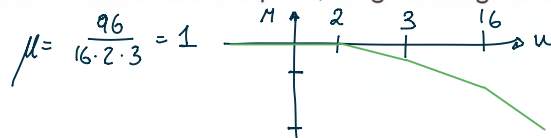


Controlli Automatici 12 gennaio 2021 <i>STONA</i>	Prof. L. Iannelli	Firma leggibile dello studente
Cognome:	Nome:	Matricola:

Quiz sui sistemi di controllo

ISTRUZIONI

- Per ogni domanda seguente una sola risposta risulta corretta. Il candidato evidenzia la risposta che ritiene corretta.
- Per ogni risposta corretta, viene assegnato il punteggio indicato accanto al testo della domanda. Per ogni risposta errata, viene sottratto un quarto del suddetto punteggio. Se non è indicata alcuna risposta, vengono assegnati zero punti.



1. (1 punto) Una f.d.t. asintoticamente stabile ha un margine di 180° se:

~~il diagramma di Nyquist parte dal punto $(-1,0)$ ed immediatamente esce dalla circonferenza di raggio unitario senza mai più intersecarla~~

il diagramma di Nyquist parte dal punto $(1,0)$ ed immediatamente entra nella circonferenza di raggio unitario senza mai più intersecarla

~~il diagramma di Nyquist parte dal punto $(-1,0)$ ed immediatamente entra nella circonferenza di raggio unitario senza mai più intersecarla~~

~~il diagramma di Nyquist è tutto strettamente contenuto all'interno della circonferenza di raggio unitario~~

~~il diagramma di Nyquist è tutto completamente all'esterno della circonferenza di raggio unitario~~

3. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove la funzione di anello è $L(s) = \frac{96}{(s+16)(s+2)(s+3)}$. Si determini il margine di fase.

8 punti

Il diagramma entra immediatamente in -1 e ne esce più $\rightarrow 0$ $\varphi_m = 180^\circ$

4. (2 punti) Si calcoli l'errore di velocità quando si sollecita con una rampa il sistema

$$G(s) = \frac{s^2 + 2s + 4}{s^3 + 3s^2 + 7s + 4}$$

2. (1 punto) Quali sono i vantaggi del controllo a ciclo aperto?

È più semplice da progettare rispetto al controllo a ciclo chiuso

~~Consente di velocizzare la risposta del processo~~

~~Consente di controllare processi non perfettamente noti~~

~~Consente di stabilizzare processi instabili~~

~~È più difficile da progettare rispetto al controllo a ciclo chiuso~~

$$\frac{s^2 + 2s + 4}{s^3 + 3s^2 + 7s + 4} \quad \beta_0 = d_0 = 0 \quad e_p = 0$$

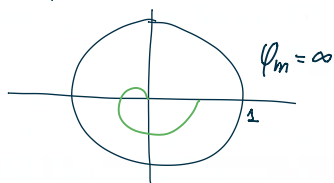
$$\beta_1 \neq d_1 = 0 \quad e_v = \left| \frac{\beta_1 - d_1}{d_0} \right| = \left| \frac{2 - 0}{4} \right| = 0.5$$

5. (2 punti) Si consideri un sistema di controllo con retroazione negativa unitaria dove la funzione di anello è

$$L(s) = \frac{11}{(s+16)(s+4)(s+5)}. \text{ Si determini il margine di fase.}$$

180°
32°
-32°
∞
0

$$\mu = \frac{11}{16 \cdot 4 \cdot 5} = 0.034 < 1 \Rightarrow \varphi_m = \infty$$



Si svolgano gli esercizi riportati di seguito fornendo le risposte a quanto richiesto. Accanto ad ogni esercizio è riportato il punteggio massimo che si può ottenere.

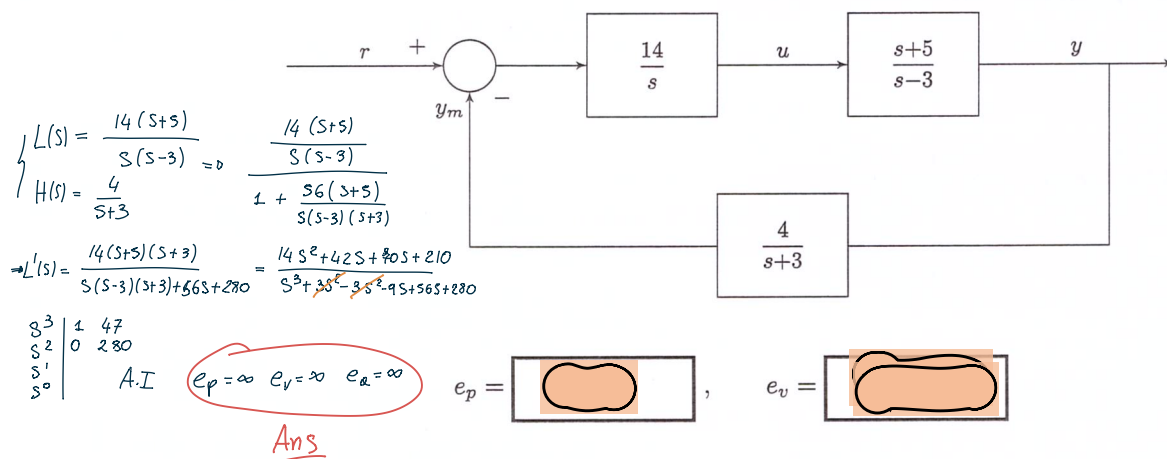
Precisione statica

ESERCIZIO 1.

Si consideri il sistema di controllo a ciclo chiuso schematizzato nella figura seguente e se ne calcoli l'errore di posizione e di velocità.

Si ricorda che $e_p \triangleq |r - y|$ quando $r = 1(t)$ e $e_v \triangleq |r - y|$ quando $r = t \cdot 1(t)$.

4 punti



Luogo delle radici

ESERCIZIO 1.

Si consideri l'impianto descritto dalla funzione di trasferimento

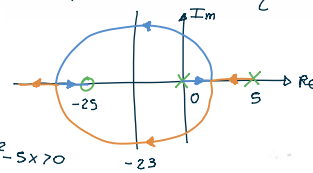
$$G(s) = \frac{1}{s-5}$$

5 punti

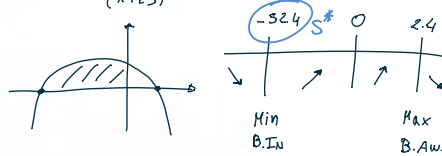
e si progetti un controllore $C(s)$ tale che, in uno schema con retroazione negativa unitaria, si garantisca:

- risposta indiciale con tempo di assestamento T_a all'1% inferiore a 0.2s;
- errore di velocità inferiore al 5%.

- Voglio $e_T < 5\%$ \Rightarrow serve $q = 1$

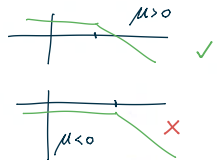


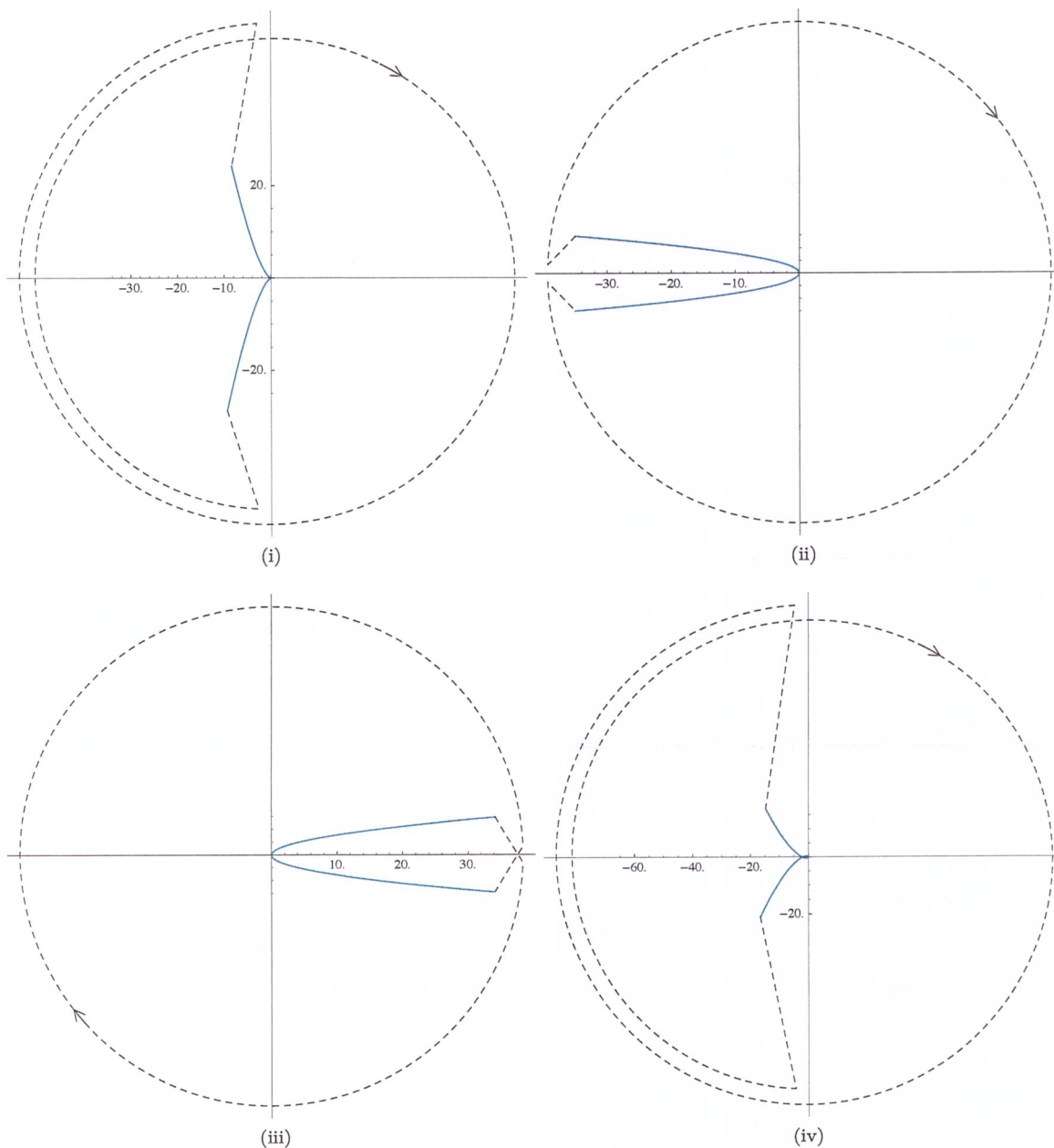
$$-0 \quad -x^2 - 50x + 125 > 0 \quad \begin{cases} x_1 = 2.39 \\ x_2 = -52.4 \end{cases}$$



$$|K| = \frac{D(s^*)}{N(s^*)} = \frac{s^*(s^* - 9)}{s^* + 25} = |-109.77| \Rightarrow K = 110$$

$$L'(s) = \frac{110s + 2750}{s^2 - 5s} \quad \mu_v = \lim_{s \rightarrow 0} s \cdot \frac{110(s+25)}{s(s-5)} = \frac{110 \cdot 25}{-5} = -550 \Rightarrow e_T = \left| \frac{1}{\mu} \right| = \left| \frac{1}{-550} \right| = 0.002 < 5\% \Rightarrow C(s) = \frac{110(s+25)}{s}$$

$$L'(s) = \frac{K(s+25)}{s(s-5)} \rightarrow \mu = \frac{K25}{-5} = -5K \Rightarrow \left| \frac{1}{-5K} \right| < 0.05 \Rightarrow 5K > \frac{1}{0.05} \Rightarrow K > \frac{1}{5 \cdot 0.05} = K > 4 \Rightarrow K = 110 \text{ ampiamente soddisfa}$$




ESERCIZIO 2.

Si abbinino le funzioni di trasferimento con i corrispondenti diagrammi di Nyquist riportati nelle figure:

- IV $L(s) = \frac{(s+1)^2}{s^3} \quad \infty$
- II $L(s) = \frac{s+1}{s^2} \quad \infty$
- I $L(s) = \frac{s+1}{s^3} \quad \infty$
- III $L(s) = \frac{s-1}{s^2} \quad -\infty$

(A) Fig. (i)

(B) Fig. (iv)

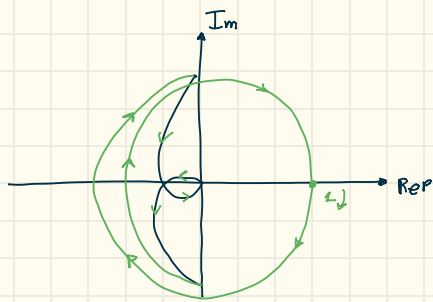
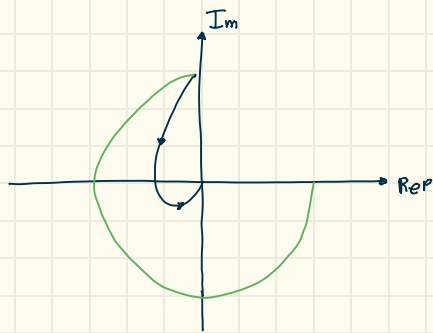
(C) Fig. (ii)

(D) Fig. (iii)

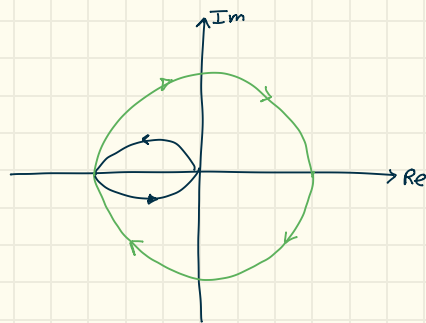
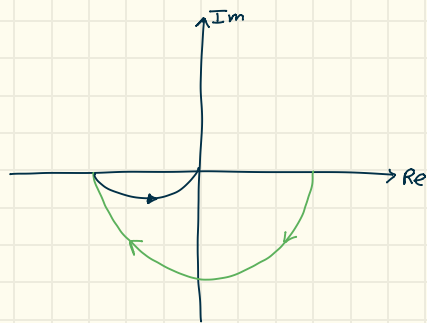
5 punti

$$L(s) = \frac{(s+1)^2}{s^3}$$

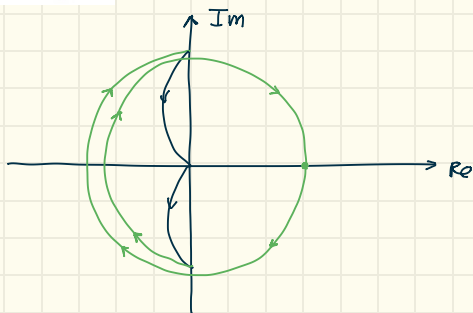
$$\mu = 1$$



$$L(s) = \frac{s+1}{s^2}$$

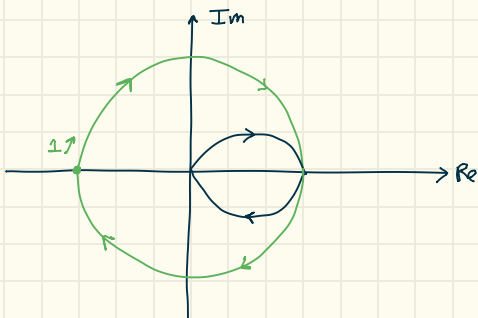


$$L(s) = \frac{s+1}{s^3}$$



$$L(s) = \frac{s-1}{s^2}$$

$$\mu = -1 < 0$$



$$G(s) = k \cdot \frac{s-8}{s(s+8)}$$

$$\varphi_m = 70^\circ$$

$$|G(j\omega_c)| = 1 \quad \text{per} \quad \frac{k \sqrt{\cancel{\omega_c^2 + 64}}}{\omega_c \sqrt{\cancel{\omega_c^2 + 64}}} = 1 \rightarrow \omega_c = k$$

$$\text{Vogliamo } \varphi_m = 70^\circ = 180 - |\varphi_c| \rightarrow |\varphi_c| = 110 \Rightarrow \varphi_c = \pm 110^\circ \text{ scegliamo } \varphi_c = -110^\circ$$

$$\varphi_c = \angle G(j\omega_c) = \angle k + \angle j\omega_c - 8 - \angle j\omega_c + 8 = -\arctan\left(\frac{\omega_c}{8}\right) - 90^\circ - \arctan\left(\frac{\omega_c}{8}\right) = -110$$

$$\rightarrow 2\arctan\left(\frac{\omega_c}{8}\right) = 20^\circ \rightarrow \frac{\omega_c}{8} = \tan(10) \rightarrow \omega_c = 8\tan(10^\circ) \Rightarrow |k| = 8\tan(10^\circ) = \pm 1.41$$

! se lavori in gradi usa la calcolatrice in Deg quando calcoli la tangente !

$$\text{Siccome } \mu = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{k(s-8)}{s(s+8)} = -k \text{ ma vogliamo } \mu > 0, k < 0 \Rightarrow k = -1.41 \quad \text{Ans}$$