

UNIVERSIDADE FEDERAL DE MINAS GERAIS  
DEPARTAMENTO DE CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO  
DCC003 – Algoritmos e Estruturas de Dados I  
**CRIPTOGRAFIA E EST3G4N0GR4F14**

Prof. João Guilherme Maia de Menezes  
Monitor: Sérgio Henrique Barbosa Marques

3 de maio de 2018

## 1 Descrição

A palavra Criptografia deriva do grego, Cryptos, que significa oculto e consiste simplesmente em tornar secreto o significado de uma mensagem. Uma das técnicas mais modernas de criptografia é o RSA. O RSA é considerado um dos algoritmos de encriptação mais seguros, já que mandou por terra diversas tentativas de quebrá-lo. Foi também o primeiro algoritmo a possibilitar criptografia e assinatura digital, e uma das grandes inovações em criptografia de chave pública.

Por outro lado, Esteganografia (do grego “escrita escondida”) é o estudo e uso das técnicas para ocultar a existência de uma mensagem dentro de outra, uma forma de segurança por obscurantismo [1]. Em outras palavras, esteganografia é o ramo particular da criptologia que consiste em fazer com que uma forma escrita seja camuflada em outra a fim de mascarar o seu verdadeiro sentido.

É importante frisar a diferença entre criptografia e esteganografia. Enquanto a primeira oculta o significado da mensagem, a segunda oculta a existência da mensagem.

Um exemplo básico de técnica moderna de esteganografia é a alteração do bit menos significativo de cada pixel de uma imagem colorida de forma que ele corresponda a um bit da mensagem. Essa técnica, apesar de não ser ideal, pouco afeta o resultado final de visualização da imagem.

A esteganografia possui algumas aplicações práticas interessantes. Ela é uma das técnicas utilizadas para implementar mecanismos de verificação de direitos autorais em imagens e outras mídias [4]. Além disso, pode ser utilizada para a divulgação de mensagens sem o conhecimento da existência dessas mensagens por parte de outros interessados [2].

O principal objetivo deste trabalho é a **implementação de um programa para codificar e decodificar uma mensagem dentro de uma imagem utilizando técnicas de criptografia e esteganografia**.

## 2 Sistema de codificação

### 2.1 RSA

O RSA é provavelmente o algoritmo de cifragem mais usado no mundo. Ele consiste numa cifra de chave pública: qualquer pessoa pode cifrar mensagens usando a chave pública; entretanto, é necessário ter a chave privada para decifrar mensagens, e ter a chave pública não ajuda a obter a chave privada. Criptografia de chave-pública é o que possibilita uma Internet segura. Antes dela, chaves tinham que ser cuidadosamente compartilhadas entre pessoas que queriam se comunicar,

geralmente através de meios não-eletrônicos. Hoje, o RSA é utilizado rotineiramente para se trocar chaves sem permitir que alguém espionando o canal de comunicação entenda o que foi enviado. Acredita-se que o RSA é muito seguro, com base na premissa bem aceita de que não existe um algoritmo que fatore números grandes de forma eficiente; derivar a chave privada a partir da chave pública parece ser tão difícil quanto realizar fatoração.

A seguir, uma descrição dos passos do algoritmo de RSA para encriptação.

### 2.1.1 Geração da chave

1. Escolha dois números primos distintos  $p$  e  $q$ ;
2. Faça  $n = p \times q$ ;
3. "Quebre" o código da mensagem em blocos menores do que  $n$ ;
4. Calcule  $\phi(n)$ , o *totiente* de  $n$ . Ele é o número de inteiros positivos menores que  $n$  que são primos entre si com  $n$ . Para o produto de dois primos  $p$  e  $q$  o *totiente* é fácil de calcular:  $\phi(n) = (p - 1)(q - 1)$ . Perceba que para se calcular  $\phi(n)$  é necessário que se tenha  $p$  e  $q$ .
5. Escolha um inteiro  $e$  de forma que  $1 < e < \phi(n)$  e  $e$  e  $\phi(n)$  sejam primos entre si. Ou seja, o máximo divisor comum de  $e$  e  $\phi(n)$  é 1.
6. Calcule a chave  $d$  como o inverso multiplicativo de  $e$  módulo o *totiente*:  $e^{-1} \bmod \phi(n)$ . Esse é um valor  $d$  tal que  $1 \equiv e \bmod \phi(n)$ , que pode ser achado com o Algoritmo de Euclides estendido.

A chave pública é o par  $(n, e)$  e a chave privada é o par  $(n, d)$ .

### 2.1.2 Cifragem

Uma mensagem  $s$  é transformada numa mensagem cifrada  $c$  através da fórmula:  $c = s^e \bmod n$ . Observe que isso pode ser feito usando-se apenas os valores públicos  $n$  e  $e$ .

### 2.1.3 Decifragem

Uma mensagem cifrada  $c$  é decifrada para o texto simples  $s$  através da seguinte fórmula:  $s = c^d \bmod n$ .

Onde:

- $s$  = Mensagem a ser encriptada
- $c$  = Mensagem encriptada
- $e$  = Expoente de cifragem
- $d$  = Expoente de decifragem
- $n$  = Módulo formado pelos dois primos  $p$  e  $q$
- $\phi(n)$  Função totiente de Euler

A	E	D	S
65	69	68	83

Tabela 1: Tabela com valores ASCII para a palavra "AEDS"

Observe que não é possível realizar esse cálculo apenas com a chave pública.

Para ilustrar de forma mais direta o algoritmo, considere a seguinte mensagem a ser encriptada:

AEDS

Utilizando a tabela ASCII, temos os seguintes valores abaixo:

Assim sendo, a mensagem a ser encriptada fica sendo na seguinte forma: 65696883. Vamos tomar  $p = 29$  e  $q = 31$ , assim,  $n = 29 \times 31 = 899$ .

Calculando o totiente:

$$\phi(n) = (29 - 1) \times (31 - 1) = 840$$

Portanto, dividindo a mensagem em blocos de até 840, temos os seguintes blocos: 656, 96, 88, 3. Usaremos o co-primo  $e$  como sendo 11, ele é o primeiro co-primo com 840.

Encriptando o primeiro bloco, aplicamos a função de encriptação:

$$c = m^e \pmod{n} \rightarrow 656^{11} \pmod{899} = 831$$

Fazendo para os outros blocos, recebemos o resultado da encriptação sendo: 831, 602, 378, 44, juntando todos os blocos, a mensagem final é 83160237844.

Desencriptando a mensagem, precisamos encontrar o inverso modular de  $e$  com  $\phi(n)$ , assim:

$$d = e^{-1} \pmod{\phi(n)} \rightarrow 11^{-1} \pmod{840} = 611$$

Logo, para desencriptar nossa mensagem, fazemos as operações acima:

$$m = c^d \pmod{n} \rightarrow 831^{611} \pmod{899} = 656$$

E assim em diante, até recuperar a mensagem original.

#### 2.1.4 Por que isso funciona?

Se cifrarmos e decifrarmos um texto simples  $s$ , obtemos uma nova mensagem  $s' = (s^e \pmod{n})^d \pmod{n}$ . Para que a criptografia funcione, é necessário que  $s = s'$ . Não é tão difícil observar que isso é verdadeiro se nos basearmos num resultado famoso da Teoria dos Números.

Pelas propriedades da aritmética modular, podemos tirar  $\pmod{n}$  para fora:  $s' = (s^e)^d \pmod{n} = s^{ed} \pmod{n}$ . Recorde que  $e$  e  $d$  são escolhidos como inversos multiplicativos módulo  $\phi(n)$ , então  $s^{ed} = s^{1+k\phi(n)} = s \cdot s^{k\phi(n)}$  para algum inteiro  $k$ . Acontece que a sequência  $s^0, s^1, s^2, s^3, \dots$ , tomada módulo  $n$ , sempre se repete com período  $\phi(n)$ . Assim,  $s^{\phi(n)} \equiv s^0 \equiv 1 \pmod{n}$ , então  $s \cdot s^{k\phi(n)} \equiv s \cdot (s^{\phi(n)})^k \equiv s \cdot 1^k \equiv s \pmod{n}$ , como desejado.

Por exemplo,  $\phi(10) = \phi(2 \cdot 5) = 1 \cdot 4 = 4$  e  $3^4 = 81 \equiv 1 \pmod{10}$ . Podemos então usar 3 e 7 como  $e$  e  $d$ , já que  $3 \cdot 7 = 21 \equiv 1 \pmod{\phi(10)}$ . Aplicando isso à mensagem 8, nós a ciframos como  $8^3 = 512 \equiv 2 \pmod{10}$ . Fazendo a operação inversa,  $2^7 = 128 \equiv 8 \pmod{10}$ . Funciona!

## 2.2 Esteganografia

Considere o valor dos caracteres em binário da palavra "Wikipedia": W (01110111), i (01101001), k (01101011), i (01101001), p (01110000), e (01100101), d (01100100), i (01101001), a (01100001). Na forma apresentada, a palavra "Wikipedia" é representada utilizando 72 bits. Neste trabalho, iremos utilizar 3 pixels da imagem para codificar cada caractere. Logo para codificar a palavra "Wikipedia" (que possui tamanho 9), precisamos de 27 pixels no total.

Cada pixel em uma imagem colorida possui 3 valores de intensidade, um para cada canal de cor separadamente: Red, Green, Blue (RGB). Assim um pixel com valores 255 0 0, representa a mistura das intensidades de cor nos canais Red=255, Green=0 e Blue=0.

Para codificar os caracteres de uma frase, iremos utilizar o bit menos significativo de cada canal de cor dos 3 primeiros pixels (como cada pixel possui 3 canais de cores, teremos 9 bits no total, onde o último bit, referente ao canal Blue do terceiro pixel, não será utilizado). A codificação é feita na ordem dos canais, assim a letra 'W'(0111 0111) por exemplo será codificada bit a bit onde o primeiro pixel recebe os três primeiros bits (0111 0111), o segundo pixel recebe três bits a partir do quarto (0111 0111) e o terceiro pixel recebe os últimos dois bits (0111 0111).

Exemplo: para armazenar a letra 'W'(0111 0111), precisamos codificar cada bit de W separadamente. Considerando os seguintes valores do primeiro pixel da imagem: 254 20 37, onde Red = 254(1111 1110) Green = 20(0001 0100) Blue = 37(0010 0101). Temos que o primeiro bit do caractere 'W' é 0 (0111 0111), se o bit menos significativo do primeiro pixel (Red = 1111 1110), for 0, o valor é mantido, caso contrário é trocado para 0.

Caso o bit a ser armazenado tenha valor 1, por exemplo o segundo bit do caractere 'W'(0111 0111), a mesma regra é usada (porém agora analisando o segundo canal de cor: Green= 0001 0100). Como o bit menos significativo do segundo canal é 0, seu valor deverá ser invertido para coincidir com o segundo bit do caractere 'W' a ser representado.

Assim, de uma forma geral: é comparado o bit a ser codificado com o bit menos significativo de um dos canais de cores de um pixel, caso forem iguais, o valor é mantido, caso contrário é trocado. Note que o bit menos significativo é o que indica a paridade de um número, ou seja, valores pares são terminados em '0' e valores ímpares terminam em '1'.

Exemplo dos primeiros três bits de W codificados em um pixel:

**Pixel original: 254 20 37**

**Primeiro bit 'W'(0111 0111),** Red = 254(1111 1110) Mantém

**Segundo bit 'W'(0111 0111)** Green = 20(0001 0100) Troca

**Terceiro bit 'W'(0111 0111)** Blue = 37(0010 0101). Mantém

**Pixel codificado: 254 21 37**

## 3 Sistema de decodificação

Para extrair a informação da imagem basta fazer o processo inverso. Leia o valor de cor de cada pixel e armazene **apenas** o bit **menos significativo**. Para cada caractere a ser decodificado, é necessário extrair os primeiros 8 valores dos canais de cor, montando assim a sua forma em 8 bits.

O sistema de decodificação irá parar quando encontrar o caractere que delimita o final da mensagem.

Exemplo de decodificação do caractere 'W' (011 101 11):

**Pixels codificados: 254 21 37 , 21 30 237 , 71 55 20\***

Tabela 2: Exemplo de Decodificação

<b>Primeiro bit</b>	254	=	1111 1110	W[0] =	0
<b>Segundo bit</b>	21	=	0001 0101	W[1] =	1
<b>Terceiro bit</b>	37	=	0010 0101	W[2] =	1
<b>Quarto bit</b>	21	=	0001 0101	W[3] =	1
<b>Quinto bit</b>	30	=	0001 1110	W[4] =	0
<b>Sexto bit</b>	237	=	1110 1101	W[5] =	1
<b>Setimo bit</b>	71	=	0100 0111	W[6] =	1
<b>Oitavo</b>	55	=	0011 0111	W[7] =	1
<b>W = 0111 0111</b>					

\*O ultimo valor não será utilizado

## 4 Formato da entrada e da saída

Neste trabalho prático, você deverá implementar dois programas: Codificador e Decodificador.

### 4.1 Codificador

O codificador irá receber cinco argumentos como **entrada, nesta ordem**:

1. Uma imagem no formato .ppm (ASCII,P3);
2. A mensagem que será codificada;
3. O nome da imagem de saída que contém a mensagem escondida;
4. O valor do primo  $p$ ;
5. O valor do segundo primo  $q$ .

Exemplo de entrada:

```
./codificador image.ppm "Minha caneta sumiu." image_encoded.ppm 7 5
```

Onde: (1) image.ppm (2) "Minha caneta sumiu." (3) image\_encoded.ppm (4) 7 (5) 5

As **saídas do codificador** serão uma imagem de mesmo tamanho, visivelmente similar a imagem original, com o nome fornecido no terceiro argumento (no exemplo: 'image\_encoded.ppm'), e com a mensagem de entrada, após encriptada usando RSA, inserida dentro dela. A segunda saída consiste de um arquivo de texto chamado '**private.txt**', que vai conter a chave privada (o par  $(n, d)$ ), com o valor de  $n$  na primeira linha, e  $d$  na segunda.

**IMPORTANTE:** Após inserir a mensagem encriptada, coloque um delimitador de fim de mensagem. Como a RSA só retorna números, pode ser qualquer caractere não numérico (sugestão: '.' ou '\*').

## 4.2 Decodificador

O decodificador irá receber como **entrada, nessa ordem**:

1. A imagem já codificada anteriormente no formato `.ppm` (ASCII,P3)
2. o caractere delimitador de fim da mensagem (nesse exemplo, o ponto final `'.'`)
3. O arquivo com a chave privada, para poder descriptar a mensagem.

Exemplo de entrada:

```
./decodificador image_encoded.ppm '.' private.txt
```

Onde: (1) `image_encoded.ppm` (2) `'.'` (3) `private.txt`

A saída do decodificador será a frase codificada anteriormente, impressa na tela no seguinte formato:

Exemplo de saída:

```
Message decoded:  
Minha caneta sumiu.
```

## 5 Formato de imagem .ppm

Nesse trabalho prático, as imagens de entrada e saída deverão estar no formato `.ppm` (ASCII, P3) com representação de 8 bits por canal de cor (valores podem ir de 0 a 255). A imagem codificada resultante deverá então ter apenas pixels entre 0 e 255. Mais detalhes sobre esse formato de representação de imagens podem ser encontrados em [3].

## 6 Entrega do código

O TP será dividido em duas entregas:

- A primeira entrega deve ser feita com o módulo codificador e decodificador apenas criptografando e descriptografando a mensagem usando RSA. Uma pequena modificação deve ser feita no programa codificador, em vez de retornar uma imagem, o programa deve imprimir na tela, o valor da mensagem criptografada.
- A segunda entrega consiste em adicionar a parte de esteganografia aos módulos codificadores e decodificadores. Adaptando a saída do módulo codificador para não imprimir nada na tela, e em vez disso, retornar apenas a imagem resultado com a mensagem dentro dela.

O código fonte e a documentação devem ser entregues em um arquivo compactado no **Moodle**. Submissões onde os programas não seguem as especificações de parâmetros ou não compilarem não serão corrigidos. O trabalho pode ser feito em qualquer editor (Code::Blocks, Visual C++, TextPad, etc).

## 7 Documentação

A documentação deve ser entregue com o Zip junto ao código. Trabalhos que forem entregues no **Moodle** mas sem a documentação não serão corrigidos. O texto da documentação deve ser breve, de forma que o corretor possa entender o que foi feito no código sem ter que entender linha a linha dos arquivos. A documentação deve conter os seguintes itens:

- Sumário do problema a ser tratado.
- Uma descrição sucinta do algoritmo e procedimentos utilizados.
- Decisões de implementação que porventura estejam omissos na especificação.

## 8 Avaliação

Sua solução será avaliada de acordo com a corretude das saídas geradas e também com o estilo do código. Um programa correto compila sem erros e advertências, e executa de acordo com os requerimentos elencados neste documento. Um programa com bom estilo é claro, conciso e de fácil leitura. Utilize nomes de variáveis fáceis de serem relacionados e indentação apropriada. Seu código deve conter comentários que sejam necessários para explicar como o seu programa funciona, mas sem explicar coisas que sejam óbvias.

## Referências

- [1] Esteganografia. <https://pt.wikipedia.org/wiki/Esteganografia>.
- [2] Esteganografia (a arte de escrever mensagens ocultas). <http://www.newtoncbraga.com.br/index.php/electronica/artigos-diversos/7049-esteganografia-a-arte-de-escrever-mensagens-ocultas-art1175>.
- [3] Ppm format specification - netpbm. <http://netpbm.sourceforge.net/doc/ppm.html>.
- [4] Eduardo Pagani Julio, Wagner Gaspar Brazil, and Célio Vinicius Neves. Esteganografia e suas aplicações.