

Лекция 4. Язык Event-B

Цель лекции

Изучить язык Event-B и среду моделирования Rodin.

Содержание

- 1 Введение
- 2 Синтаксис
- 3 Типы данных и выражения
- 4 Семантика

Почему Event-B

- Сертификация по 4 уровню доверия к СЗИ требует разработать формальную модель управления доступом и верифицировать ее с применением инструментальных средств
- ГОСТ Р 59453.X-2021 Защита информации. Формальная модель управления доступом
- Event-B/Rodin - основные средства моделирования и верификации формальных моделей управления доступом

Свойства Event-B/Rodin

- формальный
- статически типизированный
- минималистичность
- математическая основа — теория множеств
- наличие инструментальных средств для написания моделей на Event-B и верификации (Rodin), анимации (ProB) и др.

Дискретно-событийное моделирование

- система обладает состоянием
- событие - воздействие на систему, система мгновенно дает отклик и может изменить свое состояние
- события упорядочены
- система может включать программы, аппаратуру, внешнюю среду

Моделирование - это не программирование

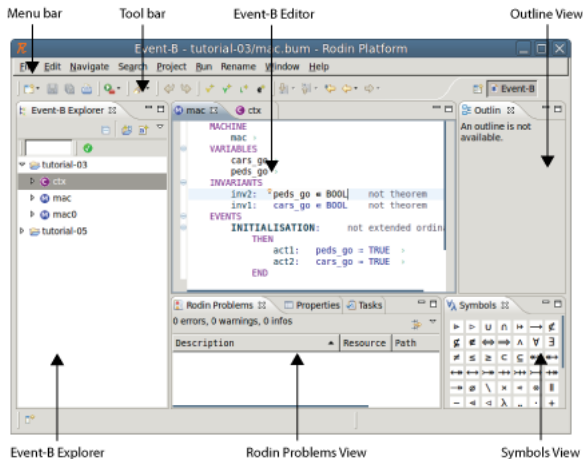
Цель этой деятельности - не написание алгоритма/программы на "еще одном языке а получение правильных требований к программе/системе:

- 1 Точные, недвусмысленные формулировки
- 2 Абстракция (отсутствие лишних деталей → проще)
- 3 Доказана непротиворечивость
- 4 Возможна поэтапная разработка модели (добавление информации небольшими порциями с постоянным доказательством корректности)

Основные элементы формального метода Event-B

- статические свойства системы - 'context'
- динамические свойства системы - 'machine'
- формальная модель - множество контекстов и последовательность машин
- контекст может «расширять» другие контексты
- машина может «видеть» несколько контекстов
- машина может «уточнять» другую машину

Как это выглядит в Rodin



Содержание

- 1 Введение
- 2 Синтаксис
- 3 Типы данных и выражения
- 4 Семантика

Контекст

- название контекста
- расширяемые контексты-предки
- несущие множества
- константы
- аксиомы/теоремы

Машина

- название машины
- уточняемая абстрактная машина
- контексты
- переменные
- инварианты
- события (в т.ч. INITIALISATION)

Событие

- название события
- уточняемое абстрактное событие
- параметры
- охранные условия
- действия

Содержание

- 1 Введение
- 2 Синтаксис
- 3 Типы данных и выражения**
- 4 Семантика

Простейшие типы данных

- INT
- NAT
- NAT1
- BOOL
- несущие множества

Выражения — общие положения

- статически типизированы
- могут быть неопределены (пример: делят на 0), есть wd-условие
- логика первого порядка: предикаты и выражения синтаксически различаются (значением переменной не может быть предикат, но может быть функция)

Логические выражения

- константы TRUE, FALSE
- логические связки &, or, =>, <=>, not
- логические связи ленивые, при использовании различных связок в одном выражении скобки необходимы
- квантор всеобщности !
- квантор существования #
- сравнения =, /=, >, ...
- принадлежность :, /:, <<, ...

Выражения с множествами

- пустое множество $\{\}$
- перечисление $\{1, 2, 3\}$
- генератор $\{x * 2 \mid x : 1 \dots 10\}$
- целочисленные диапазоны (обе границы включаются)
 $a \dots b$
- теоретико-множественные операции \setminus, \cap, \cup

Предопределенные функции и предикаты

- предикат как выражение типа BOOL `bool(predicate)`
- конечность множества `finite(set)`
- размер множества `card(set)`
- равенство объединению непересекающихся множеств
`partition(set, set1, set2, ..., setN)`

Пары и отношения

- пара $a \mapsto b$
- декартово произведение $A \times B$
- множество подмножеств $\text{POW}(A)$, $\text{POW1}(A)$
- произвольное отношение $A \rightharpoonup B$
- тотальное отношение $A \twoheadrightarrow B$
- сюръективное отношение $A \twoheadrightarrow B$
- тотальное сюръективное отношение $A \twoheadrightarrow B$

Операции над отношениями

- область определения (домен) $\text{dom}(\text{relation})$
- область значений $\text{ran}(\text{relation})$
- проекция $\text{relation}[\text{set}]$
- оставить только поддомен $\text{set} \leftarrow | \text{relation}$
- убрать поддомен $\text{set} \leftarrow \leftarrow | \text{relation}$
- оставить только значения $\text{relation} \rightarrow | \text{set}$
- убрать значения $\text{relation} \rightarrow \rightarrow | \text{set}$

Функции

Функция — это детерминированное подмножество отношения.

- множество тотальных функций $A \rightarrow B$
- множество частичных функций $A \rightarrowtail B$
- применение `function(arg)`

Действия

- одиночное $x := E$
- множественное $x_1, x_2, \dots, x_N := E_1, E_2, \dots, E_N$
- замена пары в отношении $x(F) := E$
- неявное одиночное
 $x :| \text{ before-after-predicate with } x \text{ and } x'$
- неявное множественное
 $x_1, \dots, x_N :| \text{ b-a-p with } x_1, \dots, x_N, x_1', \dots, x_N'$
- неявный выбор из непустого множества $x :: \text{ set}$

Содержание

- 1 Введение
- 2 Синтаксис
- 3 Типы данных и выражения
- 4 Семантика**

Функционирование машины

- 1 состояние машины — значения всех переменных
- 2 событие — переход из одного состояния в другое
- 3 событие может иметь параметры
- 4 переход возможен, только если истинны все охранные условия
- 5 в этом случае выполняются все действия
- 6 действия одного события выполняются одновременно
- 7 начальное состояние — результат события INITIALISATION

Корректно определенная машина/контекст

- ❶ WD: нет неопределенных выражений
- ❷ INV: не нарушены инварианты
- ❸ THM: не нарушены теоремы
- ❹ FIS: неявные действия разрешимы
- ❺ GRD, SIM, EQL: уточнение корректно

Rodin генерирует условия верификации для формального доказательства, что машина корректно определена.