

# Разработка дидактических материалов для обучения языку Python

Гончаров Фёдор БПМИ202

# Введение

- Что объединяет все образовательные программы ФКН'а и специалитет Компьютерной безопасности в Вышке?

# Введение

- Что объединяет все образовательные программы ФКН'а и специалитет Компьютерной безопасности в Вышке?
- Отсутствуют практические домашние задания по криптографии
- На занятиях недостаточно хороших визуализаций работы криптографических систем и алгоритмов

# Решение



# Цель работы

## Создание лабораторной работы по Алгебре и ее приложениям в Криптографии

### Алгебра. Лабораторная работа 1, весна 2023

Сегодня информация и данные играют крайне важную роль как в жизни каждого человека и общества в целом, так и в экономике любой страны. Криптография (от греческого  $\kappa\rho\upsilon\pi\tau\acute{o}\varsigma$  «скрытый» +  $\gamma\rho\acute{\alpha}\phi\omega$  "пишу"), оставаясь невидимой для большинства, обеспечивает безопасность обмена информацией не только между людьми, но и между цифровыми устройствами, гарантируя тем самым стабильность нашего мира. Криптография не просто интегрирована в современную жизнь, она способна изменять общество и оказывать влияние на исторические события.

В этой лабораторной работе вы познакомитесь со средой Jupyter Notebook и многими библиотеками

# Структура работы

- Лабораторная работа выполнена в качестве .ipynb-файла на двух языках: русском и английском.
- К ней разработаны критерии и образцовое решение для оценивания работ.
- В каждом блоке присутствует
  - теория необходимая для решения
  - ссылки на полезные источники
  - задание для студентов

# Критерии оценивания работы

- Три версии сложности работы
- Подробные критерии выставления баллов за задания
- 6 страниц

Преподавателю предлагается выделить для студентов три варианта выполнения данной практической работы (по сложности)

## - Демонстрационная версия работы

Преподаватель предлагает студентам ознакомиться с работой алгоритмов, предложенных для реализации в данной лабораторной работе, объяснив их на занятии. (Для случаев, когда выполнение работы не соотносится с графиком студентов/преподавателей)

## - Сложная версия работы

Преподаватель предлагает студентам выполнить каждый из 7-и блоков работы. Оценка всей работы складывается из качества выполнения каждого из блоков в соответствии со следующим соотношением: 0-3-3-2-2-1-2 (оценка за каждый блок соответственно)

## - Легкая версия работы

Преподаватель предлагает студентам выполнить работу, не затрагивая блоки "Криптосистема RSA", "Протокол с нулевым разглашением", "Хэширование и поток шифрования". Тогда максимальная оценка за соответствующие оставшиеся блоки меняется на:

- 0 - часть 0. (не оценивается)
- 4 - часть 1.
- 6 - часть 2.
- 1 - часть 5 (бонус).

## Часть 2. Протокол Диффи-Хеллмана, криптосистема Мессии-Омуры, схема Эль-Гамала

- Оценка за данный блок формируется из выполнения трех подпунктов блока (реализации трех алгоритмов)

a. Схема Диффи-Хеллмана  
100 баллов - правильно реализована схема обмена сообщениями  
30 баллов - допущена ошибка при генерации ключей (выборка не из нужного диапазона), но в остальном схема верная  
0 баллов - во всех остальных случаях

b. Схема Мессии-Омуры  
100 баллов - правильно реализована схема обмена сообщениями  
30 баллов - допущена одна из ошибок: неправильно сгенерирован ключ или не проверено условие  $\gcd(e, m-1) \neq 0$ , но в остальном верно  
0 баллов - во всех остальных случаях

c. Схема Эль-Гамала  
100 баллов - правильно реализована схема обмена сообщениями  
30 баллов - допущена ошибка в генерации ключей, но в остальном схема реализована верно  
0 баллов - во всех остальных случаях

Баллы за подпункты суммируются и делятся на 100. То, что получается в итоге - оценка за блок. (Число от 0 до 3,00 с точностью до сотых долей)

(В случае выполнения легкой версии работы, оценка линейно переводится в шестибалльную, то есть полученная сумма умножается на 2 и делится на 100)

## Часть 3. Криптосистема RSA

- Оценка за данный блок оценивается от 0 до 20 баллов, выставленных за одно практическое задание (передача сообщения с помощью протокола RSA)

2 балла - корректно сформированы ключи, передано сообщение от Алисы к Бобу с помощью протокола RSA  
1 балла - не проверяется условие взаимной простоты ключа  $e$  и  $\phi(n)$   
0,5 баллов - неправильно сформированы ключи, все остальное выполнено верно  
0 баллов - во всех остальных случаях

# Содержание работы

1. Введение, знакомство с необходимыми библиотеками
2. Алгоритм быстрого возведения в степень, постановка проблемы дискретного логарифмирования
3. Протокол Диффи-Хеллмана, криптосистема Мессинг-Омура, схема Эль-Гамала
4. Криптосистема RSA
5. Протоколы с нулевым разглашением
6. Диск Альберти, частотный анализ (Бонус)
7. Хэширование, потоковое шифрование (Бонус)



# Введение, знакомство с необходимыми библиотеками

```
class Person:
    """
        A class used to represent people

        Attributes
        -----
        name : string
            name of a person
        keys : list
            storage of persons private keys
        received : list
            storage of received values
        expected : int or string
            expected value after communication
    """
    def send_message(self, to, value, comment, log)

    def check_ans(self, ans)
```

# Введение, знакомство с необходимыми библиотеками

```
class Message:
    """
        A class used to represent messages

        Attributes
        -----
        fr : Person
            author of message
        to : Person
            addressee of message
        value : int or string
            value passed in message
        comment : string
            add comments for log. use $...$ notaion to use LaTeX
    """
```

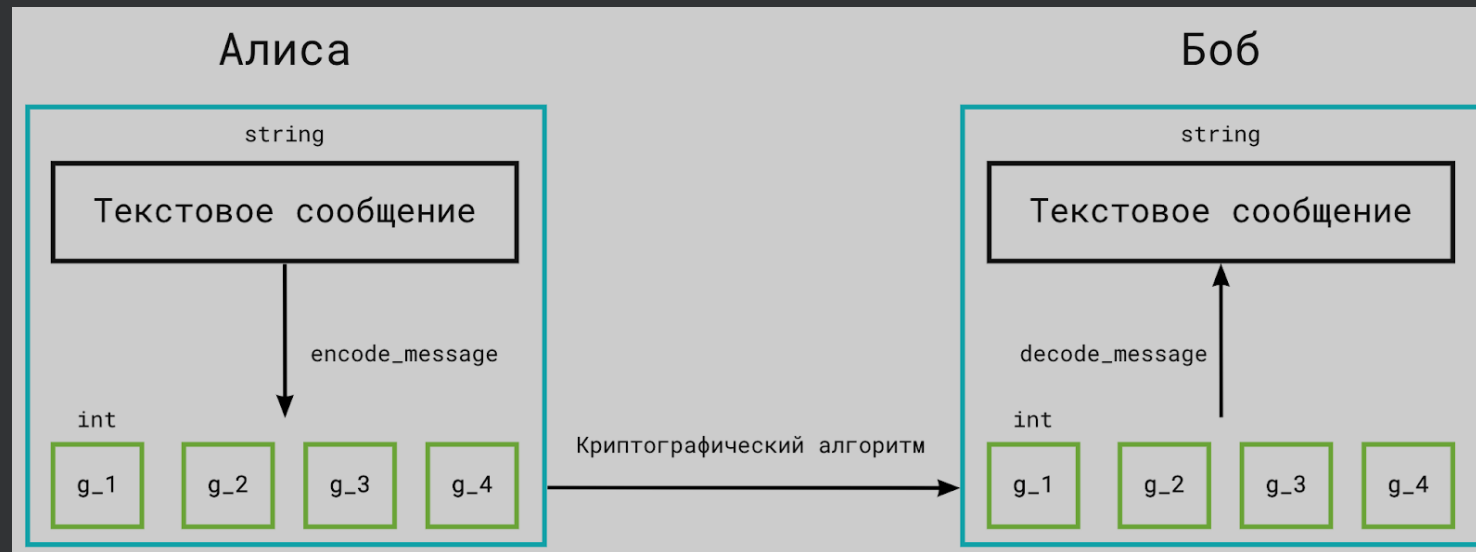
# Введение, знакомство с необходимыми библиотеками

```
def encode_message(s):  
    """  
        Encode string s into a list of ints v  
        Input  
            s: string  
        Output  
            v: list of ints  
    """  
    return [ord(c) for c in s]
```

```
def decode_message(v):  
    """  
        Decode string s from a list of ints v  
        Input  
            v: list of ints  
        Output  
            s: string  
    """  
    return ''.join([chr(h) for h in v])
```

# Введение, знакомство с необходимыми библиотеками

```
def visualize(log):  
    """  
        Draws communication process from log  
  
    Input  
    log: list of Messages  
    """
```

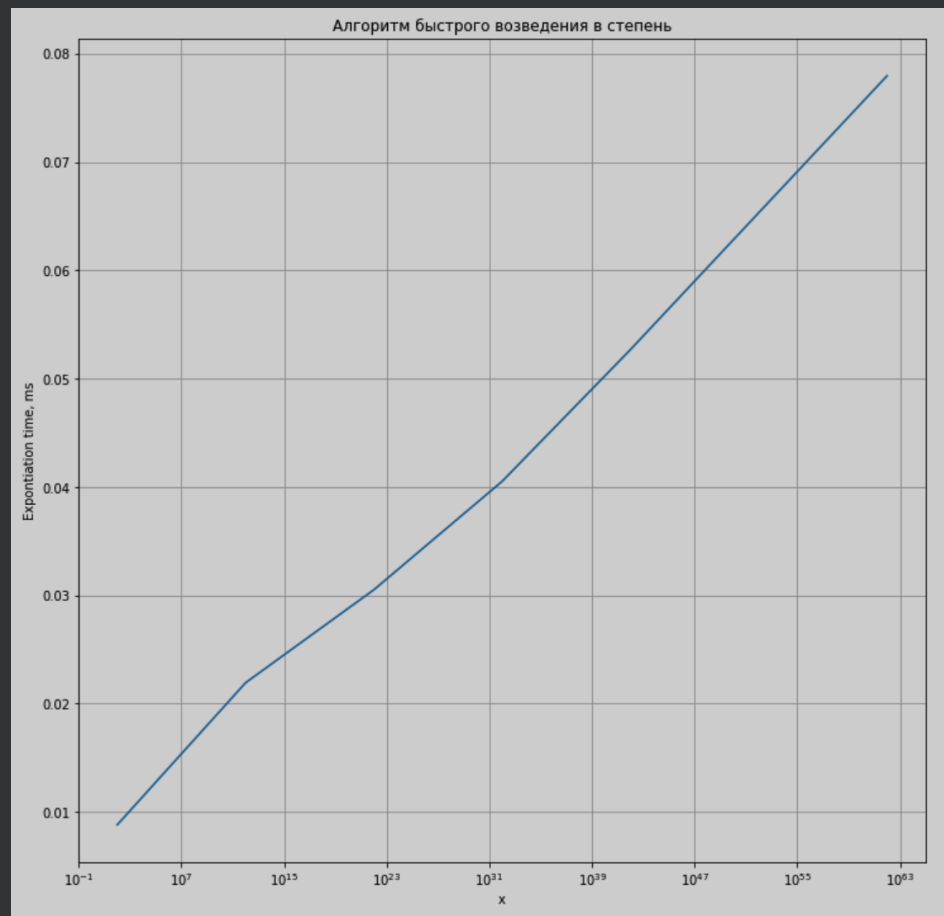


# Возведение в степень, дискретный логарифм и факторизация

Каждая тема состоит из 3 задач:

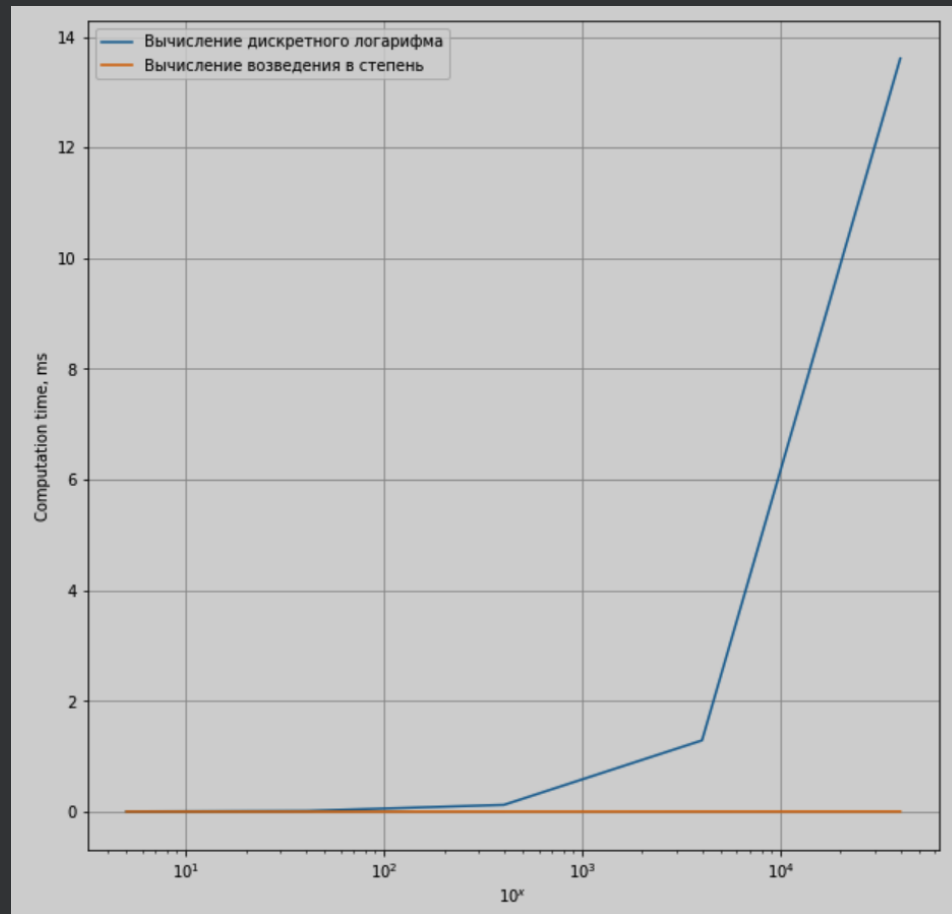
- Реализовать алгоритм
- Построить график времени выполнения
- Охарактеризовать темпы роста времени вычисления

# Алгоритм быстрого возведения в степень



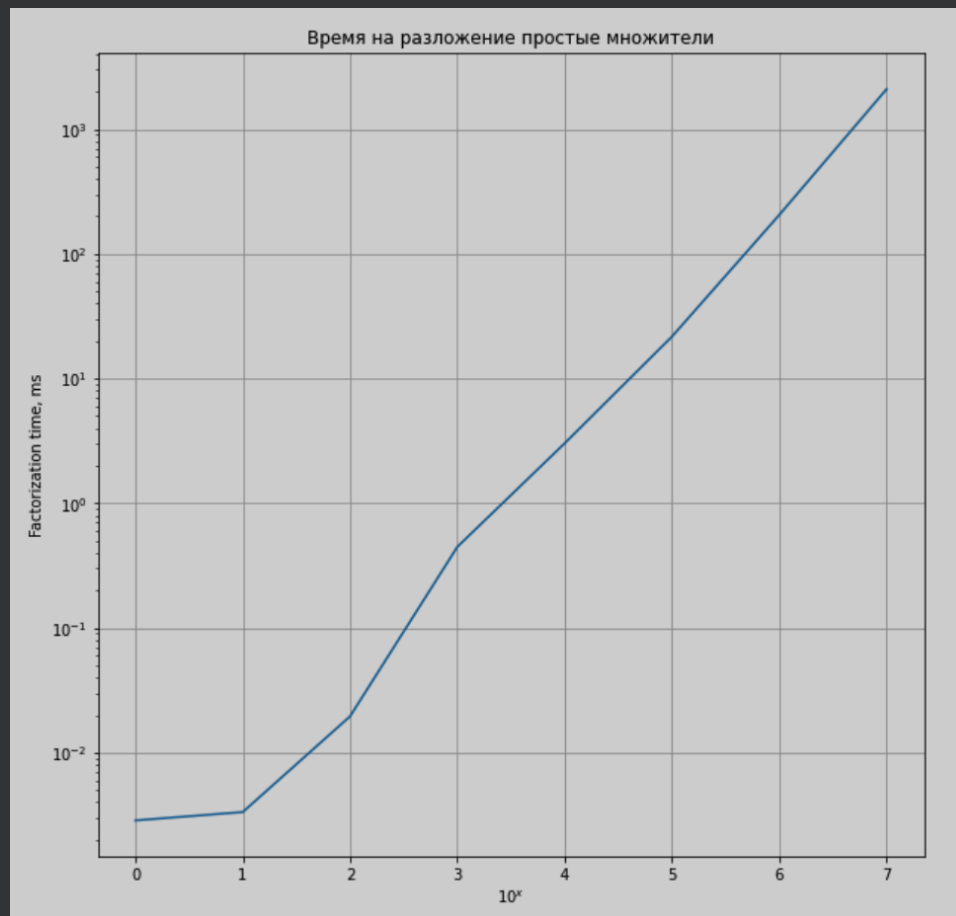
Логарифмический рост

# Проблема дискретного логарифмирования



Экспоненциальный рост

# Разложение на простые числа, факторизация



Экспоненциальный рост

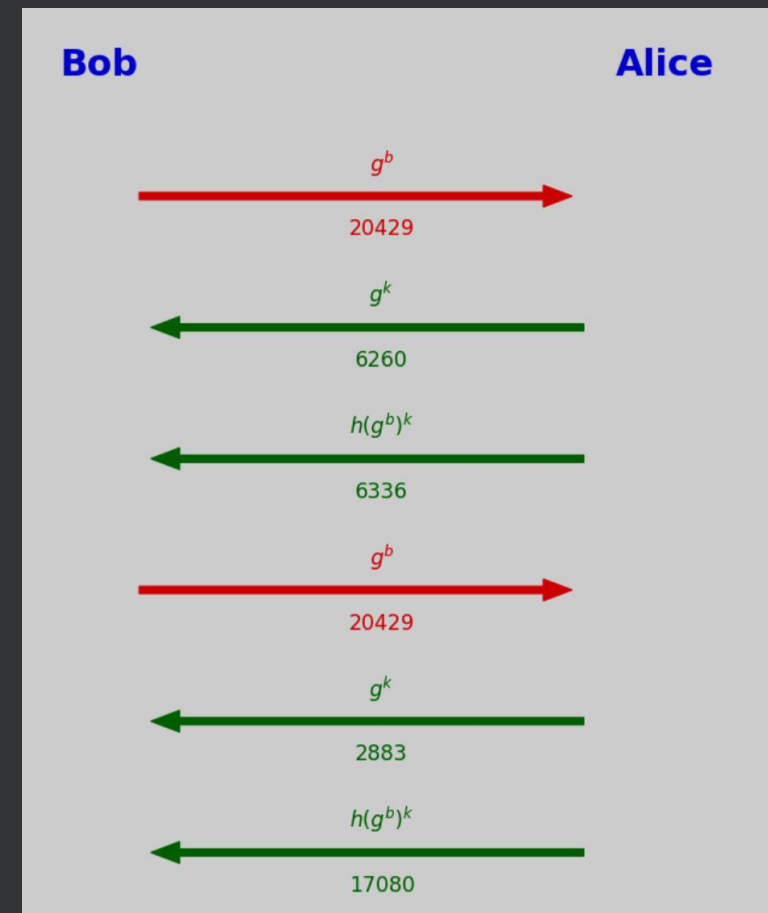
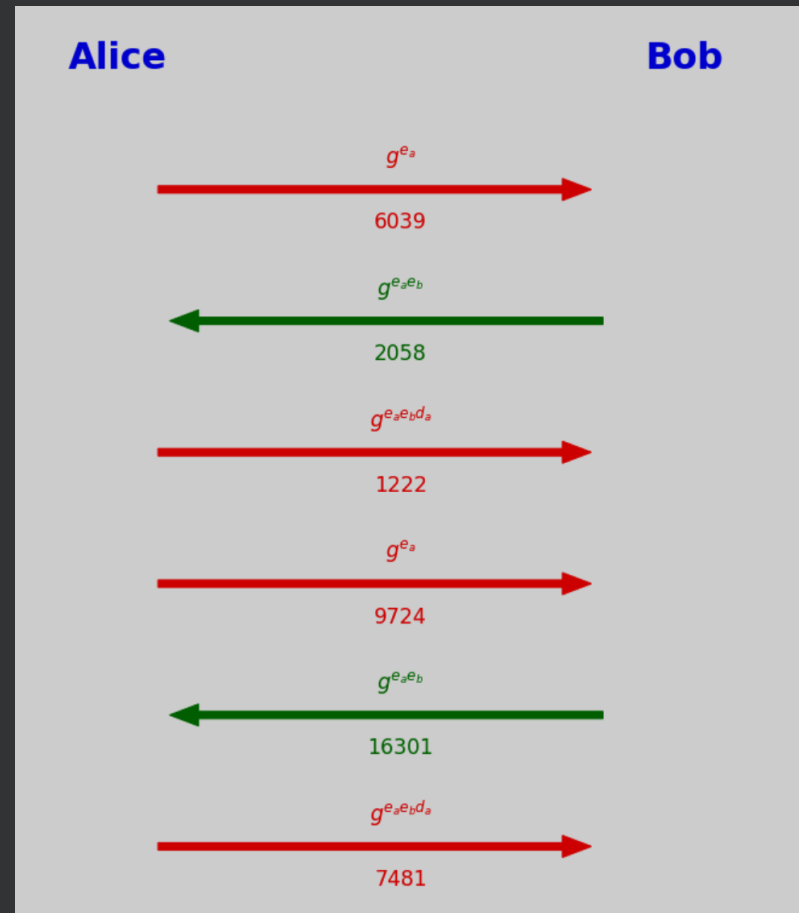
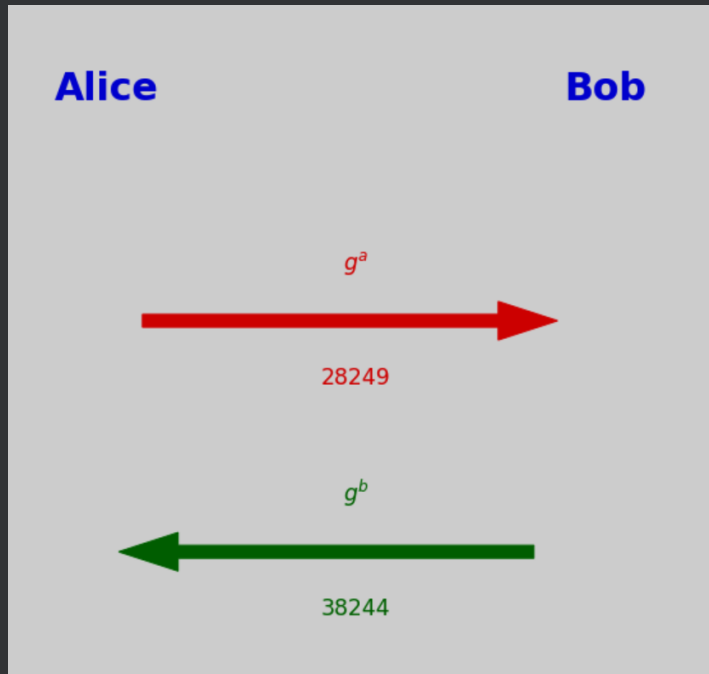


# Протокол Диффи-Хеллмана, криптосистема Мессии-Омуры, схема Эль-Гамала

- В данном блоке студентам предложено реализовать криптосистемы, основанные на вычислительной сложности дискретного логарифма.
- То есть, передать элемент  $a$  по открытому каналу опасно, но передать  $g^a$  достаточно надёжно
- Общая схема вызова функций из блока:

```
alice, bob = Person('Alice'), Person('Bob')  
log = diffie_hellman(alice, bob)  
visualize(log)
```

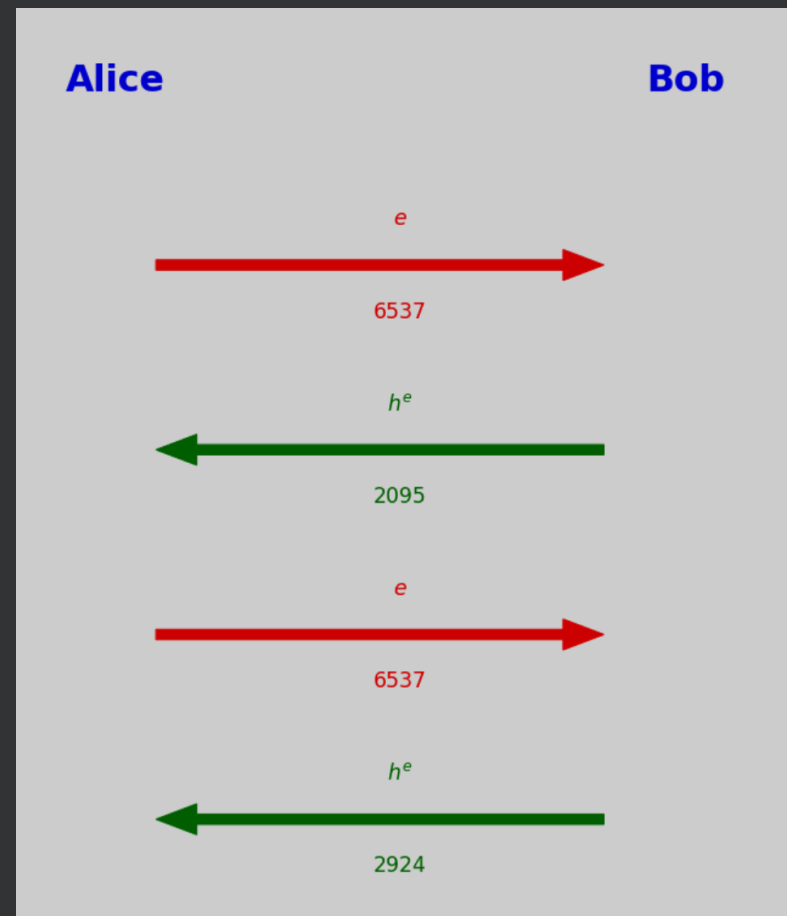
# Протокол Диффи-Хеллмана, криптосистема Мессии-Омуры, схема Эль-Гамала



# Также студенты получают сообщения *success* при правильной передаче информации

# Криптосистема RSA

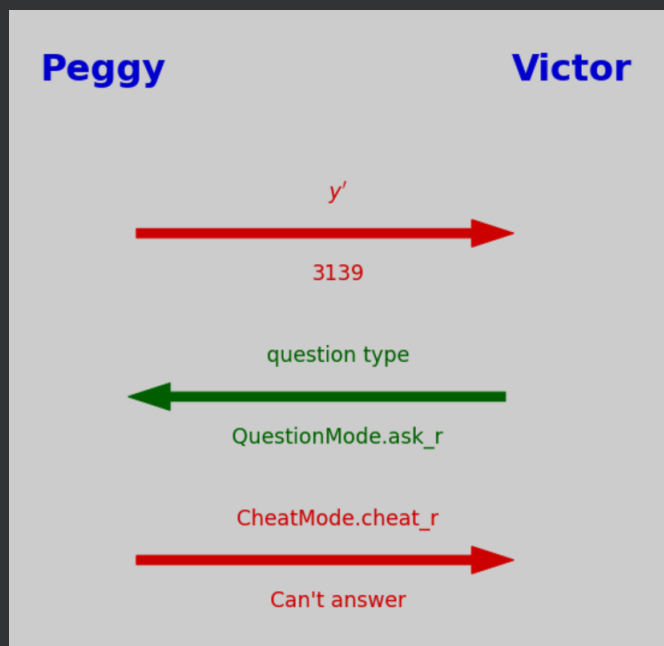
- В данном блоке необходимо написать криптосистему RSA, которая основана на вычислительной сложности факторизации больших чисел



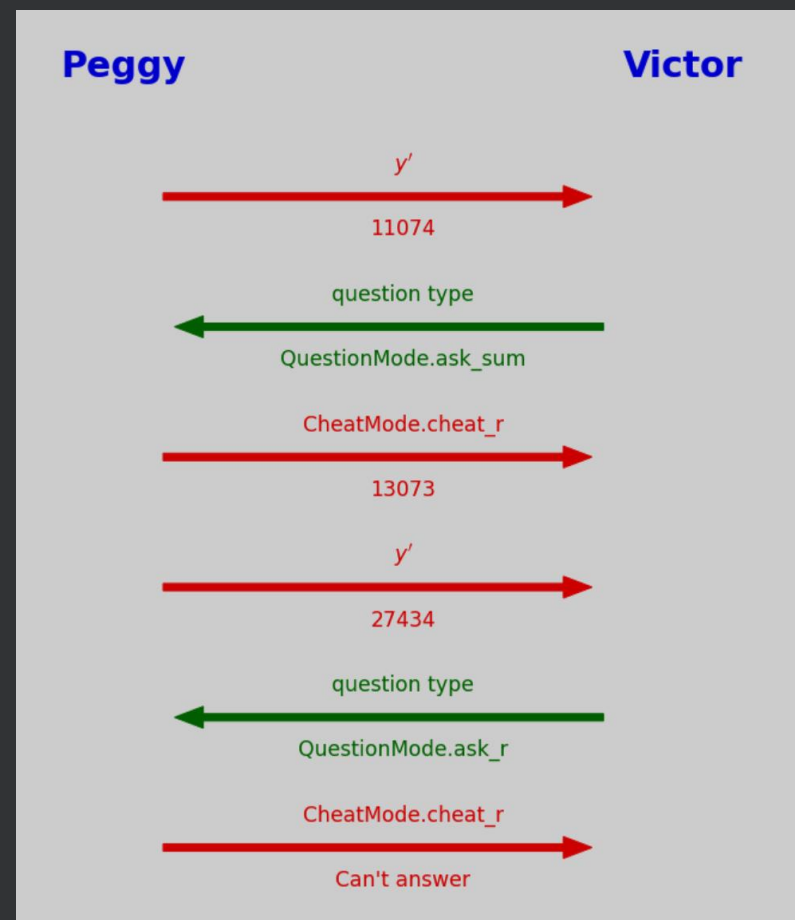
# Протоколы с нулевым разглашением

- Приведён пример протокола взаимодействия между Пегги и Виктором
- Задание для студентов:
  - доказать, что протокол является протоколом с нулевым разглашением
  - описать, как Пегги может обманывать Виктора
  - реализовать в коде общение Пегги и Виктора

# Протоколы с нулевым разглашением



У Пегги не удалось обмануть Виктора ни разу



Пегги удалось обмануть Виктора только один раз

## Диск Альберти

`class Disk` – 100+ строк кода

- Заготовленные методы:

- `match(inner_letter, outer_letter)`
- `turn_by_N_letters(N)`
- `get_inner_by_outer(outer_letter)`
- `get_outer_by_inner(inner_letter)`
- `animate()`

# Диск Альберти

`class Disk` – 100+ строк кода

-Необходимо реализовать:

- `encrypt_mode1(s)`

- `decrypt_mode1(x)`

- `encrypt_mode2(s)`

- `encrypt_mode1(x)`

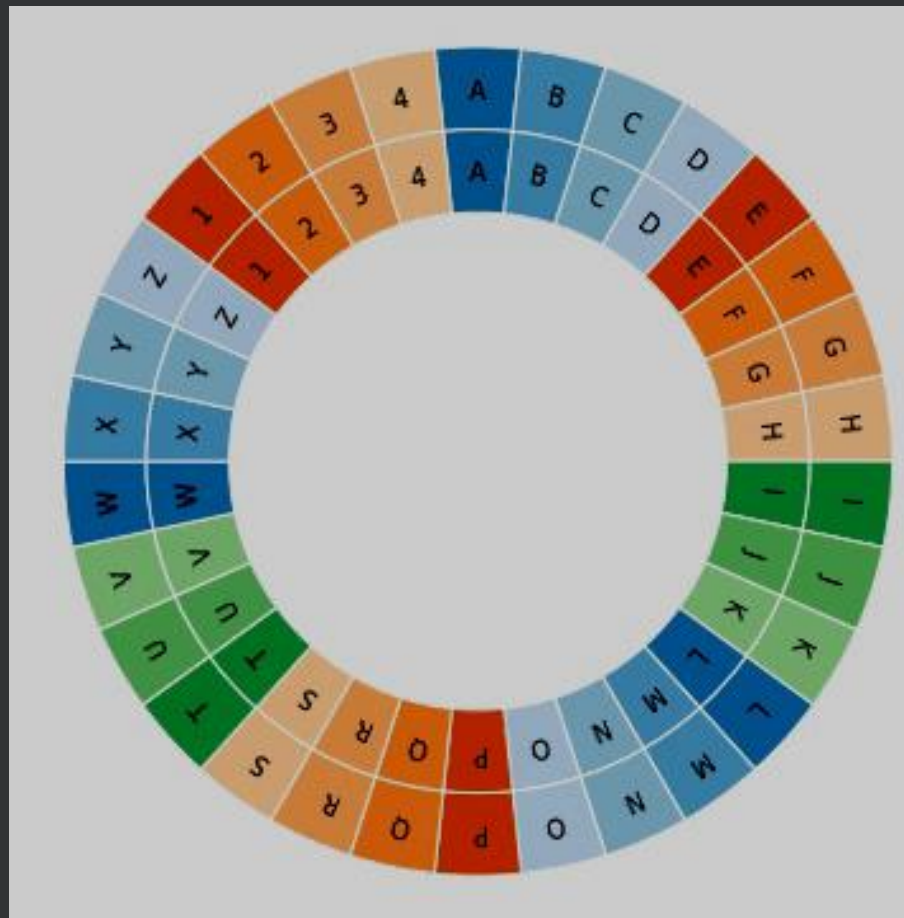
# Диск Альберти, 1 режим

## Input:

```
d = Disk()
x = 'RSA'
s = d.encrypt_model(x.upper())
print(s)
d.reset()
s = d.decrypt_model(s)
print(s)
d.reset()
d.animate()
```

## Output:

```
RR3
RSA
```





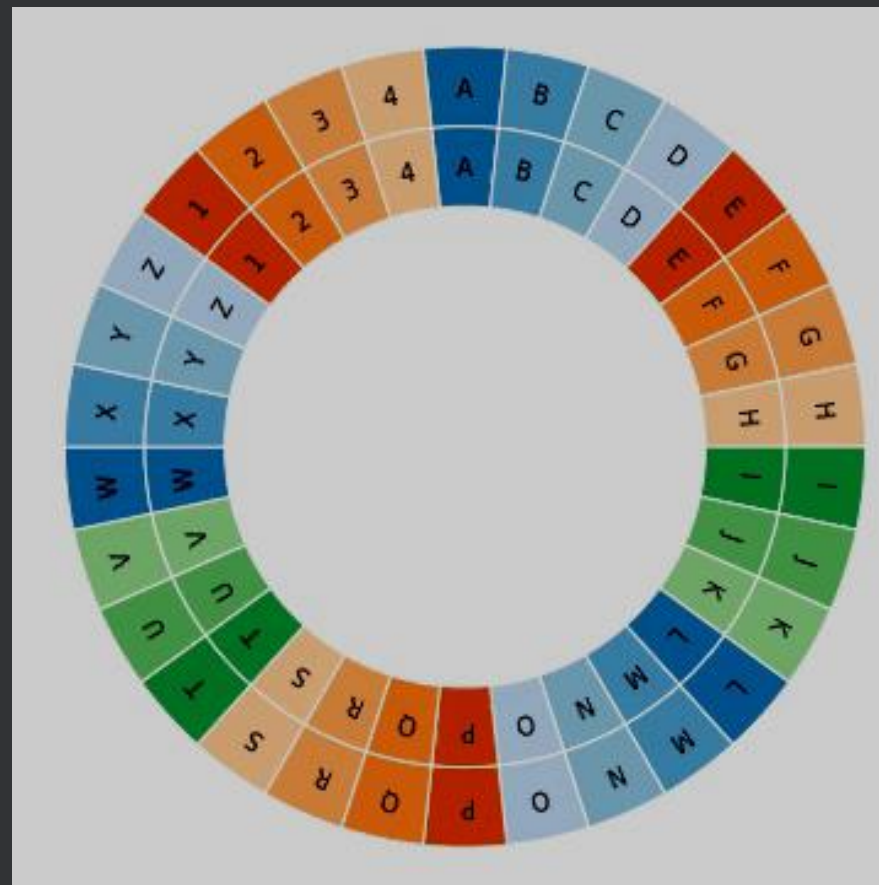
# Диск Альберти, 2 режим

## Input:

```
d = Disk()
x, password = 'NFT', 'Z1X'
s = d.encrypt_mode2(x.upper(),
password)
print(s)
d.reset()
s = d.decrypt_mode2(s, password)
print(s)
d.reset()
d.animate()
```

## Output:

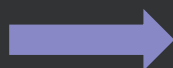
IBM  
NFT



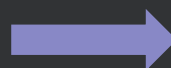
# Частотный анализ

- По заданному шифротексту необходимо произвести частотный анализ и декодировать текст, закодированный с помощью шифра Цезаря

\$тисдкия\$жйхстђ0\$ж\$ыдх\$сийеяждп  
т\$кдфотзт\$лдодцд0\$ж\$ртхожй0\$сд  
\$удцфмдфьмщ\$уфчидщ0\$утѓжмппмхè\$  
ижд\$зфдкидсмсд2\$уйфжян\$мл\$смщ0  
\$тийцян\$ж\$пйцсђђ\$хйфйсèочђ\$удф  
ч0\$еяп\$рдпйсèотзт\$фтхцд0\$чумцд  
с0\$пях0\$хжтђ\$уфмппмысчђ\$ьпѓуч\$у  
мфткаотр\$сйх\$ж\$фчой0\$д\$сд\$щтфть  
т\$жяефмцтр\$пмьй\$йзт\$утрйэдппмхè  
\$хжйфщюйхцйхцжйссящ\$фдлрйфтж\$т  
ыом\$ж\$ыйфстн\$фтзтжтн\$туфджй2\$ж  
цтфтн\$\_\_\$уּпйымхцян0\$



Буква	Частота
space	0.174
о	0.090
е	0.072
а	0.062
и	0.062
н	0.053
т	0.053
с	0.045
р	0.040
в	0.038
л	0.035
к	0.028
м	0.026
д	0.025
п	0.023
у	0.021
я	0.018
з	0.016
...	...



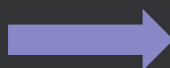
[4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, -1, 18,  
-5, 4, -1036, 19, 1, 0, -23, 4]

# Частотный анализ

- По заданному шифротексту необходимо произвести частотный анализ и декодировать текст, закодированный с помощью шифра Цезаря

[4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, -1, 18,  
-5, 4, -1036, 19, 1, 0, -23, 4]

Сдвиг +4



Однажды весной, в час небывало жаркого заката, в Москве, на Патриарших прудах, появились два гражданина. Первый из них, одетый в летнюю серенькую пару, был маленького роста, упитан, лыс, свою приличную шляпу пирожком нес в руке, а на хорошо выбритом лице его помещались сверхъестественных размеров очки в черной роговой оправе. Второй – плечистый, рыжеватый, вихрастый молодой человек в заломленной на затылок клетчатой кепке

# Хэширование

## - Студентам предложено:

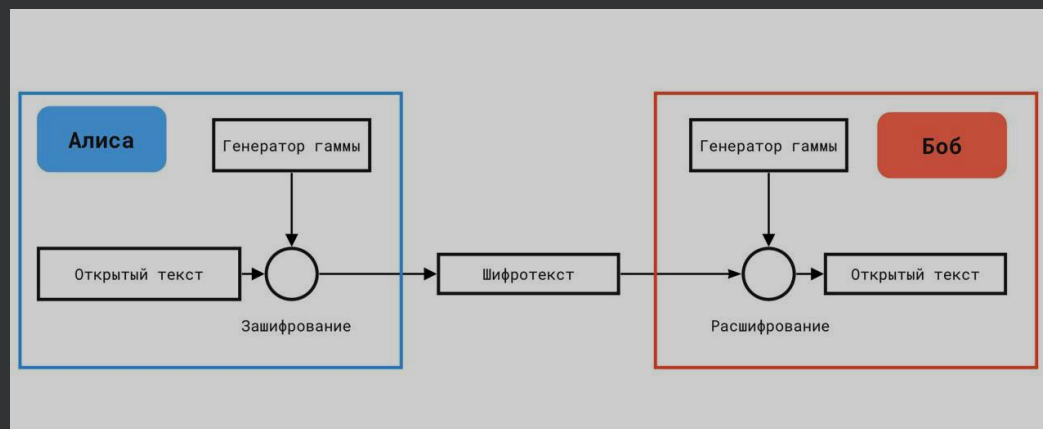
- Вычислить хэш-функцию для заданного изображения
- Изменить один бит в исходном изображении
- Снова посчитать хэш-функцию
- Удостоверится в том, что незаметное для человеческого глаза изменение полностью меняет значение хэша



# Потоковое шифрование

## - Студентам предложено:

- Написать свой простой генератор псевдослучайных чисел
- С помощью ранее реализованного Диффи-Хеллмана обменяться ключами
- Запустить потоковый обмен данным с помощью общих гамма-ключей, которые генерирует ГПСЧ



# Отзыв руководителя

Критерии оценки	Оценка научного руководителя (по 10-балльной шкале)
Четкость и корректность формулировки целей и задач работы	10
Полнота использования источников информации (книги, статьи, электронная библиотека НИУ ВШЭ, интернет-ресурсы и пр.)	10
Сложность и/или объемность проведенного исследования / теоретической составляющей работы	10
Сложность и/или объемность программной реализации / предложенных технологических решений	10
Достижение намеченной цели и поставленных задач работы	10
Оформление отчета	10

# Проект в цифрах

- 10 итоговая оценка от руководителя за проект
- 7 блоков с заданиями и теорией
- 3 механизма визуализации
- 10+ библиотек Python
- 4 заинтересованные образовательные программы
- 1100 строчки кода и теории