Hochschule München

Projektarbeit Wackelroboter



Betreuer Prof. Dr. Norbert Nitzsche

Verfasser Valentyn Chepil, Stephan Morongowski,

Severin Schendel, Aleksandar Stoiljkovic, Timo Veit

Fachbereich Maschinenbau - MBB

Abgabetermin 28.2.2018

Inhaltsverzeichnis

1	Defi	nition	eines roboterfesten Koordinatensystems	1
2	Ums	etzun	g eines Direktantriebes	2
	2.1	Vergl	eich der Antriebsarten	2
	2.	1.1	Bürstenloser Gleichstrommotor	2
	2.	1.2	Schrittmotoren	3
		2.1.2	.1 Allgemeines	3
		2.1.2	.2 Arten des Schrittmotors	3
		2.1.2	.3 Hybridschrittmotor	3
		2.1.2	.4 Arten der Ansteuerung	4
		2.1.2	.5 Mikroschritt Betrieb	4
	2.2	Regel	lung von Schrittmotoren	5
	2.	2.1	Auftrettende Schwierigkeiten	5
	2.	2.2	Fazit	5
	2.3	Ausw	ahl der Motoren	6
	2.4	Ausw	rahl eines Drehencoders	7
	2.	4.1	Anforderungen an die Encoder	7
	2.	4.2	Marktanalyse	7
		2.4.2.	•	8
		2.4.2.	.2 Bourns Encoder	8
		2.4.2.	.3 Renishaw Encoder	8
	2.	4.3	Fazit	9
	2.5	Eigen	ıbau eines Motortreibers	10
	2.	5.1	Anforderungen an den zu entwickelnden Treiber	10
	2.	5.2	Marktanalyse	11
		2.5.2.		11
		2.5.2.		12
		2.5.2.		12
		2.5.2.		12
		2.5.2.	3	13
		2.5.2.	·	13
		2.5.2		14
	2.	5.3	Fazit	14
3	Navi	igatio	n	15
	3.1	•	orik	15
	3.2		mentalgeber	15

4 Auslegung Kurvengeschwindigkeit

17

Abbildungsverzeichnis

1	Roboterkoordinatensystem	
	(Quelle: [roboterKS_Bild])	1
2	BLDC Prinzipschaltung, V1-V6 MOSFETS	
	(Quelle: [PrinzipBLDC])	2
3	Schrittmotortypen	
	(Quelle: [roboterKS_Bild])	3
4	notwendige Komponenten eines potentiellen Motortreibers	
	(Quelle: eigene Darstellung, SM) \dots	10
5	Rotation um den Momentanpol	
	(Quelle: eigene Darstellung, SM) \dots	15
6	Kräfte bei der Kurvenfahrt	
	(Quelle: eigene Darstellung, TV) $\dots \dots \dots \dots \dots$	17

1 Definition eines roboterfesten Koordinatensystems

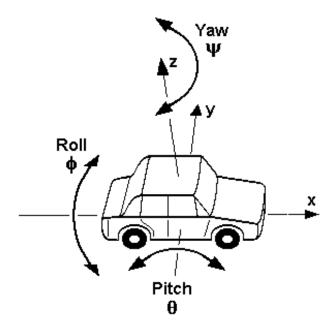


Abbildung 1: Roboterkoordinatensystem (Quelle: [roboterKS_Bild])

Zur einheitlichen Bezeichnung wurde das roboterfeste Koordinatensystem (im Folgenden mit KS bezeichnet) wie in Abbildung 3 zu sehen, ähnlich ISO 88551 festgelegt. Entgegen der häufig anzutreffenden Bezeichnungen der Winkel um die jeweiligen Koordinatenachsen werden im Folgenden die Winkel um

- die x-Achse mit α
- die y-Achse mit β
- die z-Achse mit γ

bezeichnet.

Der Ursprung des KS liegt auf der Radachse mittig zwischen den beiden Rädern. Das KS ist ein rechtshändiges KS.

Die Verdrehung der jeweiligen Räder wird mit φ_l bzw. φ_r bezeichnet. Dabei bezeichnet l das in positive x-Richtung blickend links liegende Rad und r das in positive x-Richtung blickend rechts liegende Rad.

2 Umsetzung eines Direktantriebes

2.1 Vergleich der Antriebsarten

2.1.1 Bürstenloser Gleichstrommotor

"Bürstenlose Gleichstrommotoren, kurz BLDC ("Brushless DC-Motoren), sind - entgegen ihrer Bezeichnung - Drehstrom-Synchronmaschinen: Der Läufer folgt einem magnetischen Drehfeld, die Bewegung ist synchron zur Wechselspannung, die an die Wicklungen angelegt wird. Dieser Motortyp wird häufig als "Bürstenloser Gleichstrommotor" bezeichnet, da er in vielen Applikationen bürstenbehaftete Gleichstrommotoren ("brushed DC", Kommutatormotoren) ersetzt. Bei einem bürstenbehafteten Gleichstrommotor wird eine Gleichspannung angelegt, die durch einen mechanischen Wechselrichter im Motor - die Bürsten - einen drehzahlunabhängigen Wechselstrom erzeugt.

Zusammen mit einer elektronischen Ansteuerung, die die Funktion der Bürsten übernimmt und aus den eingespeisten Gleichstrom in Wechselstrom umwandelt, entspricht der BLDC-Motor im Verhalten einem bürstenbehafteten Gleichstrommotor ohne die in der Lebensdauer begrenzten Bürsten. BLDC-Motoren werden deshalb auch als EC ("electronically commutated")-Motoren bezeichnet, um sie von mechanisch kommutierten bürstenbehafteten Motoren abzugrenzen."

(Quelle: [BLDCNanotec])

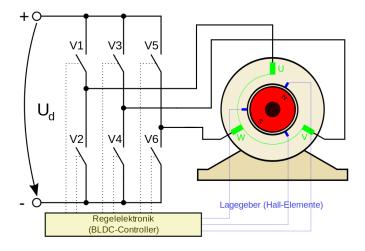


Abbildung 2: BLDC Prinzipschaltung, V1-V6 MOSFETS (Quelle: [**PrinzipBLDC**])

Severin Schendel 2

2.1.2 Schrittmotoren

2.1.2.1 Allgemeines

Schrittmotoren sind eine spezielle Bauform der Synchronmaschine, bei denen der Rotor als Permanentmagnet ausgeführt ist, während der Stator aus einem Spulenpaket besteht. Im Unterschied zum Synchronmotor hat der Schrittmotor eine große Zahl an Polpaaren. Die Drehung des Rotors kommt dadurch zustande, dass das elektromagnetische Feld der Stators Sprungweiße geschalten wird und sich um einen Schrittwinkel bewegt.

Zum Betrieb des Motors wird eine spezielle Ansteuereinheit(Treiber) benötigt.

2.1.2.2 Arten des Schrittmotors

Es gibt drei Grundtypen des Schrittmotors.

- Reluktanzschrittmotor (VR)
- Permanenterregter Schrittmotor(PM)
- Hybridschittmotor(HY)

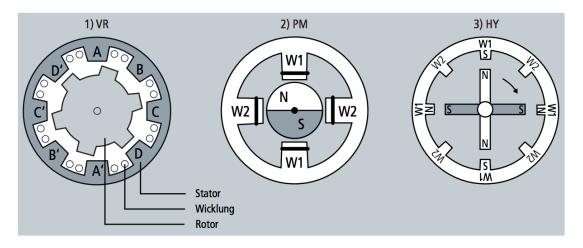


Abbildung 3: Schrittmotortypen (Quelle: [roboterKS_Bild])

Für unseren Anwendungsfall kommt nur der Hybridschrittmotor in Frage, aufgrund des Haltemomentes von 03 bis 1000 cNm und des kleinen Schrittwinkel von 0.36°.

2.1.2.3 Hybridschrittmotor

Der Hybridschrittmotor vereint die positiven Eigenschaften des Reluktanzschrittmotor und des Permanenterregten Schrittmotor. Sein Rotor besteht aus einem axialen Permanentmagneten, an dessen Enden gezahnte Kappen befestigt sind. Beide sind

Severin Schendel

um eine halbe Zahnbreite gegeneinander versetzt, so das sich Nord- und Südpole abwechseln.

2.1.2.4 Arten der Ansteuerung

Es gibt drei Möglichkeiten Schrittmotoren anzusteuern.

- Vollschritt
- Halbschritt
- Mikroschritt

In unserem Fall wird der Mikroschrittbetrieb benötigt um ein genaues Positionieren zu ermöglichen.

2.1.2.5 Mikroschritt Betrieb

Ein Schrittmotor führt Mikroschritte aus, wenn man die durch die Phasen fließenden Ströme nicht nur ein- oder ausschaltet, sondern in definierter Weise anwachsen und abnehmen läßt. Die Genauigkeit des Mikroschritts hängt davon ab, wieviele verschiedene Stromstärken vorgesehen sind und wie genau diese eingehalten werden. Die Theorie zeigt, daß eine sinusförmige Erregung am zweckmäßigsten ist. Es handelt sich dann eher um ein kontinuierliches Weiterdrehen als um ein ruckweises weiterschalten. Diese Betriebsweise hat einige Vorteile:

- ruhigerer Lauf
- keine Resonanzeffekte
- Geräuschminderung
- Schonung der Lager und ggf. nachgeordneter Antriebsteile
- bessere Auflösung bzw. Positioniergenauigkeit

Die sinuförmige Erregung erreicht man durch Stromsteuerung, genauer durch Beeinflussung der Referenzspannung. Für jede Wicklung wird eine Referenzspannung gebildet, deren Zeitverlauf aufeinanderfolgenden Sinushalbwellen entspricht. Beide Referenzspannungen sind gegeneinander um 90° phasenverschoben.

Severin Schendel 4

2.2 Regelung von Schrittmotoren

Da das Verwenden eines Schrittmotors zur Debatte stand, wurde hierzu eine Recherche angestellt. Die Unterschiede zwischen einem BLDC-Motor und einem Schrittmotor sind im wesentlichen:

BLDC-Motor

Verwendung von Drehstrom / 3 Phasen niedrige Polpaarzahl Schrittmotor

meist Verwendung von 2 Phasen hohe Polpaarzahl

2.2.1 Auftrettende Schwierigkeiten

Zur feldorienierten Vektorregelung bei BLDC Motoren wurden einige Erklärungen und die zugehörigen Berechnungen gefunden. Bei Schrittmotoren wird üblicherweise der Winkel geregelt, zur genauen Realisierung wird das sogenannte Microstepping verwendet. Dabei entstehen aber schwankende Momente. Eine Vorgehensweise um die Vektorregelung beim Schrittmotor mit 2 Phasen umzusetzen wurde nicht gefunden, ist aber grundsätzlich möglich. Ein weiteres Problem ergibt sich aus der hohen Polpaarzahl. Bei 50 Polpaaren und einer einigermaßen guten Nachbildung des elektrischen Winkels mit 50 Stützstellen ergibt sich eine notwendige Decoderauflösung von 2500 Impulsen pro Umdrehung. Entsprechende Decoder sind wiederum teurer, dies macht den Preisvorteil des kostengünstigeren Schrittmotors zu nichte. Die notwendige, hohe Auflösung führt ebenfalls dazu, dass zur Steuerung schon bei geringen Drehzahlen sehr hohe Frequenzen gebraucht werden.

```
Pole p = 50

Stützstellen s = 50

U = 500 \text{ U/min}

Frequenz am Decoder:

f = U / 60 * p * s = 20.8 \text{ kHz}
```

2.2.2 Fazit

Die Regelung des BLDC Motors ist einfacher Umzusetzen und der geringere Preis des Schrittmotors wird durch die teureren Decoder wieder marginalisiert.

2.3 Auswahl der Motoren

Grundsätzlich soll der Roboter mit einem Synchronmotor mit feldorientierter Regelung angetrieben werden, um diesen per Solldrehmoment regeln zu können.

In Abhängigkeit des verfügbaren Stromes von 100A (begrenzt durch den Motortreiber, siehe Abschnitt 2.5.2.2) ergibt sich für das gewünschte Spitzenmoment von ca. 1Nm eine Mindestdrehmomentkonstante von $k_d \approx 0$, $01\frac{Nm}{A}$ bzw. eine Drehzahlkonstante von $k_v \approx 820\frac{rpm}{V}$. Die Untergrenze für die Drehzahlkonstante ergibt sich aus der Maximalgeschwindigkeit des Roboters von $5\frac{km}{h}$ und damit ca. $330\frac{U}{min}$ zu ca. $15\frac{rpm}{V}$ bei $U_{bat} = 22, 2V$. Dabei darf die maximal erlaubte Spannung des Motors 22, 2V nicht überschreiten, um mit der verfügbaren Batteriespannung das maximale Moment auch erreichen zu können. Um eine möglichst kleine Baugröße zu erhalten, wurde vornehmlich nach Außenläufern gesucht, da bei dieser Bauform das mögliche Moment grundsätzlich größer ist, als bei Innenläufern.

Eine Liste der in Frage kommenden Motoren ist in Anhang ... beigefügt.

Ausgewählt wurde der "Roxxy BL Outrunner C50-55-45". Bei einem mittleren Preis bietet dieser Motor ein sehr hohes Moment von ca. 1, 5 Nm bei einer Nennspannung von nur 12V sowie einem ebenfalls geringen Spitzenstrom von 16A. Damit werden alle Anforderungen erfült. Des Weiteren entstehen Vorteile wie geringere Kabelquerschnitte bei der Stromzuführung und geringere thermische Belastung des Motortreibers.

2.4 Auswahl eines Drehencoders

Zur genauen Regelung des Roboters sowie zur Bestimmung der zurückgelegten Strecke werden zwei Drehencoder benötigt. Die Auswahl konnte erst nach der Festlegung auf einen Motor erfolgen, da die Anzahl der Polpaare direkt mit der benötigten Genauigkeit des Encoders zusammenhängt.

2.4.1 Anforderungen an die Encoder

Die Auflösung des elektrischen Winkels soll eine maximale Abweichung von 5° betragen. Der gewählte Motor hat 14 Pole, also 7 Polpaare.

$$\frac{360^{\circ}}{5^{\circ}} \cdot 7 = 504 \tag{1}$$

Es werden also 504 Signale pro Umdrehung benötigt. Da Messungenauigkeiten zu einer noch größeren Abweichung des Winkels führen, wurde sich auf 1000 CPR (Counts per Revolution) geeinigt.

Die zweite Anforderung bestand darin, dass auch die Drehrichtung der Welle von entscheidender Bedeutung ist. Dies muss also durch die Ausgabe des Encoders erkennbar sein.

Anforderungen an den Encoder:

Auflösung von 1000 CPR Ausgabe der Drehrichtung einfache Montage geringe Kosten schnelle Verfügbarkeit

2.4.2 Marktanalyse

Bei der Suche nach einem passenden Produkt traten diverse Probleme auf. Zunächst wurden nur sehr teure Modelle gefunden, welche in keinem akzeptablen Verhältnis zu den anderen Komponenten standen. Dann wurde bemerkt, dass bei der Auflösung der Encoder gleiche Abkürzungen teils verschiedene Bedeutungen haben. CPR stand bei manchen Angaben für Counts Per Revolution, bei anderen Herstellern war die Bedeutung allerdings Cycles per Revolution, entsprach also bei gleichem Wert der vierfachen Auflösung. Außerdem gibt es auch die Bezeichnungen PPR (Pulse per Revolution) und LPR (Lines per Revolution), die mit Cycles per Revolution übereinstimmen. Als relevante Optionen wurden folgende gefunden:

2.4.2.1 Broadcom Encoder

Die Encoder HEDS-5500/5540, HEDS-5600/5640, HEDM-5500/5540 und HEDM-5600 sind optische Inkrementaldrehgeber mit bis zu 1024 CPR(CountsPR). Die eigentliche Auswahl HEDM-5640 J12 war auf Grund der Verfügbarkeit nicht möglich, woraufhin der HEDM 5500 B12 gewählt wurde.

Technische Daten:

2-Channel Output 1000 CPR Wellendurchmesser 6mm Supply Voltage $V_{CC}=5$ V High Level Output Voltage $V_{OH}\geq 2$, 4V Low Level Output Voltage $V_{OL}\leq 0$, 4V Preis ≈ 40 €

2.4.2.2 Bourns Encoder

Die infrage kommenden Drehgeber sind aus der Reihe EMS22 mit Magnetsensoren. Hier gibt es verschiedene Ausgaben, entweder A und B oder Direction und Step. An den Encoder ist eine Welle vormontiert. Ausgewählt wurde der EMS22Q.

Technische Daten:

2-Channel Output 1024 CPR Wellendurchmesser 6mm montiert Supply Voltage $V_{CC}=5\text{V}$ oder 3, 3V High Level Output Voltage $V_{dd}-0.5\text{V}$ minimum Low Level Output Voltage $V_{ss}+0.4\text{V}$ maximum Preis $\approx 32 \text{€}$

2.4.2.3 Renishaw Encoder

Der Inkrementalgeber RMC22 ist ein berührungsloser Magnetsensor. Er ist erhältlich mit bis zu 4096 CPR. Die herausforderung hierbei ist, dass der Magnet mit der Welle befestigt und dann mit hoher Genauigkeit im Sensor platziert werden muss. Der Encoder hat eine Vielzahl an Ausgängen \pm A, \pm B, \pm Z, U, V und W. Bestellbar ist der Encoder in einem slowenischen Onlineshop.

Technische Daten:

9-Channel Output bis zu 4096 CPR Magnetdurchmesser 6mm ohne Anschluss Supply Voltage $V_{CC}=5$ V High/Low Level Output Voltage ohne Angabe Preis $\approx 32,5$ €

2.4.3 Fazit

Auf Grund der leichteren Montage und schnelleren Verfügbarkeit wurde sich trotz des höheren Preises und des 2-Channel Outputs für den HEDM 5500 B12 (siehe 2.4.2.1) entschieden. Die Bestellung erfolgt über den Onlineshop Mouser.

2.5 Eigenbau eines Motortreibers

Aufgrund der schlechten Verfügbarkeit eines zur feldorientierten Regelung von Synchronmotoren geeigneten Motortreibers wurde überlegt, einen solchen Treiber innerhalb der Projektarbeit zu entwickeln und zu bauen. Zur Eruierung des zeitlichen und kostenmäßigen Aufwandes wurden zunächst grobe Anforderungen festeglegt und anschließend eine Marktrecherche sowie eine Machbarkeitsstudie durchgeführt.

2.5.1 Anforderungen an den zu entwickelnden Treiber

Eine Skizze zur prinzipiellen Anordnung der nötigen Komponenten ist in Abbildung 4 gegeben.

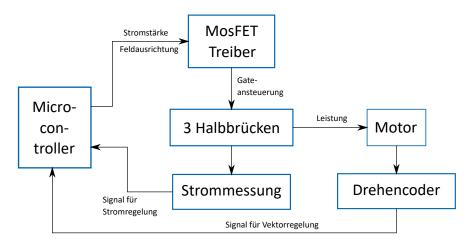


Abbildung 4: notwendige Komponenten eines potentiellen Motortreibers (Quelle: eigene Darstellung, SM)

Notwendige Komponenten für zwei Motoren:

Microcontroller 12-24 Pwm-Ausgänge pro Motor bei min. 20kHz

4-6 digitale Eingänge für Quadraturencoder

4 digitale Eingänge für Sollmomentvorgabe (Moment und Rich-

tung)

4 analoge Eingänge für Strommessung pro Motor

Leisungstransistoren 6 Halbbrücken (High-Side-Ansteuerung über Ladepumpe oder

Pull-Up Widerstand zur Motorversorgungsspanung)

Sensorik 4 mal Strommessung

Gewünschte Technische Daten:

Motorspannung bis 25V

Strom dauerhaft 30A, Spitze 50A

Schnittstellen I2C, USB, PWM

Die Herstellungskosten sollten XXX,- € nicht übersteigen.

2.5.2 Marktanalyse

2.5.2.1 VESC

Der VESC - vector electronic speed control [vesc] ist ein openSource Projekt von Benjamin Vedder. Der Treiber wurde ausgelegt, um ein Skateboard mit einem bürstenlosen Gleichstrommotor anzutreiben und ist in der Lage, 240A Spitzenstrom und 50A Dauerstrom bei bis zu 60V Versorgungsspannung zu liefern. Er verfügt über eine umfangreiche Konfigurationssoftware, über die vom PC aus alle nötigen Voreinstellungen vorgenommen werden können. Das ganze Projekt wirkt auf den ersten Eindruck sehr ausgereift.

Technische Daten:

Microcontroller STM34F4
MOSFET Treiber DRV8302
MOSFETS 6 IRFS7530
Motorspannung 8V - 60V

Strom dauerhaft 50A, Spitze 240A

Schnittstellen PPM signal (RC servo), analog, UART, I2C, USB, CAN-Bus

Größe 40mm mal 60mm

Kosten im Eigenbau für zwei Stück:

Bauteile ca. 120,- €
Platinen ca. 100,- €
Lötzubehör ca. 20,- €
Summe ca. 240,- €

Beschaffungskosten für zwei fertig aufgebaute Platinen: ca. 280,-€

2.5.2.2 ODrive

Der ODrive ist eine Entwicklung verschiedener Personen, da grundsätzlich jeder an der Entwicklung des Treibers teilnehmen kann. Dieser Treiber steuert bis zu zwei Motoren mit je ca. 100A Spitzenstrom. Das Projekt befindet sich noch in der Entwicklungsphase. Die Konfiguration des Treibers muss in die Firmware kompiliert werden.

Technische Daten:

Microcontroller STM34F4 MOSFET Treiber DRV8301

MOSFETS 28 NTMFS4935NT1G

Motorspannung 8V - 30V

Strom dauerhaft ?, Spitze > 100A

Schnittstellen USB, CAN, UART, PWM, and step/dir interface

Größe 110mm mal 50mm

Kosten im Eigenbau pro Stück:

Bauteile ca. ???,- €
Platinen ca. ???,- €
Lötzubehör ca. 20,- €
Summe ca. ???,- €

Beschaffungskosten als fertig aufgebaute Platine: ca. 120,-€

2.5.2.3 Predriver

Zur effizienteren Nutzung der MosFET wird von verschiedenen Herstellern ein Predriver angeboten. Zur Verfügung steht z.B. der DRV8305 von TI. Er stellt als Funktionen die nötige Ladepumpe, eine Möglichkeit zur Strommessung, optimierte Schaltung der FETs und andere Funktionen zur Verfügung.

2.5.2.4 fertige Halbbrücke als Smd-Bauteil

Infineon hat fertige Halbbrücken im Programm, die einige der benötigten Anforderungen bereits ohne externe Komponenten erfüllen. Als Beispiel sei hier der BTN8962TA vorgestellt:

BTN8962TA

Strom dauerhaft 30A, Spitze 70A

Spannung bis 40V
Ladepumpe integriert
Strommessung integriert
PWM bis 25kHz
Ansteuerung logic level
benötigte Menge 6 Stück
Einzelpreis ca. 4,22€
Gesamtkosten ca. 25,-€

2.5.2.5 Aufbau der Halbbrücken aus Einzelkompoenten

Benötigte Komponenten

MosFETs 6 n-FETs ca. 3,-€

6 p-FETs ca. 3,-€

Predriver zB ca. 5,-€ Strommessung 4 Shuntwiderstände ca. 3,-€

Gesamtkosten ca. 14,-€

2.5.2.6 Auswahl eines Microcontrollers

Benötigte Eigenschaften pro Motor

6 Pwm-Ausgänge pro Motor bei min. 20kHz

6 digitale Ausgänge pro Motor

- 2-3 digitale Eingänge für Quadraturencoder
- 2 digitale Eingänge für Sollmomentvorgabe (Moment und Richtung)
- 2 analoge Eingänge für Strommessung pro Motor

Zusätzlich zu den o.g. Angaben muss der Controller gut programmierbar sein und sollte keine, für die Projekt- und Labormitarbeiter völlig neuartige, Programmierumgebung darstellen. Auf Grund dieser Vorgabe wird die Auswahl eingeschränkt auf Controller, die entweder von dem Arduino-Framework oder dem mbed-Framework unterstützt werden.

mögliche Kanditaten

Atmega 1280 ca. 9,-€ Atmega 2560 ca. 10,-€ STM32F4 ca. 9,-€ STM32F7 ca. 10,-€

Die Controller von Atmel liegen bei gleichem Preis in ihrer Leistung deutlich unter der Leistung der Controller von ST.

2.5.2.7 Komplettlösungen als integrierter Schaltkreis

Auf dem Markt finden sich verschiedene Ein-Chip-Lösungen für den Betrieb eines Synchronmotors. Jedoch sind diese in der Regel für sensorlosen Antrieb ausgelegt und damit im Stillstand nicht gut betreibbar. Des Weiteren liegen die erreichbaren Ströme weit unter den Projektanforderungen.

2.5.3 Fazit

Der Ankauf fertiger Motortreiber ist zu teuer. Ein eigenständiger Nachbau der Controller Vesc (siehe 2.5.2.1) oder ODrive (siehe 2.5.2.2) wird in etwa die gleichen Kosten produzieren, wie die Anschaffung der fertig bestückten Platinen und zusätzliche Arbeit schaffen. Andere fertige Lösungen stehen derzeit nicht zur Verfügung. Es erscheint demnach am Sinnvollsten, einen an die Projektanforderungen angepassten Controller im Eigenbau neu zu entwerfen.

3 Navigation

3.1 Sensorik

Zur Verfügung stehen folgende Sensoren:

- Gyros in allen drei Raumachsen
- Beschleunigungssensoren in allen drei Raumachsen
- Inkrementalgeber der Räder
- Ultraschallsensoren

3.2 Inkrementalgeber

Zur Bestimmung der Position des Roboters in einem festen Koordinatensystem können die Inkrementalgeber der Antriebsmotoren benutzt werden.

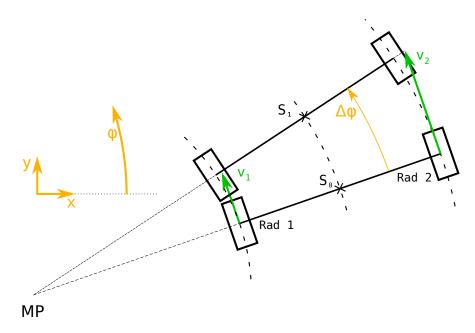


Abbildung 5: Rotation um den Momentanpol (Quelle: eigene Darstellung, SM)

Zur Ermittlung der aktuellen Position ist in Abbildung 5 die Kinematik einer Kurvenfahrt dargestellt, betrachtet für einen gedanklich sehr kleinen Zeitabschnitt. In diesem wird angenommen, dass die Geschwindigkeiten v_1 und v_2 beider Räder konstant bleiben. Dies sorgt für die Vereinfachung, dass der Roboter sich auf einer Kreisbahn um einen für die betrachtete Zeitspanne konstanten Momentanpol bewegt. Im Folgenden sind die durch den Inkrementalgeber erfassten Bogenlängen mit arc bezeichnet. Es

gilt:

$$arc_{R1} = \Delta \gamma \cdot r_{R1} \tag{2}$$

$$arc_{R2} = \Delta \gamma \cdot r_{R2} \tag{3}$$

$$r_{R1} = r_{R2} + I_a (4)$$

$$\Delta arcs = arc_{R2} - arc_{R1} \tag{5}$$

$$r_S = r_{R2} - \frac{1}{2} I_a \tag{6}$$

Aus (2), (3), (4), (5) und (6) folgen:

$$\Delta \gamma = \frac{1}{I_a} \cdot \Delta arcs \tag{7}$$

$$r_{S} = \frac{arc_{R2}}{\Delta \gamma} - \frac{1}{2}I_{a} \tag{8}$$

Durch Aufsummieren von $\Delta \gamma$ nach jeder Auswertung der Inkrementalgeber kann somit ein ungefährer Absolutwinkel der Roboterachse zu einem festen KS berechnet werden.

Zur Bestimmung des Schwerpunktes in xy-Koordinaten wird die Verschiebung von S_0 zu S_1 mit trigonometrischen Funktionen berechnet und anschließend aufsummiert. Es gilt:

$$\vec{S}_{1} = \vec{S}_{0} + \begin{pmatrix} -\sin(\Delta\gamma) \cdot r_{S} \cdot \sin(\gamma_{0}) - (r_{S} - \cos(\Delta\gamma) \cdot r_{S}) \cdot \cos(\gamma_{0}) \\ \sin(\Delta\gamma) \cdot r_{S} \cdot \cos(\gamma_{0}) - (r_{S} - \cos(\Delta\gamma) \cdot r_{S}) \cdot \sin(\gamma_{0}) \end{pmatrix}$$
(9)

bzw. vereinfacht:

$$\vec{S}_1 = \vec{S}_0 + \begin{pmatrix} r_S[\cos(\gamma_0 + \Delta \gamma) - \cos \gamma_0] \\ r_S[\sin(\gamma_0 + \Delta \gamma) - \sin \gamma_0] \end{pmatrix}$$
(10)

4 Auslegung Kurvengeschwindigkeit

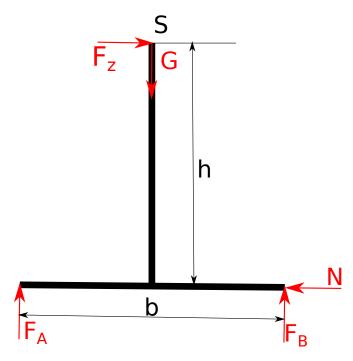


Abbildung 6: Kräfte bei der Kurvenfahrt (Quelle: eigene Darstellung, TV)

Bei der Kurvenfahrt darf der Roboter nicht seitlich umkippen. Um dies zu gewährleisten, muss das Verhältnis zwischen Geschwindigkeit und Kurvenradius passen. Dazu soll der innere Reifen noch mindestens die Hälfte der Last aufnehmen wie im Stand also ein Viertel der Gewichtskraft.

Es gilt:

$$F_A = \frac{1}{4}m \cdot g \tag{11}$$

$$G = m \cdot g \tag{12}$$

$$F_z = m \cdot \ddot{x} \tag{13}$$

$$N = m \cdot \frac{v^2}{r} \tag{14}$$

$$F_A + F_B = G \tag{15}$$

$$N = F_z \tag{16}$$

$$F_A \cdot b = F_z \cdot h \tag{17}$$

Hieraus folgt:

$$\ddot{X} = \frac{V^2}{r} \tag{18}$$

$$\ddot{x} = \frac{v^2}{r} \tag{18}$$

$$\frac{1}{4}m \cdot g \cdot b = m \cdot \frac{v^2}{r} \cdot h \tag{19}$$

Und daraus die Zusammenhänge von Geschwindigkeit zu Radius

$$v = \sqrt{\frac{gb}{4h} \cdot r} \tag{20}$$

$$r = \frac{4h}{gb} \cdot v^2 \tag{21}$$

Der notwendige Reibwert μ zwischen Reifen und Boden ergibt sich aus der Haftbedingung.

$$\mu \cdot mg = m \cdot \frac{v^2}{r} \tag{22}$$

$$\mu = \frac{v^2}{rg} \tag{23}$$