



日期: /

有 $n$ 个元素进栈，则合法的序列有多少种？卡特兰数！

$$\frac{C_{2n}^n}{n+1}$$

循环队列只是解决了“假溢出”，在代码不健壮，满队列的时候再入队，也会产生上溢出。



## 二叉树的性质

- **性质1:** 在二叉树的第  $i$  层至多有  $2^{i-1}$  个结点 ( $i \geq 1$ )。
- **性质2:** 深度为  $k$  的二叉树至多有  $2^k - 1$  个结点。
- **性质3:** 对于任何一棵二叉树 $T$ ，若其终端结点(叶子)数为  $n_0$ ，度为1的结点数为  $n_1$ ，度为2的结点数  $n_2$ ，则  $n_0 = n_2 + 1$ 。
- **性质4:** 具有 $n$ 个结点的完全二叉树的深度是  $\lfloor \log_2 n \rfloor + 1$ 。
- **性质5:** 如果对一棵有 $n$ 个结点的完全二叉树的结点按层序编号，则对任一结点 $i$  ( $1 \leq i \leq n$ )，有：
  - 如果  $i=1$ ，则结点 $i$ 是二叉树的根，无双亲；如果  $i>1$ ，则其**双亲**是  $\lfloor i/2 \rfloor$ ；
  - 如果  $2i > n$ ，则结点 $i$ 无左孩子；如果  $2i \leq n$ ，则其**左孩子**是  $2i$ ；
  - 如果  $2i+1 > n$ ，则结点 $i$ 无右孩子；如果  $2i+1 \leq n$ ，则其**右孩子**是  $2i+1$ 。

日期:

/

完全二叉树中， $n_0$ 是叶子数， $n$ 是树节点数，那么有 $n_0 = \lceil n/2 \rceil$ 。 $n$ 是奇数时结果向上取整，偶数向下取整。

同样给出 $n$ 个节点的完全二叉树，那么其叶子节点个数为 $A = (n+1)/2$ ， $A$ 取下

→ P30/10  
P24/5

只有根节点也是非空，啥也没有才是空树

总节点个数=叶子节点+一个节点数+两个节点数

树所对应的二叉树其根节点的右子树一定为空

日期:

/

树转换为二叉树的方法：

- 1.在兄弟之间连一根线
- 2.对每个节点，除了左孩子外，去除与其余孩子之间的关系
- 3.一个节点的左孩子仍是它的左孩子，右孩子是它的亲兄弟

森林转换为二叉树：

- 1.将每棵树分别转换为二叉树
- 2.将每棵树的根节点用线相连
- 3.第一个树的根节点作为二叉树的根节点，第二棵树的根节点作为根节点的右孩子，第三棵树做第二棵树根节点的右孩子，以此类推

二叉树转换为树：

- 1.若p节点是双亲节点的左孩子，则p的右孩子，右孩子的右孩子，...沿着分支找到的所有右孩子，都与p的双亲用线连起来
- 2.抹除原二叉树中双亲与右孩子之间的连线

二叉树转换为森林：

- 1.将二叉树中根节点与其右孩子的连线，以及沿右分支搜索到的所有右孩子间的连线全部抹掉，变成孤立的二叉树
- 2.将孤立的二叉树还原成树

树

二叉树

森林

先根遍历

先序遍历

先序遍历

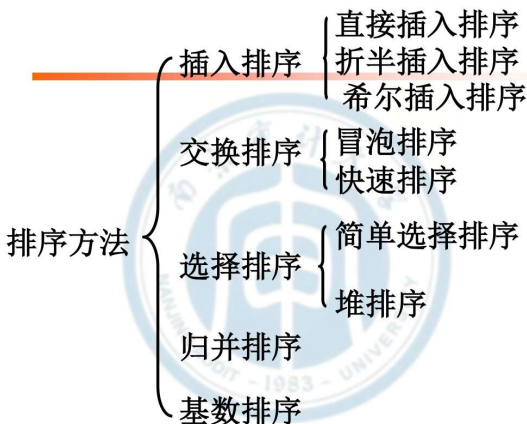
后根遍历

中序遍历

中序遍历

日期:

/



类别	排序方法	时间复杂度			空间复杂度	稳定性
		平均情况	最好情况	最坏情况		
插入排序	插入排序	$O(N^2)$	$O(N)$	$O(N^2)$	$O(1)$	稳定
	Shell 排序	$O(N^{1.3})$	$O(N)$	$O(N^2)$	$O(1)$	不稳定
选择排序	选择排序	$O(N^2)$	$O(N^2)$	$O(N^2)$	$O(1)$	不稳定
	堆排序	$O(N \lg N)$	$O(N \lg N)$	$O(N \lg N)$	$O(1)$	不稳定
交换排序	冒泡排序	$O(N^2)$	$O(N)$	$O(N^2)$	$O(1)$	稳定
	快速排序	$O(N \lg N)$	$O(N \lg N)$	$O(N^2)$	$O(\lg N)$	不稳定
归并排序	归并排序	$O(N \lg N)$	$O(N \lg N)$	$O(N \lg N)$	$O(N)$	稳定

日期:        /       

设置哨兵的优点是：不用每轮循环都判断j>=0

【直接插入排序例题-哔哩哔哩】<https://b23.tv/qGT3Msq>

日期: /