

题目描述

小 X 遇到了一道题：

给定自然数 a, b ，求满足下列条件的自然数对 (x, y) 的个数：

$$y^2 - x^2 = ax + b$$

他不会，只好求助于精通数学的你。

如果有无限多个自然数对满足条件，那么你只需要输出 `inf` 即可。

输入输出格式

输入格式

一行两个整数 a, b 。

输出格式

如果个数有限，一行一个整数，表示个数。

如果个数无限，一行一个字符串 `inf`。

输入输出样例

输入样例 #1

```
5 15
```

输出样例 #1

```
1
```

输入样例 #2

```
4 4
```

输出样例 #2

```
inf
```

输入样例 #3

12 6

输出样例 #3

0

输入样例 #4

96 96

输出样例 #4

7

输入样例 #5

10000 9999997

输出样例 #5

6

说明

【样例 1 说明】

$(x, y) = (6, 9)$

本题采用捆绑测试。

- Subtask 1 (3 points) : $a = b = 0$ 。
- Subtask 2 (6 points) : $0 \leq a, b \leq 2$, 不存在无限个数的情况。
- Subtask 3 (9 points) : $0 \leq a, b \leq 100$, 不存在无限个数的情况。
- Subtask 4 (13 points) : $0 \leq a, b \leq 10^3$, 不存在无限个数的情况。
- Subtask 5 (14 points) : $0 \leq a \leq 10^4$, $0 \leq b \leq 10^7$ 。
- Subtask 6 (14 points) : $a = 0$ 。
- Subtask 7 (14 points) : $b = 0$ 。
- Subtask 8 (27 points) : 无特殊限制。

对于 100% 的数据, $0 \leq a \leq 10^8$, $0 \leq b \leq 10^{15}$ 。

Solution

这道肯定不能直接使用纯暴力，铁定TLE ~~（雾）~~

我们考虑因式分解， $(y - x)(y + x) = ax + b$

令 $k = y - x$ ，上式可化为 $k(k + 2x) = ax + b$

展开移项后可得 $x = \frac{b - k^2}{2k - a}$

暴力枚举 k 即可。

特别的，当 $b - k^2 < 0, 2k - a > 0$ 时，即退出枚举

My Code

```
#include <cstdio>
#include <iostream>
#include <algorithm>
#include <cmath>
long long a, b, ans;
int main()
{
    std::ios::sync_with_stdio(0);
    std::cin.tie(0);
    std::cout.tie(0);
    std::cin >> a >> b;
    if (a * a - 4 * b == 0) {
        std::cout << "inf" << std::endl;
        return 0;
    }
    register long long x = 1, t = sqrt(b);
    if (t * t == b) {
        ++ans;
    }
    while (1) {
        register long long W = b - x * x, S = 2 * x - a;
        if ((W > 0 && S > 0) || (W < 0 && S < 0)) {
            if (W % S == 0) {
                ++ans;
            }
        }
        if (S > 0 && W < 0) {
            break;
        }
        ++x;
    }
    std::cout << ans << std::endl;
    return 0;
}
```