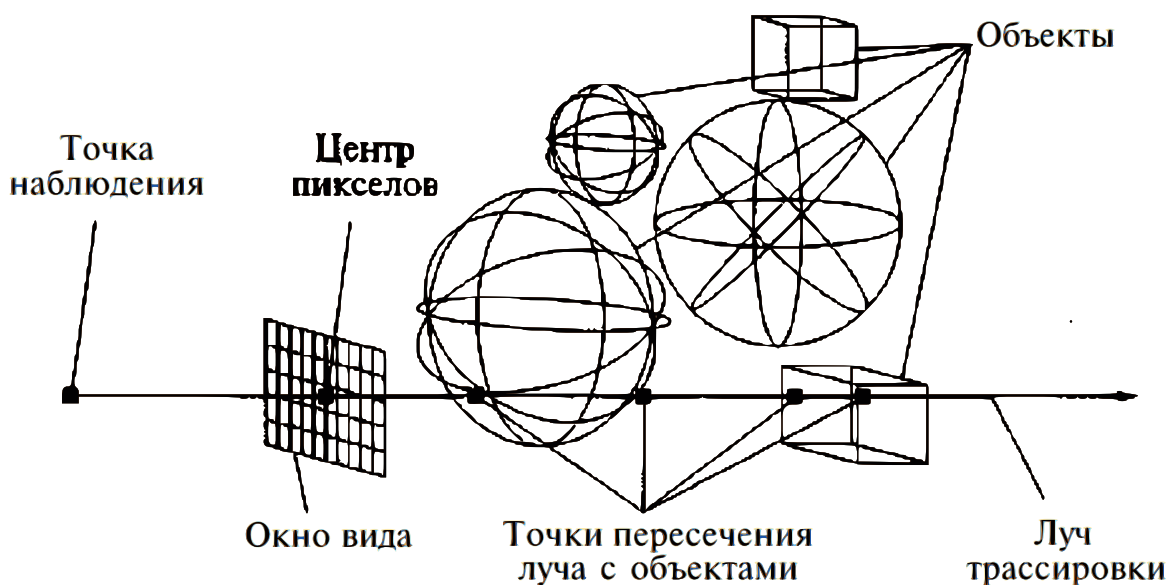


Рисунок 1.4 — Визуализация обработки луча в алгоритме обратной трассировки [15]

В соответствии с [16] *алгоритм выбрасывания лучей (raycasting)* позволяет обрабатывать поверхностные модели и представляется в виде последовательности шагов (выполняемыми для каждого шага угла обзора):

- 1) испустить луч из точки наблюдения;
- 2) рассчитать расстояние от места испускания луча до каждого из объектов сцены;
- 3) определить, для какого из них оно является наименьшим;
- 4) выполнить визуализацию вертикальной «полосы» этого объекта.

Пример визуализации процесса обработки модели алгоритмом выбрасывания лучей представлен на рисунке 1.5.

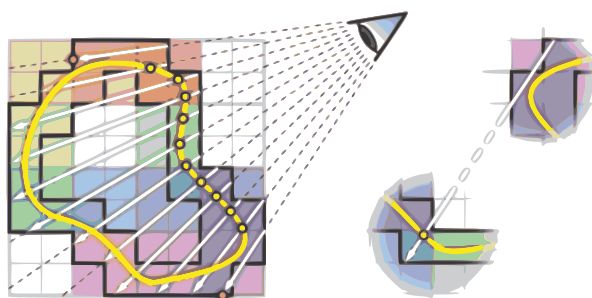


Рисунок 1.5 — Визуализация процесса обработки 2D карты алгоритмом выбрасывания лучей (raycasting) [17]

Алгоритм пошагового распространения лучей (*ray marching*) описывается в [18] для каждого луча, испускаемого из точки наблюдения через пиксели экрана, следующими действиями:

- 1) рассчитать значения функции расстояния со знаком до каждого объекта сцены относительно текущей точки начала распространения луча;
- 2) выбрать наименьшее из этих значений;
- 3) если выбранное расстояние меньше некоторой заданной малой величины, запустить рекурсивное распространение лучей из точки объекта в соответствии с оптическими свойствами его поверхности;
- 4) если выбранное расстояние больше некоторой заданной большой величины, визуализировать фон;
- 5) принять за следующую точку начала ту, которая находится на выбранном расстоянии по направлению распространения исходного луча, перейти на шаг 1.

Пример визуализации обработки одного луча в алгоритме пошагового распространения представлен на рисунке 1.6.

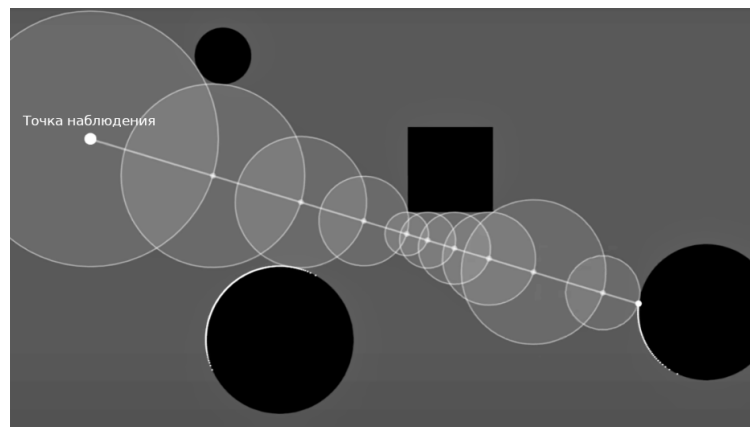


Рисунок 1.6 — Визуализация обработки одного луча в алгоритме пошагового распространения [18]

1.3.2 Сравнение алгоритмов

На основе источников, которые были использованы для приведенного выше описания, осуществлено сравнение анализируемых алгоритмов.

В таблице 1.1 приведены результаты сравнения, критерии которого расположены по горизонтали и включают в себя:

- 1) сложность алгоритма в зависимости от чисел пикселей C и объектов N ;
- 2) рабочее пространство алгоритма (сцены — «С», экранное — «Э»);
- 3) форма моделей, которая может быть использована при использовании алгоритма (каркасная — «К», поверхностная — «П», объемная — «О»);
- 4) возможность совмещения алгоритма и модели освещения Уиттеда;
- 5) принадлежность обрабатываемых точек объекту.

Таблица 1.1 — Сравнение существующих алгоритмов решения задачи синтеза изображения в контексте моделирования статической сцены

	1	2	3	4	5
Выбрасывание лучей	$O(C \cdot N)$	Э	П	Нет	Да
Пошаговое распространение лучей	$O(C \cdot N)$	Э	О	Да	Нет
Обратная трассировка лучей	$O(C \cdot N)$	Э	О	Да	Да

Вывод

В данном разделе была выполнена формализация объектов сцены и задачи синтеза изображения предмета в неотполированном цветном зеркале в контексте моделирования статической сцены, проанализированы известные алгоритмы решения этой задачи, предметная область зеркал.

В качестве основного алгоритма выбрана обратная трассировка лучей с использованием модели освещения Уиттеда.

2 Конструкторская часть

В данном разделе формально описаны функциональная декомпозиция разрабатываемого ПО и используемые алгоритмы, даны описания структур данных.

2.1 Функциональная декомпозиция

На рисунке 2.1 представлена диаграмма IDEF0 результата функциональной декомпозиции разрабатываемого программного обеспечения.

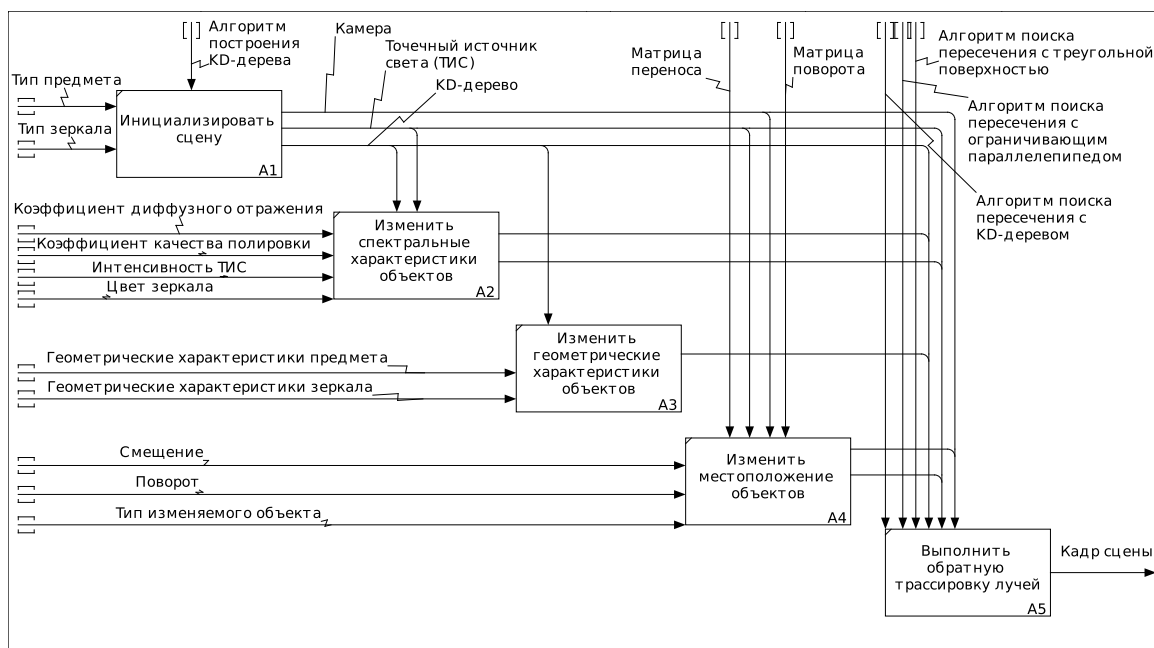


Рисунок 2.1 — Диаграмма IDEF0 результата функциональной декомпозиции ПО

Камера — структура данных, содержащая информацию о наблюдателе: местоположение, направления взгляда и вертикальной оси. Дополнительной информацией являются отношение сторон используемого экрана и область видимости (угол fov), необходимые для обеспечения возможности применения алгоритма обратной трассировки лучей.

Используемая модель камеры представлена на рисунке ??.

В алгоритме обратной трассировки лучей необходимо, чтобы была известна информация о точке пересечения луча с некоторой поверхностью (для обработки вторичных лучей) и ее спектральных характеристиках (для выполнения вычислений по формуле 1.4).

Вычислительная стоимость определения пересечений произвольного луча с одним выделенным объектом, как указывают авторы [19], [20], может оказаться высокой, поэтому для избавления от ненужной части поиска производится проверка пересечения луча с ограничивающим телом объекта.

Ограничивающим телом называется некоторое простое геометрическое тело (например, параллелепипед, сфера), описанное около одного или нескольких объектов сцены [20].

Для организации ограничивающих тел объектов сцены используются иерархические структуры, одной из которых является *kD-дерево* [20].

kD-дерево — бинарное дерево ограничивающих параллелепипедов, вложенных друг в друга [20].

Согласно техническому заданию необходимо изменять положение источника света, то есть дать пользователю возможность выполнить перенос в отношении источника света, который реализуется с помощью матрицы переноса в трехмерном пространстве, представленной в формуле 2.1 [6].

$$M(dx, dy, dz) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ dx & dy & dz & 1 \end{pmatrix} \quad (2.1)$$

Аналогично перемещение камеры осуществляется с помощью матрицы, представленной в формуле 2.1, а поворот в отношении камеры реализуется с использованием матриц поворота вокруг осей x , y , z на угол α , которые представлены в формулах 2.2, 2.3, 2.4 соответственно.

$$M_x(\alpha) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(\alpha) & -\sin(\alpha) \\ 0 & \sin(\alpha) & \cos(\alpha) \end{pmatrix} \quad (2.2)$$

$$M_y(\alpha) = \begin{pmatrix} \cos(\alpha) & 0 & \sin(\alpha) \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin(\alpha) & 0 & \cos(\alpha) \end{pmatrix} \quad (2.3)$$

$$M_z(\alpha) = \begin{pmatrix} \cos(\alpha) & -\sin(\alpha) & 0 \\ \sin(\alpha) & \cos(\alpha) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (2.4)$$

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1. *Залогова Л. А.* Компьютерная графика. Элективный курс : практикум. — М. : БИНОМ. Лаборатория знаний, 2005. — С. 245.
2. *Порев В.* Компьютерная графика // СПб.: БХВ-Петербург. — 2002. — Т. 432. — С. 3.
3. *Большаков В. П., Тозик В. Т., В Ч. А.* Инженерная и компьютерная графика. — БХВ-Петербург, 2013. — С. 288.
4. *Митин А. И., Свертилова Н. В.* Компьютерная графика : справочно-методич. пособие. — М.–Берлин : Директ-медиа, 2016. — С. 251.
5. *Турлюн Л. Н.* Компьютерная графика как особый вид современного искусства. — Издательство АлтГУ, 2014.
6. *Куров А. В.* Компьютерная графика : неопубликованный конспект лекций. — 2023.
7. Realistic materials in computer graphics / Н. Р. Lensch [и др.] // ACM SIGGRAPH 2005 Courses. — 2005.
8. *Reshetouski I., Ihrke I.* Mirrors in computer graphics, computer vision and time-of-flight imaging // Time-of-Flight and Depth Imaging. Sensors, Algorithms, and Applications: Dagstuhl 2012 Seminar on Time-of-Flight Imaging and GCPR 2013 Workshop on Imaging New Modalities. — Springer. 2013. — С. 77—104.
9. *Miguel A. L., Nogueira A. C., Goncalves N.* Real-time 3D visualization of accurate specular reflections in curved mirrors a GPU implementation // 2014 International Conference on Computer Graphics Theory and Applications (GRAPP). — IEEE. 2014. — С. 1—8.
10. Demonstration of light reflection concepts for rendering realistic 3D tree images / Т. Hiranyachattada [и др.] // Journal of Physics: Conference Series. Т. 2145. — IOP Publishing. 2021. — С. 12—74.
11. *Тюрин Ю. И., Чернов И. П., Крючков Ю. Ю.* Физика. Оптика: учебник. — Томск : Издательство Томского политехнического университета, 2009. — С. 240.

12. *Ландсберг Г. С.* Оптика. Учебное пособие: Для вузов. — М : ФИЗМАТ-ЛИТ, 2003. — С. 848.
13. *Родионов С. А.* Основы оптики : конспект лекций. — СПб. : СПб ГИТМО (ТУ), 2000. — С. 167.
14. *Демин А. Ю.* Основы компьютерной графики: учебное пособие. — Томск : Издательство Томского политехнического университета, 2011. — С. 191.
15. *Божско А. Н., Жук Д. М., Маничев В. Б.* Компьютерная графика : учебное пособие для вузов. — М. : изд-во МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2007. — С. 392.
16. *Евстратов В. В.* Создание программы визуализации псевдотрехмерного изображения с помощью рейкастинга // Молодой ученый. — 2020. — № 50. — С. 12—15.
17. The ray casting engine and ray representatives / J. L. Ellis [и др.] // Proceedings of the first ACM symposium on solid modeling foundations and CAD/CAM applications. — 1991. — С. 255—267.
18. *Bredenbals A.* Visualising Ray Marching in 3D / Bredenbals Anton. — Groningen : University of Groninge, 2022. — Режим доступа: <https://fse.studenttheses.ub.rug.nl/id/eprint/27977> (дата обращения: 05.12.2023).
19. *Боресков А. В.* Алгоритмические основы машинной графики: Пер. с англ. — М. : Мир, 1989. — С. 512.
20. *Боресков А. В.* Программирование компьютерной графики. — М. : ДМК Пресс, 2019. — С. 372.