

Automatización y robótica



Universitat d'Alacant
Universidad de Alicante



Ejercicios cinética

Francisco Joaquín Murcia Gómez

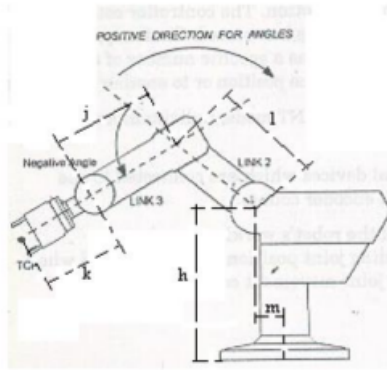
7 de junio de 2022

Índice

1. Ejercicio 1	3
1.1. Sistemas de coordenadas obtenidos	4
1.2. Tabla de parámetros Denavit-Hartenberg	7
2. Ejercicio 2	8
3. Planteamiento	8
3.1. Resolución	9

1. Ejercicio 1

Se ha de resolver la cinemática directa del robot SCORBOT ER-IX. Se trata de un robot de 5 grados de libertad y que permite manejar cargas de hasta 2 kg. En concreto se habrán de dibujar los sistemas de coordenadas obtenidos siguiendo el algoritmo de Denavit-Hartenberg empleando el siguiente esquema. También se indicará la tabla de parámetros Denavit-Hartenberg obtenidos.



$$h = 392.5 \text{ mm}$$

$$l = 280.0 \text{ mm}$$

$$j = 230.0 \text{ mm}$$

$$k = 245.5 \text{ mm}$$

$$m = 75.0 \text{ mm}$$

Figura 1: Foto y esquema del robot SCORBOT ER-IX

Partimos del siguiente esquema del robot estirado:

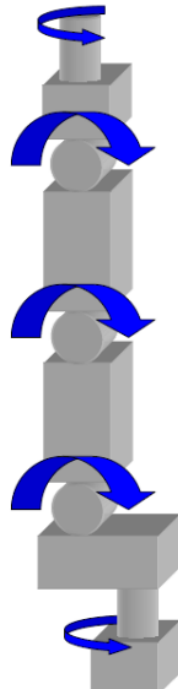


Figura 2: Esquema del robot SCORBOT ER-IX completamente estirado

1.1. Sistemas de coordenadas obtenidos

1. Numerar los eslabones comenzando con 1 (primer eslabón móvil de la cadena) y acabando con n (último eslabón móvil). Se numerará como eslabón 0 a la base fija del robot.
2. Numerar cada articulación comenzando por 1 (la correspondiente al primer grado de libertad) y acabando en n .
3. Localizar el eje de cada articulación. Si ésta es rotativa, el eje será su propio eje de giro. Si es prismática será el eje a lo largo del cual se produce el desplazamiento.

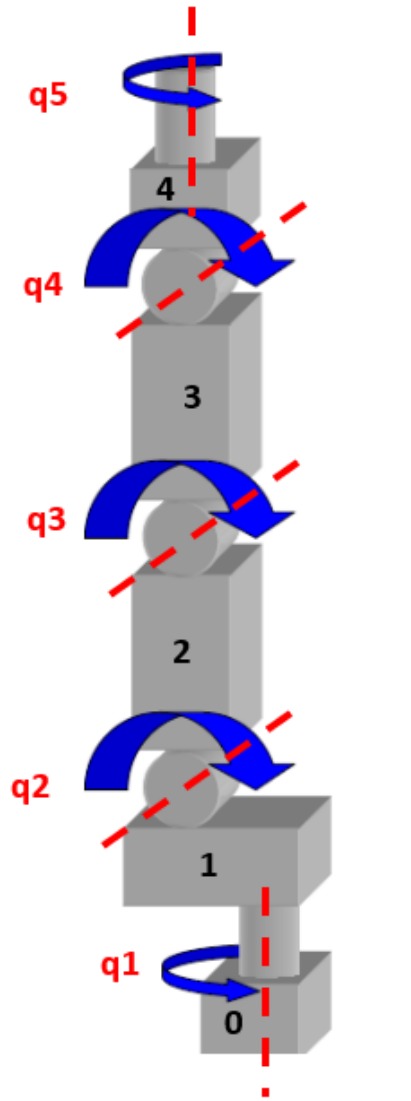


Figura 3: Reglas 1, 2 y 3

4. Para el eje i , de 0 a $n-1$, situar el eje z_i sobre el eje de la articulación $i+1$.

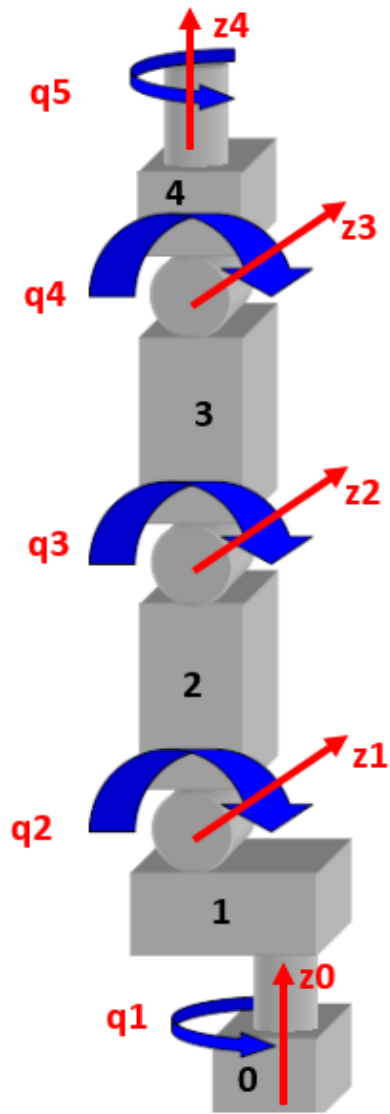


Figura 4: Regla 4

5. Situar el origen del sistema de la base S_0 en cualquier punto del eje z_0 . Los ejes x_0 e y_0 se situarán de modo que formen un sistema dextrógiro con z_0 .
6. Para i de 1 a $n-1$, situar el origen del sistema S_i en la intersección del eje z_i con la línea normal común a z_{i-1} y z_i . Si ambos ejes se cortasen se situaría S_i en el punto de corte. Si fuesen paralelos situaría S_i se situaría en la articulación $i+1$.

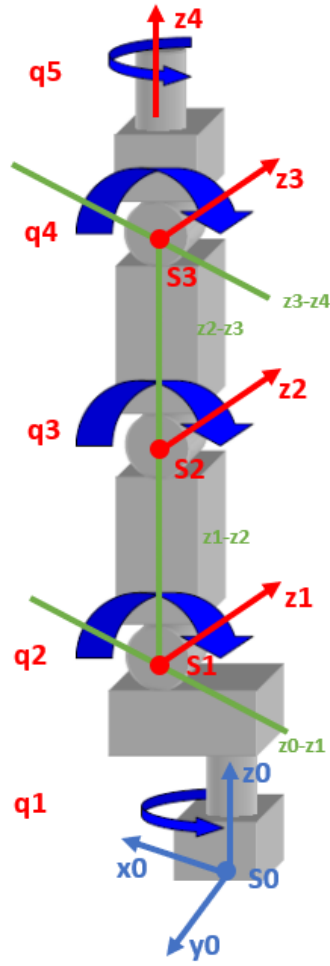


Figura 5: Regla 5 y 6

7. Situar x_i en la línea normal común a z_{i-1} y z_i .
8. Situar y_i de modo que forme un sistema dextrógiro con x_i y z_i .
9. Situar el sistema S_n en el extremo del robot de modo que z_n coincida con la dirección de z_{n-1} y x_n sea normal a z_{n-1} y z_n .

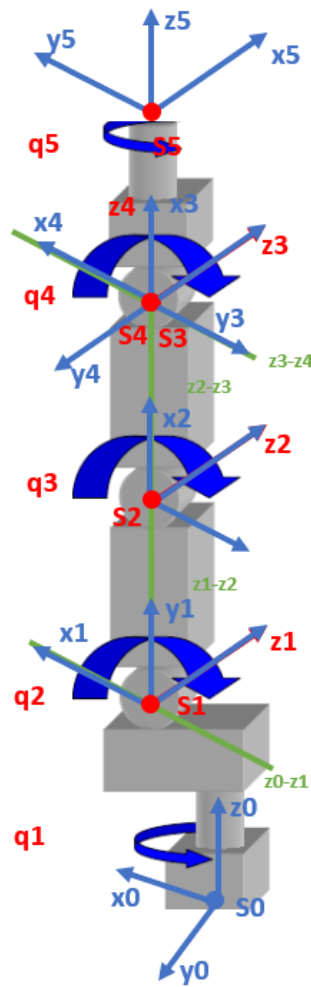


Figura 6: Reglas 7, 8 y 9

1.2. Tabla de parámetros Denavit-Hartenberg

	θ_i	d_i	a_i	α_i
1	q_1	h	0	90°
2	$q_2 + 90^\circ$	0	l	0
3	q_3	j	0	0
4	$q_4 - 90$	0	0	-90
5	$q_5 - 90$	k	0	0

Figura 7: Tabla Denavit-Hartenberg obtenida

2. Ejercicio 2

Calcular la cinemática directa del siguiente robot SCARA por métodos geométricos

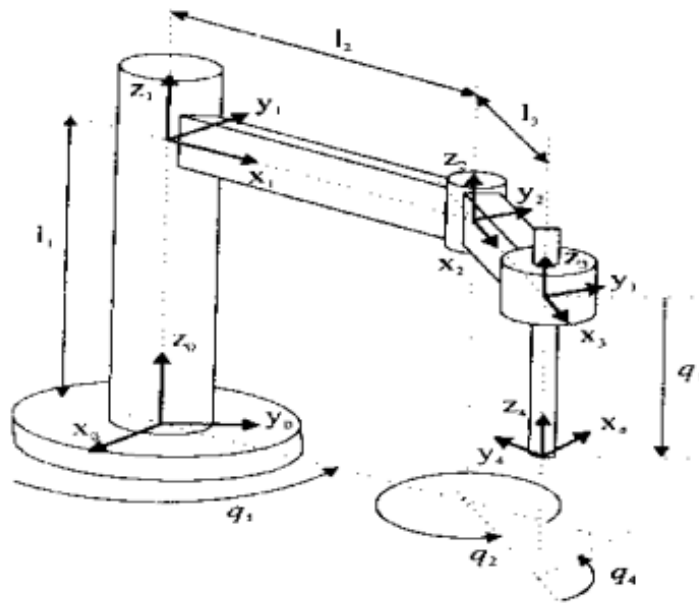


Figura 8: Esquema del robot SCADA

3. Planteamiento

Tenemos un Robot SCADA de 4 grados de libertad, de las cuales 3 son rotativas (q_1 , q_2 y q_4) y una extensible (q_3). Si vemos la planta del robot nos encontramos con que usando trigonometría podemos obtener las posiciones X e Y del robot y la Z correspondería a la longitud del brazo telescópico.

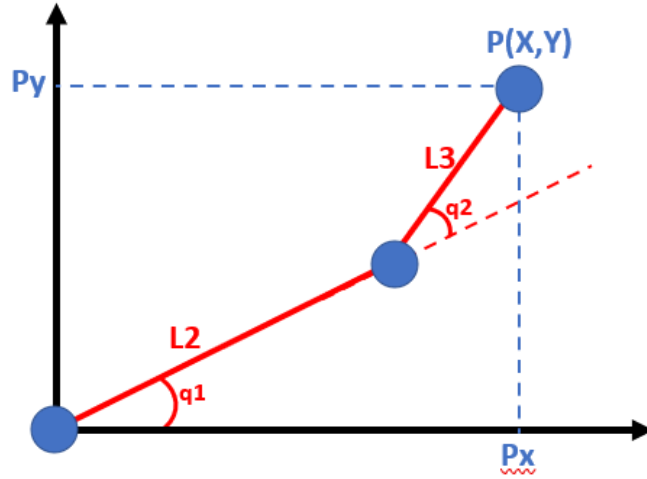


Figura 9: Esquema de la planta del robot SCADA

3.1. Resolución

En primer lugar si analizamos el la articulación q_1 podemos obtener con las funciones seno y coseno podemos sacar las longitudes A_X y A_Y

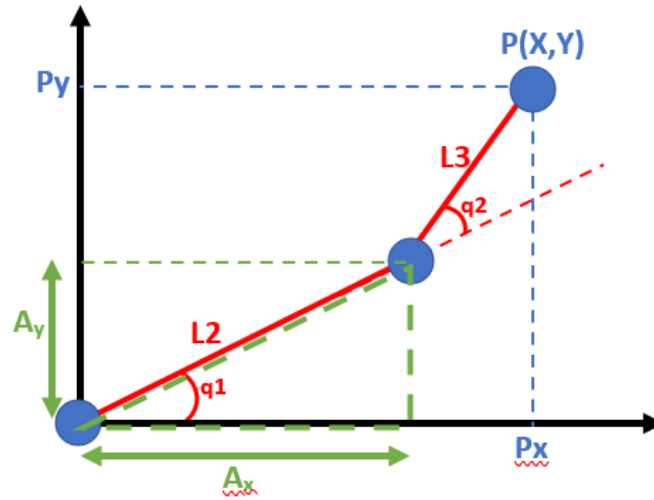


Figura 10: Descomposición de las longitudes A_X y A_Y

Con lo que obtenemos los lados A_X y A_Y :

$$A_X = l_2 \cos(q_1)$$

$$A_Y = l_2 \sin(q_1)$$

En segundo lugar si analizamos la articulación q_2 , podemos obtener las longitudes B_X y B_Y ya que el ángulo que forma la articulación es la suma de q_2 con q_3 con el eje x podemos sacar con funciones seno y coseno

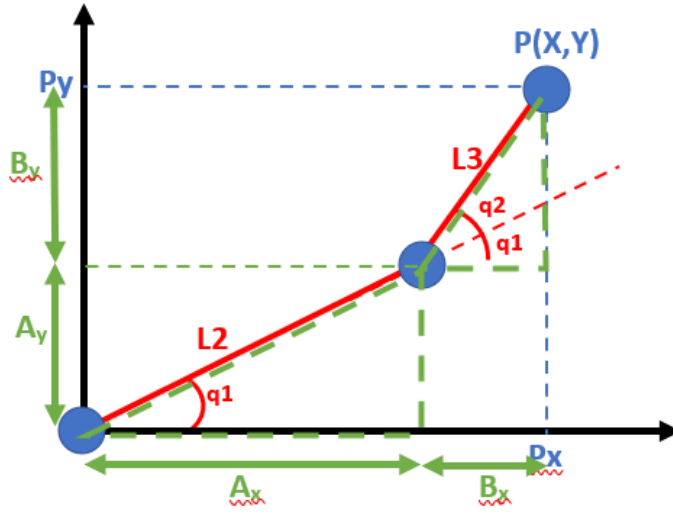


Figura 11: Descomposición de las longitudes B_X y B_Y

Con lo que obtenemos los lados B_X y B_Y :

$$B_X = l_3 \cos(q_1 + q_2)$$

$$B_Y = l_3 \sin(q_1 + q_2)$$

Si sumamos las longitudes A y B obtenemos las posiciones X e Y:

$$X = A_X + B_X = l_2 \cos(q_1) + l_3 \cos(q_1 + q_2)$$

$$Y = A_Y + B_Y = l_2 \sin(q_1) + l_3 \sin(q_1 + q_2)$$

En el caso de la posición en el eje Z simplemente se sumamos la altura del robot con la variable de la longitud de la articulación telescópica.

$$Z = l_1 + q_3$$

Finalmete la posición P vendría dada por:

$$P((l_2 \cos(q_1) + l_3 \cos(q_1 + q_2)), (l_2 \sin(q_1) + l_3 \sin(q_1 + q_2)), (l_1 + q_3))$$