

Maal en gedeeld door omvormen

Bron:

https://hoezithet.nu/lessen/wiskunde/vergelijkingen/factoren_omvormen/

Een [vergelijking](#) oplossen betekent dat we de waarden van de onbekende(n) vinden waarvoor de gelijkheid klopt. Vaak is er maar één onbekende, namelijk x .

Door een vergelijking [om te vormen](#) naar de vorm $x = (\text{een getal})$ kunnen we de vergelijking oplossen. In deze les zien we hoe we vergelijkingen van de vorm $a \cdot x = b$ en $\frac{x}{a} = b$ kunnen omvormen naar $x = (\text{een getal})$. Daarbij zijn a en b [reële getallen](#) en $a \neq 0$.

✓ Uitbreiding: Waarom moet $a \neq 0$?

Zowel bij de vergelijking $a \cdot x = b$ als bij $\frac{x}{a} = b$ moet $a \neq 0$.

Bij $a \cdot x = b$ moet dat omdat als $a = 0$ de vgl. wordt $0 \cdot x = b$. Dit is een speciale soort vergelijking waar we het [later](#) over zullen hebben.

Bij $\frac{x}{a} = b$ moet $a \neq 0$ omdat we anders zouden delen door 0 . En delen door 0 , dat [levert alleen maar problemen op](#).

Omvormen van $a \cdot x = b$

Om een vergelijking van de vorm $a \cdot x = b$ (met $a \in \mathbb{R}_0$ en $b \in \mathbb{R}$) om te vormen naar $x = (\text{een getal})$, moeten we enkel de a weg krijgen uit het linkerlid. We willen dat er links $1 \cdot x$ staat in

plaats van $a \cdot x$. We kunnen van de a een **1** maken door het linker- en rechterlid te delen door a :

$$\begin{aligned} a \cdot x &= b \\ \Leftrightarrow \frac{a \cdot x}{a} &= \frac{b}{a} \\ \Leftrightarrow \frac{a}{a} \cdot x &= \frac{b}{a} \\ \Leftrightarrow 1 \cdot x &= \frac{b}{a} \\ \Leftrightarrow x &= \frac{b}{a} \end{aligned}$$

▼ Uitbreiding

Zorg dat je goed begrijpt waarom we bij het omvormen van een vergelijking telkens dezelfde bewerking aan **beide** kanten van de vergelijking moeten doen. We doen dat om de **gelijkheid** te kunnen behouden.

Als we weten dat

$$3x = -6$$

Waar is $\frac{3x}{3}$ dan aan gelijk? Omdat we weten dat $3x = -6$ is

$$\frac{3x}{3} = \frac{-6}{3}$$

Enkel door beide kanten van de vergelijking te delen door **3**, zijn we zeker dat we opnieuw een **gelijkheid** krijgen.

Voorbeeld voor $a \cdot x = b$

Nu eens met echte getallen in plaats van al die letters. Stel dat we de vergelijking

$$-3x = 6$$

moeten oplossen. We willen de -3 aan de linkerkant weg krijgen zodat er links gewoon x staat. Dat kunnen we doen door de vergelijking te delen door -3 :

$$\begin{aligned} -3 \cdot x &= 6 \\ \Leftrightarrow \frac{-3 \cdot x}{-3} &= \frac{6}{-3} \\ \Leftrightarrow \frac{-3}{-3} \cdot x &= \frac{6}{-3} \\ \Leftrightarrow 1 \cdot x &= -2 \\ \Leftrightarrow x &= -2 \end{aligned}$$

Controle door de x in de oorspronkelijke vergelijking $-3 \cdot x = 6$ te vervangen door (-2) :

$$-3 \cdot (-2) = 6$$

Feest! ~~we hebben!~~

Omvormen van $\frac{x}{a} = b$

Om een vergelijking van de vorm $\frac{x}{a} = b$ (met $a \in \mathbb{R}_0$ en $b \in \mathbb{R}$) om te vormen naar $x = (\text{een getal})$, moeten we enkel de a weg krijgen uit het linkerlid. We willen dat er links $x \cdot 1$ staat in plaats van $\frac{x}{a}$. We kunnen hiervoor zorgen door het linker- en rechterlid te vermenigvuldigen met a :

$$\begin{aligned} \frac{x}{a} &= b \\ \Leftrightarrow \frac{x}{a} \cdot a &= b \cdot a \\ \Leftrightarrow x \cdot \frac{a}{a} &= b \cdot a \\ \Leftrightarrow x \cdot 1 &= b \cdot a \\ \Leftrightarrow x &= b \cdot a \end{aligned}$$

Voorbeeld voor $\frac{x}{a} = b$

$$\frac{x}{5} = -2$$

$$\Leftrightarrow \frac{x}{5} \cdot 5 = -2 \cdot 5$$

$$\Leftrightarrow x \cdot \frac{5}{5} = -2 \cdot 5$$

$$\Leftrightarrow x \cdot 1 = -10$$

$$\Leftrightarrow x = -10$$

Controle:

$$\frac{-10}{5} = -2$$

Yes!

Samengevat

Vergelijking	Tussenstap	Oplossing	Voorwaarden
$a \cdot x = b$	$\frac{a \cdot x}{a} = \frac{b}{a}$	$x = \frac{b}{a}$	$a \in \mathbb{R}_0$ en $b \in \mathbb{R}$
$\frac{x}{a} = b$	$\frac{x}{a} \cdot a = b \cdot a$	$x = b \cdot a$	$a \in \mathbb{R}_0$ en $b \in \mathbb{R}$

Meer op <https://hoezithet.nu/>



| hoe zit het?

