# CRITERIO DI ROUTH - HURWITZ

$$G(S) = \frac{b_0 S + b_4 S + ... + b_m}{a_0 S^n + a_1 S^{n-4} + ... + a_n} = \frac{N(S)}{D(S)}$$

$$\Rightarrow D(S) = 0 \quad \sim_0 \alpha_0 S^n + \alpha_1 S^{n-4} + \cdots + \alpha_n = 0 \quad \text{ci de'} \quad n \quad \text{Poll}$$

Condizioni necessarie e non sufficienti affinché il polinomio di hurwitz (e quindi stabile):

- tutti i coefficienti del polinomio devono avere lo stesso segno.
- tutte le potenze di s (a partire da quella maggiore n) devono essere presenti (fino al termine noto n=0).

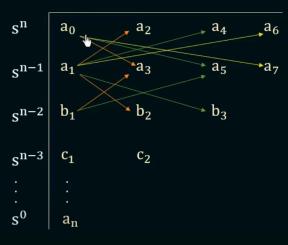
Se il polinomio non rispetta le due condizioni a sinistra, possiamo direttamente dire che il sistema non è stabile.

## ARRAY DI ROUTH

$$F(S) = a_0 S + a_1 S + ... + a_n = \emptyset$$

#### Dal canale YouTube NesoAcademy

 $F(s) = a_0 \cdot s^n + a_1 \cdot s^{n-1} + a_2 \cdot s^{n-2} + \dots + a_n = 0$ 



The first two rows can be directly written from the characteristic equation.

#### Third Row:

$$b_1 = \frac{a_1 \cdot a_2 - a_0 \cdot a_3}{a_1}$$
  $b_2 = \frac{a_1 \cdot a_4 - a_0 \cdot a_5}{a_1}$ 

$$b_2 = \frac{a_1.a_4 - a_0.a_5}{a_1}$$

$$b_3 = \frac{a_1 \cdot a_6 - a_0 \cdot a_7}{a_1}$$

### Fourth Row:

$$c_1 = \frac{b_1 \cdot a_3 - a_1 \cdot b_2}{b_1}$$
  $c_2 = \frac{b_1 \cdot a_5 - a_1 \cdot b_3}{b_1}$ 

$$c_2 = \frac{b_1.a_5 - a_1.b_3}{b_2}$$

# Routh's Stability Criterion:

All the terms in the first column of the Routh's Array must have same sign.



È importante che l'ordine del polinomio caratteristico sia decrescente e siano presenti tutte le potenze come già detto. Dopodiché formiamo la tabella di Routh andando a porre nelle prime due righe i coefficienti stando attenti a:

- Porre i coefficienti di ordine pari lungo la prima riga
- Porre i coefficienti di ordine dispari lungo la seconda riga

Dopodiché andiamo a calcolare i coefficienti delle righe successive come il determinante dei coefficienti precedenti. E' molto più semplice vedere la foto sopra che cercare di spiegarlo a parole. Diciamo solo che la prima colonna rimane costante e cambiamo colonna per ogni coefficiente.

Infine possiamo dire che il sistema è stabile se tutti i coefficienti della prima colonna hanno lo stesso segno.

Condizioni necessarie }

Tutti i coeff. sono dello stesso segno
tutte le pow di S sono presenti

POSITIVI = A. STABILE d = 
$$\frac{40.6 - 0.6}{1.0}$$
 = 6 Notiamo che l'ultimo coefficiente calcolato è il termine noto de polinomio caratteristico

