

第二章 线性表

制作:数据结构在线课程课题组

南京审计大学 信息工程学院 2020.09





内容概要

- 1、理解线性表的逻辑结构及定义
- 2、掌握线性表的顺序存储结构及操作实现
- 3、掌握线性表的链式存储结构及操作实现
- 4、线性表结构应用举例方法





2.1 线性表的类型定义

☆ <u>线性表</u>(linear_list): N个数据元素的有限序 列,数据元素之间具有线性关系。

记作: (a1, a2, a3, ……an) ai是数据元素

☆ <u>线性关系</u>:除第一个元素外,每个元素有且仅有一个前驱;除最后一个元素外,每个元素有且仅有一个后继;

☆ <u>特点</u>:数据元素之间的关系是它们在数据集合中的相对位置。





抽象数据类型线性表的定义如下

ADT List {

数据对象:

```
D={ a<sub>i</sub> | a<sub>i</sub> ∈ ElemSet, i=1,2,...,n, n≥0 } 
{ 其中n 为线性表的表长; }
```

数据关系:

```
R1={ <a_{i-1},a_i>|a_{i-1},a_i\in D, i=2,...,n } { 设线性表为 (a_1,a_2,\ldots,a_i,\ldots,a_n), 称 i 为 a_i 在线性表中的位序。}
```





基本操作:

结构初始化操作

结构销毁操作

引用型操作

加工型操作

ADT List





初始化操作

InitList(&L)

操作结果:

构造一个空的线性表L。





结构销毁操作

DestroyList(&L)

初始条件:

线性表 L已存在。

操作结果:

销毁线性表 L。





引用型操作:

ListEmpty(L) ListLength(L)

PriorElem(L, cur_e, &pre_e)

NextElem(L, cur_e, &next_e)

GetElem(L, i, &e)

LocateElem(L, e, compare())

ListTraverse(L, visit())





线性表判空操作

ListEmpty(L)

初始条件:

线性表L已存在。

操作结果:

若**L**为空表,则返回 TRUE,否则FALSE。





求线性表的长度操作

ListLength(L)

初始条件:

线性表L已存在。

操作结果:

返回L中元素个数。





求数据元素的前驱

PriorElem(L, cur_e, &pre_e)

初始条件: 线性表L已存在。

操作结果: 若cur_e是L的元素,但不是第一个,则用pre_e 返回它的前驱,否则操作失败,pre_e无定义。





求数据元素的后继

NextElem(L, cur_e, &next_e)

初始条件: 线性表L已存在。

操作结果:

若cur_e是L的元素,但不是最后一个,则用next_e返回它的后继,否则操作失败,next_e无定义。





求线性表中某个数据元素

GetElem(L, i, &e)

初始条件: 线性表L已存在,

且 1≤i≤LengthList(L)

操作结果: 用 e 返回L中第 i 个元素的值。





定位函数

LocateElem(L, e, compare())

初始条件:

线性表L已存在, e为给定值,

compare()是元素判定函数。

操作结果:

返回L中第1个与e满足关系compare()的元素的位序。 若这样的元素不存在, 则返回值为0。





遍历线性表

ListTraverse(L, visit())

初始条件: 线性表L已存在。

Visit()为某个访问函数。

操作结果:

依次对L的每个元素调用

函数visit()。一旦visit()失

败,则操作失败。





加工型操作:

ClearList(&L)

ListInsert(&L, i, e)

ListDelete(&L, i, &e)





线性表置空

ClearList(&L)

初始条件: 线性表L已存在。

操作结果:将L重置为空表。





插入数据元素

ListInsert(&L, i, e)

初始条件: 线性表L已存在,

且 1≤i≤LengthList(L)+1

操作结果:

在L的第i个元素之前插入 新的元素e,L的长度增1。





删除数据元素

ListDelete(&L, i, &e)

初始条件:

操作结果:

线性表L已存在且非空, 1≤i≤LengthList(L)

删除L的第i个元素,并用e返回其值,L的长度减1。





线性表ADT的应用举例

例1: 已知有线性表L,要求删除所有X的出现

```
Status del (List &L, ElemType x)
    { k=LocateElem(L,x,equal);
        while(k!=0)
        { Listdelete(L,k,e);
             k=LocateElem (L,x,equal);
        }
    return(OK);
}
```





2.2 线性表的顺序表示和实现

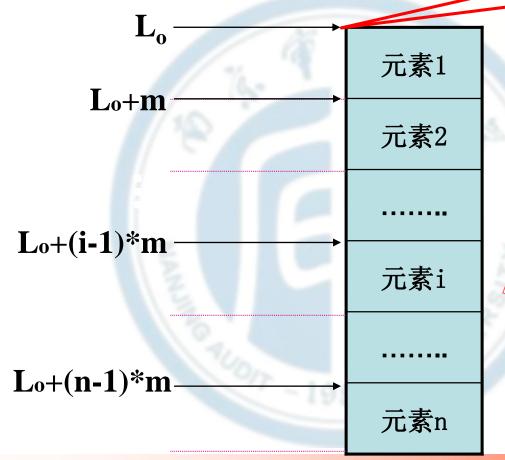
一、顺序存储结构

1、<u>存储方式:</u>用一组地址连续的存储单元依次存储线性表的各个元素。具体地:假设存储每个元素占用*l*个存储单元,并且以所占的第一个单元的地址作为该元素的存储地址,于是:



基地址: 首 元的起始地 址

存储地址 存储内容



可随机存取





2、特点:

☆存储空间必须是连续的,预分配。

☆逻辑顺序与物理顺序一致,用物理上的相邻来表示逻辑上 的线性关系。

☆任意相邻元素之间无空闲空间,且相距为1。

☆已知基地址,可以计算出任意元素的存储地址:

 $LOC(ai) = base + (i-1) \times l$





3、存储实现:

在高级语言中,数组是采用顺序存储的,因而,我们可以用高级语言中的数组类型来说明上面的存储方式。 在对线性表进行存储实现时,我们要定义一个结构体类型, 应在其中定义三个域分别用来表示:

- (1) 存储线性表所有元素的数组
- (2) 存储线性表元素的数组的长度
- (3) 存储线性表当前长度的变量





```
#define LIST_INIT_SIZE 100 //线性表存储空间的初始分配量 #define LISTINCREMENT 10 //线性表存储空间的分配增量 typedef struct{
```

```
Elemtype *elem; //存储空间基址
```

int length; //当前长度

int listsize; //当前分配存储容量

}SqList;





二、顺序存储下的虚拟实现

1、初始化

```
Status InitList_sq(SqList &L) //构造一个空的线性表 {L.elem=(ElemType*)malloc(LIST_INIT_SIZE*sizeof(ElemType)); if(!L.elem)exit(OVERFLOW); L.length=0; //空表长度为0 时间复杂性O(1) L.listsize=LIST_INIT_SIZE //初始存储容量 return OK; }
```

2、清空表

L.length=0;

时间复杂性O(1)



一. malloc函数

【中文名】动态内存分配

【用法】void *malloc(int size);

【功能】malloc向系统申请分配size字节的内存空间,返回类型为void*类型。

【头文件】在Visual C++6.0中可以用malloc.h或者stdlib.h。

- 【说明】(1)如果分配成功则返回指向被分配内存的指针,否则返回空指针NULL。
 - (2) 当分配的内存空间不再使用时,应使用free()函数



·. malloc函数

【用法】void *malloc(int size);

【注意】(1)形参是无符号整型(不允许为负数)

(2)函数的返回值是void*类型,它表示未确定类型的 指针,即不指向任何类型的数据,只提供一个地址。 返回的指针指向该内存分配空间的起始位置。

注意,void*类型可以强制转换为其他任何类型的指针。

【例子】 int *p;

p=(int *)malloc (sizeof (int));



二. realloc函数

【中文名】动态内存调整

【用法】指针名=(void*)realloc(address, newsize);

【功能】先判断指针address是否有足够的newsize个连续空间,如果有,扩大address指向的地址,并且将address返回;如果空间不够,先按照newsize指定的大小分配空间,将原有数据从头到尾拷贝到新分配的内存区域,而后释放原来address所指内存区域(注意:原来指针是自动释放,不需要使用free),同时返回新分配的内存区域的首地址。

即重新分配存储器块的地址。 Nanjing Audit University



二. realloc函数

【头文件】在Visual C++6.0中可以用malloc.h或者stdlib.h。

【说明】新申请的内存空间大小一般要大于原来的内存空间大小, 否则有可能会导致数据丢失!如果不考虑数据内容是否丢 失,新申请的内存空间可比原来的内存空间大也可以小。

【返回值】如果重新分配成功则返回指向被分配内存的指针,否则 返回空指针NULL。

【例子】 char *p, *q; p=(char*)malloc(10); q=(char*)realloc(p,20);





二、顺序存储下的虚拟实现

```
3、销毁表
```

free (L.elem)

4、求表长

return (L.length)

5、判断空表

if (L.length==0) return OK;

6、取表中 第i个元素 Status GetElem_sq(SqList L,int i, ElemType &e)

```
{ if (i>L.length||i<1) return ERROR;
```

p=L.elem+(i-1); //p为第i个元素的位置

e=*p; //取出的第i个元素的值赋给e

return OK;

时间复杂性O(1)

}





二、顺序存储下的虚拟实现

8、插入 //在顺序线性表L中第i个元素之前插入新元素e

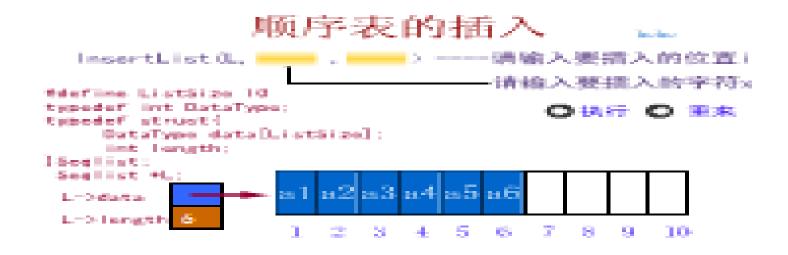


Nanjing Audit Universit 注意: 还要考虑空间满的情况 School of Technology

精品资源共享课



在顺序线性表L中第i个元素之前插入新元素e





在第i个元素之后插入,怎么改?

```
Status Listinsert_Sq(SqList &L,int i, ElemType e) {
     //在顺序线性表L中第i个元素之间插入新元素e
 if (i<1||i>L.length+1) return ERROR;
 if (L.length>=L.listsize) {
  newbase=(ElemType*)realloc(L.Elem,
                  (L.listsize+LISTINCREMENT)*sizeof(ElemType));
                                   //存储分配失败
  if (!newbase) exit(OVERFLOW);
  L.elem=newbase;
  L.listsize+=LISTINCREMENT;
                                         时间复杂性O(n)
                       //q为插入位置
  q=&(L.elem[i-1]);
  for (p=&(L.length-1]); p>=q;--p) *(p+1)=*p;
   *q=e; ++L.length; return OK; }
```



考虑平均的情况:

假设在第i个元素之前插入的概率为 p_i ,

则在长度为*n* 的线性表中**插入一个元素所需移动元 素次数的期望值**为:

$$E_{is} = \sum_{i=1}^{n+1} p_i (n - i + 1)$$

若**假定**在线性表中任何一个位置上进行**插入的概率** 都是**相等**的,则**移动元素的期望值为**

$$E_{is} = \frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^{n+1} (n-i+1) = \frac{n}{2}$$





9、顺序表删除元素



```
Status ListDelete_Sq(SqList &L,int i, ElemType &e) {
     //在顺序线性表L中删除第i个元素,并用e返回其值
    //i的合法值为1<=i<=ListLength_Sq(L)
if (i<1||i>L.length) return ERROR;
p=&(L.elem[i-1]); //p指向被删除的元素
           //被删除元素的值赋给e
e=*p;
q=L.elem+L.length-1;
for (++p;p<=q;++p) *(p-1)=*p;
--L.length;
return OK;
                         时间复杂性O(n)
```





考虑平均的情况:

假设删除第i个元素的概率为 q_i ,

则在长度为**n** 的线性表中删除一个元素所需移动元素次数的期望值为:

$$E_{dl} = \sum_{i=1}^{n} q_i (n-i)$$

若假定在线性表中任何一个位置上进行删除的概率 都是相等的,则移动元素的期望值为

$$E_{dl} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (n-i) = \frac{n-1}{2}$$





线性表--顺序存储

特点: 以数据元素物理位置的相邻

表示逻辑关系的相邻。

优点:随机存取。

缺点:拉克斯姆特里和穆蒂移动较多

数据元素。



作业

指出以下算法中的错误和低效之处,并将它改写为一个既正确又高效的算法。

```
Status DeleteK(SqList &a, int i, int k)
  //从顺序存储结构的线性表a中删除第i个元素起的k个元素
  if(i<1||k<0||i+k>a.length) return ERROR;//参数不合法
  else {
     for(count=1;count<=k;count++){</pre>
     //删除第一个元素
       for(j=a.length;j>=i+1;j--) a.elem[j-1]=a.elem[j];
        a.length--;
  return OK;
```





2.3 线性表的链式表示和实现

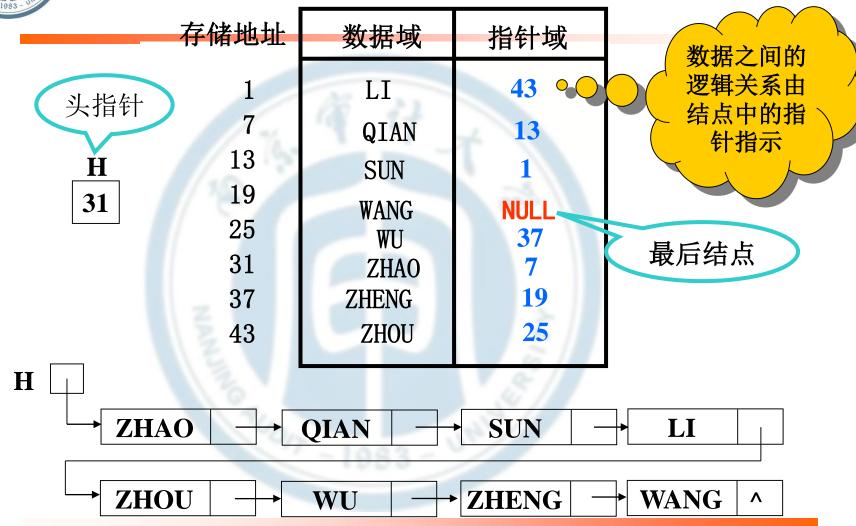
- 线性表的链式存储结构的特点:
 - 用一组任意的存储单元存储线性表的数据元素。(这 组存储单元可以是连续的,也可以是不连续的)
 - 利用指针实现了用不相邻的存储单元存放逻辑上相邻的元素。
 - 每个数据元素a_i,除存储本身信息外,还需存储其直接后继的信息。
 - 数据元素的映象用一个结点来表示。
 - 数据域:元素本身信息
 - 指针域: 指示直接后继的存储位置



数据域

指针域

例如: 线性表(ZHAO, QIAN, SUN, LI, ZHOU, WU, ZHENG, WANG)



Nanjing Audit University
School of Technology



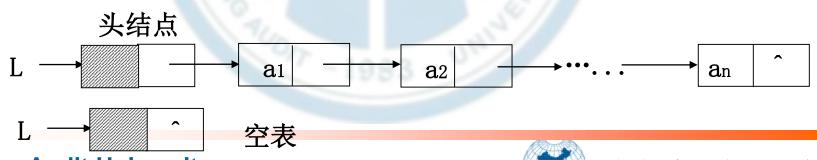
The state of the s

线性链表 (单链表)

- 单链表
 - 链表中的每一个结点中只包含一个指针域的称为单链表
- 单链表的存储结构

```
typedef struct LNode{
    ElemType data;
    struct LNode *next;
}LNode, *LinkList;
```

• 头结点: 在单链表第一个结点前附设一个结点。





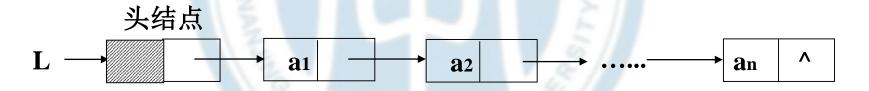
```
初始化(带头结点)
status Initlist_L (LinkList &L)
  { L=(LNode*) malloc (sizeof(Lnode));
     L->next=NULL;
     return OK;
                            时间复杂性: 0(1)
```





查找

- L为带头结点的单链表的头指针,当第i个元素存在时, 其值赋给e并返回OK,否则返回ERROR。
- 算法思想:设置一个指针变量指向第一个结点,然后, 让该指针变量逐一向后指向,直到第i个元素。





查找

```
Status GetElem_L(LinkList L, int i, ElemType &e){
                     //初始化,p指向第一个结点,j为计数器
  p=L\rightarrow next; j=1;
  while(p && j<i){
                      //顺指针向后查找,直到p指向第i个元素或p为空
       p=p\rightarrow next; ++j;
  if(!p || j>i) return ERROR;
                                    //第i个元素不存在
                                    //取第i个元素
  e=p→data;
  return OK;
}//GetElem_L
```

顺序存取

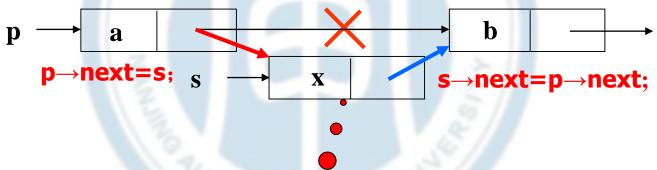
时间复杂性: O(n)





插入操作: 要在数据元素a和b 之间插入元素x 算法思想:

- 生成s结点,数据为x
- s的指针指向b。
- p的指针指向s



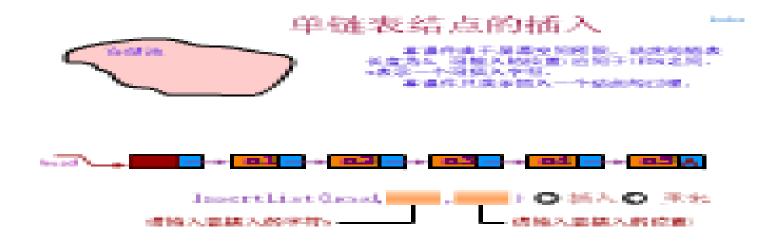
可否交换两个指针的修改次序?

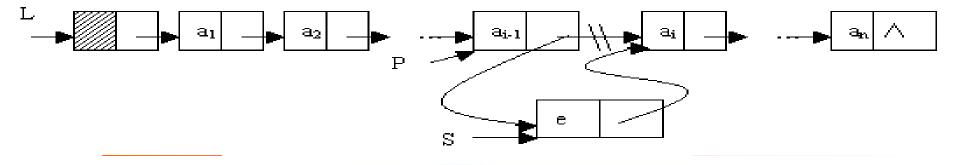






• 单链表结点插入





Status ListInsert_L(LinkList&L, int i, ElemType e){

```
//在带头结点的单链表L中第i个位置前插入元素e
p=L; j=0; //i-1的有效位置从0开始
while(p && j<i-1) {p=p→next; ++j;} //寻找第i-1个结点
if (!p || j>i-1) return ERROR; //i小于1或者大于表长加1
s=(LinkList)malloc(sizeof(LNode));
                                          //生成新结点
s→data=e;
                                   //插入L中
s \rightarrow next = p-next; p \rightarrow next = s;
return OK;
```



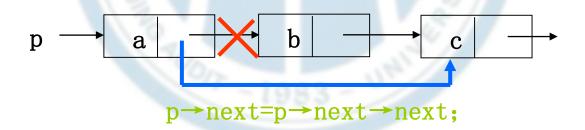
}// ListInsert_L



删除操作:在单链表数据元素a、b、c三个相邻的元素中删除b

算法思想:

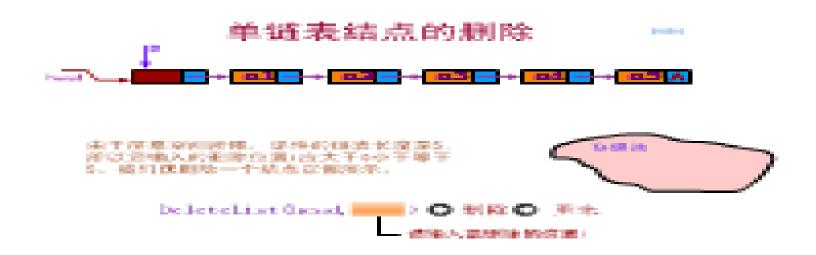
- 就是要让a的指针直接指向c, 使b从链表中脱离。
- 释放b所分配的资源。

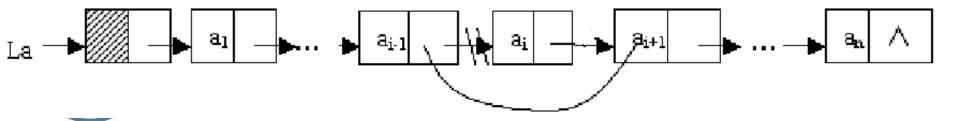






• 单链表结点删除





```
Status ListDelete_L(LinkList&L, int i, ElemType &e){
  //在带头结点的单链表L中,删除第i个元算,并由e返回其值
  p=L; j=0; //i-1的有效位置从0开始
  while(p->next && j<i-1) { //寻找第i个结点,并令p指向其前趋
       p=p\rightarrow next; ++j;
  if (!(p->next) || j>i-1) return ERROR; //删除位置不合理
                                   //删除结点
  q=p->next; p->next=q->next;
  e=q->data; free(q);
                                   //释放结点
  return OK;
}// ListDelete_L
```





单链表的操作:头插法建立单链表

头插法建单链表

本现件申請申請的實驗单定都來自內育的何区級——"育 建設"。由于斯泰华问房限,最多可建立長度为7的走失結点 的单級表。 单市飞加强于11、法狱一试吧!

透明原子





单链表的操作:头插法建立单链表

- 建立线性表的链式存储结构的过程就是一个动态生成链表的过程
- 从空表开始,依次建立各个元素结点,并逐个插入链表 void CreateList_L(LinkList &L, int n){

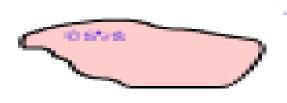
//逆位序输入n个元素的值,建立带表头结点的单链表L。

}// CreateList L
Nanjing Audit University
School of Technology

这是一个逆序建立



单链表的操作:尾插法建立单链表



尾插法建表

Section .

本理各中, 容够能优强。 J. 高铁金属。 由于是某个国际限。 鱼里里立 由平型流路及外线 有更色线点。



结输入蒸入链汞中的字符中







单链表的操作:尾插法建立单链表

方法: 从头到尾,即从第一个元素结点逐个创建各个元素结点。 头结点

每次都是链到当前链表的最后。

创建头结点:



重复n次

L=(LinkList)malloc(sizeof(LNode));

L->next=NULL; r=L;

读入一个元素,链入其中:

先进先出,正序建立,三根指针

p=(LinkList)malloc(sizeof(LNode));

scanf(&p->data);

p->next=NULL;

r->next=p; r=r->next;

Nanjing Audit University

School of Technology



单链式存储结构下的其他操作

```
求长度
int ListLength_L(LinkList L)
     i=0;
     p=L->next;
      while(p)
      { i++;
        p=p->next;
        return i;
```

时间复杂性: O(n)





单链式存储结构下的其他操作

逆转:将一单链表逆转,要求逆转在原链表上进行,不允许重新构造一个链表。(就地逆转)

```
void reverse (LinkList &head)
```





单链式存储结构下的其他操作

合并:将两个有序链表合并为一个有序链表

- 算法思想:
 - 设立三个指针pa、pb和pc分别用来指向两个有序链表和合并表的当前元素。
 - 比较两个表的当前元素的大小,将小的元素链接到合并表中,即,让合并表的当前指针指向该元素,然后,修改指针。
 - 在归并两个链表为一个链表时,不需要另建新表的结点空间,而只需将原来两个链表中结点之间的关系解除,重新建立关系。



```
void MergeList_L(LinkList &La, LinkList &Lb, LinkList &Lc){
//已知单链表La和Lb的元素按非递减排列,归并La和Lb得到新的非递减单链表 Lc。
  pa=La->next; pb=Lb->next;
  Lc=pc=La; //用La的头结点作为Lc的头结点
  while (pa && pb) {
      if (pa->data<=pb->data){
            pc->next=pa; pc=pa; pa=pa->next;
     else{pc->next=pb; pc=pb; pb=pb->next; }
  pc->next=pa?pa:pb; //插入剩余段
  free(Lb); //释放Lb的头结点
```







单链表特点

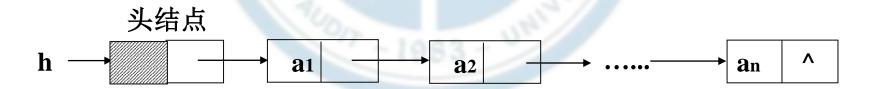
- 它是一种动态结构,整个存储空间为多个链表共用。
- 不需预先分配空间。
- 插入、删除操作的速度快。
- 指针占用额外存储空间。
- 不能随机存取,查找速度慢。
- 只能沿一个方向查找节点





单链表的改进

- 它是一种动态结构,整个存储空间为多个链表共用。
- 不需预先分配空间。
- 插入、删除操作的速度快。
- 指针占用额外存储空间。
- 不能随机存取,查找速度慢。
- 查找受限,从某点出发,只能查找后面的节点

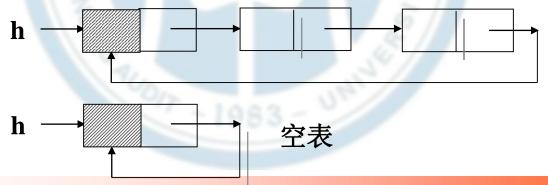






2.3.2 循环链表

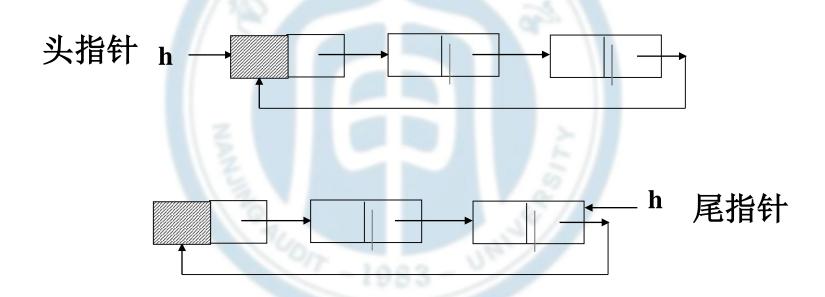
- 表中最后一个结点的指针指向头结点,使链表构成环状。
- 特点:从表中任一结点出发均可找到表中其他结点,提 高查找效率。
- 操作与单链表基本一致,判表尾条件不同。
 - 单链表p或p->next=NULL
 - 循环链表p或p->next=h







• 在循环链表中设计尾指针而不设头指针,可以使某些操作简单。



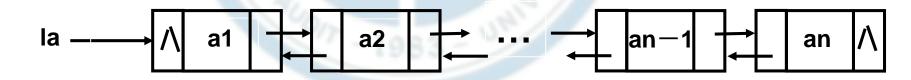


2.3.3 双向链表

双链式存储结构



(a1,a2,...ai,ai+1,...an)







```
//---线性表的双链式存储结构----
typedef struct DuLNode{
    ElemType data;
    struct DuLNode *next;
    struct DuLNode *prior;
    } DuLNode,*DuLinkList;
```



双向链表的操作

- 双指针使得双向循环链表中,前趋结点和后继结 点的查找更为方便、快捷。NextElem和PriorElem 的执行时间为0(1)。
- 仅需涉及一个方向的指针的操作和单链表的操作相同。
- 插入和删除需同时修改两个方向的指针。



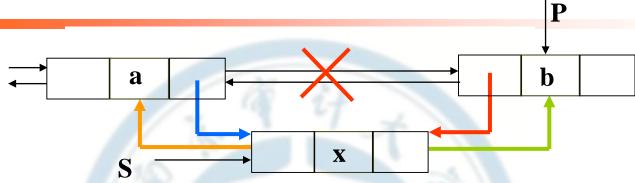


插入操作:

要在数据元素a和b 之间插入元素x







s=(DuLinkList)malloc(sizeof(DuLNode));

s->data=x;

s->prior=p->prior;

p->prior->next=s;

s->next=p;

p->prior=s;





插入算法2.18

Status ListInsert_DuL(DuLinkList&L, int i, ElemType e){

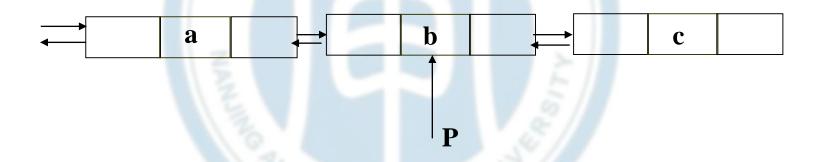
```
//在带头结点的双向循环链表L中第i个位置前插入元素e
 //i的合法值为1<i<表长+1
  if (!(p=GetElemP_DuL(L,i))) //在L中确定第i个元素的指针p
      return ERROR;
                                 //p=NULL,即第i个元素不存在
  if(!(s=(DuLinkList)malloc(sizeof(DuLNode))))
       return ERROR;
                                        //申请空间失败
                                 //生成新结点
  s->data=e;
  s->prior=p->prior; p->prior->next=s;
  s->next=p; p->prior=s;
                                        //插入L中
  return OK;
}// ListInsert_DuL
```



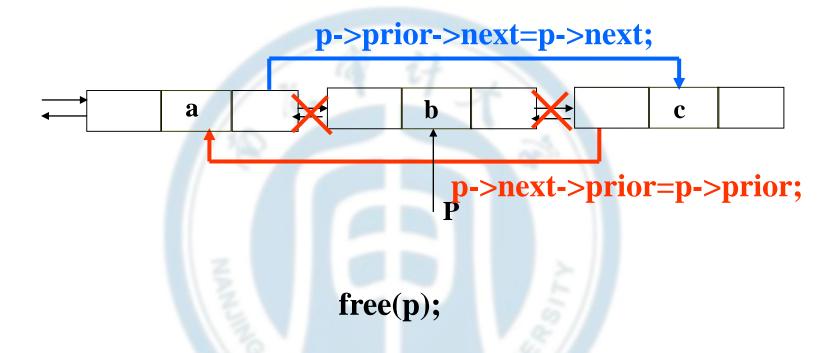


删除操作:

在单链表数据元素a、b、c三个相邻的元素中删除b









删除算法2.19

```
Status ListDelete_DuL(DuLinkList&L, int i, ElemType &e){
  //在带头结点的双向循环链表L中,删除第i个元算,并由e返回其值
 //i的合法值为1≤i≤表长
  if (!(p=GetElemP_DuL(L,i))) //在L中确定第i个元素的指针p
      return ERROR;
                                 //p=NULL,即第i个元素不存在
  e=p->data;
  p->prior->next=p->next;
  p->next->prior=p->prior;
                                 //删除结点
  free(p);
                                        //释放结点
  return OK;
}// ListDelete_DuL
```





双向链表的操作

删除p的直接后继结点的语句序列

```
q = p->next;
p->next = q->next;
q->next->prior = p;
free(q);
```

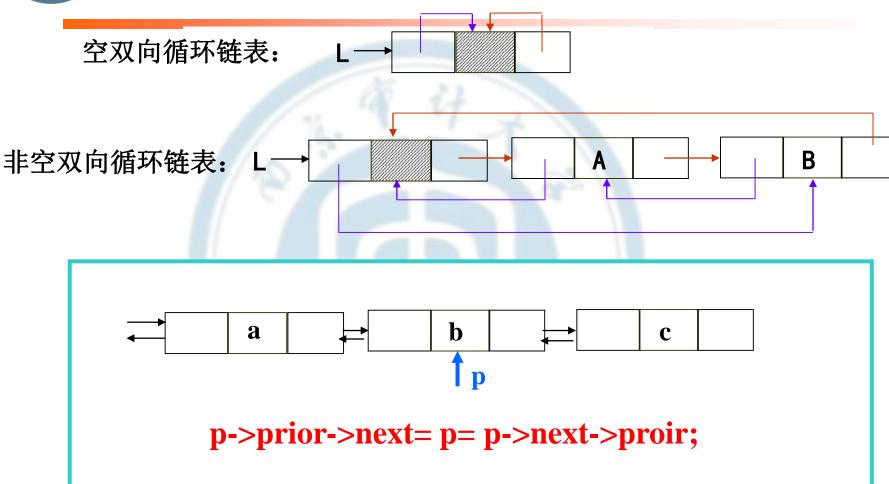
删除p的直接前驱结点的语句序列

```
q = p->prior;
p->prior = q->prior;
q-> prior->next = p;
free(q);
```





双向循环链表







双向循环链表

2、特点:

☆ 相当于两个循环单链

3、实现:

与双向链表完全相同





练习

不带头结点的单链表head为空的判定条件是_A。

- A. head = NULL
- B. $head \rightarrow next = = NULL$
- C. head—>next==head
- D. head!=NULL





带头结点的单链表head为空的判定条件是_B_。

- A. head = NULL
- B. $head \rightarrow next = = NULL$
- C. head—>next==head
- D. head!=NULL





非空的循环单链表head的尾结点(由p所指向)满足<u>C</u>。

- A. $p \rightarrow next = NULL$
- B. p = = NULL
- C. $p \rightarrow next = = head$
- D. p = = head





在循环双链表的p所指结点之后插入s所指结点的操作是__D。

- A. p->next =s; s->prior=p; p->next->prior=s; s ->next = p->next;
- B. p->next =s; p->next->prior=s; s->prior=p; s->next =p->next;
- C. S->priort=p; S->next =p->next; p->next =S; p->next->prior=S;
- D. s->prior=p; s->next = p->next; p->next->prior=s; p->next =s;





本章小结(一)

- 线性表是n(n≥0)个数据元素的序列,通常写成 (a₁,...,a_{i-1},a_i,a_{i+1},...a_n)
- 线性表中除了第一个和最后一个元素之外,都只有一个前驱和一个后继。
- 线性表中每个元素都有自己确定的位置,即"位序"。
- n=0时的线性表称为"空表",在写线性表的操作算法时一 定要考虑你的算法对空表的情况是否也正确。





本章小结(二)

• 顺序表

- 是线性表的顺序存储结构的一种别称。
- 特点是以"存储位置相邻"表示两个元素之间的前驱、 后继关系。
- 优点是可以随机存取表中任意一个元素。
- 一缺点是每作一次插入或删除操作时,平均来说必须移动表中一半元素。
- 一常应用于主要是为查询而很少作插入和删除操作,表长变化不大的线性表。





本章小结(三)

- 是线性表的链式存储结构的别称。
- 特点是以"指针"指示后继元素,因此线性表的元素可以存储在存储器中任意一组存储单元中。
- 优点是便于进行插入和删除操作。
- 一缺点是不能进行随机存取,每个元素的存储位置都存放在其前驱元素的指针域中,为取得表中任意一个数据元素都必须从第一个数据元素起查询。
- 由于它是一种动态分配的结构,结点的存储空间可以 随用随取,并在删除结点时随时释放,以便系统资源 更有效地被利用。这对编制大型软件非常重要,作为 一个程序员在编制程序时必须养成这种习惯。

