Plus en min omvormen

Bron:

https://hoezithet.nu/lessen/wiskunde/vergelijkingen/termen_omvormen/

Een <u>vergelijking</u> oplossen betekent dat we de waarden van de onbekende(n) vinden waarvoor de gelijkheid klopt. Vaak is er maar één onbekende, namelijk \boldsymbol{x} .

Door een vergelijking <u>om te vormen</u> naar de vorm $x=(\mathrm{een}\ \mathrm{getal})$ kunnen we de vergelijking oplossen. In deze les zien we hoe we vergelijkingen van de vorm x+a=b en x-a=b (waarbij a en b reële getallen zijn) kunnen omvormen naar $x=(\mathrm{een}\ \mathrm{getal})$.

Omvormen van x + a = b

Om een vergelijking van de vorm x+a=b (met $a,b\in\mathbb{R}$) om te vormen naar x= (een getal), moeten we enkel de +a weg krijgen uit het linkerlid. We willen dat er links x+0 staat in plaats van x+a. We kunnen van de a een 0 maken door van het linker- en rechterlid a af te trekken:

$$x + a = b$$

$$\Leftrightarrow x + a - a = b - a$$

$$\Leftrightarrow x + 0 = b - a$$

$$\Leftrightarrow x = b - a$$

Voorbeeld voor x + a = b

Nu eens zonder al die letters. We zullen het eens toepassen op de vergelijking

$$x + 3 = -8$$

De a is hier 3 en de b is hier -8. Om die vergelijking om te zetten naar de vorm x = (een getal), moeten we van het linker- en rechterlid 3 aftrekken:

$$x + 3 = -8$$

$$\Leftrightarrow x + 3 - 3 = -8 - 3$$

$$\Leftrightarrow x + 0 = -11$$

$$\Leftrightarrow x = -11$$

Ziezo! We hebben \boldsymbol{x} gevonden!

En wat met x - a = b?

We hebben weer hetzelfde doel: de vegelijking omvormen naar $x=({\rm een}\ {\rm getal})$. We willen dus dat er in het linkerlid 0 staat in plaats van a. Die 0 kunnen we daar krijgen door bij de linker- en rechterkant a op te tellen.

$$x - a = b$$

$$\Leftrightarrow x - a + a = b + a$$

$$\Leftrightarrow x + 0 = b + a$$

$$\Leftrightarrow x = b + a$$

Voorbeeld voor x - a = b

$$x - 6 = 2$$

$$\Leftrightarrow x - 6 + 6 = 2 + 6$$

$$\Leftrightarrow x + 0 = 8$$

$$\Leftrightarrow x = 8$$

✓ Uitbreiding

Eigenlijk is x-a=b dezelfde vorm als x+a=b, want

$$x - a = b$$

$$\Leftrightarrow x + (-a) = b$$

waarbij we nu (-a) hebben in plaats van a. We moeten nu dus aan beide kanten (-a) aftrekken in plaats van gewoon a.

$$x + (-a) = b$$

$$\Leftrightarrow x + (-a) - (-a) = b - (-a)$$

Dat komt echter neer op het **optellen van** a bij het linker- en rechterlid, zoals we hierboven gezien hadden.

$$x + (-a) - (-a) = b - (-a)$$

$$\Leftrightarrow x - a + a = b + a$$

$$\Leftrightarrow x + 0 = b + a$$

$$\Leftrightarrow x = b + a$$

Samengevat

Vergelijking	Tussenstap	Oplossing	Voorwaarden
x + a = b	$x + a - \mathbf{a} = b - \mathbf{a}$	x = b - a	$a,b\in\mathbb{R}$
x - a = b	$x - a + \mathbf{a} = b + \mathbf{a}$	x = b + a	$a,b\in\mathbb{R}$

Meer op https://hoezithet.nu/

