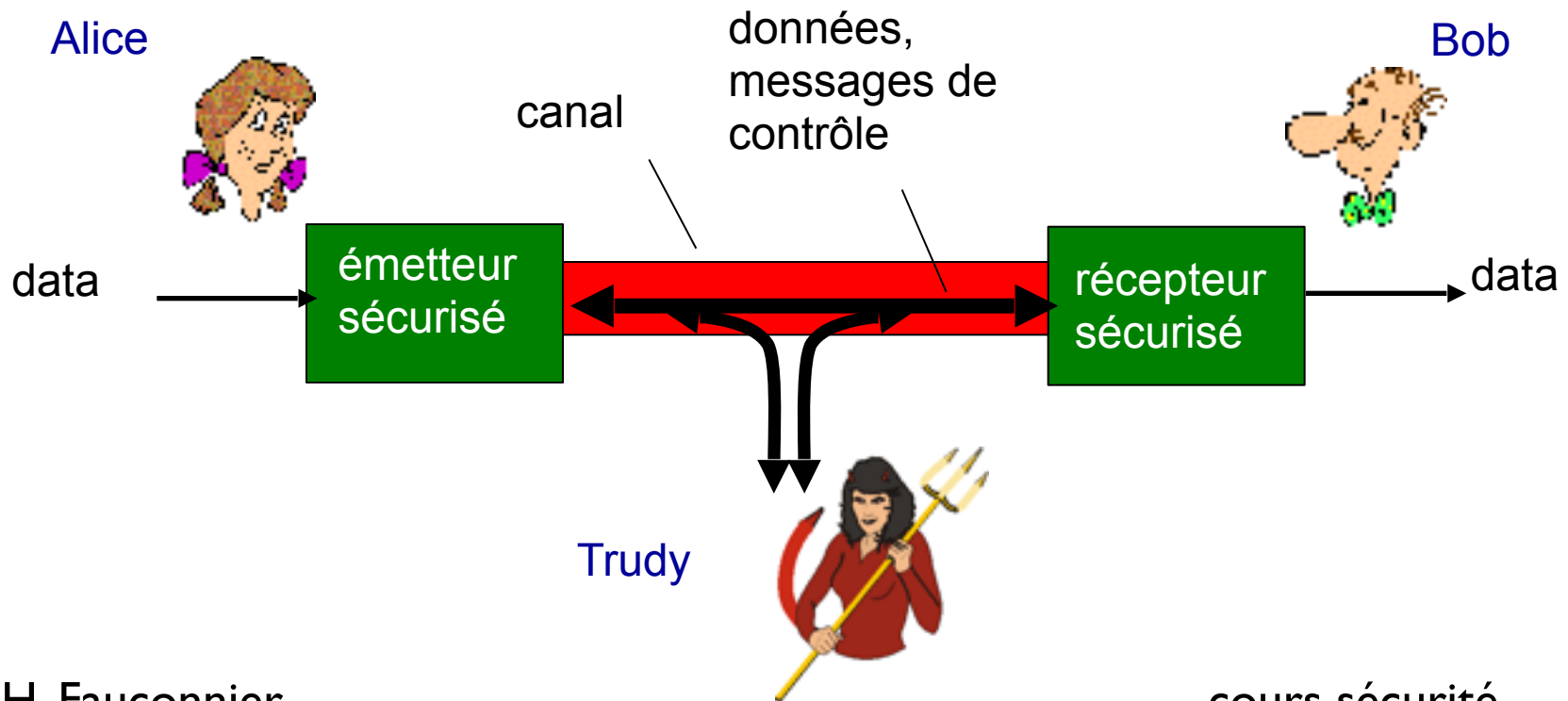


# Cours sécurité informatique: clés symétriques et asymétriques signatures numériques

# Modèle de base pour la communication

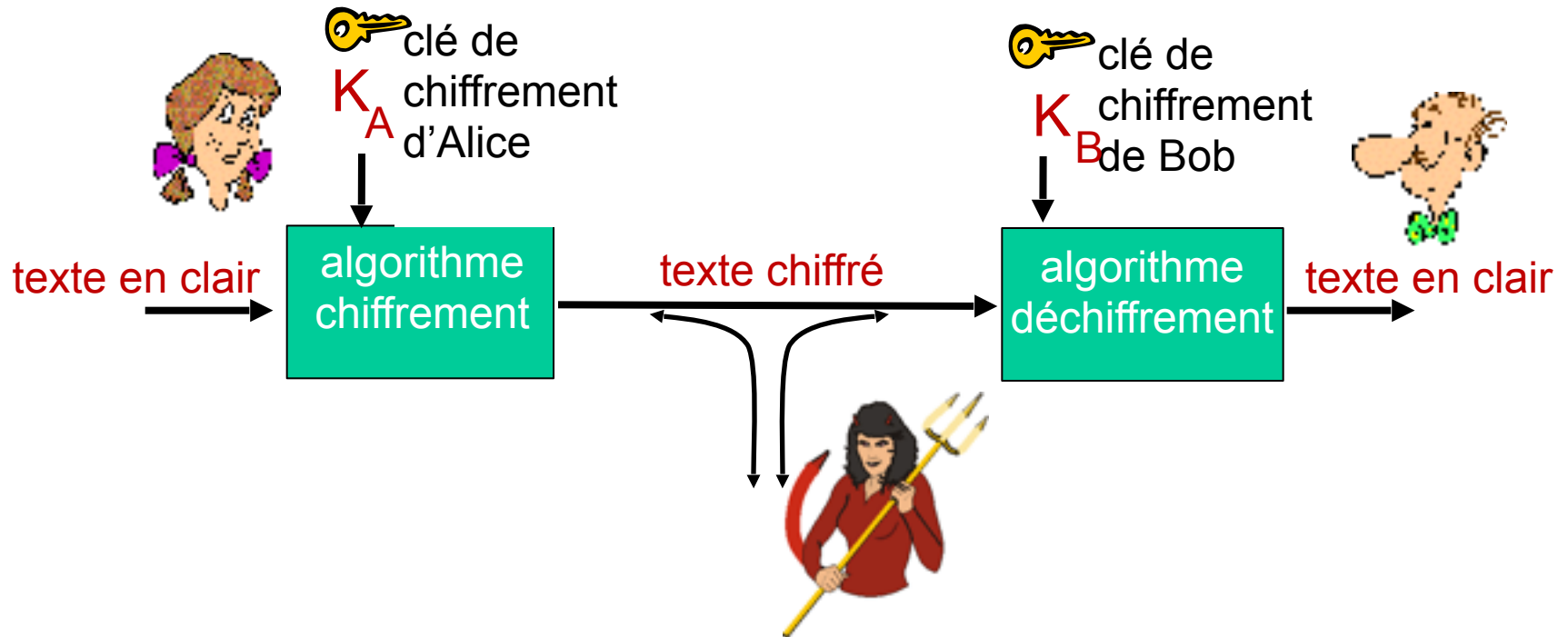
- ❖ Bob, Alice veulent communiquer de façon sûre
- ❖ Trudy (l'intruse) peut intercepter, supprimer, ajouter des messages



# Que peut faire un bad guy (réseau)

- *espionner (eavesdrop)*: intercepter des messages
- *insérer* des messages
- *imposture (impersonation)*: mettre de fausses adresses sources dans les paquets (parodie - spoof)
- *pirater (hijacking)* : prendre la place de l'émetteur ou du récepteur
- *dénis de service*: empêcher le service de fonctionner (surcharge des ressources)

# Le langage de la cryptographie



$m$  message en clair

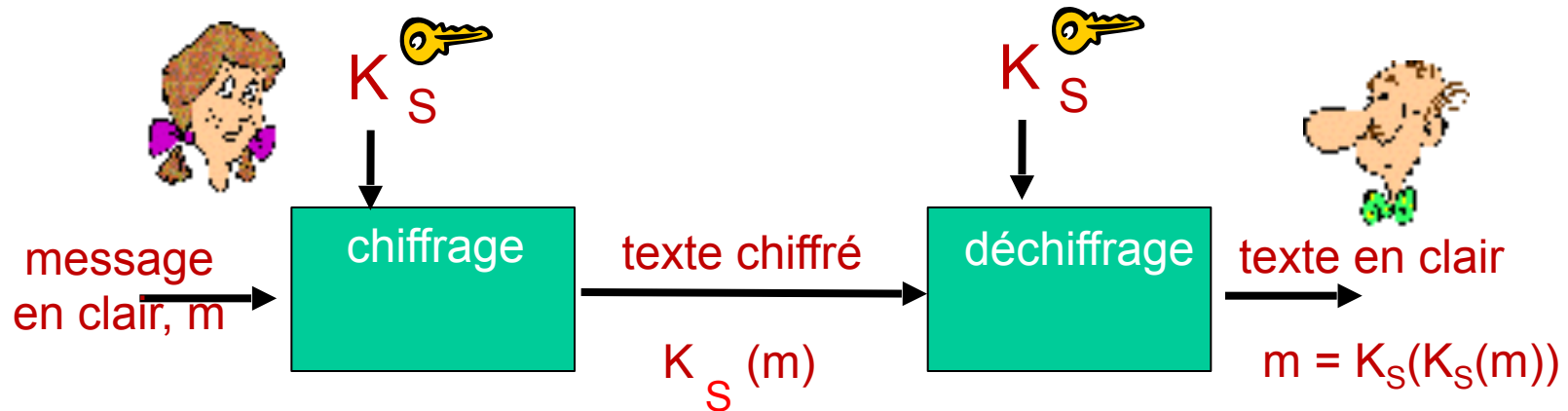
$K_A(m)$  message chiffré avec la clé  $K_A$

$m = K_B(K_A(m))$

# Comment casser ce schéma?

- ❖ **attaque avec le texte chiffré seul:** Trudy a le texte chiffré qu'elle peut analyser
- ❖ **deux approches:**
  - force brute: essayer toutes les clés
  - analyse statistique du texte
- ❖ **attaque avec du texte en clair:** Trudy a un texte en clair correspondant a un texte chiffré
- ❖ **attaque avec du texte en clair choisi:** Trudy peut obtenir des textes chiffrés à partir de textes en clair

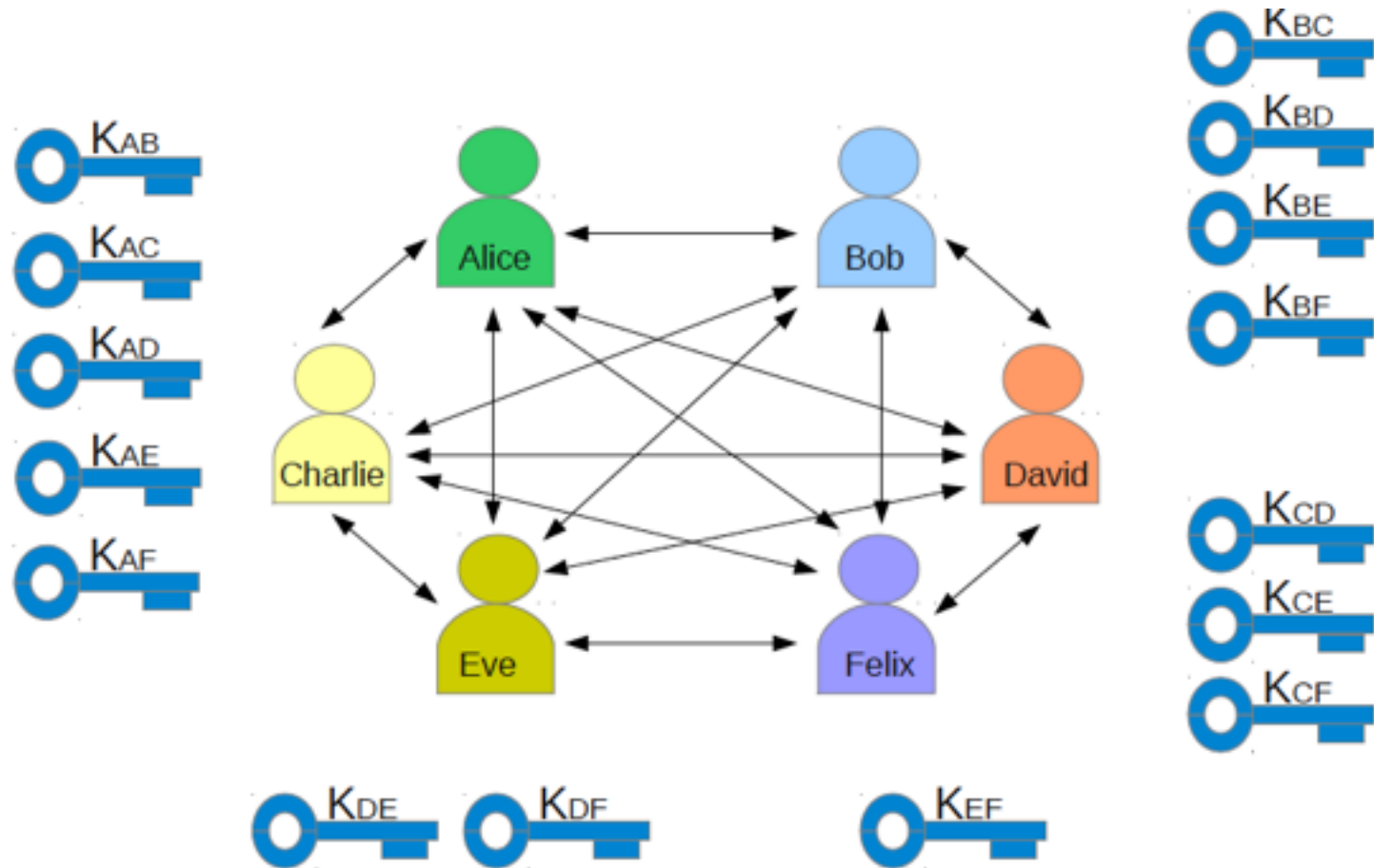
# Cryptographie symétrique



**cryptographie à clés symétriques:** Bob et Alice partagent la même clé (symétrique)  $K_S$

Problème: Comment Bob et Alice obtiennent la clé?

# Des clefs:



# Un chiffrement très simple

*chiffrement par substitution:*

- chiffrement mono-alphabétique (César): substituer une lettre par une autre

en clair:      abcdefghijklmnopqrstuvwxyz

chiffré:      mnbvcxzasdfghjklpoiuytrewq

e.g.:    en clair: bob. i love you. alice  
         chiffré: nkn. s gktc wky. mgsbc

🔑 *Chiffrement clé de codage*: application d'un ensemble de 26 lettres dans un ensemble de 26 lettres



# Plus élaboré

- ❖ n codes à substitution:  $M_1, M_2, \dots, M_n$
- ❖ motifs cycliques:
  - exemple  $n=4$ :  $M_1, M_3, M_4, M_3, M_2$ ;  $M_1, M_3, M_4, M_3, M_2$ ; ..
- ❖ pour chaque nouveau symbole utiliser cycliquement le motif de substitution suivant:
- ❖ dog: d de  $M_1$ , o de  $M_3$ , g de  $M_4$



*Clé de chiffrement:* n codes à substitution, et un motif de substitution

- la clé n'est pas seulement un motif de n bits

# DES: chiffrement symétrique

## DES: Data Encryption Standard

- ❖ US standard [NIST 1993]
- ❖ Clef symétrique 56-bit, texte en clair de 64-bit
- ❖ chiffrement par blocs avec chaînage des chiffrements
- ❖ DES est-il sûr?
  - DES Challenge: 56-bit-key-encrypted phrase déchiffrée(brute force brute) en moins d'un jour
  - pas de « bonne » attaque analytique connue
- ❖ DES plus sûr:
  - 3DES: chiffrement 3 fois avec 3 clés de chiffrement

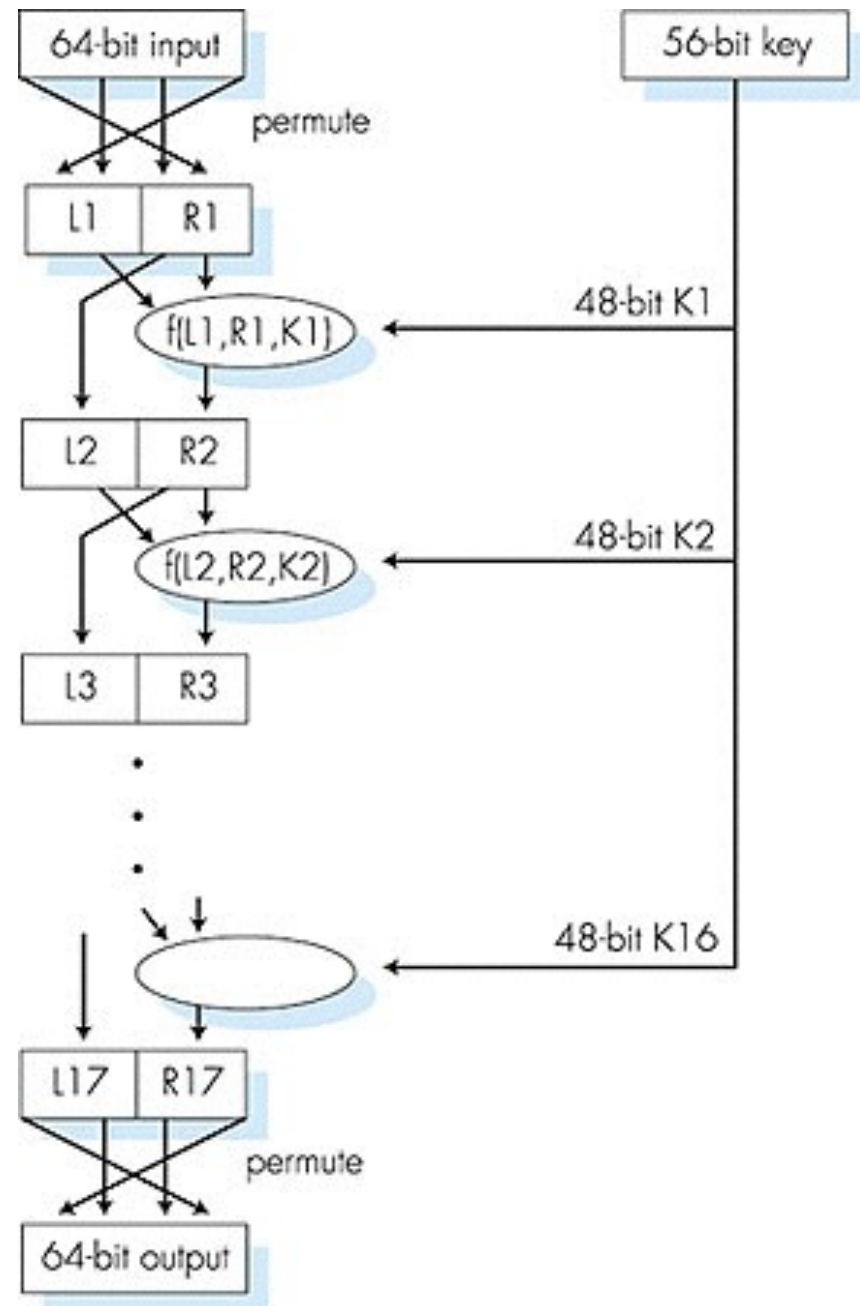
# DES: code symétrique

## DES:

permutation initiale

16 “rondes” identiques  
d’application de fonctions,  
chacune utilisant 48 bits  
différents de la clé

permutation finale



# AES: Advanced Encryption Standard

- ❖ symmetric-key le standard NIST à clé symétrique qui remplace DES (Nov 2001)
- ❖ données traitées par blocs de 128 bits
- ❖ clés de 128, 192 ou 256 bits
- ❖ un décryptage en force brute (essayer chaque clé) prenant 1 sec avec DES, prend 149 trillion d'année pour AES

# Cryptographie à clés publiques



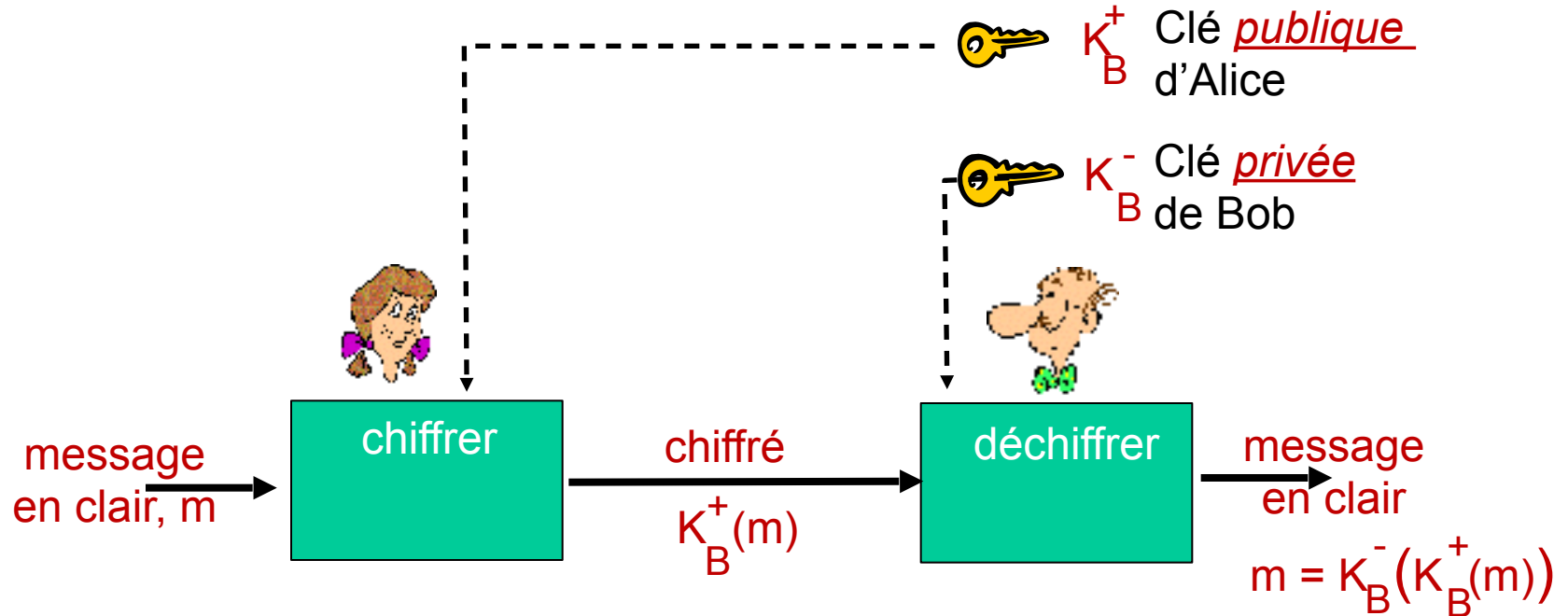
## *clés symétriques*

- ❖ Alice et Bob partagent une clé secrète
- ❖ Comment obtenir cette clé secrète?

## *clés publiques*

- ❖ approche différente [Diffie Hellman76, RSA78]
- ❖ Alice et Bob ne partagent pas de clé secrète
- ❖ clé *publique* est connue de tous
- ❖ clé *privée* pour déchiffrer n'est connue que de Bob

# Cryptographie à clés publiques (Cryptographie asymétrique)



# Algorithme de chiffrement

Principe:

①  $K_B^+()$  et  $K_B^-()$  vérifient

$$K_B^-(K_B^+(m)) = m$$

② A partir de la clé publique  $K_B^+$ , il est « impossible » de calculer la clé privée  $K_B^-$

$(K_B^+()$  et  $K_B^-()$  sont inverses l'une de l'autre,  $K_B^+()$  est facile à calculer mais à partir de  $K_B^+()$  il est très difficile de calculer  $K_B^-()$  *one-way functions*)

**RSA:** Rivest, Shamir, Adelson

# RSA: création des clés privée/publique

1. choisir deux grands nombres premiers  $p$  et  $q$   
(par exemple 1024 bits)
2. calculer  $n = pq$ ,  $z = (p-1)(q-1)$
3. choisir  $e$  ( $e < n$ ) sans diviseur commun avec  $z$  ( $e, z$  sont premiers entre eux).
4. choisir  $d$  tel que  $ed-1$  est divisible par  $z$ .  
( $ed \bmod z = 1$ ).
5. clé publique  $\underbrace{(n, e)}_{K_B^+}$ . clé privée  $\underbrace{(n, d)}_{K_B^-}$ .



# RSA: chiffrement, déchiffrement,

0. soit  $(n,e)$  et  $(n,d)$  obtenus précédemment

1. message  $m$  ( $<n$ ),  $c$  le message chiffré:

$$c = m^e \bmod n$$

2. pour déchiffrer  $c$ :

$$m = c^d \bmod n$$

$$\text{On a } m = \underbrace{(m^e \bmod n)}_c^d \bmod n$$

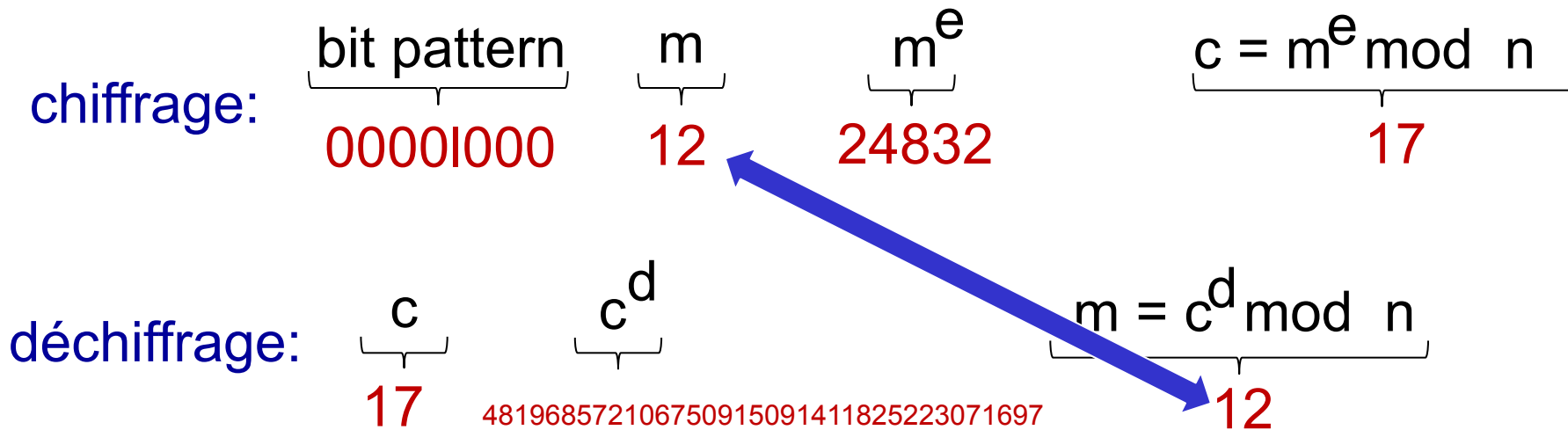
# RSA example:

Bob choisit  $p=5$ ,  $q=7$ . Alors  $n=35$ ,  $z=24$ .

$e=5$  ( $e$ ,  $z$  premiers entre eux).

$d=29$  ( $ed-1$  divisible par  $z$ ).

chiffrement message de 8-bits



# Chiffrement à clés publiques

RSA vérifie aussi:

$$\underbrace{K_B^-(K_B^+(m))}_{\text{d'abord la clé publique ensuite la clé privée}} = m = \underbrace{K_B^+(K_B^-(m))}_{\text{d'abord la clé privée ensuite la clé publique}}$$

d'abord la clé  
publique ensuite la  
clé privée

d'abord la clé  
privée ensuite la  
clé publique

# Pourquoi RSA est sûr?

- ❖ A partir de la clé publique de Bob  $(n,e)$ . Il est difficile de trouver  $d$
- ❖ « nécessite » de factoriser  $n$  sans connaître  $p$  et  $q$ .
  - On considère que factoriser un grand nombre est difficile.

# RSA dans la réalité

- ❖ l'exponentiation utilisée dans RSA est coûteuse
- ❖ DES est 100 fois plus rapide que RSA
- ❖ En pratique:
  - ❖ utiliser un système à clés publiques pour établir une communication sûre et s'entendre sur une clé symétrique, utiliser cette clé pour chiffrer-déchiffrer les communications.

## *Clé de session, $K_S$*

- ❖ Bob et Alice utilisent RSA pour échanger une clé symétrique  $K_S$
- ❖ avec  $K_S$ , codage symétrique

# Signatures numériques

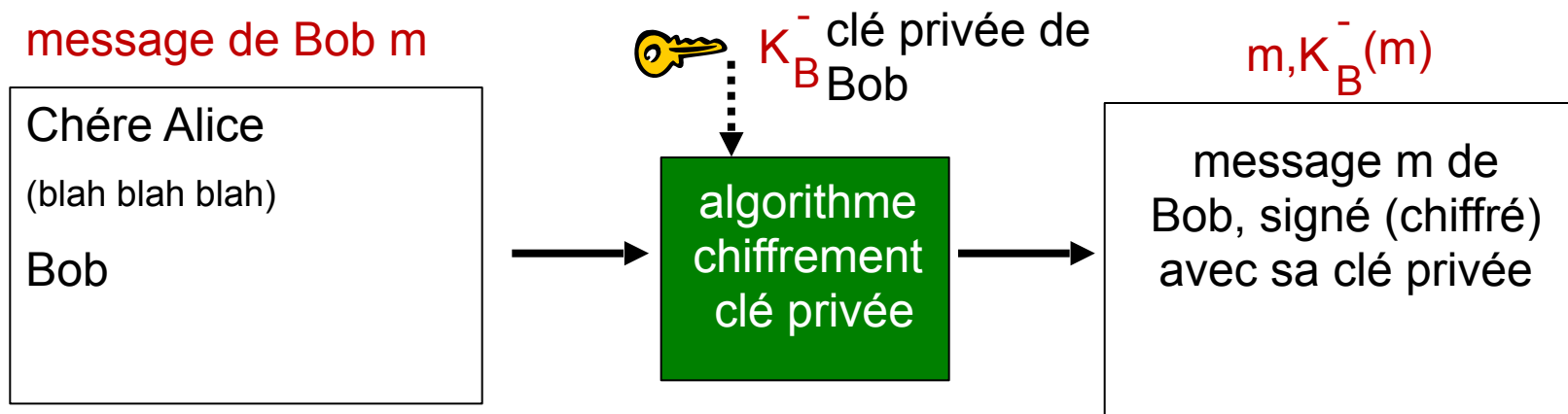
## technique analogue à la signature manuelle:

- ❖ Bob signe numériquement le document, établissant ainsi qu'il est le créateur/propriétaire du document.
- ❖ *vérifiable, infalsifiable (unforgeable)*: Alice peut prouver à un tiers que personne d'autres que Bob n'a signé le document
- ❖ attention... on suppose ici que « tout le monde » sait que la clé publique de Bob est bien la clé publique de Bob et seul Bob connaît sa clé privée

# Signatures numériques

## simple signature numérique pour le message m:

- ❖ Bob signe m en le codant avec sa clé privée  $K_B^-$ , créant le message signé,  $K_B^-(m)$



# Signatures numériques

- ❖ si Alice reçoit  $m$ , avec la signature:  $m, K_B^-(m)$
- ❖ Alice vérifie que  $m$  est signé par Bob avec la clé publique de Bob  $K_B^+$  :  $K_B^+(K_B^-(m)) = m$ .
- ❖ Si  $K_B^+(K_B^-(m)) = m$ , celui qui a signé avait la clé privée de Bob

## Alice vérifie:

- ➡ Bob a signé  $m$
- ➡ personne d'autre n'a signé  $m$
- ➡ Bob a signé  $m$  et pas  $m'$

## non-répudiation:

- ✓ Alice peut aller en justice prendre  $m$ , et la signature  $K_B^-(m)$  et prouver que Bob a signé  $m$

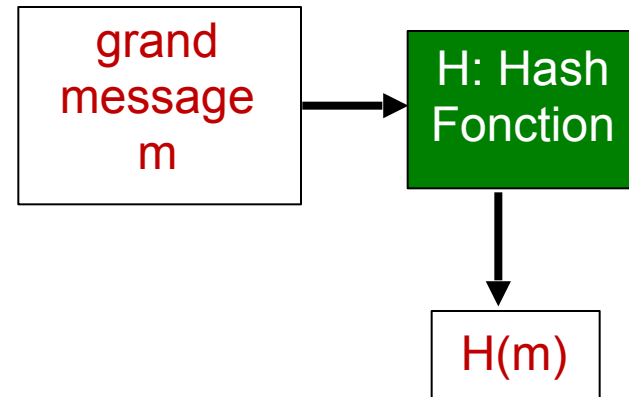


# « Message digest »

le chiffrement de longs messages  
avec clé publique est très  
coûteux

**Mais:** mais on peut facilement  
chiffrer des empreintes (digest)  
de taille fixe (“fingerprint”)

- ❖ en appliquant H fonction  
de hachage à m, on obtient  
un digest  $H(m)$ .

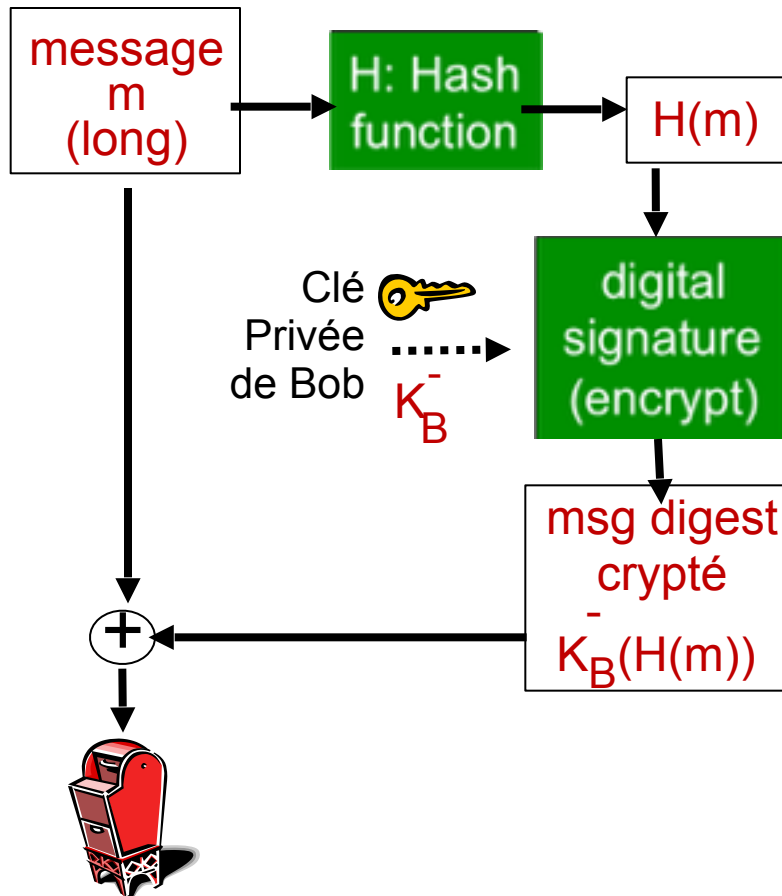


## Propriétés des fonctions de hachage:

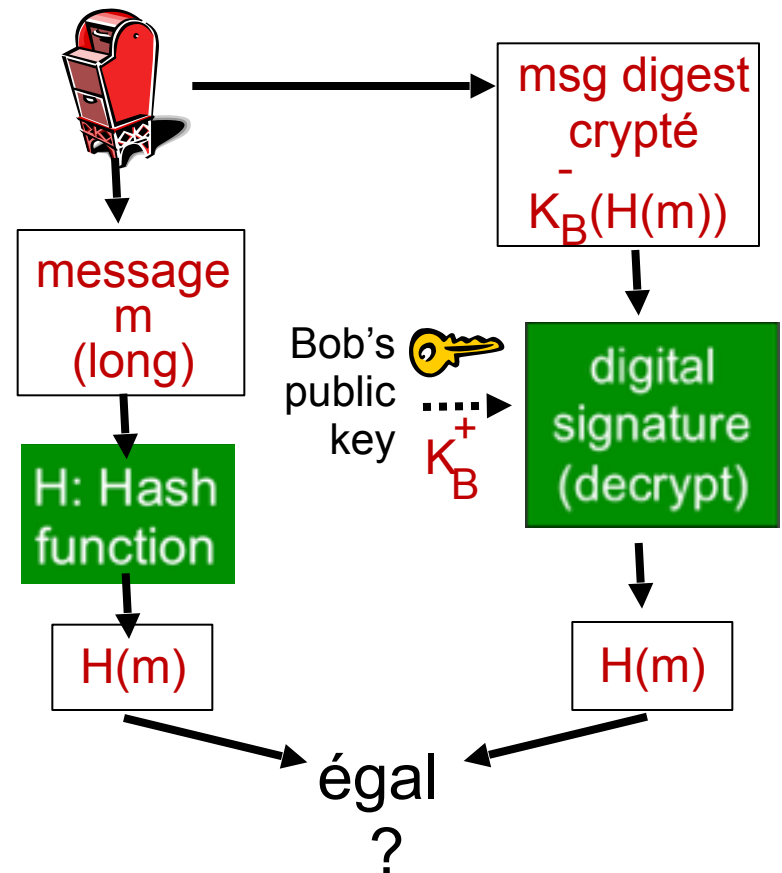
- ❖  $E=H(M)$ : « impossible » de trouver M connaissant E
- ❖ connaissant M et E  
« impossible » de trouver M'  
tel que  $H(M')=H(M)=E$
- ❖ « impossible » de trouver M  
et M' tels que  $H(M)=H(M')$

# Digest signé comme signature numérique

Bob envoie le message signé :



Alice vérifie la signature,  
l'intégrité du message signé:



# algorithmes de Hachage

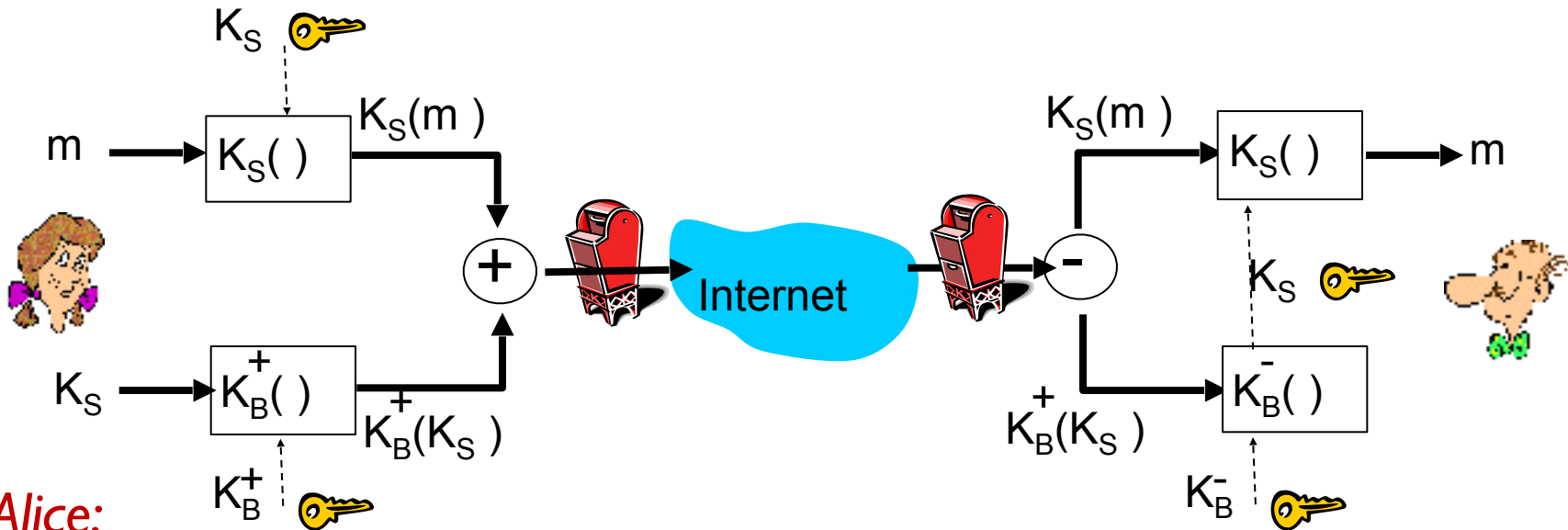
## ❖ MD5 (RFC 1321)

- calcule un « digest » de 128-bit
- à partir d'une chaîne  $x$  de 128-bits, il est difficile de construire un msg  $m$  pour lequel le hachage par MD5 est égal à  $x$
- « cassé » en 2004

## ❖ SHA-256 SHA-512

# e-mail sécurisé

❖ Alice veut envoyer un mail confidentiel à Bob

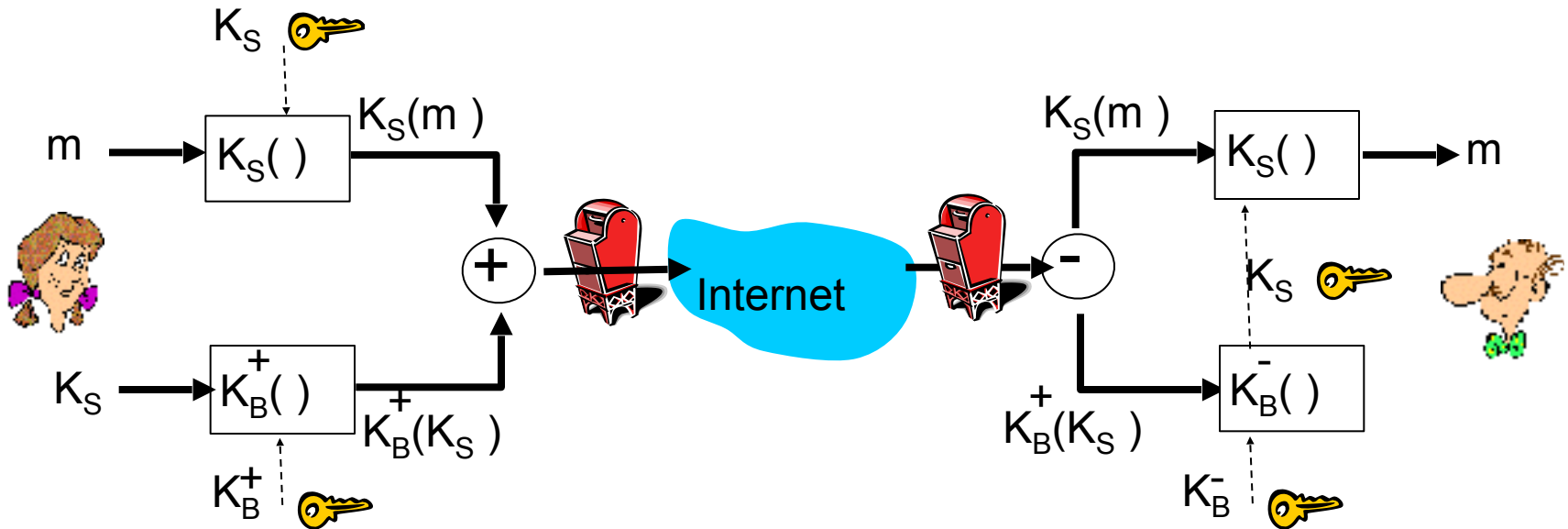


**Alice:**

- ❖ génère une clé *symétrique* privée,  $K_S$
- ❖ chiffre le message avec  $K_S$  (pour l'efficacité)
- ❖ chiffre aussi  $K_S$  avec la clé publique de Bob
- ❖ envoie  $K_S(m)$  et  $K_B^+(K_S)$  to Bob

# e-mail sécurisé

❖ Alice veut envoyer un mail confidentiel  $m$  à Bob.

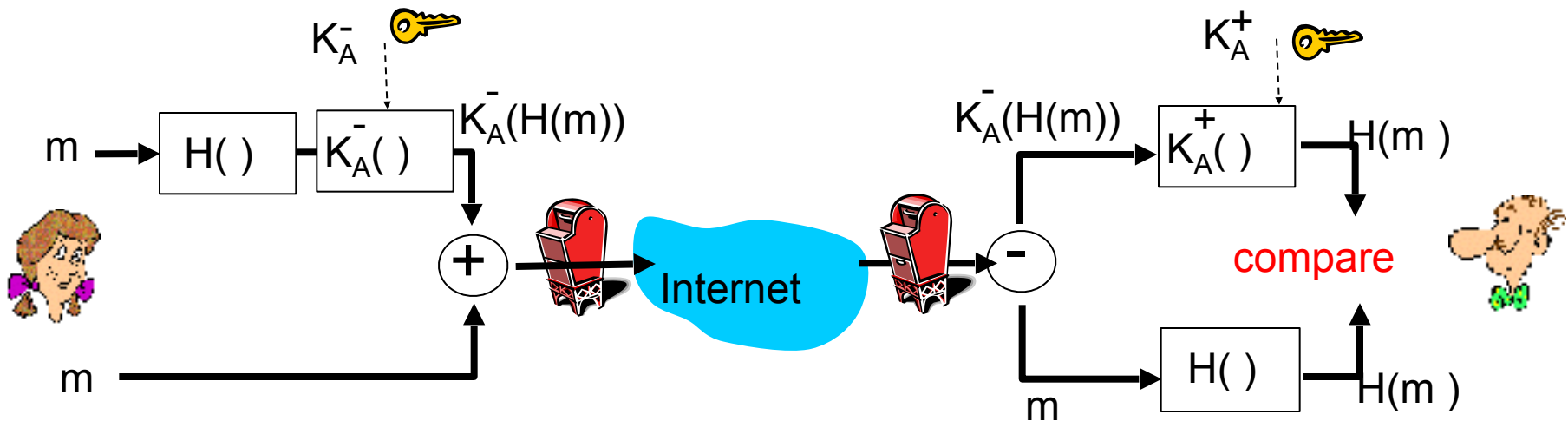


*Bob:*

- ❖ utilise sa clé privée pour déchiffrer et obtient  $K_S$
- ❖ utilise  $K_S$  pour déchiffrer  $K_S(m)$  pour obtenir  $m$

# e-mail sécurisé (suite)

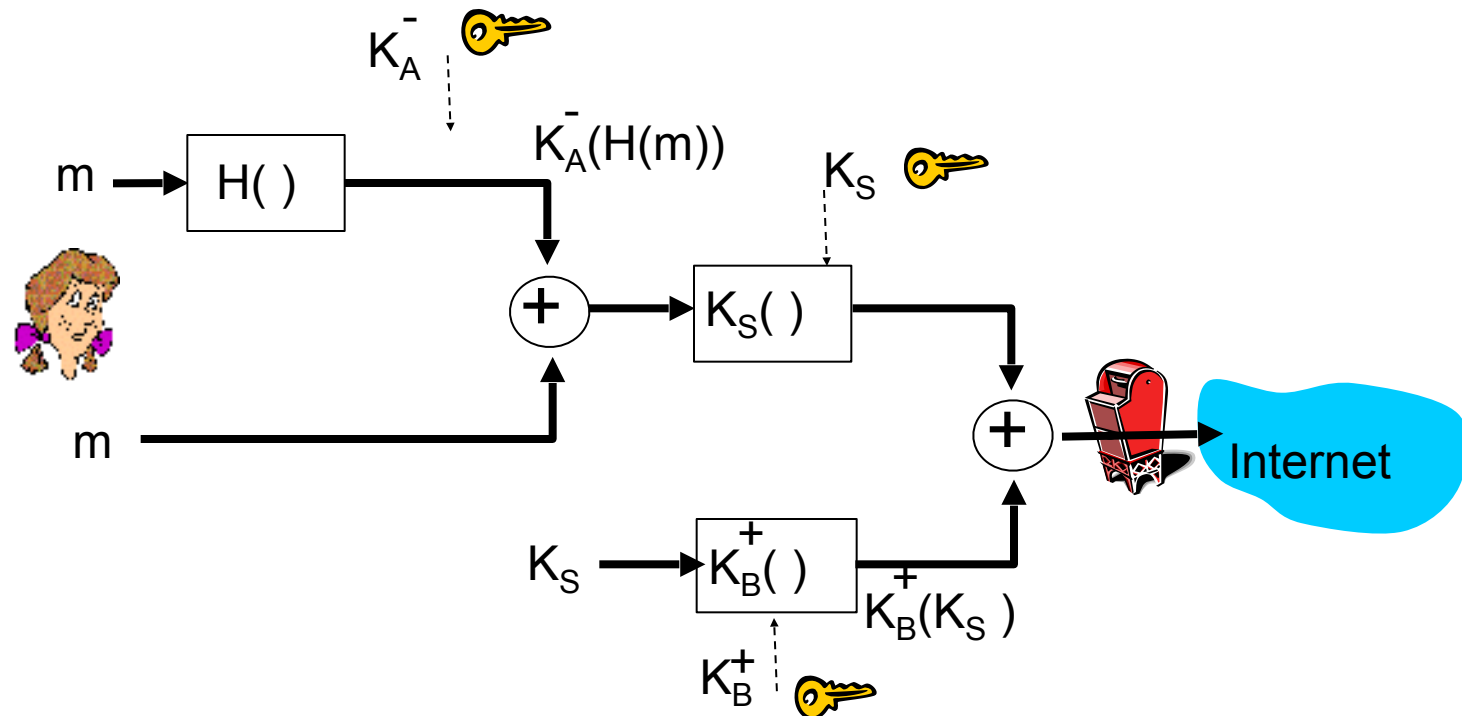
- ❖ Alice veut en plus prouver l'intégrité et authentifier le message



- ❖ Alice signe le message (signature numérique)
- ❖ envoie à la fois le message en clair et la signature numérique

# e-mail sécurisé (suite)

- ❖ Alice veut tout: secret authentification de l'émetteur et intégrité



*Alice utilise 3 clés:* sa clé privée, la clé publique de Bob, et une nouvelle clé symétrique