¿Variaciones o combinaciones?

- Al aplicar la regla de Laplace en un experimento aleatorio, el orden, en general, <u>importa</u>.
 - Si el orden debe considerarse en el problema o bien <u>hay repeticiones</u>:

Variaciones

• Si el orden da igual a efectos del problema y <u>no hay repeticiones</u>:

Combinaciones

- Proporcionalidad entre numerador y denominador.
 - Si hay repeticiones, no se mantiene.
 - Ej: probabilidad de obtener 2 caras al lanzar 2 monedas:

$$\frac{1}{CR_{2,2}} = \frac{1}{3} \neq \frac{1}{VR_{2,2}} = \frac{1}{4}$$

• Otra opción es considerar experimentos independientes: $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$.

Universidad de Alicante

- <u>Problema 2.7</u> Para probar un nueva vacuna en fase I contra el SARS-CoV-2 se dispone de 20 voluntarios de los que 3, sin saberlo (asintomáticos), ya se encuentran infectados.
 - Se escogen dos al azar para probar la vacuna.
 - Calcular la probabilidad de que ninguno de los dos esté infectado.
- Problema 2.8 De una baraja española de 40 cartas se extraen
 3.
 - Probabilidad de obtener exactamente un as.

Independencia de sucesos

• Dos sucesos son **independientes** si y sólo si

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

- Habitualmente se sabe en la práctica.
- No confundir con incompatibles, en los que $P(A \cap B) = 0$
 - Dos sucesos incomp. con prob. no nulas son dependientes.

$$P(A \cap B) = 0 \neq P(A) \cdot P(B)$$

Problema 2.9 Una especie en peligro de extinción sobrevive solo en dos zonas geográficas separadas.

La probabilidad de que subsista durante un año en la zona A es de 0,5 y la probabilidad de que lo haga en la zona *B* es de 0,4.

Calcular la probabilidad de que la especie sobreviva un año.

Estadística

Problema 2.10 Una familia tiene 3 hijos. Asumiendo que la probabilidad del sexo masculino o femenino al nacer es 0.5 y no existe influencia entre nacimientos, calcular la probabilidad de que se tengan 3 niñas.

Resolverlo por combinatoria y por independencia de sucesos.

Problema 2.11 En el lanzamiento de un dado.

$$A = \{2, 4, 6\}; B = \{4, 5, 6\}.$$
 ¿Son independientes?

$$A = \{2, 4\}; B = \{4, 5, 6\}.$$
 ¿Son independientes?

Independencia y complementarios

• Si *A* y *B* son independientes, también lo son los pares

$$\bar{A}$$
 y B , A y \bar{B} , \bar{A} y \bar{B}

 Problema 2.12: Un viajante suele retrasarse el 20% de las veces que toma un avión. La compañía con la que viaja suele retrasarse en la salida el 30% de las veces. Calcular la probabilidad de que pierda el avión.

Independencia para n sucesos

- Un conjunto de *n* sucesos son **independientes** si lo son para todo subconjunto del mismo.
 - Es decir, si para cualquier subconjunto

$$\left\{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_j}\right\}$$

para j = 2, 3, ..., n se cumple

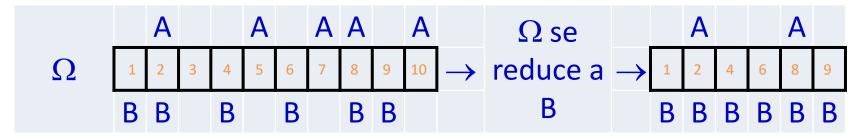
$$P(A_{i_1} \cap A_{i_2} \cap \cdots \cap A_{i_j}) = P(A_{i_1}) \cdot P(A_{i_2}) \cdot \cdots \cdot P(A_{i_j})$$

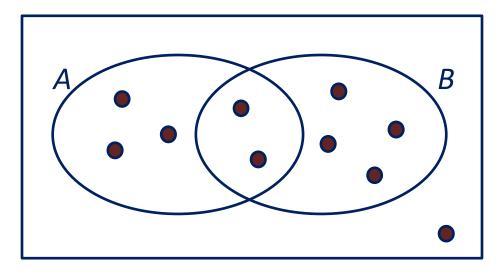
Estadística

- Problema 2.13: De una baraja de 40 cartas se extrae una. Sean los sucesos $A = \{\text{obtener oro, copa o espada}\}, B = \{\text{obtener oro, copa o espada}\}$ oro menor que 4 o copa menor que 6}, $C = \{$ obtener oro o basto}. ¿Son independientes A, By C?
- **Problema 2.14**: Si los sucesos A, By C son independientes, ¿los sucesos $(A \cup B)$ y C también lo son?

Probabilidad condicional

• Probabilidad de un suceso *A* sabiendo que se ha cumplido *B*





$$P(A) = 5/10$$

$$P(A|B) = 2/6$$

Sabiendo que se ha cumplido B, para cumplir A debe cumplirse $A \cap B$, por tanto:

$$\frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

Probabilidad condicional

Dados dos sucesos A y B, siendo P(B) > 0,

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

De ahí tenemos que

$$P(A \cap B) = P(A \mid B) \cdot P(B) = P(B \mid A) \cdot P(A)$$

Si A y B son independientes, entonces

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{P(A) \cdot P(B)}{P(B)} = P(A)$$

A no depende de lo que haga B, ni B de lo que haga A.

Universidad de Alicante

Estadística

- **Problema 2.15**: De una baraja de 40 cartas se extraen tres, si sabemos que no han salido espadas, probabilidad de obtener un trío.
- **Problema 2.16**: Se lanza un dado dos veces. Calcular la probabilidad de que la suma de ambos lanzamientos sea 7 sabiendo que el primer lanzamiento ha resultado ser cifra par.

Prob. condicional para n sucesos

Probabilidad condicional para n sucesos:

$$P(A_1 \cap A_2 \cap \cdots \cap A_n) =$$

$$P(A_1) \cdot P(A_2 | A_1) \cdot P(A_3 | (A_1 \cap A_2)) \cdots P(A_n | (A_1 \cap A_2 \cap \cdots \cap A_{n-1}))$$

Problema 2.17

En un laboratorio se dispone de 7 tubos con un tipo de virus *A*, 8 tubos con un tipo de virus B, y 9 tubos con uno de tipo C. Se toman cuatro tubos sucesivamente de forma aleatoria y se inyectan los virus en un ratón de prueba. Calcular la probabilidad de que se infecte sólo con el virus *C*. Resolverlo por combinatoria y por sucesos independientes.