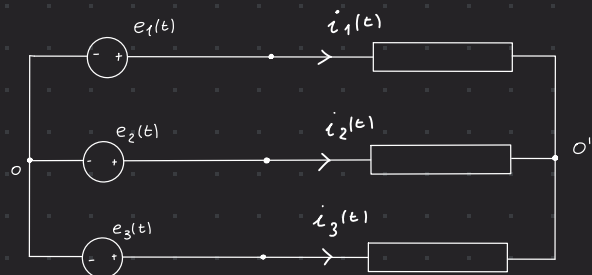


Potenza nei sistemi trifase

Dominio del Tempo



HP: e_1, e_2, e_3 sono T.S.D.
 \hookrightarrow Il carico è bilanciato
 $\Rightarrow \bar{E}_1 + \bar{E}_2 + \bar{E}_3 = 0$

$$\begin{cases} e_1(t) = \sqrt{2} E_0 \cos(\omega t) \\ e_2(t) = \sqrt{2} E_0 \cos(\omega t - \frac{2}{3}\pi) \\ e_3(t) = \sqrt{2} E_0 \cos(\omega t - \frac{4}{3}\pi) \end{cases}$$

$$\begin{cases} i_1(t) = \sqrt{2} I_0 \cos(\omega t - \varphi) \\ i_2(t) = \sqrt{2} I_0 \cos(\omega t - \varphi - \frac{2}{3}\pi) \\ i_3(t) = \sqrt{2} I_0 \cos(\omega t - \varphi - \frac{4}{3}\pi) \end{cases}$$

Siccome $\mathcal{P}_{gen}^a = e(t) \cdot i(t) \Rightarrow$ Abbiamo 3 gen \Rightarrow

$$\begin{aligned} \Rightarrow p(t) &= 2 E_0 I_0 \left[\cos(\omega t) \cos(\omega t - \varphi) + \right. \\ &\quad \left. + \cos(\omega t - \frac{2}{3}\pi) \cos(\omega t - \varphi - \frac{2}{3}\pi) + \right. \\ &\quad \left. + \cos(\omega t - \frac{4}{3}\pi) \cos(\omega t - \varphi - \frac{4}{3}\pi) \right] = 2 \cos(x) \cdot \cos(y) = \cos(x+y) + \cos(x-y) \\ &= E_0 I_0 \left[\cos(2\omega t - \varphi) + \cos(\varphi) + \right. \\ &\quad \left. + \cos(2\omega t - \varphi - \frac{4}{3}\pi) + \cos(\varphi) + \right. \\ &\quad \left. + \cos(2\omega t - \varphi - \frac{8}{3}\pi) + \cos(\varphi) \right] \\ &= 3 E_0 I_0 \cos(\varphi) + 3 E_0 I_0 \left[\cos(2\omega t - \varphi) + \cos(2\omega t - \varphi - \frac{4}{3}\pi) + \cos(2\omega t - \varphi - \frac{8}{3}\pi) \right] \end{aligned}$$

Potenza di un sistema trifase

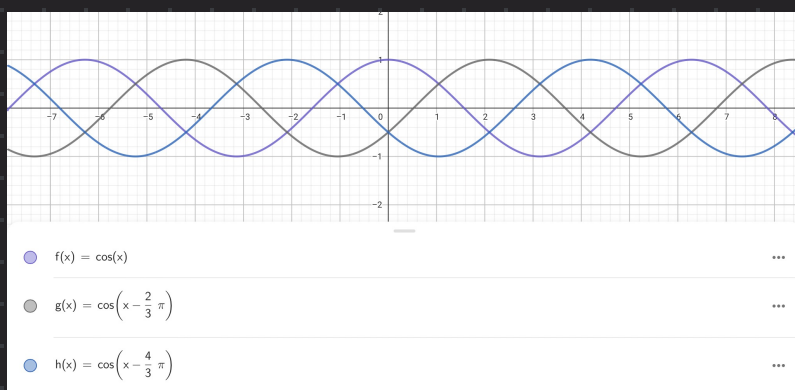
$$\Rightarrow \mathcal{P} = 3 E_0 I_0 \cos(\varphi)$$

Sono una TSD

\Downarrow
0

Per via della geometria dei sistemi trifase, ovvero che c'è sempre una cosinusoidale che è somma delle altre due per ogni istante di tempo, abbiamo che **il carico sul generatore è costante** (a differenza dei sistemi monofase in cui il carico varia nel tempo!)

Di conseguenza anche **la Potenza istantanea è costante**. Questo è uno dei vantaggi per cui si utilizza il sistema trifase per il **trasporto** dell'energia elettrica.



La tensione concatenata è $\sqrt{3}$ la tensione stellata

Valore efficace Concat $V_0 = \sqrt{3} E_0$

Potenza attiva $P_A^a = 3 \overset{\text{Amp}}{E_0} I_0 \cos(\varphi) = \overset{3}{\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} E_0} I_0 \cos(\varphi) = 3 \bar{V}_0 \bar{I}_0 \cos(\varphi)$

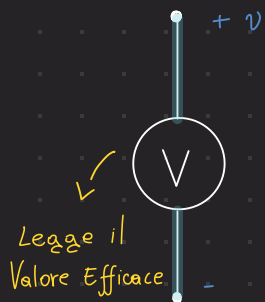
Potenza reattiva $P_R^a = 3 E_0 I_0 \sin(\varphi) = \sqrt{3} V_0 I_0 \sin(\varphi)$

Potenza complessa $\dot{S} = P + jQ$

Potenza apparente $|\dot{S}| = \sqrt{P^2 + Q^2} = 3 E_0 I_0 \left[\overset{1}{\cos^2 \varphi + \sin^2 \varphi} \right] = 3 E_0 I_0$

Gli strumenti di misura

VOLTMETRO



Si collega in **parallelo**

Idealmente
è in C.A.



In Realtà



$$R \gg \sim 10^9 \Omega = G\Omega$$

Ampérometro



Si collega in **serie**

Ovvero su di un ramo (anche ai capi di un dipolo bypassandolo; la resistenza dell'ampérometro in questo caso deve essere molto più piccola di quella del dipolo)

Idealmente
è in C.C.

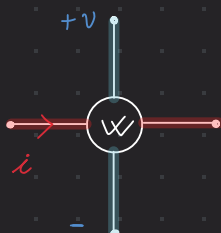


In Realtà



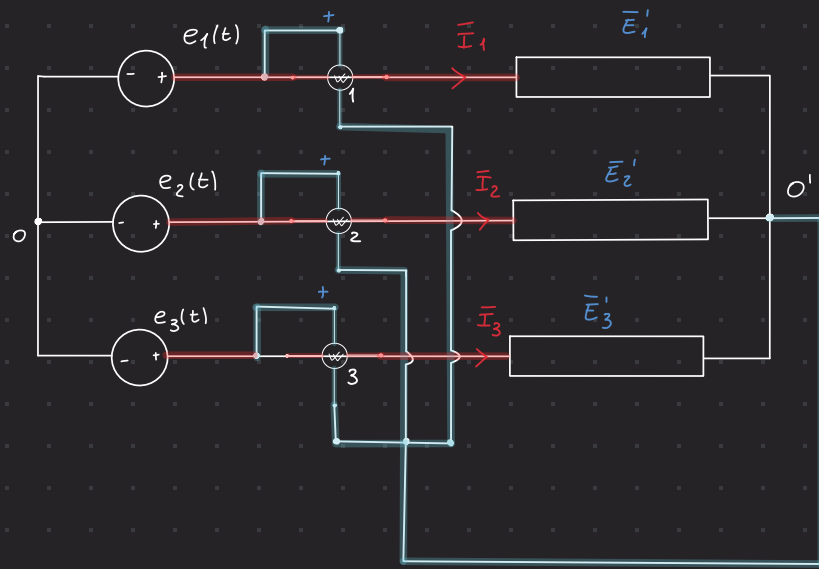
$$R \ll R \text{ del ramo}$$

WATTMETRO



$$\text{W} = V I \cos(\varphi)$$

$$\angle v(t) - \angle i(t)$$



3 Wattmetri

CASO SQUICIBRATO

$$W_1 + W_2 + W_3 = P_1 + P_2 + P_3 = E_1 I_1 \cos(\varphi_1) + E_2 I_2 \cos(\varphi_2) + E_3 I_3 \cos(\varphi_3)$$

CASO EQUICIBRATO

$$W_1 + W_2 + W_3 = P_1 + P_2 + P_3 = 3 E_0 I_0 \cos(\varphi) = \operatorname{Re} \{ E_0 I_0^* \} \rightarrow 1 \text{ Wattmetro}$$