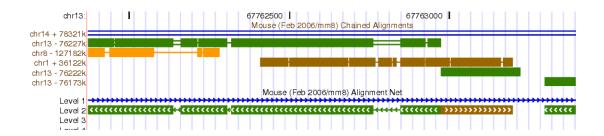
Zarovnávanie sekvencií (sequence alignment) 1/2

Broňa Brejová 5.10.2023



Problém: Lokálne zarovnávanie (local alignment)

ggcccttggagttgactgtcctgctgctccttgagg ccattctcagagagagagaggcctcattttaatc cgcttcccacagccttgtcctttccagacccatggg agagggagggctgagggtgtgggctgagcccaccca agtcacgcgtcactctgcaggtccctctcccccaag gccgtggccttgggagcccgtggatcccagtgagtg acgcctccaccccgccctactcgggcagtttaac ccttgttgttcacttgcagacatcgtgaacacggcc cggcccgacgagaaggccataatgacctatgtgtcc agcttctaccatgccttttcaggagcgcagaaggta ccgagcagggccaggaggccctcctcgccgccacc gcgcaatgccgccgctgcctctcgccgccacc gcgcaatgccgccgctgcctctcgcctcccgtgctc acctcatttctcttgcagacggcagtggcctctctc caactggaagccaccccagctccct...

tgatgccgaggatgtgttcgtcgagcatccggacga gaagtccatcacctacgtggtcacctactatcacta ctttagcaaactcaagcaggagacggtgcagggcat aagcgtatcggtaaggtggtcggcattgccatggag aacgacaaaatggtccacgactacgagaacttcaca agcgatctgctcaagtggatcgaaacgaccatccag tcgctgggcgagcgggagttcgaaaactcgctggcc ggcgtccaagggcagttggcccagttctccaactac cgcaccatcgagaagccgcccaagtttgtggaaaag ggcaacctcgaggtgctccttttcaccctgcagtcc aagatgcgggccaacaaccagaagccctacacaccc aaagagggcaagatgatttcggacatcaacacgc tgggagcgtctggagaaggccgagcacgaacgcaaa ttggcctgcggaggaggccgagcacgaacgcaa

Vstup: dve sekvencie

Problém: Lokálne zarovnávanie (local alignment)

ggcccttggagttgactgtcctgctgctccttgagg ccattctcagagagagagaggcctcattttaatc cgcttcccacagccttgtcctttccagacccatggg agagggagggctgagggtgtgggctgagcccaccca agtcacgcgtcactctgcaggtccctctcccccaag gccgtggccttgggagcccgtggatcccagtgagtg acgcctccaccccgccctactcgggcagtttaac ccttgttgttcacttgcagacatcgtgaacacggcc cggcccgacgagaaggccataatgacctatgtgtccagcttctaccatgccttttcaggagcgcagaaggta ccgagcagggccaggaggccctcctcgccgccacc gcgcaatgccgcgctgcctctcgccgccacc gcgcaatgccgccgctgcctctcgcctcccgtgctcacctcatttctcttgcagacggcagtggcctctctc caactggaagccaccccagctccct...

tgatgccgaggatgtttcgtcgagcatccggacga gaagtccatcacctacgtggtcacctactatcacta ctttagcaaactcaagcaggagacggtgcagggcat aagcgtatcggtaaggtggtcggcattgccatggag aacgacaaaatggtccacgactacgagaacttcaca agcgatctgctcaagtggatcgaaacgaccatccag tcgctgggcgagcgggagttcgaaaactcgctggcc ggcgtccaagggcagttggcccagttctccaactac cgcaccatcgagaagccgcccaagtttgtggaaaag ggcaacctcgaggtgctccttttcaccctgcagtcc aagatgcgggccaacaaccagaagccctacacaccc aagatgcgggccaacaaccagaagccctacacaccc tgggagcgtctggagaaggccgagcacgaacgcaa ttggccctgcgcgaggaggcccatccg...

Výstup: podobné úseky (zarovnania, alignments).



Vlož pomlčky (medzery, gaps) tak, aby rovnaké bázy boli pod sebou. Dobré zarovnanie má veľa zarovnaných rovnakých báz, málo medzier.

Na čo sú dobré zarovnania?

Orientácia v obrovských databázach.

Genbank WGS má vyše 22 TB sekvencií.

Napr. z ktorého genómu (a odkiaľ) pochádza daná sekvencia?

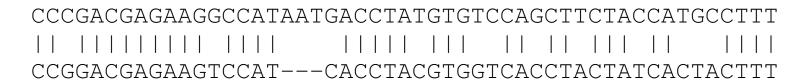
- Prekryvy čítaní pri skladaní genómov, mapovanie čítaní
- Určovanie funkcie (napr. proteínu).

Podobné sekvencie často majú rovnakú/podobnú funkciu.

Štúdium evolúcie.

Hľadáme homológy: sekvencie, ktoré sa vyvinuli z tej istej sekvencie v spoločnom predkovi.

V ideálnom prípade medzery zodpovedajú inzerciám a deléciám, zarovnané bázy zachovaným bázam a substitúciám.



Zarovnávanie sekvencií ako optimalizačný problém

Cieľ: nájdi páry homologických sekvencií (tých, čo pochádzajú z rovnakého spoločného predka)

Modelovacia fáza: vytvor skórovaciu schému, ktorá

- skutočným homologickým párom dáva vysoké skóre
- falošne pozitívnym párom dáva nízke skóre

Optimalizačná fáza:

pre dané dve vstupné sekvencie, nájde zarovnanie s najlepším skóre dôležitá je výpočtová a pamäťová zložitosť algoritmu

Formulácia problému

Skórovanie zarovnania: napr. zhoda +1, nezhoda -1, medzera -1.

22 zhôd, 6 nezhôd, 3 medzery \rightarrow skóre 13.

V praxi zložitejšie skórovanie.

Problém 1: globálne zarovnanie (global alignment)

Vstup: sekvencie $X = x_1 x_2 \dots x_n$ a $Y = y_1 y_2 \dots y_m$.

Výstup: zarovnanie X a Y s najvyšším skóre.

Problém 2: lokálne zarovnanie (local alignment)

Vstup: sekvencie $X = x_1 x_2 \dots x_n$ a $Y = y_1 y_2 \dots y_m$.

Výstup: zarovnania podreťazcov $x_i \dots x_j$ a $y_k \dots y_\ell$ s najvyšším skóre.

Dynamické programovanie pre globálne zarovnanie (Needleman, Wunsch 1970)

Podproblém: A[i,j]: najvyššie skóre globálneho zarovnania reťazcov $x_1x_2 \dots x_i$ a $y_1y_2 \dots y_j$.

Jeden z reťazcov dĺžky 0: druhý reťazec je zarovnaný s medzerou.

$$A[0,j] = -j, A[i,0] = -i.$$

Všeobecný prípad, i > 0, j > 0:

ak
$$x_i=y_j$$
 sú zarovnané $A[i,j]=A[i-1,j-1]+1$ ak $x_i\neq y_j$ sú zarovnané $A[i,j]=A[i-1,j-1]-1$ ak x_i je zarovnané s medzerou $A[i,j]=A[i-1,j]-1$ ak y_j je zarovnané s medzerou $A[i,j]=A[i,j-1]-1$

Dynamické programovanie pre globálne zarovnanie

Podproblém: A[i,j]: najvyššie skóre globálneho zarovnania reťazcov $x_1x_2\ldots x_i$ a $y_1y_2\ldots y_j$.

Všeobecný prípad, i > 0, j > 0:

ak $x_i=y_j$ sú zarovnané A[i,j]=A[i-1,j-1]+1 ak $x_i\neq y_j$ sú zarovnané A[i,j]=A[i-1,j-1]-1 ak x_i je zarovnané s medzerou A[i,j]=A[i-1,j]-1 ak y_j je zarovnané s medzerou A[i,j]=A[i,j-1]-1

Rekurencia:

$$A[i,j] = \max \begin{cases} A[i-1,j-1] + s(x_i, y_j), \\ A[i-1,j] - 1, \\ A[i,j-1] - 1 \end{cases}$$

$$\operatorname{kde} s(x,y) = 1 \operatorname{ak} x = y \quad s(x,y) = -1 \operatorname{ak} x \neq y$$

Príklad globálneho zarovnania

CATGTCGTA vs CAGTCCTAGA

Príklad globálneho zarovnania

CATGTCGTA vs CAGTCCTAGA

		С	Α	G	Т	С	С	Т	Α	G	Α
	0	-1	-2	-3	-4	-5	-6	-7	-8	-9	-10
С	-1	1	0	-1	-2	-3	-4	-5	-6	-7	-8
Α	-2	0	2	1	0	-1	-2	-3	-4	-5	-6
Т	-3	-1	1	1	2	1	0	-1	-2	-3	-4
G	-4	-2	0	2	1	1	0	-1	-2	-1	-2
Т	-5	-3	-1	1	3	2	1	1	0	-1	-2
С	-6	-4	-2	0	2	4	3	2	1	0	-1
G	-7	-5	-3	-1	1	3	3	2	1	2	1
Т	-8	-6	-4	-2	0	2	2	4	3	2	1
Α	-9	-7	-5	-3	-1	1	1	3	5	4	3

Ako získať zarovnanie?

CATGTCGT--A CA-GTCCTAGA

Časová zložitosť celého algoritmu O(nm)

Dynamické programovanie pre lokálne zarovnanie (Smith, Waterman 1981)

Podproblém: A[i,j]: najvyššie skóre lokálneho zarovnania reťazcov $x_1x_2...x_i$ a $y_1y_2...y_j$, ktoré obsahuje bázy x_i a y_j , alebo je prázdne.

Jeden z reťazcov dĺžky 0: prázdne zarovnanie A[0,j]=A[i,0]=0

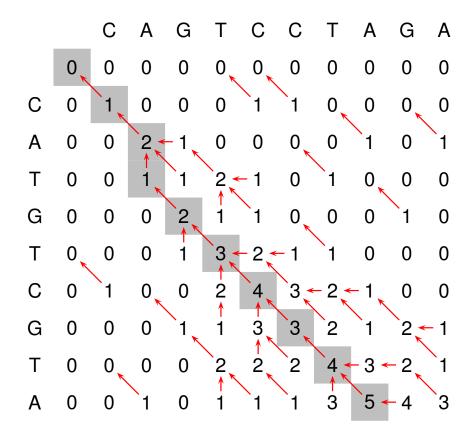
Všeobecný prípad, i > 0, j > 0:

ak x_i a y_j sú zarovnané $A[i,j]=A[i-1,j-1]+s(x_i,y_j)$ ak x_i je zarovnané s medzerou A[i,j]=A[i-1,j]-1 ak y_j je zarovnané s medzerou A[i,j]=A[i,j-1]-1 ak x_i a y_j nie sú časťou zarovnania s kladným skóre A[i,j]=0

Rekurencia:

$$A[i,j] = \max \begin{cases} 0, \\ A[i-1,j-1] + s(x_i, y_j), \\ A[i-1,j] - 1, \\ A[i,j-1] - 1 \end{cases}$$

Príklad lokálneho zarovnania



CATGTCGTA CA-GTCCTA

Časová zložitosť celého algoritmu O(nm)

Zložitejšie skórovanie

Problémy +1, -1 skórovania:

- Je skutočne jedna nezhoda alebo medzera až taká zlá v porovnaní s jednou zhodou?
- Čo urobíme pre zarovnávanie proteínov?
 (20 prvková abeceda ≈ 200 parametrov)

Úloha skórovacej schémy:

- Chceme vedieť rozlíšiť lepšie zarovnania od horších zarovnaní:
 - Ktoré usporiadania pomlčiek dávajú väčší zmysel
- Chceme vedieť, či dané zarovnanie má biologický význam:
 - Ide o homológy, alebo sekvencie nesúvisia?

Majme zarovnané sekvencie X a Y

Aké má zarovnanie dostať skóre?

Pre jednoduchosť teraz neuvažujme medzery v zarovnaní.

Model H: Sekvencie X a Y sú správne zarovnané homológy

Model generuje nezávisle jednotlivé stĺpce zarovnania.

Dané pravdepodobnosti p(x,y), že v stpĺci budú pod sebou x a y.

Pravdepodobnosť vygenerovania X zarovnaného s Y:

$$\Pr(X, Y \mid H) = \prod_{i=1}^{n} p(x_i, y_i) = p(x_1, y_1) \cdot p(x_2, y_2) \cdot \dots \cdot p(x_n, y_n)$$

Príklad: Uvažujme iba bázy A, T

Model H:
$$p(A,A)=0.4$$
, $p(A,T)=0.15$, $p(T,A)=0.15$, $p(T,T)=0.3$

$$Pr(AAAT, ATAT | H) = 0.4 \cdot 0.15 \cdot 0.4 \cdot 0.3 = 0.0072$$

Majme zarovnané sekvencie X a Y

Aké má zarovnanie dostať skóre?

Pre jednoduchosť teraz neuvažujme medzery v zarovnaní.

Model R: Sekvencie X a Y nijako spolu nesúvisia (random)

Model generuje nezávisle jednotlivé bázy v obidvoch sekvenciach.

Dané pravdepodobnosti p(x), že vygeneruje bázu x.

Pravdepodobnosť vygenerovania X zarovnaného s Y:

$$\Pr(X, Y | R) = (\prod_{i=1}^{n} p(x_i)) \cdot (\prod_{i=1}^{n} p(y_i))$$

Príklad: Uvažujme iba bázy A, T

Model R:
$$p(A) = 0.55$$
, $p(T) = 0.45$

$$Pr(AAAT, ATAT | R) = 0.55^5 \cdot 0.45^3 \approx 0.00459$$

Porovnávame dva modely H a R: skóre bude logaritmus podielu

$$\log \frac{\Pr(X, Y \mid H)}{\Pr(X, Y \mid R)}$$

- Ak sú sekvencie X a Y homológy
 - \Rightarrow logaritmus podielu oveľa väčšieho ako 1 \Rightarrow **veľmi pozitívne skóre**
- Ak sekvencie X a Y nesúvisia
 - \Rightarrow logaritmus podielu oveľa menšieho ako 1 \Rightarrow **veľmi negatívne skóre**

Príklad:

$$Pr(AAAT, ATAT | H) = 0.0072$$

 $Pr(AAAT, ATAT | R) \approx 0.00459$

$$\log_2 \frac{\Pr(X, Y \mid H)}{\Pr(X, Y \mid R)} \approx \log_2 \frac{0.0072}{0.00459} \approx \log_2 1.5699 \approx 0.6507$$

Základ logaritmu môžeme zvoliť hocijaký, tu 2.

Porovnávame dva modely H a R: skóre bude logaritmus podielu

$$\log \frac{\Pr(X, Y \mid H)}{\Pr(X, Y \mid R)}$$

- Ak sú sekvencie X a Y homológy
 - \Rightarrow logaritmus podielu oveľa väčšieho ako 1 \Rightarrow veľmi pozitívne skóre
- Ak sekvencie X a Y nesúvisia
 - \Rightarrow logaritmus podielu oveľa menšieho ako 1 \Rightarrow veľmi negatívne skóre

Príklad:

$$Pr(AAAT, TTAA \mid H) = 0.00135$$

$$Pr(AAAT, TTAA \mid R) \approx 0.00459$$

$$\log_2 \frac{\Pr(X, Y \mid H)}{\Pr(X, Y \mid R)} \approx \log_2 \frac{0.000135}{0.00459} \approx \log_2 0.2944 \approx -1.7643$$

Ako použiť takéto skóre v N.-W. a S.-W. algoritmoch?

Potrebujeme ho rozbiť na súčet skór pre zarovnané dvojice písmen.

$$\Pr(X, Y \mid H) = \prod_{i=1}^{n} p(x_i, y_i)$$

$$\Pr(X, Y \mid R) = (\prod_{i=1}^{n} p(x_i)) \cdot (\prod_{i=1}^{n} p(y_i))$$

$$\log \frac{\Pr(X, Y | H)}{\Pr(X, Y | R)} = \log \frac{\prod_{i=1}^{n} p(x_i, y_i)}{(\prod_{i=1}^{n} p(x_i)) (\prod_{i=1}^{n} p(y_i))}$$
$$= \log \prod_{i=1}^{n} \frac{p(x_i, y_i)}{p(x_i) \cdot p(y_i)} = \sum_{i=1}^{n} \log \frac{p(x_i, y_i)}{p(x_i) \cdot p(y_i)}$$

Skóre zarovnanie bázy x a bázy y:

$$s(x,y) = \log \frac{p(x,y)}{p(x) \cdot (y)}$$

Ako použiť takéto skóre v N.-W. a S.-W. algoritmoch?

Skóre zarovnanie bázy x a bázy y:

$$s(x,y) = \log \frac{p(x,y)}{p(x)p(y)}$$

Príklad:

Model H: p(A, A) = 0.4, p(A, T) = 0.15, p(T, A) = 0.15, p(T, T) = 0.3

 $\operatorname{Model R:} p(A) = 0.55, p(T) = 0.45$

$$s(A, A) = \log_2 \frac{0.4}{0.55 \cdot 0.55} \approx 0.4031$$

$$s(A,T) = \log_2 \frac{0.15}{0.55 \cdot 0.45} \approx -0.7225$$

$$s(T, A) = \log_2 \frac{0.15}{0.45 \cdot 0.55} \approx -0.7225$$

$$s(T,T) = \log_2 \frac{0.3}{0.45 \cdot 0.45} \approx 0.5670$$

Pre AAAT, ATAT skóre 0.4031 - 0.7225 + 0.4031 + 0.5670 = 0.6507

Pre AAAT, TTAA skóre -0.7225 - 0.7225 + 0.4031 - 0.7225 = -1.7644

BLOSUM62 skórovacia matica pre proteíny

BLOcks of aminoacid SUbstitution Matrix; Henikoff, Henikoff 1992

```
A R N D C Q E G H I L ...

A 4 -1 -2 -2 0 -1 -1 0 -2 -1 -1

R -1 5 0 -2 -3 1 0 -2 0 -3 -2

N -2 0 6 1 -3 0 0 0 1 -3 -3

D -2 -2 1 6 -3 0 2 -1 -1 -3 -4

C 0 -3 -3 -3 9 -3 -4 -3 -3 -1 -1

Q -1 1 0 0 -3 5 2 -2 0 -3 -2

E -1 0 0 2 -4 2 5 -2 0 -3 -3

G 0 -2 0 -1 -3 -2 -2 6 -2 -4 -4

H -2 0 1 -1 -3 0 0 -2 8 -3 -3

I -1 -3 -3 -3 -1 -3 -3 -4 -3 4 2

L -1 -2 -3 -4 -1 -2 -3 -4 -3 2 4
```

- Vyber biologicky relevantné
 zarovnania proteínov (BLOCKS)
- Páry s nanajvýš 62% identitou
- p(x,y): ako často vidíme aminokyseliny x a y zarovnané
- $\bullet \ p(x) : \text{ako často sa vyskytuje ami-} \\ \text{nokyselina } x$
- skóre pre dvojicu aminokyselín x a y: $\log \frac{p(x,y)}{p(x)p(y)}$
- prenásobíme konštantou a zaokrúhlime:
 - aby sme neurobili príliš veľkú chybu
 - aby sa s číslami lepšie počítalo

Zložitejšie skórovanie: afínne skóre medzier



Niekoľko medzier za sebou asi nevzniklo nezávisle, možno jedna mutácia.

Penalta za začatie medzery (gap opening cost) o,

Penalta za rozšírenie medzery o jedna (gap extension cost) e.

Medzera dĺžky g má penaltu o + e(g - 1).

Zvolíme o < e (t.j. |o| > |e|).

Základné nastavenia blastn: zhoda +2, nezhoda -3, $o=-5,\,e=-2.$

Príklad vyššie: 22 zhôd, 6 nezhôd, 1 medzera dĺžky 3

$$\rightarrow$$
 skóre $2 \cdot 22 - 3 \cdot 6 - 5 - 2 \cdot 2 = 16$.

Zhrnutie

- Globálne a lokálne zarovania
- Needlemanov-Wunschov a Smithov-Watermanov algoritmus
- Skórovanie zarovnaní pomocou porovnávania modelov
- Proteínové BLOSUM matice
- Afínne skórovanie medzier

Problémy na zamyslenie

1. Časová zložitosť Smith-Waterman: O(nm)

n - veľkosť prvej sekvencie

m - veľkosť druhej sekvencie

Čo robiť ak chceme porovnať ľudský genóm s myšacím genómom?

Povedzme, že nájdeme zarovnanie so skóre 14
 Je toto skóre dobré, alebo ide o niečo, čo vidíme náhodou?