

Задача 7: Двоичното дърво t_2 наричаме “ляво копие” на t_1 , тогава и само тогава, когато:

- И двете дървета са празни, или
- Ако t_1 е дърво с корен x , ляво поддърво L_1 и дясно поддърво R_1 ,
- а t_2 е дърво с корен y , ляво поддърво L_2 и дясно поддърво R_2 ,
то $x=y$, а L_2 и R_2 са леви копия на L_1 .
-

Нека е дадена следната структура, описваща възел в двоично дърво:

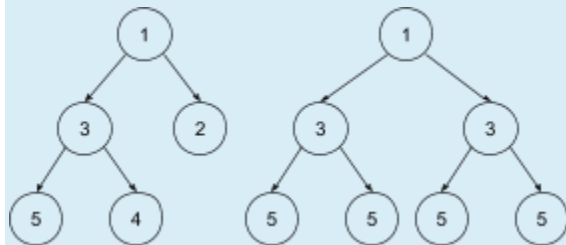
```
struct Node { int x; Node *left, *right;;};
```

Да се дефинира функция

```
bool leftCopy ([подходящ тип]t1, [подходящ тип]t2)
```

която проверява дали t_2 е ляво копие на t_1 .

Пример за ляво копие:



Задача 8. Нека е дадена следната структура за възел в линейен едносвързан списък:

```
struct Elem { int x; Elem *next;;};
```

Да се реализира функция:

```
void zip ([подходящ тип] L1, [подходящ тип] L2, [подходящ тип] p, [подходящ тип] R),
```

където L_1 и L_2 са указатели към първите елементи на два линейни едносвързани списъка $\langle L1,1, L1,2,..., L1,n \rangle$ и $\langle L2,1, L2,2,..., L2,n \rangle$ с числа, които имат еднакъв брой елементи, а p е двуместен предикат над числа ($p: \text{int} \times \text{int} \rightarrow \text{bool}$). Функцията zip да създава и връща чрез R списък от сумите на съответни елементи от L_1 и L_2 , за които $p(L1,k,L2,k)$ е истина.

Пример: за списъците $L1 = [1, 2, 3, 4]$ и $L2 = [5, 2, 1, 3]$ и предиката $p(x,y) = \text{“}y \text{ дели } x\text{”}$, ще се получи списъкът $R = [4, 4]$ (съответните двойки са $(2, 2)$ и $(3,1)$).

Задача 9: Нека е дадена следната структура, описваща възел в двоично дърво:

```
struct Node { int x; Node *left, *right};
```

Да се дефинира клас `LevelIterator`, с чиято помощ може да се получи броят на различните елементи (пренебрегвайки повторенията) във всяко последователно ниво на дърво.

Класът да предоставя следните методи:

1. Конструктор, който създава итератор чрез указател към корена на дадено дърво
2. Метод `int currentSetSize() const`, който връща големината на множеството от елементите на текущото ниво (т.е. броят на различните елементи в нивото, пренебрегвайки повторенията)
3. Метод `void next()`, чрез който итераторът преминава към следващото ниво
4. Метод `bool end() const`, който проверява дали итераторът е преминал след последното ниво в дървото.

Пример: За дърветата на фигура 1, последователните стойности, получени от итератора, ще бъдат съответно 1, 2, 2 за първото дърво и 1, 1, 1 за второто.

Задача 10: Двоичното дърво от числа t_2 наричаме “преброител” на двоичното дърво от числа t_1 , тогава и само тогава, когато:

- И двете дървета са празни, или
- Ако t_1 е непразно дърво с ляво поддърво L_1 и дясно поддърво R_1 , то t_2 е дърво със стойност на корена x , равна на броя на децата (непосредствените наследници, които не са празни дървета) на корена на t_1 , ляво поддърво L_2 , което е преброител на L_1 , и дясно поддърво R_2 , което е преброител на R_1 .

Нека е дадена следната структура, описваща възел в двоично дърво:

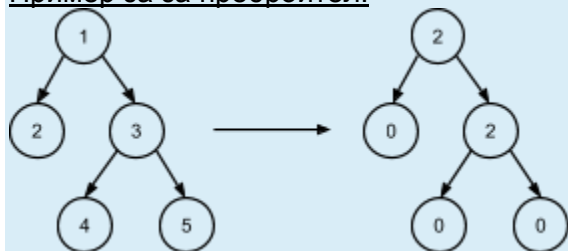
```
struct Node { int x; Node *left, *right};
```

Да се дефинира функция

```
bool counter ([подходящ тип]t1, [подходящ тип]t2)
```

която проверява дали дървото t_2 е преброител на дървото t_1 .

Пример за преброител:



Задача 11: Нека е дадена следната структура за възел в линеен едносвързан списък:

```
struct Elem { int x; Elem *next};
```

Да се реализира функция:

```
void project ([подходящ тип] L, [подходящ тип] p, [подходящ тип] L1,
[подходящ тип] L2),
```

където L е указател към първия елемент на линеен едносвързан списък с четен брой ($2n$) числа, а p е едноместен предикат над числа ($p: \text{int} \rightarrow \text{bool}$). Функцията `project` да създава и връща чрез $L1$ списък с всички елементи на L на четни позиции (започвайки от 0), за които p е истина, а чрез $L2$ списък с всички елементи на L на нечетни позиции (започвайки от 0), за които p е истина.

Пример: от списъка $L = [1, 7, 4, 3, 8, 8]$ и предиката $p(x) = "x > 3"$, ще се построят списъците $L1 = [4, 8]$ и $L2 = [7, 8]$.

Задача 12: Нека е дадена следната структура, описваща възел в двоично дърво:

```
struct Node { int x; Node *left, *right};
```

Да се дефинира клас `LevelIterator`, с чиято помощ могат да се получат последователно сумата на елементите на поредните нива в дадено дърво. Класът да предоставя следните методи:

1. Конструктор, който създава итератор чрез указател към корена на дадено дърво
2. Метод `int currentSum() const`, който връща сумата от елементите на текущото ниво
3. Метод `void next()`, чрез който итераторът преминава към следващото ниво
4. Метод `bool end() const`, който проверява дали итераторът е преминал след последното ниво в дървото.

Пример: За дърветата на фигура 1, последователните стойности, получени от итератора, ще бъдат: 1, 5, 9 и 2, 2, 0.