



#### Supponiamo di voler approssimare la derivata di una funzione $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$

Sappiano che la derivata è definita come segue:

$$\frac{df}{dx}(x) = \lim_{\varepsilon \to 0} \frac{f(x + \varepsilon) - f(x)}{\varepsilon}$$

Se scegliamo un valore di  $oldsymbol{arepsilon}$  piuttosto piccolo (diciamo  $\hat{oldsymbol{arepsilon}}$ ) avremo che:

$$\frac{df}{dx}(x) \simeq \frac{f(x+\hat{\epsilon}) - f(x)}{\hat{\epsilon}}$$

- L'espressione a dx è facilmente calcolabile
- ...A meno di <u>problemi numerici</u>, che però non approfondiremo

In pratica si usano formule più numericamente stabili, ma a noi questa andrà bene





#### L'approccio è valido per qualunque funzione

...Per cui possiamo definire una procedura generica:

```
In [1]: def num_der1(x, f, eps=1e-9):
    return (f(x + eps) - f(x)) / eps
```

- x rappresenta il punto per cui vogliamo calcolare la derivata
- f dovrà contenere la funzione da derivare
- eps è la differenza da usare per il calcolo approssimato



#### Al momento della chiamata possiamo decidere:

- Per quale punto calcolare la derivata (scegliendo cosa passare in x)
- Per quale funzione calcolare la derivata (scegliendo code passare in f)

```
In [2]: import math
        def num der1(x, f, eps=1e-9):
            return (f(x + eps) - f(x)) / eps
        def f1(x):
            return math.exp(x) * math.sin(x)
        def f2(x):
            return x**2 * math.sin(x)
        print(num der1(1, f=f1))
        print(num der1(2, f=f1))
        print(num der1(1, f=f2))
        3.7560496934929684
        3.6439180561842472
        2,2232444774061833
```



#### **Esercizio: Derivazione Numerica**

### Si desidera definire un modulo con funzioni per derivazione numerica

- Per prima cosa, si proceda a creare il modulo num\_der nel pacchetto sol
  - Per farlo, creare la cartella sol (se non ancora esistente)
  - Quindi, creare al suo interno un file di nome \_\_init\_\_.py (se non ancora esistente)
  - Infine, creare all'interno di sol il file num\_der.py
- Per comodità, si abiliti l'estensione autoreaload di Jupyter

```
In [3]: %load_ext autoreload
%autoreload 2
```





#### **Esercizio: Derivazione Numerica**

## Nel modulo sol.num\_der, si definisca la funzione:

La funzione deve approssimare la derivata usando la formula:

$$\frac{f(x+\varepsilon)-f(x)}{\varepsilon}$$

Si collaudi la funzione nella cella seguente:

- Se ne verifichi il funzionamento per  $x \in \{1, 2, 3\}$
- Come funzioni da derivare si utilizzino:
  - $1(x) = x \sin(x)$
  - $f2(x) = x \cos(x)$



E per questa ragione cono già fornite nella cella

# **Esercizio: Derivazione Numerica (2)**

# Nel modulo sol.num\_der, si definisca la funzione:

La funzione deve approssimare la derivata usando la formula:

$$\frac{f(x+0.5\varepsilon)-f(x-0.5\varepsilon)}{\varepsilon}$$

Si collaudi la funzione nella cella seguente:

- Se ne verifichi il funzionamento per  $x \in \{1, 2, 3\}$
- Come funzioni da derivare si utilizzino:

$$10(x) = x^2 \sin(x)$$

$$f2(x) = x^2 \cos(x)$$



- La si definisca insiemo nella cella seguente insiemo al codice di cella ude