ฮีพทวิภาค Binary heap

คิวแบบมีลำดับความสำคัญ (priority queue)

- queue ปกติจะมีลำดับตามการเข้า
- priority queue มีการปรับลำดับตามความสำคัญ
 - ความสำคัญสูงอยู่ที่หัว queue
 - ความสำคัญต่ำอยู่ที่ปลาย queue
- เมื่อมีการ enqueue item จะถูกจัดไปอยู่ในลำดับตามความสำคัญ
- ง่ายสุดในการสร้างคือ insert ด้วย O(n) แล้วจัดลำดับความสำคัญด้วยการ sort ใช้เวลา O(nlogn)
- ดีกว่านั้นคือใช้ ฮีพทวิภาค
 - enqueue ใช้ O(logn)
 - dequeue ใช้ O(logn)

ฮิพทวิภาค

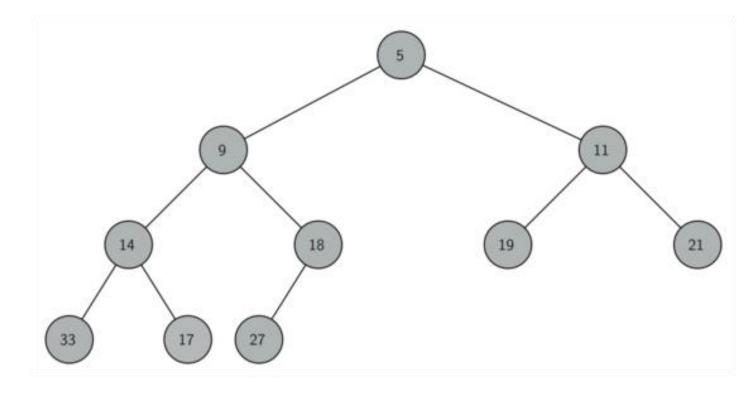
- มีความคล้ายกับต้นไม้
- การสร้างจริงๆ ใช้แค่ list
- มี 2 ประเภทคือ
 - max heap ความสำคัญสูดสุดคือมีค่า key มากสุด
 - min heap ความสำคัญสูงสุดคือมีค่า key น้อยสุด

method ของฮีพทวิภาค

- BinaryHeap() สร้างฮีพว่าง
- insert(k) เพิ่ม item ใน ฮีพ
- findMin() คืนค่า item ที่มีค่า key น้อยที่สุด
- delMin() คืนค่า item ที่มีค่า key น้อยที่สุดแล้วลบออกด้วย
- isEmpty() ถามว่าฮีพว่างหรือไม่
- size() คืนค่าจำนวน item ในฮีพ
- buildHeap(list) สร้างฮีพใหม่จาก list

โครงสร้าง

- คล้ายต้นไม้ที่รักษาความสมดุล
 - ปม (node) ฝั่งซ้ายและฝั่งขวามีจำนวนเท่ากัน
 - ใช้ต้นไม้สมบูรณ์
 - แต่ละลำดับชั้นมี node เต็ม
 - ชั้นสุดท้ายเรียกว่าใบเรียงวางจากซ้ายไปขวา

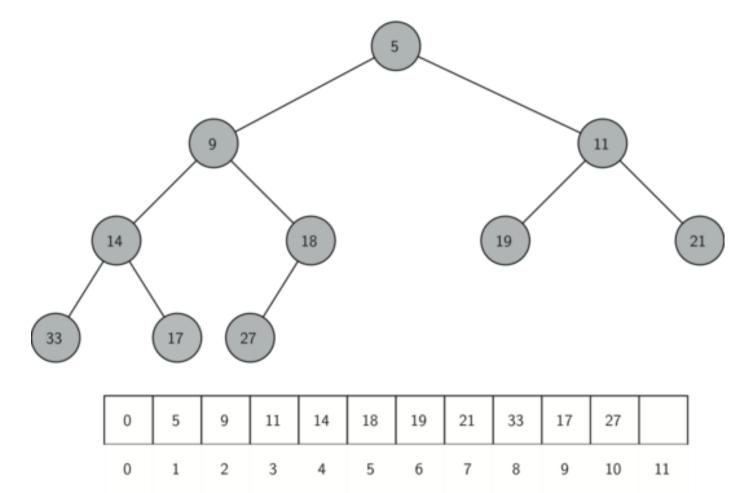


ต้นไม้สมบูรณ์

- สร้างได้ด้วย list
- ที่ parent node p
 - left child อยู่ที่ตำแหน่ง 2p
 - right child อยู่ที่ตำแหน่ง 2p + 1
- ที่ node p ใดๆ parent อยู่ที่ p // 2

คุณสมบัติของฮีพ

• key ที่ parent มีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ children เสมอ

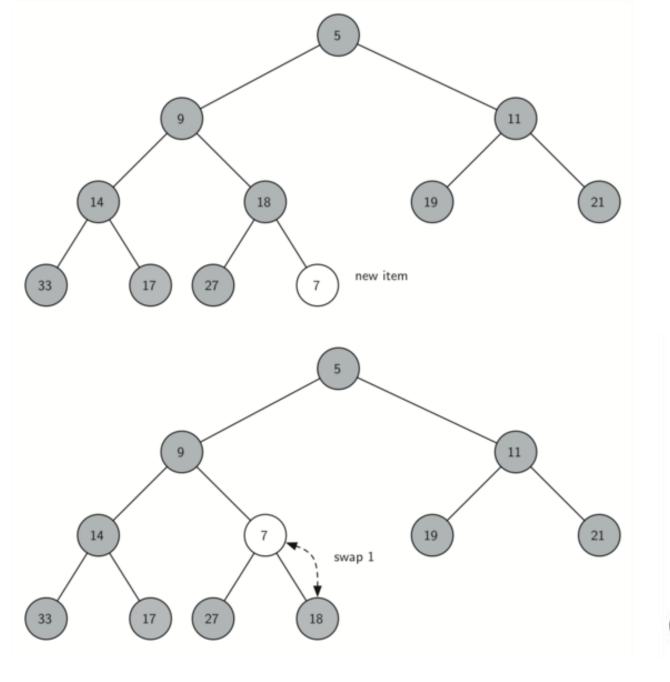


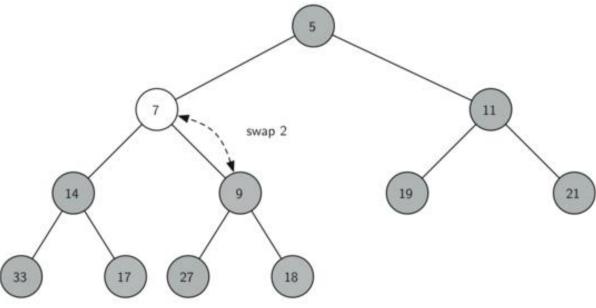
การสร้าง class ของฮีพ

```
class BinHeap:
    def __init__(self):
        self.heapList = [0]
        self.currentSize = 0
```

insert

- ทำโดย append item เข้าไปใน list
- รักษาสภาพความสมบูรณ์เสมอ
- ดัน item กลับขึ้นด้านบนเพื่อให้อยู่ในลำดับที่ถูกต้อง (percolate up)
 - parent มี key น้อยกว่าหรือเท่ากับ children เสมอ

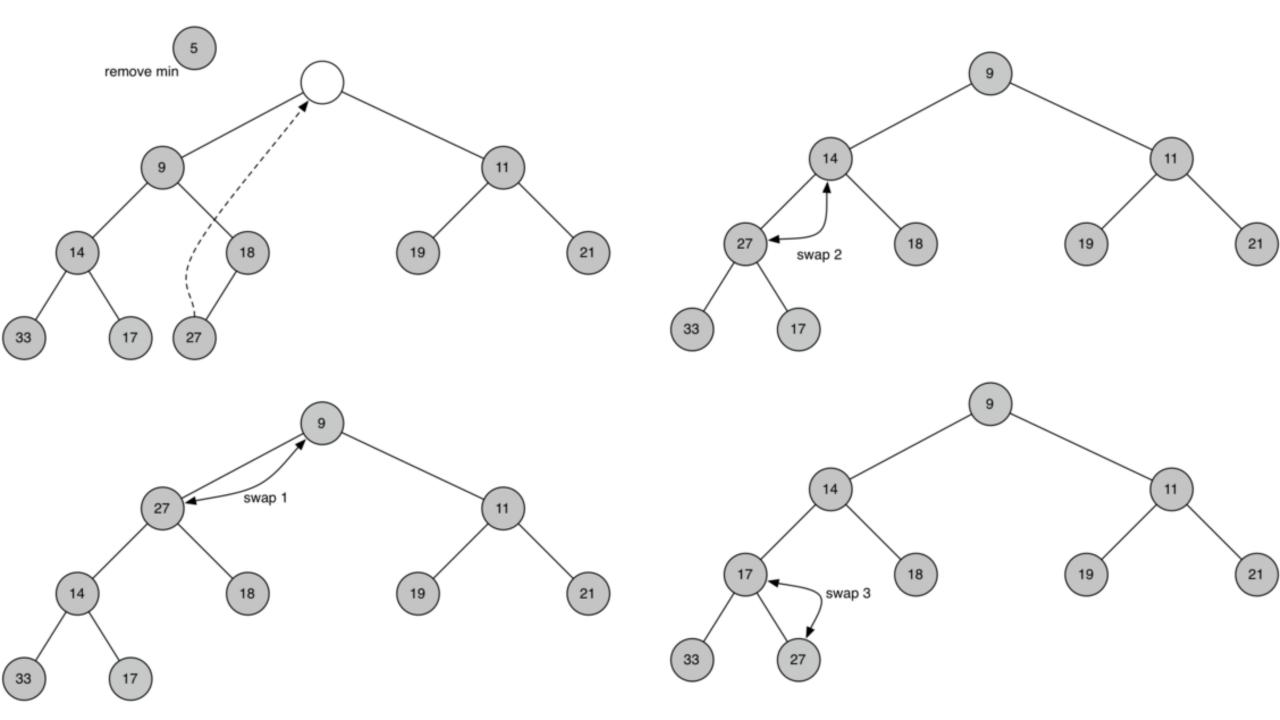




```
def percUp(self,i):
    while i // 2 > 0:
      if self.heapList[i] < self.heapList[i // 2]:</pre>
         tmp = self.heapList[i // 2]
         self.heapList[i // 2] = self.heapList[i]
         self.heapList[i] = tmp
      i = i // 2
def insert(self,k):
    self.heapList.append(k)
    self.currentSize = self.currentSize + 1
    self.percUp(self.currentSize)
```

delMin

- ต้องหา node ที่มี key น้อยสุดขึ้นมาแทนที่
- เอา node สุดท้ายขึ้นมาก่อน
- ไล่กลับลงไปในตำแหน่งที่ (percolate down)

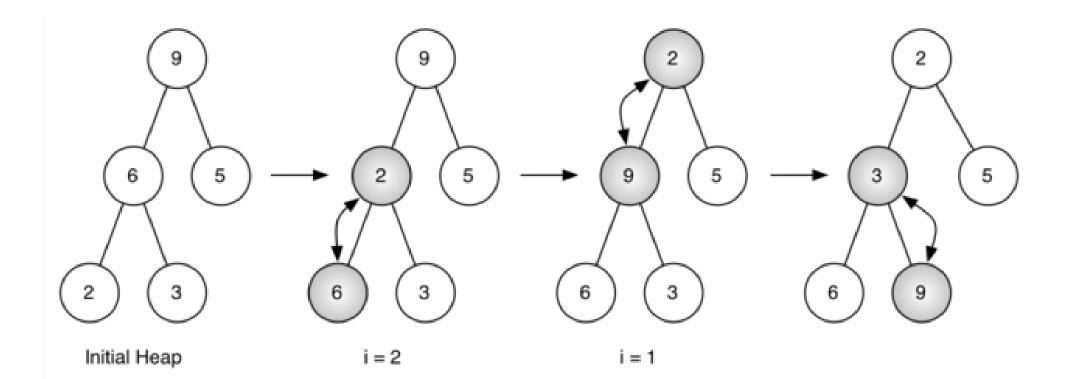


```
def percDown(self,i):
    while (i * 2) <= self.currentSize:</pre>
        mc = self.minChild(i)
        if self.heapList[i] > self.heapList[mc]:
            tmp = self.heapList[i]
            self.heapList[i] = self.heapList[mc]
            self.heapList[mc] = tmp
        i = mc
                                            def minChild(self,i):
                                                if i * 2 + 1 > self.currentSize:
                                                     return i * 2
                                                else:
                                                     if self.heapList[i*2] < self.heapList[i*2+1]:</pre>
                                                         return i * 2
                                                     else:
                                                         return i * 2 + 1
```

```
def delMin(self):
    retval = self.heapList[1]
    self.heapList[1] = self.heapList[self.currentSize]
    self.currentSize = self.currentSize - 1
    self.heapList.pop()
    self.percDown(1)
    return retval
```

สร้างฮิพจาก list

- ง่ายสุดคือค่อยๆ insert ทีละค่าใช้ O(nlogn)
- สร้างจาก list ทั้งหมดใช้ O(n)
- เริ่มจากครึ่งของ list
 - อีกครึ่งที่เหลือเป็น leaf node ที่ไม่มี child
- ขยับไปข้างหน้า list เรื่อยๆ (วิ่งขึ้นบนของ tree) แล้วไล่กลับลงมา



$$i = 2 [0, 9, 5, 6, 2, 3]$$

$$i = 1 [0, 9, 2, 6, 5, 3]$$

$$i = 0 [0, 2, 3, 6, 5, 9]$$

```
def buildHeap(self,alist):
    i = len(alist) // 2
    self.currentSize = len(alist)
    self.heapList = [0] + alist[:]
    while (i > 0):
        self.percDown(i)
        i = i - 1
```