

Inteligencia Artificial
(CC 441)

Moreno Vera Felipe Adrian

20120354I

1. En el modelo de McCulloch-Pitts para un problema de clasificación,

Solución:

1.1. La determinación de los pesos se obtienen mediante un proceso de aprendizaje?

Si, debido a que por cada peso a evaluar requiere del anterior y el valor devuelto por las neuronas en su evaluación.

1.2. La determinación de los pesos depende de la dimensión de los vectores de entrada?

Si, los pesos W_i están relacionados directamente a la i -ésima entrada X_i .

1.3. Si se agrega el sesgo, cuál es la funcionalidad en el modelo final?

Se tendría W_{i+1} pesos, donde el primero es el que determina el desplazamiento de la función de activación.

1.4. Haga una breve descripción (algoritmo) del efecto considerar la ortogonalidad de los *inputs* x 's.

Al ortogonalizar los vectores, aseguramos que estén entre 0 y 1 para que sea más tangible las operaciones con ellos.

2. En la obtención del modelo de McCulloch Pitts, para las funciones AND, OR y NOT,

Solución:

El Sesgo o bias, es el parámetro externo que se adhiere al vector de neuronas $x = (x_1, x_2, \dots, x_k, 1)$ y el vector de pesos $w = (w_1, w_2, \dots, w_k, -\beta)$, donde β es el Umbral límite, que en el caso de las funciones AND, OR y NOT es 1 y por último tenemos que δ es el valor esperado.

Modelo de McCulloch - Pitts, función de activación:

$$f(v) = \begin{cases} 1, & v \geq 0 \\ 0, & v < 0 \end{cases}$$

2.1. Es posible incluir el sesgo en el modelo?

Si agregamos el Sesgo tendremos: $v = x_1.w_1 + x_2.w_2 - 1$ (en caso de AND y OR)
y $v = x_1.w_1 - 1$ (en caso de NOT)

NOT	δ	$y=f(v)$ (obtenido)
0	1	0
1	0	1

empezamos con $w_0 = -1$, y en $x_1 = 0$ con $\delta = 1$ y $\beta = -1$

$v_1 = 0.(1) - 1 = -1$, entonces $y=f(v) = 0$ (según modelo de McCulloch - Pitts)

$v_2 = 1.(1) - 1 = 0$, entonces $y=f(v) = 1$ (según modelo de McCulloch - Pitts)

Aplicando el aprendizaje.

$w_1 = w_0 + (\delta - y).x_1 = -1 + (1-1).0 = -1$.

$w_2 = w_1 + (\delta - y).x_2 = -1 + (1-0).1 = 0$.

AND		δ	$f(v)$
1	1	1	1
1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	0	0

empezamos con un vector de pesos $w=(0,0,-\beta)$ y los $x=(x_1,x_2,1)$, donde $\beta = 1$.

$$v_1 = (0,0,-1).(1,1,1) = -1, f(v) = 0$$

$$v_2 = (1,1,2).(0,0,1) = 2, f(v) = 1$$

$$v_3 = (1,1,-1).(1,0,1) = 0, f(v) = 1$$

$$w_1 = (0,0,-1)+(1-0).(1,1,1) = (1,1,2)$$

$$w_2 = (1,1,2)+(0-1).(0,0,1) = (1,1,1)$$

$$w_3 = (1,1,1) + (0 - 1).(1,0,1) = (0,1,0)$$

OR		δ	$f(v)$
1	1	1	1
0	0	0	0
1	0	1	1
0	1	1	1

empezamos con un vector de pesos $w=(0,0,-\beta)$ y los $x=(x_1,x_2,1)$, donde $\beta = 1$.

$$v_1 = (0,0,-1).(1,1,1) = -1, f(v) = 0$$

$$v_2 = (1,1,2).(0,0,1) = 2, f(v) = 1$$

$$v_3 = (1,1,-1).(1,0,1) = 0, f(v) = 1$$

$$w_1 = (0,0,-1)+(1-0).(1,1,1) = (1,1,2)$$

$$w_2 = (1,1,2)+(0-1).(0,0,1) = (1,1,1)$$

$$w_3 = (1,1,1) + (1 - 1).(1,0,1) = (1,1,1)$$

2.2. Si se incluye el sesgo, cuál es el efecto en el modelo final?

Se desplaza la solución. dependiendo del peso (si es positivo se desplaza a la izquierda, si es negativo a la derecha y en este caso tomamos -1, se fue a la derecha, sucedió con todos).