

Ficha 19

Pilas y Colas

1.] Introducción.

En distintas Fichas de estudio anteriores hemos introducido el concepto de *estructura de datos* como una colección de muchos valores almacenados al mismo tiempo en una misma variable. Hemos visto que los distintos lenguajes de programación proveen ya listos para usar distintos tipos de estructuras de datos, y que en Python algunos de esos tipos son las tuplas, los rangos, las cadenas de caracteres, las listas (a través de las que se representan arreglos) y los registros. Todos estos tipos compuestos permiten organizar datos y resultados en formas diversas, brindando además distintas maneras de acceder a los datos individuales contenidos en cada estructura creada [1].

Sin embargo, en muchos problemas un programador se enfrenta a situaciones en las que percibe que necesita usar o aplicar formas diferentes de organizar y/o acceder a sus datos. Un ejemplo que hemos analizado nos llevó a la necesidad de los arreglos bidimensionales: si cada dato del dominio del problema se identifica o define con dos números (tipo de gasto y mes, número de estudiante y número de prueba, y en definitiva, un número de fila y otro de columna) puede seguir empleando un arreglo unidimensional... pero está claro que un arreglo bidimensional permitirá aprovechar mejor la forma de identificación natural de esos datos. Si el programador desconocía la forma de trabajar con arreglos bidimensionales, una situación práctica como esta lo llevaría a explorar el lenguaje en busca de variantes y más temprano que tarde encontraría la forma de usar arreglos con un índice adicional (o más).

Si el programador descubre que necesita nuevos tipos de estructuras de datos y el lenguaje que aplica dispone de esos tipos ya listos para usar, estamos en presencia de *estructuras de datos nativas* del lenguaje. Está claro que en Python las *secuencias* de cualquier tipo (estructuras de datos subíndicadas, mutables o inmutables, como las *tuplas*, los *rangos*, las *cadenas* y las *listas*), así como los *registros* y los *diccionarios*, representan *estructuras de datos nativas* [1].

Pero en muchos casos, la estructura de datos que requeriría el programador no está disponible directamente en su lenguaje de trabajo, y el programador debe entonces *implementarla* combinando elementos que sí estén disponibles en su lenguaje. Un ejemplo: los registros como concepto general de variable que puede contener campos de tipos diferentes son estructuras nativas en Python, pero si el programador necesita un registro que *específicamente* permita representar libros en un sistema de información para una biblioteca, deberá producir ese nuevo tipo *Libro*, en base al uso combinado del tipo registro nativo (empleando la construcción *class*) y declarando campos con identificadores que estrictamente describan características de un libro en ese contexto. El nuevo tipo *Libro* no existía en Python: fue introducido por el programador combinando tipos y mecanismos que *sí* existían.

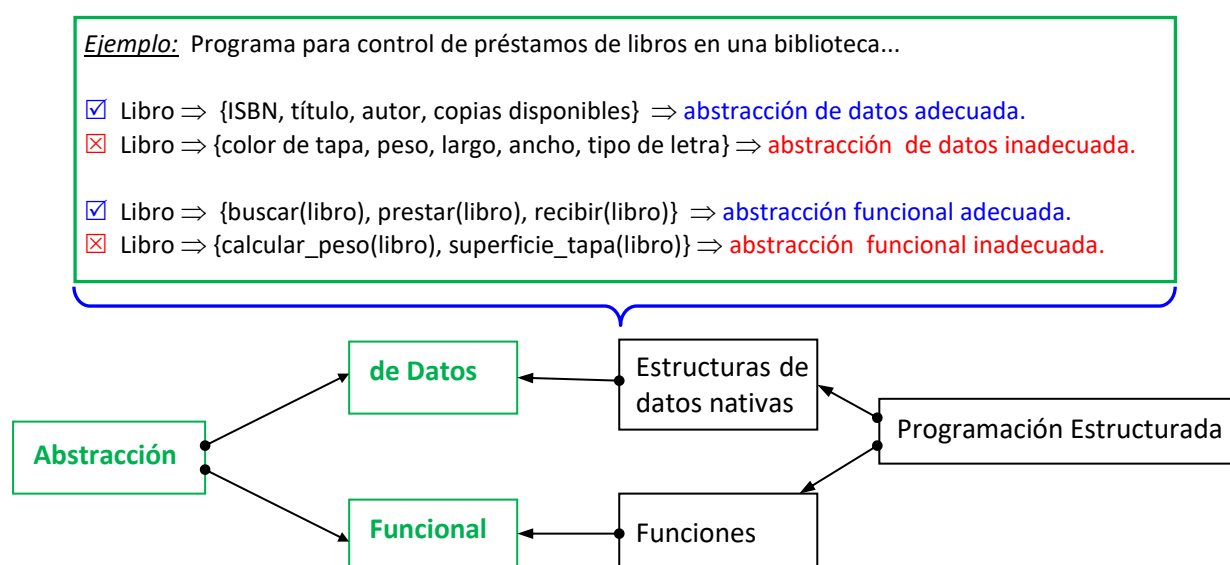
Las estructuras de datos que el programador necesita pero que el lenguaje no provee en forma nativa, se designan en general como *estructuras o tipos abstractos*. En el ejemplo anterior, *los registros como estructuras generales son estructuras nativas de Python*, pero el tipo *Libro* desarrollado por el programador para un requerimiento específico representa una *estructura abstracta*. El proceso llevado a cabo por el programador para crear el nuevo tipo abstracto (*Libro* en este ejemplo), se conoce con el nombre general de *implementación* del tipo abstracto [1].

El proceso de *implementación* de tipos o estructuras abstractas es una tarea muy común en programación, ya que es también muy común que se detecte la necesidad de emplear nuevos tipos que reflejen mejor el dominio de datos de un problema. Una vez que el programador descubre que debe implementar un nuevo tipo abstracto, el paso inicial es aplicar un mecanismo conceptual designado como *mecanismo de abstracción*: es el proceso mediante el cual se intenta captar y aislar la *información* y el *comportamiento esencial* de una entidad, elemento u objeto del dominio de un problema.

La información que se usa en un programa de computadora es una *selección simplificada de datos de la realidad* de forma tal que ese conjunto de datos se considera relevante para el problema estudiado. Por lo tanto, una *abstracción* es también una simplificación de la realidad.

A su vez, el *mecanismo de abstracción* se descompone en dos aspectos: captar y aislar los *datos relevantes* de una entidad del dominio se conoce como *abstracción de datos*, mientras que el mecanismo de identificar *procesos relevantes* se suele designar como *abstracción funcional*. Cuando aquí se habla de *datos relevantes* y de *procesos relevantes* se quiere expresar que el programador debe hacer un análisis detallado de cuáles son los datos que *realmente* necesita en su programa para representar a una entidad del enunciado o dominio del problema, y cuales son los procesos o algoritmos que *realmente* necesita implementar en su programa para procesar esos datos. La gráfica siguiente muestra un ejemplo de un esquema de abstracción aplicado al concepto de *libro* en un programa de gestión de datos para una biblioteca:

Figura 1: Esquema de un proceso de abstracción.



En general dentro del paradigma de *programación estructurada* la **abstracción de datos** se realiza mediante la combinación de *estructuras de datos nativas* (comúnmente un registro agrupando distintos campos, aunque no es obligatorio el uso de registros) y la **abstracción funcional** se realiza mediante *funciones que luego tomen como parámetro a variables de los nuevos tipos*, o bien mediante *funciones que creen y retornen variables de esos tipos*.

En el ejemplo de la *Figura 1*, la entidad del dominio del problema que se quiere representar en el programa es el *libro*. Para ello, se supone que el programador definirá un registro llamado *Libro* y agregará campos al mismo para representar un libro (*abstracción de datos*). Sin embargo, no cualquier conjunto de campos será útil o relevante para su programa (y esto se determina en función del enunciado o requerimiento del problema): si el programa se usará para gestión de préstamos de libros, entonces un conjunto de campos de la forma {color de tapa, peso, largo, ancho, tipo de letra} no tendría ningún sentido (*abstracción de datos inadecuada*), pero el conjunto {ISBN, título, autor, cantidad de copias disponibles} sería relevante (*abstracción de datos adecuada*). Lo mismo pasa con el conjunto de posibles funciones a programar en ese proyecto (*abstracción funcional*) y en ese contexto: funciones para calcular el peso del libro o la superficie de la tapa del libro no serían en absoluto aplicables al contexto del problema (*abstracción funcional inadecuada*), pero funciones para buscar un libro, gestionar el préstamo, o recibir el libro en devolución serían no sólo adecuadas sino exigibles (*abstracción funcional adecuada*).

Como se dijo, una parte importante del trabajo de un programador es la implementación de estructuras abstractas. Esta Ficha está enfocada en el tratamiento e implementación de dos tipos abstractos: las *pilas* y las *colas*, que son quizás las estructuras de datos abstractas más sencillas de conceptualizar e implementar, sin que eso signifique que sean triviales sus aplicaciones.

Existen numerosas situaciones y problemas que requieren que los datos sean tratados en *orden inverso al de su entrada*, y en estos casos son especialmente útiles las *pilas*. Otros problemas requieren que los datos sean procesados en el *mismo orden en que fueron cargados*, y en casos así las *colas* son estructuras de datos muy recomendables. Ambas estructuras pueden ser implementadas con relativamente poco trabajo, y esto es particularmente cierto en Python, como veremos en las secciones que siguen.

2.] Pilas.

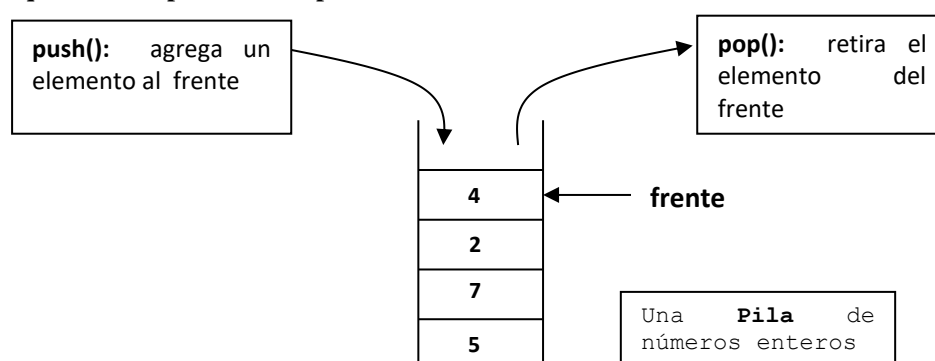
Una *pila* es una *estructura lineal* (cada elemento tiene un único sucesor y un único antecesor) en la cual los elementos se organizan de forma tal que uno de ellos se ubica *al principio* (o *al frente* o *en el tope*) de la *pila* y los demás se *enciman* o *apilan* uno sobre el otro¹ a partir del primero en ser insertado (y este queda ubicado al fondo de la pila) [1].

¹ Una curiosa (y morbosa...) situación de *apilamiento de cosas* se puede ver en la película *World War Z* (o *Guerra Mundial Z*) de 2013, dirigida por Marc Forster y protagonizada por Brad Pitt: en cierto momento, miles y miles de *zombies* (sí... *zombies*... como los de *The Walking Dead*) inician un ataque sobre las murallas de la ciudad de Jerusalén, y para poder escalar esas murallas simplemente se trepan unos sobre otros, formando descomunales *pilas de zombies*, hasta que logran llegar a la parte alta de la muralla y pasar al otro lado para atacar a los desprevenidos habitantes que su vez serán convertidos en *zombies*. No se puede negar que se trata de una espeluznante y original aplicación práctica para las pilas... ☺.

Si un elemento se inserta en una pila, lo hace de forma tal que queda ubicado como el elemento del frente. El único elemento que puede retirarse directamente con una sola operación, es el elemento del frente (ver *Figura 2*). Como la operación de inserción puede entenderse como una operación de *empujar hacia abajo los datos* y dejar encima al último que ingresa, se suele designar como *push()* (en inglés: *empujar*) a la función que la implementa. Y como la operación de extraer un elemento se puede entender como la *expulsión hacia arriba* del elemento que está en el tope, esa función suele designarse como *pop()* (que en inglés hace referencia a la *acción de expulsar hacia arriba*).

Las *pilas* son estructuras de datos muy útiles en situaciones donde se debe invertir una secuencia de entrada: como el último elemento en insertarse se ubica arriba de todos y sólo puede retirarse en forma directa el de arriba, entonces el último en ser insertado es el primero en ser retirado, y por lo tanto el primero en ser procesado. De este modo, si una secuencia de valores es almacenada en una *pila*, quedarán ubicados de forma que cuando comiencen a ser retirados para su procesamiento, *lo harán en orden inverso al que tenían cuando entraron*. Esta forma de procesamiento con inversión de entradas se conoce como *LIFO* (iniciales de *last in – first out*: último en entrar – primero en salir), y por ello mismo las *pilas* suelen designarse como *estructuras tipo LIFO*.

Figura 2: Esquema conceptual de una pila de números enteros.



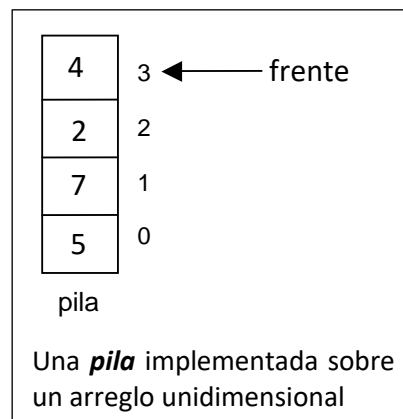
Observemos (por ejemplo) que el segmento de memoria que se conoce como *stack segment* se comporta como una *pila de bloques de memoria* para soportar el esquema de llamadas de funciones que pudiera disparar un programa. A pesar de su apariencia sencilla, como vemos las *pilas* tienen una fuerte participación en el software de base de una computadora. A lo largo de esta ficha, analizaremos algunas aplicaciones sencillas de *pilas* para resolver problemas típicos.

La forma más simple de implementar una *pila* en un programa, es usar un *arreglo unidimensional como soporte*. La idea es que los elementos de la *pila* se guarden en los casilleros de un arreglo (que por ejemplo puede llamarse *pila*), comenzando desde la posición cero. El primer elemento que se inserta en la *pila*, se guarda en el casillero cero del arreglo, y es hasta allí el elemento del frente de la *pila*. La Figura 3 (página 412) muestra la misma pila de la *Figura 2*, suponiendo que se implementa sobre un arreglo unidimensional en Python.

Si se inserta otro elemento en la *pila* (operación *push()*), se guarda en el casillero número uno del arreglo, y este pasa a ser el del frente. Si se desea obtener y eliminar el elemento del frente (operación *pop()*), sólo se debe remover el elemento que se encuentra en la última posición del arreglo de soporte y retornar ese valor (recuerde que en Python, la última

casilla también se identifica con el índice -1). Todo esto es particularmente simple de hacer en Python, ya que a diferencia de otros lenguajes, los arreglos unidimensionales en Python son de naturaleza dinámica y pueden aumentar o disminuir su tamaño en forma directa, mediante una llamada a *append()* para aumentarlo o al operador *del* para disminuirlo [2] [3]. Si el programador decidiera que el frente de la pila estuviese en la casilla 0 en lugar de en la última, entonces puede agregar un nuevo elemento con un corte de índices (*pila[0:0]*) en lugar de *append()*.

Figura 3: Esquema de una pila implementada sobre un arreglo unidimensional.



Con estas pautas, se puede definir un módulo *stack.py* en Python que contenga la implementación de una *pila* soportada en un arreglo. El módulo ni siquiera necesita declarar un registro para hacer la *abstracción de datos*: los datos de la pila estarán representados completamente por el arreglo que se envíe como parámetro a cada función del módulo, y estas funciones se encargarán de la *abstracción funcional*.

El módulo *stack.py* está incluido en el proyecto [F19] *Pilas y Colas* que acompaña a esta Ficha. Este módulo implementa varias funciones básicas para manejo de una pila representada como un arreglo unidimensional, que luego analizaremos:

```
__author__ = 'Catedra de AED'
```

```
def init():
    """Crea y retorna una pila vacía

    :return: la pila vacía creada
    """
    pila = []
    return pila

def is_empty(pila):
    """Chequea si la pila está vacía.

    :param pila: la pila a chequear.
    :return: True si pila está vacía - False en caso contrario.
    """
    n = len(pila)
    return n == 0
```

```

def peek(pila):
    """Retorna el elemento del frente de la pila, sin eliminarlo.

    :param pila: la pila en la cual se consulta.
    :return: el valor que está al frente, o None si la pila estaba vacía.
    """
    x = None
    if not is_empty(pila):
        # si frente está en la casilla 0...
        # frente = 0

        # si frente está la última casilla...
        frente = -1
        x = pila[frente]
    return x

def push(pila, x):
    """Inserta un elemento x al frente de la pila.

    :param pila: la pila en la cual se hará la inserción.
    :param x: el elemento a insertar.
    """
    # si frente está en la casilla 0...
    # pila[0:0] = [x]

    # si frente está en la última casilla...
    pila.append(x)

def pop(pila):
    """Elimina y retorna el elemento del frente de la pila.

    :param pila: la pila en la cual se remueve.
    :return: el valor que estaba al frente, o None si la pila estaba vacía.
    """
    x = None
    if not is_empty(pila):
        # si frente está en la casilla 0...
        # frente = 0

        # si frente está la última casilla...
        frente = -1

        x = pila[frente]
        del pila[frente]
    return x

```

La función *init()* realiza una tarea simple y directa: sólo debe crear un arreglo vacío que represente a la pila que se quiere crear, también vacía.

La operación de insertar un elemento en la *pila* es realizada por la función *push()*, la cual también es simple: si se consideró que el frente está en la casilla 0, el nuevo elemento *x* a ser insertado debe ubicarse en la casilla 0 del arreglo de soporte y correr un casillero hacia la derecha a todos los demás. Esto en Python es directo: la operación de corte de índices *pila[0:0] = [x]* hace justamente eso [2]: inserta la lista cuyo único componente es *x*, exactamente en la posición 0 del arreglo *pila*. Y si se consideró que el frente de la pila está en la última casilla, entonces sólo se debe invocar a *append()*. De acuerdo a lo que prefiera, active o desactive las líneas comentarizadas en la función.

La operación de eliminar el elemento del frente (*pop()*) hace exactamente lo contrario de la operación de insertar: elimina el elemento que en ese momento se encuentre en la casilla 0 del arreglo (si se consideró que el *frente* está en la casilla 0), y retorna ese valor para su eventual uso posterior. Simplemente se controla si el arreglo está vacío (en cuyo caso no puede removerse nada de él y se retorna *None*), y en caso de contener al menos un elemento, se copia el valor de la casilla 0 en *x* (con la instrucción *x = pila[0]*) y luego se elimina el casillero 0 del arreglo, haciendo que los todos los demás se desplacen a la izquierda una posición (con la instrucción *del pila[0]*) [2]. La eliminación se hace de la misma forma si se consideró que el frente estaba en la última casilla, haciendo exactamente lo mismo pero en la casilla *pila[-1]*. De acuerdo a lo que prefiera, active o desactive las líneas comentarizadas en la función.

Se incluyó además una función *peek()* que retorna el valor del elemento del frente, pero sin removerlo de la *pila*, más una función *is_empty()* para determinar si la *pila* está vacía o no. Ambos son muy sencillos y se deja su análisis para el alumno.

El modelo *test01.py* incluido en el mismo proyecto [F19].*Pilas y Colas* contiene un pequeño programa para probar todas estas funciones. De nuevo, dejamos al alumno la tarea de analizar su funcionamiento:

```
import stack

__author__ = 'Cátedra de AED'

def test():
    p1 = stack.init()
    stack.push(p1, 5)
    stack.push(p1, 7)
    stack.push(p1, 2)
    stack.push(p1, 4)
    print('Estado actual de la pila:', p1)

    y = stack.pop(p1)
    print('Elemento removido del frente:', y)

    x = stack.peek(p1)
    print('Elemento actual al frente:', x)

    print('Estado actual de la pila:', p1)
    if stack.is_empty(p1):
        print('La pila está vacía...')
    else:
        print('La pila no está vacía')

    while not stack.is_empty(p1):
        print('Elemento removido:', stack.pop(p1))

    print('Estado actual de la pila:', p1)
    if stack.is_empty(p1):
        print('La pila está vacía...')
    else:
        print('La pila no está vacía')

if __name__ == '__main__':
    test()
```


3.] Colas.

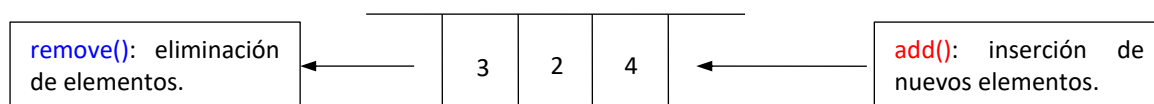
Una *cola* es una estructura lineal (cada elemento tiene un único antecesor y un único sucesor) en la cual los elementos se organizan uno detrás del otro, quedando uno de ellos al principio (o *al frente*) de la *cola* y otro en el último lugar de la misma (o *al fondo*). Para insertar un elemento (operación *add()*) se hace de forma tal que el nuevo componente queda último en la *cola*. Para eliminar un elemento (operación *remove()*) sólo puede eliminarse aquél que está primero (ver *Figura 4* más abajo). Entonces, como cada elemento que se inserta queda último en la fila y por ese motivo será también el último en ser retirado, las *colas* suelen designarse también genéricamente como estructuras tipo **FIFO** (por *First In – First Out*: *primero en entrar, primero en salir*) [1].

Las *colas* son estructuras de datos muy útiles en programas que requieren efectuar lo que se denomina una *simulación de situaciones de espera frente a un puesto de servicio*. En estos programas se supone la existencia de un *proveedor de servicios* (por ejemplo, una ventanilla de un cajero de un banco, un puesto de peaje en una ruta, un programa controlador de entrada a una impresora en un sistema de red, etc.), y se busca simular la llegada de *clientes* para ese servicio, los cuales *forman una cola* (o *fila*) de espera hasta que les toca ser atendidos.

Los programas de simulación de este tipo buscan estudiar el comportamiento de estas colas en cuanto a diversos resultados. Por ejemplo, puede pedirse determinar cual es el tiempo promedio de espera de un auto en una cola hasta que es atendido en la ventanilla de peaje, o puede pedirse determinar si hace falta abrir más ventanillas de cobro a una hora determinada en un banco de acuerdo a la cantidad de clientes que hay en las colas a esa hora.

La realización de programas de simulación como los descritos escapa a los alcances de este curso. Nos limitaremos sólo a mostrar la forma básica de implementar una cola en el lenguaje Python, y su aplicación en programas simples.

Figura 4: Esquema conceptual de una cola de números enteros.



Al igual que las pilas, una *cola* también puede implementarse usando un arreglo como soporte, y otra vez esto es directo y relativamente sencillo en Python, favorecido por el hecho de gestionar arreglos como variables de tipo *list*, y tener con ellos la propiedad del crecimiento y del decrecimiento en forma dinámica. La idea es exactamente la misma que hemos sugerido para las pilas, pero ahora simplemente cambiando la forma de trabajo de la función de inserción de un elemento para que lo haga en el extremo opuesto al que se use para retirar un elemento: lo común es que las inserciones se hagan a partir de la última casilla de la derecha (usando *append()*) y las eliminaciones se hagan a partir de la primera casilla de la izquierda (usando *del*) [2] [3].

El módulo *queue.py* incluido en el proyecto [F19] *Pilas y Colas* implementa todas las funciones necesarias para la gestión de una *cola* con estas ideas. El parecido con el módulo *stack.py* salta a la vista, por lo cual dejamos su análisis para el alumno:


```
__author__ = 'Catedra de AED'

def init():
    """Crea y retorna una cola vacía

    :return: la cola vacía creada
    """
    cola = []
    return cola

def is_empty(col):
    """Chequea si la cola está vacía.

    :param cola: la cola a chequear.
    :return: True si cola está vacía - False en caso contrario.
    """
    n = len(col)
    return n == 0

def peek(col):
    """Retorna el elemento del frente de la cola, sin eliminarlo.

    :param cola: la cola en la cual se consulta.
    :return: el valor que está al frente, o None si la cola estaba vacía.
    """
    x = None
    if not is_empty(col):
        x = col[0]
    return x

def add(col, x):
    """Inserta un elemento x al fondo de la cola.

    :param cola: la cola en la cual se hará la inserción.
    :param x: el elemento a insertar.
    """
    col.append(x)

def remove(col):
    """Elimina y retorna el elemento del frente de la cola.

    :param cola: la cola en la cual se remueve.
    :return: el valor que estaba al frente, o None si la cola estaba vacía.
    """
    x = None
    if not is_empty(col):
        x = col[0]
        del col[0]
    return x
```

El modelo *test03.py* incluido en el mismo proyecto, contiene un programa para aplicar cada una de las funciones vistas, pero ahora en una *cola* de números:

```
__author__ = 'Cátedra de AED'
```

```
import queue

def test():
    p1 = queue.init()
    queue.add(p1, 5)
    queue.add(p1, 7)
    queue.add(p1, 2)
    queue.add(p1, 4)
    print('Estado actual de la cola:', p1)

    y = queue.remove(p1)
    print('Elemento removido del frente:', y)

    x = queue.peek(p1)
    print('Elemento actual al frente:', x)

    print('Estado actual de la cola:', p1)
    if queue.is_empty(p1):
        print('La cola está vacía...')
    else:
        print('La cola no está vacía')

    while not queue.is_empty(p1):
        print('Elemento removido:', queue.remove(p1))

    print('Estado actual de la cola:', p1)
    if queue.is_empty(p1):
        print('La cola está vacía...')
    else:
        print('La cola no está vacía')

if __name__ == '__main__':
    test()
```

Anexo: Temas Avanzados

En general, cada Ficha de Estudios podrá incluir a modo de anexo un capítulo de *Temas Avanzados*, en el cual se tratarán temas nombrados en las secciones de la Ficha, pero que requerirían mucho tiempo para ser desarrollados en el tiempo regular de clase. El capítulo de *Temas Avanzados* podría incluir profundizaciones de elementos referidos a la programación en particular o a las ciencias de la computación en general, como así también explicaciones y demostraciones de fundamentos matemáticos. En general, se espera que el alumno sea capaz de leer, estudiar, dominar y aplicar estos temas aún cuando los mismos no sean específicamente tratados en clase.

a.) Uso de pilas en problemas de control de simetría.

Un interesante ejercicio de aplicación de pilas para controlar si una secuencia de datos presenta elementos de simetría, puede usarse para cerrar esta ficha. Mostramos directamente el enunciado y la solución propuesta.

Problema 52.) *Desarrollar un programa que cargue por teclado una cadena de caracteres y use una pila para determinar si esa cadena es capicúa: esto es, queremos determinar si una*

cadena de caracteres que se recibe para analizar puede leerse igual en dirección izquierda–derecha que en dirección derecha–izquierda.

Discusión y solución: El proyecto [F19] Pilas y Colas que acompaña a esta Ficha contiene un modelo *test02.py* con el programa completo que resuelve este problema.

Usando una *pila* la solución es directa: la idea es que se guardan en la *pila* los caracteres de la mitad izquierda de la palabra, uno a uno tomados en el mismo orden en que aparecen en la cadena. Al guardarlas en la pila, el *orden se invierte*: el caracter que entró primero se va al fondo de la *pila*, y el que entró último queda al frente.

Luego se recorre la segunda mitad de la cadena, y por cada caracter que se tenga, se extrae a su vez un caracter de la *pila*. Si la cadena era capicúa, los caracteres extraídos de la *pila* deberán coincidir siempre con los caracteres que se recorren en la segunda mitad de la cadena. Si algún par de caracteres no coincide, la palabra **no es capicúa** y el proceso se detiene. Se deja el estudio de los detalles para el alumno, o para su discusión en clase:

```
__author__ = 'Cátedra de AED'

import stack

def capicua(s):
    n = len(s)
    a = stack.init()

    mitad = n // 2
    if n % 2 == 1:
        d = mitad + 1
    else:
        d = mitad

    # fase 1: almacenar en pila la mitad izquierda de la cadena...
    for i in range(mitad):
        stack.push(a, s[i])

    # fase 2: recorrer la mitad derecha de la cadena y controlar
    # con lo que sale de la pila...
    for i in range(d, n):
        x = stack.pop(a)
        if x != s[i]:
            return False
    return True

def test():
    s = input('Ingrese la cadena a analizar: ')
    res = capicua(s)
    if res:
        print('La cadena es capicúa...')
    else:
        print('La cadena no es capicúa...')

if __name__ == '__main__':
    test()
```

Créditos

El contenido general de esta Ficha de Estudio fue desarrollado por el *Ing. Valerio Frittelli* para ser utilizada como material de consulta general en el cursado de la asignatura *Algoritmos y Estructuras de Datos* – Carrera de Ingeniería en Sistemas de Información – UTN Córdoba, en el ciclo lectivo 2019.

Actuaron como revisores (indicando posibles errores, sugerencias de agregados de contenidos y ejercicios, sugerencias de cambios de enfoque en alguna explicación, etc.) en general todos los profesores de la citada asignatura como miembros de la Cátedra, que realizaron aportes de contenidos, propuestas de ejercicios y sus soluciones, sugerencias de estilo de programación, y planteo de enunciados de problemas y actividades prácticas, entre otros elementos.

Bibliografía

- [1] V. Frittelli, *Algoritmos y Estructuras de Datos*, Córdoba: Universitas, 2001.
- [2] Python Software Foundation, "Python Documentation," 2018. [Online]. Available: <https://docs.python.org/3/>.
- [3] M. Pilgrim, "Dive Into Python - Python from novice to pro," 2004. [Online]. Available: <http://www.diveintopython.net/toc/index.html>.