

Operazioni con le derivate Siono f e g derivabili in x_0 ; allora sono derivabili in x_0 la: $f \pm g$, $f \cdot g$, $f \cdot g$, $f \cdot g$. Inoltre si ha che

•
$$\frac{d}{dx}(f \pm g) = \frac{d}{dx}f \pm \frac{d}{dx}g$$

$$\cdot \frac{d}{dx}(fg) = \frac{d}{dx}(f) \cdot g + f \cdot \frac{d}{dx}(g)$$

$$\frac{d}{dx}\left(\frac{f}{g}\right) = \frac{f'g - fg'}{g^2}$$

Es:
$$D(x^3 + \sin x) = 3x^2 + \cos x$$

Es: $D \times \log x = \log x + x \frac{1}{x} = \log x + 1$

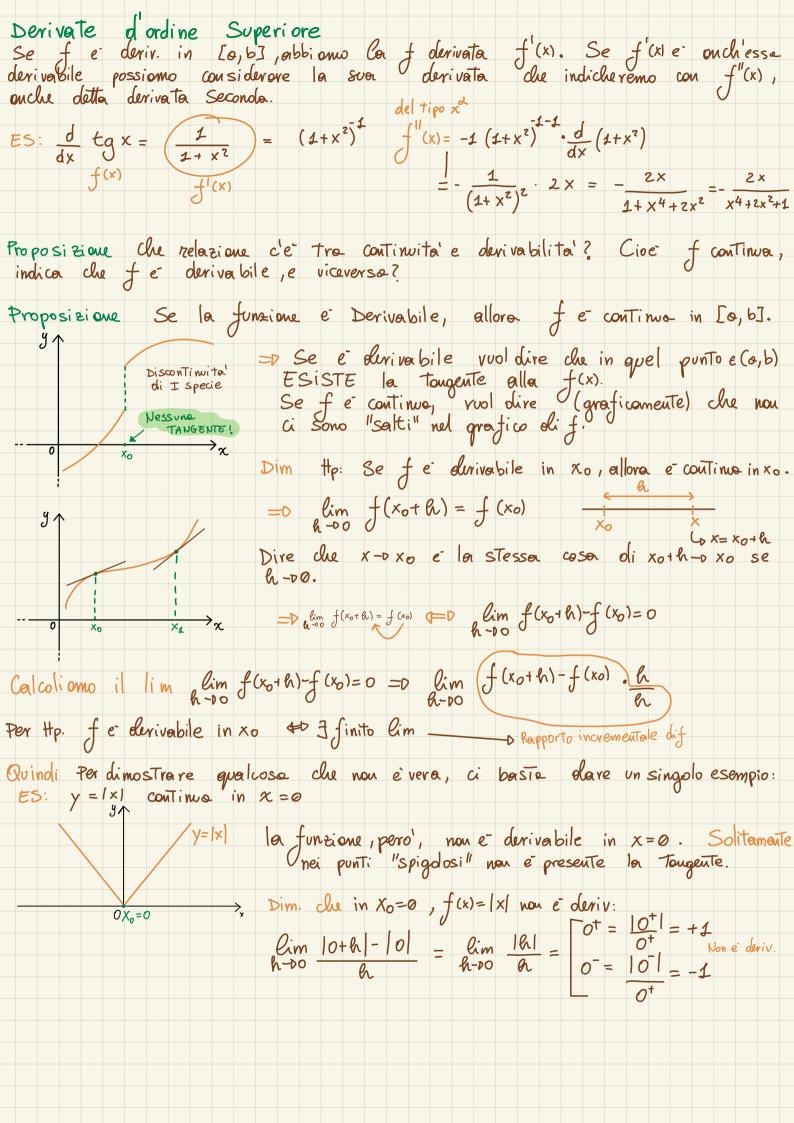
ES:
$$\frac{1}{e^x} = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} e^x - \frac{1}{arcsin} e^x = \frac{e^x}{1-x^2} e^{2x}$$
 e^{2x}

$$= \frac{\sqrt{1-x^2} \cdot e^x - e^x \cdot arcsinx}{\sqrt{1-x^2} \cdot e^{2x}} = \frac{\sqrt{1-x^2} - arcsinx}{\sqrt{1-x^2}} = \frac{\sqrt{1-x^2} - arcsinx}{e^x \sqrt{1-x^2}}$$

1:36

Teoremo el derivazione delle funzioni composte Immagine tromite f di x Se f e derivabile in x ed g e derivabile in f(x), allora la funzione composta $(g \circ f) = g(f(x))$ e derivabile in x, e si ha che la derivata della f comp. e: Orvero: faccio la derivata della f esterno, e la calcoliomo in f(x) non derivata; moltiplichiomo poi per la derivata di f(x). ES: $\int \sin(\log x) = \cos(\log x) \cdot \frac{1}{x} = \frac{\cos(\log x)}{x}$ ES: D (a) arcTg (\x2-1)
b) Cos (tg (log (sinx))) a) = $\frac{1}{2+(\sqrt{x^2-1})^2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2$ $=\frac{1}{2\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{2\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{2\sqrt{2}}$ b) $D(\log(\sin x)) = \frac{1}{\sin x} \cdot \cos x = \tan x$ $2 D(tg(tgx)) = \frac{1}{\cos^2(tgx)} \cdot \frac{1}{\cos^2(x)} = \frac{1}{\cos^2(tgx) \cdot \cos^2(x)}$ 3 $\cos\left(\frac{1}{\cos^2(x)\cdot\cos^2(tg^x)}\right) = -\sin\left(\frac{1}{\cos^2(x)\cdot\cos^2(tg^x)}\right) \cdot D((\cos^2(x)\cos^2(tg^x))^{-1})$ 41:00

Teoremo di derivazione delle funzioni inverse Se fe continuo e strett. monotono in I [a, b], se fe derivabile in x e $f(x)\neq 0$, allora onche f^{-1} e derivabile y=f(x), e si ha che: $\frac{d}{dx} f^{-\frac{1}{2}}(y) = \frac{1}{f'(x)}$ quouds x = f'(y). Osservazione: $f: x \longrightarrow y = f(x)$ $f: y \longrightarrow f^{-1}(y) = x / f(x) = y$ ES: $f(x) = x^2$ in $[0, +\infty)$, sappions the in I e invertibile. $f'(y) = \sqrt{y}$; per il Teoremo di prima, f'(y) = 0 derivabile, $e \frac{d}{dx} f'(y) = \frac{d}{dx} \sqrt{y} = 0$ $\frac{d}{dx} \sqrt{y} = \frac{1}{\frac{d}{dx}} x^{2} = \frac{1}{2x} = \frac{1}{2\sqrt{y}}$ $x = f(y) = \sqrt{y}$ ES: Darcsin y e l'inversa della f sin in [-15,75] $= \frac{1}{D \sin x} = \frac{1}{Cos \times x} = \frac{1}{Cos (arcsiny)}$ $= \frac{1}{Cos \times x} = \frac{1}{Cos (arcsiny)}$ Facciono comparive il sin al posto di cos usambo la rel fondamentale COSX=±V1-sin²x $= \frac{1}{\sqrt{1 - \sin^2(\arcsin y)}} = \frac{1}{\sqrt{1 - y^2}}$ $\frac{d}{dx} \text{ di } \arcsin x = \sin x$ ES: D arcTg y = $\frac{1}{D + g \times |x|} = \frac{1}{Cos^2 \times |x|} = \frac{1}{Cos^2 \times |x|} = \frac{1}{Cos^2 \times |x|} = \frac{1}{1 + Tg^2 \times$ **1**: 18 si annullowo



Funcioni Non deriva bili

Se f Non e oleriva in xo possiomo considerare i lim dx e Sx del rapp. increm.

Def: Si dice derivata destra di f, il lim $f(x_0+h)-f(x_0) = f'(x_0)$ Def: Si dice che xo e un punto angoloso per f, se le derivate dx e Sx sono finite e distinte

Es: f(x) = |x| punto ouo lo so in 0; $f'_+(0) = +1$, $f'_-(0) = -1$ Def si elice semi tg, la retta di eq $y = f(x_0) + f'_+(x_0)(x - x_0)$ Es: $y = e^{|x-1|}$ Es: $y = e^{|x-1|}$ $e^{|x-1|}$ $e^{|x-1|}$