目 录

目 录	III
— РХ4	
1.1 编译	1
1.2 软件在环仿真 SIL	4
1.2.1 启动流程	4
1.2.2 jMAVSim 初始化	9
1.2.3 PX4 SITL 初始化	9
1.2.3.1 simulator 模块流程	12
1.2.3.2 gyrosim 等虚拟传感器模块流程	12
1.2.3.3 pwm_out_sim 与 mixer 模块流程	13
1.2.3.4 MAVLink 解析	15
1.2.3.5 其他 MAVLink 问题	15
1.2.4 仿真通信流程	15
1.2.5 Simulink 与 PX4 进行 SIL 仿真	16
1.3 硬件在环仿真 HIL	16
1.3.1 启动流程	16
1.3.2 jMAVSim 启动时间的讨论	22
二 ROS	25
2.1 基础	25
2.1.1 创建工作空间	25
2.1.2 创建一个 pkg	25
2.1.3 编译 git 上的 pkg	25
2.1.4 问题及解决方案	25
三 Python3 学习使用	26
3.1 Python3 生成 PDF 文档	26
3.1.1 读取测试数据	26
3.1.2 数据分析及处理	27
3.1.3 测试结果及绘图	27
3.1.4 生成 PDF 文档	28
3.2 数学运算	30

四 状态估计	31
4.1 基础理论知识	31
4.1.1 低通滤波器	31
4.1.2 动态观测器	31
4.1.3 连续-离散卡尔曼滤波器	32
4.1.4 从概率角度的理解	34
4.1.5 更多讨论	35
4.2 四元数	36
4.2.1 四元数基本计算	36
4.2.2 四元数微分方程	36
4.3 PX4 状态估计源码分析	36
$4.3.1$ attitude_estimator_q	36
五 轨迹跟踪	37
5.1 基础理论知识	37
5.1.1 L1 轨迹跟踪	37
5.1.2 进一步讨论	38
5.1.3 其他的几种轨迹跟踪	38
5.2 MPC 控制及动态路径跟踪	39
六 规划	41
6.1 最短路径算法	41
6.1.1 Floyd 算法	41
6.1.2 Dijkstra 算法	41
6.1.3 Bellman-Ford 算法	42
6.1.4 A* 算法	42
6.2 路径搜索算法	44
6.2.1 PRM 算法	44
6.2.2 RRT 算法	45
6.2.3 RRT* 算法	45
6.3 路径曲线生成算法	48
6.3.1 Dubins path	48
6.3.2 Bezier 曲线和 B-spline 曲线	48
633 其他形式曲线	40

七 LeetCode	50
7.1 数论	50
7.1.1 Power of Three	50
7.2 树	50
7 2 1 Recover Binary Search Tree	50

— PX4

1.1 编译

对于简单的工程,可以直接手动用 gcc/g++ 将.c/.cpp 文件编译链接为可执行文件。若工程包含多个文件夹多个文件,可以通过编写 makefile 文件并利用 make 工具,自动化地对所有文件进行编译。而对于更为复杂的工程,可以通过编写 CMakeLists 文件,并利用 cmake 工具,自动化地生成 makefile 文件。

PX4 代码编译的入口是根目录下的 Makefile 文件。该 Makefile 文件首先执行一些基本的检测、设置,然后利用 cmake 工具,由根目录下的 CMakeLists 文件和 PX4 代码结构中的其他配置文件,自动生成 makefile 文件并进行 make 编译。

make 命令的基本教程可以参考这里。

首先对 git 环境、编译工具、系统目录等进行了简单的检测和配置:

```
ifeq ($(wildcard .git),)
38
      $(error YOU HAVE TO USE GIT TO DOWNLOAD THIS REPOSITORY. ABORTING
39
  endif
40
41
   CMAKE_VER := $(shell Tools/check_cmake.sh; echo $$?)
42
   ifneq ($(CMAKE_VER),0)
43
      $(warning Not a valid CMake version or CMake not installed.)
44
      $(warning On Ubuntu 16.04, install or upgrade via:)
45
      $(warning)
46
      $(warning 3rd party PPA:)
47
      $(warning sudo add-apt-repository ppa:george-edison55/cmake-3.x -y
      $(warning sudo apt-get update)
49
      $(warning sudo apt-get install cmake)
50
      $(warning)
51
      $(warning Official website:)
52
      $(warning wget https://cmake.org/files/v3.4/cmake-3.4.3-Linux-
53
         x86_{64.sh}
      $(warning chmod +x cmake-3.4.3-Linux-x86_64.sh)
      $(warning sudo mkdir /opt/cmake-3.4.3)
55
      $(warning sudo ./cmake-3.4.3-Linux-x86_64.sh --prefix=/opt/cmake
56
         -3.4.3 --exclude-subdir)
      $(warning export PATH=/opt/cmake-3.4.3/bin:$$PATH)
57
      $(warning)
58
      $(error Fatal)
59
```

endif

```
# explicity set default build target
   all: posix_sitl_default
81
   # Parsing
82
83
   # assume 1st argument passed is the main target, the
84
   # rest are arguments to pass to the makefile generated
   # by cmake in the subdirectory
   FIRST_ARG := $(firstword $(MAKECMDGOALS))
   ARGS := $(wordlist 2, $(words $(MAKECMDGOALS)), $(MAKECMDGOALS))
88
   j ?= 4
89
90
   ifndef NO_NINJA_BUILD
91
   NINJA_BUILD := $(shell ninja --version 2>/dev/null)
   endif
   ifdef NINJA_BUILD
94
      PX4_CMAKE_GENERATOR ?= "Ninja"
95
     PX4 MAKE = ninja
96
     PX4 MAKE ARGS =
97
   else
98
99
   ifdef SYSTEMROOT
100
    # Windows
    PX4_CMAKE_GENERATOR ?= "MSYS Makefiles"
102
   else
103
    PX4_CMAKE_GENERATOR ?= "Unix Makefiles"
104
   endif
105
      PX4\_MAKE = $(MAKE)
106
      PX4_MAKE_ARGS = -j$(j) --no-print-directory
107
   endif
108
   # check if replay env variable is set & set build dir accordingly
110
   ifdef replay
111
    BUILD_DIR_SUFFIX := _replay
112
   else
113
    BUILD_DIR_SUFFIX :=
114
```

```
endif
115
116
   # additional config parameters passed to cmake
117
   CMAKE_ARGS :=
   ifdef EXTERNAL_MODULES_LOCATION
119
    CMAKE ARGS := -DEXTERNAL MODULES LOCATION:STRING=$(
120
        EXTERNAL_MODULES_LOCATION)
   endif
121
122
   SRC_DIR := $(shell dirname $(realpath $(lastword $(MAKEFILE_LIST))))
123
```

以下是/cmake/configs/目录下获取所有可编译的目标,其中 ALL_CONFIG_-TARGETS 是所有目标,NUTTX_CONFIG_TARGETS 是 NUTTX_开头的目标。

然后利用 call-build 对当前目标 (\$@) 进行编译。再往下基本都是各种伪目标的说明。

```
# All targets.
158
     $ (ALL_CONFIG_TARGETS):
159
       $(call cmake-build, $0)
160
161
     # Abbreviated config targets.
162
163
     # nuttx_ is left off by default; provide a rule to allow that.
164
     $ (NUTTX_CONFIG_TARGETS):
165
       $(call cmake-build, nuttx_$@)
166
```

对 cmake-build 的宏定义是 Makefile 文件中的核心部分:

129 行定义 BUILD_DIR = /build_\$@ 变量,也就是之后所有编译文件生成的目录。130 行判断 Ninja 和 cmake 之间的冲突。

131 行首先根据 BUILD_DIR/CMakeCache.txt 文件来判断是否需要创建 BUILD_-DIR 文件夹并调用 cmake。cmake .. 是指根据根目录下的 CMakeLists 进行 makefile 文件生成,-G\$(PX4_CMAKE_GENERATOR) 则是指定使用 Ninja 或是 cmake,-DCONFIG=\$(1) 是将第一个参数赋值给 cmake 的变量 CONFIG,该变量在 CMakeLists 中指定了生成 makefile 文件过程中会包含哪个 cmake/configs/.cmake 文件。

133 行,根据目标目录下的 makefile 文件 (或是 Ninja 的 rule 文件)编译。如果想屏蔽掉 Ninja,可以在 91 行之前添加宏定义:

```
define NO_NINJA_BUILD
endef
```

1.2 软件在环仿真 SIL

1.2.1 启动流程

以下用 make posix_sitl_default jmavsim 为例,分析软件在环仿真(SITL)启动流程。

编译完 posix_sitl_default 目标后,会调用/Tools/sitl_run.sh 脚本 (通过什么调用的还不知道)。

```
#!/bin/bash

set -e

cho args: $0

sitl_bin=$1
rcS_dir=$2
debugger=$3
```

```
program=$4
  model=$5
11
  src_path=$6
  build_path=$7
14
  echo SITL ARGS
15
16
  echo sitl_bin: $sitl_bin
17
  echo rcS_dir: $rcS_dir
18
  echo debugger: $debugger
  echo program: $program
  echo model: $model
   echo src_path: $src_path
   echo build_path: $build_path
23
24
  working_dir=`pwd`
25
  sitl_bin=$build_path/src/firmware/posix/px4
26
  rootfs=$build_path/tmp/rootfs
27
   if [ "$chroot" == "1" ]
  then
30
   chroot enabled =- c
31
   sudo_enabled=sudo
32
  else
33
   chroot_enabled=""
34
   sudo_enabled=""
   fi
37
   # To disable user input
38
   if [[ -n "$NO_PXH" ]]; then
39
   no_pxh=-d
40
  else
41
   no_pxh=""
42
   fi
43
   if [ "$model" == "" ] || [ "$model" == "none" ]
45
   then
46
   echo "empty model, setting iris as default"
47
    model="iris"
48
49
```

```
50
   if [ "$#" -lt 7 ]
51
   then
52
    echo usage: sitl_run.sh rc_script rcS_dir debugger program model
       src_path build_path
   echo ""
54
   exit 1
55
   fi
56
57
   # kill process names that might stil
58
  # be running from last time
  pgrep gazebo && pkill gazebo
  pgrep px4 && pkill px4
61
   jmavsim_pid=`ps aux | grep java | grep Simulator | cut -d" " -f1`
62
   if [ -n "$jmavsim_pid" ]
63
  then
64
   kill $jmavsim_pid
65
   fi
66
67
  cp $src_path/Tools/posix_lldbinit $working_dir/.lldbinit
   cp $src_path/Tools/posix.gdbinit $working_dir/.gdbinit
69
70
  SIM PID=0
71
72
   if [ "$program" == "jmavsim" ] && [ ! -n "$no_sim" ]
73
   then
74
    $src_path/Tools/jmavsim_run.sh &
75
    SIM PID=`echo $!`
76
   cd ../..
   elif [ "$program" == "gazebo" ] && [ ! -n "$no_sim" ]
78
79
    if [ -x "$(command -v gazebo)" ]
80
    then
81
      # Set the plugin path so Gazebo finds our model and sim
      source $src_path/Tools/setup_gazebo.bash ${src_path} ${build_path}
83
84
      gzserver --verbose ${src_path}/Tools/sitl_gazebo/worlds/${model}.
85
         world &
      SIM_PID=`echo $!`
86
87
```

```
if [[ -n "$HEADLESS" ]]; then
88
       echo "not running gazebo gui"
89
      else
90
       gzclient --verbose &
       GUI_PID=`echo $!`
      fi
93
    else
94
      echo "You need to have gazebo simulator installed!"
95
     exit 1
96
    fi
97
   elif [ "$program" == "replay" ] && [ ! -n "$no_sim" ]
   then
    echo "Replaying logfile: $logfile"
100
     # This is not a simulator, but a log file to replay
101
102
    # Check if we need to creat a param file to allow user to change
103
    if ! [ -f "$rootfs/replay_params.txt" ]
104
105
     mkdir -p $rootfs
106
     touch $rootfs/replay_params.txt
    fi
108
   fi
109
110
   cd $working_dir
111
112
   if [ "$logfile" != "" ]
113
   then
    cp $logfile $rootfs/replay.px4log
   fi
116
117
   # Do not exit on failure now from here on because we want the
118
   set +e
119
120
   sitl_command="$sudo_enabled $sitl_bin $no_pxh $chroot_enabled
121
      $src_path $src_path/${rcS_dir}/${model}"
122
   echo SITL COMMAND: $sitl_command
123
124
```

```
# Start Java simulator
   if [ "$debugger" == "lldb" ]
126
   then
127
    11db -- $sitl_command
   elif [ "$debugger" == "gdb" ]
129
130
    gdb --args $sitl_command
131
   elif [ "$debugger" == "ddd" ]
132
133
    ddd --debugger gdb --args $sitl_command
134
   elif [ "$debugger" == "valgrind" ]
135
   then
    valgrind $sitl_command
137
   else
138
    $sitl command
139
140
141
   if [ "$program" == "jmavsim" ]
142
   then
143
    pkill -9 -P $SIM_PID
144
    kill -9 $SIM_PID
   elif [ "$program" == "gazebo" ]
146
147
    kill -9 $SIM_PID
148
    if [[ ! -n "$HEADLESS" ]]; then
149
     kill -9 $GUI_PID
150
    fi
   fi
152
```

其中,73 行判断仿真器,如果是 jmavsim,则在75 行调用/Tools/jmavsim_run.sh,启动仿真器。在 jmavsim_run.sh 中,主要是在最后先进行编译,然后执行仿真器:

```
ant create_run_jar copy_res

cd out/production

java -Djava.ext.dirs= -jar jmavsim_run.jar $device $extra_args
```

如果是手动启动的话,按照官网说明,采用如下命令:

```
cd ~/jMAVSim

java -Djava.ext.dirs= -cp lib/*:out/production/jmavsim.jar me.drton.

jmavsim.Simulator -udp 127.0.0.1:14560
```

可以看出,对应调用的入口是 Simulator.java。

继续在 sitl_run.sh 中的 139 行,调用编译出的 px4 可执行文件,对应在终端中显示的信息示例为:

```
SITL COMMAND: /home/zhangbo39/firmware/build_posix_sitl_default/src/
firmware/posix/px4 /home/zhangbo39/firmware /home/zhangbo39/
firmware/posix-configs/SITL/init/lpe/iris
data path: /home/zhangbo39/firmware
commands file: /home/zhangbo39/firmware/posix-configs/SITL/init/lpe/
iris
```

其中, SITL COMMAND 所显示的也就是手动启动时的命令。

1.2.2 jMAVSim 初始化

jMAVSim 中所有的类都包含在 World 这个类中, 其中实例化了的类:

- 1. SimpleEnvironment, 环境类,包含了对环境风的简单建模;
- 2. connHIL, 通信类, 负责仿真系统与 PX4 之间的通信;
- 3. connCommon, 通信类, 负责地面站与 PX4 之间的通信;
- 4. vehicle, 飞行器类,对仿真对象的简单建模;
- 5. 视景类 (待定)

除此之外,还有1个仿真系统类和2个端口类被实例化,分别是:

- 1. hilSystem, 仿真系统
- 2. autopilotMAVLinkPort, 飞控通信端口
- 3. udpGCMAVLinkPort, 地面站通信端口

上述三个端口(系统), 1 和 2 被加入到 connHIL 中, 2 和 3 被加入到 connCommon 中。从这一点可以看出,从飞控端发来的信号除了被送入仿真系统中外,还会被送入地面站。

1.2.3 PX4 SITL 初始化

执行 SITL 仿真时,入口的启动文件就是命令行的第二个参数,"/home/zhangbo39/firmware/posix-configs/SITL/init/lpe/iris",这个类似与常规的 rcS 文件。

```
uorb start
param load
param set MAV_TYPE 2
param set SYS_AUTOSTART 4010
param set SYS_RESTART_TYPE 2
dataman start
param set BAT_N_CELLS 3
param set CAL_GYROO_ID 2293768
```

```
param set CAL ACCO ID 1376264
  param set CAL_ACC1_ID 1310728
10
  param set CAL_MAGO_ID 196616
  param set CAL_GYROO_XOFF 0.01
  param set CAL_ACCO_XOFF 0.01
  param set CAL ACCO YOFF -0.01
14
  param set CAL_ACCO_ZOFF 0.01
15
  param set CAL_ACCO_XSCALE 1.01
16
  param set CAL_ACCO_YSCALE 1.01
17
  param set CAL_ACCO_ZSCALE 1.01
  param set CAL_ACC1_XOFF 0.01
19
  param set CAL_MAGO_XOFF 0.01
  param set SENS_BOARD_ROT 0
21
  param set SENS_BOARD_X_OFF 0.000001
22
  param set COM_RC_IN_MODE 1
23
  param set NAV_DLL_ACT 2
24
  param set COM_DISARM_LAND 3
25
  param set NAV_ACC_RAD 2.0
26
  param set COM_OF_LOSS_T 5
27
  param set COM_OBL_ACT 2
  param set COM_OBL_RC_ACT 0
  param set RTL RETURN ALT 30.0
30
  param set RTL_DESCEND_ALT 5.0
31
  param set RTL_LAND_DELAY 5
32
  param set MIS_TAKEOFF_ALT 2.5
  param set MC_ROLLRATE_P 0.2
  param set MC_PITCHRATE_P 0.2
  param set MC_PITCH_P 6
36
  param set MC_ROLL_P 6
37
  param set MPC_HOLD_MAX_Z 2.0
38
  param set MPC_HOLD_XY_DZ 0.1
39
  param set MPC_Z_VEL_P 0.6
40
  param set MPC_Z_VEL_I 0.15
41
  param set EKF2_GBIAS_INIT 0.01
  param set EKF2_ANGERR_INIT 0.01
  replay tryapplyparams
44
  simulator start -s
45
  rqbledsim start
46
  tone_alarm start
47
  gyrosim start
```

```
accelsim start
  barosim start
50
  adcsim start
  gpssim start
  pwm_out_sim mode_pwm
53
  sleep 1
54
  sensors start
55
  commander start
56
  land_detector start multicopter
57
  navigator start
  attitude_estimator_q start
  local_position_estimator start
  mc_pos_control start
61
  mc_att_control start
62
  mixer load /dev/pwm_output0 ROMFS/px4fmu_common/mixers/quad_w.main.
63
     mix
  mavlink start -u 14556 -r 4000000
  mavlink start -u 14557 -r 4000000 -m onboard -o 14540
  mavlink stream -r 50 -s POSITION_TARGET_LOCAL_NED -u 14556
  mavlink stream -r 50 -s LOCAL POSITION NED -u 14556
  mavlink stream -r 50 -s GLOBAL_POSITION_INT -u 14556
  mavlink stream -r 50 -s ATTITUDE -u 14556
69
  mavlink stream -r 50 -s ATTITUDE QUATERNION -u 14556
70
  mavlink stream -r 50 -s ATTITUDE_TARGET -u 14556
71
  mavlink stream -r 50 -s SERVO_OUTPUT_RAW_0 -u 14556
  mavlink stream -r 20 -s RC_CHANNELS -u 14556
  mavlink stream -r 250 -s HIGHRES IMU -u 14556
  mavlink stream -r 10 -s OPTICAL_FLOW_RAD -u 14556
75
  logger start -e -t
76
  mavlink boot_complete
77
  replay trystart
```

上述代码中,45-53 行、63 行都是与仿真相关的几个文件。simulator 应用相当于仿真中的一个底层接口,主要作用是负责接收解析仿真器发来的 msg, 并将 PX4 的飞行控制量 PWM 发送出去。gyrosim、accelsim、barosim、adcsim、gpssim 是虚拟的底层传感器,但是数据本质上是从 simulator 的数据基础上进行了一次转发。pwm_out_sim 则是调用混控将飞控控制量计算为 PWM 值。mixer 与仿真相关的地方在于 load 后的设备参数。

1.2.3.1 simulator 模块流程

/firmware/build posix sitl default/src/firmware/posix/apps.cpp 中对应入口函数为

```
int simulator_main(int argc, char *argv[])
```

启动 Simulator::start 线程:

其中_instance->pollForMAVLinkMessages(false, udp_port) 负责仿真阶段的数据收发。具体分为三个阶段:

- (1) 阻塞等待 UDP 数据,每当收到仿真器数据时,回复心跳包。如果收到的数据是非#0 的 msg,则进入第二阶段。
- (2) 订阅 PWM 输出、飞机状态消息,创建 Simulator::sending_trampoline 线程。向仿真器发送 #76 消息。进入第三阶段
- (3) 阻塞等待 UDP 数据,每当收到仿真器数据时进行解包,若是特定消息 (HIL_SENSOR、HIL_OPTICAL_FLOW、DISTANCE_SENSOR、HIL_GPS、RC_CHANNELS、HIL_STATE_QUATERNION) 则进一步更新虚拟传感器数据,将数据写到指定地址。特别需要注意的是,此阶段中 publish 形参传入的参数是 false,所以 simulator 收到的数据并不会直接 publish 出去,还需要虚拟传感器的中间环节。

Simulator::sending_trampoline 的主要流程是阻塞等待_actuator_outputs_sub[0] 的更新, 然后调用 poll_topics() 拷贝数据, 调用 send_controls() 函数将数据用 #93 消息 (HIL_ACTUATOR_CONTROLS) 发送出去。

1.2.3.2 gyrosim 等虚拟传感器模块流程

类似地,入口函数为

```
int gyrosim_main(int argc, char *argv[])
```

启动 int start(enum Rotation rotation):

```
1 ...
2 *g_dev_ptr = new GYROSIM(path_accel, path_gyro, rotation);
3 ...
4 if (OK != (*g_dev_ptr)->init()) {
5   goto fail;
6 }
7 ...
```

之后都会调用_measure()函数,在其中通过执行如下函数读取 simulator 的数据。

在 transfer() 函数中,实例化一个临时的 Simulator 并调用 getMPUReport() 读取数据,然后回传数据。

从代码中可以看出, gyrosim、accelsim 会读取并发布多个传感器的数据, 具体如下: gyrosim: gyro (优先级 HIGH, 100), accel (优先级 HIGH, 100) accelsim: accel (优先级 DEFAULT, 75), mag (优先级 LOW, 50)

另外,如果将 gyrosim 应用屏蔽掉,则仿真中 sensors status 的四个传感器通道数据都是-1。这时因为在 sensors 模块中,更新数据是阻塞等待 gyro 数据,所以如果改为阻塞等待 accel 数据,则另外三个通道数据都会出现,但是 accel 只有 75 优先级的数据。

1.2.3.3 pwm_out_sim 与 mixer 模块流程

pwm_out_sim 的主体 PWMSIM 类继承自虚拟设备类,包含有一个设备 io 接口。

```
#ifdef __PX4_NUTTX
class PWMSim : public device::CDev
#else
class PWMSim : public device::VDev
#endif
{
public:
    ...
virtual int ioctl(device::file_t *filp, int cmd, unsigned long arg);
```

在 PWMSIM 构造函数中,就将 pwm_out_sim 的设备地址绑定为"/dev/pwm_output0"(宏定义变量为 PWM_OUTPUT0_DEVICE_PATH),因此在 mixer 中 load 后的地址也是指向这个设备,从而在 mixer 的 load 函数中,进行 MIXERIOCRESET、

```
🕽 🖯 🗊 zhangbo39@x4650: ~/firmware
px4 starting.
             [dataman] Unkown restart, data manager file 'rootfs/fs/microsd/dataman' size is 47640 bytes
[platforms_posix_drivers_ledsim] LED::init
[platforms_posix_drivers_ledsim] LED::init
[simulator] Waiting for initial data on UDP port 14666. Please start the flight simulator to proceed..
[simulator] msg id : 0
INFO
INFO
              simulator
WARN [simulator] msg td : 0
WARN [simulator] msg td : 11
INFO [simulator] Got initial simuation data, running sim..
INFO [pwm_out_sim] MODE 8PWM
Sleeping for 1 s; (1000000 us).
WARN [sensors] FATAL: no gyro found: /dev/gyro0 (9)
ERROR [sensors] sensor initialization failed
             [platforms_posix_px4_layer] simulator is slow. Delay added: 1111894 us
[simulator] msg id : 107
[mavlink] mode: Normal, data rate: 4000000 B/s on udp port 14556 remote port 14550
[mavlink] mode: Onboard, data rate: 4000000 B/s on udp port 14557 remote port 14540
INFO
INFO
             [platforms_posix_px4_layer] simulator is slow. Delay added: 5850903 us [simulator] msg id : 107
[tone_alarm] startup
[mavlink] MAVLink only on localhost (set param MAV_BROADCAST = 1 to enable network)
[logger] logger started (mode=all)
                                      _posix__px4_layer] simulator is slow. Delay added: 5850903 us
INFO
INFO
INFO
INFO
pxh>
 pxh>
          WARN [attitude_estimator_q] Q POLL TIMEOUT
pxh> sensors status
INFO [sensors] gyro status:
INFO [lib_ecl] validator: best: -1, prev best: -1, failsafe: NO (0 events)
             [sensors] accel status:
[lib_ecl] validator: best: -1, prev best: -1, failsafe: NO (0 events)
[sensors] mag status:
[lib_ecl] validator: best: -1, prev best: -1, failsafe: NO (0 events)
INFO
TNFO
INFO
INFO
             [sensors] baro status:
[lib_ecl] validator: best: -1, prev best: -1, failsafe: NO (0 events)
INFO
```

图 1 阻塞等待 gyro 数据时屏蔽 gyrosim

```
zhangbo39@x4650: ~/firmware
INFO [simulator] Got initial simuation data, running sim...
INFO [pwm_out_sim] MODE_8PWM
Sleeping for 1 s; (1000000 us).
WARN [sensors] FATAL: no gyro found: /dev/gyro0 (9)
INFOR [sensors] sensor initialization failed
 TNFO
                      [platforms__posix__px4_layer] simulator is slow. Delay added: 1206978 us
INFO [platforms_postx_px4_layer] simulator is slow. Delay added: 1206978 us WARN [simulator] msg id: 107
INFO [mavlink] mode: Normal, data rate: 4000000 B/s on udp port 14556 remote port 14550 INFO [mavlink] mode: Onboard, data rate: 4000000 B/s on udp port 14557 remote port 14540 INFO [platforms_posix_px4_layer] simulator is slow. Delay added: 1216812 us WARN [simulator] msg id: 107
INFO [tone_alarm] startup
INFO [mavlink] MAVLink only on localhost (set param MAV_BROADCAST = 1 to enable network) pxh> INFO [logger] logger started (mode=all)
WARN [attitude_estimator_q] Q POLL TIMEOUT pxh> sensors status
                sensors status
                    sensors status
[sensors] gyro status:
[lib_ecl] validator: best: -1, prev best: -1, failsafe: NO (0 events)
[sensors] accel status:
[lib_ecl] validator: best: 0, prev best: 0, failsafe: NO (0 events)
[lib_ecl] sensor #0, prio: 75, state: STALE_DATA
[lib_ecl] val: 1.5000, lp: 1.5000 mean dev: 0.0000 RMS:
[lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS:
[lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS:
[sensors] mag status:
 TNFO
 INFO
 INFO
INFO
INFO
                                                                                                                                                                                                                                                                         0.0000 conf:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           0.0000
 INFO
                                                                                                                                                                                                                                                                         0.0000 conf:
 INFO
                                                                                                                                                                                                                                                                         0.0000 conf:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.0000
                      lib_ect] vat. 0.0000,
sensors] mag status:
lib_ect] validator: best: 0, prev best: 0, failsafe: NO (0 events)
lib_ect] sensor #0, prio: 50, state: STALE_DATA
lib_ect] val: 0.8986, lp: 0.8986 mean dev: 0.0000 RMS
lib_ect] val: 0.0331, lp: 0.0331 mean dev: 0.0000 RMS
lib_ect] val: 1.7829, lp: 1.7829 mean dev: 0.0000 RMS
 INFO
 INFO
 INFO
 INFO
                    [lib_ecl] val: 0.0331, lp: 0.0331 Mean dev: 0.0000 RMS.
[lib_ecl] val: 1.7829, lp: 1.7829 mean dev: 0.0000 RMS.
[sensors] baro status:
[lib_ecl] validator: best: 0, prev best: 0, failsafe: NO (0 events)
[lib_ecl] sensor #0, prio: 75, state: STALE_DATA
[lib_ecl] val: 487.9141, lp: 487.9141 mean dev: 0.0000 RMS
[lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS
[lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS
                                                                                                                                                                                                                        0.0000 RMS:
0.0000 RMS:
                                                                                                                                                                                                                                                                        0.0000 conf:
0.0000 conf:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.0000
INFO
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.0000
 INFO
                                                                                                                                                                                                                                                                         0.0000 conf:
 INFO
INFO
INFO
 INFO
                                                                                                                                                                                                                                                                         0.0000 conf:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.0000
                                                                                                                                                                                                                        0.0000 RMS:
0.0000 RMS:
 INFO
                                                                                                                                                                                                                                                                         0.0000 conf:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.0000
                                                                                                                                                                                                                                                                         0.0000 conf:
 INFO
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            0.0000
```

图 2 阻塞等待 accel 数据时屏蔽 gyrosim

MIXERIOCLOADBUF 两个指令时都是调用了 PWMSim::ioctl() 函数。通过这个 load 函数完成了混控器的初始化 (构造混控列表等)。

pwm_out_sim 的基本流程就是先设置模式,包含输出通道数量(4)、通信频率(50Hz)等。随后再启动 PWMSim::task_main_trampoline 线程,负责订阅控制器的控制量,经过混控后再发布出去。

1.2.3.4 MAVLink 解析

SIL 中 UDP 发送与接收的数据都是按照 MAVLink 协议打包的。对于 PX4 端向 UDP 发送数据、调用的是 simulator mavlink.cpp 中的函数

void Simulator::send_mavlink_message(const uint8_t msgid, const
 void *msg, uint8_t component_ID)

而对于从 UDP 取数据到 PX4,调用的入口是 mavlink_parse_char() 函数,这些函数与 HIL/真实飞行模式是共用的,因此在 SIL 中的接收数据并解包的过程与常规模式相同。

另外,如果在常规模式中修改了通信协议,那么 SIL 中共需要修改两个地方,一个是发送的部分(即 Simulator::send_mavlink_message() 函数),另一个是将 simulator.h 中包含的头文件修改与常规模式一致。

1.2.3.5 其他 MAVLink 问题

- 1. Payload 中每个字段都使用小端模式,低位在前、高位在后。
- 2. Payload 中字段的顺序是按照每个字段 type size 降序排列的,若有拓展字段,则 在排序后追加。
- 3. CRC 校验中,包头 FE 并不校验,在包尾还会增加两个额为校验位 (extraCRC),该校验位的计算与每一条消息的消息名称、payload 中字段类型、字段名、字段数组长度等计算。心跳包计算结果为 50, 所以增加的校验位为'0x32'。具体的计算方法可以参考 jMAVSim,或者可以参考 mavlink 库中的宏定义 MAVLINK_MESSAGE_CRCS。需要注意的是该宏定义的实现在 mavlink1.0 和 mavlink2.0 是不同的。

1.2.4 仿真通信流程

在基本的仿真准备完成后,一个相对完整的仿真通信流程是这样的:

- 1. hilSystem 会按照固定的时间间隔 (1000ms) 向端口 14560 发心跳包, msgID=0。 SIM->PX4
- 2. autopilotMAVLinkPort 监听到 PX4->SIM 的心跳包,转发给 hilSystem 做收到心跳后的第一次处理。
- 3. 当 hilSystem 第二次收到 PX4->SIM 的心跳包后,初始化 MAVLink:向 PX4 发送 msgID=11 的消息,标示出自己的 sysID,并将 PX4 置为 disarmed。此时初始化完成,在 hilSystem 发送心跳的过程时,也会发送仿真系统状态,分别用 107、115、113 号消息。

- 4. PX4->SIM 发送 76 号消息, 其中指令为 511 (设置消息间隔), param1=115 (指定为 115 号消息, HIL_STATE_QUATERNION), param2=5000 (该消息间隔为 5000us)。
- 5. PX4—>SIM 按照一定的间隔发送 93 号消息,即飞控算出的各个电机输出值。按照 MAVLink 协议,#93 消息中的控制量取值-1 .. 1,然而在 PX4 源码和 jMAVSim中,都将该值视为0 .. 1 之间的值。jMAVSim端见 Rotor.java 文件,PX4 源码见simulator_mavlink.cpp 中的函数:

void Simulator::pack_actuator_message(mavlink_hil_actuator_controls_t
 &msg, unsigned index);

1.2.5 Simulink 与 PX4 进行 SIL 仿真

1.3 硬件在环仿真 HIL

1.3.1 启动流程

jMAVSim 在 HIL 模式下启动指令为:

java -Djava.ext.dirs= -cp lib/*:out/production/jmavsim.jar me.drton. jmavsim.Simulator -serial /dev/ttyACMO 921600 -qgc

PX4 在 HIL 模式下,使用的固件仍然是正常飞行时的 px4fmu-v2_default 这个,变化的地方在于机型选择,需要使用仿真机型:对应的系统参数应该是 SYS -



图 3 HIL 模式时需要选择的机型

AUTOSTART, 选择 HIL Quadcopter X 时对应于 1001:

HIL 在初始化时的启动文件也是/firmware/ROMFS/px4fmu_common/init.d/rcS, 其中会调用编译时生成的/etc/init.d/rc.autostart 的文件。在这个rc.autostart 文件中,通过比较 SYS_AUTOSTART 来确定执行/etc/init.d/文件夹下的机型脚本。1001 对应于 1001 rc quad x.hil, 内容为:





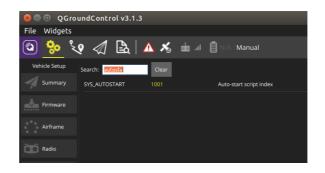


图 5 HIL 模式下对应的参数

```
#!nsh
#!nsh
# @name HIL Quadcopter X

# #
# @type Simulation
# # @maintainer Anton Babushkin <anton@px4.io>
# #

sh /etc/init.d/rc.mc_defaults

set MIXER quad_x

set HIL yes
```

主要参数是将 HIL 变量置为 yes,这个变量在 rcS 中的作用: (1) commander 的启动方式为"commander start -hil"; (2) 启动 pwm_out_sim,且参数为 mode_-pwm16。pwm_out_sim 的启动及其参数与 SIL 中的作用基本一致。commander 采用hil 模式时,会在线程中设置变量 startup_in_hil

```
if (argc > 2) {
   if (!strcmp(argv[2],"-hil")) {
    startup_in_hil = true;
   } else {
    PX4_ERR("Argument %s not supported, abort.", argv[2]);
    thread_should_exit = true;
   }
}
```

接着设置变量 status.hil_state

```
if (startup_in_hil) {
   status.hil_state = vehicle_status_s::HIL_STATE_ON;
} else {
   status.hil_state = vehicle_status_s::HIL_STATE_OFF;
}
```

并在函数 set_control_mode 中:

```
control_mode.flag_system_hil_enabled = status.hil_state ==
vehicle_status_s::HIL_STATE_ON;
```

同时也会发布出去:

```
if (counter % (200000 / COMMANDER_MONITORING_INTERVAL) == 0 ||
    status_changed) {
    set_control_mode();
    control_mode.timestamp = now;
    orb_publish(ORB_ID(vehicle_control_mode), control_mode_pub, &
        control_mode);
```

这个 vehicle_control_mode 会在 sensors.cpp 中的 vehicle_control_mode_poll() 函数中被订阅:

```
void Sensors::vehicle control mode poll()
2
   struct vehicle_control_mode_s vcontrol_mode;
   bool vcontrol_mode_updated;
4
    /* Check HIL state if vehicle control mode has changed */
    orb_check(_vcontrol_mode_sub, &vcontrol_mode_updated);
    if (vcontrol_mode_updated) {
10
     orb_copy(ORB_ID(vehicle_control_mode), _vcontrol_mode_sub, &
11
        vcontrol_mode);
     _armed = vcontrol_mode.flag_armed;
12
13
     /* switching from non-HIL to HIL mode */
14
     if (vcontrol_mode.flag_system_hil_enabled && !_hil_enabled) {
15
       _hil_enabled = true;
16
       _publishing = false;
17
       /* switching from HIL to non-HIL mode */
18
```

```
} else if (!_publishing && !_hil_enabled) {

_hil_enabled = false;

_publishing = true;

}

}
```

其作用就是给变量_publishing 赋值,而这个值在 Sensors::task_main() 中会决定是否将 sensors 中综合得到的传感器数据发布除去:

```
if (_publishing && raw.timestamp > 0) {
2
        /* construct relative timestamps */
        if (_last_accel_timestamp[_accel.last_best_vote]) {
          raw.accelerometer_timestamp_relative = (int32_t)(
             _last_accel_timestamp[_accel.last_best_vote] - raw.
             timestamp);
6
        if (_last_mag_timestamp[_mag.last_best_vote]) {
          raw.magnetometer_timestamp_relative = (int32_t)(
             _last_mag_timestamp[_mag.last_best_vote] - raw.timestamp);
10
11
        if (_last_baro_timestamp[_baro.last_best_vote]) {
12
          raw.baro_timestamp_relative = (int32_t)(_last_baro_timestamp[
13
             _baro.last_best_vote] - raw.timestamp);
         }
14
15
        orb_publish(ORB_ID(sensor_combined), _sensor_pub, &raw);
```

综合来看,如果是 HIL 模式, sensors 中的传感器数据不会发布到 sensor_combined 这个 topic 上,导航模块中订阅的传感器信息也就不是 sensors 发出的了。

实际在 HIL 模式中,从串口获取仿真数据并发布给导航的流程为: rcS 启动串口的 mavlink 之后,也会订阅 vehicle_control_mode 这个 topic,并设置_-hil_enabled = true,这样当 MavlinkReceiver::handle_message() 函数收到 msg 后,会在解析 hil 消息后并进行发布。在 MavlinkReceiver::handle_-message_hil_sensor() 函数中,会将数据发布到 sensor_gyro 等传感器数据以及 sensor_combined 这个导航使用的 topic 中。

而在 HIL 模式中,将飞控数据用 mavlink 协议从串口发送的流程为: mavlink 启动后会生成一个 MavLinkStream 链表,在 mavlink_main.cpp 中的 int Mavlink::task_-main() 函数中,会执行:

```
/* update streams */
MavlinkStream *stream;
LL_FOREACH(_streams, stream) {
  stream->update(t);
}
```

这样就会在链表中调用每一个 stream 节点的 update() 成员函数。在 update() 函数中,会判断当前时间是否超过了上次发送后的间隔,然后调用 send(t) 进行数据发送。

综合来看,在 HIL 模式下数据的接收与发送都是通过 mavlink 相关的模块来实现的,而 SIL 中则是用 simulator 实现数据中转的。

另外要注意的是,虽然 sensors 不发布 sensor_combined 这个 topic,但是 sensors 以及其他的传感器模块 (mpu6000 等)的线程仍然在进行,所以传感器数据 (HIL 时飞控板的真实传感器数据)仍然会读取并在 sensors 中订阅,所以如果在 nsh 中用 sensors status 命令查看状态,依然会出现多个传感器的数据:

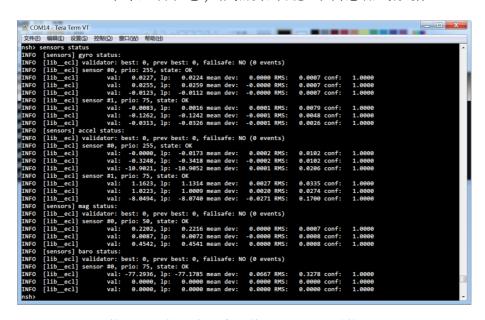


图 6 HIL 模式下飞控通电, 未连接 jMAVSim 时的 sensors status

从上面的图6和图7可知,确实能够读到多个传感器数据,并且连接 jMAVSim 之后默认的传感器数据都是仿真数据。而 baro 气压计状态更清晰的说明,未连接 jMAVSim 或 jMAVSim 没发数据的时候, sensors status 的读数是飞控的真实数据。

进一步分析可知,由于真实传感器以及 MavlinkReceiver 中发布数据都是按照单传感器模式 (orb_advertise (),则优先级为默认值 75)发布,所以两者的数据会发生重叠,这样即使真实气压计和 jMAVSim 都有 baro 数据,但 sensors status 中 baro只有一个数据。所以如果在 void MavlinkReceiver::handle_message_hil_-

图 7 HIL 模式下飞控通电,连接 jMAVSim 之后的 sensors status sensor(mavlink_message_t *msg) 函数中使用 orb_advertise_multi() 进行声明优先级为 100(ORB_PRIO_HIGH), 就能够显示多个 baro 数据了:

```
/* baro */
     struct baro_report baro = {};
     baro.timestamp = timestamp;
     baro.pressure = imu.abs_pressure;
     baro.altitude = imu.pressure_alt;
     baro.temperature = imu.temperature;
      int a = -1;
      if (_baro_pub == nullptr) {
10
       // _baro_pub = orb_advertise(ORB_ID(sensor_baro), &baro);
11
       _baro_pub = orb_advertise_multi(ORB_ID(sensor_baro), &baro, &a,
12
          ORB_PRIO_HIGH);
13
      } else {
14
       orb_publish(ORB_ID(sensor_baro), _baro_pub, &baro);
15
16
17
```

```
INFO [sensors] baro status:
INFO [lib_ecl] validator: best: 0, prev best: 0, failsafe: NO (0 events)
INFO [lib_ecl] sensor #0, prio: 75, state: OK
INFO [lib_ecl] val: -77.4588, lp: -77.5504 mean dev: 0.0068 RMS: 0.2968 conf: 1.0000
INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000
INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000
INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000
```

图 8 HIL 模式下飞控通电,未连接 jMAVSim 时的 baro

```
INFO [sensors] baro status:
INFO [lib_ecl] validator: best: 0, prev best: 0, failsafe: NO (0 events)
INFO [lib_ecl] sensor #0, prio: 75, state: OK
INFO [lib_ecl] val: 487.8872, lp: 458.7866 mean dev: 1.9952 RMS: 125.0380 conf: 1.0000
INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000
INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000
```

图 9 HIL 模式下飞控通电,连接 jMAVSim 之后的 baro

```
INFO [sensors] baro status:

INFO [lib_ecl] validator: best: 1, prev best: 0, failsafe: YES (1 events)

INFO [lib_ecl] sensor #0, prio: 75, state: OK

INFO [lib_ecl] val: -77.2936, lp: -77.5044 mean dev: 0.0287 RMS: 0.2875 conf: 1.0000

INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000

INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000

INFO [lib_ecl] sensor #1, prio: 100, state: OK

INFO [lib_ecl] val: 488.0295, lp: 487.9974 mean dev: 0.6643 RMS: 13.6708 conf: 1.0000

INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000

INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000

INFO [lib_ecl] val: 0.0000, lp: 0.0000 mean dev: 0.0000 RMS: 0.0000 conf: 1.0000
```

图 10 增加优先级后,连接 jMAVSim 之后的 baro

1.3.2 jMAVSim 启动时间的讨论

虽然官网教程中介绍了 HIL 模式的连接方式,但是对于飞控上电和 jMAVSim 开启的先后并没有说明。按照字面正常推断,应该是飞控首先上电,然后在 PC 端打开jMAVSim 软件 (如果先开启 jMAVSim 的话,由于串口没有数据通信,jMAVSim 会自动关闭)。

这里就存在一个飞控上电与 jMAVSim 启动间隔时间的问题。经过测试,采用 INAV 导航算法时,如果在一定时间之后才启动 jMAVSim (向 PX4 发送数据)的话,飞控将不能锁定 HOME 点坐标。对应的现象是能够获取初始 GPS,但无法定位当前飞控坐标,也无法响应 mission 等指令。原因如下:

在 position_estimator_inav_main.cpp 中,飞控上电后会启动导航主线程 position_estimator_inav_thread_main。与其他的常规主线程类似,在阻 塞等待数据更新这个主循环之前,是对导航状态量的初始化过程。而这个初始化流程的最后一步是等待并采集一定数量的气压高数据,最后确定气压高偏移值,并将 local_pos.z_valid 置为真。那如果 jMAVSim 一直为发送气压数据,经过一定的等待时间 (MAX_WAIT_FOR_BARO_SAMPLE=3s) 后,也会结束等待气压数据,而这时 local_pos.z_valid 仍为假。具体代码如下。

```
while (wait_baro && !thread_should_exit) {
  int ret = px4_poll(&fds_init[0], 1, 1000);

if (ret < 0) {
    /* poll error */
    mavlink_log_info(&mavlink_log_pub, "[inav] poll error on init");

} else if (hrt_absolute_time() - baro_wait_for_sample_time >
    MAX_WAIT_FOR_BARO_SAMPLE) {
    wait_baro = false;
    mavlink_log_info(&mavlink_log_pub, "[inav] timed out waiting for a
```

```
baro sample");
11
    } else if (ret > 0) {
12
      if (fds_init[0].revents & POLLIN) {
       orb_copy(ORB_ID(sensor_combined), sensor_combined_sub, &sensor);
14
15
       if (wait_baro && sensor.timestamp + sensor.
16
           baro_timestamp_relative != baro_timestamp) {
         baro_timestamp = sensor.timestamp + sensor.
17
            baro_timestamp_relative;
         baro_wait_for_sample_time = hrt_absolute_time();
         /* mean calculation over several measurements */
20
         if (baro_init_cnt < baro_init_num) {</pre>
21
          if (PX4_ISFINITE(sensor.baro_alt_meter)) {
22
            baro_offset += sensor.baro_alt_meter;
23
            baro_init_cnt++;
25
         } else {
27
           wait_baro = false;
           baro offset /= (float) baro init cnt;
29
           local_pos.z_valid = true;
30
           local_pos.v_z_valid = true;
31
32
35
    } else {
36
      PX4_WARN("INAV poll timeout");
37
38
39
```

最后发布 vehicle_global_position 消息时的判别条件是 if (local_-pos.xy_global && local_pos.z_global)。显然 jMAVSim 启动时间会影响到这里的消息发布。所以即便之后飞控收到了 GPS 数据,但 vehicle_global_-position 也始终无法发布,之后也就会遇到前文中出现的现象了。

— ROS

2.1 基础

2.1.1 创建工作空间

```
mkdir -p ~/workspace/src
cd ~/workspace
catkin_make
source devel/setup.bash
```

2.1.2 **创建一个** pkg

```
cd ~/workspace/src
catkin_create_pkg pkgname std_msgs rospy roscpp
cd ~/workspace
catkin_make
```

2.1.3 **编译** git **上的** pkg

- 1. 创建一个空的文件夹作为工作空间目录
- 2. git clone 待使用的目标 package
- 3. 在工作空间目录下,使用 catkin_make --source pkgname 进行编译
- 4. (似乎可以忽略) 使用 catkin_make install --source pkgname 安装。
- 5. 使用 source devel/setup.bash 读取当前工作空间的环境变量。

2.1.4 问题及解决方案

编译报错: ModuleNotFoundError: No module named 'em' 使用"~\$ pip install em" 编译继续报错: AttributeError: module 'em' has no attribute 'Interpreter' 解决:

pip uninstall em pip install empy

三 Python3 学习使用

3.1 Python3 生成 PDF 文档

初始的需求是将测试设备得到的测量数据,自动生成为测试报告。其中测量数据形式为 $[\mathbf{t}, \mathbf{D}_1, \mathbf{D}_2, \ldots, \mathbf{D}_n]$ 这样的数据集,第一列为时间戳,后续为特定数据。考虑到通用性和开发便捷性,以及对数据处理和绘图的要求,考虑采用 Python3 生成 PDF 文档。特别标明用的 Py3 版本是因为在某些环节中 Py2 的处理会不适用。

整体流程以及主要使用的包如图11所示:

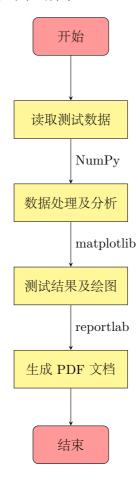


图 11 自动报告 python 生成流程

3.1.1 读取测试数据

这里默认下位机数据已经回传到上位机中,协议使用 csv 格式且无第一行变量名称,那么可以直接调用

```
import numpy, sys
st = sys.argv
if (len(st) > 1):
filename = st[1].split('.')[0]
```

3.1.2 数据分析及处理

待定

3.1.3 测试结果及绘图

值得注意的是绘图中 1 维/n 维数据的处理、中文处理等。具体代码为:

```
import matplotlib
  import matplotlib.pyplot as plt
  #字体路径、尺寸设置
  TTFontpath = {'zen':'./wqy-zenhei.ttc','micro':'./wqy-microhei.ttc'}
  zhfont2 = matplotlib.font_manager.FontProperties(fname=TTFontpath['
     micro'])
  zhfont1 = matplotlib.font_manager.FontProperties(fname=TTFontpath['
  zhfontlegend = zhfont1
  zhfontlegend.set_size(22)
10
  #画图
11
  def getMyImage(x, y, xlabel, ylabel, title, legendstr = ''):
12
     fig = plt.figure(figsize = (16,16))
      if y.size == y.shape[0]:
14
        plt.plot(x,y, label = legendstr)
15
     else:
16
         for i in range(y.shape[1]):
17
            plt.plot(x, y[:,i], label = legendstr[i])
18
     plt.xlabel(xlabel, fontsize = 24, fontproperties=zhfont1)
19
     plt.ylabel(ylabel, fontsize = 24, fontproperties=zhfont1)
20
     plt.title(title, fontsize = 28, fontproperties=zhfont1)
     if legendstr != '':
22
         plt.legend(loc='best', ncol=y.size//y.shape[0], prop =
23
            zhfontlegend, shadow=True, fancybox=True).get_frame().
            set_alpha(0.4)
^{24}
```

```
#主函数中截选

simt = (data[:,0] - data[0,0]) / 1000.0

curr = data[:,[3,4,7]]

getMyImage(simt, data[:,5], '时间(s)', '温度(度)', '温度曲线')

getMyImage(simt, curr, '时间(s)', '电压(V)', '电调电压曲线',['上电机电调电流','下电机电调电流','总电流'])
```

NumPy 的 array 矩阵,如果抽取一列的话,结果是一维向量,这时 shape 属性的为'(len,)',没有第二个值。所以在 14 行做了特殊的判断。

ubuntu 下系统的字体可以在 '/usr/share/fonts/truetype/'下查找,这里将字体放到项目目录下了。图例中的属性使用 'prop'关键字,而标签、标题则是 'fontsize/fontproperties'等。

3.1.4 **生成** PDF **文档**

生成 PDF 使用 reportlab 这个包,并且是基于 test_charts_textlabels.py 这个模板改的。主要的细节有两点,一是中文格式等,二是 matplotlib 图片怎么直接插入到 PDF中 (而不用先临时保存为文件)。reportlab 包的使用具体可以参考 reportlab 的手册,或者直接从 reportlab3.4 源码地址 下载源码并使用'python3 setup.py install'安装,然后生成测试代码、demo、手册等 PDF。

中文格式采用以下的办法:

```
from reportlab.pdfbase import pdfmetrics
from reportlab.pdfbase.ttfonts import TTFont

TTFontpath = {'zen':'./wqy-zenhei.ttc','micro':'./wqy-microhei.ttc'}
pdfmetrics.registerFont(TTFont('micro', TTFontpath['micro']))
pdfmetrics.registerFont(TTFont('zen', TTFontpath['zen']))
```

在使用时:

```
story = []
styleSheet = getSampleStyleSheet()

bt = styleSheet['BodyText']

cbt = styleSheet['BodyText']

h1 = styleSheet['Heading1']

ch1 = styleSheet['Heading1']

cbt.fontName = 'micro'

ch1.fontName = 'zen'
```

```
story.append(Paragraph('测试标题测试标题', ch1))
story.append(Paragraph('测试文本测试文本', cbt))
```

将 matplotlib 的图片插入到 reportlab 的 PDF 中,有 2 个中间步骤:

(1) 将 matplotlib 的图片对象转为 reportlab 中的图片对象

```
#!/usr/bin/env python3
    -*- coding: utf-8 -*-
2
3
   from PIL import Image
4
   import matplotlib.pyplot as plt
   from reportlab.pdfgen import canvas
   from reportlab.lib.units import inch, cm
   from reportlab.lib.utils import ImageReader
9
10
  fig = plt.figure(figsize=(4, 3))
11
  plt.plot([1,2,3,4])
  plt.ylabel('some numbers')
   imgdata = Image.io.BytesIO() #!
15
   fig.savefig(imgdata, format='png')
16
   imgdata.seek(0) # rewind the data
17
18
   Image = ImageReader(imgdata) #!
19
20
  c = canvas.Canvas('test.pdf')
21
  c.drawImage(Image, cm, cm, inch, inch)
  c.save()
```

以上是能够在 Python3 中运行的 demo, 具体参考的是 stackoverflow 上How to draw-Image a matplotlib figure in a reportlab canvas?的回答和 how to save a pylab figure into in-memory file which can be read into PIL image?的回答。前一个回答中的代码在 Python2 上没问题,当在 Python3 中无法使用。

(2) 在 reportlab 的模板中追加图片

```
class flowable_fig(reportlab.platypus.Flowable):
    def __init__(self, imgdata):
        reportlab.platypus.Flowable.__init__(self)
        self.img = reportlab.lib.utils.ImageReader(imgdata)
    def draw(self):
        self.canv.drawImage(self.img, 0.5 * A4[0]-3.5*inch, 0*inch,
```

```
height = -3*inch, width = 5*inch)
  def getMyImage(x, y, xlabel, ylabel, title, legendstr = ''):
     imgdata = Image.io.BytesIO()
10
     fig.savefig(imgdata, format='png')
11
     imgdata.seek(0)
12
     return flowable_fig(imgdata)
13
14
  #主函数中截选
15
16
  story.append(getMyImage(simt, data[:,5], '时间(s)', '湿度(%)', '湿度曲
      线!))
```

参考的是Draw images with canvas and use SimpleDocTemplate的回答。

3.2 数学运算

16 进制与浮点数相互转化:

```
import struct
struct.unpack('!f', bytes.fromhex('3f660ab9'))[0]
hex(struct.unpack('<I', struct.pack('<f', 2.0000))[0])</pre>
```

abcdefg

hello world!

四 状态估计

4.1 基础理论知识

本节主要参考了文献 State Estimation for Micro Air Vehicles 的第 4、5节内容。

4.1.1 低通滤波器

低通滤波器可以认为是一种较为简单的估计器。常见的一阶低通滤波器可以表示为:

$$Y(s) = \frac{a}{s+a}U(s)$$

通过 Laplace 逆变换可以得到时域形式为:

$$\dot{y} = -ay + au \tag{4-1}$$

进一步地, 求解该微分方程可得:

$$y(t+T) = e^{-aT}y(t) + a \int_0^T e^{-a(T-\tau)}u(\tau) d\tau$$

如果用 T_s 表示采样周期,且假设 u(t) 在采样周期内保持常值,那么有:

$$y(k+1) = e^{-aT_s}y(k) + a \int_0^{T_s} e^{-a(T_s - \tau)} d\tau \cdot u(k)$$

= $e^{-aT_s}y(k) + (1 - e^{-aT_s})u(k)$ (4-2)

定义 $\alpha_{LPF} = e^{-aT_s}$,则可以进一步简化为:

$$y(k+1) = \alpha_{LPF}y(k) + (1 - \alpha_{LPF})u(k)$$
 (4-3)

如果用符号 $LPF(\cdot)$ 表示上述的低通滤波运算,那么 $\hat{x} = LPF(x)$ 就是 x 在低通滤波下的估计值。

4.1.2 动态观测器

考虑一个 LTI 系统并表示为:

$$\dot{x} = Ax + Bu$$
$$y = Cx$$

对于该系统的连续时间观测器可以表示为:

$$\dot{\hat{x}} = A\hat{x} + Bu + L(y - C\hat{x}) \tag{4-4}$$

其中, \hat{x} 为 x 的估计值。上式中等号右端前两项可以认为是对原系统的预估,最后一项可以认为是利用观测数据对状态的校正。定义估计误差为 $\hat{x} = x - \hat{x}$,那么可以得到:

$$\dot{\tilde{x}} = (A - LC)\tilde{x} \tag{4-5}$$

这表明如果选择合适的 L 值使得矩阵 A-LC 是 Hurwitz 稳定的,那么估计误差将以指数方式收敛到零。

如果观测数据并不是在每一拍都可以获得 (传感器数据更新较慢),那么可以采用如下的两步方式进行处理,如图12所示。

在没有得到传感器数据的时候,只使用预估方式进行估计:

$$\dot{\hat{x}} = A\hat{x} + Bu \tag{4-6}$$

当得到传感器数据后,则进行校正:

$$\hat{x}^{+} = \hat{x}^{-} + L(y(t_k) - C\hat{x}^{-}) \tag{4-7}$$

其中, \hat{x}^- 表示预估值, \hat{x}^+ 表示校正值。注意到,在这种处理方式下,并不要求传感器数据以固定频率更新。

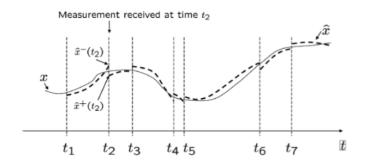


图 12 用动态观测器进行预估 - 校正方式的状态估计

4.1.3 连续-离散卡尔曼滤波器

考虑如下的系统:

$$\dot{x} = Ax + Bu + \xi$$

$$y_k = Cx_k + \eta_k \tag{4-8}$$

其中,状态方程用连续形式表示,观测方程则用离散的形式表示,下标 k 表示第 k 次采样。 ξ 表示过程噪声,假设均值为 0 、协方差为 \mathbf{Q} ,实际中 \mathbf{Q} 往往是未知的。 η_k 表示测量噪声,与传感器特性相关,假设其均值为 0 、协方差为 \mathbf{R} ,实际中可以通过传感器标定估计出 \mathbf{R} 。

那么针对该系统,可以构造与动态观测器形式类似的连续-离散卡尔曼滤波器:

$$\dot{\hat{x}} = A\hat{x} + Bu$$

$$\hat{\boldsymbol{x}}_{k}^{+} = \hat{\boldsymbol{x}}_{k}^{-} + \boldsymbol{L}(\boldsymbol{y}_{k} - \boldsymbol{C}\hat{\boldsymbol{x}}_{k}^{-}) \tag{4-9}$$

定义滤波器的估计误差 $\tilde{x} = x - \hat{x}$,那么估计误差的协方差可以表示为:

$$\mathbf{P}(t) = E\left\{\tilde{\mathbf{x}}(t)\tilde{\mathbf{x}}(t)^{\mathrm{T}}\right\}$$
(4-10)

显然 P(t) 是一个对称、半正定的,所以它的特征值均非负。当 P(t) 具有较小的特征值时,滤波器估计误差的方差较小,所以这时估计误差也较小。考虑到

$$\operatorname{tr}(\boldsymbol{P}) = \sum \lambda_i$$

所以卡尔曼滤波器就是求解 L 使 tr(P) 取得最小值,从而获得在均方误差最小指标下的最优状态估计。

■ 传感器数据更新前

对估计误差求导可得:

$$egin{aligned} \dot{ ilde{x}} &= \dot{x} - \dot{ ilde{x}} \ &= (Ax + Bu + \xi) - (A\hat{x} + Bu) \ &= A ilde{x} + \xi \end{aligned}$$

该微分方程的解为:

$$\tilde{\boldsymbol{x}}(t) = e^{\boldsymbol{A}t}\tilde{\boldsymbol{x}}_0 + \int_0^t e^{\boldsymbol{A}(t-\tau)}\boldsymbol{\xi}(\tau)\,\mathrm{d}\tau$$
 (4-11)

对 P 求导可得:

$$\dot{P} = \frac{d}{dt} E \{ \tilde{x} \tilde{x}^{T} \}
= E \{ \dot{\tilde{x}} \tilde{x}^{T} + \tilde{x} \dot{\tilde{x}}^{T} \}
= E \{ A \tilde{x} \tilde{x}^{T} + \xi \tilde{x}^{T} + \tilde{x} \tilde{x}^{T} A^{T} + \tilde{x} \xi^{T} \}
= A P + P A^{T} + E \{ \xi \tilde{x}^{T} \} + E \{ \tilde{x} \xi^{T} \}$$

其中.

$$E\{\boldsymbol{\xi}\tilde{\boldsymbol{x}}^{\mathrm{T}}\} = E\left\{\boldsymbol{\xi}(t)\tilde{\boldsymbol{x}}_{0}e^{\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}}t} + \int_{0}^{t}\boldsymbol{\xi}(t)\boldsymbol{\xi}^{\mathrm{T}}(\tau)e^{\boldsymbol{A}^{\mathrm{T}}(t-\tau)}d\tau\right\}$$
$$= \frac{1}{2}\boldsymbol{Q}$$

代入上式可得:

$$\dot{P} = AP + PA^{\mathrm{T}} + Q \tag{4-12}$$

■ 传感器数据更新时

在传感器数据更新时,有:

$$\hat{\boldsymbol{x}}_k^+ = \hat{\boldsymbol{x}}_k^- + \boldsymbol{L}(\boldsymbol{y}_k - \boldsymbol{C}\hat{\boldsymbol{x}}_k^-)$$

假定 η 和 x 是独立的, 也就是 $E\{\tilde{x}^-\eta^TL^T\}=E\{L\eta\tilde{x}^{-T}\}=0$, 那么可以计算 P^+ 为:

$$P^{+} = E\{\tilde{x}^{+}\tilde{x}^{+T}\}\$$

$$= E\left\{(\tilde{x}^{-} - LC\tilde{x}^{-} - L\eta)(\tilde{x}^{-} - LC\tilde{x}^{-} - L\eta)^{T}\right\}$$

$$= E\left\{\tilde{x}^{-}\tilde{x}^{-T} - \tilde{x}^{-}\tilde{x}^{-T}C^{T}L^{T} - \tilde{x}^{-}\eta^{T}L^{T}\right\}$$

$$- LC\tilde{x}^{-}\tilde{x}^{-T} + LC\tilde{x}^{-}\tilde{x}^{-T}C^{T}L^{T} + LC\tilde{x}^{-}\eta^{T}L^{T}$$

$$- L\eta\tilde{x}^{-T} + L\eta\tilde{x}^{-T}C^{T}L^{T} + L\eta\eta^{T}L^{T}\right\}$$

$$= P^{-} - P^{-}C^{T}L^{T} - LCP^{-} + LCP^{-}C^{T}L^{T} + LRL^{T}$$

$$(4-13)$$

为了求解使 $tr(P^+)$ 最小化时的 L 值, 一个必要的条件为:

$$\frac{\partial}{\partial L} \operatorname{tr}(P^{+}) = -P^{-}C^{T} - P^{-}C^{T} + 2LCP^{-}C^{T} + 2LR = 0$$

$$\Rightarrow 2L(R + CP^{-}C^{T}) = 2P^{-}C^{T}$$

$$\Rightarrow L = P^{-}C^{T}(R + CP^{-}C^{T})^{-1}$$

推导中用到以下矩阵关系:

$$\frac{\partial}{\partial A} \operatorname{tr}(BAD) = B^{T}D^{T}$$

$$\frac{\partial}{\partial A} \operatorname{tr}(ABA^{T}) = 2AB, B = B^{T}$$

将 L 的计算式代入式 (4-13) 中可得:

$$\boldsymbol{P}^{+} = (\boldsymbol{I} - \boldsymbol{L}\boldsymbol{C})\boldsymbol{P}^{-} \tag{4-14}$$

■ 总结

综合上述推导可以得到如下的卡尔曼滤波器迭代计算公式:

$$egin{aligned} \dot{\hat{m{x}}} &= A\hat{m{x}} + Bm{u} \ \dot{m{P}} &= Am{P} + m{P}m{A}^{ ext{T}} + m{Q} \ m{L}_k &= m{P}_{m{k}}^-m{C}^{ ext{T}} (m{R} + m{C}m{P}_{m{k}}^-m{C}^{ ext{T}})^{-1} \ m{P}_{m{k}}^+ &= (m{I} - m{L}_{m{k}}m{C})m{P}_{m{k}}^- \ \hat{m{x}}_k^+ &= \hat{m{x}}_k^- + m{L}_k(m{y}_k - m{C}\hat{m{x}}_k^-) \end{aligned}$$

4.1.4 从概率角度的理解

本节参考自 How a Kalman filter works, in pictures 这篇文章。 正态分布的概率密度函数可以表示为:

$$N(x,\mu,\sigma) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

对于两个正态分布的随机变量相乘,则有:

$$N(x,\mu_0,\sigma_0)\cdot N(x,\mu_1,\sigma_1) = N(x,\mu',\sigma')$$

其中, 相乘后概率分布的参数为:

$$\mu' = \frac{\mu_1 \sigma_0^2 + \mu_0 \sigma_1^2}{\sigma_0^2 + \sigma_1^2} = \mu_0 + \frac{\sigma_0^2 (\mu_1 - \mu_0)}{\sigma_0^2 + \sigma_1^2}$$
$$\sigma' = \frac{\sigma_0^2 \sigma_1^2}{\sigma_0^2 + \sigma_1^2} = \sigma_0^2 - \frac{\sigma_0^4}{\sigma_0^2 + \sigma_1^2}$$

若定义参数 k 为

$$k = \frac{\sigma_0^2}{\sigma_0^2 + \sigma_1^2}$$

则有:

$$\mu' = \mu_0 + k(\mu_1 - \mu_0)$$
$$\sigma' = \sigma_0^2 - k\sigma_0^2$$

4.1.5 更多讨论

以下再讨论几点不一样的地方。

■ 非线性模型和 EKF

若系统动态及测量模型都是非线性的:

$$\dot{oldsymbol{x}} = oldsymbol{f}(oldsymbol{x},oldsymbol{u}) + oldsymbol{\xi} \ oldsymbol{y}_k = oldsymbol{h}(oldsymbol{x}_k) + oldsymbol{\eta}_k$$

仍可以通过以下的处理方式,求取非线性函数的雅可比矩阵作为 $A \times C$:

$$egin{aligned} oldsymbol{A} &= rac{\partial oldsymbol{f}}{\partial oldsymbol{x}}(\hat{oldsymbol{x}}, oldsymbol{u}) \ oldsymbol{C} &= rac{\partial oldsymbol{h}}{\partial oldsymbol{x}}(\hat{oldsymbol{x}}, oldsymbol{u}) \end{aligned}$$

■ 状态转移矩阵形式的 KF

若系统动态方程用状态转移矩阵的形式表示:

$$\boldsymbol{x}_{k+1} = \Phi(T_s)\boldsymbol{x}_k + \boldsymbol{G}(T_s)\boldsymbol{u}_k$$

其中,

$$\Phi(T_s) = \Phi(t)|_{t=kT_s} = e^{\mathbf{A}t}|_{t=kT_s}$$

$$\mathbf{G}(T_s) = \int_0^{T_s} \Phi(\tau) \mathbf{B} \, d\tau$$

那么这种情况下的卡尔曼滤波器的预测方程应表示为:

$$egin{aligned} oldsymbol{x}_{k+1} &= \Phi(T_s) oldsymbol{x}_k + oldsymbol{G}(T_s) oldsymbol{u}_k \ oldsymbol{P}_{k+1} &= \Phi(T_s) oldsymbol{P}_k^+ \Phi^{\mathrm{T}}(T_s) + oldsymbol{Q} \end{aligned}$$

4.2 四元数

本节内容主要参考文献Ouaternion and Rotation

4.2.1 四元数基本计算

4.2.2 四元数微分方程

定理 1 假设 q(t) 表示一单位四元数函数, $\omega(t)$ 表示由 q(t) 确定的角速度。那么 q(t) 的导数为:

$$\dot{q} = \frac{1}{2}\omega q$$

具体证明可以看参考文献。在实际运动过程中,获得的角速度矢量通常时在旋转坐标系下描述的(如在无人机转动时的机体系下,由三轴陀螺仪获得的角速度)。假设该角速度为 ω' ,则有 $\omega' = q^*\omega q$ 。将 $\omega = q\omega'q^*$ 待如到上述定理中有:

$$\dot{q} = \frac{1}{2}q\omega'$$

4.3 PX4 状态估计源码分析

4.3.1 attitude_estimator_q

通过阅读源码,可以将该状态估计的核心算法归纳如下:

$$oldsymbol{\delta} = K_P oldsymbol{e} + K_I \int oldsymbol{e}$$
 $oldsymbol{\omega}^+ = oldsymbol{\omega}^- + oldsymbol{\delta}$ $\dot{oldsymbol{q}} = rac{1}{2} \hat{oldsymbol{q}} imes oldsymbol{\omega}^+$

其中,e 表示对姿态估计的角度偏差, δ 表示对角速度的零偏修正量, ω^- 表示陀螺读数, ω^+ 表示修正后的角速度。

可以看出,该算法的核心思想就是将状态估计的所有误差均视为一个动态变化的角速度 (陀螺读数) 零偏值,然后利用 PI 的方式计算该动态零偏值,并在角速度环进行修正¹,最后通过积分获得对四元数的状态估计值。

角度偏差 e 主要是通过加速度计和磁罗盘进行计算的:利用磁罗盘读数和当前姿态计算地磁偏差,从而获得姿态的偏航误差;利用加速度计及计算的运动加速度,求得重力加速度并计算姿态偏差;最后将两个偏差向量(三轴角度偏差向量)按权重求和。

¹ 若单纯从角度、角速度、PI 控制来理解,会觉得修正量因该补偿在角度上。但是如果联想到 ADRC 的动态补偿思想,该算法也有异曲同工的地方。

五 轨迹跟踪

5.1 基础理论知识

5.1.1 L1 轨迹跟踪

本节主要参考文献A New Nonlinear Guidance Logic for Trajectory Tracking。

L1 轨迹跟踪控制算法的核心包括两个部分:

- (1) 在期望轨迹上寻找与飞机相距 L1 的参考点,并计算速度矢量与目标向量间夹角 η
- (2) 计算侧向加速度指令为:

$$a_{s_{\rm cmd}} = 2\frac{V^2}{L_1} \sin \eta \tag{5-1}$$

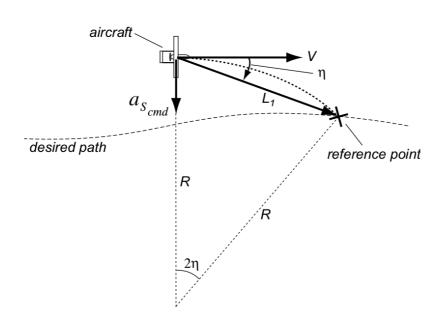


图 13 L1 轨迹跟踪计算示意图

通常轨迹跟踪都会针对直线轨迹和定点盘旋轨迹分别讨论。在直线轨迹跟踪中,侧偏距误差 d 可以用飞机质心与期望航线的垂直距离表示;在定点盘旋轨迹跟踪中,侧偏距误差 d 用飞机质心与圆的距离表示 (质心到圆心距离 - 圆半径)。所以在应用 L1 轨迹跟踪算法时,需要考虑 $d > L_1$ 的情况,也就是飞机距离轨迹较远的情况。

对于直线轨迹跟踪,在图14中,可以对 η_1 进行限制,如 $-30^\circ \leqslant sat(\eta_1) \leqslant 30^\circ$ 。而对于盘旋轨迹,可以在 $d > L_1$ 时先进行直线轨迹跟踪,期望直线可以取为过质心的圆切线 (圆半径可适当增加一个差值),在 $d < L_1$ 后再转入盘旋跟踪。另外在定点盘旋跟踪中需要利用速度向量与心心距向量判断旋转的方向(滚转的正负号)。

在Matlab 仿真中验证定点盘旋算法时,通过几何关系可以直接计算 η 角度,再按原始公式计算加速度指令。而论文中则采用 $\frac{V^2}{R}$ – \ddot{a} 进行近似,其中 \ddot{a} 在实现时似乎不

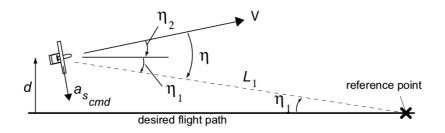


图 14 直线轨迹中 L1 轨迹跟踪计算示意图

方便计算。计算 η 角度时, 涉及相交圆的求解, 参考这里的推导。

最后,在 L1 算法中,给出了期望的加速度指令,如果假设飞机在进行高度不变的稳定盘旋时,侧向加速度指令等价于滚转角指令。而对于航向指令,论文中并没有提及,但是从 PX4 源码中可以看出,直线轨迹时航向指令指向 L1 跟踪点,盘旋轨迹时航向指令始终指向圆心点两种轨迹下虽然给出了偏航指令,但在内环均保持协调转弯的偏航控制策略,而未跟踪该偏航角。

5.1.2 进一步讨论

以下讨论只针对固定翼,且假设1具有高度保持系统,2内环姿态控制的偏航通道按照协调转弯方式进行控制。多旋翼在做轨迹跟踪时,需要独立给出航向跟踪指令。

首先考虑偏盘旋轨迹跟踪问题,对于给定的飞行速度 V_a 和侧向加速度 a_s (等价滚转角),在稳定盘旋时盘旋半径为 $R=V_a^2/a_s$ 。显然对于给定的盘旋半径,可以计算盘旋时的侧向加速度。如果以跟踪盘旋轨迹的圆心点作为参考点,那么无人机相对该参考点的运动可以分解为两部分: 1. 质心与圆心连线上的运动;2. 相对圆心的圆周运动。若以侧向加速度为控制量,那么有

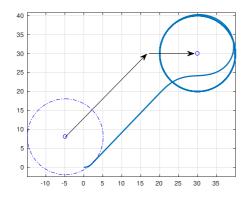
$$a_{s_{\text{cmd}}} = a_{\parallel} + a_{\perp} = f(d, V_a) + \frac{V_a^2}{R}$$
 (5-2)

其中,d 表示侧向轨迹偏差, $f(d,V_a)$ 表示侧向偏差及飞行速度的函数,可以理解为对 d 的 PD 控制律。一种更形象的解释为: a_{\perp} 能够让无人机产生一个指定半径的圆轨迹, a_{\parallel} 能够让这个圆轨迹的圆心逐渐移动到指定的位置上。

对于直线轨迹跟踪,可以认为是半径为 ∞ 的圆轨迹,求解算法基本一致,只是需要在计算时限制 $f(d,V_a)$ 中的d 值,以保证飞机能始终向前飞行,而不会对着航线飞行。

5.1.3 其他的几种轨迹跟踪

本节主要参考文献Unmanned Aerial Vehicle Path Following。



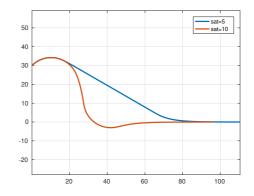


图 15 一种更形象的解释轨迹跟踪

图 16 直线轨迹跟踪,对 d 取不同约束值的轨迹

5.2 MPC 控制及动态路径跟踪

模型预测控制 (MPC) 可以用于外环的路径跟踪控制上。若假设纵向控制中已经设计好了速度、高度控制器 (比如 TECS),且假设偏航控制能够按照协调转弯的方式保持飞机无侧滑,那么二维路径跟踪问题就可以转换成以侧向加速度/滚转角为输入量、以姿态闭环为被控系统的 SISO 控制问题。若内环控制器具有较好的控制性能,那么姿态闭环可以动态线性化为一个二阶串级线性系统,这时可以应用 MPC 进行控制。

MPC 的核心问题就是在于对优化目标函数的设计及求解,若以师姐论文中的动态路径跟踪(避障)问题为例,优化目标函数可以设计为

$$J = \sum_{i}^{N} J^{(i)} = \sum_{i}^{N} \left(J_{path}^{(i)} + J_{angle}^{(i)} + J_{obs}^{(i)} + J_{final}^{(i)} \right)$$

其中,N 为滚动优化的长度, $J^{(i)}$ 为滚动优化中每一步的罚函数, $J^{(i)}_{path}$ 为路径跟踪误差, $J^{(i)}_{angle}$ 飞行航向跟踪误差, $J^{(i)}_{obs}$ 为避障罚函数 + $J^{(i)}_{final}$ 为终点吸引罚函数。具体代码在这里。运行的结果为:

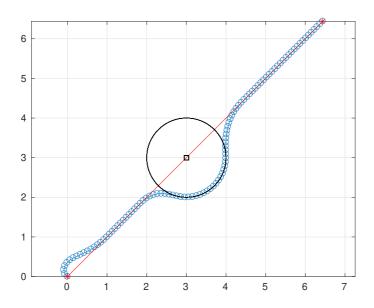


图 17 一个简单的基于 MPC 的动态路径跟踪

六 规划

6.1 最短路径算法

6.1.1 Floyd **算法**

Floyd 算法采用动态规划思想,f[k][i][j] 表示 i 和 j 之间可以通过编号为 1...k 的节点的最短路径。初值 f[0][i][j] 为原图的邻接矩阵。

则 f[k][i][j] 可以从 f[k-1][i][j] 转移来,表示 i 到 j 不经过 k 这个节点。也可以从 f[k-1][i][k]+f[k-1][k][j] 转移过来,表示经过 k 这个点。意思即

$$f[k][i][j] = \min(f[k-1][i][j], f[k-1][i][k] + f[k-1][k][j])$$

核心代码为

```
for (k=1; k<=n; k++)

for (i=1; i<=n; i++)

for (j=1; j<=n; j++)

if (e[i][j]>e[i][k]+e[k][j])

e[i][j]=e[i][k]+e[k][j];
```

Floyd 算法能够求解有向图中任意两个点之间的最短路径,且只能在不存在负权环的情况下使用,时间复杂度 $O(N^3)$ 。

6.1.2 Dijkstra 算法

Dijikstra 算法采用贪心思想,维护两个点集 A,B。 A 点集代表已经求出源点到该点的最短路的点的集合,B 代表未求出源点到该点的最短路径的点的集合。维护一个向量 d,d[i] 代表源点到点 i 的最短路径长度。不断进行以下操作:找出点集 B 中 d[i] 最小的点,将这个点加入点集 A 中,然后用这个点到其邻接点的距离来更新向量 d,直到点集 B 为空。

具体步骤为:

- (1) 将所有的顶点分为两部分: 已知最短路程的顶点集合 P 和未知最短路径的顶点集合 Q。最开始,已知最短路径的顶点集合 P 中只有源点一个顶点。我们这里用一个 book[i]数组来记录哪些点在集合 P 中。例如对于某个顶点 i,如果book[i]为 1 则表示这个顶点在集合 P 中,如果 book[i]为 0 则表示这个顶点在集合 Q 中。
- (2) 设置源点 s 到自己的最短路径为 0 即 dis=0。若存在源点有能直接到达的顶点 i,则把 dis[i] 设为 e[s][i]。同时把所有其它(源点不能直接到达的)顶点的 最短路径为设为 ∞ 。
- (3) 在集合 Q 的所有顶点中选择一个离源点 s 最近的顶点 u (即 dis[u] 最小) 加入

到集合 P。并考察所有以点 u 为起点的边,对每一条边进行松弛操作。例如存在一条从 u 到 v 的边,那么可以通过将边 u->v 添加到尾部来拓展一条从 s 到 v 的路径,这条路径的长度是 dis[u]+e[u][v]。如果这个值比目前已知的 dis[v] 的值要小,我们可以用新值来替代当前 dis[v] 中的值。

(4) 重复第 3 步,如果集合 Q 为空,算法结束。最终 dis 数组中的值就是源点到所有顶点的最短路径。

Dijkstra 算法能够求解图中单源点到其他所有点的最短路径。时间复杂度为 $O(N^2)$

6.1.3 Bellman-Ford 算法

具体步骤为:

- (1) 创建源顶点 v 到图中所有顶点的距离的集合 distSet, 为图中的所有顶点指定 一个距离值, 初始均为 Infinite, 源顶点距离为 0;
- (2) 计算最短路径, 执行 V-1 次遍历: 对于图中的每条边, 如果起点 u 的距离 d 加上边的权值 w 小于终点 v 的距离 d, 则更新终点 v 的距离值 d;
- (3) 检测图中是否有负权边形成了环: 遍历图中的所有边, 计算 u 至 v 的距离, 如果对于 v 存在更小的距离, 则说明存在环;

Bellman-Ford 算法也能解决单源最短路问题,且对边的情况没有要求,不仅可以处理负权边,还能处理负环。时间复杂度为 $O(V \times E)$

6.1.4 A* 算法

个人理解 A* 算法只是针对搜索方向的一种启发式处理方法,在寻找最短路径的搜索过程中,通常都是以 Dijkstra 算法为基础进行的。具体的伪代码为:

```
function A*(start, goal)
    // The set of nodes already evaluated
    closedSet := {}

// The set of currently discovered nodes that are not evaluated yet.

// Initially, only the start node is known.

openSet := {start}

// For each node, which node it can most efficiently be reached from.

// If a node can be reached from many nodes, cameFrom will eventually contain the

// most efficient previous step.

cameFrom := an empty map
```

```
14
      gScore := map with default value of Infinity
15
17
      gScore[start] := 0
18
19
20
21
      fScore := map with default value of Infinity
24
      fScore[start] := heuristic_cost_estimate(start, goal)
25
26
      while openSet is not empty
27
         current := the node in openSet having the lowest fScore[] value
28
         if current = goal
29
            return reconstruct_path(cameFrom, current)
31
         openSet.Remove(current)
32
         closedSet.Add(current)
33
34
         for each neighbor of current
35
            if neighbor in closedSet
                continue // Ignore the neighbor which is already
38
            if neighbor not in openSet // Discover a new node
39
                openSet.Add(neighbor)
40
41
42
            //the "dist_between" function may vary as per the solution
43
            tentative_gScore := gScore[current] + dist_between(current,
44
                neighbor)
            if tentative_gScore >= gScore[neighbor]
45
               continue // This is not a better path.
46
47
```

```
48
            cameFrom[neighbor] := current
49
            gScore[neighbor] := tentative_gScore
50
            fScore[neighbor] := gScore[neighbor] +
               heuristic_cost_estimate(neighbor, goal)
52
      return failure
53
54
   function reconstruct_path(cameFrom, current)
55
      total_path := [current]
      while current in cameFrom.Keys:
         current := cameFrom[current]
58
         total_path.append(current)
59
      return total_path
60
```

上述伪代码可以用于移动机器人路径搜索。其中 closedSet 表示已经搜索过的位置, openSet 表示待搜索的位置。从 openSet 中按照 fScore 的值找到最近的待搜索点,从 openSet 中移入 closedSet 中。更新该点相邻可达点的 fScore 值和 cameFrom 表,同时 将相邻点 (不在 closedSet) 加入 openSet 中。不断重复直到搜索到达目标点,然后根据 cameFrom 表逆推得到最短路径。

与 Dijkstra 算法相比, A* 算法最核心的地方就是对距离函数的取值:

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

其中,g(n) 就是 Dijkstra 算法中计算出的从源点到当前点的距离,h(n) 则表示当前点到目标点的距离估计。利用该估计值启发搜索方向。这是我用 Matlab 编写的A* 代码。为了便于 Matlab 搜索和定位,代码中将二维坐标转换为了一维坐标处理。

6.2 路径搜索算法

6.2.1 PRM 算法

概率路图 (Probabilistic RoadMap, PRM) 算法。基本步骤分为两步:先对地图进行预处理建图,生成可行路径无向图,然后查询源点、终点在图上对应的最短距离。

■ PRM 算法预处理步骤

- (1) 地图随机采样, 生成中间路径点。
- (2) 按照不同的方法, 在路径点之间生成路径
- (3) 对路径进行碰撞检测。

在 PRM 算法中,常规方式是逐点采样,然后按照半径距离 r 连接到已生成的图中;一种简化方法 (sPRM) 是一次生成 N 个采样点,然后再逐点生成路径。此外,对最近若干点的挑选方式也有不同处理。常规是按照给定的半径球内寻点。k-Nearest (s)PRM

始终搜寻最近的 k 个点生成路径。Bounded-degree (s) PRM 则是对常规方式的球内点添加了 k 个最近上限。

6.2.2 RRT 算法

快速扩展随机树 (Rapidly-exploring Random Trees, RRT) 算法。本节主要参考Rahul Kala的代码以及这篇博客。

■ RRT 算法步骤

- (1) 初始化随机树、确定初始点、目标点、地图尺寸、地图障碍物位置等
- (2) 随机采样。按照一定的概率在地图中挑选随机点或是用目标点作为当前采样点 *q*_{rand}
- (3) 选取最近节点。在当前随机树中找出与采样点最近的节点,作为扩展节点 *q*_{nearest}
- (4) 随机树扩展。沿 q_{nearest} 和 q_{rand} 方向,按照一定步长生成新节点 q_{new}
- (5) 碰撞检测。若 $\overline{q_{\text{nearest}}q_{\text{new}}}$ 上的点都与障碍物无碰撞,则将 q_{new} 加入随机树中。
- (6) 若 q_{new} 距离目标点足够近则停止搜索,否则跳转步骤 2。

在实际使用是,还需要考虑:如何进行随机采样?如何定义"最近"以及如何快速搜索到最近节点 (Kd-Tree)?如何进行扩展等。博客中举了一个车型机器人的例子,显然车的前后移动要比旋转、航向移动要方便,对应与更"近"。

■ Bidirectional RRT/RRT Connect

单源点开始搜索的 RRT 算法在搜索效率上仍显的较慢,因此有人提出如下的双向 RRT 搜索算法。基本思想可以理解为: 先对源点做一次 RRT 搜索, 然后用扩展点对终点做一次 RRT 搜索, 然后用源点 RRT 的扩展点与终点 RRT 的扩展点再做连续 RRT 拓展, 直到遇到障碍物。然后重复上述步骤。为了平衡两棵随机树的节点,每一步搜索中的第一次的 RRT 可以对节点数多的进行。

6.2.3 RRT* 算法

最优 RRT(RRT*) 算法,主要参考这篇论文。简单来说,RRT* 算法的"最优"性体现在对随机树的动态优化上,基本思想为:

- (1) 随机树扩展。对于待扩展的新节点 q_{new} ,不是简单的生成从 q_{nearest} 到 q_{new} 的路径,而是在 q_{new} 的一个邻域内搜索所有节点 q_{near} ,使得源点经过 q_{near} 到 q_{new} 的路径最短,这时再添加 q_{near} 到 q_{new} 路径。
- (2) 随机树修正。对 q_{new} 邻域内所有节点 q_{near} 再做一次搜索,若源点经过新节点 q_{new} 到 q_{near} 的距离更短,则变更 q_{near} 的父节点为 q_{new} ,且替换原路径。

■ 疑问

RRT* 算法在每一步搜索中都需要寻找 q_{new} 的邻域节点,这个搜索的代价是不是太大? 如果按照常规 RRT 算法生成节点和路径,最后再做一次全局的最短路径搜索,性能对比如何?

```
1. V_1 \leftarrow \{q_{init}\}; E_1 \leftarrow \emptyset; G_1 \leftarrow (V_1, E_1);
2.\,V_2 \leftarrow \{q_{goal}\,\}; E_2 \leftarrow \emptyset; G_2 \leftarrow (V_2\ , E_2); i \leftarrow 0;
3. while i < N do
                    q_{rand} \leftarrow \text{Sample}(i); i \leftarrow i + 1;
4.
                  q_{nearst} \leftarrow \text{Nearst}(G_1, q_{rand});
5.
                  q_{new} \leftarrow \text{Steer}(q_{nearst}, q_{rand});
6.
                    if ObstacleFree(q_{nearst}, q_{new}) then
7.
                                 V_1 \leftarrow V_1 \cup \{q_{new}\};
8.
                                 E_1 \leftarrow E_1 \cup \{(q_{nearest}, q_{new})\};
9.
                              q_{nearst}^{'} \leftarrow \text{Nearst}(G_2, q_{new});
10.
                              q_{new}^{'} \leftarrow \text{Steer}(q_{nearst}^{'}, q_{new});
11.
                               if ObstacleFree(q'_{nearst}, q'_{new}) then
12.
                                             V_2 \leftarrow V_2 \cup \{q'_{new}\};
13.
                                             E_2 \leftarrow E_2 \cup \{(q_{nearst}^{'}, q_{new}^{'})\};
14.
15.
                                                            q_{new}^{''} \leftarrow \text{Steer}(q_{new}^{'}, q_{new});
16.
                                                              if ObstacleFree(q_{new}^{''}, q_{new}^{'}) then
17.
                                                                            V_2 \leftarrow V_2 \cup \{q_{new}^{''}\};
18.
                                                                            E_2 \leftarrow E_2 \cup \{(q_{new}^{''}, q_{new}^{'})\};
19.
                                                                            q_{new}' \leftarrow q_{new}'';
20.
                                                               else break;
21.
                                             while not q_{new}^{'} = q_{new}
22.
                               if q_{new}^{'} = q_{new} then return (V_1, E_1);
23.
                    if |V_2| < |V_1| then Swap(V_1, V_2);
24.
```

```
Algorithm 6: RRT*
 1 V \leftarrow \{x_{\text{init}}\}; E \leftarrow \emptyset;
 2 for i=1,\ldots,n do
            x_{\text{rand}} \leftarrow \texttt{SampleFree}_i;
            x_{\text{nearest}} \leftarrow \texttt{Nearest}(G = (V, E), x_{\text{rand}});
 4
            x_{\text{new}} \leftarrow \texttt{Steer}(x_{\text{nearest}}, x_{\text{rand}}) ;
 \mathbf{5}
            {f if} ObtacleFree(x_{
m nearest},x_{
m new}) {f then}
 6
                   X_{\text{near}} \leftarrow \texttt{Near}(G = (V, E), x_{\text{new}}, \min\{\gamma_{\texttt{RRT}^*}(\log(\operatorname{card}{(V)})/\operatorname{card}{(V)})^{1/d}, \eta\}) \; ;
                   V \leftarrow V \cup \{x_{\text{new}}\};
 8
                   x_{\min} \leftarrow x_{\text{nearest}}; \ c_{\min} \leftarrow \texttt{Cost}(x_{\text{nearest}}) + c(\texttt{Line}(x_{\text{nearest}}, x_{\text{new}}));
                                                                                                               // Connect along a minimum-cost path
                   foreach x_{\text{near}} \in X_{\text{near}} do
10
                          \textbf{if CollisionFree}(x_{\text{near}}, x_{\text{new}}) \land \texttt{Cost}(x_{\text{near}}) + c(\texttt{Line}(x_{\text{near}}, x_{\text{new}})) < c_{\min} \textbf{ then}
11
                            x_{\min} \leftarrow x_{\text{near}}; c_{\min} \leftarrow \text{Cost}(x_{\text{near}}) + c(\text{Line}(x_{\text{near}}, x_{\text{new}}))
12
                   E \leftarrow E \cup \{(x_{\min}, x_{\text{new}})\};
13
                                                                                                                                                         // Rewire the tree
14
                   foreach x_{\text{near}} \in X_{\text{near}} do
15
                          \textbf{if } \texttt{CollisionFree}(x_{\text{new}}, x_{\text{near}}) \land \texttt{Cost}(x_{\text{new}}) + c(\texttt{Line}(x_{\text{new}}, x_{\text{near}})) < \texttt{Cost}(x_{\text{near}})
                          then x_{\text{parent}} \leftarrow \text{Parent}(x_{\text{near}});
                          E \leftarrow (E \setminus \{(x_{\text{parent}}, x_{\text{near}})\}) \cup \{(x_{\text{new}}, x_{\text{near}})\}
16
17 return G = (V, E);
```

图 19 RRT* 算法伪代码

6.3 路径曲线生成算法

6.3.1 Dubins path

对于平面路径生成,可以用 $(x,y,\psi)'$ 表示状态,其中 x,y 为轨迹点的平面坐标位置, ψ 表示轨迹点运动的轨迹偏角 (对无人机,假设无侧滑角飞行)。Dubins 曲线采用圆弧和直线连接源点和终点,对于包含直线的 Dubins 曲线,按照源点转弯方向和终点转弯方向,可以分为 RSR,RSL,LSR,LSL 共四种曲线形式。

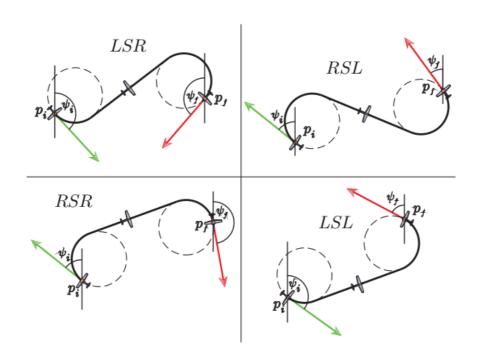


图 20 四种 Dubins 曲线形式

具体算法思想可以参考这篇论文,具体的 MATLAB 实现可以看 这里,主要注意下坐标系 (x 轴指向北) 与论文中不一样,实现过程比较简单,都是几何运算。

基本思路都是:

- (1) 按照路径形式确定源点、终点的转弯圆心
- (2) 按照路径形式确定两圆的切线方向、航迹偏角
- (3) 计算圆上切点
- (4) 计算转弯旋转角度的变化增量

关于如何根据条件状态直接选择路程最短的形式,可以参考王师姐论文。

6.3.2 Bezier 曲线和 B-spline 曲线

■ 贝塞尔曲线

参考这篇博客。给定源点 P_0 和终点 P_1 , 那么一阶 Bezier 曲线就是这两个点的连线,连线上的点可以描述为:

$$P = (1 - t)P_0 + tP_1$$

其中, $t:0 \Rightarrow 1$ 。这个形式相当于一个一阶插值。类似的,二阶 Bezier 曲线中,一共需要 3 个控制点 P_0, P_1, P_2 ,先计算 P_0 和 P_1 的曲线点 P_0^1 ,再计算 P_1 和 P_2 的曲线点 P_1^1 ,最后计算 P_0^1 和 P_1^1 的曲线点就是二阶曲线上的点。

$$P = (1 - t) [(1 - t)P_0 + tP_1] + t [(1 - t)P_1 + tP_2]$$

= (1 - t)^2 P_0 + 2t(1 - t)P_1 + t^2 t P_2

贝塞尔曲线存在的问题:

- (1) 确定了多边形的顶点数 (m 个), 也就决定了所定义的 Bezier 曲线的阶次 (m-1 次), 不够灵活。
- (2) 当顶点数 (m) 较大时, 曲线的阶次将比较高。此时, 多边形对曲线形状的控制将明显减弱。
- (3) Bezier 的调和函数的值,在开区间(0,1)内均不为0。因此,所定义的曲线在(0<t<1)的区间内的任何一点均要受到全部顶点的影响,即改变其中任一个顶点的位置,都将对整条曲线产生影响,因此对曲线进行局部修改是不可能的。

■ B 样条曲线

可以参考这篇博客。讲的比较清楚,而且代码也可以运行通过。

一般使用其中的准均匀 B 样条曲线,需要特别注意其中求取节点的地方,包括数量及其分布。节点可以理解为在原控制点上的扩充,用于计算基函数。控制点就是给定的控制多边形的定点。

6.3.3 其他形式曲线

■ Reeds-Shepp 曲线

与 Dubins 曲线相比, RS 曲线中机器人既能够前向运动, 也能够后向运动 (类似具有倒车的性质)。共计 9 类 46 种曲线直线组合结果。

■ Balkcom-Mason 曲线

与 RS 曲线相比, Balkcom-Mason 曲线中机器人可以绕中心旋转 (类似双轮机器人 差动转向的性质)。

■ Pythagorean Hodograph 曲线

PH 曲线是一种具有有理特性的参数化多项式曲线。具体计算可以根据师姐论文中的方法,在复平面内进行计算。

七 LeetCode

7.1 数论

7.1.1 Power of Three

题目描述:

给一个整数、判断是否为3的整数幂。要求不使用循环/递归。

■ 解答思路一:

若整数 N 是 3 的整数幂,即 $3^a = N$ 那么 $a = \log_3 N$ 一定也是一个整数,使用换底公式为:

$$a = \frac{\log_{10} N}{\log_{10} 3}$$

注,不能使用自然对数 e 或 2 为底进行计算,无法通过。判断 a 是否为整数可以用 (a – (int) a == 0) 来判断。

■ 解答思路二:

可以用 int 范围内最大的一个 3 的整数幂来求余, 若余数为 0, 表明 N 是 3 的整数幂。

7.2 树

7.2.1 Recover Binary Search Tree

■ 题目描述:

给一个二叉搜索树,其中有两个节点位置交换了,需要将其恢复。要求空间复杂度为 O(N)。

■ 解答思路:

- 1. 先序遍历二叉搜索树时,遍历结果为一个递增序列。若出现某个元素大于后一个元素,则说明这两个元素的位置有误。
- 2. 要求只使用 O(N) 空间复杂度, 所以不能用常规递归/迭代的方式进行遍历, 需要使用 Morris traversal 的遍历方式。具体算法为:
 - A... 如果左子树为空, 打印当前节点, 并将当前节点指向右子树。
 - B... 如果左子树非空, 迭代找到左子树中的先序遍历的最后一个节点。
-a) 如果该节点的右子树指向当前节点,则将恢复右子树为 NULL,当前节点指向右子树。
-b) 如果该节点的右子树为空,则将右子树指向当前节点,打印当前节点,并将当前节点指向左子树。
 - C... 迭代重复上述过程直到当前节点为空。

3. 需要将上述算法中节点打印的顺序用一个指针记录。

```
struct TreeNode {
      int val;
2
      TreeNode *left;
3
      TreeNode *right;
      TreeNode(int x) : val(x), left(NULL), right(NULL) {}
   };
   int MorrisTravelPreorder(TreeNode* root) {
      TreeNode *cur = root;
      TreeNode *pre = NULL;
10
      while(cur) {
11
         if (!cur->left) {
             cout << cur->val << endl;</pre>
             cur = cur->right;
14
         } else {
15
            pre = cur->left;
16
            while (pre->right && pre->right != cur) {
17
                pre = pre->right;
18
            }
            if (!pre->right) {
                pre->right = cur;
21
                cur = cur->left;
22
             } else {
23
                pre->right = NULL;
24
                cout << cur->val << endl;</pre>
25
                cur = cur->right;
26
27
28
29
30
```