

UP SFO- S4 - UE : Statistique Examen N°2 partie 6- Mai 2010 Mme Bottollier Lemallaz

Conditions d'examen :

Documents: Tables statistiques autorisées

Calculatrice: non programmable

Remarques importantes:

1. A la fin de l'épreuve vous devez rendre le sujet complété ainsi que vos brouillons.

2. Sauf indication contraire, vous présenterez vos résultats avec 2 chiffres significatifs.

3. Vous devez rendre un travail lisible et le plus propre possible.

$$\chi^{2}_{\text{calcul\'e}} = (\frac{2.3026}{C})^{*} \left[v^{*} log_{10} \hat{\sigma}^{2} - \sum_{j=1}^{j=k} (v_{j}^{*} log_{10} \hat{\sigma}_{j}^{2}) \right] C = 1 + \frac{1}{3(k-1)} \left[\sum_{j=1}^{j=k} \frac{1}{v_{j}} - \frac{1}{v_{j}} \right] v_{j} = n_{j} - 1$$

$$v = \sum_{j=1}^{j=k} v_{j}$$

$$\hat{\sigma}_{j}^{2} = \frac{SCE_{x_{j}}(\overline{x_{j}})}{n_{j} - 1} \qquad \hat{\sigma}^{2} = \frac{1}{v} \sum_{j=1}^{j=k} v_{j} \hat{\sigma}_{j}^{2}$$

$$t_{1-\alpha/2}(\nu)\sqrt{\frac{CMe}{n_i}+\frac{CMe}{ni'}}$$
 $q_{1-\alpha}^{(k)}(\nu)\sqrt{\frac{CMe}{n}}$

Le tableau suivant reprend les rendements observés (x_{ij}) , en tonnes par hectare, au cours d'un essai en blocs(*) aléatoires complets (j=1 à 4) destiné à comparer six variétés de froment (i=1 à 6) et définir la (les) plus rentable(s).

(*) Ici, on appelle « bloc » un « agriculteur » qui dispose de 6 parcelles pour réaliser cette expérimentation.

variétés	Bloc 1	Bloc 2	Bloc 3	Bloc 4	somme
1	5.02	5.37	5.41	5.54	21.34
2	4.92	5.28	5.00	5.16	20.36
3	5.28	4.84	5.52	5.01	20.65
4	4.71	4.83	4.67	4.79	19.00
5	4.55	5.07	5.14	4.97	19.73
6	4.77	5.07	4.98	4.99	19.81
somme	29.25	30.46	30.72	30.46	120.89

On donne la somme des carrés des 24 valeurs = 610.5341

(2 pts) Combien y a-t-il de facteurs ?	de traitements?	d'unités
statistiques ?		
Ecrivez le modèle théorique supposé associ	ié à l'étude, préciser la significati	ion de chaque terme.

 2°) (4 pts) A partir des éléments donnés ci-dessous, démontrer qu'on ne peut refuser l'homogénéité des variances résiduelles, vous conclurez à partir de l'encadrement des « p-value » , posez les hypothèses soumises au test?

On donne pour les variétés : X² calculé = 8,315	

n donne aussi :		
Blocs	SCEe.j	
1 (B1)	0,1655	
2 (B2)	0,1710	
3 (B3)	0,1505	
4 (B4)	0,0652	

) (2 pts) Que conclure à partir de ces résultats donnés par STATBOX ?

Beta 1 = 0,074	Prob.: 0,565	
Beta 2 = 2,889	Prob.: 0,904	

 4°) (1 pt) En donnant le détail, calculez la valeur de e $_{4,3}$ (utiliser l'arrondi au $1/1000^{\rm ème}$ pour les calculs intermédiaires):

Pour la suite on admettra que toutes les conditions portant sur les résidus sont respectées. 5°) (5 pts) Le(s) facteur(s) ont-ils des effets significatifs ?. Hypothèses, conclusions et calculs au $1/1000^{\text{ème}}$.

 6°) (5 pts) A l'aide de la méthode de Newman Keuls, pour un risque d'erreur de 5%, constituer les groupes de variétés ? (calculs intermédiaires au $1/10000^{\text{ème}}$).

7°) (1 pt) Conclusion de l'étude