

# Automatización y robótica



Universitat d'Alacant  
Universidad de Alicante



## **Práctica 2 – Modelado y simulación haciendo uso de la librería Robotics Toolbox desarrollada por Peter I. Corke**

Francisco Joaquín Murcia Gómez

25 de mayo de 2022

# Índice

<b>1. Ejercicio 1</b>	<b>4</b>
1.1. Enunciado . . . . .	4
1.2. Código . . . . .	4
1.3. Resultados . . . . .	4
<b>2. Ejercicio 2</b>	<b>4</b>
2.1. Enunciado . . . . .	4
2.2. Código . . . . .	5
2.3. Resultados . . . . .	5
<b>3. Ejercicio 3</b>	<b>6</b>
3.1. Enunciado . . . . .	6
3.2. Código . . . . .	6
3.3. Resultados . . . . .	8
<b>4. Ejercicio 4</b>	<b>10</b>
4.1. Enunciado . . . . .	10
4.2. Código . . . . .	10
4.3. Resultados . . . . .	12
<b>5. Ejercicio 5</b>	<b>13</b>
5.1. Enunciado . . . . .	13
5.2. Código . . . . .	13
5.3. Resultados . . . . .	15
<b>6. Ejercicio 6</b>	<b>15</b>
6.1. Enunciado . . . . .	15
6.2. Código . . . . .	15
6.3. Resultados . . . . .	16
<b>7. Ejercicio 7</b>	<b>16</b>
7.1. Enunciado . . . . .	16
7.2. Código . . . . .	16
7.3. Resultados . . . . .	18
<b>8. Ejercicio 8</b>	<b>18</b>
8.1. Enunciado . . . . .	18
8.2. Código . . . . .	18
8.3. Resultados . . . . .	21
<b>9. Ejercicio 9</b>	<b>22</b>
9.1. Enunciado . . . . .	22
9.2. Código . . . . .	22
9.3. Resultados . . . . .	23
9.3.1. Posición home a posición q1 . . . . .	23
9.3.2. Posición home a posición q2 . . . . .	23
9.3.3. Posición home a posición de seguridad . . . . .	24
<b>10. Ejercicio 10</b>	<b>24</b>
10.1. Enunciado . . . . .	24
10.2. Resultados . . . . .	24

<b>11.Ejercicio 11</b>	<b>25</b>
11.1. Enunciado . . . . .	25
11.2. Resultados . . . . .	25

## 1. Ejercicio 1

### 1.1. Enunciado

Mediante las funciones de las herramientas matemáticas, obtener la matriz de transformación y graficar el resultado que representa las siguientes transformaciones sobre un sistema OXYZ fijo de referencia: traslación de  $(-3,10,10)$ ; giro de  $-90^\circ$  sobre el eje O'U del sistema trasladado y giro de  $90^\circ$  sobre el eje O'V' del sistema girado.

### 1.2. Código

```
1 % EJERCICIO 1%
2 T = transl(-3,10,10)*trotx(-90)*troty(90)
```

### 1.3. Resultados

```
>> ej1

T =

    -0.4481         0     0.8940    -3.0000
    -0.7992    -0.4481    -0.4006    10.0000
     0.4006    -0.8940     0.2008    10.0000
         0         0         0     1.0000
```

Figura 1: Matriz de transformación

## 2. Ejercicio 2

### 2.1. Enunciado

Modelado del robot PA10 de 6GDL a partir de la siguiente tabla de sus parámetros DH estándar y los límites articulares.

Transformación	$\Theta$	$d$	$a$	$\alpha$	Límite $q(^{\circ})$	Offset
$0 \rightarrow 1$ ${}^0A_1$	$q_1$	0.317	0	$-\pi/2$	$[-177,177]$	0
$1 \rightarrow 2$ ${}^1A_2$	$q_2$	0	0.45	0	$[-64,124]$	$-\pi/2$
$2 \rightarrow 3$ ${}^2A_3$	$q_3$	0	0	$\pi/2$	$[-107,158]$	$\pi/2$
$3 \rightarrow 4$ ${}^3A_4$	$q_4$	0.48	0	$-\pi/2$	$[-255,255]$	0
$4 \rightarrow 5$ ${}^4A_5$	$q_5$	0	0	$\pi/2$	$[-165,165]$	0
$5 \rightarrow 6$ ${}^5A_6$	$q_6$	0.07	0	0	$[-255,255]$	0

Figura 2: Tabla de sus parámetros DH estándar y los límites articulares

## 2.2. Código

```
1  %ejercicio 2
2
3  %% Datos
4  L1 = Link([0 0.317 0 -pi/2 0]);
5  L2 = Link([0 0 0.45 0 0 -pi/2]);
6  L3 = Link([0 0 0 pi/2 0 pi/2]);
7  L4 = Link([0 0.48 0 -pi/2 0]);
8  L5 = Link([0 0 0 pi/2 0]);
9  L6 = Link([0 0.07 0 0 0]);
10
11 %% Limites articulares
12 L1.qlim=[deg2rad(-177) deg2rad(177)];
13 L2.qlim=[deg2rad(-64) deg2rad(124)];
14 L3.qlim=[deg2rad(-107) deg2rad(158)];
15 L4.qlim=[deg2rad(-255) deg2rad(255)];
16 L5.qlim=[deg2rad(-165) deg2rad(165)];
17 L6.qlim=[deg2rad(-255) deg2rad(255)];
18
19 L=[L1,L2,L3,L4,L5,L6];
20
21 %% creacion del robot
22 robot = SerialLink(L);
23 robot.links
24 robot
```

## 2.3. Resultados

```
>> ej1

T =

    -0.4481         0     0.8940    -3.0000
   -0.7992   -0.4481   -0.4006    10.0000
    0.4006   -0.8940    0.2008    10.0000
         0         0         0     1.0000
```

Figura 3: Información del robot PA10

## 3. Ejercicio 3

### 3.1. Enunciado

Definir las siguientes posiciones articulares para el PA10 (las posiciones se indican en grados, pero en Matlab hay que introducirlas en radianes), calcular la cinemática directa (matriz T) para cada uno de ellos y realizar un plot en esa posición.

- Posición de home:  $q_h = [0, 0, 0, 0, 0, 0]$ .
- Posición de escape:  $q_e = [0, 30, 90, 0, 60, 0]$ .
- Posición de seguridad:  $q_s = [0, 45, 90, 0, -45, 0]$ .
- Posición  $q_1 = [0, 45, 45, 0, 90, 0]$ .
- Posición  $q_2 = [20, 90, 45, -22.5, 60, 0]$ .

### 3.2. Código

---

```
1  %ejercicio 3
2
3  %% Datos %
4  L1 = Link([0 0.317 0 -pi/2 0]);
5  L2 = Link([0 0 0.45 0 0 -pi/2]);
6  L3 = Link([0 0 0 pi/2 0 pi/2]);
7  L4 = Link([0 0.48 0 -pi/2 0]);
8  L5 = Link([0 0 0 pi/2 0]);
9  L6 = Link([0 0.07 0 0 0]);
10 L1.qlim=[deg2rad(-177) deg2rad(177)];
11 L2.qlim=[deg2rad(-64) deg2rad(124)];
12 L3.qlim=[deg2rad(-107) deg2rad(158)];
13 L4.qlim=[deg2rad(-255) deg2rad(255)];
14 L5.qlim=[deg2rad(-165) deg2rad(165)];
15 L6.qlim=[deg2rad(-255) deg2rad(255)];
16
17 L=[L1,L2,L3,L4,L5,L6];
18
19 robot = SerialLink(L,'name', 'PA10-6GDL');
20 robot;
21
22 %% Posición de home
23 fprintf("\n POSICION HOME: \n")
24 figure(1);
25 qh = [0 0 0 0 0 0];
26 qhT = robot.fkine(qh);
27 robot.plot(qh);
28 qhT
29 fprintf('\n')
30 pause(2)
31
32 %% Posición de escape
33 fprintf("\n PSICION ESCAPE: \n")
34 figure(1);
35 qe = [0, pi/6, pi/2, 0, pi/3, 0];
36 qeT = robot.fkine(qe);
37 robot.plot(qe);
38 qeT
```

```

39  fprintf('\n')
40  pause(2)
41
42  %% Posición de seguridad
43  fprintf("\n POSICION DE SEGURIDAD:\n ")
44  figure(1);
45  qs = [0, pi/4, pi/2, 0, -pi/4, 0];
46  qsT = robot.fkine(qs);
47  robot.plot(qs);
48  qsT
49  fprintf('\n')
50  pause(2)
51
52  %% Posición q1
53  fprintf("\n POSICION Q1: \n")
54  figure(1);
55  q1 = [0, pi/4, pi/4, 0, pi/2, 0];
56  q1T = robot.fkine(q1);
57  robot.plot(q1);
58  q1T
59  fprintf('\n')
60  pause(2)
61
62  %% Posición q2
63  fprintf("\n POSICION Q2: \n")
64  figure(1);
65  q2 = [deg2rad(20), pi/2, pi/4, deg2rad(-22.5), pi/3, 0];
66  q2T = robot.fkine(q2);
67  robot.plot(q2);
68  q2T
69  fprintf('\n')
70
71  close all

```

---

### 3.3. Resultados

POSICION HOME:

qhT =

1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	1	1.317
0	0	0	1

PSICICION ESCAPE:

qeT =

-1	0	0	0.6407
0	1	0	0
0	0	-1	0.3967
0	0	0	1

POSICION DE SEGURIDAD:

qsT =

0	0	1	0.7276
0	1	0	0
-1	0	0	0.2958
0	0	0	1

POSICION Q1:

q1T =

-1	0	0	0.7982
0	1	0	0
0	0	-1	0.5652
0	0	0	1

POSICION Q2:

q2T =

-0.8169	-0.5703	-0.0861	0.7358
-0.5010	0.7756	-0.3840	0.2431
0.2857	-0.2706	-0.9193	-0.08676
0	0	0	1

Figura 4: Posiciones articulares



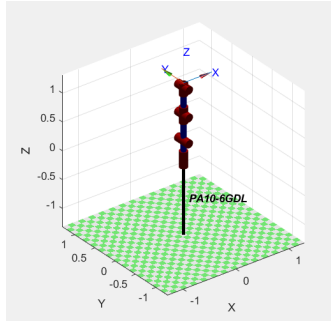


Figura 5: Posición home

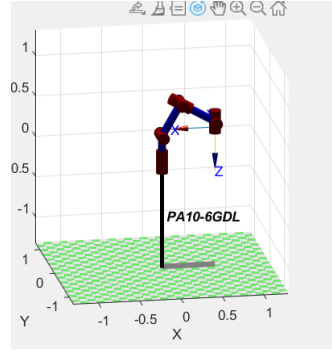


Figura 6: Posición escape

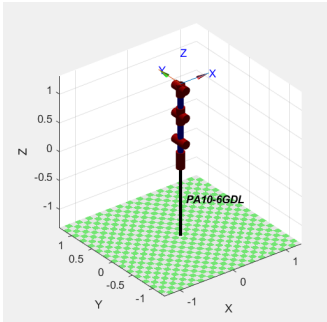


Figura 7: Posición escape

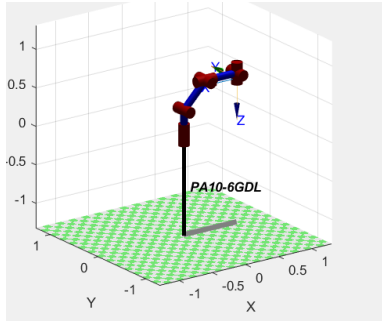


Figura 8: Posición 1

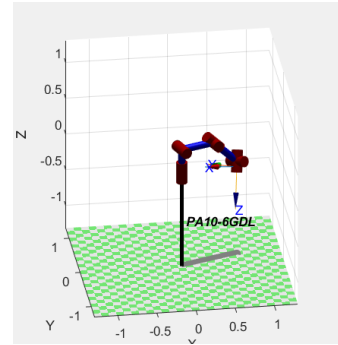


Figura 9: Posición 2

## 4. Ejercicio 4

### 4.1. Enunciado

Realizar la resolución de la cinemática inversa para el resto de posiciones del PA10 ( $q_e$ ,  $q_s$ ,  $q_1$ ,  $q_2$ ) siguiendo el mismo procedimiento que en el ejemplo mostrado utilizando las funciones `ikine6s` e `ikunc`

### 4.2. Código

---

```
1  %ejercicio 4
2
3  %% Datos %
4  L1 = Link([0 0.317 0 -pi/2 0]);
5  L2 = Link([0 0 0.45 0 0 -pi/2]);
6  L3 = Link([0 0 0 pi/2 0 pi/2]);
7  L4 = Link([0 0.48 0 -pi/2 0]);
8  L5 = Link([0 0 0 pi/2 0]);
9  L6 = Link([0 0.07 0 0 0]);
10 L1.qlim=[deg2rad(-177) deg2rad(177)];
11 L2.qlim=[deg2rad(-64) deg2rad(124)];
12 L3.qlim=[deg2rad(-107) deg2rad(158)];
13 L4.qlim=[deg2rad(-255) deg2rad(255)];
14 L5.qlim=[deg2rad(-165) deg2rad(165)];
15 L6.qlim=[deg2rad(-255) deg2rad(255)];
16
17 L=[L1,L2,L3,L4,L5,L6];
18
19 robot = SerialLink(L);
20 robot;
21
22 %% Posición de home inversa
23 fprintf("\n POSICION HOME INVERSA: \n")
24 figure(1);
25 qh = [0 0 0 0 0 0];
26 Tqh = robot.fkine(qh);
27 qinversaQH = robot.ikine6s(Tqh);
28 robot.plot(qinversaQH);
29 TinversaQH = robot.fkine(qinversaQH);
30 Tqh;
31 qinversaQH
32 TinversaQH
33 pause(2)
34
35 %% Posición de escape inversa
36 fprintf("\n PSICICION ESCAPE INVERSA: \n")
37 figure(1);
38 qe = [0, pi/6, pi/2, 0, pi/3, 0];
39 Tqe = robot.fkine(qe);
40 qinversaQE = robot.ikine6s(Tqe);
41 robot.plot(qinversaQE);
42 TinversaQE = robot.fkine(qinversaQE);
43 Tqe;
44 qinversaQE
45 TinversaQE
46 pause(2)
47
```

```

48  %% Posición de seguridad inversa
49  fprintf("\n POSICION DE SEGURIDAD INVERSA:\n ")
50  figure(1);
51  qs = [0, pi/4, pi/2, 0, -pi/4, 0];
52  Tqs = robot.fkine(qs);
53  qinversaQS = robot.ikine6s(Tqs);
54  robot.plot(qinversaQS);
55  TinversaQS = robot.fkine(qinversaQS);
56  Tqs;
57  qinversaQS
58  TinversaQS
59  pause(2)
60
61  %% Posición q1 inversa
62  fprintf("\n POSICION Q1 INVERSA: \n")
63  q1 = [0, pi/4, pi/4, 0, pi/2, 0];
64  Tq1 = robot.fkine(q1);
65  qinversaQ1 = robot.ikine6s(Tq1);
66  robot.plot(qinversaQ1);
67  TinversaQ1 = robot.fkine(qinversaQ1);
68  Tq1;
69  qinversaQ1;
70  TinversaQ1
71  pause(2)
72
73  %% Posición q2 inversa
74  fprintf("\n POSICION Q2 INVERSA: \n")
75  figure(1);
76  q2 = [deg2rad(20), pi/2, pi/4, deg2rad(-22.5), pi/3, 0];
77  Tq2 = robot.fkine(q2);
78  qinversaQ2 = robot.ikine6s(Tq2);
79  robot.plot(qinversaQ2);
80  TinversaQ2 = robot.fkine(qinversaQ2);
81  Tq2;
82  qinversaQ2
83  TinversaQ2

```

---

### 4.3. Resultados

POSICION HOME INVERSA:

qinversaQH =

2.3562	0	-0.0000	-3.1416	-0.0000	0.7854
--------	---	---------	---------	---------	--------

TinversaQH =

1	0	0	0
0	1	0	0
0	0	1	1.317
0	0	0	1

PSICICION ESCAPE INVERSA:

qinversaQE =

-3.1416	-1.4470	-0.0000	0.0000	-1.6946	-3.1416
---------	---------	---------	--------	---------	---------

TinversaQE =

-1	0	0	0.9229
0	1	0	0
0	0	-1	0.3618
0	0	0	1

POSICION DE SEGURIDAD INVERSA:

qinversaQS =

-3.1416	-1.5999	0.0000	-3.1416	-0.0291	0.0000
---------	---------	--------	---------	---------	--------

TinversaQS =

0	0	1	0.9996
0	1	0	0
-1	0	0	0.2899
0	0	0	1

POSICION Q1 INVERSA:

TinversaQ1 =

-1	0	0	0.8881
0	1	0	0
0	0	-1	0.5231
0	0	0	1

POSICION Q2 INVERSA:

qinversaQ2 =

-2.8225	-2.0511	-0.0000	-0.3557	-1.3228	2.9973
---------	---------	---------	---------	---------	--------

TinversaQ2 =

-0.8169	-0.5703	-0.0861	0.7771
-0.5010	0.7756	-0.3840	0.2319
0.2857	-0.2706	-0.9193	-0.1771
0	0	0	1

Figura 10: Posiciones articulares inversas

## 5. Ejercicio 5

### 5.1. Enunciado

Evalúa al robot PA10 y al robot planar en otras posiciones al límite de su espacio de trabajo o donde existan alineaciones de ejes (puedes emplear la función rand para probar diferentes posiciones).

### 5.2. Código

---

```
1  %ejercicio 5
2
3  %% robots
4
5  %robot PA10
6  L1 = Link([0 0.317 0 -pi/2 0]);
7  L2 = Link([0 0 0.45 0 0 -pi/2]);
8  L3 = Link([0 0 0 pi/2 0 pi/2]);
9  L4 = Link([0 0.48 0 -pi/2 0]);
10 L5 = Link([0 0 0 pi/2 0]);
11 L6 = Link([0 0.07 0 0 0]);
12 L1.qlim=[deg2rad(-177) deg2rad(177)];
13 L2.qlim=[deg2rad(-64) deg2rad(124)];
14 L3.qlim=[deg2rad(-107) deg2rad(158)];
15 L4.qlim=[deg2rad(-255) deg2rad(255)];
16 L5.qlim=[deg2rad(-165) deg2rad(165)];
17 L6.qlim=[deg2rad(-255) deg2rad(255)];
18
19 Lpa10=[L1,L2,L3,L4,L5,L6];
20
21 robotPA10 = SerialLink(Lpa10,'name', 'PA10-6GDL');
22 robotPA10;
23
24 %robot PLANAR
25 L10 = Link([0 0 1 0]);
26 L20 = Link([0 0 1 0]);
27 L30 = Link([0 0 1 0]);
28
29 Lplanar=[L10,L20,L30];
30
31 robotPlanar = SerialLink(Lplanar,'name', 'PLANAR');
32 robotPlanar;
33
34
35 %% calculo de singularidades robot PA10
36
37 q = [0 -pi/2 0 0 0 0];
38 j1=jacob0(robotPA10, q)
39 disp(det(j1));
40 figure(1)
41 robotPA10.plot(q);
42 pause(2)
43
44 q = [0, pi/6, pi/2, deg2rad(-255), pi/3, 0];
45 j2=jacob0(robotPA10, q)
46 disp(det(j2));
47 figure(1)
```

```

48  robotPA10.plot(q);
49  pause(2)
50
51  q = [0 -pi/4 0 0 0 pi/3];
52  j3=jacob0(robotPA10, q)
53  disp(det(j3));
54  figure(1)
55  robotPA10.plot(q);
56  pause(2)
57
58  close all
59
60  %% calculo de singularidades robot Planar
61
62  q = [0 0 0];
63  j4=jacob0(robotPlanar, q)
64  disp(det(j4));
65  figure(1)
66  robotPlanar.plot(q);
67  pause(2)
68
69  q = [1 0 0];
70  j5=jacob0(robotPlanar, q)
71  disp(det(j5));
72  figure(1)
73  robotPlanar.plot(q);
74  pause(2)
75
76  close all

```

---

## 5.3. Resultados

```
j1 =
    -0.0000    0.0000    0.0000         0    0.0000         0
   -1.0000   -0.0000   -0.0000         0   -0.0000         0
         0    1.0000    0.5500         0    0.0700         0
    0.0000         0         0   -1.0000         0   -1.0000
         0    1.0000    1.0000    0.0000    1.0000    0.0000
    1.0000    0.0000    0.0000    0.0000    0.0000    0.0000

    0

j2 =
   -0.0586    0.1458   -0.2439    0.0293   -0.0480         0
    0.6788    0.0000    0.0000   -0.0157    0.0338         0
   -0.0000   -0.6788   -0.4538    0.0507    0.0382         0
    0.0000         0         0    0.8660    0.4830    0.5451
    0.0000    1.0000    1.0000   -0.0000   -0.2588    0.8365
    1.0000    0.0000    0.0000   -0.5000    0.8365   -0.0559

   -0.1198

j3 =
    0.0000    0.7071    0.3889         0    0.0495         0
   -0.7071    0.0000    0.0000         0    0.0000         0
   -0.0000    0.7071    0.3889         0    0.0495         0
    0.0000   -0.0000   -0.0000   -0.7071   -0.0000   -0.7071
    0.0000    1.0000    1.0000    0.0000    1.0000    0.0000
    1.0000         0         0    0.7071         0    0.7071

   -1.5979e-34
|
```

Figura 11: Posiciones articulares inversas

## 6. Ejercicio 6

### 6.1. Enunciado

calcula los pares articulares del resto de posiciones del robot PA10 ( $q_s$ ,  $q_1$  y  $q_2$ ) utilizando el comando `robot.rne(q0, v0, a0)`

### 6.2. Código

```
1 %ejercicio 6
2 %% creamos el robot
3 robot = DynamicParams(loadPA10Params());
4
5 %% coordenadas articulares del robot
6 qs = [0, pi/4, pi/2, 0, -pi/4, 0]; %posicion de escape
7 q1 = [0, pi/4, pi/4, 0, pi/2, 0]; %posicion q1
8 q2 = [deg2rad(20), pi/2, pi/4, deg2rad(-22.5), pi/3, 0]; %posicion q2
9
10 %% pares articulares suponiendo velocidades articulares 0
11 fprintf("ESCAPE:")
12 robot.rne(qs, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0])
```

```

13 fprintf("Q1:")
14 robot.rne(q1, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0])
15 fprintf("Q2:")
16 robot.rne(q2, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0])

```

---

## 6.3. Resultados

```

>> ej6
HOME:
ans =

    -0.0000    -62.3155   -19.2553     0.0000     0.6263         0

Q1:
ans =

    -0.0000   -71.1769   -28.1168     0.0000     0.0000         0

Q2:
ans =

    -0.0000   -84.5689   -20.0145     0.1468    -0.1789         0

```

Figura 12: Pares articulares dadas las posiciones qs, q1 y q2

## 7. Ejercicio 7

### 7.1. Enunciado

Calcula los resultados dinámicos (par articular, par de gravedad, par de coriolis, par de inercia) para distintas posiciones con el valor de la gravedad en la Luna ( $g=1,62 \text{ m/s}^2$ )

### 7.2. Código

---

```

1  %ejercicio 7
2  %% creamos el robot
3  robot = DynamicParams(loadPA10Params());
4
5  %% coordenadas articulares del robot
6  qs = [0, pi/4, pi/2, 0, -pi/4, 0];
7  q1 = [0, pi/4, pi/4, 0, pi/2, 0];
8  q2 = [deg2rad(20), pi/2, pi/4, deg2rad(-22.5), pi/3, 0];
9
10 %% seteamos gravedad Lunar
11 robot.gravity = [0 0 1.62];
12
13 %% posicion qs
14 fprintf("\n===posicion qs===\n:")
15 fprintf("Articular:")
16 disp(robot.rne(qs, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
17 fprintf("Gravedad:")
18 disp(robot.gravload(qs));
19 fprintf("Inercia:")
20 disp(robot.itorque(qs,[1 0 0 0 0 0]));

```



```

21 fprintf("Coriolis:\n")
22 disp(robot.coriolis(qs, [1 0 0 0 0 0]));
23
24 %% posicion q1
25 fprintf("\n===posicion q1===\n:")
26 fprintf("Articular:")
27 disp(robot.rne(q1, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
28 fprintf("Gravedad:")
29 disp(robot.gravload(q1));
30 fprintf("Inercia:")
31 disp(robot.itorque(q1,[1 0 0 0 0 0]));
32 fprintf("Coriolis:\n")
33 disp(robot.coriolis(q1, [1 0 0 0 0 0]));
34
35 %% posicion q2
36 fprintf("\n===posicion q2===\n:")
37 fprintf("Articular:")
38 disp(robot.rne(q2, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
39 fprintf("Gravedad:")
40 disp(robot.gravload(q2));
41 fprintf("Inercia:")
42 disp(robot.itorque(q2,[1 0 0 0 0 0]));
43 fprintf("Coriolis:\n")
44 disp(robot.coriolis(q2, [1 0 0 0 0 0]));

```

---

## 7.3. Resultados

```
===posicion qs===
:Articular:    0.0000  -10.2906  -3.1798    0.0000    0.1034    0

Gravedad:    0.0000  -10.2906  -3.1798    0.0000    0.1034    0

Inercia:     3.3207    0.0009    0.0013    0.0129   -0.0000    0.0000

Coriolis:
  0.0000    0.4540   -1.2311    0.0000   -0.0000    0.0000
 -0.4540    0.0000    0.0000    0.0030   -0.0000    0.0003
  1.2311    0.0000    0.0000    0.0173    0.0000    0.0003
 -0.0000   -0.0030   -0.0173   -0.0000   -0.0011    0.0000
  0.0000   -0.0000    0.0000    0.0011    0        0.0003
    0      -0.0003   -0.0003   -0.0000   -0.0003    0

===posicion q1===
:Articular:   -0.0000  -11.7540  -4.6431    0.0000    0.0000    0

Gravedad:   -0.0000  -11.7540  -4.6431    0.0000    0.0000    0

Inercia:     0        0        0        0        0        0

Coriolis:
  0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0

===posicion q2===
:Articular:    0.0000  -13.9655  -3.3051    0.0242   -0.0296    0

Gravedad:    0.0000  -13.9655  -3.3051    0.0242   -0.0296    0

Inercia:     0        0        0        0        0        0

Coriolis:
  0        0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0        0
  0        0        0        0        0        0
```

Figura 13: Pares articulares dadas las posiciones qs, q1 y q2

Se puede observar que los pares articulares al haber menos gravedad se requieren un valor muy inferior en los motores para mover las articulaciones.

## 8. Ejercicio 8

### 8.1. Enunciado

¿Cómo afecta añadir una carga de este tipo a la componente gravitacional e inercial? ¿Y si la separamos también 0.3 m en el eje X? ¿Añadir una carga afectará sólo a la componente gravitacional? Justifica las respuestas haciendo uso del robot PA10.

### 8.2. Código

---

```
1 %ejercicio 8
2 %% creamos el robot
3 robot = DynamicParams(loadPA10Params());
```

```

4
5 %% coordenadas articulares del robot
6 qs = [0, pi/4, pi/2, 0, -pi/4, 0];
7 q1 = [0, pi/4, pi/4, 0, pi/2, 0];
8 q2 = [deg2rad(20), pi/2, pi/4, deg2rad(-22.5), pi/3, 0];
9
10
11 %% con peso de 3kg
12 robot.payload(3, [0, 0, 0]);
13 fprintf("\n===== \n==Carga de 3Kg=== \n===== \n:")
14
15 %%posicion qs
16 fprintf("\n==posicion qs=== \n:")
17 fprintf("Articular:")
18 disp(robot.rne(qs, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
19 fprintf("Gravedad:")
20 disp(robot.gravload(qs));
21 fprintf("Inercia:")
22 disp(robot.itorque(qs, [1 0 0 0 0 0]));
23 fprintf("Coriolis:\n")
24 disp(robot.coriolis(qs, [1 0 0 0 0 0]));
25
26 %%posicion q1
27 fprintf("\n==posicion q1=== \n:")
28 fprintf("Articular:")
29 disp(robot.rne(q1, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
30 fprintf("Gravedad:")
31 disp(robot.gravload(q1));
32 fprintf("Inercia:")
33 disp(robot.itorque(q1, [1 0 0 0 0 0]));
34 fprintf("Coriolis:\n")
35 disp(robot.coriolis(q1, [1 0 0 0 0 0]));
36
37 %%posicion q2
38 fprintf("\n==posicion q2=== \n:")
39 fprintf("Articular:")
40 disp(robot.rne(q2, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
41 fprintf("Gravedad:")
42 disp(robot.gravload(q2));
43 fprintf("Inercia:")
44 disp(robot.itorque(q2, [1 0 0 0 0 0]));
45 fprintf("Coriolis:\n")
46 disp(robot.coriolis(q2, [1 0 0 0 0 0]));
47 %% con peso de 3kg separado en el eje X 0.3m
48 robot.payload(3, [0.3, 0, 0.1]);
49 fprintf("\n===== \n==Carga de 3Kg separada en X=== \n===== \n:")
50
51 %%posicion qs
52 fprintf("\n==posicion qs=== \n:")
53 fprintf("Articular:")
54 disp(robot.rne(qs, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
55 fprintf("Gravedad:")
56 disp(robot.gravload(qs));
57 fprintf("Inercia:")
58 disp(robot.itorque(qs, [1 0 0 0 0 0]));
59 fprintf("Coriolis:\n")
60 disp(robot.coriolis(qs, [1 0 0 0 0 0]));

```

```

61
62 %%posicion q1
63 fprintf("\n===posicion q1===\n:")
64 fprintf("Articular:")
65 disp(robot.rne(q1, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
66 fprintf("Gravedad:")
67 disp(robot.gravload(q1));
68 fprintf("Inercia:")
69 disp(robot.itorque(q1,[1 0 0 0 0 0]));
70 fprintf("Coriolis:\n")
71 disp(robot.coriolis(q1, [1 0 0 0 0 0]));
72
73 %%posicion q2
74 fprintf("\n===posicion q2===\n:")
75 fprintf("Articular:")
76 disp(robot.rne(q2, [0 0 0 0 0 0], [0 0 0 0 0 0]))
77 fprintf("Gravedad:")
78 disp(robot.gravload(q2));
79 fprintf("Inercia:")
80 disp(robot.itorque(q2,[1 0 0 0 0 0]));
81 fprintf("Coriolis:\n")
82 disp(robot.coriolis(q2, [1 0 0 0 0 0]));

```

---

### 8.3. Resultados

```

i
===posicion qs===
:Articular:  -0.0000  -76.7287  -27.5815    0.0000  -1.2072    0

Gravedad:  -0.0000  -76.7287  -27.5815    0.0000  -1.2072    0

Inercia:    4.4240    0.0009    0.0013   -0.0841    0.0000    0.0000

Coriolis:
  0.0000    0.4228   -1.7298    0.0000   -0.0000   -0.0000
 -0.4228    0.0000   -0.0000    0.0002    0.0000    0.0003
  1.7298    0.0000    0        -0.0275    0.0000    0.0003
 -0.0000   -0.0002    0.0275   -0.0000   -0.0011    0.0000
  0.0000    0.0000    0.0000    0.0011    0        0.0003
  0        -0.0003   -0.0003   -0.0000   -0.0003    0

===posicion q1===
:Articular:  -0.0000  -86.4461  -37.2989    0.0000   -0.0000    0

Gravedad:  -0.0000  -86.4461  -37.2989    0.0000   -0.0000    0

Inercia:    5.7799   -0.0004   -0.0000    0.0982    0.0000   -0.0006

Coriolis:
  0.0000    2.3696   -0.0982   -0.0000   -0.0982   -0.0000
 -2.3696    0.0000   -0.0000   -0.0128    0        0
  0.0982   -0.0000   -0.0000    0.0264    0        0
  0.0000    0.0128   -0.0264    0.0000   -0.0251   -0.0000
  0.0982   -0.0000   -0.0000    0.0251    0        0
  0        -0.0000   -0.0000    0.0000   -0.0000    0

===posicion q2===
:Articular:  -0.0000  -99.2808  -26.1182   -0.2829    0.3449    0

Gravedad:  -0.0000  -99.2808  -26.1182   -0.2829    0.3449    0

Inercia:    6.1951   -0.0184   -0.0175    0.0616   -0.0258   -0.0005

Coriolis:
  0.0000   -2.0896   -2.1176   -0.0263   -0.0850   -0.0000
  2.0896   -0.0000    0.0000    0.0537   -0.0126   -0.0001
  2.1176    0.0000    0.0000    0.0537   -0.0126   -0.0001
  0.0263   -0.0537   -0.0537   -0.0000   -0.0198    0.0001
  0.0850    0.0126    0.0126    0.0198    0        -0.0001
  0        0.0001    0.0001   -0.0001    0.0001    0

```

Figura 14: 3kg de peso sin desplazar

```

i
===posicion qs===
:Articular:  -0.0000  -79.6717  -30.5245    0.0000   -4.1502    0.0000

Gravedad:  -0.0000  -79.6717  -30.5245    0.0000   -4.1502    0.0000

Inercia:    4.8906    0.0009    0.0013    0.2522    0.0000    0.7448

Coriolis:
  0.0000  -0.3284  -2.5765  -0.0000  -0.7449    0.0000
  0.3284  -0.0000  -0.0000    0.0919  -0.0000    0.2894
  2.5765  -0.0000  -0.0000    0.1992     0      0.5758
  0.0000  -0.0919  -0.1992  -0.0000  -0.0838    0.0000
  0.7449  -0.0000     0      0.0838    0.0000    0.2703
 -0.0000  -0.2894  -0.5758  -0.0000  -0.2703     0

===posicion q1===
:Articular:    0.0000  -77.6171  -28.4699    0.0000    8.8290    0.0000

Gravedad:    0.0000  -77.6171  -28.4699    0.0000    8.8290    0.0000

Inercia:    4.6131  -0.0004  -0.0000    0.1847  -0.0000    0.4478

Coriolis:
  0.0000    1.9968  -0.1847    0.0000  -0.1847    0.0000
 -1.9968  -0.0000     0      -0.0362  -0.0000   -0.1334
  0.1847  -0.0000    0.0000    0.0984    0.0000    0.1530
 -0.0000    0.0362  -0.0984    0.0000  -0.0971    0.0000
  0.1847    0.0000    0.0000    0.0971    0.0000    0.1530
 -0.0000    0.1334  -0.1530  -0.0000  -0.1530     0

===posicion q2===
:Articular:  -0.0000  -90.3658  -17.2031   -2.1671    9.3025   -2.3891

Gravedad:  -0.0000  -90.3658  -17.2031   -2.1671    9.3025   -2.3891

Inercia:    5.0998  -0.1302  -0.1293    0.2937    0.0718    0.3639

Coriolis:
  0.0000  -1.7314  -1.7594  -0.1918  -0.0918  -0.2094
  1.7314     0      0.0000    0.3236    0.0859    0.3408
  1.7594    0.0000    0.0000    0.3236    0.0859    0.3408
  0.1918  -0.3236  -0.3236    0.0000  -0.0710    0.0001
  0.0918  -0.0859  -0.0859    0.0710    0.0000    0.0634
  0.2094  -0.3408  -0.3408  -0.0001  -0.0634     0

```

Figura 15: 3kg de peso desplazado en el eje X 0,3m

## 9. Ejercicio 9

### 9.1. Enunciado

Realiza 3 trayectorias articulares con el robot PA10 entre diferentes puntos probando el perfil trapezoidal y polinomial. Para visualizar los valores de velocidad y aceleración puedes emplear el comando `plot(qd)`. Realiza 3 trayectorias cartesianas con el robot PA10 cambiando los valores de la posición cartesiana del robot. Para todas las trayectorias, representa gráficamente los valores de las posiciones en los tres ejes del espacio cartesiano X Y Z a lo largo de la trayectoria y los valores de su jacobiano (determinante matriz J).

### 9.2. Código

```

1 %% creamos el robot
2 robot = DynamicParams(loadPA10Params());
3
4 %% coordenadas articulares del robot
5 qs = [0, pi/4, pi/2, 0, -pi/4, 0];
6 q1 = [0, pi/4, pi/4, 0, pi/2, 0];

```

```

7  q2 = [deg2rad(20), pi/2, pi/4, deg2rad(-22.5), pi/3, 0];
8
9  qh = [0 0 0 0 0 0];
10 qe = [0, pi/6, pi/2, 0, pi/3, 0];
11 qs = [0, pi/4, pi/2, 0, -pi/4, 0];
12 q1 = [0, pi/4, pi/4, 0, pi/2, 0];
13 q2 = [deg2rad(20), pi/2, pi/4, deg2rad(-22.5), pi/3, 0];
14
15 qhQ = robot.fkine(qh);
16 qeQ = robot.fkine(qe);
17 qsQ = robot.fkine(qs);
18 q1Q = robot.fkine(q1);
19 q2Q = robot.fkine(q2);
20
21 %% trayectorias articulares
22 [q , qd, qdd] = jtraj(qh, q1, 50);
23 robot.plot(q);
24 plot(qd);
25 pause(2)
26
27 [q , qd, qdd] = jtraj(qh, q2, 50);
28 robot.plot(q);
29 plot(qd);
30 pause(2)
31
32 [q , qd, qdd] = jtraj(qh, qs, 50);
33 robot.plot(q);
34 plot(qd);
35 pause(2)
36
37 close all
38
39 %% trayectorias cartesianas
40
41 Ts = ctraj(qh, q1, 20)
42 plot(ts)

```

## 9.3. Resultados

### 9.3.1. Posición home a posición q1

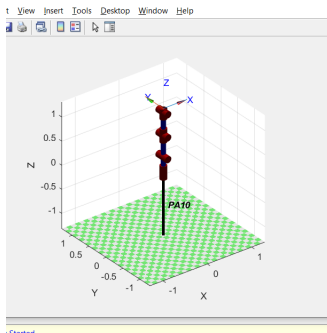


Figura 16: Posición home

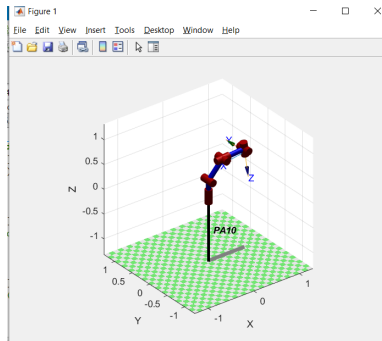


Figura 17: Posición home a q1

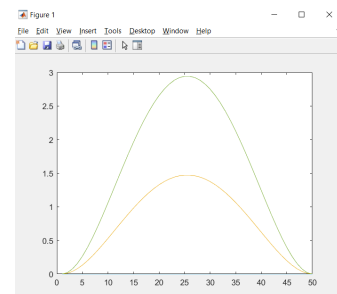


Figura 18: Valores de velocidad y aceleración home - q1

### 9.3.2. Posición home a posición q2

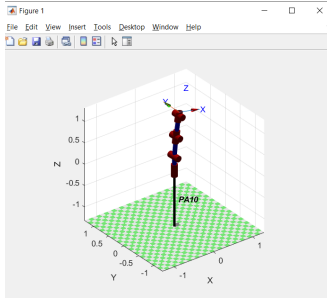


Figura 19: Posición home

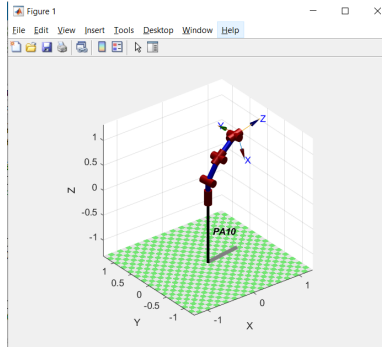


Figura 20: Posición home a q2

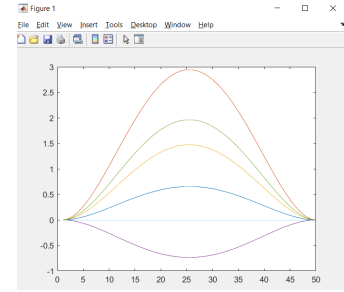


Figura 21: Valores de velocidad y aceleración home - q2

### 9.3.3. Posición home a posición de seguridad

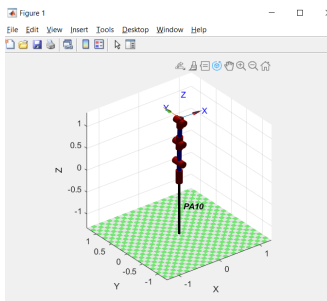


Figura 22: Posición home

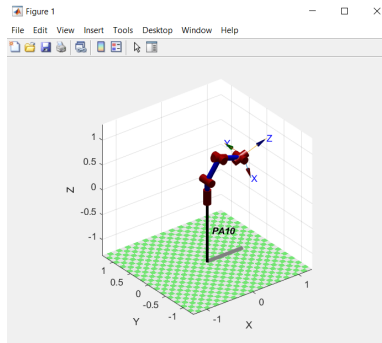


Figura 23: Posición home a posición de seguridad

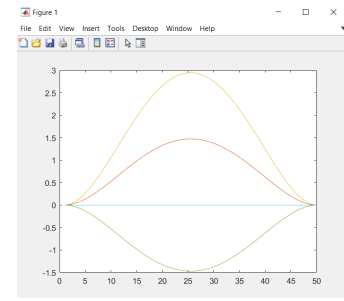


Figura 24: Valores de velocidad y aceleración home - seguridad

## 10. Ejercicio 10

### 10.1. Enunciado

Inserta el comando `slanechangeenla línea de comandos de Matlab para abrir el archivo Simulink. Ejecuta dicho archivo y visualiza`

### 10.2. Resultados

La gráfica XY representa el plano por donde se mueve la bicicleta. si colocamos un numero positivo la bici girara a la izquierda y si ponemos uno negativo girara a la derecha. Si colocamos  $[0 \ 0 \ 0 \ 0.5 \ -0.5 \ 0.5 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0]$  tendríamos lo siguiente:



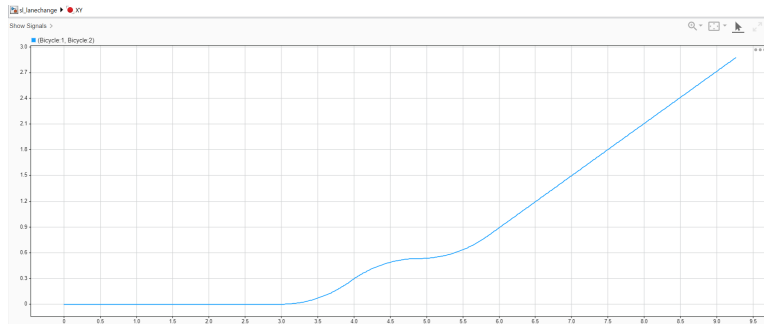


Figura 25: Giro de bicicleta

## 11. Ejercicio 11

### 11.1. Enunciado

Sobre el archivo Simulink introduce otras entradas en la dirección del vehículo y visualiza los cambios en la trayectoria. ¿Qué tipo de entrada y qué valor se debe introducir al vehículo para que la trayectoria XY sea una circunferencia en un tiempo de 10 seg?

### 11.2. Resultados

Para realizar un círculo se ha de colocar un valor constante todo el rato. Si colocamos 0.7 10 veces la bici realiza un giro que dura 10 segundos.

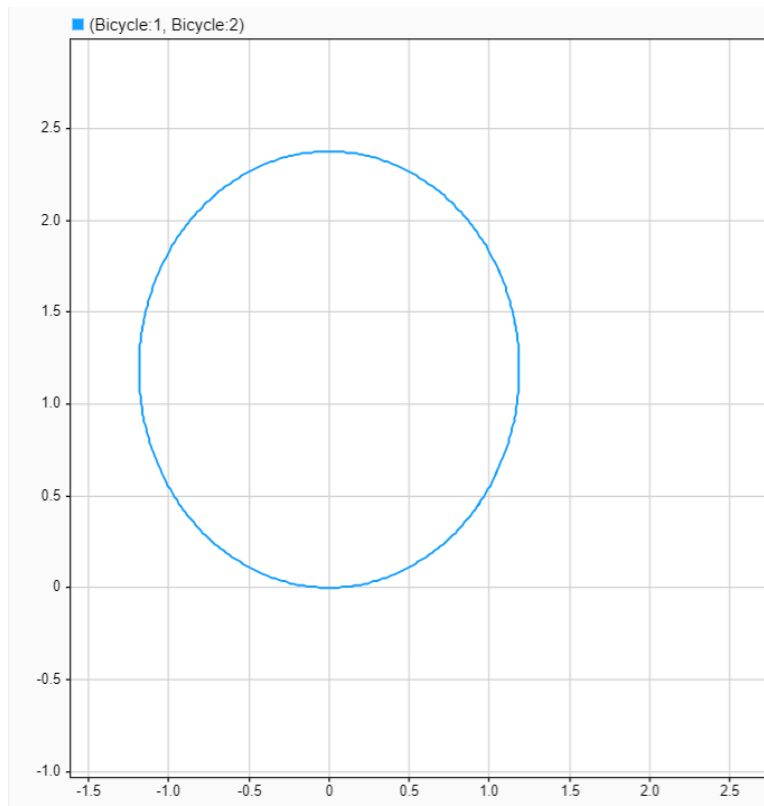


Figura 26: Circunferencia de la bicicleta