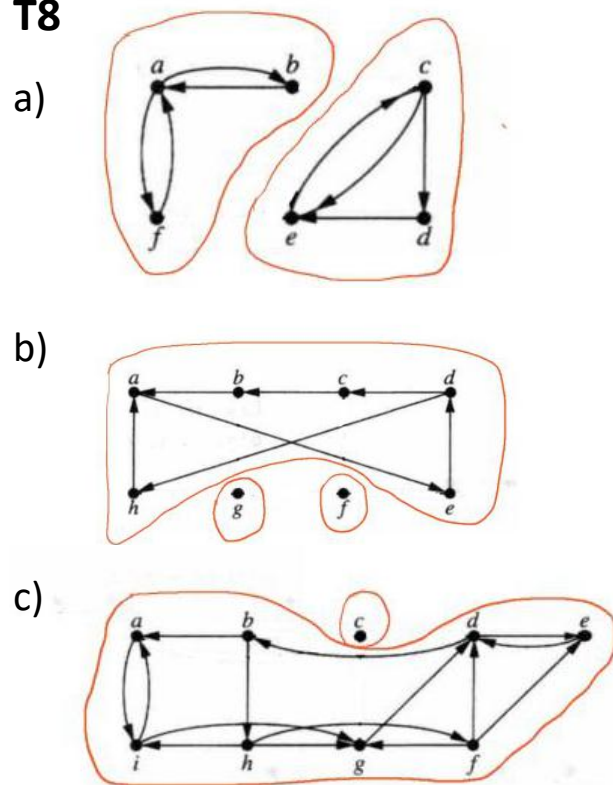


## Page 309-311

### T6

- a) 不是强连通的，是弱连通的。
- b) 不是强连通的，是弱连通的。
- c) 不是强连通的，也不是弱连通的。

### T8



### T10

通过邻接矩阵求解：  $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$

- a)2      b)7      c)20      d)61

### T11

不是同构的,  $G$  图中有长度为 3 的简单回路, 而  $H$  图中没有。

### T14

根据题意, 对于任意  $v \in V$ , 有  $(v, v) \in R$ , 故  $R$  是自反的; 假设  $(u, v) \in R$ , 即存在从  $u$  到  $v$  的通路, 由于  $G$  是简单图, 则必有从  $v$  到  $u$  的通路,  $(v, u) \in R$ , 故  $R$  是对称的; 假设  $(u, w) \in R, (w, v) \in R$ , 即存在从  $u$  到  $w$  的通路, 从  $w$  到  $v$  的通路, 则存在从  $u$  到  $w$  再到  $v$  的通路, 即从  $u$  到  $v$  的通路,  $(u, v) \in R$ , 故  $R$  是传递的。综上,  $R$  是等价关系。

### T19

- a) {丹佛, 芝加哥}, {波士顿, 纽约}
- b) {西雅图, 波特兰}, {波特兰, 旧金山}, {盐湖城, 丹佛},  
{纽约, 波士顿}, {波士顿, 班戈}, {波士顿, 伯林顿}

### T23

- a) 1                      b) 2                      c) 6                      d) 21

### T31

1)  $G$  是简单二分图  $\rightarrow G$  没有包含奇数条边的回路。

$G$  是简单二分图时, 若没有回路, 则显然成立; 若有回路,

不妨将该图分为  $V_1, V_2$  两个顶点集，顶点集内顶点不关联，则取任意回路在  $V_1$  中的点  $v_0$ ，该路线在  $V_1, V_2$  间进行，最终回到  $V_1$ ，步数为奇数时在  $V_2$  内，步数为偶数时在  $V_1$  内，要回到  $V_1$  的起始点，则其步数必为偶数，即边数为偶数，故  $G$  没有包含奇数条边的回路。

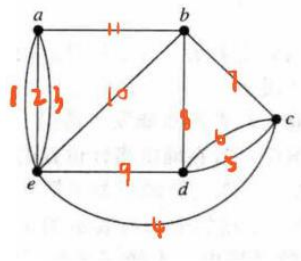
2)  $G$  没有包含奇数条边的回路  $\rightarrow G$  是简单二分图。

若  $G$  是包含偶数条边回路的简单图，取其中一回路，选取一点  $v_0$ ，则走下一步为  $v_1$ ，第二步为  $v_2$ ，第  $2n$  步回到  $v_0$ ，则将走奇数步的放于顶点集  $V_1$ ，偶数步的放于顶点集  $V_2$ ，则可恰好使得位于顶点集内的顶点不关联，对于其他的通路亦可如此，则构成了明显的简单二分图。

## Page 318-319

### T3

有欧拉回路，如  $a, e, a, e, c, d, c, b, d, e, b, a$ .



### T10

没有欧拉回路，也没有欧拉通路。

**T14**

a)2          b)无

**T17**

没有哈密顿回路，因为图中有度为 1 的顶点。

**T19**

当  $m=n$  且  $m,n>1$  时，完全二分图  $K_{m,n}$  具有哈密顿回路。

**T24**

设  $G$  是奇数的顶点的二分图，则将  $G$  的顶点分为  $V_1, V_2$  两个顶点集，顶点集内点不相关联。则若存在哈密顿回路，则有  $v_0, v_1, v_2, \dots, v_{n-1}, v_0$  ( $n$  为奇数)，则设  $v_0$  在  $V_1$  顶点集内，有  $v_0, v_2, \dots, v_{n-1}$  在  $V_1$  顶点集内， $v_1, v_3, \dots, v_{n-2}$  在  $V_2$  顶点集内，而  $v_{n-1}$  与  $v_0$  同在  $V_1$  顶点集内，与顶点集内点不相关联矛盾，故没有哈密顿回路。

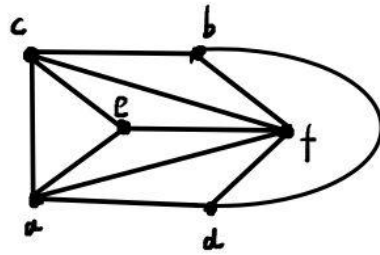
**Page 326****T2**

16，路线为  $a, c, d, e, g, z$ 。

## Page 333-334

T4

是平面图。

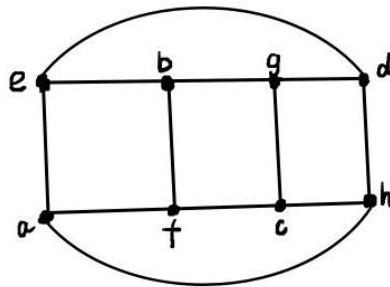


T10

a) 具有      b) 不具有      c) 具有      d) 不具有

T12

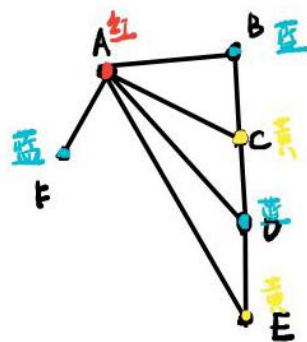
是平面图。



## Page 338-339

T2

3 种颜色。



## T10

将  $C_1, C_2, C_3, C_4, C_5, C_6$  作为顶点，若有人参加两个会议，则连接两点，如图。

则  $C_4, C_5$  可安排在同一时间，  
其余各安排在不同时间。

