Page 120-121

T2

- a) 可数。该集合为 $\{1,11,111,1111,...\}$,通过规律可知,自然数 $n 与 n \uparrow 1$ 的位串一一对应。
- b) 可数。列出分母和分子都为正整数的正有理数:

画圈的正有理数为满足题意的有理数, {1/4,1/5,2/5,3/4,3/5,4/5,5/4,...}由于所有满足题意的正有理数 只列出一次,所以是可数的。

T9

是不可数的。假设 A-B 是可数的,则 A=(A-B) \cup (A \cap B),因为 B 为可数集,则 A \cap B 也为可数集,故(A-B) \cup (A \cap B)也为可数集,进而 A 为可数集,这与 A 为不可数集矛盾。故 A-B 是不可数的。

Page 229-230

T2

- a) 不是自反的,不是对称的,不是反对称的,是传递的
- c) 不是自反的,是对称的,不是反对称的,不是传递的
- e) 是自反的,是对称的,是反对称的,是传递的

T3

- a) 是自反的,不是对称的,不是反对称的,是传递的
- b) 不是自反的,是对称的,不是反对称的,不是传递的
- c) 不是自反的,是对称的,不是反对称的,不是传递的
- d) 不是自反的,是对称的,不是反对称的,不是传递的

T4

- a) 不是自反的,是对称的,不是反对称的,不是传递的
- d) 是自反的,是对称的,不是反对称的,是传递的

T11

2^{mn},从 m 元素集合到 n 元素集合有 mn 种连接方式, 故为 2^{mn}。

T17

- a) $R_2 \circ R_1 = \{ (a,b) \in \mathbb{R}^2 \mid a > b \}$
- b) $R_2 \circ R_2 = \{ (a,b) \in \mathbb{R}^2 \mid a > b \}$

T19

- a) $R_1 \cup R_2 = \{ (a,b) | a \equiv b \pmod{3}$ 或 $a \equiv b \pmod{4} \}$
- b) $R_1 \cap R_2 = \{ (a,b) | a \equiv b \pmod{12} \}$
- c) $R_1 R_2 = \{ (a,b) | a-b \equiv 3,6,9 \pmod{12} \}$
- d) $R_2 R_1 = \{ (a,b) | a-b \equiv 4.8 \pmod{12} \}$
- e) $R_1 \oplus R_2 = \{ (a,b) | a-b \equiv 3,4,6,8,9 \pmod{12} \}$

T21

b) 2¹⁵

T26

通过数学归纳法证明: 当 n=1 时,R=R 显然成立。假设 Rⁿ=R,由于 R 是传递的,故由定理可知 Rⁿ⁺¹ \subseteq R;任取(a,b) \in R,则(a,b) \in Rⁿ,Rⁿ⁺¹=R oRⁿ,R 是自反的,则(b,b) \in R,则(a,b) \in Rⁿ⁺¹,故 R \subseteq Rⁿ⁺¹,最终 Rⁿ⁺¹=R,结论成立。

Page 240

T5

- a) 4950 d) 100

T8

a)
$$R^2 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

T15

把有向箭头反向即可。