Credit Risk

Filip Mordarski & Mateusz Wasielewski $5\ 12\ 2020$

Spis treści

Wstęp	1
Tworzenie zmiennych objaśniających	2
Badanie rozkładów zmiennych	6
Winsoryzacja zmiennych zaburzonych nietypowymi wartosciami	6
Ewaluacja modelu	10

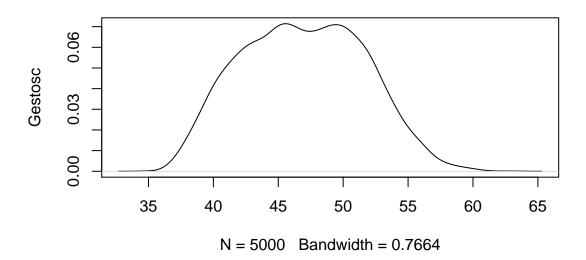
Wstęp

Poniższy raport będzie zawierał analizę modelu ryzyka kredytowego.

Tworzenie zmiennych objaśniających

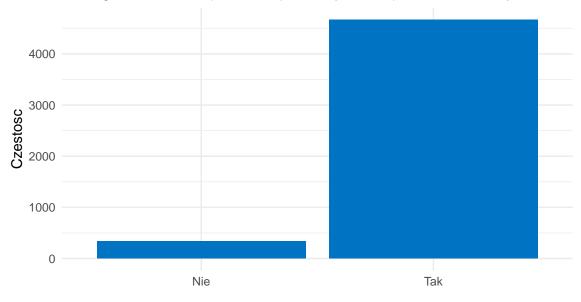
W pierwszej kolejności zostały utworzone zmienne objaśniające potrzebne do modelu PD. Pierwszą zmienną, która została wygenerowana na podstawie utworzonych wcześniej zmiennych jest wiek. Został wyliczony okres trwania umowy w latach na podstawie różnicy między obecną datą a wartością w zmiennej agreement_start. Następnie został wygenerowany wektor wartości z rozkładu gamma z parametrem kształtu równym 3 oraz parametrem skali równym 2. Wiek został wyznaczony dodając do siebie: czas trwania umowy, liczbę 18 (wiek kiedy człowiek może podpisać wiążącą umowę kredytową) oraz wylosowaną wartość z rozkładu gamma, oznaczającą różnicę w latach pomiędzy datą podpisania umowy a osiągnięciem pełnoletności. Poniższy wykres przedstawia gęstość tej utworzonej zmiennej w naszym zbiorze.

Wykres gestosci wieku

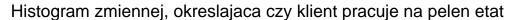


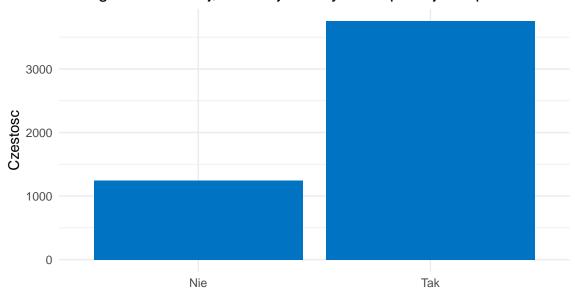
Następnie została wygenerowana zmienna, która określa czy dany pracownik jest zatrudniony, czy też nie. Prawdopodobieństwo bezrobocia zostało ustalone na poziomie $6.7\,\%$. Wartość ta odzwierciedla średnią stopę bezrobocia w 2019 roku w Stanach Zjednoczonych. Poniższy wykres przedstawia histogram tej zmiennej w zbiorze.





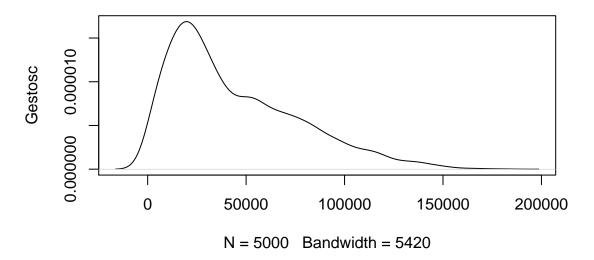
Na podstawie zmiennej, określającej czy dana osoba jest zatrudniona, wygenerowano zmienną czy dana osoba jest zatrudniona na pełny etat. Prawdopodobieństwo tego wynosi 80 %. Poniższy wykres przedstawia histogram tej zmiennej.



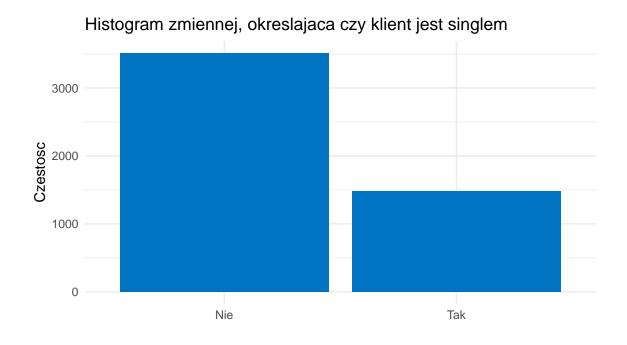


Zmienną, która z pewnością może okazać się istotna w tworzeniu modelu PD jest dochód roczny danej osoby. Wartości te zostały wylosowane z rozkładu normalnego. Średnia dla osób zatrudnionych na pełen etat została ustalona na poziomie 48000 USD z odchyleniem standardowym na poziomie 15000 USD. Dla osób niezatrudnionych na pełen etat wartość średnia została ustalona na poziomie 20000 USD, natomiast odchylenie 10000 USD. Poniżej zaprezentowano wykres gęstości tej zmiennej.

Wykres gestosci zarobków



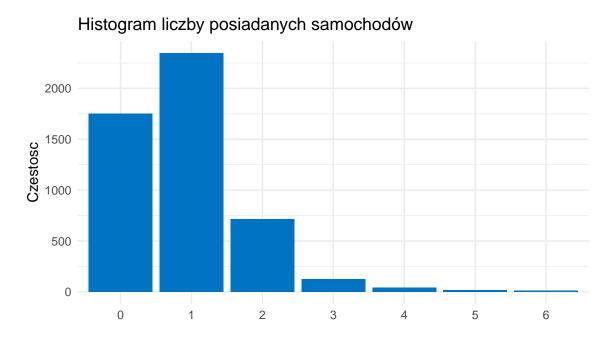
Kolejno, została wygenerowana zmienna, mówiąca o tym czy dana osoba jest singlem, czy żyje w związku z inną osobą. Prawdopodobieństwo, że ktoś jest singlem w Stanach Zjednoczoncyh wynosi 30 %. Przedstawiono histogram tej zmiennej w zbiorze.



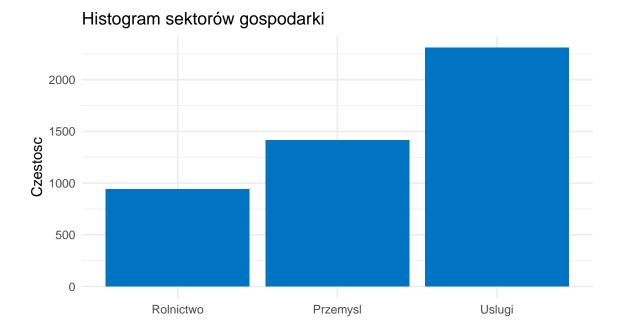
Następnie, została wygenerowana liczba posiadanych dzieci przez daną osobą. Zmienna ta została wygenerowana na podstawie zmiennej, określającej czy dana osoba jest singlem czy nie jest. Poniżej przedstawiono histogram tej wygenerowanej zmiennej.



Kolejno, została wygenerowana zmienna, mówiąca o liczbie posiadanych samochodów przez klienta. Dla osób nieposiadających dzieci lub mających jedno dziecko, liczba ta została wylosowana z następującego zakresu: $[0,\ 1,\ 2]$ z prawdopodobieństwami równymi kolejno: $[40\%,\ 50\%,\ 10\%]$. Dla klientów mających więcej niż jedno dziecko, liczba samochodów zależy od liczby posiadanych dzieci i jest obliczona za pomocą następującej formuły: liczba_dzieci - [wartość z losowania liczb [1,2] z 50% prawdopodobieństwami] + 1. Poniżej przedstawiono histogram liczby posiadanych samochodów przez klientów.



Następnie, została wygenerowana zmienna, określająca sektor gospodarki, w którym pracują klienci. Prawdopodobieństwo wystąpienia następujących sektorów [rolnictwo, przemysł, usługi] wśród zatrudnionych wynosi kolejno: $[20\%,\,30\%,\,50\%]$. Poniżej przedstawiono histogram sektorów gospodarki.



Badanie rozkładów zmiennych

W celu sprawdzenia czy zmienne objaśniajce mają wiele wartości odstających, zbadano kurtozę każdej zmiennej ciągłej. Przyjęto, że dla tej miary spłaszczenia tolerowaną wartością będzie 3.

Tablica 1: Zestawienie wartości kurtozy zmiennych objaśniających

value_mortgage	value_nonmortgage	age	annual_income
5.601227	5.420217	2.310862	3.329684

Z powyższej tabeli wynika, że dla wartości kredytu hipotecznego oraz wartości kredytu bez hipoteki kurtozy wyniosły ok. 5.5, a co za tym idzie, przekraczają ustaloną wartość graniczną. Jest to spowodowane licznymi wartościami odstającymi, których wpływ na analizę trzeba zminimalizować. Niepokojąca wartość kurtozy występuje zarówno przy zmiennej roczny przychód, ponieważ wynosi powyżej 3. Istnieją różne metody radzenia sobie z tzw. "outliersami", jedna z nich zostanie przedstawiona w następnym akapicie. Dla zmiennej wiek wartość kurtozy jest mniejsza od 3, co pozwala zakładać normalność rozkładu tej zmiennej.

Winsoryzacja zmiennych zaburzonych nietypowymi wartosciami

Podczas procesu winsoryzacji wartości odstające nie są usuwane, a jedynie podmieniane na ostatnie wartości znajdujące się w nieobciętym obszarze, dzięki czemu nie tracimy liczby obserwacji. W tym przypadku odcięte zostały skrajne obszary 5-procentowe. Poniższa tabela prezentuje wartości kurtozy po winsoryzacji tych trzech zmiennych ciągłych, których wspomniana miara spłaszczenia była większa od 3.

Tablica 2: Wartości kurtozy zmiennych po winsoryzacji

value_mortgage_win	value_nonmortgage_win	annual_income_win
3.290116	2.645227	2.36553

Można zauważyć znaczną poprawę rozkładów zmiennych, co pozytywnie wpłynie na dalszą analizę.

```
##
         X.x
                                   name
                                                         ID
##
    Min.
                1
                    Bryant Schinner:
                                         2
                                              100-27-1954:
                                                              1
##
    1st Qu.:1259
                    Catalina Nolan:
                                         2
                                              100-41-2606:
                                                              1
    Median:2458
                    Haywood Dare
                                         2
##
                                              101-26-9697:
                                                              1
##
    Mean
            :2486
                    Kirk Bayer
                                         2
                                              101-38-5899:
                                                              1
##
    3rd Qu.:3718
                    Landon Bailey
                                         2
                                              102-26-4623:
                                                              1
##
    Max.
            :4999
                    Noah Ferry
                                         2
                                              102-62-8395:
                                                              1
##
                                                          :3520
                     (Other)
                                     :3514
                                              (Other)
                                                         default
##
      agreement_start
                                      creditcardnr
    1990-01-02:
##
                                                             :0.000
                    1
                        1007-6197-9830-4323:
                                                 1
                                                     Min.
    1990-01-05:
                        1007-8232-2779-7267:
                                                      1st Qu.:0.000
##
                   1
                                                 1
##
    1990-01-06:
                        1010-2603-7123-6102:
                                                     Median : 0.000
                   1
                                                 1
    1990-01-07:
##
                   1
                        1012-8482-6593-3607:
                                                 1
                                                     Mean
                                                             :0.198
##
    1990-01-08:
                        1013-5570-9510-2830:
                                                      3rd Qu.:0.000
                    1
                                                 1
##
    1990-01-09:
                   1
                        1016-3352-6046-9824:
                                                 1
                                                     Max.
                                                             :1.000
    (Other)
##
               :3520
                        (Other)
                                             :3520
                                            value_nonmortgage
##
      date_of_default
                       value_mortgage
                                                                     age
##
    2004-01-04:
                   1
                        Min.
                                       0
                                            Min.
                                                        78
                                                               Min.
                                                                       :35.0
##
    2004-01-08:
                   1
                        1st Qu.:
                                       0
                                            1st Qu.: 4721
                                                               1st Qu.:43.0
##
    2004-01-15:
                   1
                        Median:
                                       0
                                            Median: 8177
                                                               Median:47.0
##
    2004-01-22:
                                                                       :46.9
                    1
                        Mean
                                : 146155
                                            Mean
                                                   : 9813
                                                               Mean
##
    2004-01-29:
                    1
                        3rd Qu.: 279654
                                            3rd Qu.:13108
                                                               3rd Qu.:50.0
##
    (Other)
               : 693
                                :1830299
                                            Max.
                                                   :54748
                                                               Max.
                                                                       :63.0
                        Max.
##
    NA's
               :2828
    employed full_time annual_income
##
                                            single
                                                           kids
##
    0: 246
              0:897
                         Min.
                                            0:1784
                                                             :0.000
                                                     Min.
                         1st Qu.: 18703
##
    1:3280
              1:2629
                                            1:1742
                                                     1st Qu.:0.000
##
                         Median: 34929
                                                     Median :0.000
##
                         Mean
                                                     Mean
                                 : 44614
                                                             :0.618
##
                         3rd Qu.: 65420
                                                      3rd Qu.:1.000
##
                         Max.
                                 :182379
                                                     Max.
                                                             :7.000
##
##
         car
                       sector
                                value_mortgage_win value_nonmortgage_win
##
            :0.0000
                       0: 246
                                Min.
                                        :
                                               0
                                                     Min.
                                                             : 1715
    Min.
                                                      1st Qu.: 4721
    1st Qu.:0.0000
                       1: 668
                                1st Qu.:
##
                                               0
##
    Median :1.0000
                       2:1001
                                Median :
                                                     Median: 8177
                                               0
##
    Mean
            :0.8976
                       3:1611
                                Mean
                                        :137912
                                                     Mean
                                                             : 9576
##
                                3rd Qu.:279654
    3rd Qu.:1.0000
                                                      3rd Qu.:13108
##
    Max.
            :6.0000
                                Max.
                                        :702425
                                                     Max.
                                                             :23398
##
##
    annual_income_win
##
    Min.
           : 5042
##
    1st Qu.: 18703
##
    Median : 34929
           : 43868
    Mean
    3rd Qu.: 65420
##
```

```
##
##
         X.x
                                                       ID
                                  name
##
   Min.
                   Oliver Wintheiser:
                                             100-10-9506:
   1st Qu.:1230
                   Scottie D'Amore :
##
                                        2
                                             100-48-4032:
##
   Median:2594
                   Aaron Swift
                                     :
                                         1
                                             101-31-7035:
##
   Mean
         :2534
                   Abdul Krajcik
                                             102-42-3662:
                                                            1
                                     :
                                         1
   3rd Qu.:3808
                   Abel Stark
                                         1
                                             103-21-3473:
##
   Max.
           :5000
                   Abraham Nikolaus :
                                             103-51-9594:
                                         1
##
                   (Other)
                                     :1466
                                             (Other)
                                                        :1468
##
      agreement_start
                                    creditcardnr
                                                     default
##
   1990-01-03:
                  1
                      1007-6595-4169-2500:
                                                  Min.
                                                         :0.0000
##
                                                  1st Qu.:0.0000
   1990-01-04:
                  1
                      1019-3206-5994-1992:
                                              1
                                                  Median :0.0000
##
   1990-01-10:
                  1
                      1024-5119-7938-6705:
                                              1
##
                      1032-9219-6414-9085:
                                                  Mean
                                                       :0.2157
   1990-01-11:
                  1
                                              1
##
   1990-01-17:
                  1
                      1050-7668-9868-7825:
                                              1
                                                  3rd Qu.:0.0000
##
   1990-01-18:
                  1
                      1063-9566-2338-8440:
                                              1
                                                  Max.
                                                         :1.0000
##
    (Other)
             :1468
                      (Other)
                                          :1468
##
      date_of_default value_mortgage
                                         value_nonmortgage
                                                                age
##
   2004-02-11:
                  1
                      Min. :
                                    0
                                        Min. : 104
                                                           Min.
                                                                :37.00
                                         1st Qu.: 4690
##
   2004-03-09:
                  1
                      1st Qu.:
                                    0
                                                           1st Qu.:43.00
##
   2004-04-08:
                  1
                      Median :
                                    0
                                        Median: 8121
                                                           Median :47.00
   2004-05-12:
                      Mean : 147757
                                        Mean
                                              : 9829
                                                           Mean
                                                                  :46.95
##
   2004-05-14:
                      3rd Qu.: 276476
                                         3rd Qu.:13348
                                                           3rd Qu.:50.00
                  1
##
    (Other)
            : 313
                      Max. :1455568
                                         Max.
                                              :57542
                                                           Max.
                                                                  :60.00
              :1156
##
   NA's
    employed full_time annual_income
                                         single
                                                      kids
##
   0: 88
             0: 347
                                         0:717
                                                        :0.0000
                       Min. :
                                   12
                                                 Min.
##
   1:1386
             1:1127
                       1st Qu.: 18526
                                         1:757
                                                 1st Qu.:0.0000
##
                       Median: 34843
                                                 Median :0.0000
##
                       Mean
                             : 44133
                                                 Mean
                                                        :0.6065
##
                       3rd Qu.: 64755
                                                 3rd Qu.:1.0000
##
                       Max.
                              :178529
                                                 Max.
                                                        :6.0000
##
##
                     sector value_mortgage_win value_nonmortgage_win
         car
                     0:88
                             Min.
                                          0
                                                 Min.
                                                      : 1715
##
   Min.
          :0.0000
                                   :
##
   1st Qu.:0.0000
                     1:273
                             1st Qu.:
                                           0
                                                 1st Qu.: 4690
##
   Median :1.0000
                     2:415
                             Median:
                                                 Median: 8121
   Mean :0.8657
                     3:698
                                                 Mean : 9601
##
                             Mean :138868
##
   3rd Qu.:1.0000
                             3rd Qu.:276476
                                                 3rd Qu.:13348
##
   Max. :6.0000
                             Max. :702425
                                                 Max.
                                                        :23398
##
##
   annual_income_win
##
   Min. : 5042
##
   1st Qu.: 18526
   Median: 34843
         : 43410
##
   Mean
   3rd Qu.: 64755
##
   Max. :109824
##
   [1] "X.x"
                                "name"
   [3] "ID"
                                "agreement_start"
##
```

Max.

:109824

```
[5] "creditcardnr"
                              "default"
   [7] "date_of_default"
##
                              "value_mortgage"
  [9] "value nonmortgage"
                              "age"
## [11] "employed"
                              "full_time"
## [13] "annual income"
                              "single"
## [15] "kids"
                              "car"
## [17] "sector"
                              "value mortgage win"
## [19] "value_nonmortgage_win" "annual_income_win"
##
## Call:
## glm(formula = default ~ value_mortgage_win + value_nonmortgage_win +
      age + employed + full_time + annual_income_win + single +
##
      kids + car + sector, family = binomial(link = "logit"), data = train)
##
## Deviance Residuals:
##
      Min
                1Q
                    Median
                                 3Q
                                         Max
           -0.6788
                   -0.6531
                            -0.6176
                                      1.9080
##
  -0.7560
## Coefficients: (1 not defined because of singularities)
                                          Std. Error z value Pr(>|z|)
##
                             Estimate
## (Intercept)
                       -1.59919316084   0.46433813799   -3.444   0.000573 ***
                        0.0000006072 0.00000018179
                                                      0.334 0.738376
## value_mortgage_win
## value_nonmortgage_win 0.00000437602 0.00000689982
                                                      0.634 0.525935
                        0.00376947931 0.00907843070
## age
                                                      0.415 0.677986
## employed1
                       ## full_time1
                        0.17025786450 0.12137955093
                                                     1.403 0.160709
                       -0.00000216580 0.00000153151 -1.414 0.157315
## annual_income_win
## single1
                        0.00267484068 0.08469404881
                                                      0.032 0.974805
## kids
                       ## car
                        0.06964319553 0.06005730235
                                                      1.160 0.246207
## sector1
                       -0.05291982472 0.11720218272
                                                     -0.452 0.651611
## sector2
                        0.03919232154 0.10056020004
                                                      0.390 0.696729
## sector3
                                                 NA
                                                         NA
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
##
  (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
      Null deviance: 3508.8 on 3525
                                     degrees of freedom
## Residual deviance: 3503.0 on 3514 degrees of freedom
## AIC: 3527
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Oszacowano również drugi model, w którym zmieniliśmy założenie co do rozkładu składnika losowego. W wyniku tego, został oszacowany model probitowy.

```
##
## Call:
## glm(formula = default ~ value_mortgage_win + value_nonmortgage_win +
## age + employed + full_time + annual_income_win + single +
## kids + car + sector, family = binomial(link = "probit"),
```

```
##
      data = train)
##
## Deviance Residuals:
##
               1Q
      Min
                    Median
                                3Q
                                       Max
##
  -0.7553 -0.6790 -0.6534 -0.6172
                                     1.9096
##
## Coefficients: (1 not defined because of singularities)
##
                            Estimate
                                        Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                       -0.97111285379  0.26499680960  -3.665  0.000248 ***
## value_mortgage_win
                       0.0000003431 0.0000010399
                                                    0.330 0.741409
## value_nonmortgage_win 0.00000258629 0.00000394658
                                                    0.655 0.512260
## age
                        0.00230561920 0.00518019574
                                                    0.445 0.656259
## employed1
                       -0.06937616860 0.11051046527 -0.628 0.530149
## full_time1
                       0.09728289946 0.06892852312
                                                    1.411 0.158139
## annual_income_win
                       ## single1
                        0.00193424747 0.04832580376
                                                    0.040 0.968073
## kids
                       ## car
                       0.03927924955 0.03433783781
                                                    1.144 0.252663
                       -0.03025526181 0.06652180371
## sector1
                                                  -0.455 0.649241
## sector2
                        0.02164098917 0.05752646511
                                                    0.376 0.706774
## sector3
                                  NΑ
                                                NΑ
                                                       NA
                                                               NΔ
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
##
##
  (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
      Null deviance: 3508.8 on 3525 degrees of freedom
## Residual deviance: 3503.0 on 3514 degrees of freedom
## AIC: 3527
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 4
```

Ewaluacja modelu

Po oszacowaniu obu modelów, dokonano ich ewaluacji. Poniżej przedstawiono tabelę kontyngencji dla pierwszego modelu logitowego.

```
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction
                 0
##
            0 1156
                    318
##
            1
                 0
##
##
                  Accuracy : 0.7843
##
                    95% CI: (0.7624, 0.805)
##
       No Information Rate: 0.7843
       P-Value [Acc > NIR] : 0.515
##
##
##
                     Kappa: 0
##
##
   Mcnemar's Test P-Value : <0.0000000000000002
```

```
##
##
               Sensitivity: 1.0000
##
               Specificity: 0.0000
            Pos Pred Value: 0.7843
##
##
            Neg Pred Value :
                Prevalence: 0.7843
##
            Detection Rate: 0.7843
##
##
      Detection Prevalence: 1.0000
##
         Balanced Accuracy: 0.5000
##
##
          'Positive' Class: 0
##
```

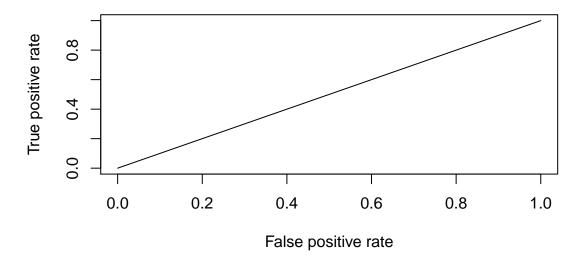
Następnie wygenerowano podobną tabelę kontyngencji dla drugiego modelu logitowego.

```
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
                 0
                       1
## Prediction
##
            0 1156
                    318
##
            1
                 0
                      0
##
                  Accuracy: 0.7843
##
##
                    95% CI: (0.7624, 0.805)
       No Information Rate: 0.7843
##
##
       P-Value [Acc > NIR] : 0.515
##
##
                     Kappa: 0
##
##
    Mcnemar's Test P-Value : <0.0000000000000002
##
##
               Sensitivity: 1.0000
##
               Specificity: 0.0000
##
            Pos Pred Value: 0.7843
##
            Neg Pred Value :
##
                Prevalence: 0.7843
##
            Detection Rate: 0.7843
##
      Detection Prevalence: 1.0000
##
         Balanced Accuracy: 0.5000
##
##
          'Positive' Class: 0
##
```

Model ten dostarcza takich samych predykcji jak model pierwszy. Z tego względu dalsza analiza będzie opierać się na oszacowaniach jednego z powyższych modeli.

Na podstawie powyższych tabel możemy stwierdzić, że nasze modele nie są efektywne w predykcji 'defaultu'. Wszystkie obserwacje zostały dopasowane do kategorii 0, czyli brak 'defaultu'. Mamy relatywnie wysoki poziom trafności modeli, ponieważ jest on na poziomie 78 %. Przyczyną takiego stanu rzeczy, jest to że 78% obserwacji ze zbioru testowego nie miało 'defaultu'. Ewaluacja tych modeli wykazała, że nie powinniśmy wyciągać żadnych dalekoidących wniosków na podstawie ich oszacowania. Następnie została wygenerowana krzywa ROC.

Krzywa ROC



Powyższa krzywa obrazuje zdolność predykcyjną modelu dla różnych progów odcięcia. Wygląd powyższej krzywej pokrywa się z powyższą oceną modelów za pomocą tabel kontyngencji. Oszacowane modele są tak efektywne jak klasyfikator losowy. Z uwagi na to, że modele nie przewidują dla żadnego klienta wartości defaultu równego 1, czułość naszego modelu wynosi 100%, natomiast swoistość 0%. Z tego względu pole pod krzywą ROC wynosi 0.5, co potwierdza poniższy wydruk z R.

```
auc_t <- performance(ROCRpred_t, measure = "auc")
auc_t <- auc_t@y.values[[1]]
auc_t</pre>
```

[1] 0.5