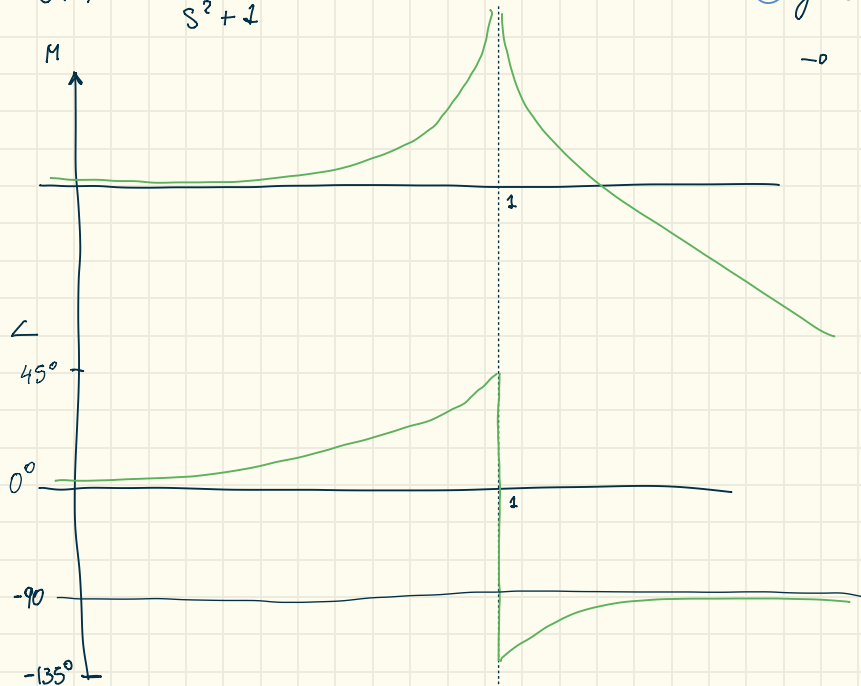


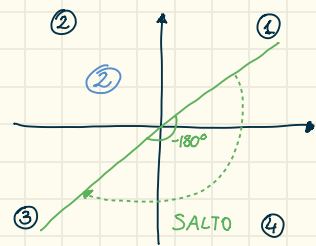
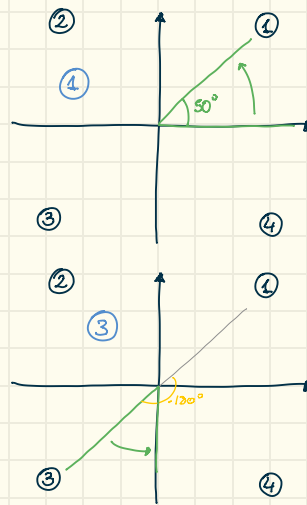
$$G(s) = \frac{s+1}{s^2+1}$$



① Guardo il diagramma di Bode delle fasi

$$\rightarrow \varphi \in [-180^\circ, +50^\circ]$$

Nello specifico abbiamo:

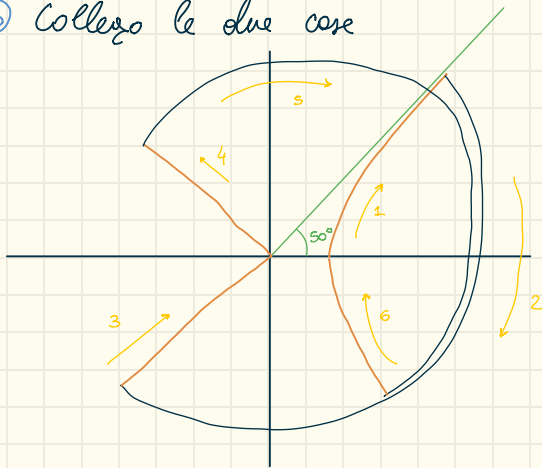


• Il diag. di Nyquist occupa solo il 1° ed il 3° quadrante, negli altri effettua solo salti (---)

② Guardo il diagramma dei Moduli

	$\omega < 1$	$\omega = 1$	$\omega > 1$
M	Cresce $\rightarrow \infty$	M = 0	Decresce $\rightarrow -\infty$ $- \infty \text{ dB} = 0_{\text{V.N.}}$
φ	Cresce $\rightarrow 50^\circ$	SALTO $+ \sim 50^\circ$ $\rightarrow -180^\circ$	Cresce $\rightarrow -90^\circ$

③ Collego le due cose



$$\mu = 0 \text{ dB} = 1 \text{ valore Naturale}$$

$$G(s) = \frac{10(s-1)}{s(s+1)(s^2+8s+25)} \rightarrow \mu = \lim_{s \rightarrow 0} s G(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{10(s-1)}{(s+1)(s^2+8s+25)} \rightarrow \frac{-10}{25} = -0.4$$

1. PUNTO DI PARTENZA

Usiamo la funzione approssimata $G_0(s) \approx \lim_{s \rightarrow 0} G(s) = \frac{K}{s^2} = -\frac{10}{25s}$ Sempre così

1 polo in 0 $\Rightarrow -20 \text{ dB/dec}$ ma $G_0 < 0 \Rightarrow M_{FIN} = +\infty$
 1 polo in 0 $\Rightarrow \varphi_0 = -90^\circ$ ma $G_0 < 0 \Rightarrow \varphi_0 = 90^\circ \equiv -270^\circ = -\frac{3}{2}\pi$

2. Partenza in anticipo o ritardo

Partenza in ... $\begin{cases} \Delta\tau < 0 & \text{ANTICIPO} \\ \Delta\tau > 0 & \text{RITARDO} \end{cases}$ Rispetto a φ_0 con $\Delta\tau = \sum \tau_{POLI} - \sum \tau_{ZERI}$

Nel nostro caso:

$z_1: s-1=0 \Rightarrow \bar{s}=1 \Rightarrow \tau_1 = 1$
 $p_1: s+1=0 \Rightarrow \bar{s}=-1 \Rightarrow \tau_2 = \left| \frac{1}{-1} \right| = 1$
 $p_2: s^2+8s+25 \sim 8s+25=0 \Rightarrow \bar{s}=-\frac{25}{8} \Rightarrow \tau_3 = \left| \frac{1}{-\frac{25}{8}} \right| = \frac{8}{25}$

$$\Rightarrow \Delta\tau = \sum \tau_{POLI} - \sum \tau_{ZERI} = 1 - \left(1 + \frac{8}{25}\right) = -\frac{53}{25} \Rightarrow \text{RITARDO} \text{ rispetto } \varphi_0 = -\frac{3}{2}\pi = -270^\circ$$

3. ASINTOTO

C'è un asintoto solo se $q=1$ ed è sempre VERTICALE

Possiamo trovare l'ascissa con: $\sigma_a = K \Delta\epsilon = -\frac{10}{25} \cdot \left(-\frac{53}{25}\right) = \frac{116}{125} = 0.928 > 0$

DA FINIRE